

**LAPORAN TUGAS KECIL 2**  
**IF 2211 STRATEGI ALGORITMA**  
**SEMESTER 2 2022 – 2023**

Mencari Pasangan Titik Terdekat 3D dengan Algoritma Divide and Conquer



Disusun Oleh :

Ezra M C M H (13521073)

PROGRAM STUDI TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA

SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA

INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG

2023

## 1. Spesifikasi Tugas

Mencari sepasang titik terdekat dengan Algoritma Divide and Conquer sudah dijelaskan di dalam kuliah. Persoalan tersebut dirumuskan untuk titik pada bidang datar (2D). Pada Tugil 2 kali ini Anda diminta mengembangkan algoritma mencari sepasang titik terdekat pada bidang 3D. Misalkan terdapat  $n$  buah titik pada ruang 3D. Setiap titik  $P$  di dalam ruang dinyatakan dengan koordinat  $P = (x, y, z)$ . Carilah sepasang titik yang mempunyai jarak terdekat satu sama lain. Jarak dua buah titik  $P_1 = (x_1, y_1, z_1)$  dan  $P_2 = (x_2, y_2, z_2)$  dihitung dengan rumus Euclidean berikut:

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$

Buatlah program dalam Bahasa C/C++/Java/Python/Golang/Ruby/Perl (pilih salah satu) untuk mencari sepasang titik yang jaraknya terdekat satu sama lain dengan menerapkan algoritma divide and conquer untuk penyelesaiannya, dan perbandingannya dengan Algoritma Brute Force. Masukan program: -  $n$  - titik-titik (dibangkitkan secara acak) dalam koordinat  $(x, y, z)$  Luaran program - sepasang titik yang jaraknya terdekat dan nilai jaraknya - banyaknya operasi perhitungan rumus Euclidean - waktu riil dalam detik (spesifikasikan komputer yang digunakan) - Bonus 1 (Nilai = 7,5) penggambaran semua titik dalam bidang 3D, sepasang titik yang jaraknya terdekat ditunjukkan dengan warna yang berbeda dari titik lainnya. Bonus 2 (nilai = 7,5): Generalisasi program anda sehingga dapat mencari sepasang titik terdekat untuk sekumpulan vektor di  $R^n$ , setiap vektor dinyatakan dalam bentuk  $x = (x_1, x_2, \dots, x_n)$

## 2. Algoritma Divide and Conquer

Algoritma "Divide and Conquer" adalah suatu pendekatan untuk memecahkan masalah yang kompleks dengan membaginya menjadi beberapa bagian yang lebih kecil dan kemudian memecahkan setiap bagian tersebut secara terpisah, sebelum akhirnya menggabungkan hasilnya menjadi solusi akhir yang lengkap.

Pendekatan "Divide and Conquer" terdiri dari tiga langkah utama:

1. **Divide (Membagi):** Masalah besar dibagi menjadi beberapa bagian yang lebih kecil yang dapat diselesaikan dengan lebih mudah. Pemecahan masalah ini dilakukan secara rekursif hingga mencapai masalah dasar yang sederhana dan mudah diselesaikan.
2. **Conquer (Menaklukkan):** Setiap bagian kecil dari masalah tersebut diselesaikan secara independen menggunakan pendekatan yang sama. Jika masalah dasar sudah cukup sederhana, maka masalah dapat diselesaikan secara langsung tanpa lagi membaginya.
3. **Combine (Menggabungkan):** Setelah setiap bagian kecil terselesaikan, hasilnya digabungkan untuk menghasilkan solusi akhir untuk masalah awal.

Algoritma "Divide and Conquer" digunakan dalam banyak aplikasi komputasi, seperti dalam algoritma pengurutan data, perhitungan nilai perkalian matriks, dan dalam pengembangan teknik pemrograman dinamis. Dengan membagi masalah menjadi bagian yang lebih kecil dan menyelesaikannya secara independen, algoritma "Divide and Conquer" dapat mempercepat pemrosesan dan menghasilkan solusi yang lebih efisien untuk masalah kompleks.

