

#### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

# «Дальневосточный федеральный университет» $(ДВ\Phi Y)$

# ИНСТИТУТ МАТЕМАТИКИ И КОМПЬЮТЕРНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Кафедра информатики, математического и компьютерного моделирования

### ОТЧЕТ

к лабораторной работе №3 по дисциплине «Математическое моделирование»

Направление подготовки 01.03.02 «Прикладная математика и информатика»

Выполнил студент гр. Б9120-01.03.02  $\frac{\text{Агличеев A.O.}}{(\Phi \text{ИO})} \frac{}{(\text{подпись})}$  « 17 » ноября 2022 г.

## Содержание

1	Определение цели	9
2	Создание математической модели	3
3	Анализ модели	4
4	Вывол	4

### 1 Определение цели

В данной лабораторной необходимо создать модель Лотки-Вольтерра - модель взаимодействия двух видов типа - «хищник - жертва». Проанализировать полученную модуль.

## 2 Создание математической модели

Рассматривается закрытый ареал, в котором обитают два вида: травоядные ("жертва") и хищники. Предполагается, что животные не иммигрируют и не эмигрируют, и что еды для травоядных имеется с избытком. Тогда уравнение изменения количества жертв принимает вид:

$$\frac{dx}{dt} = \alpha x,$$

где  $\alpha$  - коэффициент рождаемости жертв, x - величина популяции жертв,  $\frac{dx}{dt}$  - скорость прироста популяции жертв

Пока хищники не охотятся, они вымирают, следовательно, уравнение для численности хищников (без учета численности жертв) принимает вид:

$$\frac{dy}{dt} = -\gamma y,$$

где  $\gamma$  - коэффициент убыли хищников, x - величина популяции хищников,  $\frac{dx}{dt}$  - скорость прироста популяции хищников

При встречах хищников и жертв (частота которых прямо пропорциональна величине xy) происходит убийство с коэффициентом  $\beta$ , сытые хищники способны к воспроизводству с коэффициентом  $\delta$ . С учетом этого, система уравнений модели такова:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = \alpha x - \beta xy = (\alpha - \beta y)x, \\ \frac{dy}{dt} = -\gamma y - \delta xy = (\beta x - \gamma)y. \end{cases}$$

## 3 Анализ модели

## 4 Вывод

Таким образом, построена математическая модель утюга с терморегулятором и без него. Она позволяет получить график температур от времени для утюгов с различными площадями подошвы, теплопроводностями и мощностями.