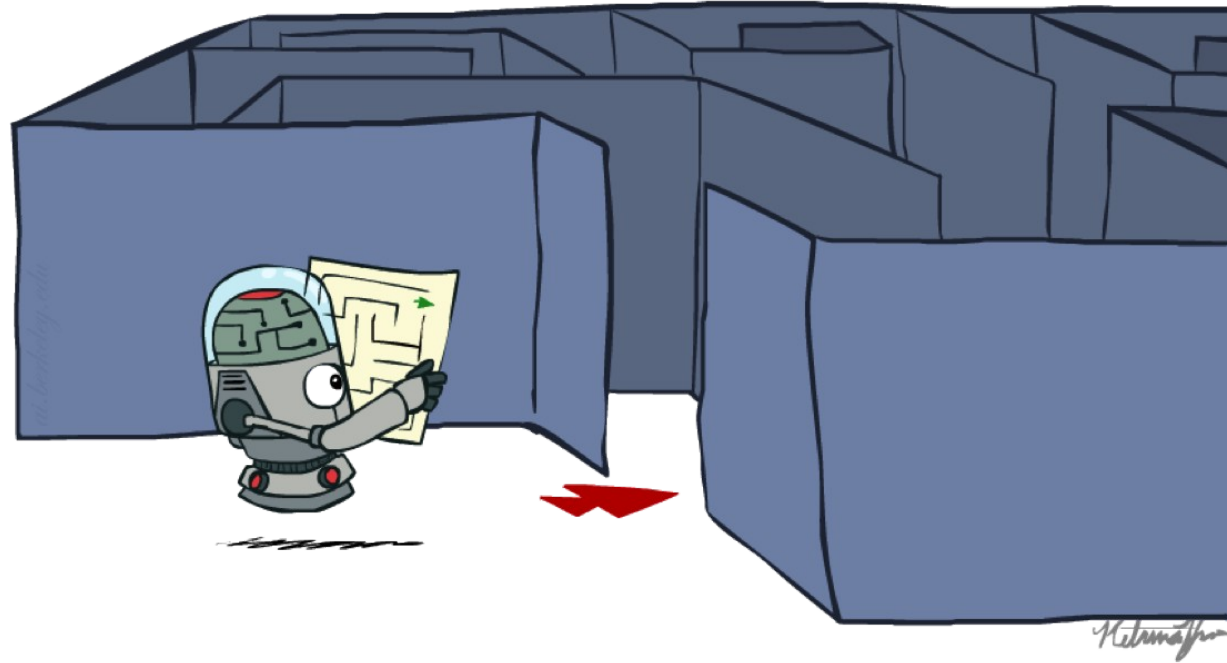


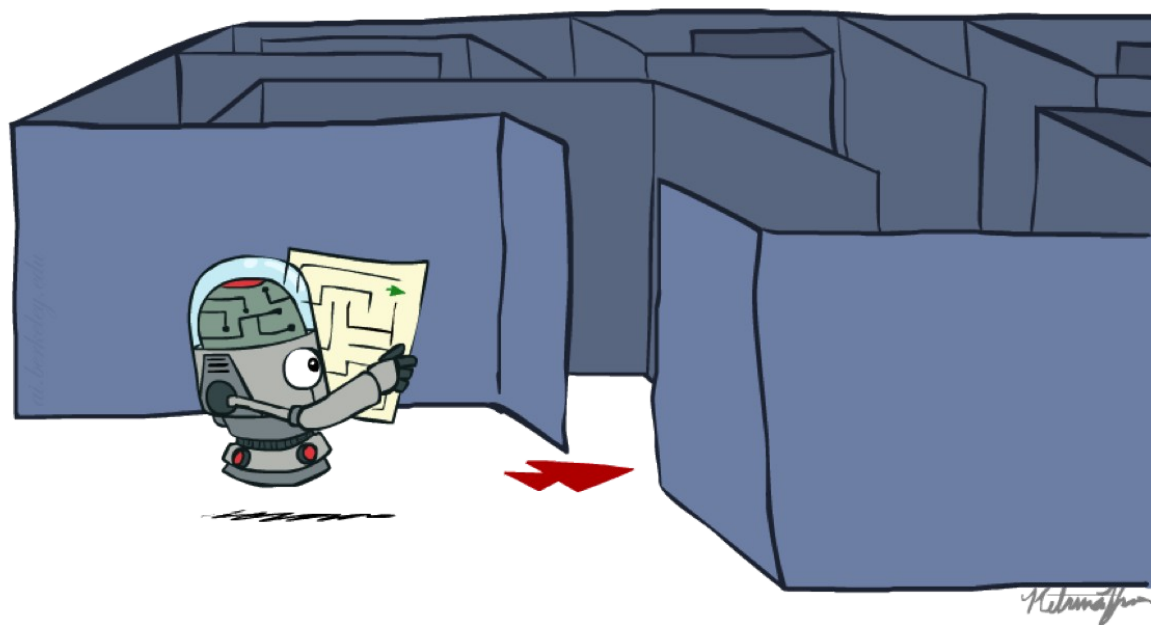
# Artificial Intelligence

## Search



# 目录

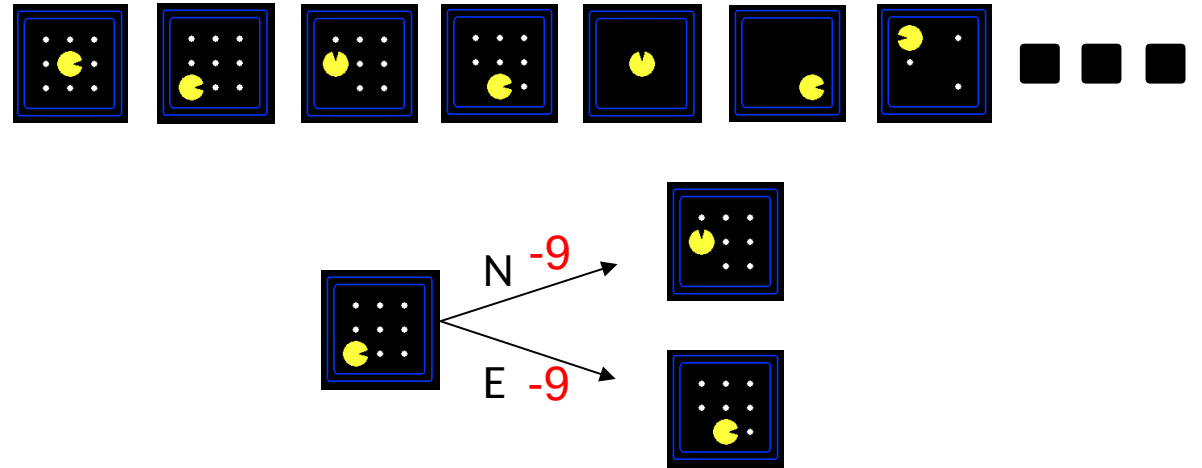
- 3.1 问题求解 Agent
- 3.2 问题形式化
- 3.3 搜索算法
- 3.4 无信息搜索策略



