

# Proyecto Simulación

## **Modelado de un Sistema de Ascensores**

Consideremos un ascensor que se puede comandar por los siguientes eventos: arriba, abajo, parar. Cada piso a su vez cuenta con un sensor que indica la presencia del ascensor, de modo tal que la salida del sistema “ascensor” son los eventos producidos por dichos sensores.

Algunas consideraciones:

- El ascensor sube y baja a velocidades constantes de 1 metro por segundo.
- La distancia entre un piso y otro es de 2 metros.
- El edificio tiene 10 pisos.

Desarrollar tres políticas diferentes para los ascensores, luego realizar un análisis de los tiempo de espera de un ascensor.

1. Los pedidos se alternan si o si entre los 2 ascensores.
2. Se envía siempre a uno disponible, priorizando el elevador 1.
3. Se envía al elevador que según ciertos cálculos llegara más rápido al piso destino.

Ezequiel Depetris - Gaston Massimino

Devs Ascensor  $S_{init} (1,0,0,\infty,false)$

$X = \{\text{subir, bajar, parar}\} \times \{0\}$

//entrada del controlador

$Y = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\} \times \{0\}$

//salida del piso corriente para el controlador

$S = (IR \times IR \times \{\text{subiendo, bajando, parado}\} \times IR)$

//piso corriente, distancia al próximo piso, estado, sigma

$\delta_{ext}(S, e, X) = \delta_{ext}((pc, dps, est, \sigma), e, x =$

$(p, 2, \text{subiendo}, 2)$  si  $est = \text{parado} \wedge X = \text{subir}$  //ascensor parado y llega un subir

$(p, 2, \text{bajando}, 2)$  si  $est = \text{parado} \wedge X = \text{bajar}$  //ascensor parado y llega un subir

$(p, 0, \text{parado}, \infty)$  si  $est \neq \text{parado} \wedge X = \text{parar}$  //ascensor en movimiento y llega un parar

$(p, dps - V.e, est, 2 - V.e)$  si  $est \neq \text{parado} \wedge X \neq \text{parar}$  //ascensor en movimiento y llega un subir o bajar

$$\delta_{\text{int}}(S) = \delta_{\text{int}}(pc, dps, est, \sigma) =$$

$(pc+1, 2, \text{subiendo}, 2)$	si	$est = \text{subiendo}$
$(pc-1, 2, \text{bajando}, 2)$	si	$est = \text{bajando}$
$(p, 2, \text{parado}, \infty)$	si	$est = \text{parar}$

$$Ta(s) = Ta(pc, dps, est, \sigma) = \sigma$$

$$\lambda(s) = \lambda(pc, dps, est, \sigma) = pc$$

Devs Controlador  $S_{init} (1, 1, libre, \infty, false)$

$X = (IR \times \{0, 1\})$

//numero de piso por el puerto 0 o 1

$Y = (\{subir, bajar, parar\} \times 0) \cup (\{libre\} \times 1)$

//salida para ascensor por puerto 0, salida para panel por puerto 1

$S = (IR \times IR \times IR \times \{0, 1\})$

//piso corriente, piso destino, sigma, flag

$\delta_{ext}(S, e, X) = \delta_{ext}((pc, pd, \sigma, output), e, (valor, puerto) =$

$(pc, valor, 0, 0)$  si  $puerto = 0$  //nro de piso que viene del panel

$(valor, pd, 0, 0)$  si  $puerto = 1 \wedge valor = pd$  //piso que viene del ascensor y es el destino

$(valor, pd, \infty, 0)$  si  $puerto = 1 \wedge valor \neq pd$  //piso que viene del ascensor y no es el destino

$Ta(s) = Ta((pc, pd, \sigma, output) = \sigma$

$\lambda(s)=\lambda(pc,pd,\sigma,output)=$

(0,subir)	si $pc < pd \wedge output = 0$ //debe seguir subiendo
(0,bajar)	si $pc > pd \wedge output = 0$ //debe seguir bajando
(0,parar)	si $pc = pd \wedge output = 0$ //debe para porque llego al piso
(1,libre)	si $pc = pd \wedge output = 1$ //llego a destino y ahora esta libre

$\delta_{int}(S) = (pc,pd,\infty,0)$	si $output = 1$
$(pc,pd,0,1)$	si $output = 0$

Devs Tablero - Prioridad  $S_{init} ([], libre, libre, \infty)$

$X = (IR \times 1) \cup (\{libre\} \times \{0, 2\})$

//numero de piso por el puerto 1, libre/ocupado de los controladores por los puertos 0,2

