



Universidad Nacional Experimental del Táchira

Vicerrectorado Académico

Decanato de Docencia

Departamento de Ingeniería Electrónica

Trabajo de Aplicación Profesional

Proyecto Especial de Grado

## **Laboratorio virtual de sistemas de control clásicos y difusos utilizando software libre**

**Autor:** Kleiver J. Carrasco M.

C.I: V-24.743.884

[kleiver.carrasco@unet.edu.ve](mailto:kleiver.carrasco@unet.edu.ve)

**Tutor:** MSc. Juan R. Vizcaya R.

[jvizcaya@unet.edu.ve](mailto:jvizcaya@unet.edu.ve)

San Cristóbal, octubre de 2019



Universidad Nacional Experimental del Táchira

Vicerrectorado Académico

Decanato de Docencia

Departamento de Ingeniería Electrónica

Trabajo de Aplicación Profesional

Proyecto Especial de Grado

## **Laboratorio virtual de sistemas de control clásicos y difusos utilizando software libre**

Proyecto Especial de Grado presentado como requisito parcial para optar  
al título de Ingeniero en Electrónica

**Autor:** Kleiver J. Carrasco M.

C.I: V-24.743.884

[kleiver.carrasco@unet.edu.ve](mailto:kleiver.carrasco@unet.edu.ve)

**Tutor:** MSc. Juan R. Vizcaya R.

[jvizcaya@unet.edu.ve](mailto:jvizcaya@unet.edu.ve)

San Cristóbal, octubre de 2019



Universidad Nacional Experimental del Táchira

Vicerrectorado Académico

Decanato de Docencia

Departamento de Ingeniería Electrónica

Trabajo de Aplicación Profesional

Proyecto Especial de Grado

### **Aprobación del Tutor para presentación del Proyecto Especial de Grado**

Yo, Juan Rafael Vizcaya Rojas, en mi carácter de Tutor del Proyecto Especial de Grado titulado “**Laboratorio virtual de sistemas de control clásicos y difusos utilizando software libre**”, presentado por el bachiller Kleiver Jesús Carrasco Márquez titular de la cédula de identidad No. V-24.743.884 por medio de la presente autorizo su presentación ante el Jurado que se designe, en virtud de considerar que reúne los requisitos y méritos necesarios para ser sometido a presentación pública.

---

Tutor  
Juan Rafael Vizcaya Rojas  
C.I. V-7.348.191

## DEDICATORIA

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

## AGRADECIMIENTO

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

UNIVERSIDAD NACIONAL EXPERIMENTAL DEL TÁCHIRA  
VICERRECTORADO ACADÉMICO  
DECANATO DE DOCENCIA  
CARRERA DE INGENIERÍA ELECTRÓNICA

**Laboratorio virtual de sistemas de control clásicos y difusos  
utilizando software libre**

Autor: Kleiver J. Carrasco M.  
Tutor: MSc. Juan R. Vizcaya R.  
Fecha: Noviembre, 2019

**RESUMEN**

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

**Descriptores:** Texto, sistemas de control, logica difusa

# ÍNDICE

	Pág.
<b>CARTA DE APROBACIÓN PARA PRESENTACIÓN.</b> . . . . .	iii
<b>DEDICATORIA</b> . . . . .	iv
<b>AGRADECIMIENTO</b> . . . . .	v
<b>RESUMEN.</b> . . . . .	vi
<b>INTRODUCCIÓN</b> . . . . .	1
<b>CAPÍTULO I EL PROBLEMA</b>	3
Planteamiento del problema . . . . .	3
Objetivos de la investigación. . . . .	5
Justificación e importancia. . . . .	5
Alcance y limitaciones . . . . .	6
<b>CAPÍTULO II MARCO TEÓRICO</b>	7
Antecedentes. . . . .	7
Bases teóricas . . . . .	8
<b>CAPÍTULO III MARCO METODOLÓGICO</b>	44
Tipo de investigación . . . . .	44
Diseño de la investigación . . . . .	44
Modalidad . . . . .	45
Fases de la investigación . . . . .	45
<b>CAPÍTULO IV RESULTADOS</b>	47
Estructura general . . . . .	47
Análisis de sistemas de control . . . . .	48
Entonación de controladores PID . . . . .	51
Diseño de controladores difusos. . . . .	53
Simulación de sistemas de control . . . . .	56
<b>CAPÍTULO V CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES</b>	61
Conclusiones. . . . .	61

	Pág.
Recomendaciones . . . . .	62
<b>REFERENCIAS . . . . .</b>	<b>65</b>
<b>ANEXOS . . . . .</b>	<b>69</b>



## ÍNDICE DE FIGURAS

FIGURA	Pág.
1 Ejemplo de un sistema en lazo abierto . . . . .	19
2 Ejemplo de un sistema en lazo cerrado . . . . .	20
3 Ejemplo de grafica del lugar de las raices . . . . .	21
4 Ejemplo de analisis de estabilidad en el plano complejo . . . . .	22
5 Ejemplo de analisis de estabilidad con diagrama de Nyquist . . . . .	23
6 Ejemplo 1 margenes de ganancia y fase . . . . .	25
7 Ejemplo 2 margenes de ganancia y fase . . . . .	25
8 Ejemplo de un sistema en lazo cerrado con controlador . . . . .	26
9 Modelado por curva de reacción . . . . .	30
10 Ejemplo de un conjunto difuso . . . . .	32
11 Esquema de control: P difuso . . . . .	39
12 Esquema de control: PD difuso . . . . .	39
13 Esquema de control: PI difuso . . . . .	40
14 Esquema de control: PID difuso . . . . .	40
15 Esquema de control: Programador de ganancias . . . . .	41
16 Esquema de control: PID clasico mas P difuso . . . . .	41
17 Diagrama general de la aplicación . . . . .	47
18 Interfaz grafica para el analisis de sistemas de control . . . . .	69
19 Interfaz grafica para el analisis de sistemas de control . . . . .	70
20 Esquema de control implementado: PD difuso . . . . .	79
21 Esquema de control implementado: PI difuso . . . . .	79
22 Esquema de control implementado: PID difuso . . . . .	79
23 Esquema de control implementado: PD difuos mas PI difuso . . . . .	80
24 Esquema de control implementado: PI difuso mas derivada . . . . .	80
25 Esquema de control implementado: PD difuso mas integrador . . . . .	80
26 Esquema de control implementado: Programador de ganancias . . . . .	81

27	Esquema de control implementado: PID clasico mas P difuso . . . . .	81
----	---	----

## ÍNDICE DE TABLAS

TABLA		Pág.
1	Regla de entonación de Zigler-Nichols . . . . .	30
2	Regla de entonación de Cohen-Coon . . . . .	31

## ÍNDICE DE CÓDIGOS

CÓDIGO		Pág.
1	Pseudo código - Análisis de sistemas de control . . . . .	48
2	Pseudo código - Entonación de controladores PID . . . . .	51
3	Pseudo código - Diseño de controladores difusos . . . . .	54
4	Pseudo código - Simulación de sistemas de control . . . . .	57
5	Pseudo código - Runge-Kutta explícitos . . . . .	60
6	Pseudo código - Runge-Kutta embebidos . . . . .	60
7	Calculo de los márgenes de ganancia y fase . . . . .	72
8	Transformación equivalente entre funciones de membresía . . . . .	75
9	Formato para guardar controlador . . . . .	82
10	Extracción de datos del archivo FIS - YAPFLM . . . . .	85
11	Procesado de los datos del FIS . . . . .	88
12	Exportar archivos FIS . . . . .	90
13	Tamaño de paso variable para Runge-Kutta explícitos . . . . .	98
14	Tamaño de paso variable para Runge-Kutta embebidos . . . . .	99
15	Función para calcular la norma RMS . . . . .	100

## INTRODUCCIÓN

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit

blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

# **CAPÍTULO I**

## **EL PROBLEMA**

### **Planteamiento del problema**

Desde hace muchos años que el hombre dedicó parte de sus esfuerzos a ofrecer servicios y producir bienes para el consumo de las personas, antaño, los procesos de producción eran fáciles de implementar y de complejidad reducida, por tanto, se podían controlar de forma manual utilizando instrumentos y herramientas simples, pero Creus (2010) afirma que: “[...] la gradual complejidad con que éstos se han ido desarrollando ha exigido su automatización progresiva por medio de los instrumentos de medición y control”(p. 1).

Así mismo, la calidad de vida de las personas ha mejorado gracias a que ahora la producción de bienes y servicios se realizan de forma más eficiente. Parte de este incremento de eficiencia se debe a la incorporación de nuevas tecnologías que traen consigo ventajas como rapidez, precisión y mejoras en la automatización. La automatización por medio de controladores analógicos y electrónicos ha desempeñado un papel importante en esta mejora, tanto así, que se ha convertido en parte integral en los sistemas de vehículos espaciales, robóticos, procesos modernos de fabricación y en cualquier operación industrial (Ogata, 2003).

Siguiendo este orden de ideas, es necesario mencionar que analizar los sistemas de control puede llegar a ser, en ocasiones, una tarea difícil de realizar si no se tienen los conocimientos necesarios o si no se utilizan las herramientas adecuadas, uno de los motivos es que “[...] los antecedentes matemáticos requeridos incluyen temas tales como la teoría de la variable compleja, ecuaciones diferenciales y en diferencias, transformada de Laplace y transformada  $z$  [...]”(Kuo, 1996, p. 21).

Considerando lo anterior, es natural pensar que un modo de abarcar el análisis, diseño y simulación de sistemas de control es por medio de las computadoras. Ogata (2003) sugiere que gran parte del tiempo dedicado será verificando el comportamiento del sistema mediante un análisis, es por esto que recomienda utilizar un programa de computadora como MATLAB para que realice gran parte del cálculo matemático necesario en los estudios de sistemas de control, no obstante, se debe aclarar que MATLAB es un software que, aunque potente, permanece cerrado y de pago.

En adición a lo anterior, se puede pensar en utilizar herramientas libres como Octave y Scilab, que proporcionan un número elevado de funciones matemáticas, pero se requiere de saber programar, además, no ofrecen un entorno gráfico para la entonación de controladores, lo cual puede llegar a ser problemático para algunos ingenieros, por otro lado, suelen ofrecer soluciones aisladas entre sí e integrarlas suele ser tedioso y problemático. Suárez (2014) afirma que: “Si lograr el dominio de la herramienta computacional es un reto en sí mismo deja de ser una herramienta práctica [...]”(p. 6).

Finalmente, se debe tener en cuenta que las herramientas libres y gratuitas no tienen la posibilidad de diseñar controladores a base de lógica difusa de forma intuitiva y sencilla, lo cual puede conllevar un desperdicio de tiempo considerable en comparación con el uso de una interfaz gráfica para el diseño del controlador, es por esto que la mayoría de las herramientas gratuitas están limitadas a usarse, de manera práctica, solo en teoría clásica de control.

En base a la problemática expuesta, surgen las siguientes preguntas: ¿Es posible realizar un laboratorio para el análisis de sistemas de control con software libre?, ¿Cumpliría con los requisitos para analizar, diseñar y simular sistemas de control? y ¿Cómo se desempeñaría en comparación con otras herramientas?, preguntas que se responderán con el desarrollo de esta investigación y que se utilizarán para guiar el rumbo de la misma.



## **Objetivos de la investigación**

### ***Objetivo general***

Desarrollar un laboratorio virtual de sistemas de control clásicos y difusos utilizando software libre.

### ***Objetivos específicos***

1. Estudiar los sistemas de control clásicos.
2. Estudiar el diseño de controladores difusos tipo Mamdani.
3. Codificar las rutinas de análisis, diseño y simulación de sistemas de control necesarias.
4. Realizar la interfaz gráfica de un laboratorio de sistemas de control virtual.
5. Comparar los resultados obtenidos con dos herramientas de corte similar.

## **Justificación e importancia**

Actualmente hay una dependencia muy alta de MATLAB a la hora de trabajar con cálculo numérico, así mismo, es el software más usado en la UNET para analizar, diseñar y simular sistemas de control, con el desarrollo de un laboratorio de control utilizando software libre se puede eliminar parcialmente dicha dependencia, logrando así que herramientas externas sean usadas solo cuando se den casos más particulares o complejos.

Con el desarrollo del laboratorio de control se quiere tener una herramienta que cumpla con los requisitos actuales para el análisis, diseño y simulación de sistemas de control de forma libre, gratuita, rápida y sencilla sin tener que invertir demasiado tiempo en aprender la herramienta, y si en lo que importa, diseñar un sistema de control preciso y confiable. Por otro lado, se espera desarrollar la herramienta de forma que su interfaz gráfica acepte otros módulos, i.e., permitirá a aquel que lo desee expandir las funcionalidades del laboratorio de sistemas de control sin que se tenga que rehacer todo,

esto permitirá mantener actualizado y útil la herramienta, además, se estará generando una importancia metodológica al crear la posibilidad de realizar otras investigaciones alrededor de la misma para agregar nuevas funcionalidades y expandir el laboratorio virtual.

### **Alcance y limitaciones**

Con esta investigación se realizará una interfaz gráfica que permita realizar cuatro funciones principales, la primera, análisis de procesos en el dominio del tiempo y en el dominio de la frecuencia como: respuesta al escalón, respuesta al impulso, bode, entre otras, la segunda, entonación de controladores PID de forma manual y automática, la tercera, será el diseño de controladores difusos tipo Mamdani generales y para esquemas específicos de sistemas de control, y finalmente, la simulación de sistemas de control utilizando controladores PID y controladores difusos para esquemas específicos.

Hay que aclarar que, para modelar los sistemas de control en cada una de las funcionalidades mencionadas se le dará la opción al usuario para representarlos como funciones de transferencia o ecuaciones de espacio de estado y se podrá especificar si el modelo está en tiempo continuo o en tiempo discreto. El análisis de sistemas de control es un tema muy amplio y requiere de una gran cantidad de funciones que se pueden realizar utilizando software libre, no obstante, se considera que con este alcance se estaría logrando cumplir con las necesidades fundamentales.

El software que se utilizará para realizar la interfaz gráfica y los cálculos correspondientes será el lenguaje de programación Python junto con su set de bibliotecas externas. Aunque la biblioteca de Python para análisis de sistemas de control es potente y brindan varias herramientas de forma directa, se debe dejar claro que no cumplen con todas las funciones requeridas, por tanto, algunas rutinas de simulación se deberán codificar de cero con ayuda de bibliotecas de cálculo numérico, y otras, harán uso de la biblioteca de control con código complementario.

## **CAPÍTULO II**

### **MARCO TEÓRICO**

#### **Antecedentes**

Para esta investigación se buscaron antecedentes de alcance nacional e internacional que ayuden a guiar, sustentar y validar esta investigación.

Casallas, Chacón y Rivera (2005), escribieron para la revista Acción Pedagógica de la Universidad de los Andes un artículo titulado “Desarrollo básico de un Laboratorio Virtual de Control de Procesos basado en Internet”, fue desarrollado conjuntamente entre la UNET y la ULA para ser usado a través de Internet y cuyo objetivo fue desarrollar un laboratorio virtual de control de procesos para la enseñanza a distancia, permitiendo ser utilizado solo por usuarios registrados y en determinados horarios. Aunque la finalidad de la investigación acá propuesta difiere del objetivo de Casallas et al., esta servirá como ayuda para determinar las funciones más utilizadas en el área de control, así como las necesidades típicas de un laboratorio de control virtual.

Adicionalmente, Salazar (2019), realizó en la Universidad Técnica del Norte, Ecuador, una tesis titulada “Diseño de un sistema de riego inteligente para cultivos de hortalizas basado en Fuzzy Logic en la granja la pradera de la Universidad Técnica del Norte.” para la implementación del controlador basado en la lógica difusa utilizó, entre otros equipos, un Raspberry PI para la ejecución de Python, específicamente, hizo uso de la biblioteca Scikit-Fuzzy, la cual le permitió definir las funciones de membresía, establecer las reglas difusas, realizar los procesos de fuzzificación y defuzzificación, todo lo mencionado será para una arquitectura de controlador difuso tipo Mamdani. Esta tesis servirá como referencia para establecer el diseño de controladores difusos utilizando la biblioteca Scikit-Fuzzy.

Por otro lado, Congo (2018) realizó en la Universidad Tecnológica Israel, Ecuador, una tesis titulada “Aplicaciones del software libre Python para prácticas de laboratorio aplicado a la asignatura de tratamiento digital de señales de la Universidad Tecnológica Israel” cuyo objetivo fue desarrollar por medio del software Python y sus diferentes librerías científicas, la realización de 3 Prácticas de Laboratorio para la asignatura Procesamiento Digital de Señales de la Universidad Tecnológica Israel, al igual que la intención de este trabajo, se realizó una interfaz gráfica con el objetivo de facilitar su uso, en este caso como herramienta para el procesamiento digital de señales. Este trabajo sustenta la viabilidad de realizar una interfaz gráfica con enfoque similar en el campo de la electrónica y se utilizará como guía parcial para establecer su uso en sistemas de control.

Finalmente, Gómez (2009) redactó para la revista Educación en Ingeniería de Colombia, un artículo titulado “Toolbox didáctico para el diseño y análisis de sistemas de control lineal”, cuyo objetivo es describir un toolbox realizado en MATLAB para el análisis de sistemas de control lineales, este toolbox consiste de una interfaz gráfica que permite realizar pruebas a sistemas de control como respuesta escalón, respuesta en frecuencia, análisis de estabilidad, diseño de controladores, entre otras funciones. Este artículo será de utilidad para establecer la interfaz gráfica que se pretende realizar, además, sirvió como punto de partida para determinar las funciones que debería tener un laboratorio virtual de sistemas de control, como punto adicional se puede resaltar que reafirma la utilidad de esta investigación.

### **Bases teóricas**

Para poder realizar el laboratorio virtual de sistemas de control clásicos y difusos será necesario abarcar conocimientos de análisis de sistemas de control, diseño de controladores PID y controladores difusos, a continuación, se presentan los conceptos necesarios para el desarrollo de esta investigación.

## ***Procesos***

Es importante partir de la base, es por ellos que empezaremos con los procesos, Sánchez (2003) define los procesos como “[...] un bloque que se identifica porque tiene una o más variables de salida de las cuales es importante conocer y mantener sus valores”(p. 153). Así, un proceso se caracteriza por tener una entrada y una salida (para procesos SISO), dicha salida deberá mantenerse alrededor de un punto de referencia dado, es decir, se debe controlar su salida.

### ***Modelado de procesos en tiempo continuo***

Un proceso puede ser representado por ecuaciones diferenciales que determinen su comportamiento dinámico en el dominio del tiempo, no obstante, trabajar con ecuaciones diferenciales es tedioso a nivel matemático, por tanto, se prefiere modelar los procesos utilizando la transformada de Laplace para llevar de una representación dinámica a una algebraica. Esta ecuación algebraica se operará para llevar a una función de transferencia que represente al proceso en el dominio de la frecuencia compleja (Smith y Corripio, 1985).

### ***Transformada de Laplace***

La transformada de Laplace de una función dependiente del tiempo  $f(t)$  viene dada por la ecuación:

$$F(s) = \mathcal{L}[f(t)] = \int_0^{\infty} f(t)e^{-st} dt \quad (1)$$

si suponemos que  $f(t)$  es un proceso cuya representación dinámica viene dada por una ecuación diferencial de la forma:

$$a_2 \frac{d^2 y(t)}{dt^2} + a_1 \frac{dy(t)}{dt} + a_0 y(t) = b_0 x(t) \quad (2)$$

Aplicando (1) a (2) y despejando la relación  $Y(s)/X(s)$  para el proceso con condiciones iniciales igual a cero (debido a que el proceso debe ser lineal) se obtiene la correspondiente función de transferencia del proceso  $H(S)$ :

$$H(s) = \frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{b_0}{a_2 s^2 + a_1 s + a_0} \quad (3)$$

La demostración completa (Smith y Corripio, 1985, pp. 21-22) no es de interés para este trabajo, pero si su resultado, la función de transferencia puede ser analizada para determinar las características del proceso, como su ganancia, constante de tiempo, tiempo muerto, entre otras.

### ***Ecuaciones de espacio de estado***

Las ecuaciones de espacio de estado son un método más moderno para modelar todo tipo de sistemas, no solo físicos, sino también biológicos, económicos, sociales y otros. Así como una ecuación diferencial puede ser representada como una función de transferencia también se puede representar como una ecuación de espacio de estados, por tanto, una función de transferencia también puede ser representada en el espacio de estados y viceversa. Las ecuaciones linealizadas alrededor de un estado de operación (Ogata, 2003, p. 31) son:

$$\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t) \quad (4)$$

$$y(t) = Cx(t) + Du(t) \quad (5)$$

con:

$A$ : como matriz de estado.

$B$ : como matriz de entrada.

$C$ : como matriz de salida.

$D$ : como matriz de transmisión directa.

Normalmente la notación presentada en las ecuaciones (4) y (5) es preferida dado que son compactas y fáciles de entender, no obstante, es al expandir las ecuaciones

en su forma matricial que podemos ver claramente que la ecuación (4) es un sistema de ecuaciones diferenciales ordinarias:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \vdots \\ \dot{x}_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} & \cdots & b_{1m} \\ b_{21} & b_{22} & \cdots & b_{2m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{n1} & b_{n2} & \cdots & b_{nm} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \vdots \\ u_m \end{bmatrix} \quad (6)$$

$$\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} & \cdots & c_{1n} \\ c_{21} & c_{22} & \cdots & c_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ c_{r1} & c_{r2} & \cdots & c_{rn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} d_{11} & d_{12} & \cdots & d_{1m} \\ d_{21} & d_{22} & \cdots & d_{2m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ d_{r1} & d_{r2} & \cdots & d_{rm} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \vdots \\ u_m \end{bmatrix} \quad (7)$$

con:

$n$ : como el numero de variables de estado

$m$ : como el numero de entradas

$r$ : como el numero de salidas

Para resolver sistemas de ecuaciones diferenciales podemos utilizar métodos iterativos como los de Runge-Kuuta.

