## **Module Y**

DÉPARTEMENT DE MATHÉMATIQUES

2018/2019

Goual H.

## Exercice I \_

Dans la fabrication de comprimés effervescents, il est prévu que chaque comprimé doit contenir 1625 mg de bicarbonate de sodium. Afin de contrôler la fabrication de ces médicaments, on a prélevé un échantillon de 150 comprimés et on a mesuré la quantité de bicarbonate de sodium pour chacun d'eux. Les résultats obtenus sont résumés dans le tableau suivant :

Classes	[1610;1615[	[1615;1620[	[1620;1625[	[1625;1630[	[1630;1635[
Effectifs	7	8	42	75	18

- 1. En convenant que les valeurs mesurées sont regroupées au centre de chaque classe, calculer une valeur approchée à  $10^{-2}$  près de la moyenne  $\mu$  et de l'écart type s de cet échantillon.
- 2. A partir des résultats obtenus pour cet échantillon, assimilé à un échantillon non exhaustif, donner les estimations ponctuelles  $\hat{\mu}$  et  $\hat{\sigma}$  de la moyenne  $\mu$  et de l'écart type  $\sigma$  de la quantité de bicarbonate de sodium dans la population (formée de l'ensemble de tous les comprimés fabriqués et supposée très grande).

Dans la question suivante on prendra pour valeur de  $\sigma$  son estimation  $\hat{\sigma}$ .

- 3. On appelle  $\bar{x}$  la variable aléatoire qui, à tout échantillon de taille n = 150 associe la quantité moyenne de bicarbonate de sodium de cet échantillon.
  - (a)  $\bar{x}$  peut-elle être approchée par une loi classique? Si oui, laquelle? Donner ses paramètres?
  - (b) Déterminer un intervalle de confiance de la quantité moyenne de bicarbonate de sodium dans la population avec le coefficient de confiance 95%

Calculer l'amplitude de cet intervalle.

## Exercice II \_

Considérons l'échantillon suivant :

Age	21	22	23	24	25	26	27	28	29
Nombre	5	5	4	3	3	5	1	4	3

- 1. Est-ce une variable discrète ou continue?
- 2. Représenter cette série statistique graphiquement.
- 3. Trouvez les fréquences et les fréquences cumulées.
- 4. Trouvez la moyenne empirique, la variance et l'écart-type de l'échantillon. Interpréter.
- 5. Trouvez la valeur de la médiane empiriquement et graphiquement.
- 6. Que dites vous sur l'aplatissement de la courbe de distribution.
- 7. Peut-on dire que cette série statistique est homogène?

## Bon courage

Pour réussir, votre désir de réussite doit être plus grand que votre peur de l'échec. Bill Cosby