Министерство образования и науки Российской Федерации

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ

Систем Управления и Информатики Группа РЗЗ40 Кафедра

Лабораторная работа №7 "Анализ точности систем управления" Вариант - 5

Выполнил			(подпись)	
Проверил			(фамилия, и.о.)	(подпись)
	_ 20r.		Санкт-Петербург,	20r.
Работа выполнен	иа с оценкой	-		
Пото осништи "	11	20	D.	

Цель работы. Исследование точностных свойств систем управления.

Исходные данные: Представлены в таблице 1

Таблица 1 – Исходные данные

Система с нулевым і	порядком ас	Система с первым порядком астатизма		
W(s)	g = A	g = Vt	W(s)	$g = \frac{at^2}{2}$
$\frac{1}{s^2 + s + 2}$	2	2t	$\frac{s+1}{s^2+s+2}$	$0.3t^{2}$
Исследование вли	яния возмуг	Исследование установившейся ошибки		
Структура системы	f_1	f_2	Сигнал задания	
б	-0.5	0.25	$t + 0.5\cos 0.5t$	

1 Исследование системы с астатизмом нулевого порядка

1.1 Исследование стационарного режима работы: g(t) = A

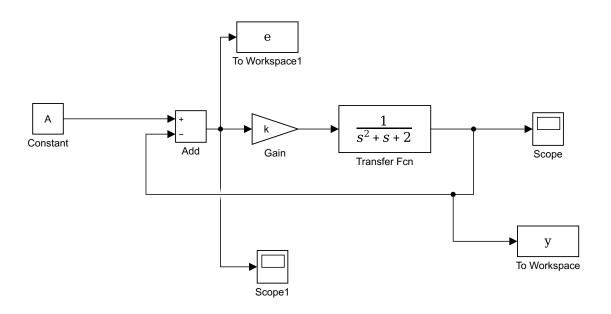


Рисунок 1 - Схема моделирования

Переходные процессы и график ошибки при различных значениях k представлены на рисунках 2 и 3 соответственно

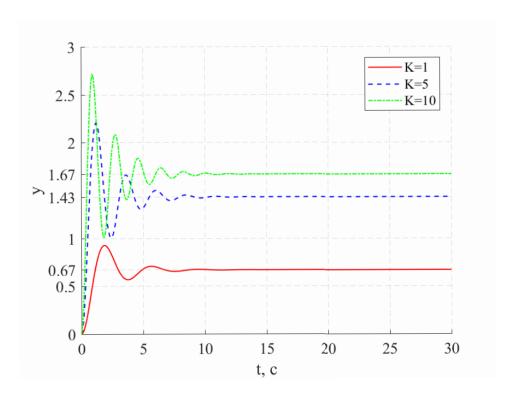


Рисунок 2 - Переходные процессы

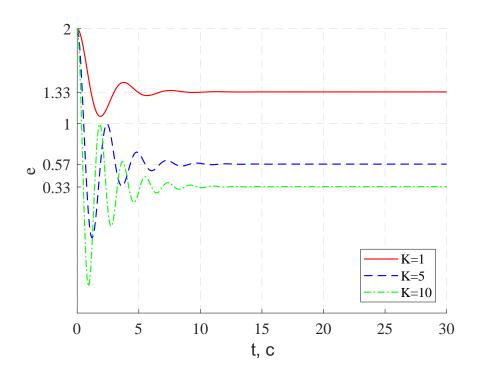


Рисунок 3 – Ошибка

$$\varepsilon = \lim_{s \to 0} \frac{A}{1 + kW(s)} = \lim_{s \to 0} \frac{2(s^2 + s + 2)}{s^2 + s + 2 + k} \tag{1}$$

