Tentativa e Erro (Backtracking)

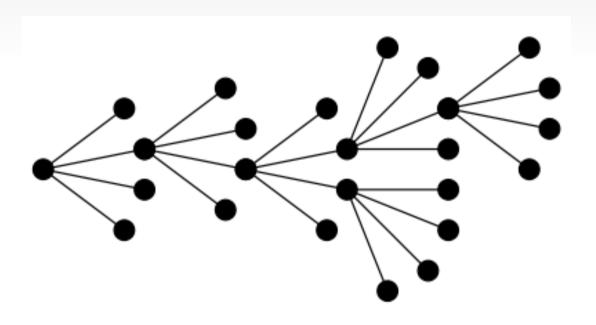
Norton T. Roman

- Suponha que você tem que tomar uma série de decisões dentre várias possibilidades, onde
 - Você não tem informação suficiente para saber o que escolher
 - Cada decisão leva a um novo conjunto de escolhas
 - Alguma sequência de escolhas (possivelmente mais que uma) pode ser a solução para o problema
- Tentativa e erro é um modo metódico de tentar várias seqüências de decisões, até encontrar uma que funcione

- Técnica de solução de problemas
 - Usada quando se quer achar soluções para problemas para os que não se conhece uma regra fixa de computação
- Passos
 - Escolher uma operação plausível;
 - Executar a operação com os dados;
 - Se a meta não foi alcançada, repita o processo até que se atinja a meta ou se evidencie a insolubilidade do problema.

- Tentativa e erro é uma técnica que utiliza recursividade
 - A recursividade pode ser usada para resolver problemas cuja solução é do tipo tentar todas as alternativas possíveis.
- Idéia para algoritmos tentativa e erro é decompor o processo em um número finito de sub-tarefas parciais (expressas de forma recursiva).
 - Explorá-las exaustivamente
 - A construção de uma solução é obtida através de tentativas (ou pesquisas) da árvore de sub-tarefas.

 O processo de tentativa gradualmente constrói e percorre uma árvore de sub-tarefas.



- Funcionamento:
 - Passos em direção à solução final são tentados e registrados em uma estrutura de dados;
 - Caso esses passos tomados não levem à solução final, eles podem ser retirados e apagados do registro.
- A busca na árvore de soluções pode crescer rapidamente (exponencialmente)
 - Necessário usar algoritmos aproximados ou heurísticas que não garantem a solução ótima mas são rápidas.

- Exploramos cada possibilidade como segue:
 - Se a possibilidade é a resposta, retorne "sucesso"
 - Se a possibilidade não for resposta, e não houver outra a ser testada a partir dela, retorne "falha"
 - Para cada possibilidade, a partir da atual:
 - Explore a nova possibilidade (recursivo)
 - Se encontrou a resposta, retorne "sucesso"
 - Retorne "falha"

- Dado um labirinto, encontre um caminho da entrada à saída
 - Em cada interseção, você tem que decidir se:

- Dado um labirinto, encontre um caminho da entrada à saída
 - Em cada interseção, você tem que decidir se:
 - Segue direto
 - Vai à esquerda
 - Vai à direita
 - Você não tem informação suficiente para escolher corretamente
 - Cada escolha leva a outro conjunto de escolhas
 - Uma ou mais seqüência de escolhas pode ser a solução

- Você deseja colorir um mapa com no máximo 4 cores: Vermelho, amarelo, verte e azul
 - Países adjacentes devem ter cores diferentes
 - Em cada iteração, você deve decidir ...

- Você deseja colorir um mapa com no máximo 4 cores: Vermelho, amarelo, verte e azul
 - Países adjacentes devem ter cores diferentes
 - Em cada iteração, você deve decidir que cor pinta um país, dadas as cores já atribuídas aos vizinhos
 - Você não tem informação suficiente para escolher as cores
 - Cada escolha leva a outro conjunto de escolhas
 - Uma ou mais sequencia de passos pode ser a solução

- Recursão é a maneira mais natural de se implementar tentativa e erro:
- Considere o método recursivo:

```
    int f(int a) {
    ...
    b = f(c);
    ...
    }
```

```
    int f(int a) {
    ...
    b = f(c);
    ...
}
```

- Da primeira vez que f é chamada (com 2), cria-se espaço em memória para seus parâmetros, variáveis locais etc
 - Suponha que c torna-se 3

```
f a=2,c=3
b =
```

```
    int f(int a) {
    ...
    b = f(c);
    ...
}
```

- Quando chega em f(c), a situação será como na figura
 - Suponha que c torna-se 5, em algum momento

```
f a=3,c=5
b =
f a=2,c=3
b =
```

```
    int f(int a) {
    ...
    b = f(c);
    ...
}
```

- Quando chega em f(c) novamente, a situação será como na figura
 - Suponha que, agora, é irrelevante o valor de c

```
f a=5,c=?
b =

f a=3,c=5
b =

f a=2,c=3
b =
```

```
    int f(int a) {
    ...
    b = f(c);
    ...
}
```

