II – Fiche d'organisation semestrielle des enseignements

(Prière de présenter les fiches des 4 semestres)

Semestre 1:

| Unité d'Enseignement | VHS | V.H hebdomadaire | | | | Cooff | ر د الفران | Mode d'évaluation | |
|--------------------------------|-----------|------------------|------|------|-----------------|-------|---------------|-------------------|--------|
| | 14-16 sem | С | TD | TP | Autres | Coeff | Crédits | Continu | Examen |
| UE fondamentales | | | | | | | | | |
| UEF1 (O/P) | 135h | 6h | 3h | | | 10 | 14 | * | * |
| Probabilités Approfondies I | 67h30 | 3h | 1h30 | | | 5 | 7 | * | * |
| Statistiques Mathématiques | 67h30 | 3h | 1h30 | | | 5 | 7 | * | * |
| UEF2 (O/P) | 90h | 3h | 3h | | | 6 | 10 | * | * |
| Analyse Fonctionnelle I | 45h | 1h30 | 1h30 | | | 3 | 5 | * | * |
| Théorie de l'intégration | 45h | 1h30 | 1h30 | | | 3 | 5 | * | * |
| | | | | | | | | | |
| UE méthodologie | | | | | | | | | |
| UEM1 (O/P) | 45h | 1h30 | | 1h30 | | 3 | 5 | * | * |
| Analyse numérique | 45h | 1h30 | | 1h30 | | 3 | 5 | * | * |
| UEM2 (O/P) | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | |
| UE découverte | | | | | | | | | |
| UED1 (O/P) | 22h30 | | - | | 1h30 | 1 | 1 | * | * |
| Anglais I | 22h30 | | | | Exposés 1h30 | 1 | 1 | * | * |
| Total Semestre 1 | 292h30 | 10h30 | 6h | 1h30 | 1h30 | 20 | 30 | · | |

2- Semestre 2 :

| Unité d'Ensoignement | VHS | , | V.H hebd | omadair | е | Coeff Crédits | Crádita | Mode d'évaluation | |
|---|-----------|------|----------|----------|-----------------|---------------|---------|-------------------|--------|
| Unité d'Enseignement | 14-16 sem | С | TD | TP | Autres | Coen | Credits | Continu | Examen |
| UE fondamentales | | | • | <u>-</u> | | | | | |
| UEF1 (O/P) | 135h | 6h | 3h | | | 10 | 12 | * | * |
| Probabilités Approfondies II | 67h30 | 3h | 1h30 | | | 5 | 6 | * | * |
| Régression | 67h30 | 3h | 1h30 | | | 5 | 6 | * | * |
| UEF2 (O/P) | 90h | 3h | 3h | | | 6 | 10 | * | * |
| Analyse Multivariée | 45h | 1h30 | 1h30 | | | 3 | 5 | * | * |
| Analyse de Survie | 45h | 1h30 | 1h30 | | | 3 | 5 | * | * |
| | | | | | | | | | |
| UE méthodologie | | | | | | | | | |
| UEM1 (O/P) | 45h | 1h30 | 1h30 | | | 2 | 4 | * | * |
| Analyse Fonctionnelle II | 45h | 1h30 | 1h30 | | | 2 | 4 | * | * |
| | | | | | | | | | |
| UEM2 (O/P) | 22h30 | | | 1h30 | | 1 | 2 | * | * |
| Initiation aux Logiciels (R, C++) | 22h30 | | | 1h30 | | 1 | 2 | * | * |
| | | | | | | | | | |
| UE découverte | | | | | | | | | |
| UED1 (O/P) | 45h | 1h30 | | | 1h30 | 2 | 2 | * | * |
| Anglais II | 22h30 | | | | Exposés 1h30 | 1 | 1 | * | * |
| Ethique professionnelle dans l'enseignement | 22h30 | 1h30 | | | | 1 | 1 | * | * |
| Total Semestre 2 | 315h | 12h | 7h30 | 1h30 | 1h30 | 21 | 30 | * | * |