• При k=1 : $\varepsilon=1.33$

• При k=5 : $\varepsilon=0.57$

• При k = 10 : $\varepsilon = 0.33$

1.2 Исследование режима движения с постоянной скоростью:

$$g(t) = Vt$$

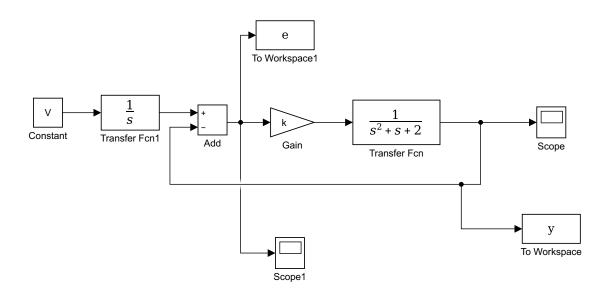


Рисунок 4 - Схема моделирования

Переходные процессы и график ошибки при различных значениях k представлены на рисунках 5 и 6 соответственно

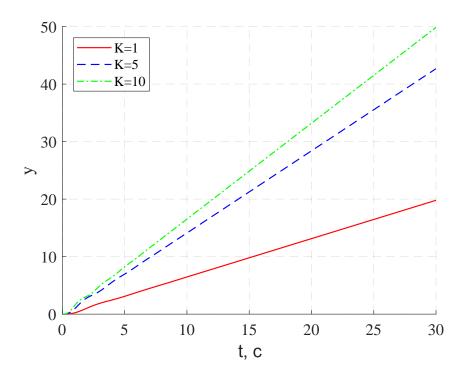


Рисунок 5 - Переходные процессы

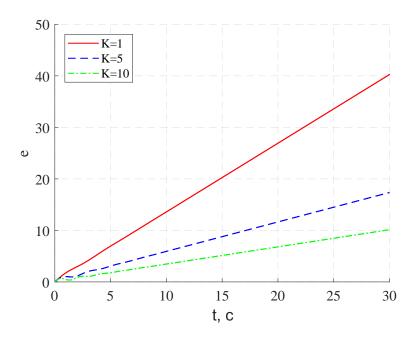


Рисунок 6 - Ошибка

2 Исследование системы с астатизмом первого порядка

2.1 Исследование стационарного режима работы: g(t) = A

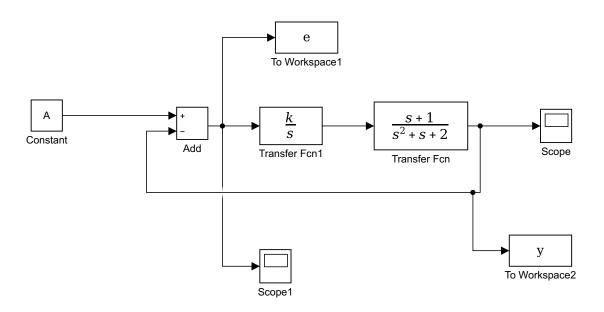


Рисунок 7 - Схема моделирования

Переходные процессы и график ошибки при различных значениях k представлены на рисунках 8 и 9 соответственно

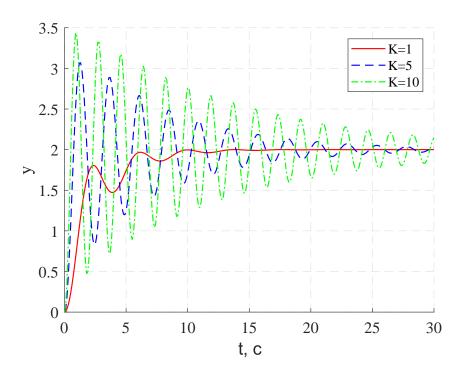


Рисунок 8 - Переходные процессы

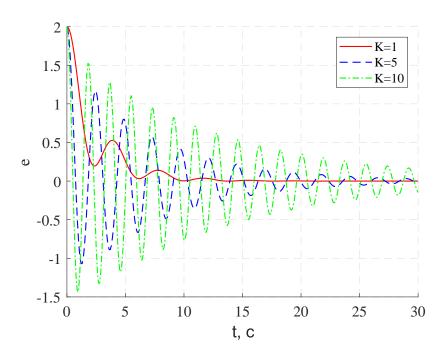


Рисунок 9 - Ошибка

$$\varepsilon = \lim_{s \to 0} s \frac{A}{1 + kW(s)} = \lim_{s \to 0} s \frac{2(s^2 + s + 2)}{s^2 + s + 2 + k} = 0$$
 (2)