### ***Modelado de procesos en tiempo discreto***

Así como para tiempo continuo se utilizan ecuaciones diferenciales, en el tiempo discreto se hace uso de ecuaciones en diferencias. Las ecuaciones en diferencias se pueden utilizar para aproximar a las ecuaciones diferenciales, estas primeras se suelen utilizar porque son más fáciles de programar (Kuo, 1996), por lo cual los procesos pueden ser representados de la siguiente forma:

$$y(k + n) + a_{n-1}y(k + n - 1) + \cdots + a_1y(k + 1) + a_0y(k) = f(k) \quad (8)$$

Asi mismo debido a que la ecuacion (4) esta compuesta de ecuaciones diferenciales, esta puede ser llevada a una ecuacion en diferencias y la representacion del proceso en el espacio de estados queda como sigue:

$$x(k + 1) = A_d x(k) + B_d u(k) \quad (9)$$

$$y(k) = C_d x(k) + D_d u(k) \quad (10)$$

### ***Transformada z***

En tiempo discreto se puede modelar un proceso utilizando la transformada z sobre la ecuación en diferencias del proceso para obtener su representacion en el dominio Z, la transformada Z es a las ecuaciones en diferencia lo que la transformada de laplace es las ecuaciones en tiempo continuo, la ecuación general para la transformada z es:

$$F(z) = \sum_{k=0}^{\infty} f(k)z^{-k} \quad (11)$$

### ***Discretizacion de una funcion de transferencia continua***

Existen varios metodos para realizar la discretizacion de una funcion de transferencia continua, el metodo mas simple suele implicar el uso de un muestreador con un retensor de orden zero (ZOH), retensor de orden zero significa que la señal de entrada es retenida constantemente durante el intervalo de muestreo (Haugen, 2005), la formula para realizar la discretizacion con retensor de orden zero es la siguiente:

$$H(z) = (1 - z^{-1})\mathcal{Z} \left[ \mathcal{L}^{-1} \left\{ \frac{G(s)}{s} \right\} \Big|_{t=kh} \right] \quad (12)$$

Existen otros modos de llevar una función de transferencia continua al dominio Z como las aproximaciones de Tustin y Euler, estas consisten en sustituir la variable s por una aproximación en el dominio Z y se sustentan en ser aproximaciones numéricas a integrales en el tiempo, Haugen (2005) afirma que la aproximacion de Tustin es la mas



precisa de las tres, no obstante, sugiere que no existe una diferencia notable entre este y Euler hacia atrás, además, la mayoría de los controladores comerciales vienen con Euler hacia atrás, por lo que puede considerarse una mejor opción a la hora de escoger un método. Las sustituciones correspondientes son:

$$\text{Euler hacia adelante:} \quad s \leftarrow \frac{z-1}{h} \quad (13)$$

$$\text{Euler hacia atrás:} \quad s \leftarrow \frac{z-1}{hz} \quad (14)$$

$$\text{Tustin:} \quad s \leftarrow \frac{2z-1}{h(z+1)} \quad (15)$$

Existen mas métodos de discretización como el de la invarianza de la respuesta impulso, el cual consiste en hacer coincidir la respuesta impulso en tiempo continuo con la respuesta impulso en tiempo discreto, útil cuando la respuesta impulso es importante (Fernández-Cantí, 2013). También existe la transformación directa de los polos y ceros del sistema, con este método la función de transferencia continua es factorizada para obtener los polos y ceros que serán mapeados al plano discreto (Hori, Cormier y Kanai, 1992). Las ecuaciones para representar ambos métodos son:

$$\text{Transformación del impulso invariante:} \quad H(z) = \sum_{i=1}^n \mathcal{Z} \left[ \mathcal{L}^{-1} \{G^i(s)\} \Big|_{t=kh} \right] \quad (16)$$

$$\text{Transformación directa:} \quad H(z) = k \frac{(z-1)^e \prod_m (z-z_d)}{\prod_n (z-p_d)} \quad (17)$$

### ***Respuesta en el tiempo del modelo en el espacio de estados***

Para poder obtener la respuesta del sistema en el tiempo podemos utilizar varios métodos de resolución de ODE's o ecuaciones diferenciales ordinarias, solución exacta, separación de variables o integración numérica aproximada, este último es el mejor para realizar por medio de computadoras. Para realizar la integración numérica y obtener la respuesta del sistema se utilizarán los métodos de Runge-Kutta.

Los metodos de Runge-Kutta son unos metodos iterativos de resolución de ODE's, los mismos se basan en utilizar “indirectamente el algoritmo de Taylor. En general, estos metodos evalúan  $f(x, y)$  en mas de un punto en la proximida  $(x_n, y_n)$  en lugar de evaluar derivadas de  $f(x, y)$ ” (Martinez, 1997, p.31). La formulación general de los metodos de Runge-Kutta explícitos es:

$$\begin{aligned}
 k_1 &= f(x_0, y_0) \\
 k_2 &= f(x_0 + c_2 h, y_0 + h a_{21} k_1) \\
 k_3 &= f(x_0 + c_3 h, y_0 + h(a_{31} k_1 + a_{32} k_2)) \\
 &\vdots \\
 k_s &= f(x_0 + c_s h, y_0 + h(a_{s1} k_1 + \cdots + a_{s,s-1} k_{s-1})) \\
 y_1 &= y_0 + h(b_1 k_1 + \cdots + b_s k_s)
 \end{aligned} \tag{18}$$

Donde  $s$  denota el numero de escenarios a utilizar, es comun expresar (18) utilizando una tabla de Butcher, en honor a John C. Butcher y su articulo de 1964, por tanto, (18) puede representarse de la siguiente forma:

$$\begin{array}{c|cccc}
 0 & & & & \\
 c_2 & a_{21} & & & \\
 c_3 & a_{31} & a_{32} & & \\
 \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \\
 c_s & a_{s1} & a_{s2} & \cdots & a_{s,s-1} \\
 \hline
 & b_1 & b_2 & \cdots & b_{s-1} & b_s
 \end{array} \tag{19}$$

Adicionalmente existen los metodos de Runge-Kutta embebidos, los cuales consisten en calcular dos metodos de Runge-Kutta, uno de orden  $p$  y otro de orden  $\hat{p}$ , donde  $\hat{p}$  es normalmente  $p - 1$  o  $p + 1$  (Hairer, Nørsett y Wanner, 1993). La tabla de Butcher para representar los metodos embebidos es la siguiente:

0					
$c_2$	$a_{21}$				
$c_3$	$a_{31}$	$a_{32}$			
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\ddots$		
$c_s$	$a_{s1}$	$a_{s2}$	$\cdots$	$a_{s,s-1}$	
	$b_1$	$b_2$	$\cdots$	$b_{s-1}$	$b_s$
	$\hat{b}_1$	$\hat{b}_2$	$\cdots$	$\hat{b}_{s-1}$	$\hat{b}_s$

(20)

$$y_1 = y_0 + h(b_1 k_1 + \cdots + b_s k_s) \quad \text{Orden } p \quad (21)$$

$$\hat{y}_1 = y_0 + h(\hat{b}_1 k_1 + \cdots + \hat{b}_s k_s) \quad \text{Orden } \hat{p} = p - 1 \text{ o } p + 1 \quad (22)$$

De modo que la integración para el siguiente paso se continua con  $y_1$ . El objetivo de calcular dos metodos en conjunto es para poder estimar el error y poder realizar un cambio en el tamaño de paso, de este modo, se puede incrementar el tamaño de paso si el error es muy bajo o disminuirlo si el error es inaceptable.

### ***Runge-Kutta's para ecuaciones de espacio de estados***

Partiendo de la ecuación (6) en donde podemos observar que  $\dot{x}(t)$  viene dado por un conjunto de ecuaciones diferenciales ordinarias, por tanto, es posible aplicar los metodos de Runge-Kutta de forma casi directa, Martinez (1997) desarrolla las expresiones para un Runge-Kutta de orden 4 aplicado en el espacio de estados, estas expresiones pueden ser extendidas para generalizar su aplicación a un numero de escenarios arbitrarios. El vector de estado de forma general se puede expresar como:

$$\begin{aligned}
 x_1(t) &= f_1(t, x_1, x_2, \dots, x_n) = f_1(t, x) \\
 &\vdots \\
 x_n(t) &= f_n(t, x)
 \end{aligned}
 \quad (23)$$

y cuyas condiciones iniciales se pueden expresar como:

$$\begin{aligned} x_1^{(0)} &= \alpha_1 \\ &\vdots \\ x_n^{(0)} &= \alpha_n \end{aligned} \tag{24}$$

de modo que al sustituir (23) y (24) en (18) se obtenga el nuevo vector de estado:

$$\begin{aligned} k_1 &= Ax_n^{(j)} + Bu_m^{(j)} \\ k_2 &= A(x_n^{(j)} + ha_{21}k_1) + Bu_m^{(j)} \\ k_3 &= A(x_n^{(j)} + h(a_{31}k_1 + a_{32}k_2)) + Bu_m^{(j)} \\ &\vdots \\ k_s &= A(x_n^{(j)} + h(a_{s1}k_1 + \dots + a_{s,s-1}k_{s-1})) + Bu_m^{(j)} \\ x_n^{(j+1)} &= x_n^{(j)} + h(b_1k_1 + \dots + b_s k_s) \end{aligned} \tag{25}$$

con:

$n$ : como el numero de variables de estado

$m$ : como el numero de entradas

$j$ : como la iteración actual

$s$ : como el numero de escenarios

finalmente, el vector de estado obtenido con (25) sera sustituido en la siguiente iteración.

Para obtener la salida actual se debe sustituir  $x_n^{(j)}$  en (5).

$$y^{(j)} = Cx_n^{(j)} + Du_m^{(j)} \tag{26}$$

Los pasos mencionados se repiten una y otra vez de forma iterativa utilizando un tamaño de paso adecuado, el tamaño de paso determinara el numero de iteraciones a realizar. Un tamaño de paso pequeño genera resultados mas precisos pero incrementa el tiempo de computo considerablemente, por otro lado, un tamaño de paso grande puede

generar errores inaceptables con la ventaja de acelerar los cálculos, por tanto, el tamaño de paso es un factor muy importante en los metodos de Runge-Kutta.

### ***Tamaño de paso variable***

Como ya se menciona antes, se puede realizar una adaptación del tamaño de paso en función del error y es posible no solo para los metodos embebidos, sino también para los explícitos, Rogan y Muñoz (s.f.) afirma que:

Los programas adaptativos continuamente monitorean la solución y modifican el paso de tiempo para asegurar que se mantenga la precisión especificada por el usuario. Esos programas pueden hacer algunos cálculos extras para optimizar la elección de  $\tau$ , en muchos casos este trabajo extra vale la pena. (p.251)

***Calculo del error con dos medios pasos.*** Este es un método simple pero eficaz de calcular el error, consiste en realizar un paso simple de tamaño  $h$  y comparar su respuesta con la respuesta dada por el mismo método al realizar dos pasos de tamaño  $\frac{h}{2}$ , de este modo el error  $\Delta e$  se puede calcular como la diferencia en valor absoluto de ambas respuestas,  $|y_{1,h} - y_{2,\frac{h}{2}}|$  donde  $y_{2,\frac{h}{2}}$  es la salida luego de dos medios pasos.

***Calculo del error para metodos embebidos.*** Los metodos embebidos están hechos para poder realizar este calculo del error, por tanto, no hay que realizar ningún calculo extra y el error puede ser calculado de forma directa como  $\Delta e = |y_1 - \hat{y}_1|$

***Nuevo tamaño de paso.*** Combinando las formulas y algoritmos descritos por Rogan y Muñoz (s.f.), Hairer et al. (1993) y Ritschel (2013) se pueden obtener las formulas para el manejo del error a fin de calcular un nuevo tamaño de paso. Lo primero es calcular una escala, este es el único paso que se diferencia entre el método de dos medios pasos y el los metodos embebidos. Para dos medios pasos la escala es:

$$escala = atol + rtol \cdot \frac{|y_{1,h}| + |y_{2,\frac{h}{2}}|}{2} \quad (27)$$

para los metodos embebidos:

$$escala = atol + rtol \cdot \max(|y_1|, |y_0|) \quad (28)$$

A partir de aca las formulas son comunes para ambos metodos. Para continuar, se debe realizar el calculo de un error normalizado, por lo cual se calcula la norma RMS del error dividido por la escala calculada:

$$||\Delta e|| = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left( \frac{\Delta e_i}{escala_i} \right)^2} \quad (29)$$

donde  $i$  denota el numero de elementos que componen la respuesta, finalmente, el nuevo tamaño de paso viene dado por:

$$\begin{cases} h_{t+1} = h_t \cdot maxStepIncrease & Si \quad ||\Delta e|| = 0 \\ h_{t+1} = h_t \cdot sf_1 \cdot ||\Delta e||^{\frac{-1}{q+1}} & Si \quad ||\Delta e|| \leq 1 \\ h_t = h_t \cdot sf_1 \cdot ||\Delta e||^{\frac{-1}{q+1}} & Si \quad ||\Delta e|| > 1, \text{ Se descarta la salida} \end{cases} \quad (30)$$

con  $sf_1$  como un factor de seguridad que evita que el nuevo tamaño de paso para un  $||\Delta e||$  dado se repita indefinidamente, y  $q$  como el orden del método utilizado, en el caso de los Runge-Kutta embebidos,  $q$  viene dado por el método de menor orden entre  $y_1$  y  $\hat{y}_1$ , notese que si el error se encuentra por arriba de uno, la salida es descartada y se repite el calculo con un nuevo tamaño de paso. El proceso se repite hasta que el error sea igual o menor que uno.

### ***Respuesta en el tiempo del modelo en el espacio de estados discreto***

El calculo de la respuesta en el tiempo para el modelo en el espacio de estados discreto es mucho mas simple, no se requiere ningún método de integración aproximado, lo cual se debe a que el calculo puede ser realizado de forma directa ya que la formula es

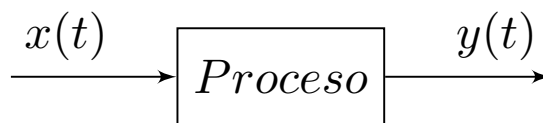
el algoritmo a seguir (Haugen, 2005). Tomando en consideración la ecuación (9), basta con sustituir el vector de estado para obtener a  $x(k + 1)$  y la salida  $y(k)$

### *Sistemas de control*

#### *Sistema en lazo abierto*

Un sistema en lazo abierto es aquel cuya salida no es medida en ningún momento en orden de ajustar la entrada, por lo cual provoca que “las perturbaciones que se presentan en el proceso ocasionen que sus efectos se sientan en la salida del proceso, es decir, en el valor de la variable controlada”(Maloney, 2006, p. 350). La mayoría de los sistemas en lazo abierto son estables, pero carecen de utilidad practica al no poder mantenerlos en un punto de referencia debido a las perturbaciones.

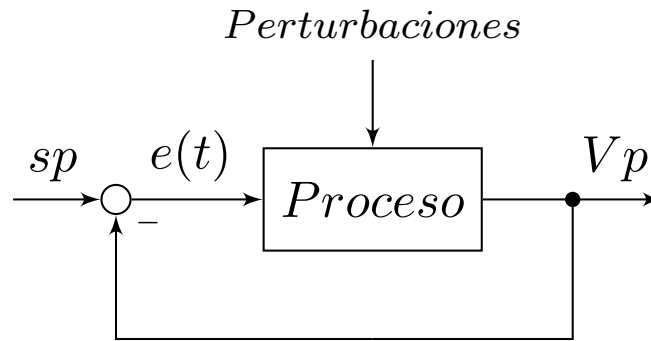
Por otro lado, es importante analizar el comportamiento del sistema en lazo abierto para determinar su comportamiento en lazo cerrado, además, nos permite determinar sus características con el fin de realizar un modelo matematico aproximado del sistema, este es util para realizar la entonacion de los controladores sin tener que trabajar de forma directa con el proceso, el cual puede ser peligroso o inaccesible. La representacion en diagrama de bloques de un sistema en lazo abierto se puede observar en la Figura 1.



**Figura 1. Sistema en lazo abierto.** Fuente: Elaboración propia.

#### *Sistema en lazo cerrado*

Los sistemas de lazo cerrado son aquellos cuya salida es realimentada a la entrada del sistema, esta realimentación suele ser negativa para que sea estable, no obstante, existen sistemas que se vuelven inestables con el simple hecho de cerrar el lazo, un ejemplo de sistema realimentado se puede observar en la Figura 2.



**Figura 2. Sistema en lazo cerrado.** Se observan las principales señales de un sistema en lazo cerrado. Fuente: Elaboración propia.

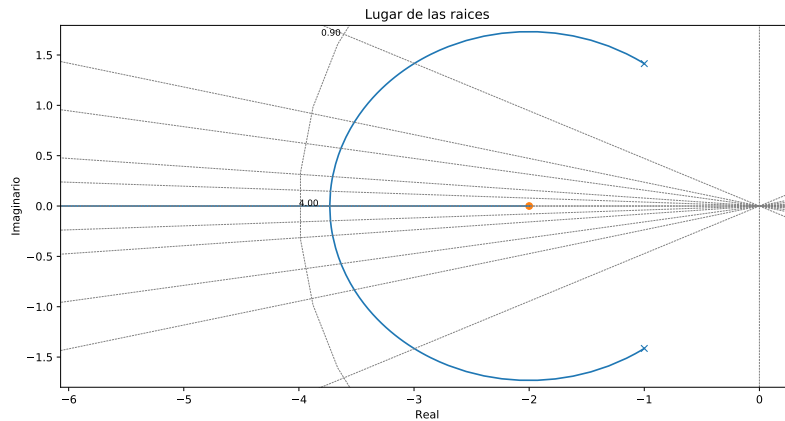
En la Figura 2 se denotan algunas de las señales que componen a un sistema de control,  $sp$ , que corresponde al set point o valor de referencia,  $Vp$ , que corresponde a la variable del proceso y es la variable a controlar, las perturbaciones, las cuales son magnitudes físicas que pueden afectar al proceso como la temperatura ambiente, presión, vibraciones, entre otras, y finalmente,  $e(t)$ , que corresponde a la señal de error la cual viene dada por la diferencia entre el valor de referencia y la variable medida (Maloney, 2006).

$$e(t) = sp - Vp \quad (31)$$

### ***Lugar de las raíces***

El lugar de las raíces es un método sencillo de diseño que se basa en conocer y manipular la ubicación de los polos del sistema en función de un parámetro de ganancia. Un ajuste en la ganancia puede provocar que los polos cambien de posición en el plano complejo y se ubiquen en una posición deseada o indeseada. Ogata (2003) considera que: “Al diseñar un sistema de control lineal, encontramos que el método del lugar de las raíces resulta muy útil, debido a que indica la forma en la que deben modificarse los polos y ceros en lazo abierto [...]” (p.270). En la Figura 3 se observa un ejemplo de la gráfica del lugar de las raíces.



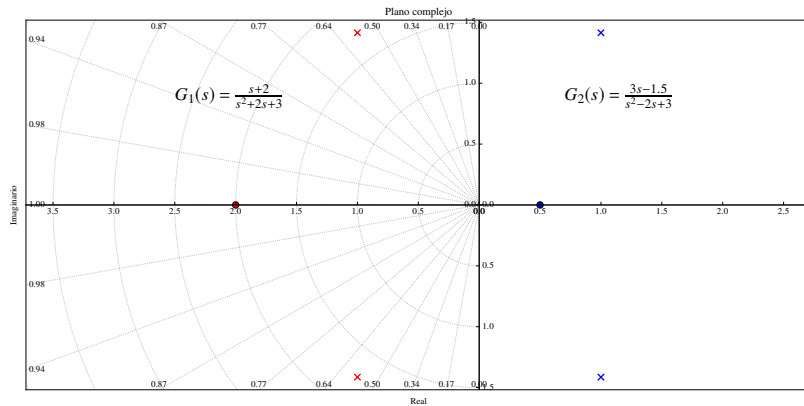


**Figura 3. Grafica del lugar de las raices.** Se puede observar la grafica del lugar de las raices para un sistema  $G_1(s) = \frac{s+2}{s^2+2s+3}$ , el cual tiene ubicado sus polos en el semiplano izquierdo del plano complejo. Fuente: Elaboración propia.

### ***Estabilidad de los sistemas***

La estabilidad se ve afectada por la estructura del sistema, por tanto, se debe tomar en cuenta cuando se cierra el lazo del sistema. Ogata (2003) afirma que, desde el punto de vista de estabilidad, el sistema de control en lazo abierto no es un problema importante. Por otra parte, la estabilidad es un gran problema en el sistema de control en lazo cerrado debido a la posibilidad de que se generen oscilaciones. En consecuencia, los análisis de estabilidad se realizan para sistemas en lazo cerrado, el motivo principal es porque los sistemas en lazo abierto tienden a ser estables, además, para realizar el control de un proceso se suele utilizar los sistemas en lazo cerrado

***Análisis de estabilidad en el plano complejo.*** La estabilidad de un sistema lineal viene dada por la ubicación de sus polos a lo largo del plano complejo  $s$ , i.e., se puede determinar si un sistema es estable si no posee ninguno polo en el semiplano derecho del plano complejo  $s$  incluyendo el eje coordenado  $j\omega$  en tiempo continuo (Ogata, 2003), en el caso de sistemas discretos, los polos deben encontrarse dentro del círculo unitario, la estabilidad marginal es posible si existen uno o mas polos justo en el círculo unitario, pero no multiples. El cual permite que el análisis de estabilidad se puede realizar de forma analítica y gráfica. En la Figura 4 se puede observar dos sistemas continuos en lazo abierto,  $G_1(s)$  que es estable y  $G_2(s)$  que es inestable .



**Figura 4. Analisis de estabilidad en el plano complejo.** Se puede observar como el sistema  $G_1(s)$  tiene ubicado sus polos en el semiplano izquierdo del plano complejo, i.e., es estable, por otro lado, el sistema  $G_2(s)$  es inestable al poseer polos ubicados en el semiplano derecho del plano complejo. Fuente: Elaboración propia.

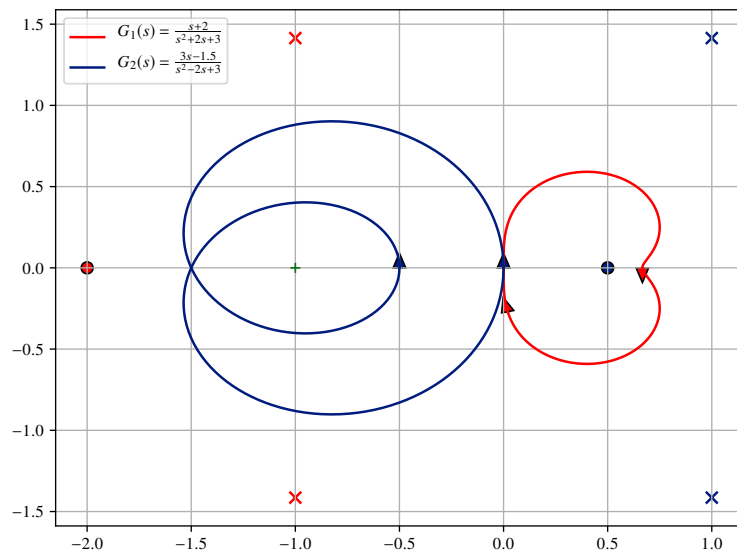
**Criterio de estabilidad de Nyquist.** El criterio de estabilidad de Nyquist determina el estado de estabilidad utilizando los polos en lazo abierto y la respuesta en frecuencia del sistema en lazo abierto. Este criterio “es útil en la ingeniería de control, debido a que permite determinar gráficamente la estabilidad absoluta del sistema en lazo cerrado a partir de las curvas de respuesta en frecuencia en lazo abierto, sin que sea necesario determinar los polos en lazo cerrado”(Ogata, 2003, p. 446). Este criterio tiene la ventaja de poder realizarse tanto con cálculos analíticos como con datos experimentales, Ogata (2003) define tres criterios:

1. El punto  $-1 + j0$  no está rodeado. Esto implica que el sistema es estable en lazo cerrado si no hay polos de  $G(s)H(s)$  en el semiplano derecho del plano  $s^{(1)}$ ; de lo contrario, el sistema es inestable.
2. El punto  $-1 + j0$  queda rodeado una o varias veces en sentido contrario al de las agujas del reloj. En este caso, el sistema es estable en lazo cerrado si el número de rodeos en sentido contrario al de las agujas del reloj es igual al número de polos  $G(s)H(s)$  en el semiplano derecho del plano  $s^{(1)}$ ; de lo contrario, el sistema es inestable.

