Progetto - Fondamenti di informatica

Francesco Andreuzzi IN0500630

Anno 2018-2019

1 Calcolo della funzione

Ricavo la funzione dal resto della divisione del numero di matricola per 2^{16} :

		x	у	\mathbf{z}	k	f(x,y,z,k)
		0	0	0	0	1
		0	0	0	1	0
		0	0	1	0	1
		0	0	1	1	0
		0	1	0	0	0
		0	1	0	1	0
		0	1	1	0	1
$(500630 \mod 65536) = 41878$	\longrightarrow	0	1	1	1	1
$41878_{10} = 1010001110010110_2$		1	0	0	0	1
		1	0	0	1	0
		1	0	1	0	0
		1	0	1	1	1
		1	1	0	0	0
		1	1	0	1	1
		1	1	1	Λ	1

0

Minterm

Riscrivo le combinazioni (x,y,z,k) in cui la funzione assume valore 1:

x	\mathbf{y}	Z	k	f(x,y,z,k)
0	0	0	0	1
0	0	1	0	1
0	1	1	0	1
0	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	0	1	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1

La funzione f(x, y, z, k) quindi si può esprimere nel seguente modo:

$$\begin{split} \boldsymbol{f(x,y,z,k)} &= (\overline{x} \cdot \overline{y} \cdot \overline{z} \cdot \overline{k}) + (\overline{x} \cdot \overline{y} \cdot z \cdot \overline{k}) + (\overline{x} \cdot y \cdot \overline{z} \cdot \overline{k}) \end{split}$$

Maxterm

Riscrivo le combinazioni (x, y, z, k) in cui la funzione assume valore 0:

x	У	\mathbf{z}	k	f(x,y,z,k)
0	0	0	1	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	0

La funzione f(x,y,z,k) quindi si può esprimere nel seguente modo:

$$f(x, y, z, k) = (x + y + z + \overline{k}) \cdot (x + y + \overline{z} + \overline{k}) \cdot (x + \overline{y} + z + k) \cdot (x + \overline{y} + z + \overline{k}) \cdot (\overline{x} + y + z + \overline{k}) \cdot (\overline{x} + y + \overline{z} + \overline{k}) \cdot (\overline{x} + \overline{y} + z + \overline{k}) \cdot (\overline{x} + \overline{y} + \overline{z} + \overline{k})$$

2 Semplificazione

Semplificazione algebrica

Minterm

$$\begin{split} \boldsymbol{f}(\boldsymbol{x},\boldsymbol{y},\boldsymbol{z},\boldsymbol{k}) &= \underline{(\overline{x}\cdot\overline{y}\cdot\overline{z}\cdot\overline{k})} + (\overline{x}\cdot\overline{y}\cdot z\cdot\overline{k}) + (\overline{x}\cdot y\cdot z\cdot\overline{k}) + (\overline{x}\cdot y\cdot z\cdot\overline{k}) + (\underline{x}\cdot\overline{y}\cdot\overline{z}\cdot\overline{k}) + (x\cdot\overline{y}\cdot z\cdot\overline{k}) +$$

Maxterm

Verifica

Dimostro per induzione perfetta che le espressioni sono equivalenti:

x	у	\mathbf{z}	k	minterm(x,y,z,k)	maxterm(x,y,z,k)
0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
0	0	1	1	0	0
0	1	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0
0	1	1	0	1	1
0	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	1
1	0	0	1	0	0
1	0	1	0	0	0
1	0	1	1	1	1
1	1	0	0	0	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	1	1
1	1	1	1	0	0

Mappa di Karnaugh

La funzione ottenuta è la seguente:

$$f(x,y,z,k) = \overline{(\overline{y} \cdot \overline{z} \cdot \overline{k})} + \overline{(x \cdot y \cdot \overline{z} \cdot k)} + \overline{(x \cdot \overline{y} \cdot z \cdot k)} + \overline{(\overline{x} \cdot y \cdot z)} + \overline{(\overline{x} \cdot z \cdot \overline{k})} + \overline{(y \cdot z \cdot \overline{k})}$$

Metodo tabellare di Quine - Mc Cluskey

Costruisco la tabella (ordinata secondo il numero di 1 all'interno del termine):

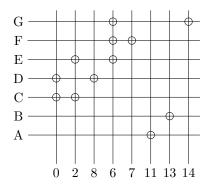
	Livello	Numero	Termine
~	0	0	0000
\checkmark	1	2	0010
✓	1	8	1000
\checkmark	2	6	0110
\checkmark	3	7	0111
A	3	11	1011
В	3	13	1101
✓	3	14	1110

Effettuate le semplificazioni, ottengo la seguente tabella.

		Livelli	Implicanti	Termine
Г	С	0,1	0,2	00-0
	D	0,1	0,8	-000
Γ	Е	1,2	2,6	0-10
Γ	F	2,3	6,7	011-
	G	2,3	6,14	-110

Non è possibile operare alcuna semplifiazione.

