## 2022-2 HI-ARC 중급스터디

1주차. 그리디

이지은 (leeju1013)

L

# 목차

### 1. 시간복잡도

### 2. 그리디

- 11047. 동전0
- 13305. 주유소
- 1931. 회의실 배정

부록. 2차원 배열/벡터

# 1. 시간 복잡도

제출

맞힌 사람 숏코딩

재채점

피보나치 수 🚜

3 브론즈 III

1 초 (추가 시간 없음)

시간 제한 메모리 제한

128 MB

제출 번호 OFOICE 문제 문제 제목 결과 메모리 시간 언어 코드 길이 40355570 leeiu1013 2747 피보나치 수 시간 초과 C++14 362 B

# 1. 시간 복잡도 (Time Complexity)

- What?
  - 특정 알고리즘이 문제를 해결하는데 필요한 시간(연산의 횟수)

- How?
  - 빅-오(Big-O) 표기법
  - : 알고리즘 최악의 실행시간 표기

## 1. 빅-오 표기법

```
1 #include <iostream>
                                                          1 #include <iostream>
 2 using namespace std;
                                                          2 using namespace std;
 4 int main(){
                                                          4 int main(){
       ios_base::sync_with_stdio(false);
                                                          5
                                                                ios_base::sync_with_stdio(false);
       cin.tie(NULL); cout.tie(NULL);
                                                                cin.tie(NULL); cout.tie(NULL);
 8
       int n, sum=0; cin>>n;
                                                                int n, sum=0; cin>>n;
 9
       for(int i=1; i<=n; i++){
                                                                sum = n*(n+1)/2;
           sum += i;
                                                         10
                                                                cout<< sum;
11
                                                         11
                                                                return 0;
12
       cout<< sum;
                                                         12 }
13
       return 0;
14 }
```

O(N)

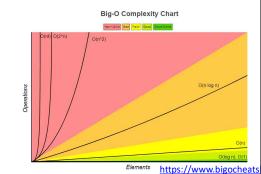
O(1)

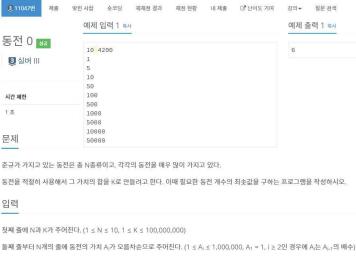
```
sort(arr, arr+n);
                int n, ans=0, cin>>n;
                                                          O(NlogN)
O(1)
                ans = 3*n;
                cout<< ans;
                                                                          int n, ans=0, cin>>n;
               bool binary_search(int *arr, int len, int key){
                                                          O(N^2)
                  int l = 0, r = len-1, mid;
                                                                          for(int i=1; i<=n; i++){
O(logN)
                  while(l <= r) {
                                                                              for(int j=1; j<=n; j++){
                     mid = (l + r) / 2;
                     if (arr[mid] == key) return true;
                                                                                  ans += i*i:
                      else if (arr[mid] > key) r = mid - 1;
                      else l = mid + 1;
                  return false:
                                                                          cout<< ans;
                 int n, ans=0, cin>>n;
                                                          O(2^N)
O(N)
                                                                          int fibo(int n){
                 for(int i=0; i<n; i++){
                                                                              if(n <=1) return n;
                      ans += 3*n;
                                                                              return fibo(n-2) + fibo(n-1);
                 cout<< ans;
```

# 1. 빅-오 표기법

•  $O(1) < O(log N) < O(N) < O(Nlog N) < O(N^2) < O(2^N) < O(N!)$ Fast <-- --> Slow

- O(3) -> O(1)
- O(100N + 3) -> O(N)
- $O(N^2 + 2N + 7) \rightarrow O(N^2)$
- $O(2^N + 100N^2) \rightarrow O(2^N)$
- $O(N! + 2^N + 1000) \rightarrow O(N!)$





첫째 줄에 K원을 만드는데 필요한 동전 개수의 최솟값을 출력한다.