$Y = IR \times \{0, 1\}$

//numero de piso de salida para el ascensor

$S = [IR] \times \{libre, ocupado\} \times \{libre, ocupado\} \times IR$

//cola de pisos, estado controlador1, estado controlador2, sigma

$\delta_{ext}(S, e, X) = \delta_{ext}((ps, est1, est2, \sigma), e, (valor, puerto) =$

$(valor \triangleright ps, est1, est2, 0)$  si  $(est1 = libre \vee est2 = libre) \wedge puerto = 1$

//entrada por puerto 1 y alguno de los dos controladores libre

$(valor \triangleright ps, est1, est2, \infty)$  si  $est1 = ocupado \wedge est2 = ocupado \wedge puerto = 1$

//entrada por puerto 1 y los dos controladores ocupados

$(ps, valor, est2, 0)$  si  $ps \neq [] \wedge puerto = 0$

//entrada por puerto 0 y hay pisos en la cola

$(ps, est1, valor, 0)$  si  $ps \neq [] \wedge puerto = 2$

//entrada por puerto 2 y hay pisos en la cola

$(ps, valor, est2, \infty)$  si  $ps = [] \wedge puerto = 0$

//entrada por puerto 0 y no hay pisos en la cola

$(ps, est1, valor, \infty)$  si  $ps = [] \wedge puerto = 2$

//entrada por puerto 2 y no hay pisos en la cola

$$T_a(s) = T_a \quad (ps, est1, est2, \sigma) = \sigma$$

$$\lambda(s) = \lambda \quad (ps, est1, est2, \sigma) = \begin{cases} (x, 0) & \text{si } est1 = \text{libre} \\ (x, 1) & \text{si } est2 = \text{libre} \end{cases} \quad \text{where } [pisos] = xs \triangleright x$$

$$\delta_{int}(S) =$$

$$\begin{aligned} & (xs, ocupado, est2, \infty) \quad \text{si } est1 = \text{libre} \\ & (xs, est1, ocupado, \infty) \quad \text{si } est2 = \text{libre} \end{aligned}$$

# Devs Tablero - Alternado $S_{init}([], libre, libre, 2, \infty)$

$$X = (\mathbb{R} \times 1) \cup (\{libre\} \times \{0, 2\})$$

//numero de piso por el puerto 1, libre/ocupado de los controladores por los puertos 0,2

$$Y = \mathbb{R} \times \{0, 1\}$$

//numero de piso de salida para el ascensor

$$S = [\mathbb{R}] \times \{libre, ocupado\} \times \{libre, ocupado\} \times \mathbb{R}$$

//cola de pisos, estado controlador1, estado controlador2, ultimo controlador, sigma

$$\delta_{ext}(S, e, X) = \delta_{ext}((ps, est1, est2, last, \sigma), e, (valor, puerto) =$$

$(valor \triangleright ps, est1, est2, last, 0)$  si  $((est1=libre \wedge last=2) \vee (est2=libre \wedge last=1)) \wedge puerto=1$

//entrada del generador y el controlador que tiene el turno esta libre

$(valor \triangleright ps, est1, est2, last, \infty)$  si  $(est1=ocupado \wedge last=2) \vee (est2=ocupado \wedge last=1)) \wedge puerto=1$

//entrada del generador y el controlador que tiene el turno esta ocupado

$(xs, libre, est2, last, 0)$  si  $puerto=0 \wedge last=2 \wedge xs \neq []$

//entrada del controlador1, es su turno y tengo pisos en la cola

$(xs, libre, est2, last, \infty)$  si  $puerto=0 \wedge (last=2 \vee xs=[])$

//entrada del controlador1 pero no es su turno o no hay pisos en la cola

$(xs, est1, libre, last, 0)$  si  $puerto=2 \wedge last=1 \wedge xs \neq []$

//entrada del controlador2, es su turno y tengo pisos en la cola

$(xs, est1, libre, last, \infty)$  si  $(puerto=2 \wedge (last=2 \vee xs=[]))$

//entrada del controlador2 pero no es su turno o no hay pisos en la cola



$$Ta(s) = Ta(pisos, est1, est2, last, \sigma) = \sigma$$

$$\lambda(s) = (x, last-1)$$

//desencola un piso donde x es  $xs \triangleright x = [pisos]$   
 //el valor de last-1 indica el puerto de la salida

$$\delta_{Int} = \begin{array}{ll} (xs, ocupado, est2, 1, \infty) & \text{si } last = 2 \\ (xs, est1, ocupado, 2, \infty) & \text{si } last = 1 \end{array}$$

