

Syntax natürlicher Sprachen

Tutorium 10:

Probabilistic Context Free Grammar

Shuyan Liu

10.01.2025

Einige Beispiele kommt aus der Vorlesungsfolien, Aufgaben sowie Übungen.

Die Hauptteile der Slides dieser Woche stammen von Sarah Anna Uffelmann aus Wintersemester 2023/24 und wurden bearbeitet. Verwendung mit Dank.

Was ist Probabilistic Context Free Grammar?

- Context-Free-Grammar + Probability
- Ziel:
 - korrekte, plausible oder wahrscheinlichere Struktur-Interpretationen vorzuschlagen.
 - Syntax-Disambiguierung
 - **hohe Abdeckung** (viele Regeln, großes Lexikon mit ambigen Einträgen) und **Input langer (komplexer) Sätze** führen zu:
 - *hoher Aufwand beim Parsing*
 - *große Anzahl an Ableitungen/Analysen (Ambiguität)*
 - z. B. durch Ambiguität im Lexikon:
 - [NP Time] [V flies] like an arrow.*
 - [V Time] [NP flies] like an arrow.*
 - [NP Time flies] [V like] an arrow.*

Was ist Probabilistic Context Free Grammar?

- Context-Free-Grammar + Probability
- Ziel:
 - korrekte, plausible oder wahrscheinlichere Struktur-Interpretationen vorzuschlagen.
 - Syntax-Disambiguierung
- Liefert die möglichste Parsebäume (basiert auf Korpusdaten) zurück
- Regeln:
 - Die Wahrscheinlichkeiten aller Regeln mit **derselben linken Seite** summieren zu 1 (d.h. sie ergeben eine Wahrscheinlichkeitsverteilung)
 - Die Wahrscheinlichkeit eines Parsebaumes ist das Produkt seiner Regelwahrscheinlichkeiten

Wahrscheinlichkeit-Regel 1

1. $S \rightarrow NP VP$

2. $NP \rightarrow DET N$

3. $VP \rightarrow V NP$

WK: 70% für $VP \rightarrow V NP$

4. $VP \rightarrow V$

Wahrscheinlichkeit für $VP \rightarrow V$?

5. $DET \rightarrow \text{"der"} \mid \text{"die"} \mid \text{"das"} \mid \text{"ein"} \mid \text{"eine"}$

6. $N \rightarrow \text{"Hund"} \mid \text{"Katze"} \mid \text{"Maus"} \mid \text{"Apfel"}$

7. $V \rightarrow \text{"frisst"} \mid \text{"schläft"} \mid \text{"läuft"} \mid \text{"spielt"}$