출력

질문 검색

첫째 줄에 N과 K가 주어진다. (1 ≤ N ≤ 10, 1 ≤ K ≤ 100,000,000)

둘째 줄부터 N개의 줄에 동전의 가치  $A_i$ 가 오름차순으로 주어진다.  $(1 \le A_i \le 1,000,000,A_1 = 1,i \ge 20$  경우에  $A_i$ 는  $A_{i-1}$ 의 배수) 첫째 줄에 K원을 만드는데 필요한 동전 개수의 최속값을 출력한다.

직관적으로 생각해보자. 동전 개수를 최소화하려면 가치가 높은 동전부터 최대한 많이 사용하면 된다. 4200 = 1000\*4 + 100\*2

반례가 있을까? 이 방법이 옳다고 증명할 수 있을까? 10 4200

10 50

5

100

500 1000

5000

10000

50000

예제 출력 1 복사

6

.0

# 2. 그리디 (Greedy)

- · What?
- 선택의 순간마다 당장 눈앞에 보이는 최적의 상황만을 쫓아 최종적인 해답에 도달하는 방법

- How?
- 전체 문제를 작은 부분 문제로 나누기 -> 부분의 최적해를 찾기 -> 부분 최적해가 정당한지 증명 -> 구현

10. 50. 100. 500원 동전을 최소한으로 사용해서 K원 만들기

1. 전체 문제

가치가 높은 동전부터, 최대한 많이 사용하기

2. 부분의 최적해 찾기

-> 맨 처음 명제가 참임

3. 정당성 증명하기 (귀류법)

반대 가정 1 - 가치 높은 동전을 제외한 임의의 동전으로, 최대한 많이 사용하기

반례 - k=1000인 경우, 100\*10 보다 500\*2 가 최적임

반대 가정 2 - 가치가 높은 동전부터, 적당히 남기면서 사용하기

반례 - k=1000인 경우, 500\*1 + 100\*3 + 50\*3 + 10\*5 보다 500\*2 가 최적임

준규가 가지고 있는 동전은 총 N종류이고, 각각의 동전을 매우 많이 가지고 있다.

동전을 적절히 사용해서 그 가치의 합을 K로 만들려고 한다. 이때 필요한 동전 개수의 최속값을 구하는 프로그램을 작성하시오.

첫째 줄에 N과 K가 주어진다. (1 ≤ N ≤ 10, 1 ≤ K ≤ 100,000,000)

둘째 줄부터 N개의 줄에 동전의 가치 A<sub>i</sub>가 오름차순으로 주어진다. (1 ≤ A<sub>i</sub> ≤ 1,000,000, A<sub>1</sub> = 1, i ≥ 2인 경우에 A<sub>i</sub>는 A<sub>i-1</sub>의 배수) 첫째 줄에 K원을 만드는데 필요한 동전 개수의 최솟값을 출력한다.

1 #include <iostream>

16

17 }

return 0:

```
2 using namespace std:
 4 int A[11], n,k,ans;
5 int main(){
     cin >> n >> k;
 8
      for (int i=0; i<n; i++)
9
         cin>> A[i]; //동전의 가치 Ai
      for (int i=n-1; i>=0; i--){ //가치가 높은 동전부터
         ans += k/A[i]; //최대한 많이 사용하기
         k %= A[i]; //만들어야하는 남은 돈 액수
14
      cout << ans; //필요한 동전 개수의 최솟값
```

예제 입력 1 복사

10000

50000

예제 출력 1 복사

6

林

### 주유소 🚜 세백설

3 실버 Ⅲ

시간 제한	메모리 제한	제출	정답	맞힌 사람	정답 비율	
2 초	512 MB	39150	14982	11886	38.063%	

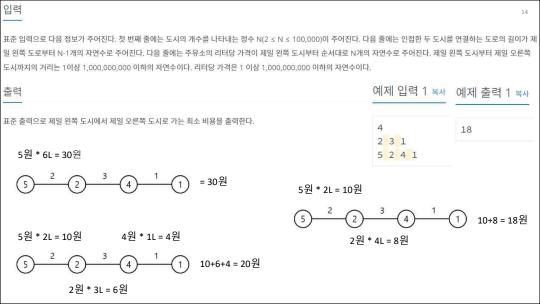
#### 문제

예를 들어, 이 나라에 다음 그림처럼 4개의 도시가 있다고 하자. 원 안에 있는 숫자는 그 도시에 있는 주유소의 리터당 가격이다. 도로 위에 있는 숫자는 도로의 길이를 표시한 것 OIL