2.2 Исследование режима движения с постоянной скоростью:

$$g(t) = Vt$$

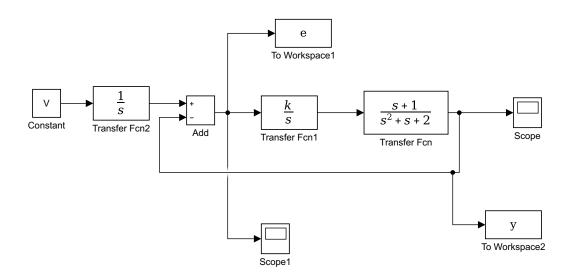


Рисунок 10 - Схема моделирования

Переходные процессы и график ошибки при различных значениях k представлены на рисунках 11 и 12 соответственно

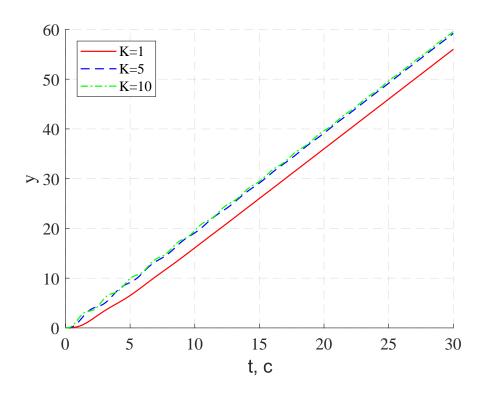


Рисунок 11 - Переходные процессы

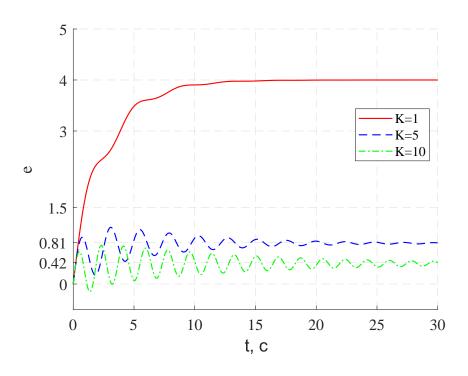


Рисунок 12 - Ошибка

$$\varepsilon = \lim_{s \to 0} \frac{V}{s(1 + \frac{k}{s}W(s))} = \lim_{s \to 0} \frac{V(s^2 + s + 2)}{s(s^2 + s + 2 + k + \frac{k}{s})} = \frac{2V}{k}$$
(3)

- При k=1 : $\varepsilon=4$
- При k=5 : $\varepsilon=0.8$
- При k=10 : $\varepsilon=0.4$

2.3 Исследование режима движения с постоянным ускорением: $g(t) = \frac{at^2}{2}$

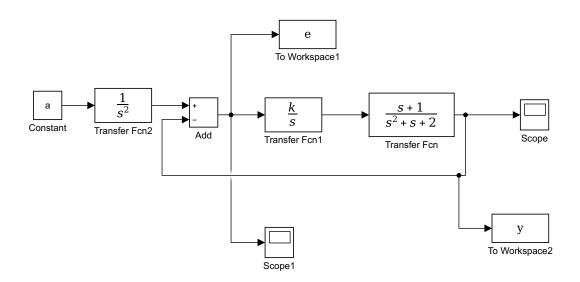


Рисунок 13 - Схема моделирования

Переходные процессы и график ошибки при различных значениях k представлены на рисунках 14 и 15 соответственно

