

Filas de prioridades.

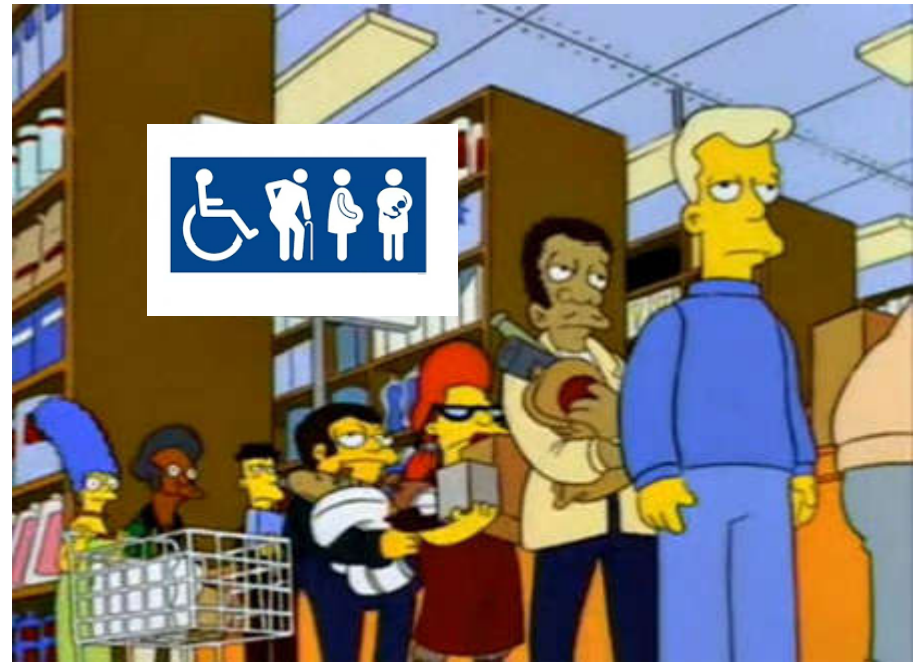
Prof. Luis Cuevas Rodríguez, PhD
E-mail: lcuevasrodriguez@gmail.com /
lrodriguez@uea.edu.br
Celular: 9298154648

Conteúdo

- Fila de prioridade
 - Definição
 - Implementação
 - Complexidade

Fila de prioridade

- Filas (FIFO): primeiro em entrar primeiro em sair
- **Fila de prioridade:** estrutura de dado que mantém uma coleção de elementos, cada um com uma **prioridade associada**.



Fila de prioridade- Exemplos

- Fila de pacientes esperando transplante
- A fila de prioridade de processos aguardando o processador para execução num Sistemas Operacionais (os processos mais prioritários são executados antes dos outros)

Fila de prioridade - Implementação

- Inserir um elemento novo na fila de prioridade.
- Remover o elemento de maior prioridade da fila de prioridade.

Fila de prioridade - Operações

- Mantendo a ordem total.
- Forma aleatória sem nenhuma ordenação.
- Com ordem parcial usando um “heap”

Mantendo a ordem total

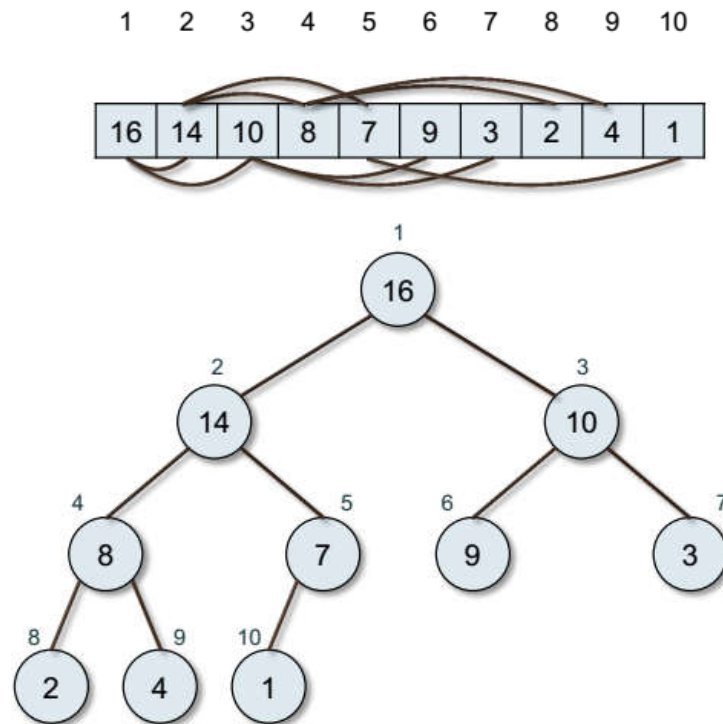
- Manter uma **lista linear ligada** ou encadeada em que os elementos estão ordenados por prioridades decrescentes.
 - Remover um elemento da fila de prioridade: remover o primeiro elemento (tempo constante)
 - Inserir um novo elemento: o pior caso é $O(n)$, onde n é o número de elementos na fila de prioridade