3- Semestre 3:

| Unité d'Enseignement | VHS | V.H hebdomadaire | | | Coeff Créo | Crédits | Mode d' | Mode d'évaluation | |
|---|-----------|------------------|----|----|---------------|---------|---------|-------------------|--------|
| | 14-16 sem | С | TD | TP | Autres | Coem | Credits | Continu | Examen |
| UE fondamentales | | - | • | - | - | | | | |
| UEF1 (O/P) | 135h | 9h | | | | 10 | 12 | * | * |
| Calcul stochastique | 67h30 | 4h30 | | | | 5 | 6 | * | * |
| Statistiques des Processus | 67h30 | 4h30 | | | | 5 | 6 | * | * |
| UEF2 (O/P) | 67h30 | 4h30 | | | | 5 | 6 | * | * |
| Processus stochastiques | 67h30 | 4h30 | | | | 5 | 6 | * | * |
| UE méthodologie | | | | | | | | | |
| UEM1 (O/P) | 135h | 9h | | | | 6 | 10 | * | * |
| Equations différentielles Stochastiques et applications | 67h30 | 4h30 | | | | 3 | 5 | * | * |
| Théorie spectrale | 67h30 | 4h30 | | | | 3 | 5 | * | * |
| UE découverte | | | | | | | | | |
| UED1 (O/P) | 30h | | | | 2h | 2 | 2 | | |
| Travail personnel | 30 | | | | Exposés 2h | 2 | 2 | | |
| | | | | | | | | | |
| Total Semestre 3 | 367h30 | 22h30 | | | 2h | 22 | 30 | | |

4- Semestre 4:

Domaine : Filière : Spécialité :

Stage en entreprise sanctionné par un mémoire et une soutenance.

| | VHS | Coeff | Crédits |
|-------------------------|-----|-------|---------|
| Travail Personnel | | | |
| Stage en entreprise | | | |
| Séminaires | | | |
| Mémoire de Master | 540 | 1 | 30 |
| II | | | |
| Total Semestre 4 | 540 | 1 | 30 |

5- Récapitulatif global de la formation : (indiquer le VH global séparé en cours, TD, pour les 04 semestres d'enseignement, pour les différents types d'UE)

| UE VH | UEF | UEM | UED | UET | Total |
|--------------------------------------|--------|--------|-----|------|-------|
| Cours | 652h30 | 202h30 | 75h | | 930h |
| TD | | | | | |
| TP | | 45h | | | 45h |
| Mémoire de Master II | | | | 540h | 540h |
| Exposés et recherche bibliographique | | | | | |
| Total | 652h30 | 247h30 | 75h | 540h | 1515h |
| Crédits | 64 | 22 | 4 | 30 | 120 |
| % en crédits pour chaque UE | 54% | 18% | 3% | 25% | |

III - Programme détaillé par matière

(1 fiche détaillée par matière)

Intitulé du Master : Statistiques et Probabilités Approfondies

Semestre 1

Intitulé de l'UE: UEF1

Intitulé de la matière : Probabilités Approfondies I

Crédits : 7 Coefficients : 5

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux techniques de calcul de l'espérance conditionnelle et lois des vecteurs aléatoires.

Connaissances préalables recommandées :

Connaissances en probabilités et en théorie de la mesure.

Contenu de la matière :

I Espérance conditionnelle Définition-exemples Propriétés Conditionnement par une variable aléatoire Conditionnement et indépendance Lois conditionnelles Le cas gaussien

II. Convergence en loi Convergence en loi des variables gaussiennes

Critères pour la convergence en loi Intégrabilité uniforme

Convergence des suites de variables aléatoires

III. Convergence de mesures de probabilités.

Théorème de Prokhorov

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

- 1. K. L. Chung, A course in probability theory, Academic Press, (1974).
- 2. L. Breiman, Probability, Addison-Wesley Publ. Co., Reading, Mass (1968)
- 3. J. L. Doob, Stochastic processes, Wiley, New York (1953)

Semestre 1

Intitulé de l'UE: UEF1

Intitulé de la matière : Statistiques Mathématiques

Crédits : 7
Coefficients : 5

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux techniques des tests non paramétriques et leurs applications

Connaissances préalables recommandées :

Connaissances en probabilités et statistiques : théorie de l'estimation et des tests.