제일 왼쪽 도시에서 6리터의 기름을 넣고, 더 이상의 주유 없이 제일 오른쪽 도시까지 이동하면 총 비용은 30원이다. 만약 제일 왼쪽 도시에서 2리터의 기름을 넣고(2×5 = 10 위) 다음 번 도시까지 이동한 후 3리터의 기름을 넣고(3×2 = 6원) 다음 도시에서 1리터의 기름을 넣어(1×4 = 4원) 제일 오른쪽 도시로 이동하면, 총 비용은 20원이다. 또 다른 방법으로 제일 왼쪽 도시에서 2리터의 기름을 넣고(2×5 = 10원) 다음 번 도시까지 이동한 후 4리터의 기름을 넣고(4×2 = 8원) 제일 오른쪽 도시까지 이동하면, 총 비용은 18원 OICH.

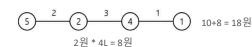
각 도시에 있는 주유소의 기름 가격과, 각 도시를 연결하는 도로의 길이를 입력으로 받아 제일 왼쪽 도시에서 제일 오른쪽 도시로 이동하는 최소의 비용을 계산하는 프로그램을 작성하시오.



• 그리디?!

#### How?

- 1. 전체 문제를 작은 부분 문제로 나누기
- 2. 부분의 최적해를 찾기
- 3. 부분 최적해가 정당한지 증명하기
- 4. 구현하기



5원 \* 2L = 10원

2. 부분의 최적해 찾기

1. 전체 문제

여태까지 나온 가장 저렴한 기름으로 최대한 많이 이동하는 것

3. 정당성 증명하기 (귀류법)

반례 - (5원\*2L) + (5원\*3L) + (4원\*1L) = 10+15+4 = 29원

반대 가정 2 - 가장 저렴한 기름으로, 적당히 이동하기

-> 맨 처음 명제가 참임

5원 \* 2L = 10원 2원 \* 1L = 2원 (5) 2 (2) 3 (4) 1 (1) 10+6+2 = 18원

2원 \* 3L = 6원 반대 가정 1 - 가장 저렴한 기름을 제외한 임의의 기름으로. 최대한 많이 이동하기

반례 - (5원\*2L) + (2원\*2L + 5원\*1L) + (2원\*1L) = 10+4+5+2 = 21원

맨 왼쪽 도시에서 맨 오른쪽 도시로 가기 위해 필요한 최소 비용 구하기

```
1 #include <iostream>
                                                                 예제 입력 1 복사 예제 출력 1
2 using namespace std;
3 typedef long long ll;
 4 #define NMAX 100000
                                                                                  18
5 int main() {
                                                                  2 3 1
6
      ios_base::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);
                                                                  5 2 4 1
8
      int n; cin>>n;
9
      ll ans=0; //제일 왼쪽 도시에서 제일 오른쪽 도시로 이동하는 최소의 비용
10
      int road[NMAX], price[NMAX];
12
      for(int i=0; i<n-1; i++) cin>>road[i]; //인접한 두 도시를 연결하는 도로의 길이
      for(int i=0; i<n; i++) cin>>price[i]; //주유소의 리터당 가격
14
      int Pmin=price[0];
                                                5원 * 2L = 10원
                                                                   2원 * 1L = 2원
16
      for(int i=0; i<n-1; i++){
17
          Pmin=min(Pmin,price[i]);
                                                                                  10+6+2 = 18원
18
          ans+=(ll)road[i]*Pmin;
19
                                                          2원 * 3L = 6원
      cout << ans;
      return 0;
22 }
```

# 쉬는 시간

### 1. 시간복잡도

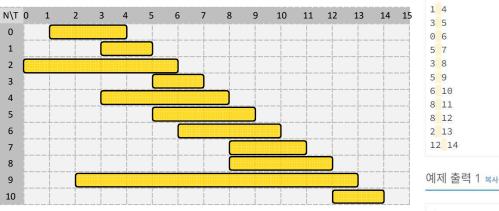
- 2. 그리디
  - 11047. 동전0
  - 13305. 주유소
  - 1931. 회의실 배정

