

# Algoritmos de ordenação: selection & bubble sort.

Prof. Luis Cuevas Rodríguez, PhD  
E-mail: [lcuevasrodriguez@gmail.com](mailto:lcuevasrodriguez@gmail.com) /  
[lrodriguez@uea.edu.br](mailto:lrodriguez@uea.edu.br)  
Celular: 9298154648

# Conteúdo

- Especificado o algoritmo de ordenação por:
  - seleção (selection\_sort)
  - flutuação (bubble\_sort)
- Analisar seu tempo de execução.

# Problema de ordenação

- Ordenar uma sequência de números em ordem crescente.:
  - Entrada: Uma sequência de  $n$  números  $(a_1, a_2, \dots, a_n) \rightarrow$  chaves
  - Saída: Uma permutação (reordenação)  $(a'_1, a'_2, \dots, a'_n)$  da sequência de entrada, tal que  $a'_1 \leq a'_2 \leq \dots \leq a'_n$

Entrada	Saída
(31,41,59,26,41,58)	(26,31,41,41,58,59)

- Instância do problema de ordenação  $\rightarrow$  Uma sequência de entrada do problema que satisfaz as restrições impostas no enunciado do problema necessária para se calcular uma solução para o problema.

# Ordenação por seleção (selection \_sort)

- Ordenar de n números
  1. Localizando primeiro o menor elemento do vetor,
  2. permutar esse elemento como o elemento contido na primeira posição do vetor.
  3. Em seguida encontrar o segundo menor elemento do vetor e trocar por o elemento na segunda posição.
  4. Continuar para os primeiros n-1 elementos

	0
	1
	2
	3
	9
	6
	5
	4
	8
	7

# Ordenação por seleção (selection\_sort)

5	2	4	6	1	3
---	---	---	---	---	---

1	2	4	6	5	3
---	---	---	---	---	---

1	2	4	6	5	3
---	---	---	---	---	---

1	2	3	6	5	4
---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

---

**Algorithm 2** SELECTION-SORT( $A$ )

---

**Input:**  $A = \langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle$

**Output:** sorted  $A$ .

**for**  $i \leftarrow 1$  **to**  $n - 1$  **do**

$j \leftarrow \text{FIND-MIN}(A, i, n)$

$A[j] \leftrightarrow A[i]$

**end for**

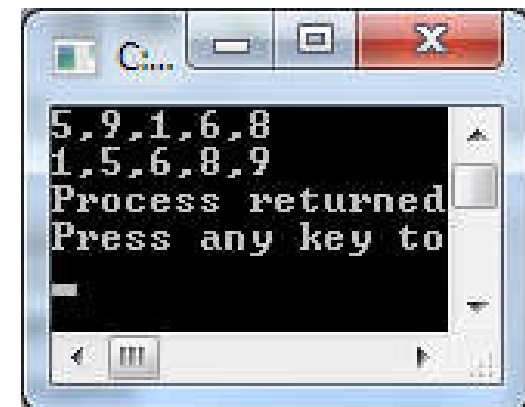
---

# Exercícios

- Ilustre a operação de SELECTION-SORT nos vetores
  - $A = (31, 41, 59, 26, 41, 58)$ .
  - $B = (5, 1, 9, 6, 8)$ .

# Implementação - selection\_sort

```
int main()
{
    int lista[TAM]={5,9,1,6,8};
    int temp, i, j, elem_min;
    imprime_vetor(lista);
    for (i=0; i<TAM-1; i++){
        elem_min = i;
        for (j = i+1; j < TAM; j++)
            if (lista[j]<lista[elem_min])
                elem_min = j;
        temp = lista[elem_min];
        lista[elem_min]=lista[i];
        lista[i] = temp;
    }
    cout << endl;
    imprime_vetor(lista);
    return 0;
}
```



# Implementação - selection\_sort

```
int main()
{
    int lista[TAM]={5,9,1,6,8};
    imprime_vetor(lista);
    ordena_selecao(lista);
    cout << endl;
    imprime_vetor(lista);
    return 0;
}

void ordena_selecao(int *l){
    int i,j, elem_min, temp;
    for (i=0; i<TAM-1; i++){
        elem_min = i;
        for (j = i+1; j < TAM; j++){
            if (*(l+j)<*(l+elem_min))
                elem_min = j;
        }
        temp = *(l+elem_min);
        *(l+elem_min)=*(l+i);
        *(l+i) = temp;
    }
}
```



