

Algoritmos de ordenação: Quick_sort.

Prof. Luis Cuevas Rodríguez, PhD
E-mail: lcuevasrodriguez@gmail.com /
lrodriguez@uea.edu.br
Celular: 9298154648

Conteúdo

- Especificado o algoritmo de ordenação por:
 - Quicksort
- Analisar seu tempo de execução.

Quicksort

Quicksort (ordenação rápida)

- O arranjo $A[p..r]$ é particionado em dois subarranjos $A[p..q-1]$ e $A[q+1..r]$
- Os elementos de $A[p..q-1]$ são menores que $A[q]$, por sua vez, é igual ou menor a cada elemento de $A[q+1..r]$.
- O índice q é calculado como parte do procedimento
- Complexidade
 - No pior caso é $\Theta(n^2)$
 - Na prática a eficiência na média é muito boa
 - O tempo de execução esperado $\Theta(n \log n)$

Quicksort

- Conquistar
 - Os dois subarranjos $A[p..q-1]$ e $A[q+1..r]$ são ordenados por chamadas recursivas
- Combinar
 - Os arranjos são ordenados localmente, não há a necessidade de combinação

Quicksort

```
QUICKSORT (A, p, r)
1: if p < r then
2:   q ← PARTITION (A, p, r) ;
3:   QUICKSORT (A, p, q-1) ;
4:   QUICKSORT (A, q+1, r) ;
6: end if
```

- Para ordenar um arranjo A , a chamada inicial seria $\text{QUICKSORT}(A, 1, n)$

Quicksort

```
PARTITION (A, p, r)
1:  $x \leftarrow A[r]$ ;
2:  $i \leftarrow p-1$ ;
3: for  $j \leftarrow p$  to  $r-1$  do
4:   if  $A[j] \leq x$  then
6:      $i \leftarrow i+1$ ;
7:     trocar( $A[i], A[j]$ );
8:   end if
9: end for
10: trocar( $A[i+1], A[r]$ );
11: return  $i+1$ ;
```

- O PARTITION sempre seleciona um elemento $x=A[r]$ como um pivô.
- O particionamento do arranjo $A[p..r]$ é feito em torno do pivô x

A

1	2	3	4	5	6	7	8
2	8	7	1	3	5	6	4

Quicksort

$r-p = n-1$ vezes \longrightarrow

```

PARTITION(A, p, r)
 $\Theta(1)$  { 1:  $x \leftarrow A[r]$ ;
          2:  $i \leftarrow p-1$ ;
          3: for  $j \leftarrow p$  to  $r-1$  do
            4:   if  $A[j] \leq x$  then
              6:      $i \leftarrow i+1$ ;
              7:     trocar( $A[i], A[j]$ );
            8:   end if
          9: end for
           $\Theta(1)$  { 10: trocar( $A[i+1], A[r]$ );
                  11: return  $i+1$ ;

```

$$T(n) = \Theta(1) + (n-1)\Theta(1) + \Theta(1) = \Theta(n) \quad \Rightarrow \quad T(n) = \Theta(n)$$

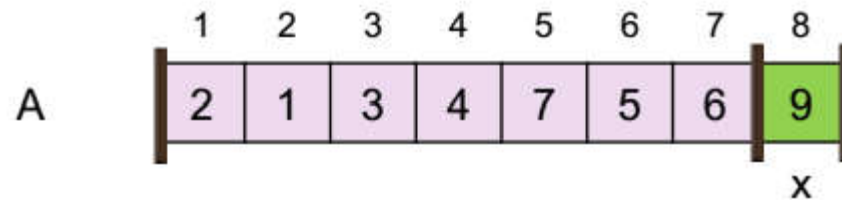
Quicksort

```
QUICKSORT (A, p, r)
1: if p < r then
2:   q ← PARTITION (A, p, r) ;
3:   QUICKSORT (A, p, q-1) ;
4:   QUICKSORT (A, q+1, r) ;
6: end if
```

	1	2	3	4	5	6	7	8
A	85	24	63	45	17	31	96	50

Quicksort

- O desempenho do Quicksort depende da qualidade do particionamento
 - Pior caso: totalmente desbalanceado



- Melhor caso: totalmente balanceado
- Particionamento balanceado
 - Custo de mesma ordem que o Mergesort
- Particionamento desbalanceado
 - Custo de mesma ordem que o Insertionsort

Exercícios

1. Ilustre a operação Quicksort sobre os vetores

a) $C=(27, 17, 3, 16, 13, 10, 1, 5, 7, 12, 4, 8, 9, 0)$

b) $A=(5, 3, 17, 10, 84, 19, 6, 22, 9)$

c) $B=(5, 13, 2, 25, 7, 17, 20, 8, 4)$

Implementação

```
int particao (int vetor[], int inicio, int fim)
{
    int temp;
    int pivot = vetor[fim];
    int i = (inicio - 1);

    for (int j = inicio; j <= fim-1; j++)
    {
        if (vetor[j] <= pivot)
        {
            i++;
            temp = vetor[i];
            vetor[i]=vetor[j];
            vetor[j]=temp;
        }
    }
    temp = vetor[i + 1];
    vetor[i + 1]=vetor[fim];
    vetor[fim]=temp;
    return (i + 1);
}
```

```
void quickSort(int vetor[], int inicio, int fim)
{
    if (inicio < fim)
    {
        int q = particao(vetor, inicio, fim);
        quickSort(vetor, inicio, q - 1);
        quickSort(vetor, q + 1, fim);
    }
}
```

Implementação

```
int main()
{
    int lista[TAM]={10, 80, 30, 90, 40, 50, 70};
    imprime_vetor(lista);
    quickSort(lista,0,6);
    cout << endl;
    imprime_vetor(lista);
    return 0;
}
```

