n개에서 r개을 선택하는 경우의 수

 $_{n}P_{r}$ Permutation(순열) : 순서를 고려하고, 중복을 허용하지 않고

$$_{5}P_{3} = 5 \times 4 \times 3 = \frac{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{2 \times 1} = \frac{5!}{(5-3)!}$$

이를 일반화하면
$$_{n}p_{r}=\frac{n!}{(n-r)!}$$

 $_{n}C_{r}$ Combination(조합) : 순서를 고려하지 않고, 중복을 허용하지 않고 조합은 순열로 나온 결과에서 순서를 고려하지 않으면 되기 때문에

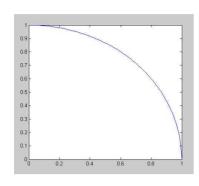
$$_{n}C_{r} = \frac{_{n}P_{r}}{r!} = \frac{n!}{r!(n-r)!}$$

점화식으로 표현하기 위해 팩토리얼의 성질을 생각해보면 n! 은 $n \times (n-1)!$ 이므로

$$_{n}C_{r-1} = \frac{n!}{(r-1)!(n-r+1)!}$$
 표현하기 위해

$$_{n}C_{r} = \frac{n!}{r \times (r-1)! \times \frac{(n-r+1)!}{n-r+1}} = \frac{n-r+1}{r} {_{n}C_{r-1}}$$

몬테카를로법 π 구하기



$$1/4$$
 원의 면적 $=\frac{\pi}{4}$
정사각형 면적 $=1$

n = 난수로 발생한 총 수

a = 1/4 원 내부에 표시된 개수

b = 1/4 원 외부에 표시된 개수 = n - a

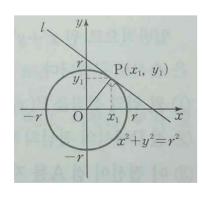
면적의 비율 : 점의 개수 비율

$$\frac{\pi}{4} \colon 1 = a : n$$

$$\pi = \frac{4a}{n}$$

구현한 소스에서 a의 개수 확인을 다음과 같이 하는 이유

if (x * x + y * y <= 1)



원의 방정식 (피타고라스의 정리)
$$r^2 = x^2 + y^2$$

반지름이 1이므로 원 안쪽은 1보다 작게 됨