Antwort: 30%

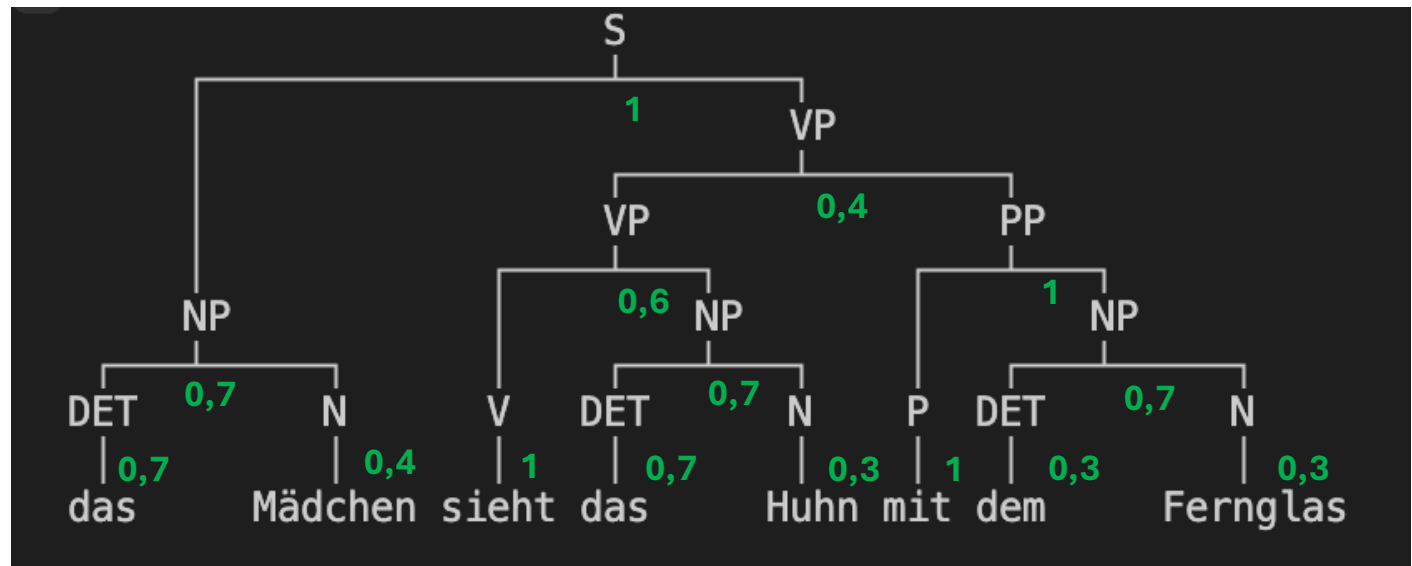
denn Wahrscheinlichkeiten aller Regeln für
die Expansion eines bestimmten
Nonterminals addieren sich zu 1

Wahrscheinlichkeit-Regeln 2

„das Mädchen sieht das Huhn mit dem Fernglas.“

S	-> NP VP	(1)
NP	-> Det N(0,7)	
NP	-> NP PP	(0,3)
VP	-> V NP	(0,6)
VP	-> VP PP(0,4)	
PP	-> P NP	(1)
Det	-> das	(0,7)
Det	-> dem	(0,3)
N	-> Mädchen	(0,4)
N	-> Huhn (0,3)	
N	-> Fernglas	(0,3)
V	-> sieht	(1)
P	-> mit	(1)

Lesart 1:



Die Wahrscheinlichkeit eines Parsebaumes ist das Produkt seiner Regelwahrscheinlichkeiten:

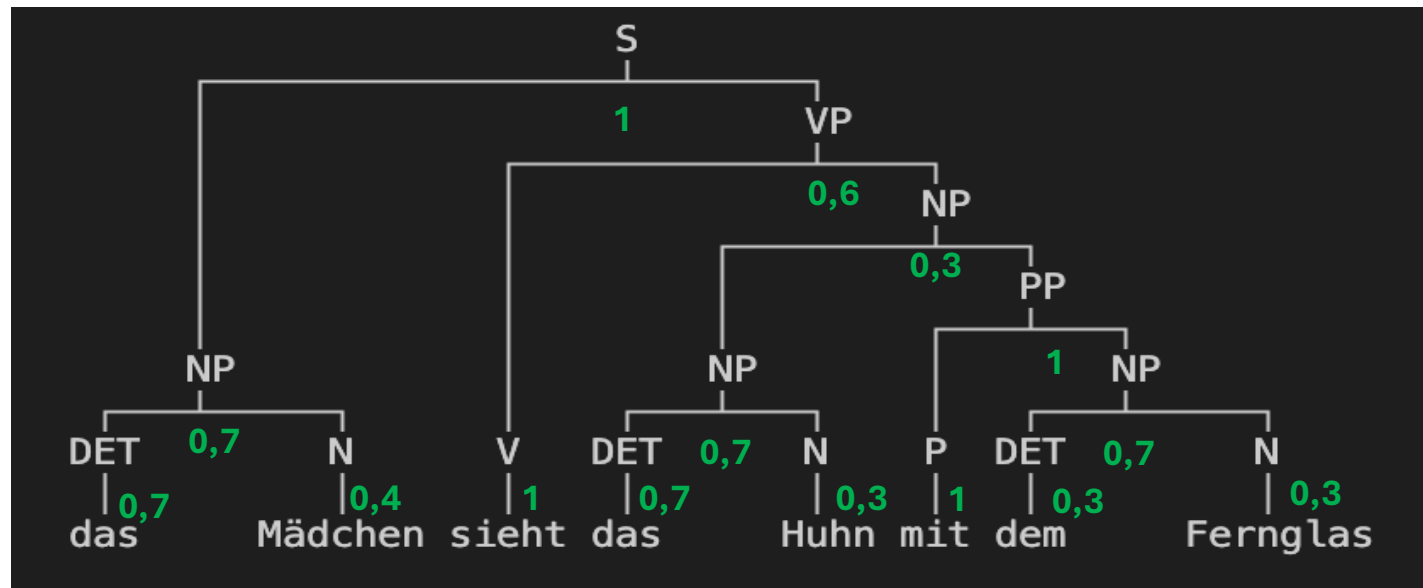
$$\begin{aligned} P(T1) &= 1 * 0,7 * 0,7 * 0,4 * 0,4 * 0,6 * 1 * 0,7 * 0,7 * 0,3 * 1 * 1 * 0,7 * 0,3 * 0,3 \\ &= 0,0004356374 \end{aligned}$$