Contenu de la matière :

Statistiques d'ordre : loi associées –lois marginales- lois asymptotiques

Applications : moyenne et médiane – médiane alpha tronqués –intervalles de confiance

Statistiques de rang : loi et applications Statistiques linéaires de rang : loi –tests de rang –loi asymptotique et applications Test de la médiane : localisation pour deux échantillons Tests de Wilcoxon et de Mann-Whitney : loi exacte- loi asymptotique-applications Tests non paramétriques : du Khi deux et Kolmogorov-Smirnov

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

- 1. P. Capéra B. Van Cutsem , Méthodes et modèles en statistiques non paramétriques. Dunod 1995
- 2. F. Quittard Pinon P. Lignelet, Eléments de Statistiques T2. Ed OPU Alger 1983

Etablissement : Intitulé du master : Page 20 Année universitaire :

Semestre 1

Intitulé de l'UE: UEF2

Intitulé de la matière : Analyse Fonctionnelle I

Crédits : 5 Coefficients : 3

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux techniques de l'analyse fonctionnelle utilisées en probabilités et

statistiques

Connaissances préalables recommandées :

En analyse réelle –topologie-

Contenu de la matière

Espaces de Hilbert Espaces de Banach Théorème de compacité

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

1.- H. Brezis: Analyse fonctionnelle. Théorie et applications. *Masson, Paris,* 1983. 2- K. Yosida: Functional analysis. Sixth edition. <u>Classics in Mathematics.</u> *Springer-Verlag, Berlin,* 1995.

Intitulé du Master : Statistiques et Probabilités Approfondies

Semestre 1

Intitulé de l'UE: UEF2

Intitulé de la matière : Théorie de l'intégration l

Crédits : 5 Coefficients : 3

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux techniques de l'analyse.

Connaissances préalables recommandées :

Connaissances en analyse.

Contenu de la matière

Théorie de l'intégration : Espaces Lp Fonctions à variations bornées Intégrale de Lebesgue Types de convergences Théorème de Radon-Nikodym Décomposition de mesures Théorème de Hahn- Jordan

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

P. R. Halmos, Measure theory, D Van Nostrand, Co., Inc., Princeton, N. J (1956).

H. L. Royden, Real analysis. The Macmillan Company., New York (1963).

Etablissement : Intitulé du master : Page 21 Année universitaire :

Semestre 1

Intitulé de l'UE: UEM1

Intitulé de la matière : Analyse numérique

Crédits : 5 Coefficients : 3

Objectifs de l'enseignement : Résoudre numériquement les équations issues de la

modélisation mathématique.

Connaissances préalables recommandées des connaissances en analyse réelle, équations différentielles, suites et en probabilités- statistiques.

Contenu de la matière : Analyse numérique des équations différentielles fonctionnelles 1-Méthodes numériques à un pas

Etude générale des méthodes à un pas Méthodes de Runge-Kutta appliquées aux équations différentielles ordinaires

- **2- Méthodes à pas multiples** Une classe de méthodes avec pas constant Méthodes de prédiction-correction
- **3- Méthode de Runge-Kutta à deux pas** Etude générale et applications aux équations différentielles ordinaires Méthode de Runge-Kutta à deux pas pour les équations différentielles
- 4. Applications en probabilités et statistiques

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références. 1. J. P. Demailly Analyse numérique et équations différentielles. Collection Grenoble Sciences, 1994.