# Search Problems

- A **search problem** consists of:

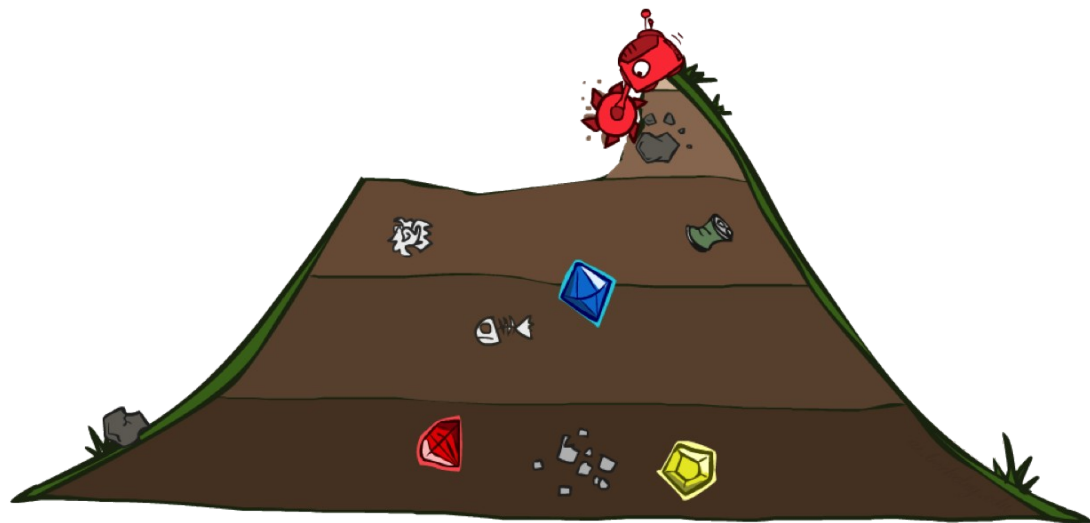
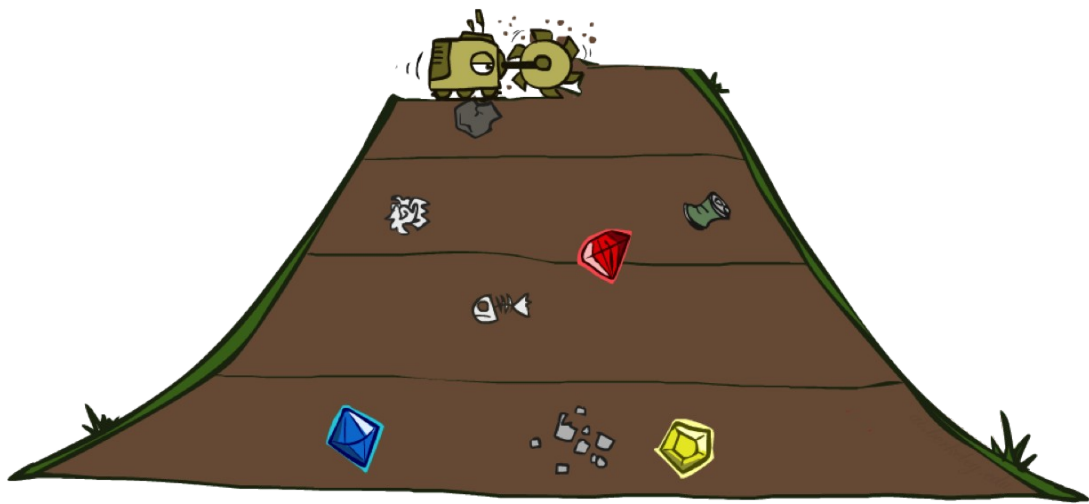
- A **state space**  $S$
- An **initial state**  $s_0$
- **Actions**  $A(s)$  in each state
- **Transition model**  $Result(s,a)$
- A **goal test**  $G(s)$ 
  - $s$  has no dots left
- **Action cost**  $c(s,a,s')$ 
  - +1 per step; -10 food; -500 win; +500 die; -200 eat ghost



- A **solution** is an action sequence that reaches a goal state
- An **optimal solution** has least cost among all solutions