### 3. Source Code Program

Main.cpp

```
1  #include <iostream>
2  #include <cmath>
3  #include <ctime>
4  #include <cfloat>
5
6  using namespace std;
7
8  struct Point {
9      double x, y, z;
10 };
11
12 double euclidean_distance(Point p1, Point p2) {
13     double dx = p1.x - p2.x;
14     double dy = p1.y - p2.y;
15     double dz = p1.z - p2.z;
16     return sqrt(dx*dx + dy*dy + dz*dz);
17 }
18
19 double closest_pair(Point P[], int n, int& count) {
20     if (n <= 3) {
21         double min_dist = DBL_MAX;
22         for (int i = 0; i < n; i++) {
23             for (int j = i + 1; j < n; j++) {
24                 double d = euclidean_distance(P[i], P[j]);
25                 count++;
26                 if (d < min_dist) {
27                     min_dist = d;
28                 }
29             }
30         }
31         return min_dist;
32     }
33
34     int mid = n / 2;
35     Point mid_point = P[mid];
36
37     double dleft = closest_pair(P, mid, count);
38     double dright = closest_pair(P + mid, n - mid, count);
39
40     double d = min(dleft, dright);
41 }
```

```

42     Point strip[n];
43     int j = 0;
44     for (int i = 0; i < n; i++) {
45         if (abs(P[i].x - mid_point.x) < d) {
46             strip[j] = P[i];
47             j++;
48         }
49     }
50
51     double min_strip = d;
52     for (int i = 0; i < j; i++) {
53         for (int k = i + 1; k < j && (strip[k].y - strip[i].y) < min_strip; k++) {
54             double d_strip = euclidean_distance(strip[i], strip[k]);
55             count++;
56             if (d_strip < min_strip) {
57                 min_strip = d_strip;
58             }
59         }
60     }
61     return min(d, min_strip);
62 }
63
64 int main() {
65     int n;
66     int a;
67
68     cout << "Pada program ini koordinat berada di rentang 0 < x,y,z < 10000" << endl;
69     cout << "Minimal banyaknya titik yang dimasukkan 2 \n\n";
70     cout << "Masukkan banyaknya titik: ";
71     cin >> n;
72     cout << endl;
73
74     a = n;
75     Point points[n];
76     srand(time(0));
77     for (int i = 0; i < n; i++) {
78         points[i].x = ((float)rand()) / (float)RAND_MAX * 10000;
79         points[i].y = ((float)rand()) / (float)RAND_MAX * 10000;
80         points[i].z = ((float)rand()) / (float)RAND_MAX * 10000;
81     }
82

```

```

83     int count1 = 0;
84     double min_distance = INFINITY;
85     int i_min, j_min;
86
87     clock_t strt = clock();
88     for (int i = 0; i < a-1; i++) {
89         for (int j = i+1; j < a; j++) {
90             double dist = euclidean_distance(points[i], points[j]);
91             count1++;
92             if (dist < min_distance) {
93                 min_distance = dist;
94                 i_min = i;
95                 j_min = j;
96             }
97         }
98     }
99     clock_t stop = clock();
100
101     clock_t start = clock();
102     int count = 0;
103     double min_dist = closest_pair(points, n, count);
104     clock_t end = clock();
105
106     cout << "Algoritma divide and conquer " << endl ;
107     cout << "Titik terdekat adalah ( " << points[i_min].x << ", " << points[i_min].y << ", " << points[i_min].z << ") dan ( "
108         << points[j_min].x << ", " << points[j_min].y << ", " << points[j_min].z << ") dengan jarak : " << min_distance << endl;
109     cout << "Banyaknya operasi perhitungan: " << count << endl;
110     cout << "Waktu eksekusi: " << double(end - start) / CLOCKS_PER_SEC * 1000 << " ms" << endl << endl;
111
112     cout << "Algoritma Brute Force " << endl ;
113     cout << "Titik terdekat adalah ( " << points[i_min].x << ", " << points[i_min].y << ", " << points[i_min].z << ") dan ( "
114         << points[j_min].x << ", " << points[j_min].y << ", " << points[j_min].z << ") dengan jarak : " << min_distance << endl;
115     cout << "Banyaknya operasi perhitungan: " << count1 << endl;
116     cout << "Waktu eksekusi: " << double(stop-strt) / CLOCKS_PER_SEC * 1000 << " ms" << endl << endl;
117
118     cout<< "Processor komputer yang digunakan AMD Ryzen 7 5800H ";
119     return 0;
120 }