Devs Tablero - Heurística  $S_{init} ([], libre, libre, 1, 1, 1, 1, 0, 0, \infty)$

$X = (IR \times 1) \cup (\{libre\} \times \{0, 2\})$

//numero de piso por el puerto 1, libre/ocupado de los controladores por los puertos 0,2

$Y = IR \times \{0, 1\}$

//numero de piso de salida para el ascensor

$S = [IR] \times \{libre, ocupado\} \times \{libre, ocupado\} \times IR \times IR \times IR \times IR \times IR \times IR \times IR$

// lista o cola de pisos

// estado del controlador 1

// estado del controlador 2

// piso de origen para controlador 1

// piso de origen para controlador 2

// piso de destino para controlador 1

// piso de destino para controlador 2

// tiempo en el que sale el controlador 1

// tiempo en el que sale el controlador 2

// puerto por el que hay sacar algún valor

// sigma

$\delta_{\text{ext}}(S, e, X) = \delta_{\text{ext}}((ps, est1, est2, po1, po2, pd1, pd2, t1, t2, output, \sigma), e, (valor, puerto) =$

$(valor \triangleright ps, libre, est2, pd1, po2, pd1, pd2, t, t2, output, 0)$

si  $puerto = 1 \wedge ((func() = 1 \wedge est1 = libre) \vee (func() = 2 \wedge est2 = libre))$

//entrada del generador, el controlador1 esta libre y es quien primero atenderá el pedido o  
// el controlador2 esta libre y es quien primero atenderá el pedido

$(valor \triangleright ps, libre, est2, pd1, po2, pd1, pd2, t, t2, output, \infty)$

si  $puerto = 1 \wedge ((func() = 1 \wedge est1 = ocupado) \vee (func() = 2 \wedge est2 = ocupado))$

//entrada del generador, el controlador1 esta ocupado y es quien primero atenderá el  
pedido o el controlador2 esta ocupado y es quien primero atenderá el pedido

$(ps, valor, est2, po1, po2, pd1, pd2, t1, t2, output, 0)$  si  $puerto = 0 \wedge ps \neq [] \wedge func() = 1$

//entrada del controlador1, hay pisos en la cola y este mismo controlador es quien primero  
atenderá el pedido

$(ps, valor, est2, po1, po2, pd1, pd2, t1, t2, output, \infty)$  si  $puerto = 0 \wedge (ps = [] \vee (ps \neq [] \wedge func() = 2))$

//entrada del controlador1, hay pisos en la cola pero no atenderá el pedido primero

$(ps, est1, libre, po1, pd2, pd1, pd2, t1, t, output, 0)$  si  $puerto = 2 \wedge ps \neq [] \wedge func() = 2$

//entrada del controlador1, hay pisos en la cola y este mismo controlador es quien primero  
atenderá el pedido

$(ps, est1, libre, po1, pd2, pd1, pd2, t1, t, output, \infty)$  si  $puerto = 2 \wedge (ps = [] \vee (ps \neq [] \wedge func() = 1))$

//entrada del controlador2, hay pisos en la cola pero no atenderá el pedido primero

$$\delta_{\text{Int}}((ps, est1, est2, po1, po2, pd1, pd2, t1, t2, output, \sigma), e, (valor, puerto) =$$