# Análise do algoritmo

```
int main()
{
    int lista[TAM]={5,9,1,6,8}; _____ c1      1
    int temp, i, j, elem_min;
    imprime_vetor(lista);
    for (i=0; i<TAM-1; i++){ _____ c4      n-1
        elem_min = i;
        for (j = i+1; j < TAM; j++) _____ c6      n-j
            if (lista[j]<lista[elem_min])
                elem_min = j;
        temp = lista[elem_min];
        lista[elem_min]=lista[i];
        lista[i] = temp;
    }
    cout << endl;
    imprime_vetor(lista);
    return 0;
}
```

Melhor caso: ?

Pior caso: ?

# Análise do algoritmo

```
int main()
{
    int lista[TAM]={5,9,1,6,8};
    int temp, i, j, elem_min;
    imprime_vetor(lista);
    for (i=0; i<TAM-1; i++){
        elem_min = i;
        for (j = i+1; j < TAM; j++)
            if (lista[j]<lista[elem_min])
                elem_min = j;
        temp = lista[elem_min];
        lista[elem_min]=lista[i];
        lista[i] = temp;
    }
    cout << endl;
    imprime_vetor(lista);
    return 0;
}
```

\_\_\_\_\_  $c_1$  1

\_\_\_\_\_  $c_4$   $n-1$

\_\_\_\_\_  $c_6$   $n-j$

Melhor caso:  $an+b = \Theta(n^2)$

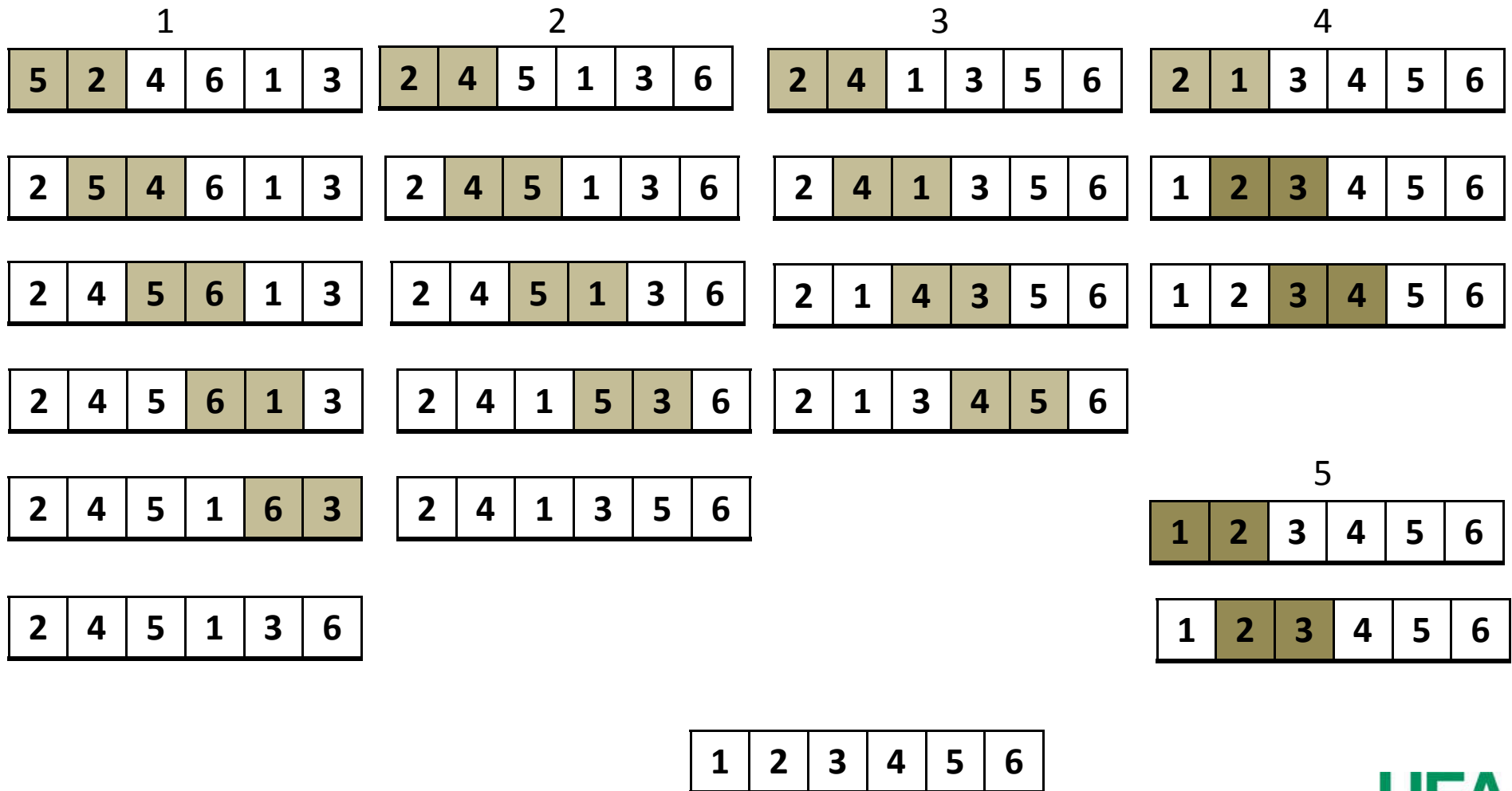
Pior caso:  $an^2+n+b = \Theta(n^2)$

# Ordenação por flutuação (bubble\_sort)

- Percorrer o vetor diversas vezes, e a cada passagem fazer flutuar para o final o maior elemento da sequência.
- Cada elemento da posição  $i$  será comparado com o elemento da posição  $i + 1$ . Se  $i > i+1$  então trocam de lugar.

3 1 5 6 2 4 7 8

# Ordenação por flutuação (bubble\_sort)

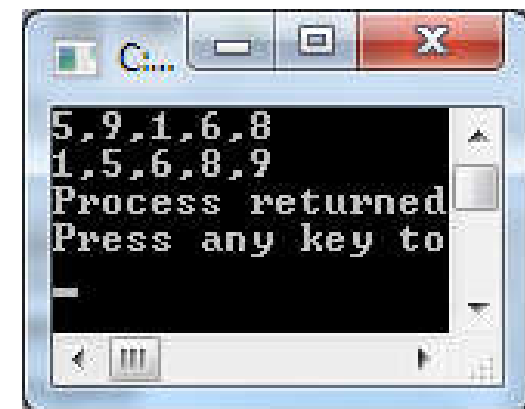