<sup>(1)</sup>En el caso de sistemas discretos se toma en cuenta son los polos fuera del círculo unitario para la evaluación de los criterios.

3. El punto  $-1 + j0$  queda rodeado una o varias veces en el sentido de las agujas del reloj. En este caso el sistema es inestable en lazo cerrado.

En la Figura 5 se puede observar los diagramas de Nyquist para los sistemas presentados en la Figura 4, el sistema  $G_1(s)$  debe ser evaluado por el criterio numero 1, al no poseer ninguno polo en el semiplano derecho el sistema sera estable en lazo cerrado asumiendo un  $H(s) = 1$ , por otro lado,  $G_2(s)$  debe ser evaluado por el criterio numero 2, debido a que el numero de rodeos al punto  $-1 + j0$  es igual al numero de polos en el semiplano derecho el sistema sera estable en lazo cerrado asumiendo un  $H(s) = 1$  a pesar de que en lazo abierto sea inestable.



**Figura 5. Analisis de estabilidad con diagrama de Nyquist.** El sistema  $G_1(s)$  al ser evaluado con el criterio numero 1 se encuentra que es estable en lazo cerrado, a su vez, el sistema  $G_2(s)$  al ser evaluado con el criterio numero 2 se encuentra que tambien sera estable en lazo cerrado, en ambos casos se asume un  $H(s) = 1$ . Fuente: Elaboración propia.

***Margen de ganancia y Margen de fase.*** Los margenes de ganancia y de fase son una medida de la estabilidad relativa, se toman en cuenta a la hora de realizar el diseño de un controlador debido a que los margenes se pueden interpretar de modo que orienten en la cantidad de ganancia que se le puede aplicar al sistema en lazo cerrado, adicionalmente, la estabilidad relativa se puede interpretar como que tan estable

es un sistema. Dorf y Bishop (2011) definen el margen de ganancia como: “[...] el incremento en la ganancia del sistema cuando  $\text{fase} = -180^\circ$  que resultaría en un sistema marginalmente estable con la intersección del punto  $-1 + j0$  en el diagrama de Nyquist” (p.655). Así mismo, Dorf y Bishop (2011) definen el margen de fase como:

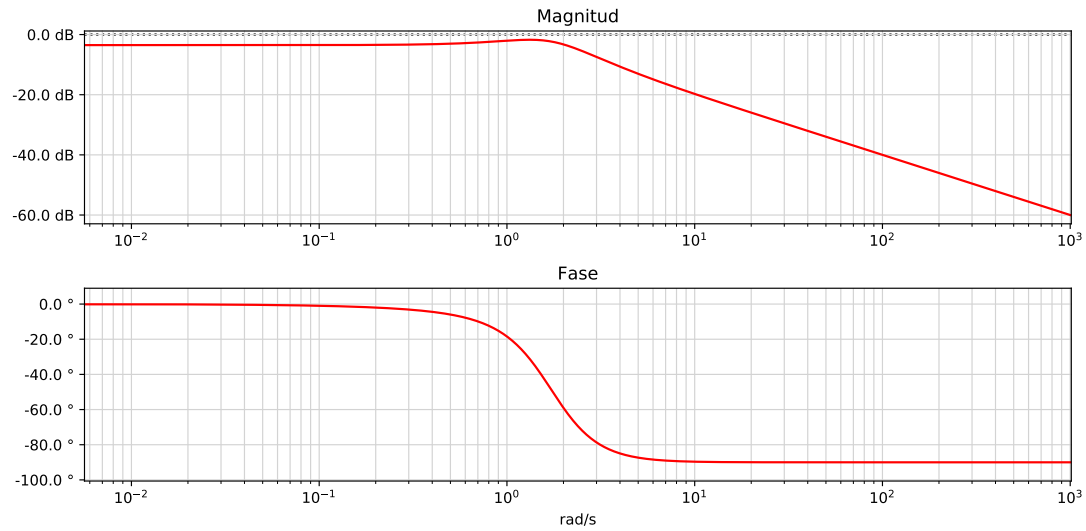
[...] la cantidad de desplazamiento de fase de  $L(j\omega)$  a una unidad de magnitud que resultaría en un sistema marginalmente estable con la intersección del punto  $-1 + j0$  en el diagrama de Nyquist. El margen de ganancia y de fase pueden ser fácilmente encontrados utilizando un diagrama de Bode. (p.656)

**Análisis de estabilidad con las trazas de Bode.** Los diagramas de bode son una forma de representar la respuesta en frecuencia de un sistema tomando en cuenta los cambios de amplitud de  $L(j\omega)$  y del ángulo de fase de  $L(j\omega)$  respecto a la frecuencia (Nilsson y Riedel, 2005). Para analizar la estabilidad se utilizan el margen de ganancia y el margen de fase del sistema en un diagrama de Bode a modo de trazas, el punto de estabilidad crítica en el diagrama de bode pasa a ser su equivalente en  $dB$ , el cual es  $0dB$ .

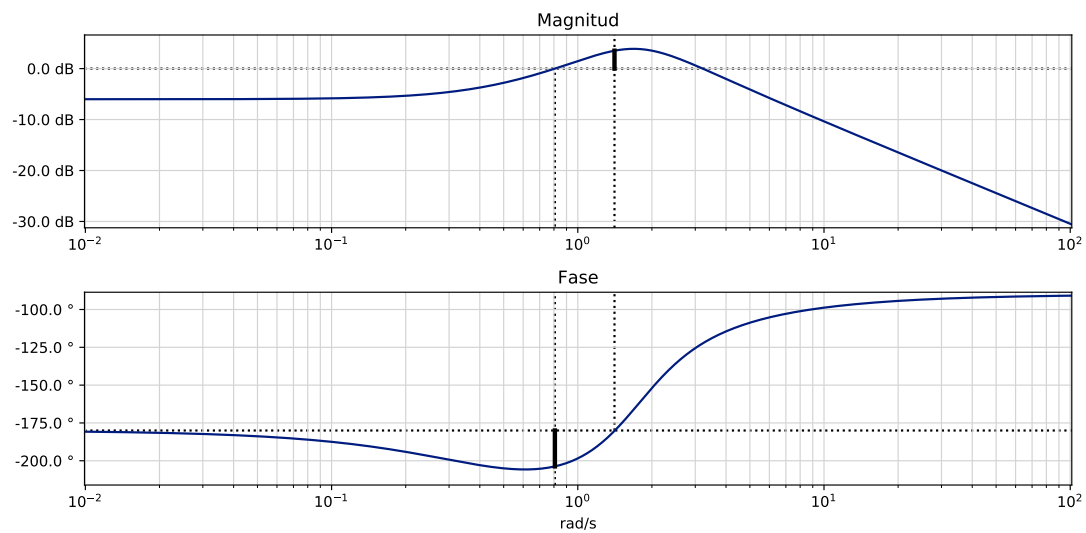
Un margen de ganancia positivo y de fase positivos indican que el sistema es estable, si el sistema es de fase no mínima, la interpretación anterior deja de ser válida. Aplicando las definiciones dadas por Dorf y Bishop (2011) podemos obtener el margen de ganancia y de fase para los sistemas  $G_1(s)$  y  $G_2(s)$  y se presentan como ejemplo en la Figura 6 y Figura 7.

- $G_1(s)$ :  $GM \rightarrow \infty$  y  $PM \rightarrow \infty$
- $G_2(s)$ :  $GM = -3.509dB$  a  $1.409 \text{ rad/sec}$  y  $PM = -23.719^\circ$  a  $0.807 \text{ rad/sec}$

**Diagrama de Nichols.** El diagrama de Nichols es una gráfica del sistema en lazo abierto de tipo magnitud vs fase, en el diagrama se pueden ubicar los márgenes de ganancia y fase, para ayudar en el diseño de controladores se suele superponer una rejilla guía de valores de magnitud y ángulo constantes, esta rejilla lleva el nombre de carta de Nichols o abaco de Nichols. En el diagrama de Nichols el punto crítico  $-1 + j0$  se convierte en  $(0dB, -180^\circ)$



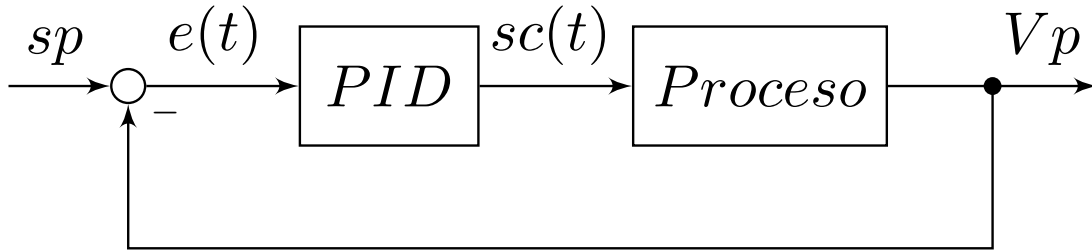
**Figura 6. Margenes de ganancia y fase de  $G_1(s)$ .** En el diagrama se puede observar que no existe cruce por 0dB en magnitud o cruce por  $-180^\circ$  en fase, por tanto, el sistema es estable y acepta incrementos teoricos de ganancia infinitos . Fuente: Elaboración propia.



**Figura 7. Margenes de ganancia y fase de  $G_2(s)$ .** El sistema  $G_2(s)$  es de fase no minima, por tanto, la interpretacion del margen de ganancia y de fase no es tan simple. En la figura se observar que el margen de ganancia es negativo y aun asi, sabemos por su analisis con diagrama de Nyquist que es estable en lazo cerrado. Fuente: Elaboración propia.

### Controlador PID

El controlador será el elemento dentro del sistema de control que se encargará de llevar al proceso a un valor de referencia deseado, existen varios esquemas de control para el control de procesos, cada uno con sus ventajas y desventajas, el más común es un sistema en lazo cerrado con controlador, este se puede observar en la Figura 8.



**Figura 8. Sistema en lazo cerrado con controlador.** El controlador recibe la señal de error y genera una señal de control  $sc(t)$ . Fuente: Elaboración propia.

En este esquema se observa que el controlador recibe la señal de error producto de tomar la diferencia entre el setpoint y la variable del proceso, este error es utilizado por el controlador para generar una señal de control  $sc(t)$ . El controlador más usado en la industria es el controlador PID, así lo afirma Kuo (1996): “[...] uno de los controladores más ampliamente empleados es el controlador PID [...] donde las letras son las iniciales de proporcional, integral y derivativo”(p. 671). La ecuación que define a un PID en el dominio del tiempo es la siguiente:

$$sc(t) = K_p e(t) + K_i \int_0^t e(\tau) d\tau + K_d \frac{d}{dt} e(t) \quad (32)$$

y su forma en función de transferencia:

$$G_c(s) = \frac{sc(s)}{e(s)} = K_p + \frac{K_i}{s} + K_d s \quad (33)$$

El controlador PID también puede ser representado de forma discreta, la componente proporcional sigue siendo una constante, la componente integral se puede

representar como la sumatoria de todas las muestras multiplicadas por el periodo de muestreo y finalmente la derivada se puede aproximar como una diferencia finita regresiva:

$$sc(k) = K_p e(k) + K_i T \left[ \sum_{i=0}^{k-1} e(i) + e(k) \right] + K_d \frac{e(k) - e(k-1)}{T} \quad (34)$$

En el dominio Z, la componente proporcional se mantiene como constante, la componente integral puede ser aproximada con varios metodos numericos para el calculo de area como la integracion trapezoidal (Kuo, 1996), o lo que es lo mismo, el metodo de Tustin, para el caso de la derivda se parte de su aproximacion como diferencia finita regresiva y se le aplica la transformada Z.

$$G_c(z) = K_p + \frac{K_i T}{2} \left( \frac{z+1}{z-1} \right) + K_d \frac{z-1}{Tz} \quad (35)$$

**Componente proporcional.** La componente proporcional se obtiene de multiplicar la señal de error por la ganancia proporcional, lo cual provoca que la señal de control sea proporcional a la señal de error con una relación igual a la ganancia proporcional, si el controlador solo constase de componente proporcional el error en estado estable nunca se eliminaría, dicho de otro modo, el error podría ser muy bajo, pero jamás cero. “Este error se denomina la desviación permanente u ‘offset’. El mismo disminuye si se aumenta el valor de K”(Mata, 1999, p. 54).

**Componente integral.** La componente integral viene dada por la sumatoria de la señal del error en el tiempo multiplicada por la ganancia integral, por tanto, se obtiene una acumulación en un periodo determinado, lo anterior implica que mientras exista error, la componente integral seguirá aumentando o disminuyendo dependiendo del signo de la señal de error hasta que el error sea cero, la componente integral se suma con la componente proporcional formando una única señal de control.

Debido a que la componente integral depende del tiempo, es posible corregir desviaciones de la variable controlada generadas por perturbaciones externas. Por otro lado, debido a que eventualmente se conseguirá que el error sea igual a cero la componente proporcional no hará ningún aporte al sistema, y la señal de control pasará a ser totalmente generada por la componente integral hasta que exista un cambio en el setpoint o una alteración en la variable medida.

**Componente derivativa.** La componente derivativa viene dada por el ritmo de cambio de la señal de error multiplicado por la ganancia derivativa, por tanto, cuando el error permanece constante la componente derivativa es igual a cero, la componente derivativa será tan grande como la velocidad con la que cambie el error, lo cual ayuda a evitar que se generen sobre pasos en la variable medida respecto a la variable de referencia.

La componente derivativa es muy sensible al ruido, por tanto, se debe utilizar solo cuando se requiera un cierto grado de anticipación y no exista ruido (Smith y Corripio, 1985). Es recomendable utilizar filtros en orden de disminuir el posible ruido, a su vez, cuando el proceso a controlar es de respuesta rápida se recomienda no agregar componente derivativa o que su ganancia sea muy pequeña. Tomando en cuenta lo anterior, se debe mencionar que la componente derivativa tal como se observa en las ecuaciones (32) y (33) no es implementable al ser no causal, por tanto, la derivada puede ser implementada utilizando una aproximación.

La aproximación actúa como una derivada para las componentes de la señal de baja frecuencia. La ganancia, sin embargo, está limitada a  $KN$ . Esto significa que las medidas de ruido de alta frecuencia son amplificadas cuando mucho por un factor  $KN$ . (Åström, 2002, p.220)

La función de transferencia de la componente derivativa aproximada es la siguiente:

$$D = K_d \frac{Ns}{s + N} \quad (36)$$



### ***Entonación por método de Ziegler-Nichols en lazo abierto***

El método de Ziegler-Nichols en lazo abierto requiere primero aproximar el modelo del proceso como una función de transferencia de primer orden con tiempo muerto.

$$G(s) = \frac{K}{\tau s + 1} e^{-\alpha s} \quad (37)$$

Los parámetros correspondientes pueden ser obtenidos realizando una prueba al escalón y extrayendo los datos correspondientes de la gráfica de la respuesta, un ejemplo se puede observar en la Figura 9. Acá se observa: (a)  $t_0$  que corresponde al inicio del escalón, (b)  $t_1$  inicio de la respuesta por parte del proceso al escalón, (c)  $t_2$  cuando el proceso alcanza el 63 % del cambio total, (d)  $\Delta y$  cambio total del proceso ante el escalón y (e)  $\Delta u$  magnitud de cambio de la entrada. Los parámetros para aproximar el proceso a un modelo de primer orden con tiempo muerto se calculan como sigue:

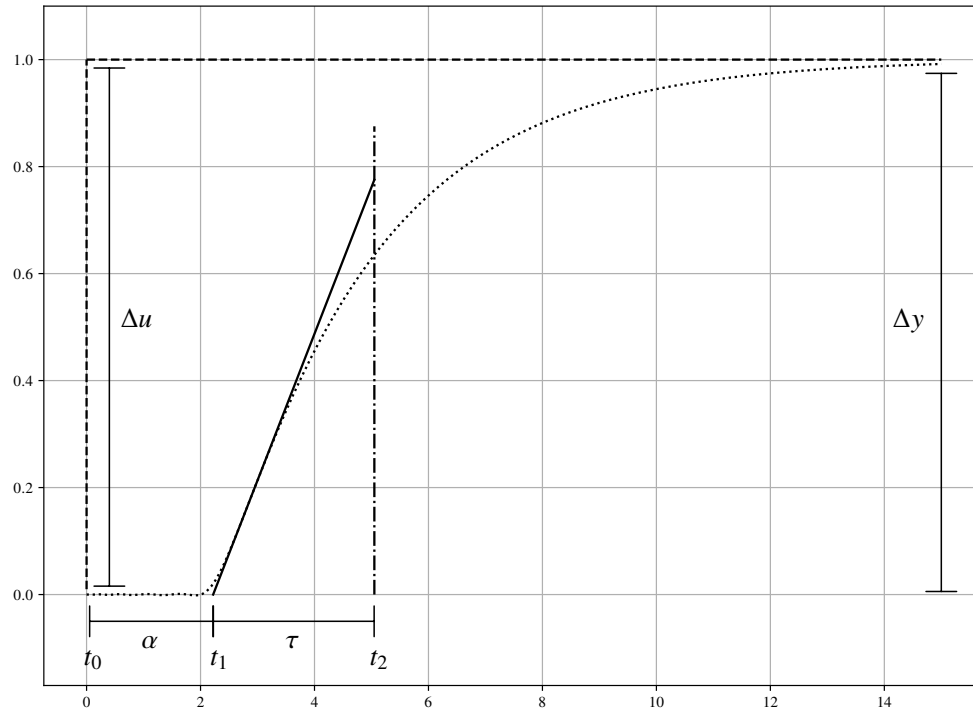
$$K = \frac{\Delta y}{\Delta u} \quad (38)$$

$$\tau = t_2 - t_1 \quad (39)$$

$$\alpha = t_1 - t_0 \quad (40)$$

Con los parametros del modelo de primer orden se puede obtener la entonación de un controlador P, PI o PID. Las ganancias  $K_p$ ,  $K_i$  y  $K_d$  se pueden obtener sustituyendo los mencionados parametros en la Tabla 1 correspondiente a la regla de entonación de Ziegler-Nichols. Ogata (2003) comenta que: “Las reglas de sintonía de Ziegler-Nichols [...] se han usado ampliamente para sintonizar controladores PID en sistemas de control de procesos en los que no se conoce con precisión la dinámica de la planta”(p. 572).

Adicionalmente existen otras reglas para la entonacion automatica de los controladore PID, como el metodo de Cohen-Coon, al igual que Ziegler-Nichols, requiere de los parametros del proceso en su aproximacion como proceso de primer orden para ser sustituidos en la Tabla 2 y obtener las ganancias respectivas.



**Figura 9. Modelado por curva de reacción.** Para realizar este modelado se estudia la respuesta del sistema ante la entrada de la función de heaviside  $u(t)$ , también llamada función escalón unitario, el modelo obtenido a través de este método es una aproximación del sistema. Fuente: Elaboración propia.

**Tabla 1.**  
**Regla de entonación de Zigler-Nichols**

Tipo de controlador	$K_p$	$T_i$	$T_d$
P	$\frac{\tau}{\alpha}$	$\infty$	0
PI	$0.9 \frac{\tau}{\alpha}$	$\frac{\alpha}{0.3}$	0
PID	$1.2 \frac{\tau}{\alpha}$	$2\alpha$	$0.5\alpha$

**Nota.** Los valores de  $K_i$  y  $K_d$  se pueden obtener de la siguiente forma:  $K_i = K_p/T_i$  ;  $K_d = K_p T_d$ . Fuente: Ogata (2003).

**Tabla 2.**  
**Regla de entonación de Cohen-Coon**

Tipo de controlador	$K_p$	$T_i$	$T_d$
P	$\frac{1}{K} \left( \frac{\tau}{\alpha} \right) \left[ 1 + \frac{1}{3} \left( \frac{\alpha}{\tau} \right) \right]$	$\infty$	0
PI	$\frac{1}{K} \left( \frac{\tau}{\alpha} \right) \left[ 0.9 + \frac{1}{12} \left( \frac{\alpha}{\tau} \right) \right]$	$\alpha \left[ \frac{30 + 3 \left( \frac{\alpha}{\tau} \right)}{9 + 20 \left( \frac{\alpha}{\tau} \right)} \right]$	0
PD	$\frac{1}{K} \left( \frac{\tau}{\alpha} \right) \left[ \frac{5}{4} + \frac{1}{6} \left( \frac{\alpha}{\tau} \right) \right]$	$\infty$	$\alpha \left[ \frac{6 - 2 \left( \frac{\alpha}{\tau} \right)}{22 + 3 \left( \frac{\alpha}{\tau} \right)} \right]$
PID	$\frac{1}{K} \left( \frac{\tau}{\alpha} \right) \left[ \frac{4}{3} + \frac{1}{4} \left( \frac{\alpha}{\tau} \right) \right]$	$\alpha \left[ \frac{33 + 6 \left( \frac{\alpha}{\tau} \right)}{13 + 8 \left( \frac{\alpha}{\tau} \right)} \right]$	$\alpha \left[ \frac{4}{11 + 2 \left( \frac{\alpha}{\tau} \right)} \right]$

**Nota.** Los valores de  $K_i$  y  $K_d$  se pueden obtener de la siguiente forma:  $K_i = K_p/T_i$  ;  $K_d = K_p T_d$ . Fuente: APCO-Inc (s.f.).