Forma aleatória sem nenhuma ordenação

- Armazenar de forma aleatória os elementos em uma **lista linear seqüencial**, sem nenhuma ordem.
 - Para inserir um novo elemento: inserir em qualquer lugar, por exemplo no final da lista: Tempo $O(1)$.
 - Para remover um elemento da fila de prioridade: é preciso percorrer a lista para obter o elemento com a maior prioridade. Remove-se este elemento, colocando no seu lugar um outro qualquer, por exemplo aquele no final da lista. Tempo $O(n)$, onde n é o número de elementos na fila.

Com ordem parcial usando um “heap”

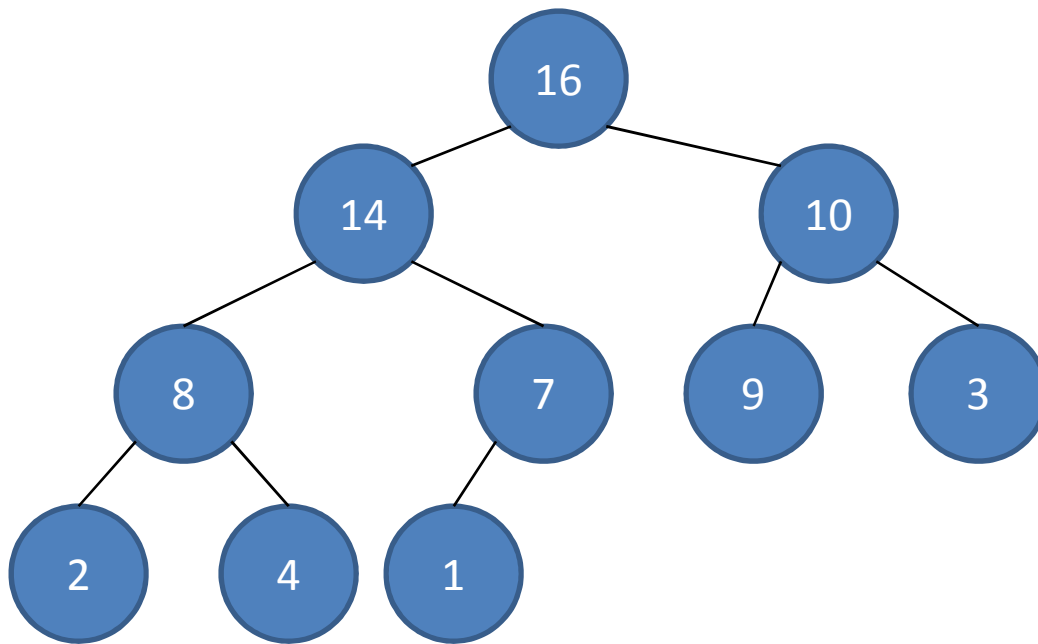
- Usar um **Heap máximo** de prioridade (árvore binária, cada nó tem uma prioridade maior ou igual à prioridade de seus filhos)



Com ordem parcial usando um “heap”