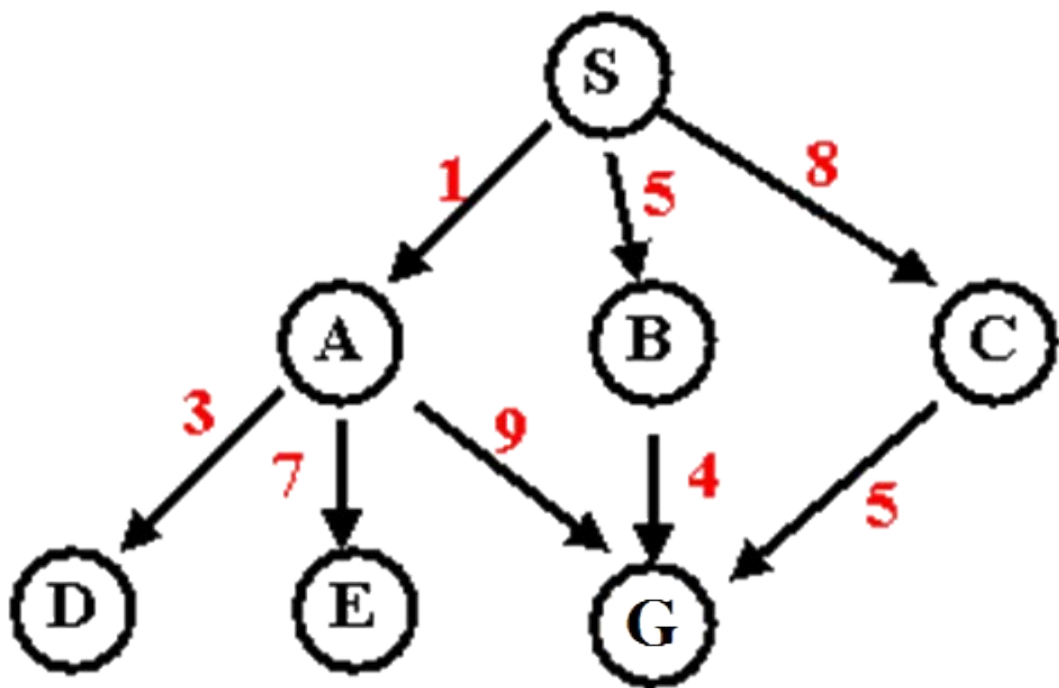
# 宽度优先搜索 vs. 一致代价搜索

	宽度优先搜索	一致代价搜索
边缘队列	FIFO	优先队列（路径耗散）
最优性	所有边耗散相同时	最优解



# 课堂练习

宽度优先搜索算法 (BFS) 的边缘队列、搜索序列、解序列，解序列的路径耗散值



宽度优先搜索：

边缘队列：

S

A B C

B C D E G

C D E G

D E G

E G

G

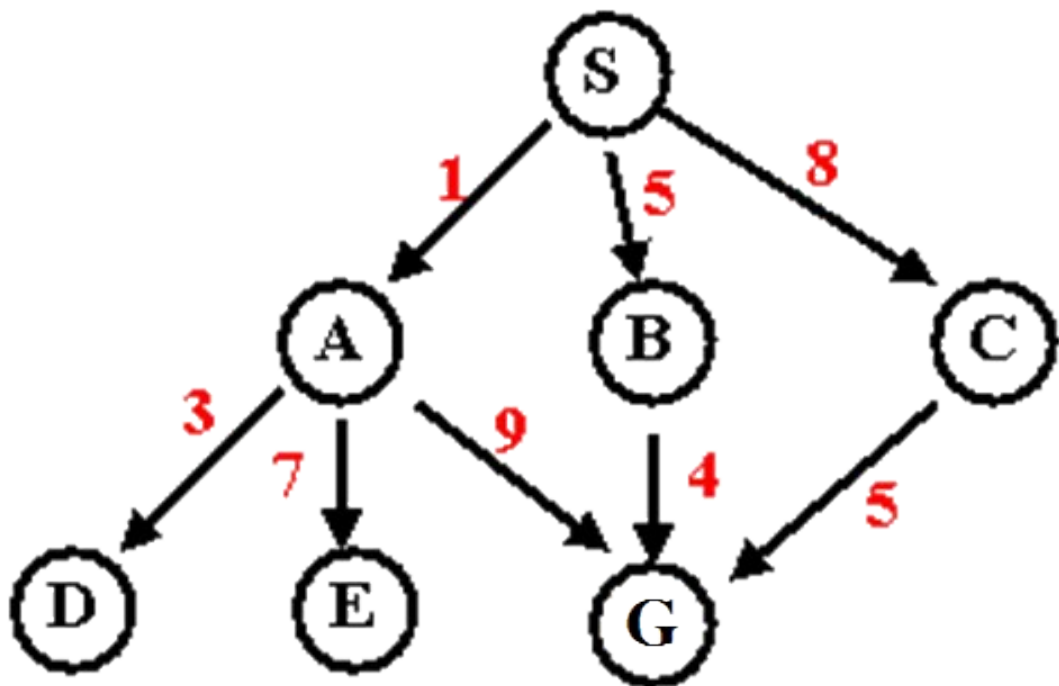
搜索序列：S A B C D E G

解序列：S A G

解序列的路径耗散：10

# 课堂练习

一致代价搜索算法 (UCS) 的边缘队列、搜索序列、解序列，解序列的路径耗散值



边缘队列：

S(0)

A(1) B(5) C(8)

D(4) B(5) C(8) E(8) G(10)

B(5) C(8) E(8) G(10)

C(8) E(8) G'(9) G(10)

E(8) G'(9) G(10)

G'(9) G(10)