### ***Lógica difusa***

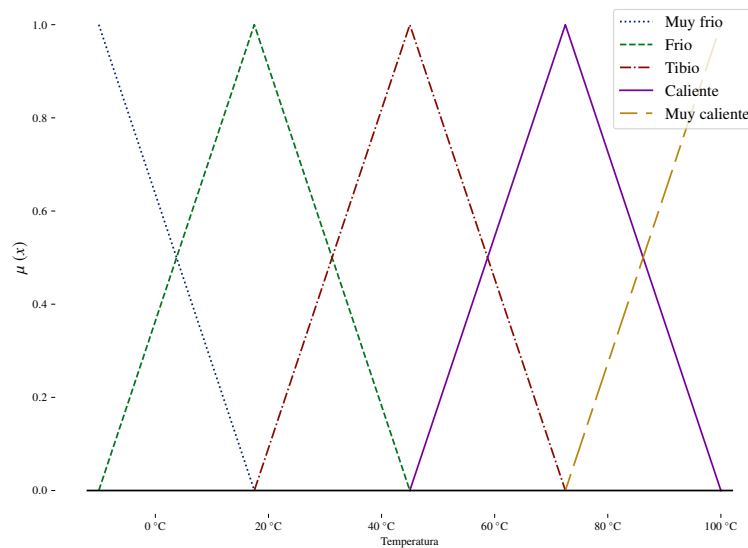
La lógica difusa es una extensión matemática de la lógica convencional en donde se asigna un grado de pertenencia a un hecho entre un valor verdadero y uno falso, “consiste en que los valores verdaderos (en lógica difusa) o valores de pertenencia (en conjuntos difusos) se indican en un número entre [0.0, 1.0], donde 0.0 representa falsedad total y 1.0 significa verdad absoluta”(Ponce, 2010, p. 4).

La lógica difusa se puede estructurar en tres etapas, la primera etapa consiste en establecer cada una de las variables con etiquetas lingüística que determinen en conjunto el universo de discurso de cada una de ellas, es decir, se crean los conjuntos difusos, en la segunda etapa se definen las reglas de inferencia difusa que determinaran el comportamiento del sistema difuso, y tercera, se obtienen los valores de salida utilizando

las reglas de inferencia y realizando el proceso de defuzzificación que consiste en llevar los grados de pertenencia a un valor nítido o real (Ponce, 2010).

### ***Conjuntos difusos***

Un conjunto difuso está compuesto de funciones de membresía, dichas funciones de membresía representan valores para asignar el grado de pertenencia de una variable a un estado en particular y son identificados con etiquetas lingüísticas descriptivas, como alto, caliente, bajo, negativo, entre otras. En la Figura 10 se puede observar un ejemplo de conjunto difuso.

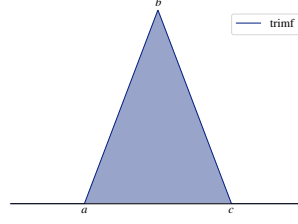


**Figura 10. Ejemplo de un conjunto difuso.** Este conjunto difuso corresponde a una variable de temperatura que va desde -10°C hasta 100°C. Fuente: Elaboración propia.

Las funciones de membresía pueden tomar varias formas y rangos en orden de poder representar de mejor forma los grados de pertenencia de la variable a una etiqueta en particular, sin embargo, las formas triangulares suelen ser las menos pesadas en memoria y en poder de cómputo (Riud, 2002). La cantidad de etiquetas que se pueden asignar a un conjunto difuso es ilimitada, pero se debe tener en cuenta el nivel de complejidad que se genera a medida que se incrementa su número. A continuación se muestran algunas formas que pueden tomar las funciones de membresía:

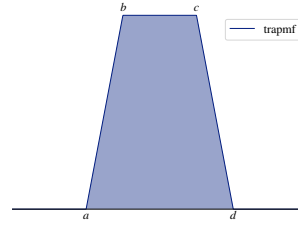
**Funcion de membresia: triangular o trimf.**

$$\mu_n(x) = \begin{cases} 0 & \text{Si } x \leq a \\ \frac{x-a}{b-a} & \text{Si } a \leq x \leq b \\ \frac{c-x}{c-b} & \text{Si } b \leq x \leq c \\ 0 & \text{Si } x \geq c \end{cases} \quad (41)$$



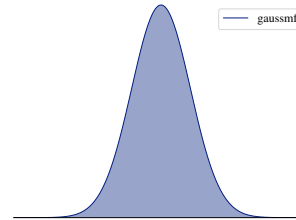
**Funcion de membresia: trapezoidal o trapmf.**

$$\mu_n(x) = \begin{cases} 0 & \text{Si } x \leq a \\ \frac{x-a}{b-a} & \text{Si } a \leq x \leq b \\ 1 & \text{Si } b \leq x \leq c \\ \frac{d-x}{d-c} & \text{Si } c \leq x \leq d \\ 0 & \text{Si } x \geq d \end{cases} \quad (42)$$



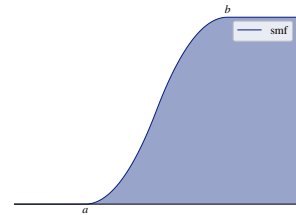
**Funcion de membresia: gaussiana o gaussmf.**

$$\mu_n(x) = e^{-\frac{(x-m)^2}{2\sigma^2}} \quad (43)$$

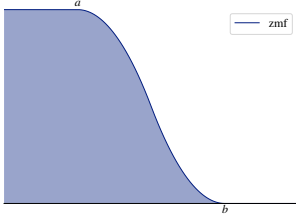


**Funcion de membresia: S o smf.**

$$\mu_n(x) = \begin{cases} 0 & \text{Si } x \leq a \\ 2 \left( \frac{x-a}{b-a} \right)^2 & \text{Si } a \leq x \leq \frac{a+b}{2} \\ 1 - 2 \left( \frac{x-b}{b-a} \right)^2 & \text{Si } \frac{a+b}{2} \leq x \leq b \\ 1 & \text{Si } x \geq b \end{cases} \quad (44)$$

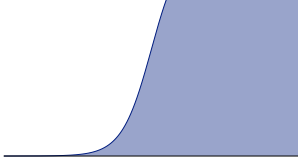


***Funcion de membresia: Z o zmf.***

$$\mu_n(x) = \begin{cases} 1 & \text{Si } x \leq a \\ 1 - 2 \left( \frac{x-a}{b-a} \right)^2 & \text{Si } a \leq x \leq \frac{a+b}{2} \\ 2 \left( \frac{x-b}{b-a} \right)^2 & \text{Si } \frac{a+b}{2} \leq x \leq b \\ 0 & \text{Si } x \geq b \end{cases}$$


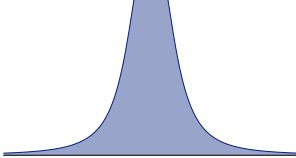
(45)

***Funcion de membresia: sigmoidal o sigmf.***

$$\mu_n(x) = \frac{1}{1 + e^{-c(x-b)}}$$


(46)

***Funcion de membresia: campana generalizada o gbellmf.***

$$\mu_n(x) = \frac{1}{1 + \left| \frac{x-c}{a} \right|^{2b}}$$


(47)

Existen otras funciones de membresia que utilizan como base las anteriores mostradas, estas son:

- gauss2mf: Combinacion de dos funciones gaussianas.
- dsigmf: Valor absoluto de la diferencia de dos funciones sigmoidales.
- psigmf: Producto de dos funciones sigmoidales.
- pimf: Producto de una smf y una zmf.

### ***Reglas de inferencia***

Las reglas de inferencia, al igual que en la lógica convencional, se encargan de realizar una conexión entre los antecedentes y los consecuentes con el fin de obtener una salida, en este caso, entre los conjuntos difusos de entrada y la salida, la cual puede ser un conjunto difuso o una función matemática. Como sugiere Ponce (2010), las reglas pueden formularse de dos formas denominadas modus ponens y modus tollens. Modus ponens utiliza los antecedentes para obtener el consecuente, por otro lado, el modus tollens utiliza los consecuentes recíprocos para obtener el antecedente.

Para realizar el proceso de inferencia se necesitan las normas triangulares (T-Normas) para el caso de lógica AND o las conormas triangulares (T-Conormas) para lógica OR. Sus formas de aplicación más comunes suelen ser el mínimo de los valores de pertenencia para las T-Normas y el máximo de los valores de pertenencia para las T-Conormas, de este modo, se obtienen las operaciones de intersección y unión respectivamente. El proceso de inferencia consta de 6 pasos: fuzzificación, pareo de proposiciones, conjunción/disyunción de premisas, implicación, agregación y defuzzificación.

### ***Fuzzificación***

El proceso de fuzzificación es el primer paso para obtener la salida de un controlador difuso. La entrada nítida es transformada en una representación difusa, esto se debe a que las operaciones subsiguientes se realizan entre conjuntos difusos. La forma más común de fuzzificación para la entrada es el uso de un singleton.

### ***Pareo de proposiciones***

Riid (2002) sugiere que en orden de evaluar la proposición de premisas en términos numéricos los valores de membresía  $\mu_{ir}$  respecto a  $x$  deben ser usados para poder realizar el pareo de proposiciones. El pareo de proposiciones es la relación que existe entre la entrada y una etiqueta lingüística. Riid (2002) afirma que “[...] el singleton

difuso puede considerarse solo una representación diferente de un número nítido, por lo tanto, con fuzzificación singleton, el procedimiento de fuzzificación es incrustado en el pareo de proposiciones” (p.16). Utilizando fuzzificación singleton el pareo de proposiciones puede representarse como:

$$\tau_{ir} = \mu_{ir}(x_i) \quad (48)$$

donde  $i$  es la  $i$ -ésima entrada al controlador difuso y  $r$  es la  $r$ -ésima regla.

### ***Operacion de premisas***

Debido a que pueden existir  $N$  entradas, también pueden existir  $N$  premisas en una regla, las cuales, pueden relacionarse entre sí por medio de operaciones AND en cuyo caso se denomina conjunción de premisas. Por otro lado, también es posible relacionar las premisas utilizando las operaciones OR y se denomina disyunción de premisas. Para realizar estas operaciones se pueden utilizar las T-Normas y las T-Conormas en el caso de conjunción y disyunción respectivamente.

$$\text{Conjuncion de premisas:} \quad \tau_r = \bigcap_{i=1}^N \tau_{ir} \quad (49)$$

$$\text{Disyuncion de premisas:} \quad \tau_r = \bigcup_{i=1}^N \tau_{ir} \quad (50)$$

### ***Implicacion***

La implicación se encarga de relacionar las premisas con los consecuentes. Normalmente se prefiere utilizar conjunción por medio de las T-Normas para realizar la implicación, la cual viene descrita como sigue:

$$F_r(y) = W_r \tau_r \cap \gamma_{jr} \quad (51)$$

donde  $\gamma_{jr}$  es la  $j$ -ésima función de membresía de salida asociada con la  $r$ -ésima regla y  $W_r$  es el peso asociado a la  $r$ -ésima regla (Riid, 2002).



### ***Agregacion***

El proceso de agregacion se realiza luego de haber pasado por la fuzzificacion, pareo de proposiciones, conjuncion/disjuncion de premisas y la implicacion. Todos los resultados obtenidos de cada una de las reglas son unificados aplicando un operador OR por medio de una T-Conorma, de este modo, se obtiene un conjunto difuso por cada salida del controlador. Todo el proceso hasta este punto puede ser descrito por las siguientes formulas:

$$\text{Con conjuncion de premisas:} \quad F(y_j) = \bigcup_{r=1}^R \left( W_r \left( \bigcap_{i=1}^N \mu_{ir}(x_i) \right) \cap \gamma_{jr} \right) \quad (52)$$

$$\text{Con disjuncion de premisas:} \quad F(y_j) = \bigcup_{r=1}^R \left( W_r \left( \bigcup_{i=1}^N \mu_{ir}(x_i) \right) \cap \gamma_{jr} \right) \quad (53)$$

donde R es el numero total de reglas y N el numero total de entradas. Sin embargo, esta salida aun debe pasar primero por un proceso de defuzzificación en orden de llevar la salida difusa a una salida nitida.

### ***Defuzzificación***

En esta última etapa también llamada desdifusificación, se obtienen los valores reales de salida. Ponce (2010) lo describe como el “[...] mapeo a escala que convierte el rango de valores de las variables de salida a sus universos de discurso correspondientes. La desdifusificación es la herramienta para obtener la acción de control nítida a partir de una acción de control difusa” (p. 73). Este proceso es matemáticamente costoso y existen distintos métodos para realizarlo, el más común es el método de centro de área.

***Método de centro de área.*** Consiste en calcular el centro de gravedad del conjunto difuso de salida  $F(y)$  utilizando los valores  $y_q$  del universo de discurso de la salida, para lo cual se utiliza un total de  $Q$  elementos para el calculo y asi obtener un valor de salida nitido. El método de centro de área se puede representar en su forma discreta con la siguiente ecuacion:

$$Salida = \frac{\sum_{q=1}^Q F(y_q) \cdot y_q}{\sum_{q=1}^Q F(y_q)} \quad (54)$$

**Metodo de bisector de area.** Este metodo ubica un punto en el conjunto difuso de salida y sus valores de pertenencia tal que el area resultante quede dividida en dos partes iguales.

**Metodo de la media del maximo.** Este metodo obtiene una salida a partir de promediar los valores de pertenencia maximos del conjunto difuso de salida.

**Metodo del primero a la izquierda.** Este metodo obtiene una salida a partir de los valores de pertenencia maximos del conjunto difuso de salida, de todos ellos, toma el ubicado mas a la izquierda, o lo que es lo mismo, el menor de ellos.

**Metodo del primero a la derecha.** Este metodo obtiene una salida a partir de los valores de pertenencia maximos del conjunto difuso de salida, de todos ellos, toma el ubicado mas a la derecha, o lo que es lo mismo, el mayor de ellos.

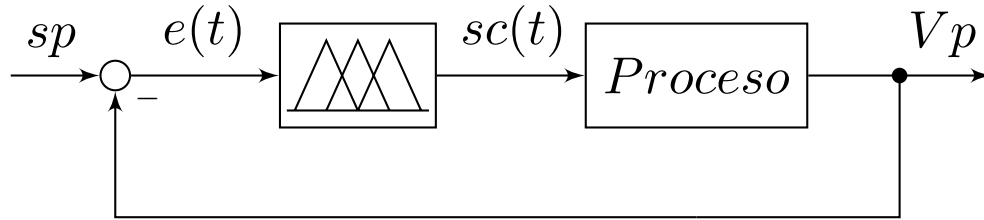
### **Sistemas de control difusos**

Un controlador difuso es cualquier tipo de controlador que utilice en su interior alguna forma de lógica difusa, al igual que con los controladores clásicos el esquema de control más común es en lazo cerrado. El controlador difuso a su vez puede contener todo tipo de metodologías de control, de hecho, el uso más común es realizar un controlador P, PI, PD o PID, todos difusos. Para realizar los controladores se puede utilizar la estructura Mamdani, la cual asigna conjuntos difusos para las entradas y para las salidas, por tanto, es necesario el proceso de defuzzificación, comúnmente con el método de centro de área.

No existen métodos analíticos claros para el diseño de controladores difusos, por tanto, se debe realizar bajo la experiencia del diseñador, tomando en cuenta las necesidades de control y las dinámicas del proceso. Lo anterior es debido a que el

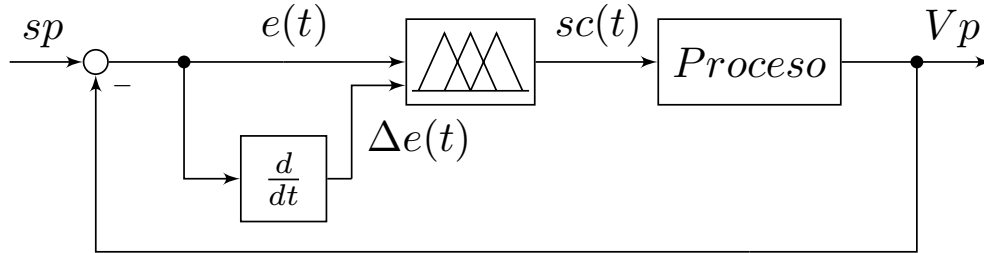
controlador difuso depende enteramente de la estructura de los conjuntos difusos y de la asignación de las reglas de inferencia (Ponce, 2010). Los siguientes esquemas de control fueron tomados de Ponce (2010), Riid (2002), y Matute y Bernal (2017).

**Controlador P difuso.** Un controlador P difuso simple puede ser realizado al tomar como entrada la señal de error y como salida la señal de control. El esquema de control se puede observar en la Figura 11.



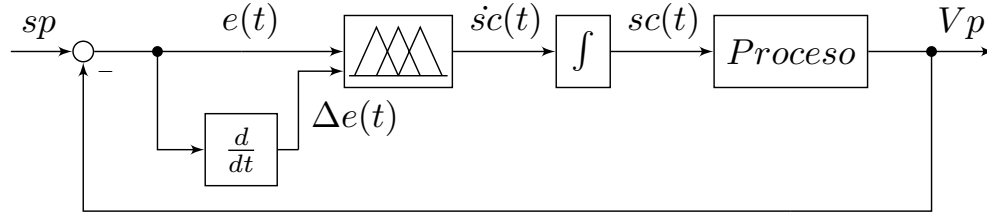
**Figura 11. Esquema de control: P difuso.** Fuente: Elaboración propia.

**Controlador PD difuso.** Un controlador PD difuso puede ser realizado al tomar la señal de error y la derivada del error como entradas del controlador y se toma como salida la señal de control. El esquema de control se puede observar en la Figura 12.



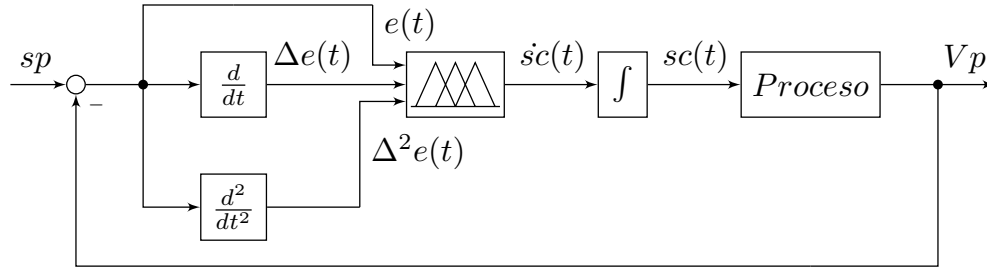
**Figura 12. Esquema de control: PD difuso.** Fuente: Elaboración propia.

**Controlador PI difuso.** Un controlador PI difuso se puede obtener al agregar un integrador a la salida de un PD difuso, de este modo  $sc(t) = e(t) + \Delta e(t)$  se transforma en  $sc(t) = \int_0^t e(\tau) d\tau + e(t)$  la cual sera tomada como la señal de control. El esquema de control se puede observar en la Figura 13.



**Figura 13. Esquema de control: PI difuso.** Fuente: Elaboración propia.

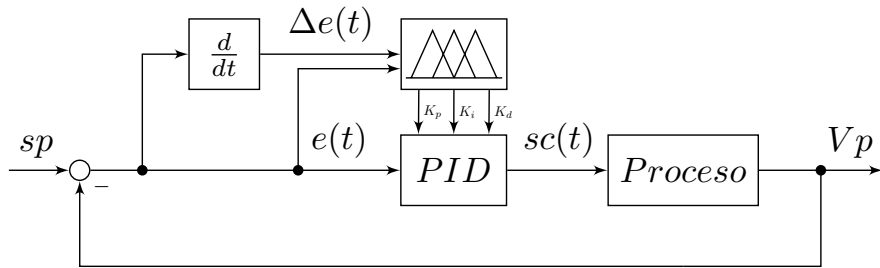
**Controlador PID difuso.** Un controlador PD difuso puede ser realizado al tomar la señal de error, la derivada del error y la segunda derivada del error como entradas del controlador, la señal de salida es luego integrada de modo que  $sc(t) = e(t) + \Delta e(t) + \Delta^2 e(t)$  se transforma en  $sc(t) = \int_0^t e(\tau) d\tau + e(t) + \Delta e(t)$  la cual sera tomada como la señal de control. El esquema de control para un PID difuso completo se puede observar en la Figura 14.



**Figura 14. Esquema de control: PID difuso.** Fuente: Elaboración propia.

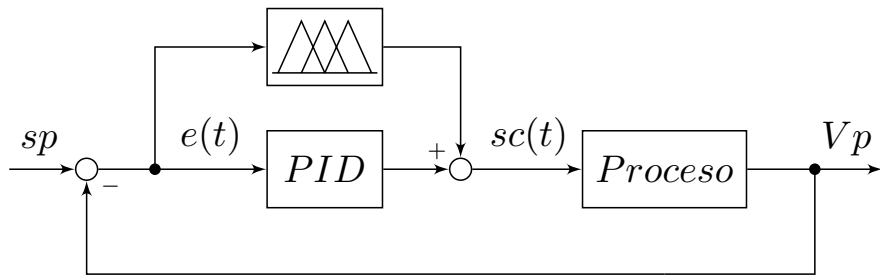
Existen otras formas de obtener un PID difuso, una de estas formas es realizando la suma de las salidas de un PD difuso y PI difuso, por otro lado, tambien se puede realizar haciendo uso de componentes no difusos, i.e., sumar la salida de un PD difuso con la integral del error o sumar la salida de un PI difuso con la derivada del error.

**Controlador difuso como programador de ganancias.** El esquema de control difuso con programador de ganancias consiste en dos controladores, uno difuso y un PID clásico, el controlador difuso se encargará de generar las ganancias del PID de forma dinámica en función de las entradas que reciba, a su vez, el PID será quien gobierne al proceso, por lo cual permite adaptar el controlador PID a los cambios de carga y a los cambios del setpoint. El esquema de control se puede observar en la Figura 15.



**Figura 15. Esquema de control: Programador de ganancias.** Fuente: Elaboración propia.

**Controlador combinado.** Consiste en sumar las salidas de un controlador PID clasico y un controlador difuso, de este modo el controlador PID sera quien gobierne al proceso la mayor parte del tiempo. En el caso de utilizar un controlador P difuso y de generarse un cambio en el setpoint o la carga, el controlador difuso procesedera a emitir una salida proporcional y adaptada al cambio. El esquema de control se puede observar en la Figura 16.



**Figura 16. Esquema de control: PID clasico mas P difuso.** Fuente: Elaboración propia.

## Python

Python es un lenguaje de programación interpretado y multiparadigma ya que soporta programación orientada a objetos, imperativa y en menor medida funcional. Van Rossum (2017) afirma que Python es un lenguaje de programación potente que puede aprenderse fácilmente. Cuenta con estructuras de datos eficientes y de alto nivel y un enfoque simple pero efectivo a la programación orientada a objetos. La elegante sintaxis de Python y su escritura dinámica, junto con su naturaleza interpretada, hacen de éste un lenguaje ideal para scripting y desarrollo rápido de aplicaciones en diversas áreas y sobre la mayoría de las plataformas.

Adicionalmente, Python posee bibliotecas externas para realizar cálculos numéricos complejos, también existen bibliotecas para el análisis de sistemas de control y para el diseño de controladores difusos, por otro lado, existen bibliotecas para salidas gráficas con calidad de publicación, gráficas en tiempo real y en 3D.