- 2. B. Myron, E. Isaacson. Numerical analysis for applied science. Wiley Interscience series of pure and applied mathematics, 1997.
- 3. S. Godounov, V. Riabenki. Schémas aux différences. Office des publications universitaires. 1987.

Intitulé du Master : Statistiques et Probabilités Approfondies

Semestre 1

Intitulé de l'UE : UED1

Intitulé de la matière : Anglais I

Crédits : 1 Coefficients : 1

Objectifs de l'enseignement : Il concerne principalement l'étude de quelques textes mathématiques en relations avec la spécialité mentionnée. Le but de cet enseignement est l'acquisition des connaissances élémentaires pour la compréhension de textes scientifiques en anglais. Connaissances préalables recommandées : anglais

Contenu de la matière:

Une dizaine de séances en auto-formation introduites par 2 séances de TD -il s'agit de l'étude d'un livre mathématique en anglais sur les probabilités et statistiques - espaces fonctionnels avec la compréhension orale et écrite, -une production écrite, **Mode d'évaluation :** Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

Textes mathématiques divers en Anglais

Intitulé du Master : Statistiques et Probabilités Approfondies

Semestre 2

Intitulé de l'UE : UEF1

Intitulé de la matière : Probabilités Approfondies II

Crédits : 6 Coefficients : 5

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux martingales discrètes et aux chaînes de Markov.

Connaissances préalables recommandées :

Connaissances en probabilités et en théorie de la mesure.

Contenu de la matière : l. Martingales à temps discret

Définition-exemples Etude sur un intervalle de temps fini

Martingale dans L2 Martingales dans L1 Martingales positives généralisées Application aux suites de variables aléatoires indépendantes

II. Chaînes de Markov : Introduction aux processus stochastiques

Processus canonique Temps d'arrêt Matrice de transition

Suites markovienne et chaines canonique Récurrence et transience.

Chaine irréductibles récurrentes Marches aléatoires sur Zd

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

- 1. K. L. Chung, A course in probability theory, Academic Press, (1974).
- 2. L. Breiman, Probability, Addison-Wesley Publ. Co., Reading, Mass (1968)
- **3.** J. L. Doob, Stochastic processes, Wiley, New York (1953)

Semestre 2

Intitulé de l'UE : UEF1

Intitulé de la matière : Régression

Crédits : 6 Coefficients : 5

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux techniques d'analyse de la régression simples et multiples et séries chronologiques

Connaissances préalables recommandées :

connaissances en probabilités et statistiques : théorie de l'estimation et des tests et aux techniques d'analyse multivariés .

Contenu de la matière: Régression simples et multiples : estimation des paramètrestests - prévision Séries chronologiques : décomposition –tendance-composante saisonnière- lissage- prévision –Processus AR, MA, ARMA : réprésentation- équations de Yule –Walker -estimationEstimations et tests sur paramètres : maximum de vraisemblance- moindres carrées- prédiction et intervalles de confiance

Mode d'évaluation: Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

1.G.Saporta « Probabilités Analyse des données et statistiques »

Ed. Technip 1990

2.Taniguchi M. Kakizawa Y. Asymptotic Theory of Statistical Inference for Time Series. Springer series in statistics 2000

Intitulé du Master : Statistiques et Probabilités Approfondies

Semestre 2

Intitulé de l'UE : UEF2

Intitulé de la matière : Analyse Multivariée

Crédits : 5 Coefficients : 3

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux techniques de l'analyse multivariée

Connaissances préalables recommandées :

connaissances en probabilités et statistiques : théorie de l'estimation et des tests .