부록. 2차원 배열/벡터



입력: 회의의 수, 각 회의의 시작시간과 끝나는 시간

출력: 각 회의가 겹치지 않게 하면서 회의실을 사용 할 수 있는 회의의 최대 개수



11

9

8 12

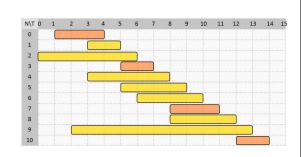
2 13 12 14





- 완전탐색?
  - 각 회의를 배정 한다/안 한다 : O(2<sup>N</sup>)
  - 각 경우마다 겹치는 회의 없는지, 회의 개수 총 몇 개인지 체크 : O(N)
  - -> 시간 복잡도 O(N \* 2<sup>N</sup>)

Nmax = 100,000



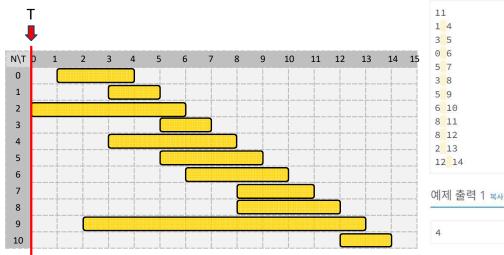
• 그리디?!

#### How?

- 1. 전체 문제를 작은 부분 문제로 나누기
- 2. 부분의 최적해를 찾기

- 3. 부분 최적해가 정당한지 증명하기
- 4. 구현하기

### 1. 전체 문제를 작은 부분 문제로 나누기



예제 입력 1 복사

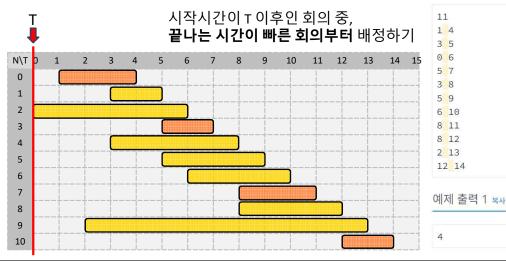
11

5 9

2 13

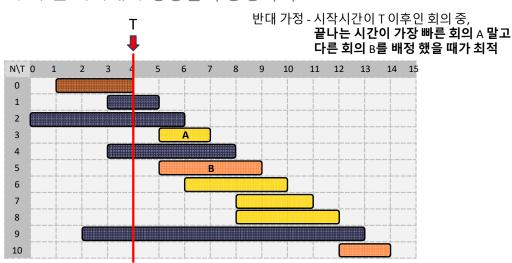
12 14

### 2. 부분의 최적해를 찾기



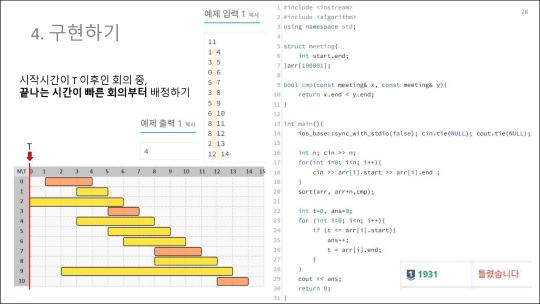
예제 입력 1 복사

### 3. 부분 최적해가 정당한지 증명하기

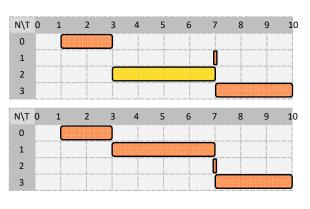








한 개의 회의실이 있는데 이를 사용하고자 하는 N개의 회의에 대하여 회의실 사용표를 만들려고 한다. 각 회의 l에 대해 시작시간과 끝나는 시간이 주어져 있고, 각 회의가 겹치 지 않게 하면서 회의실을 사용할 수 있는 회의의 최대 개수를 찾아보자. 단, 회의는 한번 시작하면 중간에 중단될 수 없으며 한 회의가 끝나는 것과 동시에 다음 회의가 시작될 수



있다. 회의의 시작시간과 끝나는 시간이 같을 수도 있다. 이 경우에는 시작하자마자 끝나는 것으로 생각하면 된다.