### ***Biblioteca NumPy***

NumPy es una biblioteca para realizar cálculos computacionales científicos y matemáticos, algunas de sus funciones son: cálculo de vectores n-dimensionales, transformada de Fourier, álgebra lineal, entre otras (Oliphant, 2006)

### ***Biblioteca SciPy***

El paquete SciPy es un conjunto de bibliotecas matemáticas, científicas y de ingeniería compuestas por: NumPy, SciPy (biblioteca), SymPy, Matplotlib, IPython y Pandas, la biblioteca SciPy es uno de los núcleos del paquete SciPy. Provee varias rutinas eficientes de uso amigable para el usuario de tipo numérica para realizar integración, interpolación, optimización, álgebra lineal, estadísticas, entre otras (Jones, Oliphant, Peterson et al., 2001), toda la documentación puede ser conseguida en la página oficial de SciPy.

### ***Biblioteca Matplotlib***

Matplotlib es una biblioteca para la graficación 2D que produce figuras con calidad de publicación en varios formatos y a través de múltiples ambientes interactivos. Matplotlib puede ser usado en scripting, consolas de comando, IPython, jupyter notebooks y en aplicaciones web (Hunter, 2007). La sintaxis para usar Matplotlib es muy similar al sistema de plots de MATLAB, del mismo modo, configurar parámetros de estilos, fuentes, anchos de línea, entre otros, se realiza de manera similar.

### ***Biblioteca de control***

La biblioteca control de python es un conjunto de clases y funciones que implementan las operaciones más comunes en sistemas de control, además, posee un

módulo de compatibilidad para usuarios de MATLAB que emula las funciones y sintaxis de este lenguaje (“Control Systems Library for Python”, 2017). Para crear el modelo de un sistema podemos usar ecuaciones de espacio de estado o funciones de transferencia.

### ***Biblioteca Scikit-Fuzzy***

Scikit-Fuzzy es una colección de algoritmos de lógica difusa con la intención de pertenecer al paquete de herramientas científicas SciPy, esta biblioteca permite diseñar y simular controladores difusos con estructura tipo Mamdani (Warner et al., 2016), no posee un modo para realizar lazos de control o compatibilidad con la biblioteca de control de forma directa, de modo que se tendrían que codificar aparte las rutinas que conformen un lazo cerrado de control.

### ***Biblioteca PySide2***

PySide2 es una biblioteca que hace de union entre Qt y Python para la creacion de interfacez de usuario. PySide2 es soportado por linux, Mac OS x, windows, entre otros.

### ***Biblioteca PyQtGraph***

PyQtGraph es una biblioteca de graficacion especializada en graficas dinamicas y en tiempo real, utiliza de fondo un nucleo Qt, por tanto, requiere el uso de PyQt4, PyQt5, PySide o PySide2.

## **CAPÍTULO III**

### **MARCO METODOLÓGICO**

En este capítulo se abarcará la metodología a emplear en el desarrollo de esta investigación, se definirá el tipo, diseño y modalidad de la investigación, así como las fases de la misma.

#### **Tipo de investigación**

Tomando en cuenta los objetivos de la investigación y las bases teóricas que la componen se considera que esta investigación es de tipo proyectiva, esto es debido a que se pretende realizar una propuesta concreta para solventar una problemática, Hurtado de Barrera (2010) afirma que:

La investigación proyectiva tiene como objetivo diseñar o crear propuestas dirigidas a resolver determinadas situaciones. Los proyectos de arquitectura e ingeniería, el diseño de maquinarias, la creación de programas de intervención social, el diseño de programas de estudio, los inventos, la elaboración de programas informáticos, entre otros, siempre que estén sustentados en un proceso de investigación, son ejemplos de investigación proyectiva. (p. 133)

#### **Diseño de la investigación**

El diseño de la investigación es no experimental y de tipo transeccional descriptivo, esto es debido a que se describirán los métodos de análisis y diseño de sistemas de control clásicos y difusos, Hernández, Fernández y Lucio (2010) definen la investigación no experimental como:

la investigación que se realiza sin manipular deliberadamente variables. Es decir, se trata de estudios donde no hacemos variar en forma



intencional las variables independientes para ver su efecto sobre otras variables. Lo que hacemos en la investigación no experimental es observar fenómenos tal como se dan en su contexto natural, para posteriormente analizarlos. (p.150)

### **Modalidad**

Esta investigación se encuentra enmarcada en la modalidad de un proyecto factible, debido a que tiene objetivos para atender una necesidad por medio de unas acciones claramente definidas, Dubs de Moya (2002) afirma que:

un proyecto factible consiste en un conjunto de actividades vinculadas entre sí, cuya ejecución permitirá el logro de objetivos previamente definidos en atención a las necesidades que pueda tener una institución o un grupo social en un momento determinado. Es decir, la finalidad del proyecto factible radica en el diseño de una propuesta de acción dirigida a resolver un problema o necesidad previamente detectada en el medio. (pp. 6-7)

### **Fases de la investigación**

*Fase 1: Estudio de los sistemas de control clásicos y difusos.* En esta fase se procederá a realizar los estudios necesarios en el área de los sistemas de control, esto con la idea de abarcarlos en profundidad y tener un entendimiento claro de su funcionamiento y de la matemática implicada, además, se realizará de forma similar un estudio de controladores difusos con estructura Mamdani y de los esquemas de control difuso.

*Fase 2: Codificación de rutinas.* Para esta fase con los conocimientos adquiridos de la fase 1, se determinarán que rutinas pueden ser ejecutadas solo con las bibliotecas de python y cuales se deberán codificar de cero, además, se codificarán todas las rutinas necesarias para el funcionamiento del laboratorio virtual, para esto, se hará

uso de las bibliotecas externas de cálculo numérico, control, diseño de controladores difusos y salidas gráficas junto con las que se consideren necesarias.

***Fase 3: Interfaz gráfica y enlace con rutinas.*** En esta fase se realizará la interfaz gráfica para el usuario final, esta interfaz gráfica deberá conectarse y adaptarse a las rutinas previamente codificadas en la fase 2 para su funcionamiento adecuado, en orden de tener diseño acorde se tomarán en cuenta los antecedentes presentados en esta propuesta.

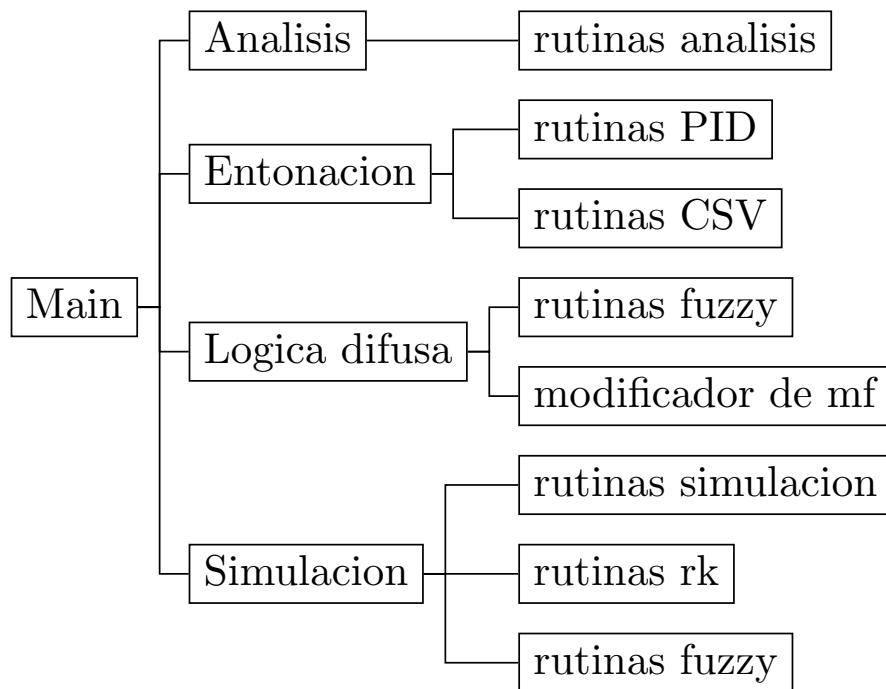
***Fase 4: Comparación de resultados.*** En esta última fase y con el laboratorio de sistemas de control, ya en funcionamiento se procederá a analizar los resultados obtenidos y a compararlos con otras herramientas, la evaluación se realizará en función del resultado esperado, facilidad de implementación, velocidad de ejecución, las ventajas y desventajas de cada una de las herramientas.

## CAPÍTULO IV

### RESULTADOS

#### Estructura general

El laboratorio virtual de sistemas de control clásicos y difusos fue pensado de modo que cada una de sus funcionalidades principales sean independientes la una de la otra, no obstante, ciertas rutinas son comunes entre ellas. Por otro lado, se organizó la aplicación de modo que cada funcionalidad principal posea un archivo “handler”, el cual hará de intermediario entre la interfaz gráfica y las rutinas de cálculo que se encuentran en un archivo de rutinas. La Figura 17 sirve como referencia de la estructura general utilizada.



**Figura 17. Diagrama general de la aplicación.** La estructura general de la aplicación, la segunda columna representa a los archivos handler mientras que la tercera son los archivos de rutinas. Fuente: Elaboración propia.

## Análisis de sistemas de control

Con esta función se quiso dar la posibilidad de realizar los análisis en el tiempo y en frecuencia típicos para un proceso ingresado por el usuario, los análisis típicos son: respuesta al escalón, respuesta al impulso, diagrama de bode, diagrama de Nyquist, lugar de las raíces y diagrama de Nichols. El Código 1 muestra un pseudo código de la funcionalidad de análisis de sistemas de control y la interfaz grafica correspondiente se puede observar en el [Anexo A].

**Código 1.** Pseudo código para el análisis de sistemas de control

```
WHILE True: # Ciclo principal
    :
    IF validaciones_entradas_análisis:
        validar_entrada_análisis()

    IF usuario_presiona_calcular:
        chequeo_TF_SS()
        creación_proceso()
        escalón()
        impulso()
        bode()
        nyquist()
        lugar_de_las_raíces()
        nichols()
        datos()
    :
```

Inicialmente se valida cada una de las entradas del usuario y se chequea si el botón para realizar los cálculos fue presionado. Una vez presionado el botón de calcular se procede a verificar la representación del sistema y a crearlo para a continuación ejecutar las rutinas de análisis.

### *Definición del proceso*

Un proceso deberá ser ingresado para poder realizar el análisis, la entonación o la simulación del mismo. El sistema puede ser definido con los coeficientes del numerador y el denominador de la función de transferencia o puede ser definido ingresando las matrices

A, B, C y D de la ecuación de espacio de estados. En ambos casos se deben cumplir con los principios matemáticos que correspondan, i.g., las función de transferencia no puede ser impropia.

### ***Tiempo discreto***

La opción de discretización permite llevar el proceso ingresado en tiempo continuo a una aproximación en tiempo discreto con solo ingresar el periodo de muestreo y seleccionar el método a utilizar. Se implementaron los siguientes métodos de discretización:

1. Retensor de orden cero (ZOH)
2. Retensor de primer orden (FOH)
3. Euler hacia atrás (backward\_diff)
4. Euler hacia adelante (Euler)
5. Transformación bilineal (tustin)
6. Transformación directa de polos y ceros (matched)
7. Transformación del impulso invariante (impulse)

### ***Proceso con atraso o delay***

A los procesos ingresados se les puede agregar un atraso, este atraso es manejado de forma distinta dependiendo de la funcionalidad. Para el caso de la funcionalidad de análisis, el delay fue implementado para la respuesta escalón y la respuesta impulso como un desplazamiento en el tiempo equivalente al delay ingresado, para la respuesta en frecuencia se multiplico  $e^{-j\omega\alpha}$  a cada una de las evaluaciones de frecuencia con  $\alpha$  como el delay ingresado por el usuario. Para el caso del lugar de las raíces, el delay es implementado utilizando una aproximación por PADE de orden 10.

Si el proceso es definido en tiempo discreto el mismo es multiplicado por  $z^{-\alpha/T}$  con la idea de retrasar las muestras en un numero equivalente al delay deseado, de este modo, no hay casos especiales dependiendo del tipo de análisis.

### ***Respuesta al escalón***

Se obtiene la respuesta en el tiempo del sistema en lazo abierto ante una entrada escalón de amplitud uno, con los datos de la respuesta se realiza la gráfica correspondiente.

### ***Respuesta al impulso***

Se obtiene la respuesta en el tiempo del sistema en lazo abierto ante un impulso como entrada al sistema, con los datos de la respuesta se realiza la gráfica correspondiente.

### ***Diagrama de Bode***

Se obtiene la respuesta en frecuencia del sistema, con los datos de la respuesta en frecuencia se realiza las gráficas de magnitud y fase. Adicional a las gráficas fue implementado el calculo de los márgenes de ganancia y de fase, la implementación fue realizada desde cero debido a los resultados inaceptables obtenidos con la implementación de la librería de control. El código para el calculo de los márgenes de ganancia y fase se puede observar en el [Anexo C].

### ***Diagrama de Nyquist***

El diagrama de Nyquist también fue realizado utilizando la librería de control, en el mismo se señala la dirección de la gráfica y el punto  $-1 + j0$ . Las frecuencias utilizadas son las mismas utilizadas para el diagrama de Bode dado que las mismas son calculadas de manera automática por la librería de control en ambos casos.

### ***Gráfica del lugar de las raíces***

La gráfica es realizada utilizando la librería de control, una de las funciones que posee es poder seleccionar cualquier punto en la gráfica y obtener la ganancia y el damping que le corresponden. Para el caso de sistemas discretos se grafica el círculo unitario.

### ***Diagrama de Nichols***

A diferencia del diagrama de Nyquist aca se señala el punto ( $0dB, -180^\circ$ ), la librería de control ya viene con la opción para superponer una rejilla que representa a la Carta de Nichols.

### ***Despliegue de datos***

Los datos obtenidos se muestran de forma escrita, los datos a desplegar son: el sistema ingresado, los datos de la respuesta al escalón, los márgenes de ganancia y fase, los valores eigen y su respectivo damping.

### **Entonación de controladores PID**

Esta función fue dividida en dos apartados, el primero, es la entonación de un proceso en lazo cerrado con un controlador PID, las ganancias del controlador son ajustables por el usuario, adicionalmente, se puede realizar una entonación automática utilizando el método de Ziegler-Nichols o Cohen-Coon. La segunda opción permite cargar la data de respuesta ante un escalón desde un archivo CSV para realizar la entonación. El Código 2 muestra un pseudo código de la funcionalidad de entonación de controladores PID y la interfaz grafica correspondiente se puede observar en el [Anexo B].

**Código 2.** Pseudo código para la entonación de controladores PID

```
WHILE True: # Ciclo principal
    :
    IF validaciones_entradas_entonación:
        validar_entrada_entonación()

    IF usuario_presiona_calcular:
        CASO 1 entonación_manual:
            chequeo_TF_SS()
            creación_proceso()
            entonación()
            escalón()
```

**CASO 2** entonación\_automática:

chequeo\_TF\_SS()  
creación\_proceso()  
escalón()

**CASO 3** entonación\_CSV:

procesar\_CSV()  
entonación()  
graficacion()

⋮

El forma de definición de procesos presentado en la funcionalidad de análisis de sistemas de control es reutilizada para esta sección. Al igual que para el análisis de sistemas de control, inicialmente se valida cada una de las entradas del usuario y se chequea si el botón para realizar los cálculos fue presionado, una vez presionado el botón de calcular se procede a verificar que tipo de calculo se va a realizar entre: entonación manual, entonación automática o entonación con archivo CSV.

### ***Entonación de sistema en lazo cerrado con PID***

Para el calculo de la respuesta al escalón se utiliza la librería de control, el esquema implementado es el presentado en la Figura 8. El controlador PID fue definido utilizando (33) y sustituyendo la componente derivativa por (36). Si el sistema es representado en tiempo discreto se utiliza (35) para definir al controlador PID.

Asi mismo, para la entonación automática se realiza una prueba escalón en lazo abierto con el propósito de calcular (38), (39) y (40), luego, se sustituyen los valores en la Tabla 1 y 2 con el fin de realizar una entonación por el método Ziegler-Nichols y Cohen-Coon según la selección del usuario.

### ***Entonación utilizando un archivo CSV***

Como ya se menciona, con esta opción se permite cargar un archivo CSV que contenga la data de respuesta a un escalon con la finalidad de obtener su aproximacion de primer orden con tiempo muerto y poder realizar una entonacion utilizando el método de Zigler-Nichols o Cohen-Coon. El usuario debe ingresar el limite superior e inferior



de la variable del proceso ( $V_p$ ) y de la entrada al sistema, normalmente, la señal del elemento final de control (EFC), adicionalmente, debe ingresar el separador del archivo CSV cuyo valor por defecto es una coma (,).

El algoritmo aproximara los parámetros de un modelo de primer orden con tiempo muerto utilizando el punto de máxima pendiente para trazar una recta, este punto quedara como ancla permitiendo al usuario ajustar el tiempo  $t_1$  en caso de que el ajuste automático no genere buenos resultados. El algoritmo solo funciona para respuestas ascendentes, i.g., como la observada en la Figura 9.

El archivo CSV deberá contener un formato de encabezados específico, los encabezados deben contener las palabras clave VP, EFC o TIME para identificar las columnas. El algoritmo intentara buscar las palabras clave dentro del encabezado de cada columna, i.g., `datavpsimulacion` identificaría a los datos de  $V_p$  debido a que incluye la palabra clave  $V_p$ , no se hace distinción entre minúsculas y mayúsculas. La columna que contiene los datos de tiempo puede expresar el tiempo en los formatos hh:mm:ss, mm:ss o directamente en segundos. Un ejemplo del formato de un CSV valido se puede observar en el [Anexo D].

### **Diseño de controladores difusos**

Para el diseño de controladores difusos se utiliza de fondo la librería Scikit-Fuzzy, la cual permite por medio de código Python diseñar controladores difusos tipo Mamdani, graficar las funciones de membresía y realizar el proceso de inferencia para el controlador diseñado. La mayoría de la funcionalidad consiste en ser un intermediario entre las entradas del usuario por medio de la interfaz gráfica y el código que requiere Scikit-Fuzzy para poder definir un controlador. Adicional a lo anterior, se implemento la posibilidad de cargar y exportar archivos FIS con ciertas limitaciones tanto en la importación como en la exportación. El Código 3 muestra un pseudo código de la funcionalidad de diseño de controladores difusos.

**Código 3.** Pseudo código para el diseño de controladores difusos

```
WHILE True: # Ciclo principal
    :
    IF validaciones_entradas_fuzzy:
        validar_entrada_fuzzy()

    IF usuario_presiona_generar:
        IF esquemas == True:
            empezar_diseño_esquema()
        ELSE
            empezar_diseño_genérico()

    IF usuario_presiona_crear:
        crear_controlador()
        prueba_entradas()
        IF entradas == 1 OR entradas == 2:
            superficie_respuesta()
    :
```

### *Controladores difusos*

Los controladores difusos fueron divididos para su diseño en dos categorías, genéricos y basados en un esquema de control específico.

#### *Controladores genericos*

Los controladores genéricos pueden tener un numero arbitrario de entradas y salidas con un máximo de diez entradas o salidas, al ser genéricos, no se garantiza que puedan ser utilizados en la funcionalidad de simulación de sistemas de control, por tanto, sirve para diseñar cualquier sistema de inferencia difuso con o sin el propósito de utilizarle como controlador.

***Funciones de membresia.*** Scikit-Fuzzy posee todas las funciones de membresías descritas por las ecuaciones (41) a la (47) junto con las funciones compuestas: gauss2mf, dsigmf, psigmf y pimf. Para poder cambiar entre funciones de membresía se codificaron transformaciones aproximadamente equivalente entre las definiciones de

las mismas, se llamo definición a los valores necesarios para poder definir la función de membresía. El código para realizar las transformaciones se puede observar en el [Anexo E].

***Defuzzificacion.*** Todos los métodos de defuzzificacion descritos en Capítulo II son utilizables con Scikit-Fuzzy y pueden ser asignados de forma individual a cada salida del controlador difuso, i.e., cada salida puede utilizar un método de defuzzificacion distinto.

***Reglas de inferencia.*** Las reglas pueden plantearse utilizando conjunción de premisas o disyunción de premisas, i.e., lógica AND o lógica OR, a su vez, cada una de las premisas pueden ser negadas. A las salidas se les puede asignar un peso de forma individual, de modo que cada salida puede ser ponderada de forma distinta, las salidas no pueden ser negadas.

### ***Controladores basados en esquemas***

Los controladores basados en esquemas poseen todas las características de los controladores difusos a excepción de la posibilidad de seleccionar el numero de entradas, el numero de salidas y los nombres de las variables de entrada y salida, el motivo es que estos controladores están asociados a un esquema de control específico que debe cumplir con un numero de entradas y salidas ya establecido. Los esquemas de control difuso que se pueden diseñar son los presentados en las Figuras 12 a 16 con ciertos cambios que se detallaran, junto con algunos esquemas extras, en la sección correspondiente a la funcionalidad de simulación. Todos los esquemas de control difuso se pueden observar en el [Anexo F].

### ***Guardado de controladores difusos***

#### ***Archivos JSON***

Para guardar el diseño del usuario se utiliza un archivo .JSON con una estructura interna particular y única para funcionar de forma específica con el laboratorio virtual

de sistemas de control, los archivos JSON guardan datos que luego pueden ser cargados de forma directa con la librería JSON de Python. Un ejemplo del formato interno del archivo .JSON para un controlador con una entrada y una salida se puede observar en el [Anexo G].

### ***Archivos FIS***

Los archivos FIS son otra forma de cargar el controlador difuso o exportarlo, existen ciertas limitaciones en la carga y en el exportado de archivos FIS producto de las posibilidades que ofrece Scikit-Fuzzy.

***Cargar controlador.*** Para la carga del controlador se utiliza una versión modificada del parsin de archivos FIS de YAPFLM (Yet Another Python Fuzzy Logic Module) de sputnick1124 (2017) para extraer los datos del archivo FIS, luego, otro código es utilizado para llevar los datos extraídos a la estructura presentada en los archivos .JSON. Debido a que Scikit-Fuzzy no permite salidas negadas en las reglas se genera un error en caso de que alguna de las salidas en las reglas se encuentre negada.

***Exportar controlador.*** Para realizar el exportado del controlador difuso se realiza un parsin entre la estructura presentado en los archivos .JSON y la de un archivo FIS. En caso de que alguna regla posea pesos diferentes para cada salida solo se tomara en cuenta el peso asociado a la primera salida, esto es debido a que los archivos FIS no permiten pesos individuales por cada salida, lo mismo aplica al método de defuzzificacion, se toma el asignado a la primera salida. El código para realizar la carga y el exportado de archivos FIS se puede observar en el [Anexo H].