Contenu de la matière : Analyse de la variance ANOVA

Etablissement : Intitulé du master : Page 24 Année universitaire :

Analyse ACP : corrélation –covariance -axes -composantes –facteurs –plans principaux-métriques usuelles-Applications Analyse factorielle : modèle –analyse de la matrice de corrélation Analyse discriminante : séparation en groupes -analyse discriminante linéaire - analyse discriminante quadratique Analyse MANOVA : analyse de variance multivariée (MANOVA) pour plans équilibrés- analyse des plans de MANOVA non équilibrés en présence de covariables

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

- 1.G.Saporta « Probabilités Analyse des données et statistique » Ed. Technip 1990
- 2. Anderson T.W. An Introduction to Multivariate Statistical Analysis . John Wiley and Sons NY 1984
- 3. Bilodeau M. Brenner D. Theory of Multivariate Statistics . Springer NY 2000

Intitulé du Master : Statistiques et Probabilités Approfondies

Semestre 2

Intitulé de l'UE : UEF2

Intitulé de la matière : Analyse de Survie

Crédits : 5 Coefficients : 3

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux techniques d'analyse des données de survie

Connaissances préalables recommandées :

Connaissances en probabilités et statistiques : théorie de l'estimation et des tests et aux techniques d'analyse multi variés.

Contenu de la matière : Différents types de censures –Fonction de survie-fonction de risque et risque cumulée Modèles paramétriques pour la fonction de survie Vraisemblance dans le cas censurés Estimateurs de Kaplan Meier –méthode actuarielle Comparaison de fonctions de survie : test du Log Rank- Applications Modèle de Cox -Estimation et test sur paramètres - Comparaison de fonctions de survie-Applications Modèles de régression de survie à facteurs aléatoires

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

Fleming T.R. Counting Processes and survival Analysis .
 John Wiley 1991

Etablissement : Intitulé du master : Page 25 Année universitaire :

2. Hill C. Analyse des données de survie .Paris Flammarion 1990

Intitulé du Master : Statistiques et Probabilités Approfondies

Semestre 2

Intitulé de l'UE : UEM1

Intitulé de la matière : Analyse Fonctionnelle II

Crédits : 4 Coefficients : 2

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux techniques de l'analyse fonctionnelle utilisées en probabilités et

statistiques

Connaissances préalables recommandées :

Espaces de Hilbert Espaces de Banach Théorème de compacité

-topologie-

Contenu de la matière

Théorème de Hahn – Banach -Théorème du graphe fermé-Convergence faible

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à

l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

1.- H. Brezis: Analyse fonctionnelle. Théorie et applications. Masson, Paris, 1983.

2- K. Yosida: Functional analysis. Sixth edition. <u>Classics in Mathematics</u>. *Springer-Verlag, Berlin*, 1995.

Intitulé du Master : Statistiques et Probabilités Approfondies

Semestre 2

Intitulé de l'UE: UEM2

Intitulé de la matière : Initialisation aux logiciels (R,C++,SAS..)

Crédits : 3 Coefficients : 1

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux techniques de programmation sous R C++ ect

Connaissances préalables recommandées :

Connaissances en programmation

Contenu de la matière

Programmation Initiation aux logiciels (R, C++, SAS):

Etablissement : Intitulé du master : Page 26 Année universitaire :

Programmation en R Programmation C++, Programmation SAS **Mode d'évaluation :** Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références.

Logiciels R C++ et SAS

Etablissement : Intitulé du master : Page 27 Année universitaire :

Semestre 2

Intitulé de l'UE : UED1

Intitulé de la matière : Anglais II

Crédits : 1 Coefficients : 1

Objectifs de l'enseignement :

Textes mathématiques en relations avec la spécialité mentionnée.

Acquisition des connaissances pour la compréhension de textes scientifiques en anglais.

Connaissances préalables recommandées : anglais

Contenu de la matière:

Une dizaine de séances en auto-formation introduites par séances de TD étude d'un livre mathématique en anglais sur les probabilités et statistiques -espaces fonctionnels avec la compréhension orale et écrite, -une production écrite,

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

Textes mathématiques divers en Anglais

Semestre: 2

Intitulé de l'UE: UET 2

Intitulé de la matière : Ethique professionnelle en enseignement

Crédits : 01 Coefficients : 01

Objectifs de l'enseignement

Expliquer l'éthique professionnelle des enseignants à partir des connaissances spécialisées à la base de la pratique professionnelle..