# Exercícios

- Ilustre a operação de BUBBLE-SORT nos vetores
  - $A = (31, 41, 59, 26, 41, 58)$ .
  - $B = (5, 1, 9, 6, 8)$ .

# Implementação - bubble\_sort

```
int main()
{
    int lista[TAM]={5,9,1,6,8};
    int temp, i, j;
    imprime_vetor(lista);
    for (i=0; i<TAM-1; i++){
        for (j = 0; j < TAM-i-1; j++){
            if (lista[j]>lista[j+1]){
                temp = lista[j];
                lista[j]=lista[j+1];
                lista[j+1] = temp;
            }
        }
    }
    cout << endl;
    imprime_vetor(lista);
    return 0;
}
```



# Implementação - bubble\_sort

```
int main()
{
    int lista[TAM]={5,9,1,6,8};
    imprime_vetor(lista);
    ordena_flutuacao(lista);
    cout << endl;
    imprime_vetor(lista);
    return 0;
}

void ordena_flutuacao(int *l){
    int i,j,temp;
    for (i=0; i<TAM-1; i++){
        for (j = 0; j < TAM-i-1; j++){
            if (*(l+j)>*(l+j+1)){
                temp = *(l+j);
                *(l+j)=*(l+j+1);
                *(l+j+1) = temp;
            }
        }
    }
}
```

# Análise do algoritmo

```
int main()
{
    int lista[TAM]={5,9,1,6,8}; _____ c1 1
    int temp, i, j;
    imprime_vetor(lista);
    for (i=0; i<TAM-1; i++) { _____ c4 n-1
        for (j = 0; j < TAM-i-1; j++) _____ c5 n-(i+1)
            if (lista[j]>lista[j+1]){
                temp = lista[j];
                lista[j]=lista[j+1];
                lista[j+1] = temp;
            }
        }
    }
    cout << endl;
    imprime_vetor(lista);
    return 0;
}
```

Melhor caso: ?