Costruisco il reticolo, in modo da poter valutare quali sono gli implicanti essenziali:



Per coprire il termine 2 posso scegliere l'implicante C oppure l'implicante E. Scegliendo l'implicante E mi riconduco all'espressione della funzione trovata con la mappa di Karnaugh.

Implicante	Termini implicati	Espressione
A	11	$x \cdot \overline{y} \cdot z \cdot k$
В	13	$x \cdot y \cdot \overline{z} \cdot k$
G	6,14	$y\cdot z\cdot \overline{k}$
F	6,7	$\overline{x} \cdot y \cdot z$
D	0,8	$\overline{y} \cdot \overline{z} \cdot \overline{k}$
E	0,2	$\overline{x} \cdot z \cdot \overline{k}$

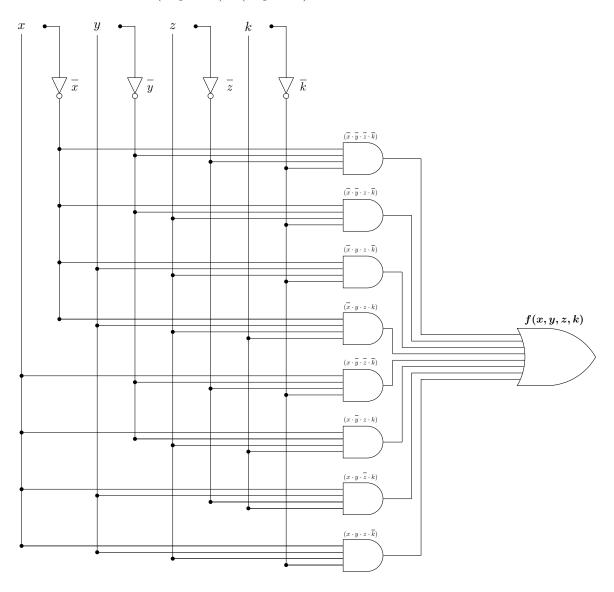
La funzione ottenuta è la seguente:

$$f(x, y, z, k) = \underbrace{(\overline{y} \cdot \overline{z} \cdot \overline{k})}_{\text{D}} + \underbrace{(x \cdot y \cdot \overline{z} \cdot k)}_{\text{B}} + \underbrace{(x \cdot \overline{y} \cdot z \cdot k)}_{\text{A}} + \underbrace{(\overline{x} \cdot y \cdot z)}_{\text{F}} + \underbrace{(\overline{x} \cdot z \cdot \overline{k})}_{\text{E}} + \underbrace{(y \cdot z \cdot \overline{k})}_{\text{G}}$$

3 Schema logico

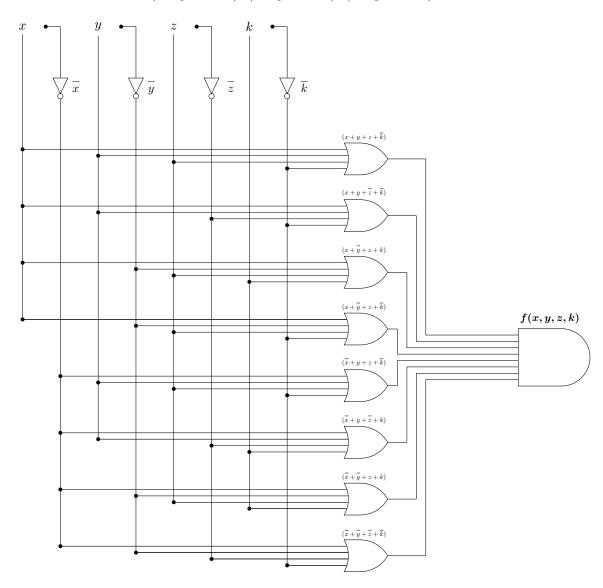
Minterm:

$$\begin{split} \boldsymbol{f(x,y,z,k)} &= (\overline{x} \cdot \overline{y} \cdot \overline{z} \cdot \overline{k}) + (\overline{x} \cdot \overline{y} \cdot z \cdot \overline{k}) + (\overline{x} \cdot y \cdot z \cdot \overline{k}) +$$



Maxterm:

$$f(x, y, z, k) = (x + y + z + \overline{k}) \cdot (x + y + \overline{z} + \overline{k}) \cdot (x + \overline{y} + z + k) \cdot (x + \overline{y} + z + \overline{k}) \cdot (\overline{x} + y + z + \overline{k}) \cdot (\overline{x} + y + \overline{z} + k) \cdot (\overline{x} + \overline{y} + z + k) \cdot (\overline{x} + \overline{y} + \overline{z} + \overline{k})$$



Funzione semplificata:

$$\boldsymbol{f(x,y,z,k)} = (\overline{y} \cdot \overline{z} \cdot \overline{k}) + (x \cdot y \cdot \overline{z} \cdot k) + (x \cdot \overline{y} \cdot z \cdot k) + (\overline{x} \cdot y \cdot z) + (\overline{x} \cdot z \cdot \overline{k}) + (y \cdot z \cdot \overline{k})$$

