

## Introdução

### *Introdução à análise de algoritmos*

**Questão 1.** Disserte brevemente (200/400 palavras) sobre algoritmos. O texto deve conter definições de: problema, algoritmo, modelo computacional RAM e complexidade de tempo.

**Questão 2.** Suponha que estamos comparando implementações do insertion sort e do merge sort na mesma máquina. Para entradas de tamanho  $n$ , insertion sort executa em  $8n^2$  passos, enquanto merge sort executa em  $64n \lg n$  passos. Para quais valores de  $n$  insertion sort é melhor(mais eficiente) que o merge sort?

**Questão 3.** Qual o menor valor de  $n$  tal que um algoritmo cujo tempo de execução é  $100n^2$  executa mais rápido que um algoritmo cujo tempo de execução é  $2^n$  na mesma máquina?

**Questão 4.** Reescreva o algoritmo INSERTION-SORT visto em sala para que ele ordene em ordem decrescente ao invés de ordem crescente.

**Questão 5.** Considere o problema de adicionar dois inteiros binários com  $n$  bits cada, armazenados em dois arrays  $A$  e  $B$  de tamanho  $n$  cada. A soma dos dois binários deve ser armazenada em formato binário em um array  $C$  de tamanho  $(n + 1)$ . Declare o problema formalmente e escreva um pseudocódigo para adicionar dois inteiros.

**Questão 6.** (Adaptado de Horowitz et al.) Uma maneira de analisar a complexidade de um algoritmo é instrumentando o (pseudo) código, ou seja, adicionando uma variável global *conta* inicializada com zero e, a cada instrução do algoritmo original, inserir um incremento à variável *conta* que corresponde ao número de instruções executadas por aquela declaração.

Algoritmo D( $x, n$ )

```
 $i := 1;$   
repita  
     $x[i] := x[i] + 2; \quad i := i + 2;$   
até  $(i > n);$   
 $i := 1;$   
enquanto  $(i \leq \lfloor n/2 \rfloor)$   
     $x[i] := x[i] + x[i + 1]; \quad i := i + 1;$ 
```

- (a) Insira declarações para instrumentar o algoritmo acima introduzindo incrementos na variável *conta*. Escolha um número de instruções adequado para cada declaração.
- (b) Qual é o valor exato da variável *conta* quando o algoritmo termina? Presuma que ela foi inicializada com zero antes da execução.
- (c) Obtenha uma contagem de instruções do algoritmo acima usando uma tabela de frequência. Mostre a tabela de contagem.

**Questão 7.** (Adaptado de Horowitz et al.) Um quadrado mágico é uma matriz  $n \times n$  de inteiros de 1 até  $n^2$  tais que a soma de cada linha, coluna, ou diagonal é a mesma. H. Coxter deu a seguinte regra para criar um quadrado mágico quando  $n$  é ímpar.

Comece com 1 no centro da última linha; então vá para baixo e para a direita, atribuindo números em ordem crescente nos quadrados vazios; se você sair do quadrado, imagine que o mesmo quadrado está ladrilhando o plano e continue; se o próximo quadrado já estiver ocupado, suba uma linha (ao invés de se mover para baixo e para a direita) e continue.

- (a) Escreva um algoritmo no formato de pseudocódigo que implemente a regra de Coxter acima. Lembre-se de dar um nome com os parâmetros de entrada.
- (b) Analise a complexidade desse algoritmo. Justifique a resposta.