## **Simulación de sistemas de control**

Esta funcionalidad permite simular sistemas de control en lazo cerrado con un controlador PID clásico, difuso o ambos, adicional al controlador se permite agregar bloques adicionales como accionador, saturador del accionador y/o sensor. Para la

simulación se utilizan un método de Runge-Kutta como solucionador y obtener la respuesta en el tiempo del sistema, los esquemas simulables están predefinidos. El Código 4 muestra un pseudo código de la funcionalidad de simulación de sistemas de control.

**Código 4.** Pseudo código para la simulación de sistemas de control

```
WHILE True: # Ciclo principal
    :
    IF validaciones_entradas_simulación:
        validar_entrada_simulación()

    IF usuario_presiona_calcular:
        chequeo_esquema()
        datos = recolección_datos()
        hilo_de_simulación(datos)
    :

FUNCION hilo_de_simulación(datos):
    procesar_datos(datos)
    resultados = simular_esquema(método_rk)
    return resultados
```

Al igual que para la funcionalidad de análisis de sistemas de control y entonación de controladores PID se reutiliza la forma de ingresar el proceso, por lo que también se realiza la validación de entradas y se monitorea si el usuario presiona el botón de calcular, cuando el usuario presiona calcular, se procede a realizar la simulación del esquema de control seleccionado en un hilo distinto al de la aplicación principal debido a que los tiempos de simulación para los esquemas difusos pueden ser de varios segundos y presentaría un comportamiento de bloqueo para la ventana de la aplicación.

En caso de que la simulación sea realizada para tiempo discreto, se evalúa (9) en cada iteración para obtener la salida del sistema. Si es el esquema seleccionado es el del PID clásico el controlador implementado es el descrito por (34). Si el sistema es continuo, la respuesta del sistema y del controlador es calculada utilizando el método de Runge-Kutta seleccionado.

### ***Esquemas de simulación***

Para la simulación de sistemas de control se implementaron los esquemas de control presentados en el Capítulo II y otros esquemas que se encuentran compuestos de la combinación de los mismos. Como ya se menciono, los esquemas de control se pueden observar en el [Anexo F] y se listan a continuación:

1. PID clásico
2. PID difuso
3. PI difuso
4. PD difuso
5. PD difuso + PI difuso
6. PI difuso + Derivada clásica
7. PD difuso + Integrador clásico
8. Programador de ganancias
9. PID clásico + Difuso simple (P)

A la derivada de aquellos esquemas que requieran su calculo se les fue agregado una funcion de transferencia en serie con la misma para limitar la respuesta a las altas frecuencias, esto es debido a que las simulaciones se van a realizar con un método de Runge-Kutta que requeriría un tamaño de paso muy pequeño para poder aproximar de forma correcta incluso a una derivada aproximada dada por (36), y un incremento en el numero de pasos provocaría, a su vez, un incremento en los tiempos de simulación para los esquemas con controladores difusos, y en consecuencia, volviendo la herramienta impráctica.

### ***Solución por Runge-Kutta***

Como ya se menciono, la simulación se llevara acabo utilizando un método de Runge-Kutta, para ello se implementaron múltiples métodos, el usuario puede seleccionar cualquiera de ellos para realizar la simulación. En total se implementaron nueve Runge-Kutta's explícitos y cuatro embebidos. Las tablas de Butcher para cada uno de los

métodos implementados se pueden observar en el [Anexo I], a continuación, se presenta una lista de los métodos implementados:

- Explícitos:
  1. Runge-Kutta de orden 2
  2. Runge-Kutta de orden 3
  3. Ralston de orden 3
  4. Heun de orden 3
  5. Strong Stability Preserving Runge-Kutta (SSPRK) de orden 3
  6. Runge-Kutta de orden 4
  7. Runge-Kutta 3/8 de orden 4
  8. Ralston con minimo error de truncamiento de orden 4
  9. Runge-Kutta de orden 5
- Embebidos:
  1. Bogacki-Shampine de orden 3(2)
  2. Fehlberg de orden 4(5)
  3. Cash-Karp de orden 4(5)
  4. Dormand-Prince de orden 5(4)

Con el fin mejorar la precision y mantener el numero de pasos al minimo se implemento un algoritmo de ajuste del tamaño de paso para los metodos de Runge-Kutta, para el caso de los Runge-Kutta explicitos se implementaron las ecuaciones (27), (29) y (30) y para los embebidos las ecuaciones (28) a (30). Los pseudo codigos para los tamaños de paso variable se pueden observar en los Códigos 5 y 6, y los codigos en Python se pueden observar en el [Anexo J].

El calculo del tamaño de paso se realiza con el bloque que presente mayores variaciones y requiera la mayor presicion, i.e., el menor tamaño de paso, en la mayoria de los casos este bloque es o incluye a la componente derivativa. Para el resto de bloques que requieran ser calculados, se utiliza un Runge-Kutta explicito con tamaño de paso igual al calculado, el Runge-Kutta utilizado varia segun el metodo utilizado.

**Código 5.** Pseudo código para el ajuste del tamaño de paso de los Runge-Kutta explícitos.

```
FUNCION Tamaño_de_paso_variable(parametros):  
    WHILE True:  
         $y_h, x_h = \text{calculo\_rk}(h, x)$   
         $-, x_{h/2} = \text{calculo\_rk}(h/2, x)$   
         $y_{h/2}, x_{h/2} = \text{calculo\_rk}(h/2, x_{h/2})$   
         $\text{escala} = \text{atol} + \text{rtol} * (|x_h| + |x_{h/2}|) / 2$   
         $\text{error\_norm} = \text{norma\_rms}(|x_h - x_{h/2}| / \text{escala})$   
  
        CASO 1  $\text{error\_norm} == 0$ :  
             $h = h * \text{maxStepIncrease}$   
  
        CASO 2  $\text{error\_norm} \leq 1$ :  
             $h = h * \min(\text{maxStepIncrease},$   
                 $\max(1, \text{sf} * \text{error\_norm}^{(-1/(\text{ordenq}+1))}))$   
  
        CASO 2  $\text{error\_norm} > 1$ :  
             $h = h * \min(1, \max(\text{minStepDecrease},$   
                 $\text{sf} * \text{error\_norm}^{(-1/(\text{ordenq}+1))}))$   
  
            continue  
        break  
    return  $y_{h/2}, x_{h/2}, h$ 
```

**Código 6.** Pseudo código para el ajuste del tamaño de paso de los Runge-Kutta embebidos.

```
FUNCION Tamaño_de_paso_variable(parametros):  
    WHILE True:  
         $y, x_p, x_{\hat{p}} = \text{calculo\_rk}(h, x)$   
         $\text{escala} = \text{atol} + \text{rtol} * \max(|x_p|, |x|)$   
         $\text{error\_norm} = \text{norma\_rms}(|x_p - x_{\hat{p}}| / \text{escala})$   
  
        CASO 1  $\text{error\_norm} == 0$ :  
             $h = h * \text{maxStepIncrease}$   
  
        CASO 2  $\text{error\_norm} \leq 1$ :  
             $h = h * \min(\text{maxStepIncrease},$   
                 $\max(1, \text{sf} * \text{error\_norm}^{(-1/(\text{ordenq}+1))}))$   
  
        CASO 2  $\text{error\_norm} > 1$ :  
             $h = h * \min(1, \max(\text{minStepDecrease},$   
                 $\text{sf} * \text{error\_norm}^{(-1/(\text{ordenq}+1))}))$   
  
            continue  
        break  
    return  $y, x_p, h$ 
```



## **CAPÍTULO V**

### **CONCLUSIONES Y RECOMENDACIONES**

#### **Conclusiones**

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut

porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

## **Recomendaciones**

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec

ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

    Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

    Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

    Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh

lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

    Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

## REFERENCIAS

- APCO-Inc. (s.f.). *Open Loop Tuning Rules Based on approximate process models*. Recuperado el 24 de septiembre de 2019, desde <http://educypedia.karadimov.info/library/pidtune2.pdf>
- Åström, K. (2002). Control system design lecture notes for ME 155a. *Department of Mechanical and Environmental Engineering, University of California Santa Barbara*. Recuperado el 24 de septiembre de 2019, desde [http://orion-voyage.com.ua/userfiles/pdf/astrom\\_-\\_control\\_system\\_design\\_1288292182.pdf](http://orion-voyage.com.ua/userfiles/pdf/astrom_-_control_system_design_1288292182.pdf)
- Butcher, J. (1964). On Runge-Kutta processes of high order. *Journal of the Australian Mathematical Society*, 4(2), 179-194. Recuperado el 8 de octubre de 2019, desde [https://www.cambridge.org/core/services/aop-cambridge-core/content/view/40DFE501CAB781C9AAE1439B6B8F481A/S1446788700023387a.pdf/on\\_rungekutta\\_processes\\_of\\_high\\_order.pdf](https://www.cambridge.org/core/services/aop-cambridge-core/content/view/40DFE501CAB781C9AAE1439B6B8F481A/S1446788700023387a.pdf/on_rungekutta_processes_of_high_order.pdf)
- Casallas, R., Chacón, R. y Rivera, F. P. (2005). Desarrollo básico de un Laboratorio Virtual de Control de Procesos basado en Internet. *Acción pedagógica*, 14(1), 58-65. Recuperado el 16 de junio de 2019, desde <https://dialnet.unirioja.es/descarga/articulo/2969002.pdf>
- Congo, J. W. (2018). *Aplicaciones del software libre Python para prácticas de laboratorio aplicado a la asignatura de tratamiento digital de señales de la Universidad Tecnológica Israel* (Tesis de pregrado, Universidad Tecnológica Israel, Ecuador). Recuperado el 9 de junio de 2019, desde <http://157.100.241.244/bitstream/47000/1626/1/UISRAEL-EC-ELDT-378.242-2018-042.pdf>
- Control Systems Library for Python. GitHub. Recuperado el 1 de junio de 2019, desde <https://python-control.readthedocs.io/en/0.8.2/>
- Creus, A. (2010). *Instrumentación Industrial* (8.<sup>a</sup> ed.). Barcelona, España: Alfaomega.
- Dorf, R. y Bishop, R. (2011). *Modern control systems* (12.<sup>a</sup> ed.). New Jersey, United States: Prentice Hall.

- Dubs de Moya, R. (2002). El Proyecto Factible: una modalidad de investigación. *Sapiens. Revista Universitaria de Investigación*, 3(2). Recuperado el 15 de junio de 2019, desde <http://www.redalyc.org/pdf/410/41030203.pdf>
- Fernández-Cantí, R. (2013). Tema 4. Control digital. En *Sistemas Electrónicos de Control*. Recuperado el 8 de octubre de 2019, desde [https://ocw.upc.edu/sites/all/modules/ocw/estadistiques/download.php?file=11608/2011/1/53985/sec\\_tema\\_4\\_control\\_digital\\_1314a\\_ocw-5203.pdf](https://ocw.upc.edu/sites/all/modules/ocw/estadistiques/download.php?file=11608/2011/1/53985/sec_tema_4_control_digital_1314a_ocw-5203.pdf)
- Gómez, J. C. (2009). Toolbox didáctico para el diseño y análisis de sistemas de control lineal. *Revista Educación en Ingeniería*, 4(8), 155-169. Recuperado el 13 de junio de 2019, desde <http://www.educacioneningenieria.org/index.php/edi/article/download/96/86>
- Hairer, E., Nørsett, S. P. y Wanner, G. (1993). *Solving ordinary differential equations I, Nonstiff problems* (2.<sup>a</sup> ed. rev.). Berlin, Alemania: Springer-Vlg.
- Haugen, F. (2005). Discrete-time signals and systems. Recuperado el 18 de septiembre de 2019, desde [http://techteach.no/publications/discretetime\\_signals\\_systems/discrete.pdf](http://techteach.no/publications/discretetime_signals_systems/discrete.pdf)
- Hernández, R., Fernández, C. y Lucio, M. d. P., Baptista. (2010). *Metodología de la investigación* (5.<sup>a</sup> ed.). México: Mcgraw-hill.
- Hori, N., Cormier, R. y Kanai, K. (1992). Matched pole-zero discrete-time models. *Control Theory and Applications, IEE Proceedings D*, 139(3), 273-278. Recuperado el 8 de octubre de 2019, desde [https://www.researchgate.net/publication/3360909\\_Matched\\_pole-zero\\_discrete-time\\_models](https://www.researchgate.net/publication/3360909_Matched_pole-zero_discrete-time_models)
- Hunter, J. D. (2007). Matplotlib: A 2D graphics environment. *Computing in Science & Engineering*, 9(3), 90-95. Recuperado el 1 de junio de 2019, desde <https://ieeexplore.ieee.org/document/4160265>
- Hurtado de Barrera, J. (Ed.). (2010). *Guía para la comprensión holística de la ciencia*. Caracas, Venezuela: Fundación Sygal.

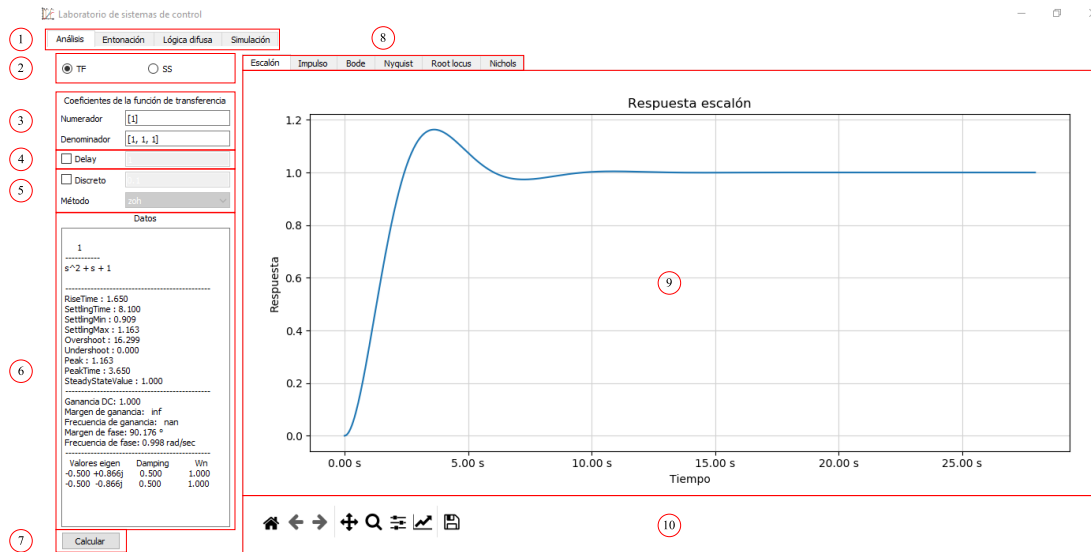
- Jones, E., Oliphant, T., Peterson, P. et al. (2001). SciPy: Open source scientific tools for Python. Recuperado el 1 de junio de 2019, desde <https://www.scipy.org/scipylib/index.html>
- Kuo, B. C. (1996). *Sistemas de control automático* (7.<sup>a</sup> ed.). México: Prentice Hall Hispanoamericana.
- Maloney, T. J. (2006). *Electrónica industrial moderna* (5.<sup>a</sup> ed.). México: Pearson Educación.
- Martinez, H. (1997). *Métodos Numéricos*. México: Tecnológico de Monterrey. Recuperado el 18 de septiembre de 2019, desde <http://www.mty.itesm.mx/dtie/deptos/cb/cb00854-1/Apuntes/HMA/MN06fED.pdf>
- Mata, N. C. (1999). *Fundamentos prácticos para el control de procesos*. Caracas, Venezuela: MCL CONTROL.
- Matute, A. y Bernal, W. (2017). Técnicas de lógica difusa en ingeniería de control. *Ciencia, Innovación y Tecnología*, 3, 125-134. Recuperado el 29 de septiembre de 2019, desde <https://jdc.edu.co/revistas/index.php/rciyt/article/view/81>
- Nilsson, J. W. y Riedel, S. A. (2005). *Circuitos eléctricos* (7.<sup>a</sup> ed.). Madrid, España: Pearson Educación.
- Ogata, K. (2003). *Ingeniería de control moderna* (5.<sup>a</sup> ed.). Madrid, España: Pearson Educación.
- Oliphant, T. (2006). NumPy: A guide to NumPy. USA: Trelgol Publishing. Recuperado el 31 de mayo de 2019, desde <http://www.numpy.org/>
- Ponce, P. C. (2010). *Inteligencia artificial con aplicaciones a la ingeniería*. México: Alfaomega.
- Riid, A. (2002). *Transparent Fuzzy Systems: modelling and control* (Tesis doctoral, Tallinn Technical University, Tallinn, Estonia). Recuperado el 14 de junio de 2019, desde [https://www.researchgate.net/publication/34752921\\_Transparent\\_Fuzzy\\_Systems\\_Modeling\\_and\\_Control](https://www.researchgate.net/publication/34752921_Transparent_Fuzzy_Systems_Modeling_and_Control)

- Ritschel, T. (2013). *Numerical Methods For Solution of Differential Equations* (Tesis de pregrado, Technical University of Denmark, Dinamarca). Recuperado el 5 de septiembre de 2019, desde [http://www2.imm.dtu.dk/pubdb/views/edoc\\_download.php/6607/pdf/imm6607.pdf](http://www2.imm.dtu.dk/pubdb/views/edoc_download.php/6607/pdf/imm6607.pdf)
- Rogan, J. y Muñoz, V. (s.f.). PROGRAMACION Y METODOS NUMERICOS. *Departamento de Física, Universidad de Chile*. Recuperado el 18 de septiembre de 2019, desde [https://macul.ciencias.uchile.cl/~vmunoz/homepage/cursos/programacion\\_avanzada/2012/mfm0-09.pdf](https://macul.ciencias.uchile.cl/~vmunoz/homepage/cursos/programacion_avanzada/2012/mfm0-09.pdf)
- Salazar, L. J. (2019). *Diseño de un sistema de riego inteligente para cultivos de hortalizas basado en Fuzzy Logic en la granja la pradera de la Universidad Técnica del Norte* (Tesis de pregrado, Universidad Técnica del Norte, Ecuador). Recuperado el 8 de junio de 2019, desde <http://repositorio.utn.edu.ec/jspui/bitstream/123456789/9137/1/04%5C%20RED%5C%20219%5C%20TRABAJO%5C%20DE%5C%20GRADO.pdf>
- Sánchez, J. A. (2003). *Control avanzado de procesos:(teoría y práctica)*. Madrid, España: Ediciones Díaz de Santos.
- Smith, C. A. y Corripio, A. B. (1985). *Principles and practice of automatic process control* (2.<sup>a</sup> ed.). New York, United States: Wiley New York.
- sputnick1124. (2017). Yet Another Python Fuzzy Logic Module. GitHub. Recuperado el 13 de octubre de 2019, desde <https://github.com/sputnick1124/yapflm>
- Suárez, M. Á. (2014). *Ciencias e Ingeniería para estudiantes de Python*. Recuperado el 7 de junio de 2019, desde [https://www.researchgate.net/publication/313664762\\_Ciencias\\_e\\_Ingenieria\\_para\\_estudiantes\\_de\\_Python](https://www.researchgate.net/publication/313664762_Ciencias_e_Ingenieria_para_estudiantes_de_Python)
- Van Rossum, G. (2017). El tutorial de Python. Recuperado el 15 de junio de 2019, desde <http://docs.python.org.ar/tutorial/pdfs/TutorialPython3.pdf>
- Warner, J., Sexauer, J., twmeggs, S., A. M., Unnikrishnan, A., Castelão, G., . . . Mishra, H. (2016). Scikit-Fuzzy: fuzzy logic library for python. GitHub. Recuperado el 16 de junio de 2019, desde <https://github.com/scikit-fuzzy/scikit-fuzzy>



## [Anexo A]

### [Interfaz grafica de la funcion de analisis de sistemas de control]



(a)

☐ TF ☒ SS

Matrices de estado

A:

B:

C:

D:

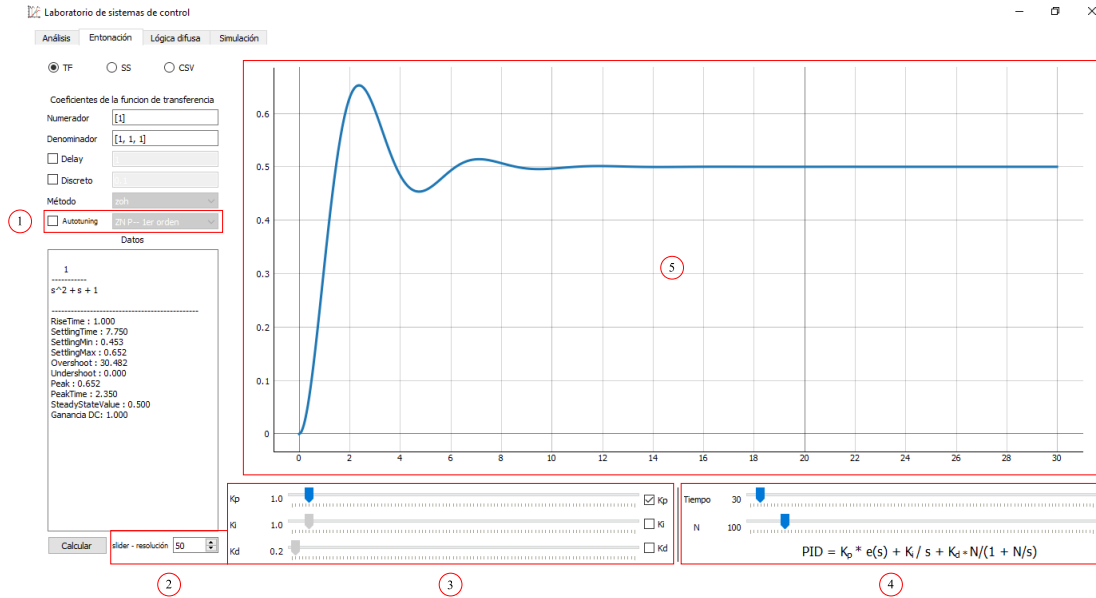
(b)

**Figura 18. Interfaz grafica para el analisis de sistemas de control.** (a) Interfaz grafica general representando al sistema con funcion de transferencia (b) Cambios presentes si utiliza la representacion con ecuaciones de espacio de estados. Fuente: Elaboración propia.