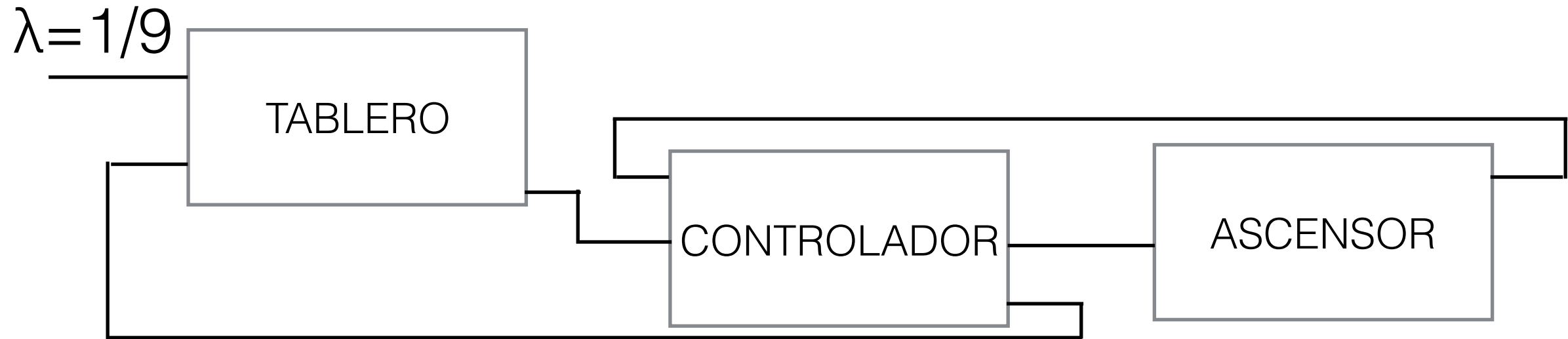
$$(ps, est1, est2, po1, po2, pd1, pd2, t1, t2, 0, \infty) \quad \text{si} \quad output = 0$$

$$(ps, est1, est2, po1, po2, pd1, pd2, t1, t2, 1, \infty) \quad \text{cc}$$

$$Ta(s) = Ta(ps, est1, est2, po1, po2, pd1, pd2, t1, t2, output, \sigma) = \sigma$$

$$\lambda(s) = \lambda(ps, est1, est2, po1, po2, pd1, pd2, t1, t2, output, \sigma) = p \text{ //where } ps \triangleright p$$

# Modelo preliminar del problema



ascensor en promedio se mueve 3,3

$$\frac{\lambda}{n * \mu} = \frac{1/9}{1/6.6} < 1 \quad \text{Cola Estable}$$

$$\mu = \frac{1}{6.6}$$

# Análisis de Salida

A continuación se presentan los resultados de las simulaciones discriminando por política de asignación de pedidos a los ascensores que muestran el tiempo medio de espera de un pedido en la cola (tiempo que un pedido espera a ser atendido por alguna ascensor) a partir del método de intervalo de confianza con precisión específica con un error del 5%.

# Politica Alternante

Se realizaron 7 simulaciones de 15000 segundos cada una y se observaron y calcularon los siguientes valores:

Media de las Medias: 16.0711235659862

Varianza: 24.5607904910495

- Aproximando con la distribución normal vemos que el número mínimo de simulaciones a correr son 37741 ya que la varianza que obtenemos y que sirve como parámetro para aproximar al número mínimo de simulaciones resulta muy grande.
- Si se quisiera obtener datos más representativos se deberían hacer más simulaciones con mucho de más tiempo ya que la cola parece estar aun en el periodo inestable.

# Politica de Prioridad

Se realizaron 7 simulaciones de 15000segundos cada una y se observaron y calcularon los siguientes valores:

Media de las Medias: 0.813029709470629

Varianza: 0.00438696052113936

- Aproximando con la distribución normal vemos que el numero mínimo de simulaciones a correr son 7 ya que la aproximación arroja como resultado 6.74117901520359.
- Aproximando con la distribución T-student vemos que el primer paso de aproximación casualmente cumple que el valor obtenido es menor o igual que el numero de muestras con el que estamos aproximando por lo que afirmamos que se necesitan 7 simulaciones para obtener el tiempo medio que demora un pedido en ser atendido por cualquier ascensor, con un error del 5%.



# Politica con uso de Heurística

Se realizaron 7 simulaciones de 15000 segundos cada una y se observaron y calcularon los siguientes valores:

Media de las Medias: 1.93806445789856

Varianza: 4.73655218220657

- Aproximando con la distribución normal vemos que el numero mínimo de simulaciones a correr son 7279 ya que la variaza que obtenemos y que sirve como parámetro para aproximar al numero mínimo de simulaciones resulta lo suficientemente grande.
- Si se quisiera obtener datos mas representativos se deberían hacer mas simulaciones con mucho de mas tiempo ya que la cola parece estar aun en el periodo inestable.

# Comparación entre las Políticas tomadas

**Política Prioridad:** el tiempo medio de espera de un pedido en la cola se encuentra en el rango de 0.76s a 0.86s con una media de 0.81s.

**Política Alternante:** no se pudo calcular el tiempo medio de espera de un pedido en la cola pero se podría hacer con mas simulaciones y de mayor duración.

**Política Heurística:** no se pudo calcular el tiempo medio de espera de un pedido en la cola pero se podría hacer con mas simulaciones y de mayor duración.