搜索序列：S A D B C E G

解序列：S B G，路径耗散：

9

## 3.4 无信息搜索策略

- 5 种无信息搜索（盲目搜索）：

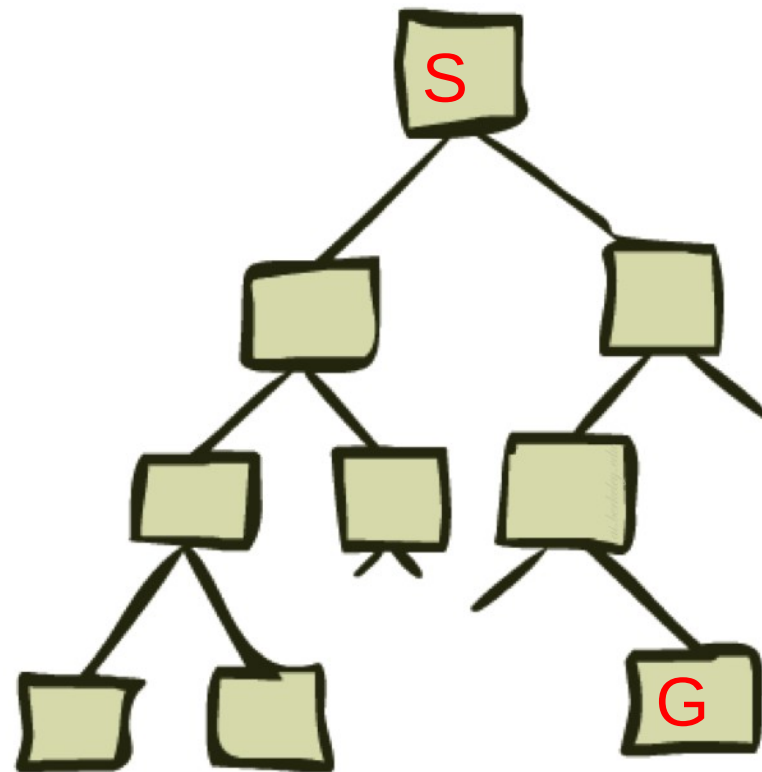
- 宽度优先搜索 Breadth-first

- 一致代价搜索 Uniform-cost

- 深度优先搜索 Depth-first

- 深度受限搜索 Depth-limited

- 迭代加深的深度优先搜索 Iterative-deepening



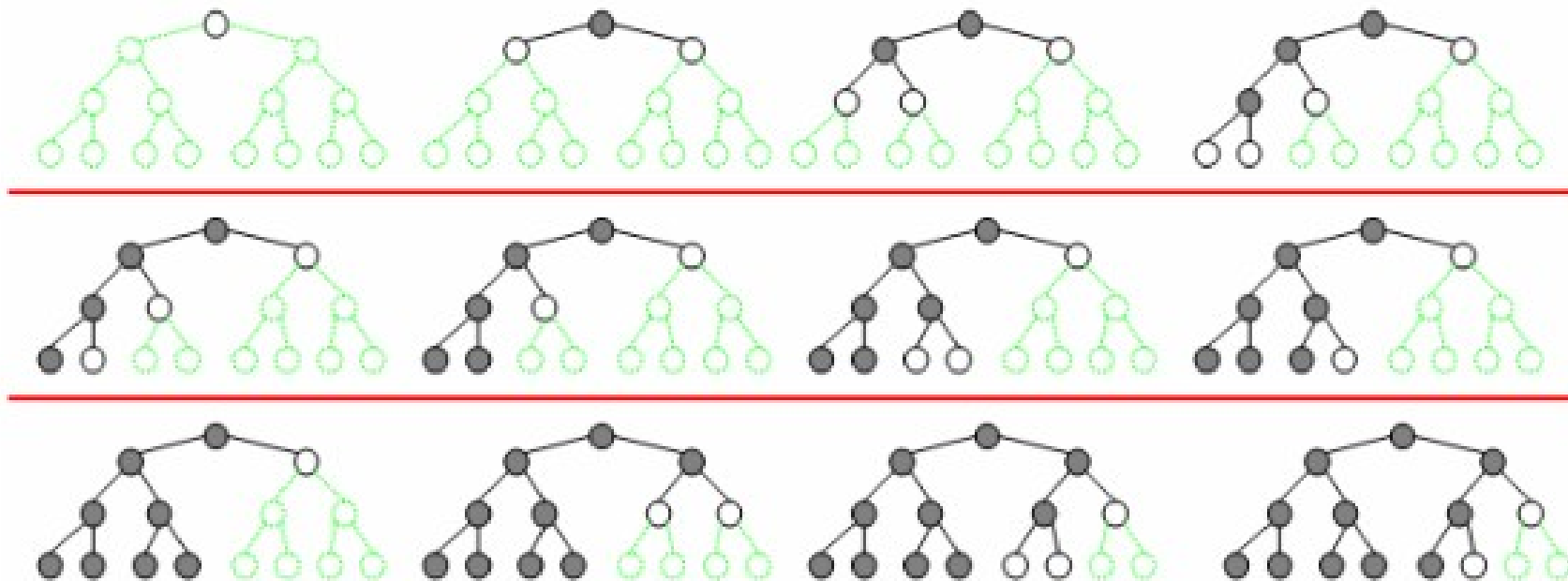
### 3.4.3 深度优先搜索 (DFS)





# 深度优先搜索（DFS）

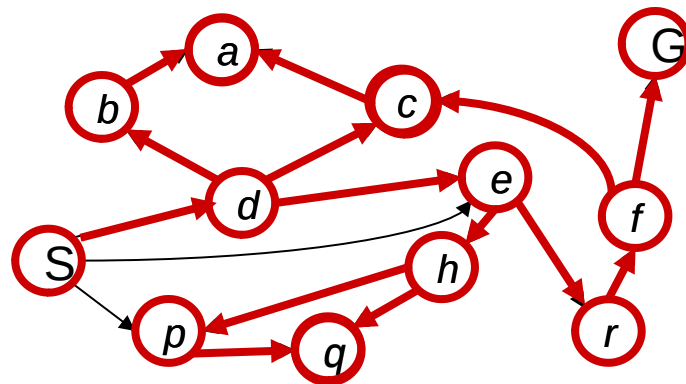
DFS 总是优先扩展当前搜索树中最深的结点。当到达搜索树中边缘无后继的结点时，该算法回溯到次深未扩展的结点继续搜索，直到搜索到目标状态为止。



# 深度优先搜索 (DFS)

搜索策略：先扩展深度最深的结点

实现：边缘是 LIFO 栈



LIFO 栈：

后进先出队列；

最新生成的结点最早被选择被扩展

Fringe:

S

d e p

b c e e p

a c e e p

c e e p

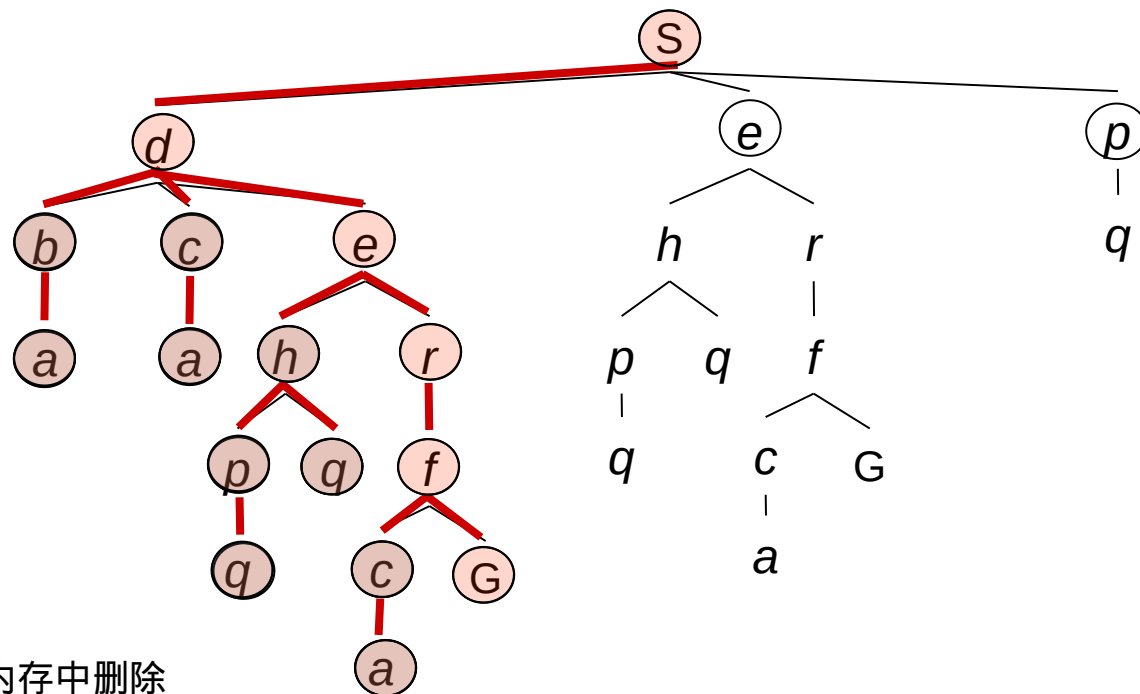
a e e p

e e p

h r e p

p q r e p

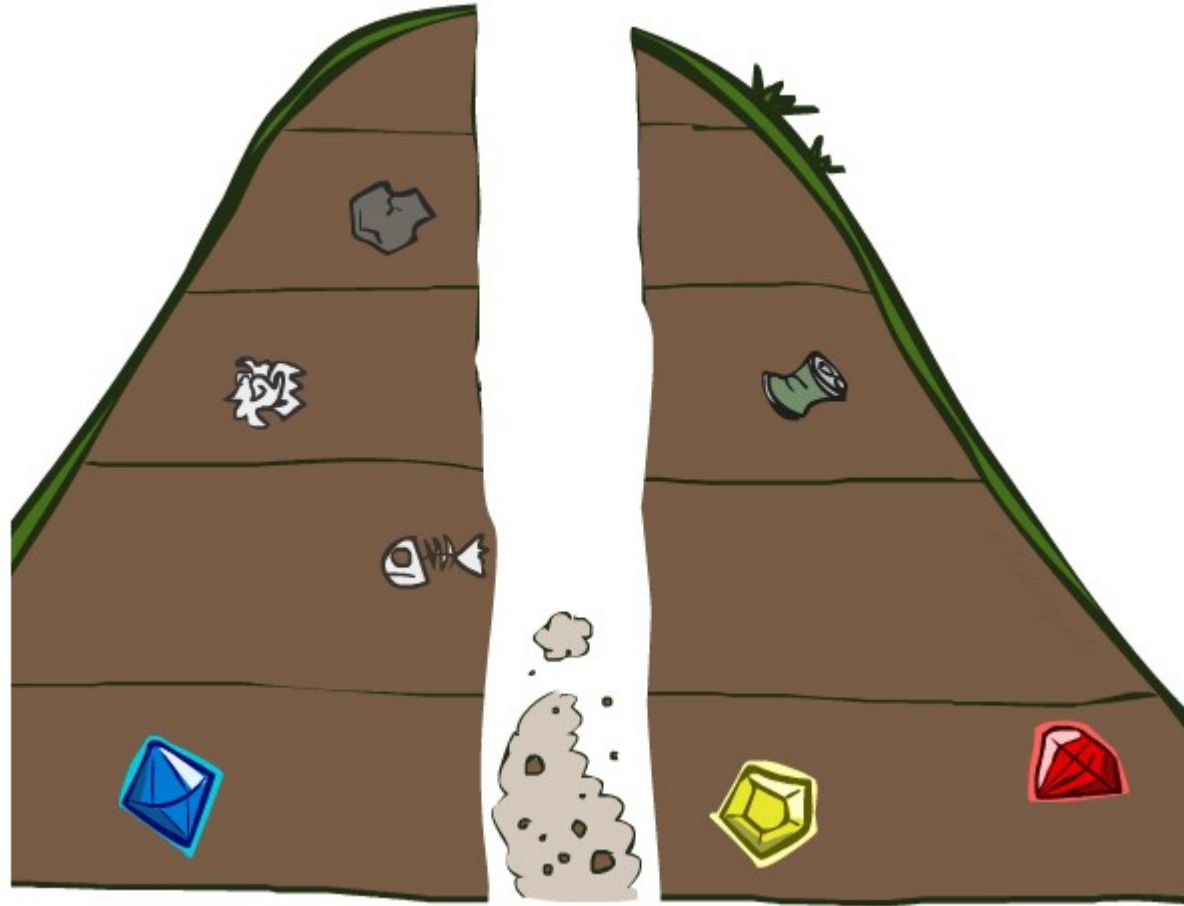
.....



已扩展且在边缘中没有后代的结点可以从内存中删除

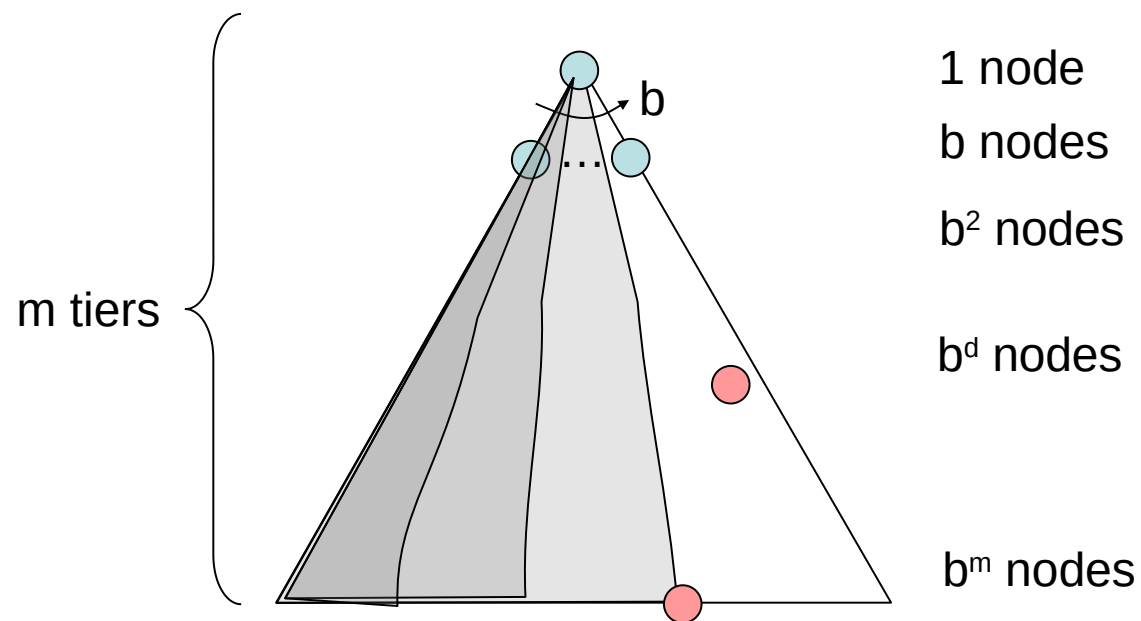
# Search Algorithm Properties

---



# 深度优先搜索 (DFS) 的性能

- 完备性 ? No □ complete in finite spaces
- 最优性 ? No
- 时间复杂度 ?  $O(b^m)$
- 空间复杂度 ?  $O(bm)$  linear space!