Connaissances préalables recommandées

Ethique et déontologie de l'enseignement et de la recherche (3^{ième} année licence de mathématiques)

Contenu de la matière

- 1) Les raisons d'être de l'éthique professionnelle des enseignants
 - -Les connaissances spécialisée à la base de l'agir en enseignement
 - -l'autonomie et la créativité du personnel enseignant
 - -La relation de confiance dans l'enseignement
 - -L'intervention enseignante et ses conséquences éthiques
 - -La relation professionnelle enseignante et son éthique spécifique
- 2) La responsabilité éducative des enseignants
- 3) La professionnalisation de l'enseignement
- 4) La compétence professionnelle relative à l'éthique
- 5) La demande éthique et le questionnement par rapport à un ordre professionnel des enseignants.

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen, etc... (La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

- -Vincent, G (2001), Responsabilités professionnelles et déontologie, l'Harmattan
- -Didier Morau (2012), Ethique professionnelle des enseignants « enjeux, structures et problèmes », l'Harmattan.

Etablissement : Intitulé du master : Page 29 Année universitaire :

Semestre 3

Intitulé de l'UE: UEF1

Intitulé de la matière : Calcul stochastique

Crédits : 6 Coefficients : 5

Objectifs de l'enseignement :

Introduction au calcul stochastique : mouvement brownien, semi martingales, formule d'Itô, temps locaux.

Connaissances préalables recommandées :

Connaissances en probabilités approfondis, analyse fonctionnelle et théorie de la mesure.

Contenu de la matière :

- 1. Processus gaussiens Processus stochastiques Processus gaussiens Exemples
- 2. Mouvement brownien Définition et propriétés Propriété de Markov simple Variation quadratique
- 3. Semi martingales continues Filtrations-temps d'arrêts Martingales à temps continues Martingales locales Semi martingales continues
- 4. L'intégrale stochastique d'Itô Processus à variation finie Variation quadratique d'une semi martingale continue Intégrale stochastique Formule d'Itô Martingales exponentielles Théorème de Girsanov

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

- D. Revuz, M. Yor, Continuous martingales and Brownian motion, Springer (2003).
- 2. I. Karatzas, S. E. Shreve, Brownian motion and stochastic calculus, Springer (1988).
- 3. P. Protter, Stochastic integration and differential equations, Springer (2003).

Semestre 3

Intitulé de l'UE: UEF1

Intitulé de la matière : Statistiques des processus

Crédits : 6 Coefficients : 5

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux techniques d'analyse des données de survie

Connaissances préalables recommandées :

Connaissances en probabilités approfondis et statistiques mathématiques analyse fonctionnelle et théorie de la mesure : théorie de l'estimation et des tests et analyse multi variés.

Contenu de la matière :

Modèles non paramétriques : mesure empirique et inégalités exponentielles Estimation de la densité et de la régression cas iid : estimateur à noyau –erreur quadratique- loi asymptotique- vitesses de convergence-estimateur par projection Statistiques de processus AR fonctionnels : stationnarité-propriétés –théorèmes limites- estimation Statistiques de processus de diffusion : condition LAN-borne minimax de Hajek- estimateurs du maximum de vraisemblance et de Bayes.

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

- Bosq D. Nonparametric statistics for stochastic processes. Estimation and prediction. LNS 110 Springer Verlag NY 1998
- Bosq D. Linear Processes in Function Spaces. Theory and Applications . LNS 149 Springer Verlag NY 2000
- 3. Ibragimov I.A. Hasminskii R.Z. Statistical Estimation. Theory and Applications. Springer Verlag NY 1981
- **4.** Kutoyants Y. Identification of Dynamical Systems with small Noise. Dordrecht: Kluwer academic Publishers 1994.

