# BTS - Équations Différentielles - TD3et

# 1. Les circuits séries simples

## 1.1. En régime DC

On s'intéresse à deux circuits série alimentés, dès t=0 secondes par une batterie en 12 V DC contenant :

- Circuit RL : une résistance  $R = 2 \Omega$  et une inductance L = 20 mH.
- Circuit RC : une résistance R =  $2 \Omega$  et un condensateur C = 5 mF.

On utilisera, sauf mention explicite, la milliseconde (ms) pour exprimer des temps.

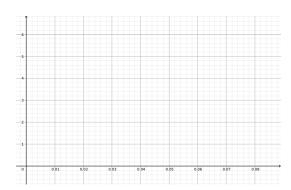
On rappelle que, à n'importe quel instant :  $u_L=Li'$  ;  $u_C=\frac{q}{C}$  avec q'=i (la charge, primitive de l'intensité, est exprimée en Coulomb : C) et  $u_R=Ri$ .

#### Exercice 1:

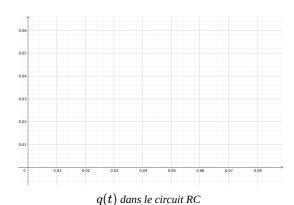
- 1. Faire deux schémas pour les circuits, contenant chacun les composants et mentionnant les tensions et intensités.
- 2. En appliquant la loi des mailles et en exprimant les tensions en fonction de i dans le circuit RL et en fonction de q dans le circuit RC, établir les 2 équations différentielles  $(E_{\rm RL}): Li'+Ri=12$  et  $(E_{\rm RC}): Rq'+rac{q}{C}=12$  .
- 3. Résoudre ces deux équations différentielles, en sachant qu'à t=0, on a i(0)=q(0)=0.
- 4. Tracer l'intensité dans le circuit RL, ainsi que la charge et l'intensité dans le circuit RC. Interpréter. Repérer les constantes de temps  $\tau_{RL}$  et  $\tau_{RC}$  sur les deux schémas (sur l'axe du temps) et faire figurer le régime permanent.

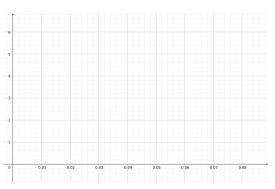
**Remarque :** Il est possible de calculer les coordonnées du point d'intersection de la tangente initiale avec l'asymptote, mais pour aller plus vite, on pourra considérer que  $au=\frac{-1}{r}$  où r est la solution de l'équation caractéristique.

Établir qu'en général :  $au = rac{L}{R}$  et au = RC pour ces 2 circuits .



i(t) dans le circuit RL





i(t) dans le circuit RC

# 2. Prise d'initiative

par groupe de 2 ou 3.

### 2.1. En régime AC (sinusoïdal)

Les deux mêmes circuits sont alimentés en régime sinusoïdal à partir de t=0, par une tension  $u(t)=240\sin(100\pi t)$ .

**Méthode 1 :** Seul le second membre des équations différentielles va changer.

La solution particulière est à recalculer : on utilise la méthode des impédances.

Exercice 2 : Mêmes questions qu'à l'exercice précédent. Tracer les courbes sur un logiciel.

### 2.2. Circuits RC et RL en dérivation

Exercice 3 : On souhaite étudier de la même façon les associations en parallèle.

Mêmes questions qu'à l'exercice précédent. Tracer les courbes sur un logiciel.