Pior caso: ?



# Análise do algoritmo

```
int main()
{
    int lista[TAM]={5,9,1,6,8}; _____ c1      1
    int temp, i, j;
    imprime_vetor(lista);
    for (i=0; i<TAM-1; i++){ _____ c4      n-1
        for (j = 0; j < TAM-i-1; j++) _____ c5      n-(i+1)
            if (lista[j]>lista[j+1]){
                temp = lista[j];
                lista[j]=lista[j+1];
                lista[j+1] = temp;
            }
    }
    cout << endl;
    imprime_vetor(lista);
    return 0;
}
```

Melhor caso:  $an+b = \Theta(n^2)$

Pior caso:  $an^2+n+b = \Theta(n^2)$

# Comparativas

- lista ordenada em ordem crescente.

Algoritmo	Tempo(ms)	Comparações	Movimentações
Bubble sort	0,0988	5050	0
Selection Sort	0,0602	4950	297
Insertion sort	0,0038	99	198

Tamanho do vetor= 100

Algoritmo	Tempo(ms)	Comparações	Movimentações
Bubble sort	9,5415	500500	0
Selection Sort	5,4587	499500	2997
Insertion sort	0,0359	999	1998

Tamanho do vetor= 1000

Algoritmo	Tempo(ms)	Comparações	Movimentações
Bubble sort	934,5364	50005000	0
Selection Sort	508,5891	49995000	29997
Insertion sort	0,3558	9999	19998

Tamanho do vetor= 10000

# Comparativas

- lista ordenada em ordem decrescente

Algoritmo	Tempo(ms)	Comparações	Movimentações
Bubble sort	0,2045	5050	14850
Selection Sort	0,0750	4950	297
Insertion sort	0,1173	99	5148

Tamanho do vetor= 100

Algoritmo	Tempo(ms)	Comparações	Movimentações
Bubble sort	20,3377	500500	1498500
Selection Sort	6,9038	499500	2997
Insertion sort	11,4277	999	501498

Tamanho do vetor= 1000

Algoritmo	Tempo(ms)	Comparações	Movimentações
Bubble sort	1838,0272	50005000	149985000
Selection Sort	665,2050	49995000	29997
Insertion sort	1074,1171	9999	50014998

Tamanho do vetor= 10000

# Comparativas

- lista desordenada com números aleatórios

Algoritmo	Tempo(ms)	Comparações	Movimentações
Bubble sort	0,1596	5050	6777
Selection Sort	0,0698	4950	297
Insertion sort	0,0570	99	2457

Tamanho do vetor= 100

Algoritmo	Tempo(ms)	Comparações	Movimentações
Bubble sort	16,6730	500500	756840
Selection Sort	5,6664	499500	2997
Insertion sort	5,7523	999	254278

Tamanho do vetor= 1000

Algoritmo	Tempo(ms)	Comparações	Movimentações
Bubble sort	1455,9734	50005000	74237889
Selection Sort	545,1068	49995000	29997
Insertion sort	539,6891	9999	24765961

Tamanho do vetor= 10000

# Bibliografía

- CORMEN, T.H., LEISERSON, C.E., RIVEST, R.L., STEIN, C. Algoritmos: Teoria e Prática. Tradução da 3a. edição. Rio de Janeiro: Elsevier, 2012.
- SZWARCFITER, J, L., MARKENZON, L. Estruturas de Dados e seus Algoritmos. 2a edição. Rio de Janeiro: LTC, 2010.
- ZIVIANI, N. Projeto de Algoritmos com Implementação em Pascal e C. 3a edição. São Paulo: Cengage Learning, 2010.
- STROUSTRUP, B. Programming: Principles and Practice Using C++. 2nd Edition. Addison-Wesley Professional. 2014.
- B. Stroustrup. The C++ Programming Language, 4th Edition, 2013.
- Feofiloff, P. Algoritmos em Linguagem C. Elsevier. 2009.
- AHO, A. V. et al. Data Structure and Algorithms. Readings, Addison-Wesley.
- WIRTH, N. Algoritmos e Estruturas de Dados. Rio de Janeiro: Ed. Prentice Hall do Brasil.
- KNUTH, D. E. The Art of Computer Programming. Vol. 1, Addison-Wesley, Reading, Mass.