# U.B.M Annaba - Département de mathématiques-L3 Introduction aux Processus Aléatoires Temps d'arrêt- Exercices compléments de cours

Par A. Redjil - Avril 2020

N.B: Ces exercices font partie de cours!

On se place sur un espace probabilisé filtré:

# Exercice 1

Montrer que le premier temps d'atteinte est un temps d'arrêt. (Rappel de cours).

# Exercice 2

Soient  $\tau$  et  $\theta$  deux temps d'arrêt. montrer que:  $\tau \wedge \theta$ ,  $\tau \vee \theta$ ,  $\tau + \theta$  sont des temps d'arrêt.

# Exercice 3:

Soient  $\tau$  un temps d'arrêt, et  $c \ge 0$  une constante. Alors  $\tau + c$  et  $(1+c)\tau$  sont des temps d'arrêt.

# Exercice 4:

Soit  $(\tau_n)_{n\geq 0}$  une suite de temps d'arrêt. Alors  $\liminf_n \tau_n$  et  $\limsup_n \tau_n$  sont des temps d'arrêt.

# Exercice 5:

En utilisant les hypothèses de la proposition 9 vue dans le cours, on considère un temps d'arrêt  $\tau$  et un événement  $A \in \mathcal{F}_{\tau}$ :

Prouver que  $\tau_A$  est un temps d'arrêt avec:

$$\tau_A := \tau 1_A + \infty 1_{A^c}.$$