Wahrscheinlichkeit-Regeln 2

„das Mädchen sieht das Huhn mit dem Fernglas.“

S	-> NP VP	(1)
NP	-> Det N(0,7)	
NP	-> NP PP	(0,3)
VP	-> V NP	(0,6)
VP	-> VP PP(0,4)	
PP	-> P NP	(1)
Det	-> das	(0,7)
Det	-> dem	(0,3)
N	-> Mädchen	(0,4)
N	-> Huhn (0,3)	
N	-> Fernglas	(0,3)
V	-> sieht	(1)
P	-> mit	(1)

Lesart 2:



Die Wahrscheinlichkeit eines Parsebaumes ist das Produkt seiner Regelwahrscheinlichkeiten:

$$\begin{aligned} P(T_2) &= 1 * 0,7 * 0,7 * 0,4 * 0,6 * 1 * 0,3 * 0,7 * 0,7 * 0,3 * 1 * 1 * 0,7 * 0,3 * 0,3 \\ &= 0,0003267281 \end{aligned}$$

PCFG-Regeln

$P(T1) = 0,0004356374$

$P(T2) = 0,0003267281$

-> **T1 ist der wahrscheinlichere Parsebaum**

Die **Wahrscheinlichkeit des Satzes** ist die Summe der Wahrscheinlichkeiten aller seiner möglichen Ableitungen (Parsebäume).

In unserem Beispiel: $P(S) = P(T1) + P(T2) = 0,0007623655$

Woher erhalten wir die Regelwahrscheinlichkeiten?

-> Sie werden aus Regelhäufigkeiten geschätzt.

Regelhäufigkeiten erhalten wir

(1) durch Zählen der Regeln in einer Treebank

(2) aus einem automatisch geparsten und disambiguierten Korpus

PCFG Parsing

Viterbi Parser

-> Gibt den **wahrscheinlichsten** Parsebaum (und **nur** diesen!) zurück

Probabilistische Chart-Parser

- probabilistische Varianten von Chart-Parsing-Algorithmen (Earley, CYK)
- NLTK: InsideChartParser, LongestChartParser
- haben Zustandsmengen (**edge queue**), die nach unterschiedlichen Kriterien sortiert werden
- können:
 - **lowest cost first** (bei InsideChartParser)
Sortierung nach Wahrscheinlichkeit, findet also immer die wahrscheinlichste Ableitung
 - **beam search** (bei Inside Chart Parser beam_size definieren)
wie lowest cost first, aber es werden nur die n (beam size) wahrscheinlichsten Ableitungen behalten
 - **best first search** (bei LongestChartParser)
Sortierung nach Länge der Ableitung (hat zur Folge, dass evtl. nicht die wahrscheinlichste Ableitung an erster Stelle steht)