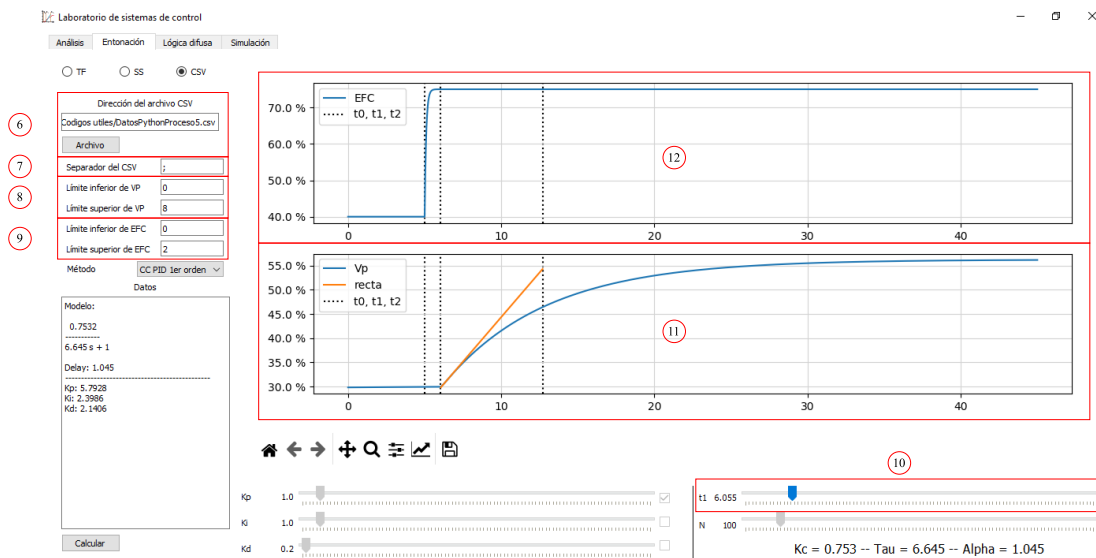
1. Pestañas de funciones
2. Selector de representación
3. Coeficientes de la función de transferencia
4. Agregado de Delay
5. Discretización del proceso
6. Datos del analisis
7. Boton para realizar el analisis
8. Pestañas de graficas
9. Grafica con Matplotlib
10. Barra de herramientas de la grafica
11. Matrices de estados

## [Anexo B]

### [Interfaz grafica de la funcion de entonacion de controladores PID]



(a)



(b)

**Figura 19. Interfaz grafica para el analisis de sistemas de control.** (a) Interfaz grafica general para la entonación de controladores PID (b) Interfaz grafica para la entonación utilizando un archivo CSV. Fuente: Elaboración propia.

1. Función de entonación automática
2. Resolución de los sliders
3. Sliders de ganancias
4. Sliders de tiempo y coeficiente N
5. Gráfica con PyQtGraph
6. Carga del archivo CSV
7. Separador del archivo CSV
8. SPAN de la variable del proceso
9. SPAN de la entrada al proceso (EFC)
10. Slider para ajustar  $t_1$
11. Gráfica de la variable del proceso
12. Gráfica de la entrada al proceso (EFC)

[Anexo C]

[Codigo de los margenes de ganancia y fase]

**Código 7.** Función para el calculo de los margenes de ganancia y fase.

```
def margenes_ganancias(self, system, mag, phase, omega):  
    """  
    [Funcion para obtener el margen de ganancia y el margen de fase]  
  
    :param system: [Representación del sistema]  
    :type system: [LTI]  
    :param mag: [Magnitud de la respuesta en frecuencia]  
    :type mag: [numpyArray]  
    :param phase: [Fase de la respuesta en frecuencia]  
    :type phase: [numpyArray]  
    :param omega: [Frecuencias utilizadas para la respuesta en  
    ↪ frecuencia]  
    :type omega: [numpyArray]  
    """  
  
    gainDb = 20 * np.log10(mag)  
    degPhase = phase * 180.0 / np.pi  
  
    # Llevando la fase a : -360 < phase < 360, para +/- 360 phase -> 0  
    comp_phase = np.copy(degPhase)  
    degPhase = degPhase - (degPhase/360).astype(int) * 360  
  
    # Para evitar la deteccion de cruces al llevar las fases al rango  
    ↪ -360 < phase < 360  
    crossHack1 = np.diff(1 * (degPhase > -183) != 0)  
    crossHack2 = np.diff(1 * (degPhase > -177) != 0)  
    crossHack = ~crossHack1 * ~crossHack2  
  
    # Deteccion de cruce  
    indPhase = np.diff(1 * (gainDb > 0) != 0)  
    indGain = np.diff(1 * (degPhase > -180) != 0)  
    indGain = indGain * crossHack  
  
    # Calculo de la respuesta en frecuencia para omega = 0 rad/s  
    zero_freq_response = ctrl.evalfr(system, 0j)  
    omega = np.insert(omega, 0, 0)  
    zeroPhase = np.angle(zero_freq_response)  
    zeroMag = np.abs(zero_freq_response)  
    if zeroPhase * 180.0 / np.pi >= 180:  
        zeroPhase = zeroPhase - 2 * np.pi  
    gainDb = np.insert(gainDb, 0, 20 * np.log10(zeroMag))  
    degPhase = np.insert(degPhase, 0, zeroPhase * 180.0 / np.pi)
```

```

# Verificando "cruce" por -180 grados para omega = 0 rad/s
if zeroPhase * 180.0 / np.pi == -180:
    indGain = np.insert(indGain, 0, True)
else:
    indGain = np.insert(indGain, 0, False)

# Verificando "cruce" por 0 dB para omega = 0 rad/s
if 20 * np.log10(zeroMag) == 0:
    indPhase = np.insert(indPhase, 0, True)
else:
    indPhase = np.insert(indPhase, 0, False)

# Margen de ganancia
if len(omega[:-1][indGain]) > 0:
    newGainIndex = np.argmin(np.abs(gainDb[:-1][indGain]))
    omegaGain = omega[:-1][indGain][newGainIndex]
    GainMargin = -gainDb[:-1][indGain][newGainIndex]
else:
    omegaGain = np.nan
    GainMargin = np.infty

# Margen de Fase
if len(omega[:-1][indPhase]) > 0:
    newPhaIndex = min(range(len(degPhase[:-1][indPhase])),
                        key=lambda i:
                            ↪ abs(np.abs(degPhase[:-1][indPhase][i]) -
                            ↪ 180))
    omegaPhase = omega[:-1][indPhase][newPhaIndex]
    PhaseMargin = 180 + degPhase[:-1][indPhase][newPhaIndex]
else:
    omegaPhase = np.nan
    PhaseMargin = np.infty

return GainMargin, PhaseMargin, omegaGain, omegaPhase

```

[Anexo D]

[Ejemplo de un archivo CSV valido para la entonacion]

```
$Date;$Time;VP2;EFC2;SP2
02/22/12;01:21:00.000;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.070;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.140;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.210;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.280;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.350;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.420;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.490;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.560;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.630;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.700;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.770;0.6312256;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.840;0.6313477;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.910;0.6313477;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:00.980;0.6313477;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:01.050;0.6313477;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:01.120;0.6313477;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:01.190;0.6313477;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:01.260;0.6313477;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:01.330;0.6313477;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:01.400;0.6313477;5.233645;1.009346
02/22/12;01:21:01.470;0.6313477;5.233645;1.009346
:
:
:
:
:
02/22/12;01:21:34.300;1.676147;6.654205;1.009346
02/22/12;01:21:34.370;1.676147;6.654205;1.009346
02/22/12;01:21:34.440;1.676147;6.654205;1.009346
02/22/12;01:21:34.510;1.676147;6.654205;1.009346
02/22/12;01:21:34.580;1.676147;6.654205;1.009346
02/22/12;01:21:34.650;1.676147;6.654205;1.009346
02/22/12;01:21:34.720;1.676147;6.654205;1.009346
02/22/12;01:21:34.790;1.675903;6.654205;1.009346
02/22/12;01:21:34.860;1.675903;6.654205;1.009346
02/22/12;01:21:34.930;1.675903;6.654205;1.009346
02/22/12;01:21:35.000;1.675903;6.654205;1.009346
```

Esta data es valida porque posee tres o mas columnas, de las cuales, tres poseen un encabezado con las palabras claves necesarias (VP, EFC y TIME), se esta utilizando un separador valido (;), el formato de tiempo es correcto (hh:mm:ss) y la respuesta de la variable del proceso es ascendente.

**Código 8.** Función para la transformación equivalente entre funciones de membresía.

```

def update_definicionmf(self, old_mf, definicion, new_mf):
    """
    [Funcion para la transformacion equivalente entre funciones de
    ↪ membresia]

    :param old_mf: [Nombre de la antigua funcion de membresia]
    :type old_mf: [str]
    :param definicion: [Lista con los valroes correspondiente a la
    ↪ definicion de la antigua funcion de membresia]
    :type definicion: [list]
    :param new_mf: [Nombre de la nueva funcion de membresia]
    :type new_mf: [str]
    """

    if old_mf == 'trimf':
        a, b, c = definicion

        if new_mf == 'trimf':
            na, nb, nc = a, b, c
            return [na, nb, nc], '[a, b, c] con: a <= b <= c'

        if new_mf == 'trapmf':
            na, nd = a, c
            nb = (a+b) / 2
            nc = (b+c) / 2
            return [na, nb, nc, nd], '[a, b, c, d] con: a <= b <= c <= d'

        if new_mf == 'gaussmf':
            mean = b
            sigma = (abs(c) + abs(a)) / 8
            return [sigma, mean], '[sigma, media]'

        if new_mf == 'gauss2mf':
            mean1 = (a+b) / 2
            sigma1 = (abs(c) + abs(a)) / 16
            mean2 = (b+c) / 2
            sigma2 = (abs(c) + abs(a)) / 16
            return [sigma1, mean1, sigma2, mean2], '[sigma1, media1,
            ↪ sigma2, media2] con: media1 <= media2'

        if new_mf == 'smf' or new_mf == 'zmf':
            na = (a+b) / 2

```

```

        nb = (b+c) / 2
        return [na, nb], '[a, b] siendo a el inicio del cambio \ny b
        ↪ el final del cambio'

    if new_mf == 'sigmf':
        nb = b
        nc = 10 / (abs(c) + abs(a))
        return [nc, nb], '[a, b] con:\n a como el ancho del sigmoide,
        ↪ puede ser negativo\n b el centro del sigmoide'

    if new_mf == 'dsigmf':
        nb1 = (a+b) / 2
        nc1 = 20 / (abs(c) + abs(a))
        nb2 = (b+c) / 2
        nc2 = -20 / (abs(c) + abs(a))
        return [nc1, nb1, nc2, nb2], '[a1, b1, a2, b2] con:\n b1, b2
        ↪ como los centros de los sigmoides\n a1, a2 los anchos de
        ↪ los sigmoides, pueden ser negativos'

    if new_mf == 'psigmf':
        nb1 = (a+b) / 2
        nc1 = 20 / (abs(c) + abs(a))
        nb2 = (b+c) / 2
        nc2 = -20 / (abs(c) + abs(a))
        return [nc1, nb1, nc2, nb2], '[a1, b1, a2, b2] con:\n b1, b2
        ↪ como los centros de los sigmoides\n a1, a2 los anchos de
        ↪ los sigmoides, pueden ser negativos'

    if new_mf == 'pimf':
        na, nd = a, c
        nb = (a+b) / 2
        nc = (b+c) / 2
        return [na, nb, nc, nd], '[a, b, c, d] con:\na inicio de la
        ↪ subida y b su final por el lado izquierdo \nc inicio de
        ↪ la bajada y d su final por el lado derecho'

    if new_mf == 'gbellmf':
        na = abs(c) - abs(a)
        nb = 1 / (a-b)
        nc = b
        return [na, nb, nc], '[a, b, c] con:\na como el ancho de la
        ↪ camapana\nb pendiente de la campana, puede ser
        ↪ negativa\nc centro de la camapana'

    if old_mf == 'trapmf':
        a, b, c, d = definicion
        na, nc = a, d
        nb = (c+b) / 2

```



```

    return [na, nb, nc], '[a, b, c] con: a <= b <= c'

if old_mf == 'gaussmf':
    b, a = definicion
    na = a - b*4
    nc = a + b*4
    nb = a
    return [na, nb, nc], '[a, b, c] con: a <= b <= c'

if old_mf == 'gauss2mf':
    b, a, d, c = definicion
    na = a - b*4
    nc = c + d*4
    nb = (a+c) / 2
    return [na, nb, nc], '[a, b, c] con: a <= b <= c'

if old_mf == 'smf' or old_mf == 'zmf':
    a, c = definicion
    na = a - (abs(a) + abs(c)) / 4
    nc = c + (abs(a) + abs(c)) / 4
    nb = (a+c) / 2
    return [na, nb, nc], '[a, b, c] con: a <= b <= c'

if old_mf == 'sigmf':
    c, b = definicion
    na = b - abs(c) * 5
    nb = b
    nc = b + abs(c) * 5
    return [na, nb, nc], '[a, b, c] con: a <= b <= c'

if old_mf == 'dsigmf':
    b, a, d, c = definicion
    na = a - b*1.25
    nb = (a+c) / 2
    nc = c - d*1.25
    return [na, nb, nc], '[a, b, c] con: a <= b <= c'

if old_mf == 'psigmf':
    b, a, d, c = definicion
    na = a - b*1.25
    nb = (a+c) / 2
    nc = c - d*1.25
    return [na, nb, nc], '[a, b, c] con: a <= b <= c'

if old_mf == 'pimf':
    a, b, c, d = definicion
    na, nc = a, d
    nb = (c+b) / 2

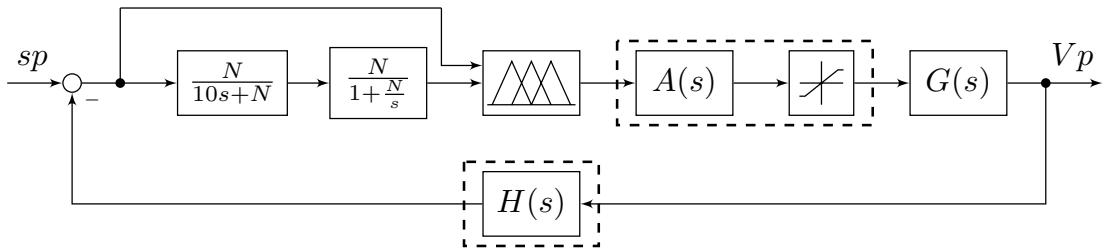
```

```
    return [na, nb, nc], '[a, b, c] con: a <= b <= c'

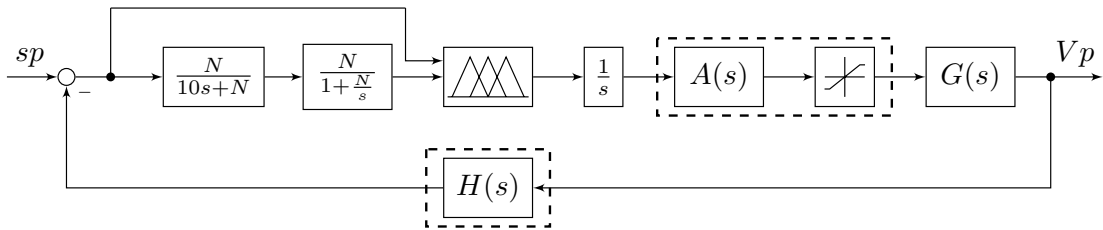
if old_mf == 'gbellmf':
    a, b, c = definicion
    na = c - abs(a / c)
    nb = c
    nc = c + abs(a / c)
    return [na, nb, nc], '[a, b, c] con: a <= b <= c'
```

[Anexo F]

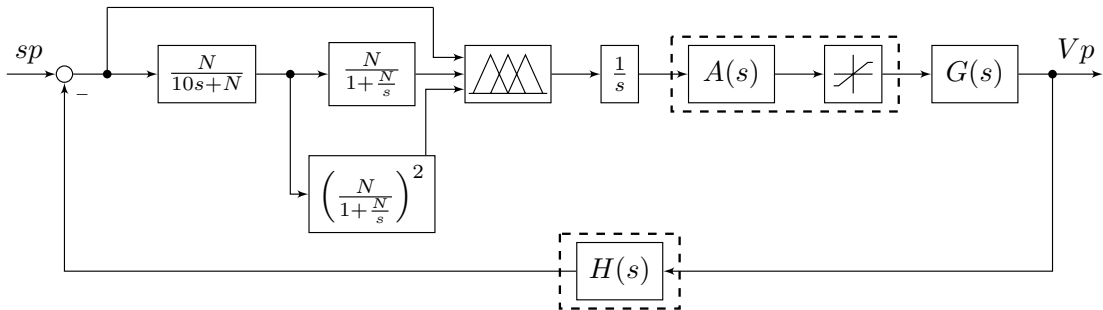
[Esquemas de control difuso]



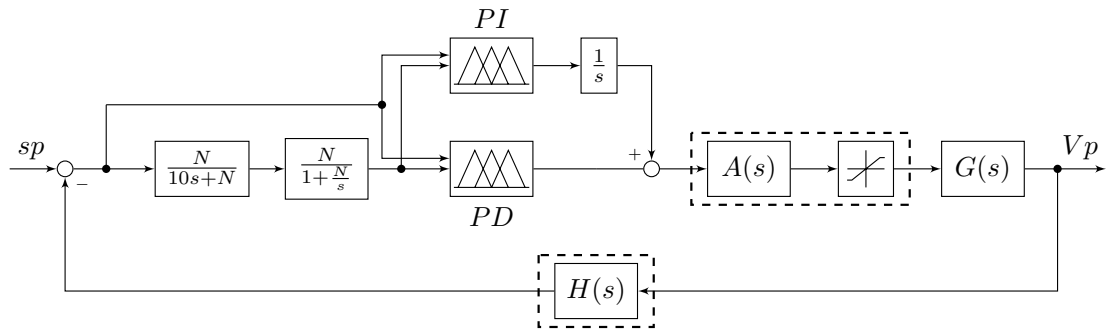
**Figura 20. Esquema de control implementado: PD difuso.** Fuente: Elaboración propia.



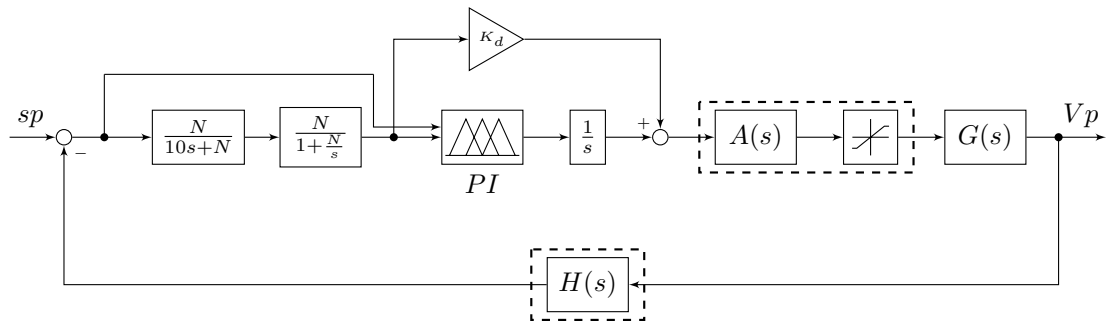
**Figura 21. Esquema de control implementado: PI difuso.** Fuente: Elaboración propia.



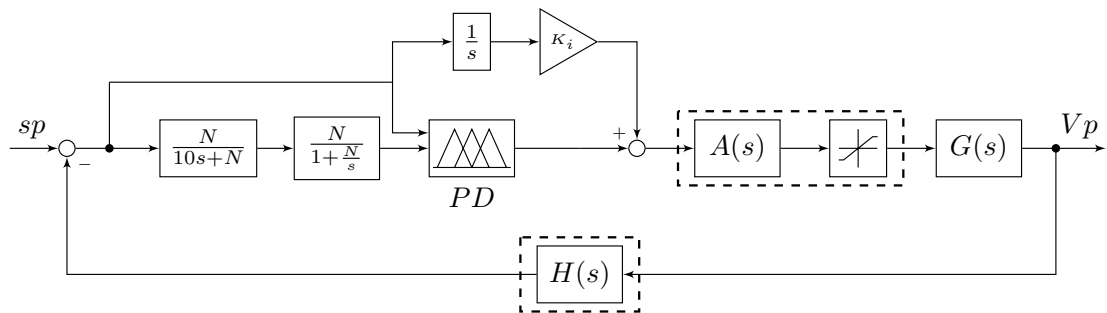
**Figura 22. Esquema de control implementado: PID difuso.** Fuente: Elaboración propia.



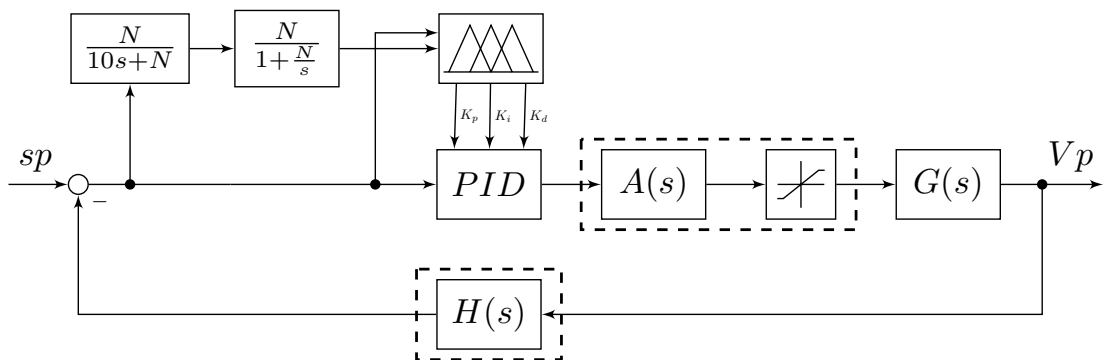
**Figura 23. Esquema de control implementado: PD difusos mas PI difuso.** Fuente: Elaboración propia.



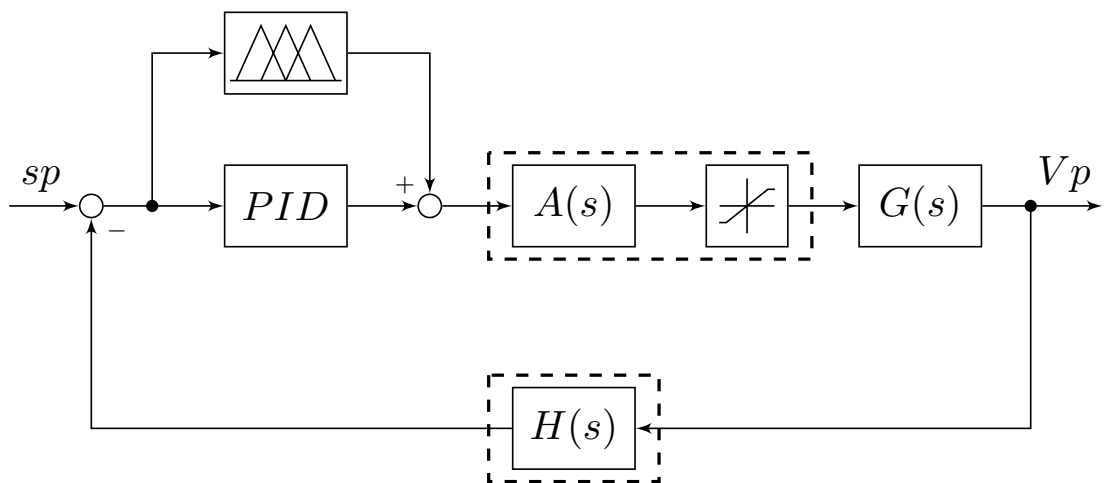
**Figura 24. Esquema de control implementado: PI difuso mas derivada.** Fuente: Elaboración propia.