- Antes de dar valor a c, f(5) retorna o valor 4, por exemplo
 - E "volta" à porção de memória no passo anterior da recursão – backtracking

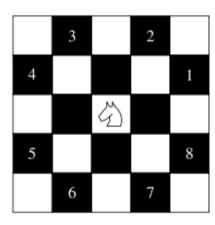
```
f a=3,c=5
b = 4
f a=2,c=3
b =
```

- Se conseguirmos codificar o problema de modo a que:
 - Cada nova decisão seja uma chamada recursiva
 - Cada backtracking corresponda a voltar de uma chamada recursiva
- Então a solução do problema, se feita recursivamente, naturalmente gerenciará o mecanismo de tentativa e erro

Exemplo - Passeio do Cavalo

- Passeio do cavalo no tabuleiro de xadrez.
 - Dado um tabuleiro com n x n posições, o cavalo se movimenta segundo as regras do xadrez.
 - A partir de uma posição inicial (x_0, y_0) , o problema consiste em encontrar, se existir um passeio do cavalo

com n² - 1 movimentos, visitando todos os pontos do tabuleiro uma única vez



- O tabuleiro \Rightarrow matriz n \times n.
- Situação de cada posição:
 - t[x,y] = 0, $\langle x,y \rangle$ não foi visitada
 - t[x,y] = i, $\langle x,y \rangle$ visitada no i-ésimo movimento, $1 \le i \le n^2$.
- As regras do xadrez são utilizadas para os movimentos do cavalo

```
procedimento tenta
    BFGIN
    inicializa seleção de movimentos
    WHILE movimento não bem sucedido AND existem candidatos a movimento DO
        seleciona próximo candidato ao movimento
        IF aceitável THFN
                                                                 Ex: Marca no
            registra movimento ◆
                                                                 tabuleiro
            IF tabuleiro não está cheio THEN
                tenta novo movimento (chamada recursiva)
                IF não sucedido THFN
                    apaga registro anterior
                FΙ
                                                               O movimento
                                                               anterior não leva à
            FI
                                                               solução. Deve voltar
        FI
                                                               (backtracking)
    OD
END
```

Ao final, o tabuleiro conterá a resposta

Para cálculo das coordenadas dos movimentos possíveis do cavalo

```
public class KnightsTour {
    final int[] dx = \{ 2, 1, -1, -2, -2, -1, 1, 2 \};
    final int[] dy = { 1, 2, 2, 1, -1, -2, -2, -1 };
    final int num; //número de posições do tabuleiro
    final int numSqr; //número total de casas
    int[][] table;
    public KnightsTour(int num) {
       this.num = num;
                                               Aceitável se estiver dentro do
       this.numSqr = num * num;
                                               tabuleiro e a casa ainda não
       this.table = new int[num][num];
                                               tiver sido vizitada
    boolean isAcceptable(int x, int y)
       boolean result = (x \ge 0 \&\& x \le num - 1);
       result = result && (y \ge 0 \&\& y \le num - 1);
       result = result && (table[x][y] == 0);
       return result;
```

Tenta o i-ésimo movimento em (x,y), $1 \le i \le n^2$

```
boolean tryMove(int i, int x, int y) {
   //Verifica a quantidade de movimentos
   boolean done = (i > numSgr);
   int k = 0;
   int u, v;
   while (!done \&\& k < 8) {
      u = x + dx[k]; Coordenadas dos 8 movimentos possíveis em
      v = y + dy[k]; volta do cavalo
      if (isAcceptable(u, v)) {
         table[u][v] = i;
         done = tryMove(i + 1, u, v); //tenta outro movimento
         if (!done) {
            table[u][v] = 0; //sem sucesso. Descarta movimento
      k = k + 1; //passa ao próximo movimento possível
   return done;
```

Mostra todos os

```
movimentos a partir de
void showTour(int x, int y) {
                                              (x,y)
    table[x][y] = 1;
    boolean done = tryMove(2, x, y);
    if (done) {
       for (int i = 0; i < num; i++) {
           for (int j = 0; j < num; j++) {
                System.out.print(table[i][j] + " ");
           System.out.println();
       }
    } else {
           System.out.println("Não há passeio possível");
    }
 public static void main(String[] args) {
   int n = Integer.parseInt(args[0]);
   int x = Integer.parseInt(args[1]);
   int y = Integer.parseInt(args[2]);
   new KnightsTour(n).showTour(x, y);
```

Resultado:

1	60	39	34	31	18	9	64
38	35	32	61	10	63	30	17
59	2	37	40	33	28	19	8
36	49	42	27	62	11	16	29
43	58	3	50	41	24	7	20
48	51	46	55	26	21	12	15
57	44	53	4	23	14	25	6
52	47	56	45	54	5	22	13