

Série de TP 2

2023-2024

Exercice 1. Réécrire les formules suivantes :

1.

$$(\mathcal{P}) \quad \begin{cases} x = 4a^2 + 5b - c \\ y = 7a^2 + b - 3c \\ z = b + 4c \end{cases}, \quad \begin{cases} u'(x) = ig'(x)e^{ig(x)} \\ v(x) = \frac{f(x)}{g'(x)} \end{cases} \implies \begin{cases} u(x) = e^{ig(x)} \\ v'(x) = \left(\frac{f(x)}{g'(x)}\right)' \end{cases}$$

2.

$$\det \begin{pmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{pmatrix} = \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} \tag{1}$$

$$= a \begin{vmatrix} e & f \\ h & i \end{vmatrix} - b \begin{vmatrix} d & f \\ g & i \end{vmatrix} + c \begin{vmatrix} d & e \\ g & h \end{vmatrix}.$$

3.

$$\begin{aligned} \delta_{n+1}(x) &= \int_{x_0}^x |\delta_{n+1}(x)| dt = \int_{x_0}^x \circ |\delta_n(x)| dt \\ &= \circ \left(\int_{x_0}^x |\delta_n(t)| dt \right) = \circ(\delta_n(x)). \end{aligned} \tag{2}$$

Exercice 2. Donner le résultat de chaque ligne :

1. $d(x,A) = \inf_{a \in A} (x-a)$ est la distance du x à l'ensemble A .
2. Soit U un ouvert de \mathbb{C} tel que $0 \in U$.
3. Pour tout $x \in X$ calculer $d(x,A)$.
4. $\int_0^{+\infty} e^{-x^2} dx = \frac{\sqrt{\pi}}{2}$.

Exercice 3. Donnez le code des formules suivantes :

$$\begin{aligned} \ln 1 \stackrel{\text{d\'ef}}{=} 0 \quad , \quad \cos x \underset{x \rightarrow 0}{\sim} 1 - \frac{x^2}{2} \quad , \quad |u_n| \underset{n \geq n_0}{\overset{\text{d\'ecroit}}{\rightarrow}} 0 \quad , \quad \operatorname{argcosh} x = \ln \left(x + \sqrt{1 + x^2} \right) \\ \int f(x) \, dx \quad , \quad \sum_{\substack{1 \leq i \leq n \\ 1 \leq j \leq m \\ 1 \leq k \leq p}} a_{ij} \quad , \quad \iint_{\substack{1 \leq x \leq 2 \\ 0 \leq y \leq x^2}} f(x, y) \, dx \, dy \\ (\sin x + \cos x)^2 = \underbrace{\sin^2(x) + \cos^2(x)}_1 + \overbrace{2 \sin x \cos x}^{\sin(2x)} \\ = 1 + \sin(2x) \end{aligned}$$

Exercice 4. Utiliser le package newtheorem pour  crire les environnements suivants :

D finition 1 *The domain of the function $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ is the largest subset $D_f \subseteq \mathbb{R}^n$, such that (x_1, x_2, \dots, x_n) of D_f , $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ is well defined. Then, we have : $f : D_f \rightarrow \mathbb{R}$.*

Th or me 2 *Soit (X, \mathcal{A}) un espace mesurable et $f, g : (X, \mathcal{A}) \rightarrow \mathbb{R}$ sont mesurables, alors $h = (f, g) : (X, \mathcal{A}) \rightarrow \mathbb{R}^2$ est mesurable.*