**Figura 25. Esquema de control implementado: PD difuso mas integrador.** Fuente: Elaboración propia.



**Figura 26. Esquema de control implementado: Programador de ganancias.** Fuente: Elaboración propia.



**Figura 27. Esquema de control implementado: PID clasico mas P difuso.** Fuente: Elaboración propia.

[Anexo G]

[Formato interno para guardar controlador por medio de un archivo .JSON]

**Código 9.** Formato para un controlador con una entrada, una salida y tres reglas. Las reglas son: una simple, una regla con premisa negada y una regla con salida ponderada en 0.25.

```
[
  [
    {
      "nombre": "entrada1",
      "numeroE": 3,
      "etiquetas": [
        {
          "nombre": "etiqueta1",
          "mf": "trimf",
          "definicion": [
            -20.0,
            -10.0,
            0.0
          ]
        },
        {
          "nombre": "etiqueta2",
          "mf": "trapmf",
          "definicion": [
            -10.0,
            -5.0,
            5.0,
            10.0
          ]
        },
        {
          "nombre": "etiqueta3",
          "mf": "gaussmf",
          "definicion": [
            2.5,
            10.0
          ]
        }
      ],
      "rango": [
        -10,
        10
      ]
    }
  ],
  [
```

```

{
  "nombre": "salida1",
  "numeroE": 3,
  "etiquetas": [
    {
      "nombre": "etiqueta1",
      "mf": "gauss2mf",
      "definicion": [
        1.25,
        -15.0,
        1.25,
        -5.0
      ]
    },
    {
      "nombre": "etiqueta2",
      "mf": "dsigmf",
      "definicion": [
        1.0,
        -5.0,
        1.0,
        5.0
      ]
    },
    {
      "nombre": "etiqueta3",
      "mf": "pimf",
      "definicion": [
        0.0,
        5.0,
        15.0,
        20.0
      ]
    }
  ],
  "rango": [
    -10,
    10
  ],
  "metodo": "centroid"
}
],
[
  [
    [
      "etiqueta1",
      0,

```

```

false
    ]
  ],
  [
    [
      "etiqueta1",
      0,
      1.0
    ]
  ],
  true
],
[
  [
    [
      "etiqueta2",
      0,
      true
    ]
  ],
  [
    [
      "etiqueta2",
      0,
      1.0
    ]
  ],
  false
],
[
  [
    [
      "etiqueta3",
      0,
      false
    ]
  ],
  [
    [
      "etiqueta3",
      0,
      0.24999999999999933
    ]
  ],
  false
]
]
]

```



**Código 10.** Extraccion de datos del archivo FIS - YAPFLM.

```

class FISParser:
    """
    [Clase para cargar y exportar archivos .fis, para cargar los archivos
    ↪ FIS las funciones get_system, get_vars, get_var y get_rules fueron
    ↪ tomadas de yapflm (Yet Another Python Fuzzy Logic Module) para
    ↪ obtener los datos necesarios del .fis, de alli, se aplica la funcion
    ↪ fis_to_json para completar el parsin.

    En el caso de la exportacion, se realiza utilizando la funcion
    ↪ json_to_fis]
    """

    def __init__(self, file, InputList=None, OutputList=None,
    ↪ RuleEtiquetas=None):
        """
        [Constructor de la clase, inicializa las variables a utilizar y
        ↪ selecciona entre cargar el fis o exportarlo dependiendo de las
        ↪ variables con las que se cree el objeto]

        :param file: [Direccion del archivo a cargar o exportar]
        :type file: [str]
        :param inputlist: [Lista de variables de entrada], defaults to
    ↪ None
        :type inputlist: [list], optional
        :param OutputList: [Lista de variables de entrada], defaults to
    ↪ None
        :type OutputList: [list], optional
        :param RuleEtiquetas: [Lista con la informacion necesaria para
    ↪ crear las reglas], defaults to None
        :type RuleEtiquetas: [list], optional
        """

        # Cargar archivo .fis
        if InputList is None and OutputList is None and RuleEtiquetas is
        ↪ None:
            with open(file, 'r') as infis:
                self.rawlines = infis.readlines()
                self.systemList = 0
                self.InputList = []
                self.OutputList = []
                self.RuleList = []
                self.get_system()

```

```

        self.get_vars()
        self.get_rules()
    else:
        # Exportar archivo .fis
        self.file = file
        self.InputList = InputList
        self.OutputList = OutputList
        self.RuleEtiquetas = RuleEtiquetas
        self.json_to_fis()

def get_system(self):
    """ [Funcion tomada de yapflm (Yet Another Python Fuzzy Logic
    ↪ Module)] """

    end_sysblock = self.rawlines.index('\n')
    systemblock = self.rawlines[1:end_sysblock]
    fisargs = map(lambda x: parse('{arg}={val}', x), systemblock)
    fissys = {f['arg'].lower(): f['val'].strip('"') for f in fisargs}
    self.numinputs = int(fissys['numinputs'])
    self.numoutputs = int(fissys['numoutputs'])
    self.numrules = int(fissys['numrules'])
    self.start_varblocks = end_sysblock + 1
    self.systemList = fissys

def get_var(self, vartype, varnum, start_line, end_line):
    """ [Funcion tomada de yapflm (Yet Another Python Fuzzy Logic
    ↪ Module)] """

    varblock = self.rawlines[start_line:end_line]
    fisargs = map(lambda x: parse('{arg}={val}', x), varblock)
    fisvar = {f['arg'].lower(): f['val'].strip('"') for f in fisargs}

    if 'input' in vartype:
        self.InputList.append(fisvar)
    elif 'output' in vartype:
        self.OutputList.append(fisvar)

def get_vars(self):
    """ [Funcion tomada de yapflm (Yet Another Python Fuzzy Logic
    ↪ Module)] """

    start_ruleblock = self.rawlines.index('[Rules]\n')
    var_lines = []
    var_types = []
    flag = 0
    for i, line in enumerate(self.rawlines[self.start_varblocks -
    ↪ 1:start_ruleblock]):
        if flag:

```

```

        flag = 0
        vt = parse('{type}{num:d}', line)
        var_types.append((vt['type'].lower(), vt['num']))
    if line == '\n':
        var_lines.append(i + self.start_varblocks - 1)
        flag = 1
    for i, l in enumerate(var_lines[:-1]):
        if 'input' in var_types[i][0]:
            self.get_var('input', var_types[i][1] - 1, l + 2,
                ↪ var_lines[i + 1])
        elif 'output' in var_types[i][0]:
            self.get_var('output', var_types[i][1] - 1, l + 2,
                ↪ var_lines[i + 1])

def get_rules(self):
    """ [Funcion tomada de yapflm (Yet Another Python Fuzzy Logic
    ↪ Module)] """

    start_ruleblock = self.rawlines.index('[Rules]\n')
    ruleblock = self.rawlines[start_ruleblock + 1:]
    antecedents = (('a%d:d' % self.numinputs) %
        ↪ tuple(range(self.numinputs))).strip()
    consequents = ('c%d:d' % self.numoutputs) %
        ↪ tuple(range(self.numoutputs))
    p = antecedents + ', ' + consequents + '({w:d}) : {c:d}'
    for rule in ruleblock:
        try:
            p = antecedents + ', ' + consequents + '({w:d}) : {c:d}'
            rp = parse(p, rule)
            r = []
            for inp in range(self.numinputs):
                rpar = rp['a%d' % inp]
                rval = rpar if rpar != 0 else None
                r.append(rval)
            for outp in range(self.numoutputs):
                rpar = rp['c%d' % outp]
                rval = rpar if rpar != 0 else None
                r.append(rval)
            r += [rp['w'], rp['c'] - 1]
            self.RuleList.append(r)
        except:
            p = antecedents + ', ' + consequents + '({w:f}) : {c:d}'
            rp = parse(p, rule)
            r = []
            for inp in range(self.numinputs):
                rpar = rp['a%d' % inp]
                rval = rpar if rpar != 0 else None
                r.append(rval)

```

```

        for outp in range(self.numoutputs):
            rpar = rp['c%d' % outp]
            rval = rpar if rpar != 0 else None
            r.append(rval)
        r += [rp['w'], rp['c'] - 1]
        self.RuleList.append(r)

```

**Código 11.** Procesado de los datos del FIS, esta funcion pertenece a la clase FISParser.

```

def fis_to_json(self):
    """ [Funcion para completar la creacion del controlador a partir de
    ↪ un archivo .fis] """

    # Datos del controlador
    ni = int(self.systemList['numinputs'])
    no = int(self.systemList['numoutputs'])
    nr = int(self.systemList['numrules'])

    InputList = [0] * ni
    OutputList = [0] * no
    RuleEtiquetas = []

    # Creacion de las variables de entrada
    for i in range(ni):
        InputList[i] = {
            "nombre":
                self.InputList[i]['name'],
            "numeroE":
                int(self.InputList[i]['nummfs']),
            "etiquetas": [0] * int(self.InputList[i]['nummfs']),
            "rango":
                ast.literal_eval(
                    re.sub("\s+", " ",
                    ↪ self.InputList[i]['range'].strip()))
        }

        for ne in range(int(self.InputList[i]['nummfs'])):
            temp_etiqueta = self.InputList[0]['mf' + str(ne +
            ↪ 1)].replace(
                '"', '').split(':')
            temp2 = temp_etiqueta[1].split(',')
            InputList[i]['etiquetas'][ne] = {
                "nombre": temp_etiqueta[0],
                "mf": temp2[0],
                "definicion": ast.literal_eval(re.sub("\s+", " ",
                ↪ temp2[1].strip()))
            }

```

```

# Creacion de las variables de salida
for i in range(no):
    OutputList[i] = {
        "nombre":
            self.OutputList[i]['name'],
        "numeroE":
            int(self.OutputList[i]['nummfs']),
        "etiquetas": [0] * int(self.OutputList[i]['nummfs']),
        "rango":
            ast.literal_eval(
                re.sub("\s+", "",
                    ↪ self.OutputList[i]['range'].strip()))),
        "metodo":
            self.systemList['defuzzmethod']
    }

    for ne in range(int(self.OutputList[i]['nummfs'])):
        temp_etiqueta = self.OutputList[i]['mf' + str(ne +
            ↪ 1)].replace(
            '"', '').split(':')
        temp2 = temp_etiqueta[1].split(',')
        OutputList[i]['etiquetas'][ne] = {
            "nombre": temp_etiqueta[0],
            "mf": temp2[0],
            "definicion": ast.literal_eval(re.sub("\s+", "",
                ↪ temp2[1].strip()))
        }

# Creacion de las reglas
for numeror, i in enumerate(self.RuleList):
    ril = []
    rol = []

    for j in range(ni):
        if i[j] is not None:
            nombre = InputList[j]['etiquetas'][abs(i[j]) -
                ↪ 1]['nombre']
            numero = j
            negacion = False if i[j] > 0 else True
            ril.append([nombre, numero, negacion])

    for j in range(ni, no + ni):
        if i[j] is not None:
            if i[j] < 0:
                raise TypeError('No se permiten salidas negadas')
            nombre = OutputList[j - ni]['etiquetas'][abs(i[j]) -
                ↪ 1]['nombre']

```

```

        numero = j - ni
        peso = float(i[no + ni])
        rol.append([nombre, numero, peso])

    and_condition = True if i[ni + no + 1] == 0 else False
    RuleEtiquetas.append(copy.deepcopy([ril, rol, and_condition]))

    return copy.deepcopy(InputList), copy.deepcopy(OutputList),
    ↪ copy.deepcopy(RuleEtiquetas)

```

**Código 12.** Exportar archivos FIS, esta funcion pertenece a la clase FISParser.

```

def json_to_fis(self):
    """ [Funcion para exportar el controlador en formato .fis] """

    # Datos del controlador
    ni = len(self.InputList)
    no = len(self.OutputList)
    nr = len(self.RuleEtiquetas)

    with open(self.file, 'w') as f:

        # Informacion general del controlador
        f.write(f"[System]\n")
        f.write(f"Name='{self.file.split('/')[1].split('.')[0]}'\n")
        f.write(f"Type='mamdani'\n")
        f.write(f"Version=2.0\n")
        f.write(f"NumInputs={ni}\n")
        f.write(f"NumOutputs={no}\n")
        f.write(f"NumRules={nr}\n")
        f.write(f"AndMethod='min'\n")
        f.write(f"OrMethod='max'\n")
        f.write(f"ImpMethod='min'\n")
        f.write(f"AggMethod='max'\n")
        f.write(f"DefuzzMethod='{self.OutputList[0]['metodo']}'\n")
        f.write(f"\n")

        # Parsin de las entradas del controlador
        for i in range(ni):
            f.write(f"[Input" + str(i + 1) + "]\n")
            f.write(f"Name='{self.InputList[i]['nombre']}'\n")
            string_temp = re.sub('\s+', ' ',
                                ↪ str(self.InputList[i]['rango'])).replace(
                ' ', ',')
            f.write(f"Range={string_temp}\n")
            f.write(f"NumMFs={self.InputList[i]['numeroE']}\n")

```



```

        for inputrule in rule[0]:
            if nir == inputrule[1]:
                if not inputrule[2]:
                    for ner, etiqueta in enumerate(self.InputList
↪ [nir]['etiquetas']):
                        if etiqueta['nombre'] == inputrule[0]:
                            inner_rules.append(ner + 1)
                            break
                else:
                    for ner, etiqueta in enumerate(self.InputList
↪ [nir]['etiquetas']):
                        if etiqueta['nombre'] == inputrule[0]:
                            inner_rules.append(-ner - 1)
                            break
                    break
            else:
                continue
        else:
            inner_rules.append(0)
            break

# set de salidas
for nor in range(no):
    for outputrule in rule[1]:
        if nor == outputrule[1]:
            for ner, etiqueta in enumerate(self.OutputList[
↪ nor]['etiquetas']):
                if etiqueta['nombre'] == outputrule[0]:
                    inner_rules.append(ner + 1)
                    break
            break
        else:
            continue
    else:
        inner_rules.append(0)

inner_rules.append(rule[1][0][2])

if rule[2]:
    inner_rules.append(1)
else:
    inner_rules.append(2)

rules_no_format.append(copy.deepcopy(inner_rules))

f.write(f"[Rules]\n")

```



```

# Escribiendo las reglas en el archivo
for i in range(nr):
    rule_str = ""
    for j in range(ni):
        if not j == ni - 1:
            rule_str += str(rules_no_format[i][j]) + " "
        else:
            rule_str += str(rules_no_format[i][j])
    rule_str += ", "
    for j in range(ni, ni + no):
        rule_str += str(rules_no_format[i][j]) + " "
    rule_str += f"({str(rules_no_format[i][ni+no])})" + " "
    rule_str += f": {str(rules_no_format[i][ni+no+1])}\n"
    f.write(rule_str)

return

```

[Anexo I]

[Tablas de Butcher para los metodos de Runge-Kutta]

**Metodos explicitos**

***Runge-Kutta de orden 2***

$$\begin{array}{c|c} 0 & \\ \hline 1/2 & 1/2 \\ \hline & 0 \quad 1 \end{array} \quad (55)$$

***Runge-Kutta de orden 3***

$$\begin{array}{c|ccc} 0 & & & \\ \hline 1/2 & 1/2 & & \\ \hline 1 & -1 & 2 & \\ \hline & 1/6 & 2/3 & 1/6 \end{array} \quad (56)$$

***Heun de orden 3***

$$\begin{array}{c|ccc} 0 & & & \\ \hline 1/3 & 1/3 & & \\ \hline 2/3 & 0 & 2/3 & \\ \hline & 1/4 & 0 & 3/4 \end{array} \quad (57)$$

***Ralston de orden 3***

$$\begin{array}{c|ccc} 0 & & & \\ \hline 1/2 & 1/2 & & \\ \hline 3/4 & 0 & 3/4 & \\ \hline & 2/9 & 1/3 & 4/9 \end{array} \quad (58)$$

***SSPRK de orden 3***

$$\begin{array}{c|cc} 0 & & \\ \hline 1 & 1 & \\ \hline 1/2 & 1/4 & 1/4 \\ \hline & 1/6 & 1/6 & 2/3 \end{array} \quad (59)$$

***Runge-Kutta de orden 4***

$$\begin{array}{c|ccc} 0 & & & \\ \hline 1/2 & 1/2 & & \\ \hline 1/2 & 0 & 1/2 & \\ \hline 1 & 0 & 0 & 1 \\ \hline & 1/6 & 1/3 & 1/3 & 1/6 \end{array} \quad (60)$$

***Runge-Kutta 3/8 de orden 4***

0					
1/3	1/3				
2/3	-1/3	1			
1	1	-1	1		
	1/8	3/8	3/8	1/8	

(61)

***Ralston con minimo error de truncamiento de orden 4***

0					
0.4	0.4				
0.45573725	0.29697761	0.15875964			
1	0.21810040	-3.05096516	3.83286476		
	0.17476028	-0.55148066	1.20553560	0.17118478	

(62)

***Runge-Kutta de orden 5***

0						
1/4	1/4					
1/4	1/8	1/8				
1/2	0	-1/2	1			
3/4	3/16	0	0	9/16		
1	-3/7	2/7	12/7	-12/7	8/7	
	7/90	0	32/90	12/90	32/90	7/90

(63)

## Metodos embebidos

### *Bogacki-Shampine de orden 3(2)*

0					
1/2	1/2				
3/4	0	3/4			
1	2/9	1/3	4/9		
	2/9	1/3	4/9	0	
	7/24	1/4	1/3	1/8	

(64)

### *Fehlberg de orden 4(5)*

0						
1/4	1/4					
3/8	3/32	9/32				
12/13	1932/2197	-7200/2197	7296/2197			
1	439/216	-8	3680/513	-845/4104		
1/2	-8/27	2	-3544/2565	1859/4104	-11/40	
	25/216	0	1408/2565	2197/4104	-1/5	0
	16/135	0	6656/12825	28561/56430	-9/50	2/55

(65)

***Cash-Karp de orden 4(5)***

0						
1/5	1/5					
3/10	3/40	9/40				
3/5	3/10	-9/10	6/5			
1	-11/54	5/2	-70/27	35/27		
7/8	1631/55296	175/512	575/13824	44275/110592	253/4096	
	2825/27648	0	18575/48384	13525/55296	277/14336	1/4
	37/378	0	250/621	125/594	0	512/1771
						(66)

***Dormand-Prince de orden 5(4)***

0						
1/5	1/5					
3/10	3/40	9/40				
4/5	44/45	-56/15	32/9			
8/9	19372/6561	-25360/2187	64448/6561	-212/729		
1	9017/3168	-355/33	46732/5247	49/176	-5103/18656	
1	35/384	0	500/1113	125/192	-2187/6784	11/84
	35/384	0	500/1113	125/192	-2187/6784	11/84
	5179/576000	0	7571/16695	393/640	-92097/339200	187/2100
						(67)

[Anexo J]

[Codigos para el tamaño de paso variable]

**Código 13.** Tamaño de paso variable para Runke-Kutta explicitos.

```
def rk_doble_paso_adaptativo(systema,
                             h_ant,
                             tiempo,
                             tbound,
                             xVectB,
                             entrada,
                             metodo,
                             ordenq,
                             rtol,
                             atol,
                             max_step_increase,
                             min_step_decrease,
                             safety_factor):

    while True:
        # Para asegurar el tiempo maximo
        if tiempo + h_ant >= tbound:
            h_ant = tbound - tiempo
            yS, xVectSn = metodo(systema, xVectB, h_ant, entrada)
            h_est = h_ant
        else:
            # Paso de tamaño regular
            yB, xVectBn = metodo(systema, xVectB, h_ant, entrada)

            # Dos pasos de tamaño medio
            yS, xVectSn = metodo(systema, xVectB, h_ant / 2, entrada)
            yS, xVectSn = metodo(systema, xVectSn, h_ant / 2, entrada)

            # Ajuste del tamaño de paso
            scale = atol + rtol * (np.abs(xVectBn) + np.abs(xVectSn)) / 2
            delta1 = np.abs(xVectBn - xVectSn)
            error_norm = norm(delta1 / scale)

            if error_norm == 0:
                # Incremento maximo dado el bajo error
                h_est = h_ant * max_step_increase
            elif error_norm <= 1:
                # Incremento normal
                h_est = h_ant * min(max_step_increase,
                                    max(1, safety_factor *
                                         ↪ error_norm**(-1 / (ordenq+1))))
            else:
```

```

        # Decremento normal y se vuelve a calcular la salida
        h_ant = h_ant * min(
            1,
            max(min_step_decrease, safety_factor *
                 $\hookrightarrow$  error_norm**(-1 / (ordenq+1))))
        continue
    break
return h_ant, h_est, yS, xVectSn

```

**Código 14.** Tamaño de paso variable para Runke-Kutta embebidos.

```

def rk_embebido_adaptativo(systema,
                            h_ant,
                            tiempo,
                            tbound,
                            xVectr,
                            entrada,
                            metodo,
                            ordenq,
                            rtol,
                            atol,
                            max_step_increase,
                            min_step_decrease,
                            safety_factor):

    while True:
        # Para asegurar el tiempo maximo
        if tiempo + h_ant >= tbound:
            h_ant = tbound - tiempo
            yr, xr, xtemp = metodo(systema, xVectr, h_ant, entrada)
            h_est = h_ant
        else:
            # Metodo embebido, la integracion se continua con yr y xr
            yr, xr, xtemp = metodo(systema, xVectr, h_ant, entrada)

            # Ajuste del tamaño de paso
            scale = atol + np.maximum(np.abs(xVectr), np.abs(xr)) * rtol
            delta1 = np.abs(xr - xtemp)
            error_norm = norm(delta1 / scale)

            if error_norm == 0:
                # Incremento maximo dado el bajo error
                h_est = h_ant * max_step_increase
            elif error_norm <= 1:
                # Incremento normal
                h_est = h_ant * min(max_step_increase,

```

```

                                max(1, safety_factor *
                                ↪ error_norm**(-1 / (ordenq+1))))
else:
    # Decremento normal y se vuelve a calcular la salida
    h_ant = h_ant * min(
        1,
        max(min_step_decrease, safety_factor *
            ↪ error_norm**(-1 / (ordenq+1))))
    continue
break
return h_ant, h_est, yr, xr

```

**Código 15.** Funcion para calcular la norma RMS.

```

def norm(x):
    """
    [Funcion para calcular la norma RMS de un vector]

    :param x: [Vector]
    :type x: [numpyArray]
    """
    return np.linalg.norm(x) / x.size**0.5

```