Semestre 3

Intitulé de l'UE: UEF2

Intitulé de la matière : Processus stochastiques

Crédits: 6 Coefficients: 5

Objectifs de l'enseignement :

Etude de classes de processus stochastiques et leurs applications

Connaissances préalables recommandées :

connaissances en probabilités approfondies- statistiques mathématiques- analyse fonctionnelle et théorie de la mesure

Contenu de la matière :

Chaînes de Markov : classes récurrentes- transi entes- loi stationnaire

Processus de Poisson – Processus de branchement

Processus de naissance et mort : probabilité d'extinction- exemples

Files d'attente : G/G/1 ...loi de la charge applications

Processus de Markov à sauts : semi groupe de transition - équations de Kolmogorov Processus de diffusion : équations différentielles stochastiques – existence et unicité des

solutions-continuité absolue des lois -liens avec les EDO et EDP

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

- 1. Billingsley P. Convergence of probability measures. NY Wiley 1968
- 2. Feller W. An Introduction to Probability Theory and Its Applications 1, 2 NY Wiley 1971
- 3. Guikhman I. Skorokhod A. introduction à la théorie des processus aléatoires Ed Mir Moscow 1980.

Intitulé du Master : Statistiques et Probabilités Approfondies

Semestre 3

Intitulé de l'UE : UEM1

Intitulé de la matière : Equations différentielles stochastiques et applications

Crédits: 5 Coefficients: 3

Objectifs de l'enseignement :

Introduction aux éguations différentielles stochastiques et application aux mathématiques financières.

Connaissances préalables recommandées :

Probabilités-Théorie des processus stochastiques

Intitulé du master : Etablissement: Page 32

Contenu de la matière :

- 1. Mouvement brownien Introduction à l'intégrale stochastique Equations différentielles stochastiques
- 2. Diffusions Problèmes d'arrêt optimal Application aux mathématiques financières **Mode d'évaluation :** Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

- 1. **D. Revuz, M. Yor,** Continuous martingales and Brownian motion, Springer (2003).
- 2. **B. Oksendal,** Stochastic differential equations. Springer (2002)
- 3. **L.C.G. Rogers, D. Williams,** Diffusions, Markov processes ans martingales. Cambridge university press, volumes 1 et 2. (2000)
- 4. Quittard -Pinon F. Marchés de capitaux et théorie financière ; Economica paris 1993
- 5. Pliska SR.; Introduction to Mathematical Finance "Blackwell Oxford 1998
- 6. **Lamberton d. Lapeyre B**. Introduction au calcul stochastique appliqué à la finance " Ellipses paris 1991
- 7. Karatzas I. Shreve S.E. Methods of Mathematical Finance. Springer Verlag NY 1998

Etablissement : Intitulé du master : Page 33 Année universitaire :

Semestre 3

Intitulé de l'UE: UEM1

Intitulé de la matière : Théorie spectrale

Crédits : 5 Coefficients : 3

Objectifs de l'enseignement :

Introduction et maitrise des outils de la théorie spectrale pour des applications en probabilités et statistiques.

Connaissances préalables recommandées :

Connaissances en analyse fonctionnelle et théorie de l'intégration.

Contenu de la matière :

Opérateurs compacts Définitions et exemples

Classification du spectre Expression de la résolvante

Résolution spectrale(operateurs autoadjoints-normaux)

Opérateurs non bornés autoadjoints Définitions et exemples

L'adjoint Indice de défaut Opérateur symétrique-Opérateur autoadjoint

Spectre-résolvante Déterminants de Fredholm

Mode d'évaluation : Contrôle continu, examen...(La pondération est laissée à l'appréciation de l'équipe de formation)

Références

- 1- H. Brezis: Analyse fonctionnelle. Théorie et applications. *Masson, Paris*, 1983.
- 2- K. Yosida: Functional analysis. sixth edition. <u>Classics in Mathematics.</u> *Springer-Verlag, Berlin,* 1995.