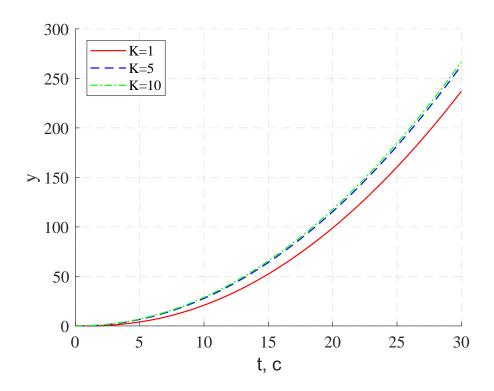


Рисунок 14 - Переходные процессы

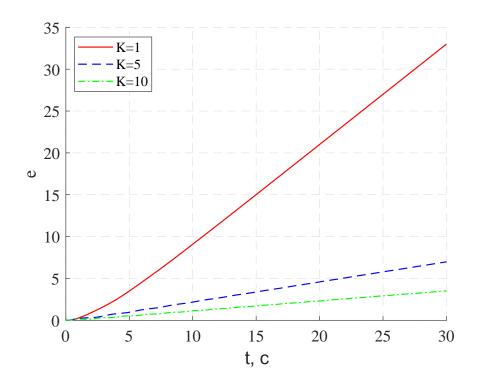


Рисунок 15 - Ошибка

3 Исследование влияния внешних возмущений

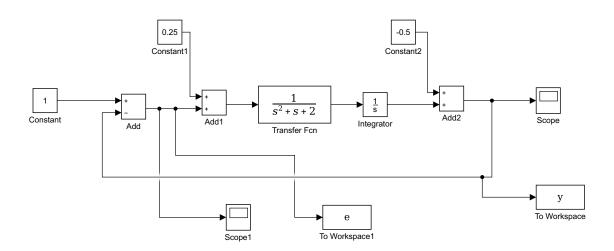


Рисунок 16 - Схема моделирования

Переходные процессы и график ошибки при различных значениях f_1 и f_2 представлены на рисунках 17 и $\ref{17}$ соответственно

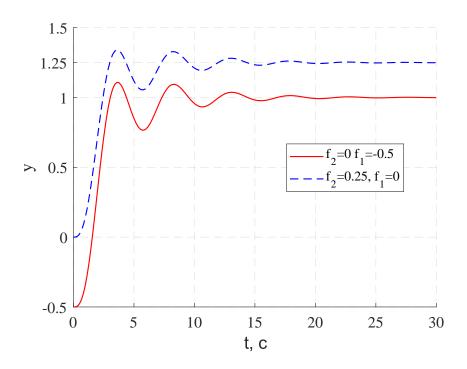


Рисунок 17 - Переходные процессы

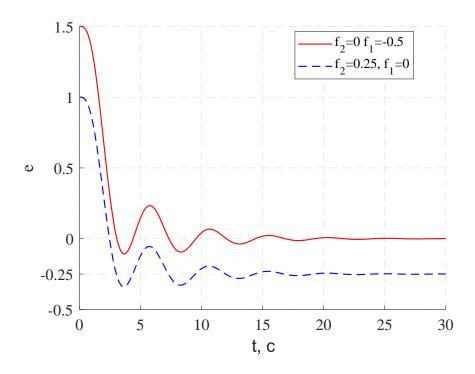


Рисунок 18 - Ошибка

$$\frac{(e+f_2)W(s)}{s} + f_1 = y = g - e \tag{4}$$

$$e(1 + \frac{W(s)}{s}) = g - f_1 - f_2(\frac{W(s)}{s})$$
(5)

$$e = \frac{g}{1 + \frac{W(s)}{s}} - \frac{f_1}{1 + \frac{W(s)}{s}} - f_2 \frac{W(s)}{s + W(s)}$$
 (6)

Так как g, f_1 и f_2 постоянные во времени сигналы, то образ Лапласа для каждого из них равен $\frac{g}{s}$, $\frac{f_1}{s}$ и $\frac{f_2}{s}$ соответственно. Отсюда следует, что:

$$\varepsilon = \lim_{s \to 0} \frac{g}{1 + \frac{W(s)}{s}} - \frac{f_1}{1 + \frac{W(s)}{s}} - f_2 \frac{W(s)}{s + W(s)} = -f_2 \tag{7}$$

- ullet При $f_2=0$ и $f_1=-0.5$: arepsilon=0
- При $f_1 = 0$ и $f_2 = 0.25$: $\varepsilon = -0.25$

