0.1 Задачі з неоднорідним рівнянням або неоднорідними межовими умовами

0.1.1 Джерела з гармонічною залежністю від часу.

Задача №1

Знайти коливання струни $0 \le x \le l$, лівий кінець якої закріплений, а правий вільний, при t > 0 під дією розподіленої сили $f(x,t) = f(x)\cos \omega t$. При t < 0 струна перебувала в положенні рівноваги. Розглянути окремий випадок $f(x) = f_0$. Виділити складову розв'язку, яка відповідає усталеним вимушеним коливанням і проаналізувати картину резонансу. Перевірити, чи переходить одержаний розв'язок у розв'язок задачі 5.1 за відповідних умов.