문제

끝나는시간이 빠른 순으로 정렬

끝나는시간이 빠른 순으로, 끝나는 시간이 같다면 시작하는 시간이 빠른 순으로 정렬

```
30
                                                                           2 #include <algorithm>
2 #include <algorithm>
                                                                           3 using namespace std;
 3 using namespace std;
                                                                           5 struct meeting{
 5 struct meeting{
                                                                                 int start.end:
      int start, end:
                                                                           7 }arr[100001];
 7 }arr[100001];
                                                                             bool cmp(const meeting& x, const meeting& v){
9 bool cmp(const meeting& x, const meeting& v){
                                                                                 if (x.end != y.end)
      return x.end < y.end;
                                                                                    return x.end < v.end:
                                                                                else
                                                                                    return x.start < y.start;
13 int main(){
      ios_base::sync_with_stdio(false); cin.tie(NULL); cout.tie(NULL);
                                                                          16 int main(){
                                                                                 ios base::svnc with stdio(false): cin.tie(NULL): cout.tie(NULL):
      int n; cin >> n;
      for(int i=0; i<n; i++){
                                                                                 int n; cin >> n;
          cin >> arr[i].start >> arr[i].end ;
                                                                                for(int i=0; i<n; i++){
                                                                                    cin >> arr[i].start >> arr[i].end ;
      sort(arr, arr+n,cmp);
                                                                                sort(arr, arr+n,cmp):
                                                                          24
      int t=0, ans=0:
                                                                                 int t=0, ans=0;
      for (int i=0; i<n; i++){
                                                                                 for (int i=0; i<n; i++){
          if (t <= arr[i].start){
                                                                                    if (t <= arr[i].sta끝나는시간이 빠른 순으로,
              ans++:
                                                                                       t = arr[i].end; 끝나는 시간이 같다면
              t = arr[i].end;
                               끝나는시간이 빠른 순으로 정렬
                                                                                                     시작하는 시간이 빠른 순으로 정렬
      cout << ans:
                                                                                                                       1931
                                                                                                                                   맞았습니다!!
                                                                                cout << ans:
                                                         틀렸습니다
                                             1931
30
      return 0;
                                                                                 return 0:
```

34 }

1 #include <iostream>

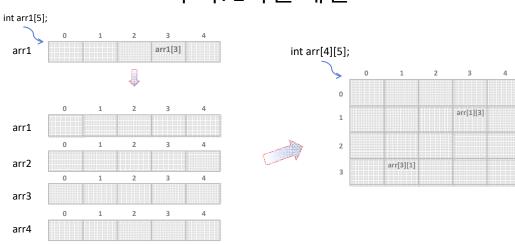
1 #include <iostream>

		1	1 #include <iostream> 31</iostream>
14	#include <iostream></iostream>	2	2 #include <algorithm></algorithm>
		3	3 #include <vector></vector>
	#include <algorithm></algorithm>	4	4 using namespace std;
	using namespace std;	5	5
4	KOK MAROO E	6	6 int main(){
	int main(){	7	<pre>7 ios_base::sync_with_stdio(false); cin.tie(NULL);</pre>
6	<pre>ios_base::sync_with_stdio(false); cin.tie(NULL); cout.tie(NULL);</pre>	8	8
7	Ministry Strict Communication (Control Street Control	9	9 int n; cin >> n;
8	int n; cin >> n;	10	<pre>vector<pair<int,int>&gt; v;</pair<int,int></pre>
10	<pre>pair<int,int> arr[100001];</int,int></pre>	11	1
11	<pre>for(int i=0; i<n; i++){<="" pre=""></n;></pre>	12	2 for(int i=0; i <n; i++){<="" td=""></n;>
12	cin >> arr[i].second >> arr[i].first ; //{끝나는 시간, 시작시간}	13	<pre>int start, end;</pre>
13	}	14	<pre>cin&gt;&gt; start &gt;&gt; end;</pre>
14	sort(arr, arr+n);	15	<pre>v.push_back({end, start});</pre>
15	SULC(all, all fil),	16	6 }
16	int t=0, ans=0;	17	<pre>7 sort(v.begin(), v.end());</pre>
17	for (int i=0; i <n; i++){<="" td=""><td>18</td><td>В</td></n;>	18	В
18	if (t <= arr[i].second){	19	9 int t=0, ans=0;
19	ans++;	20	o for (int i=0; i <n; i++){<="" td=""></n;>
20	t = arr[i].first;	21	<pre>if (t &lt;= v[i].second){</pre>
21	1	22	ans++;
22	ł ,	23	<pre>t = v[i].first;</pre>
23	cout << ans;	24	4 }
24	return 0;	25	5 }
25		26	6 cout << ans;
23	ı	27	7 return 0;
		28	8 }