深度优先搜索只要存储一条从根结点到叶子结点的路径，以及该路径上每个结点所有未被扩展的兄弟结点即可。

已扩展并且在边缘中没有后代的结点可以从内存中删除

## 3.4.4 深度受限搜索

= DFS with depth limit  $l$

- 深度为  $l$  的结点被当做最深层结点（没有后继结点）来对待。

- 避免 DFS 在无限状态空间下搜索失败，解决了无穷路径问题

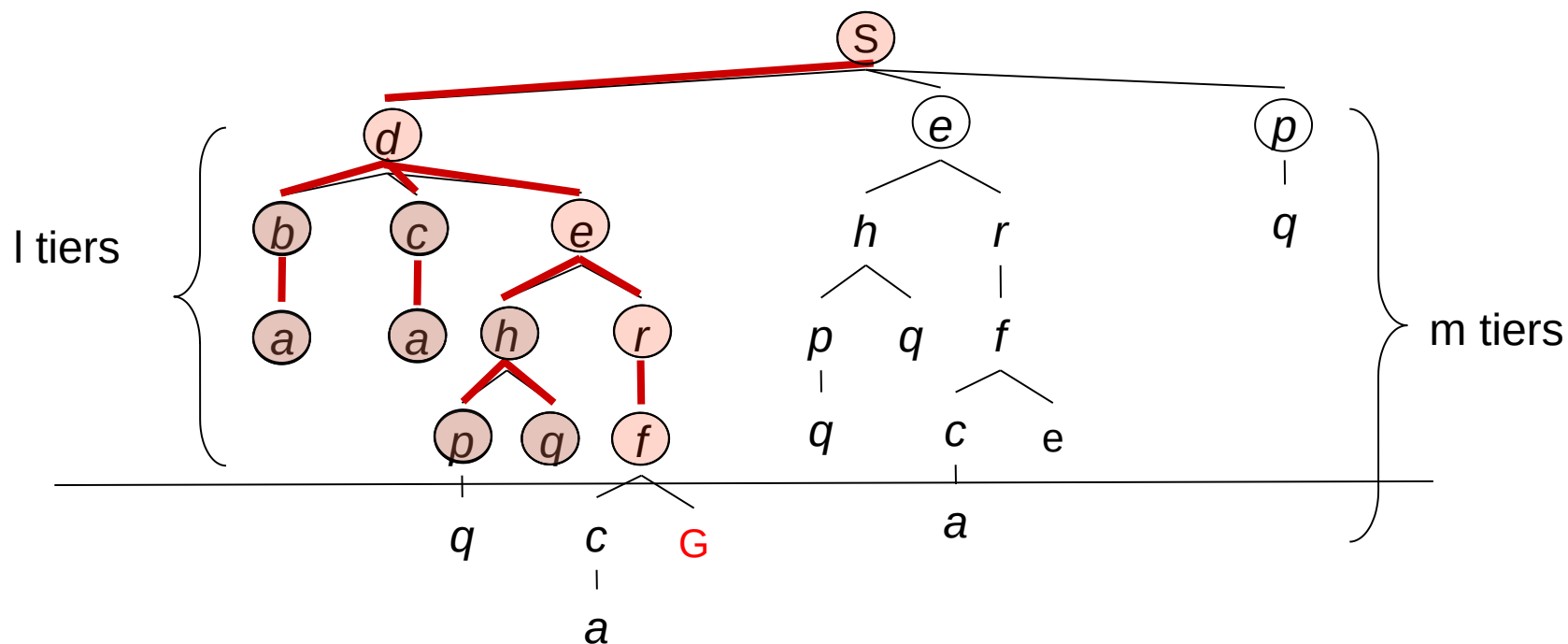
- 算法的性能：

- 时间复杂度  $O(b^l)$

- 空间复杂度  $O(bl)$

- $l < m$ : 不是完备的

- 不是最优的



### 3.4.5 迭代加深的深度优先搜索（IDS）

---

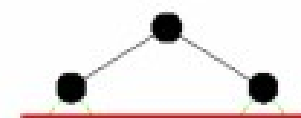
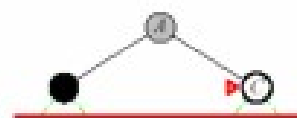
- 在深度受限搜索的基础上，逐步增加深度限制。该算法结合了深度优先和广度优先的优点。
- 算法原理：设最大深度  $limit$ ，开始  $limit$  设为 1，深度优先搜索，如果没有找到目标，则  $limit$  加一，再次深度优先搜索，以此类推直到找到目标。

# 迭代加深的深度优先搜索 ( IDS )

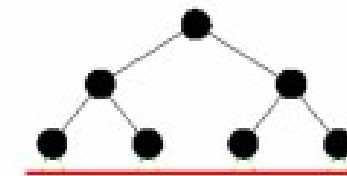
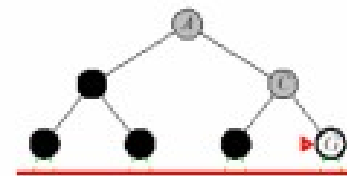
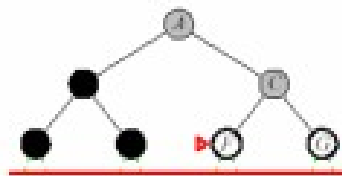
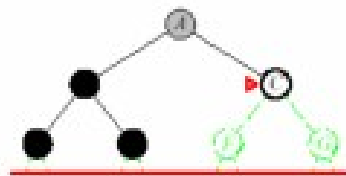
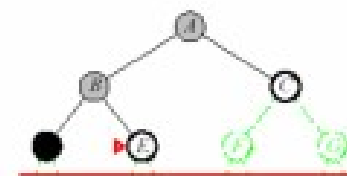
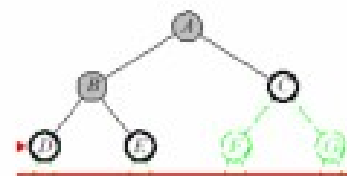
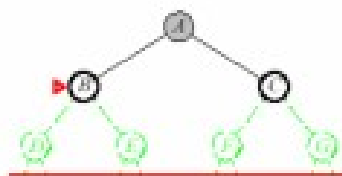
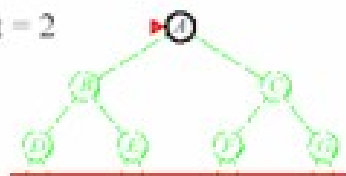
Limit = 0