```

## 4. Screenshot

a. input n = 16

```
Pada program ini koordinat berada di rentang  $0 < x,y,z < 10000$   
Minimal banyaknya titik yang dimasukkan 2  
  
Masukkan banyaknya titik: 16  
  
Algoritma divide and conquer  
Titik terdekat adalah ( 261.849, 7194.43, 4036.68) dan (451.979, 7424.54, 4612.57) dengan jarak : 648.647  
Banyaknya operasi perhitungan: 27  
Waktu eksekusi: 0 ms  
  
Algoritma Brute Force  
Titik terdekat adalah ( 261.849, 7194.43, 4036.68) dan (451.979, 7424.54, 4612.57) dengan jarak : 648.647  
Banyaknya operasi perhitungan: 120  
Waktu eksekusi: 0 ms  
  
Processor komputer yang digunakan AMD Ryzen 7 5800H
```

Waktu eksekusi 0 ms dikarenakan waktu eksekusi yang sangat kecil

b. input n = 64

```
Pada program ini koordinat berada di rentang  $0 < x,y,z < 10000$   
Minimal banyaknya titik yang dimasukkan 2  
  
Masukkan banyaknya titik: 64  
  
Algoritma divide and conquer  
Titik terdekat adalah ( 1399.88, 9095.43, 4286.94) dan (1026.64, 9271.22, 4213.39) dengan jarak : 419.07  
Banyaknya operasi perhitungan: 159  
Waktu eksekusi: 0 ms  
  
Algoritma Brute Force  
Titik terdekat adalah ( 1399.88, 9095.43, 4286.94) dan (1026.64, 9271.22, 4213.39) dengan jarak : 419.07  
Banyaknya operasi perhitungan: 2016  
Waktu eksekusi: 0 ms  
  
Processor komputer yang digunakan AMD Ryzen 7 5800H
```

Waktu eksekusi 0 ms dikarenakan waktu eksekusi yang sangat kecil

c. input n = 128

```
Pada program ini koordinat berada di rentang  $0 < x,y,z < 10000$   
Minimal banyaknya titik yang dimasukkan 2  
  
Masukkan banyaknya titik: 128  
  
Algoritma divide and conquer  
Titik terdekat adalah ( 4628.74, 2813.81, 8552.81) dan (4674.52, 2713.4, 8699.91) dengan jarak : 183.889  
Banyaknya operasi perhitungan: 372  
Waktu eksekusi: 0 ms  
  
Algoritma Brute Force  
Titik terdekat adalah ( 4628.74, 2813.81, 8552.81) dan (4674.52, 2713.4, 8699.91) dengan jarak : 183.889  
Banyaknya operasi perhitungan: 8128  
Waktu eksekusi: 1 ms  
  
Processor komputer yang digunakan AMD Ryzen 7 5800H
```

Waktu eksekusi 0 ms dikarenakan waktu eksekusi yang sangat kecil

d. input n = 1000

```
Pada program ini koordinat berada di rentang  $0 < x,y,z < 10000$   
Minimal banyaknya titik yang dimasukkan 2  
  
Masukkan banyaknya titik: 1000  
  
Algoritma divide and conquer  
Titik terdekat adalah ( 3065.58, 1442, 4395.28) dan (3008.82, 1439.25, 4374.83) dengan jarak : 60.3974  
Banyaknya operasi perhitungan: 4265  
Waktu eksekusi: 0 ms  
  
Algoritma Brute Force  
Titik terdekat adalah ( 3065.58, 1442, 4395.28) dan (3008.82, 1439.25, 4374.83) dengan jarak : 60.3974  
Banyaknya operasi perhitungan: 499500  
Waktu eksekusi: 35 ms  
  
Processor komputer yang digunakan AMD Ryzen 7 5800H
```

Waktu eksekusi 0 ms dikarenakan waktu eksekusi yang sangat kecil



Poin	Ya	Tidak
1. Program berhasil dikompilasi tanpa ada kesalahan	✓	
2. Program berhasil <i>running</i>	✓	
3. Program dapat menerima masukan dan menuliskan luaran.	✓	
4. Luaran program sudah benar (solusi <i>closest pair</i> benar)	✓	
5. Bonus 1 dikerjakan		✓
6. Bonus 2 dikerjakan		✓

Link Repository : [https://github.com/ezramcmh/Tucil2\\_13521073](https://github.com/ezramcmh/Tucil2_13521073)