0.0.1 Другий спосіб знаходження коефіцієнтів. Коливання стержня з вільними кінцями, неповнота базису.

Задача №1

Одну і ту ж функцію, наприклад $f(x) = \alpha x$, можна представити на проміжку $0 \le x \le l$ узагальненим рядом Фур'є по кожній із систем власних функцій чотирьох задач Штурма-Ліувілля, одержаних у задачах 1.1, 1.2, 1.3, 2.1. Користуючись явним виглядом власних функцій і не обчислюючи коефіцієнтів рядів, дайте відповіді на такі запитання.

- 1. Який вигляд матиме графік суми кожного з таких рядів на всій числовій осі? Якою є парність суми ряду відносно точок x = nl, де n-uiле число, і як це пов'язано з виглядом крайових умов задачі Штурма-Ліувілля?
- 2. Покажіть, що кожний з рядів є частинним випадком класичного тригонометричного ряду Фур'є, сума якого є періодичною функцією. Які саме періоди відповідають кожному з рядів? Яка саме частина повного тригонометричного базису використовується в кожному з розкладань, а які коефіцієнти Фур'є дорівнюють нулю і чому?
- 3. Як пов'язаний характер збіжності вказаних рядів з крайовими умовами, які задовольняє функція f(x) у точках x=0,l? Чи дорівнює сума ряду Фур'є функції f(x) на відкритому проміжку 0 < x < l? на закритому проміжку $0 \le x \le l$