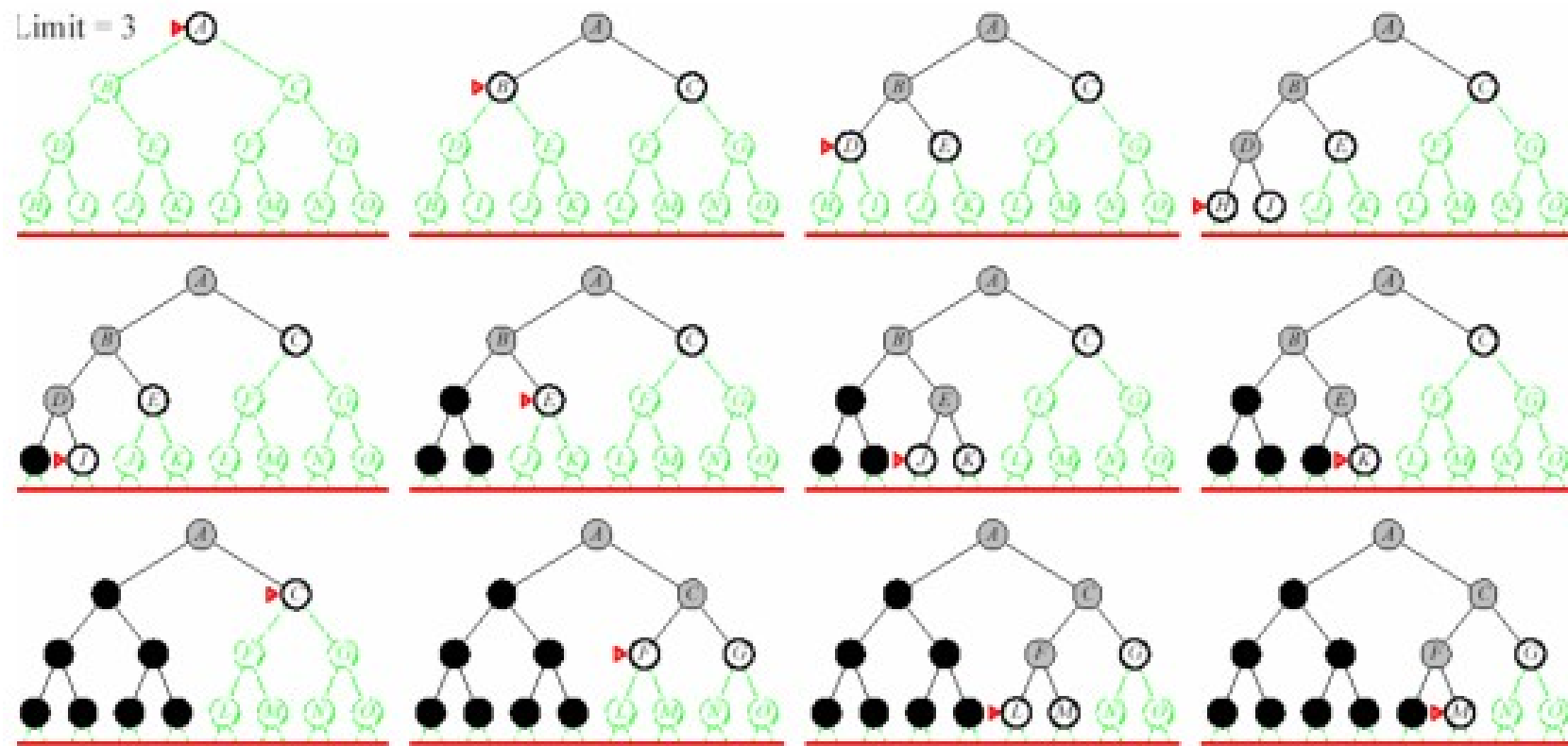
Limit = 1



Limit = 2

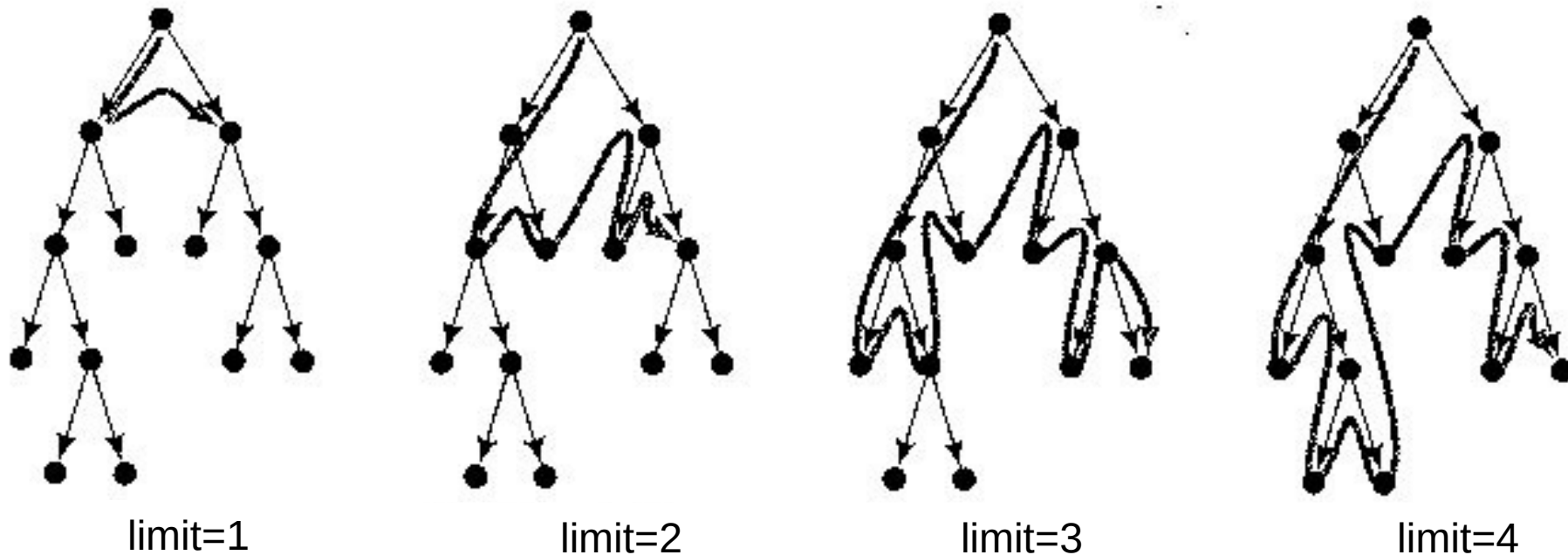


# 迭代加深的深度优先搜索 ( IDS )





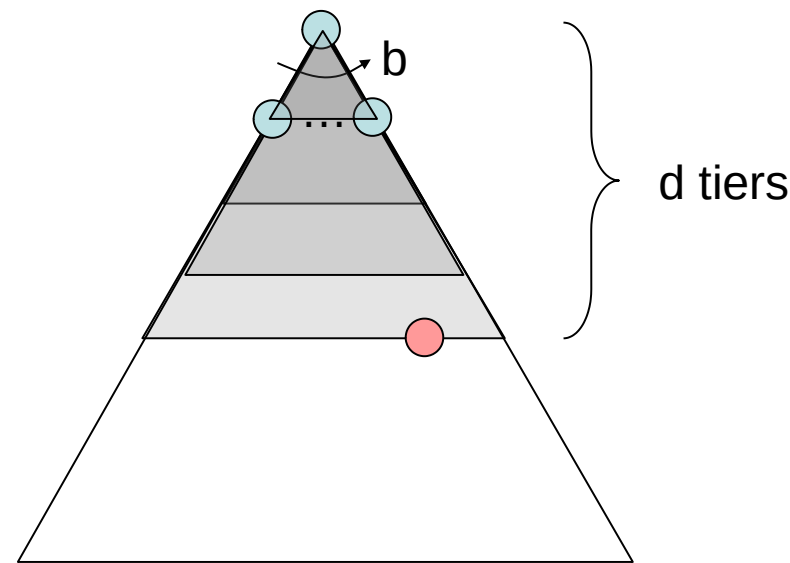
### 3.4.5 迭代加深的深度优先搜索 ( IDS )



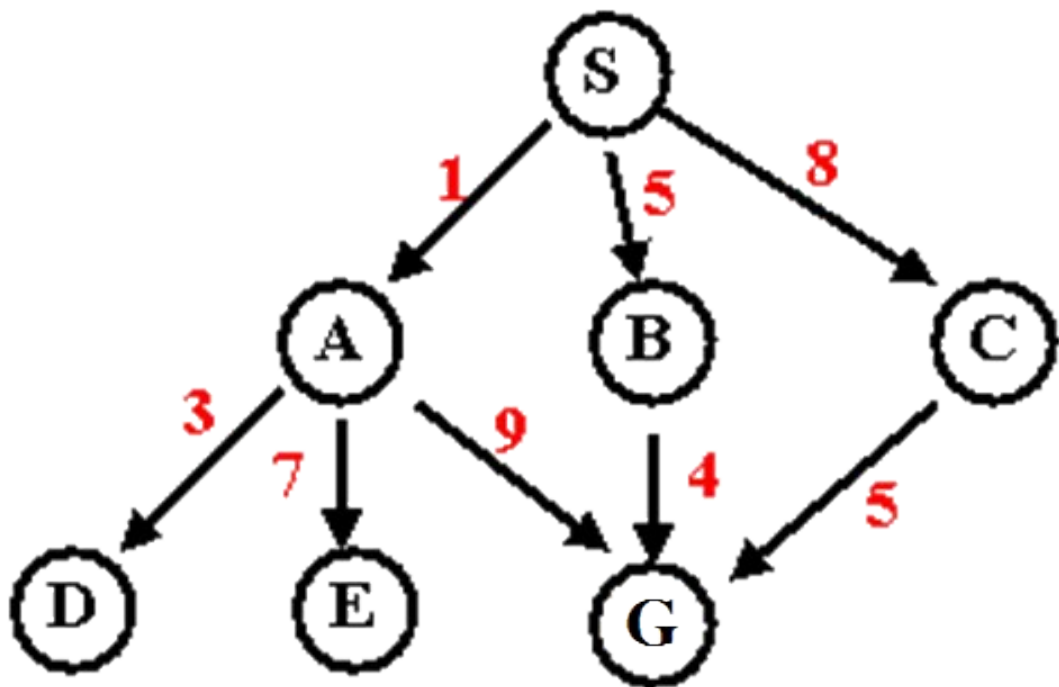
**优势：**既可以避免陷入深度无限的分支，同时还可以找到深度最浅的目标解，从而在每一步代价一致的时候找到最优解，再加上其优越的空间复杂度，**常常作为首选的无信息搜索策略。**

# 迭代加深的深度优先搜索 ( IDS )

- $IDS = DFS + BFS$
- 完备性 ? Yes ( 分支因子  $b$  有限时 )
- 最优性 ? Yes, if step cost = 1
- 时间复杂度 ?  $O(b^d)$
- 空间复杂度 ?  $O(bd)$



# 课堂练习



迭代加深的深度优先搜索

边缘队列：

Limit=1

S

A B C

B C

C

Limit=2

S

A B C

D E G B C

E G B C

G B C

搜索序列：S A B C S A D E G

解序列：S A G ， 路径耗散：

# Summary of algorithms

Criterion	Breadth-First	Uniform-Cost	Depth-First	Depth-Limited	Iterative Deepening
Complete?	Yes <sup>a</sup>	Yes <sup>a,b</sup>	No	No	Yes <sup>a</sup>
Time	$O(b^d)$	$O(b^{1+\lceil C^*/\epsilon \rceil})$	$O(b^m)$	$O(b^l)$	$O(b^d)$
Space	$O(b^d)$	$O(b^{1+\lceil C^*/\epsilon \rceil})$	$O(bm)$	$O(bl)$	$O(bd)$
Optimal?	Yes <sup>c</sup>	Yes	No	No	Yes <sup>c</sup>

搜索策略比较：

$b$  指分支因子， $d$  指最浅解的深度， $m$  指搜索树的最大深度， $l$  是深度界限。

右上角标的含义：a 指当  $b$  有限时算法是完备的，b 指若对正数  $\epsilon$  有单步代价  $\leq \epsilon$ ，则是完备的。c 单步代价相同时算法最优。

# Search Gone Wrong?

---