4 Исследование установившейся ошибки при произвольном входном воздействии

Схема моделирования представлена на рисунке 19

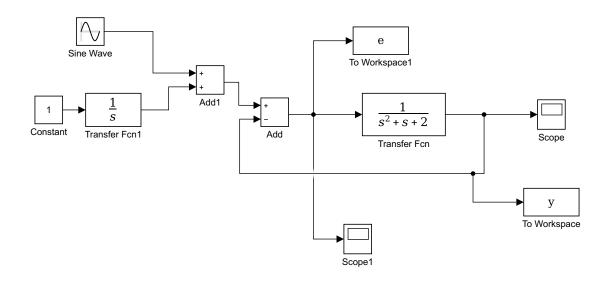


Рисунок 19 - Схема моделирования

Переходной процесс представлен на рисунке 20

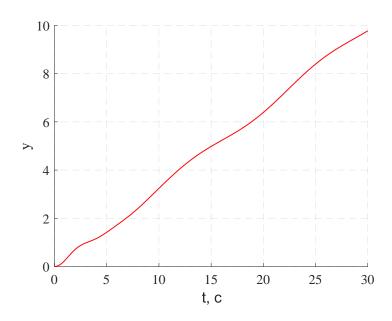


Рисунок 20 - Переходной процесс

График ошибки при моделировании и теоретической представлен на рисунке 21

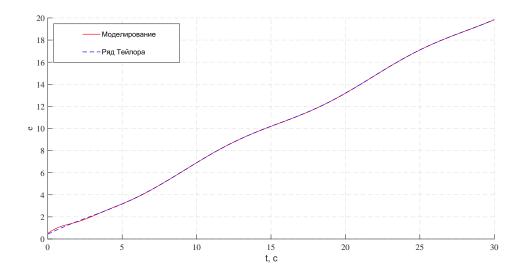


Рисунок 21 - Ошибка

Приближенное разложение ошибки в ряд Тейлора, содержащий только 3 члена:

$$E(S) = \Phi_e(s)G(s)$$
 , где $\Phi_e(s) = \frac{s^2 + s + 2}{s^2 + s + 3}$ (8)

$$e(t) = c_0 g(t) + c_1 g(t) + c_2 \frac{g(t)}{2!}$$
 , где: (9)

$$c_0 = \Phi_e(s)_{s=0} = \frac{2}{3} \tag{10}$$

$$c_1 = \left(\frac{d\Phi_e(s)}{ds}\right)_{s=0} = \frac{1}{9} \tag{11}$$

$$c_2 = \left(\frac{d^2\Phi_e(s)}{ds^2}\right)_{s=0} = \frac{4}{27} \tag{12}$$

$$g(t) = t + 0.5\cos 0.5t \tag{13}$$

$$\dot{g(t)} = 1 - 0.25 \sin 0.5t \tag{14}$$

$$\ddot{g(t)} = -0.125\cos 0.5t \tag{15}$$

(16)

В итоге:

$$e(t) = \frac{2}{3}(t + 0.5\cos 0.5t) + \frac{1}{9}(1 - 0.25\sin 0.5t) + \frac{4}{27}\frac{-0.125\cos 0.5t}{2!}$$
(17)

Вывод

В данной работе были исследованы две системы с различным порядком астатизма. Для каждой из систем было произведено моделирование при различных входных воздействиях и коэффициентах усиления, в результате которого были получены переходные процессы и установившиеся значения ошибки, которые подтвердились аналитическим расчетом.

Для системы с нулевым порядком астатизма ошибка в стационарном режиме имеет конечное значение, которое уменьшается, при увеличении k, а при линейно возрастающем сигнале стремится к бесконечности.

Для системы с первым порядком астатизма значение ошибки в стационарном режиме равно нулю, при линейно возрастающем - имеет некоторое конечное значение, которое уменьшается, при увеличении k, а при квадратичном сигнале - стремится к бесконечности.

Также было исследовано влияние внешних возмущений и аналитический рассчет установившейся ошибки. В результате было выявлено, что для устранения ошибки от постоянного сигнала возмущения необходимо интегрирующий элемент ставить до места приложения этого возмущения.

Было произведено моделирование системы при произвольном входном воздействии. Рассчитанная и полученная при моделировании ошибки совпали.