# 1. 그리디

- When?
  - 부분 최적해를 반복적으로 취해서 답을 구할 수 있는 문제 -> 부분 최적해들을 적용한 것이 전체 문제에서도 최적해인 경우
- 단점?
   부분 최적해를 떠올리는 것은 직관에 의존함,
   부분 최적해의 정당성을 증명해야함
- 장점?탐색범위가 줄어서 빠른 시간에 풀 수 있음(시간 복잡도↓)

# 부록. 2차원 배열



# 부록. 2차원 배열

• 배열 선언 int arr1[5], arr2[5], arr3[5], arr4[5]; => int arr[4][5];

- 배열 접근 arr[0][0] ~ arr[3][4]
- 배열 초기화선언과 동시에 초기화전역 변수 배열 선언이중 for문

35

0 1 2 123

#### #include <iostream> using namespace std; #include <iostream> #include <iostream> #include <iostream> using namespace std; using namespace std; using namespace std; int main() { int arr[2][3]; int main() { int main() { int main() { for(int i=0; i<2; i++){ int $arr[2][3] = \{0.1, 2, 3, 4, 5\};$ int arr[2][3] = { {0.1.2}, {3.4.5} }; int $arr[2][3] = \{0.1.2.3\};$ for(int j=0; j<3; j++){ for(int i=0; i<2; i++){ for(int i=0; i<2; i++){ for(int i=0: i<2: i++){ arr[i][j] = i+j;for(int j=0; j<3; j++){ for(int j=0; j<3; j++){ for(int i=0; i<3; i++){ cout<<arr[i][i]<<" "; cout<<arr[i][i]<<" "; cout<<arr[i][j]<<" "; cout<<'\m'; cout<<'\m'; cout<<'\m'; for(int i=0; i<2; i++){ for(int j=0; j<3; j++){ return 0; return 0: return 0: cout<<arr[i][j]<<" "; cout<<'\m'; **⇔** stdout Stdout **⇔** stdout return 0: 0 1 2 0 1 2 0 1 2 3 4 5 3 4 5 3 0 0 Stdout

# 부록. 2차원 벡터

```
#include <iostream>
#include <vector>
using namespace std;
int main() {
    vector<int> one: // 1차워 벡터
    one.push_back(1);
    one.push_back(2);
    one.push back(3);
    for(auto &k :one)
       cout<< k << " ":
    return 0:
```

one

1

[0] [1] [2]

Stdout

1 2 3

```
#include <iostream>
#include <vector>
using namespace std;
int main() {
    vector<int> two[5]; // 2차원 벡터
    two[0].push back(1);
    two[3].push_back(2):
    two[3].push back(3);
    two[4].push back(4):
    two[4].push_back(5);
    two[4].push back(6):
    for(int i=0; i<5; i++){
       cout<< i <<"행: ";
       for(auto &k : two[i]) cout<< k << " ";
```

cout<<'\m':

return 0:

#### two



#### **⇔** stdout

```
0행: 1
1행:
2행:
3행: 23
4행: 456
```

# 감사합니다

• 필수 문제 11047. 동전 0 13305. 주유소 1931. 회의실 배정

• 연습 문제 1946. 신입사원 23559. 밥

20921 그렇고 그런 사이

11501. 주식 13413 오셀로 재배치

11399. ATM 16206. 롤케이크

2847. 게임을 만든 동준이 2167. 2차원 배열의 합 1895. 필터 19644. 좀비 떼가 기관총 진지에도 오다니

19941. 햄버거 분배 • 9월 28일(수요일) 저녁 6시 T동