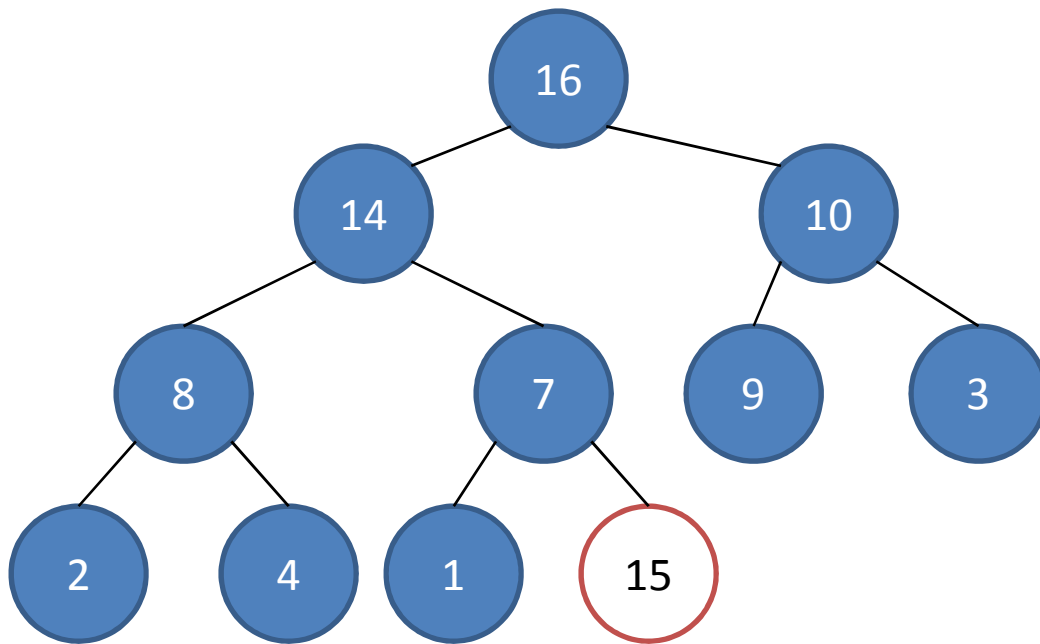
- **Inserir um novo elemento** com prioridade x :
 - cria-se um novo elemento no fim do vetor para receber x (isso pode perturbar a propriedade do “heap”)
 - Para consertar isso: se x for maior que seu pai, então os dois trocam de lugar. Essa operação é repetida até que x encontre o seu lugar correto na árvore. O exemplo insere 16 no heap.

Com ordem parcial usando um “heap”



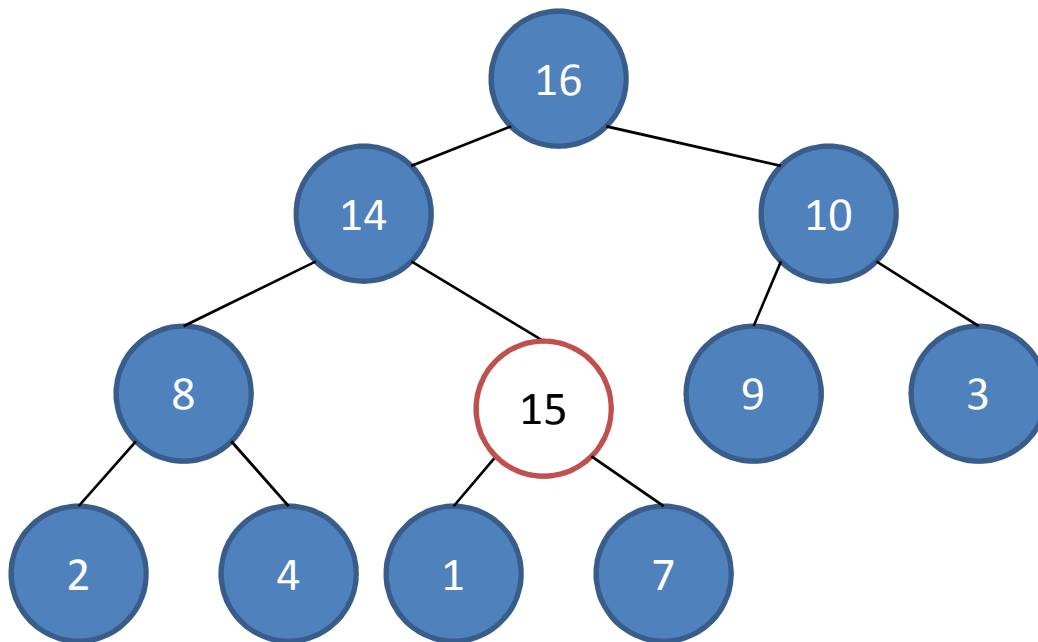
16	14	10	8	7	6	3	2	4	1	15			
----	----	----	---	---	---	---	---	---	---	----	--	--	--

Com ordem parcial usando um “heap”



16	14	10	8	7	6	3	2	4	1	15			
----	----	----	---	---	---	---	---	---	---	----	--	--	--

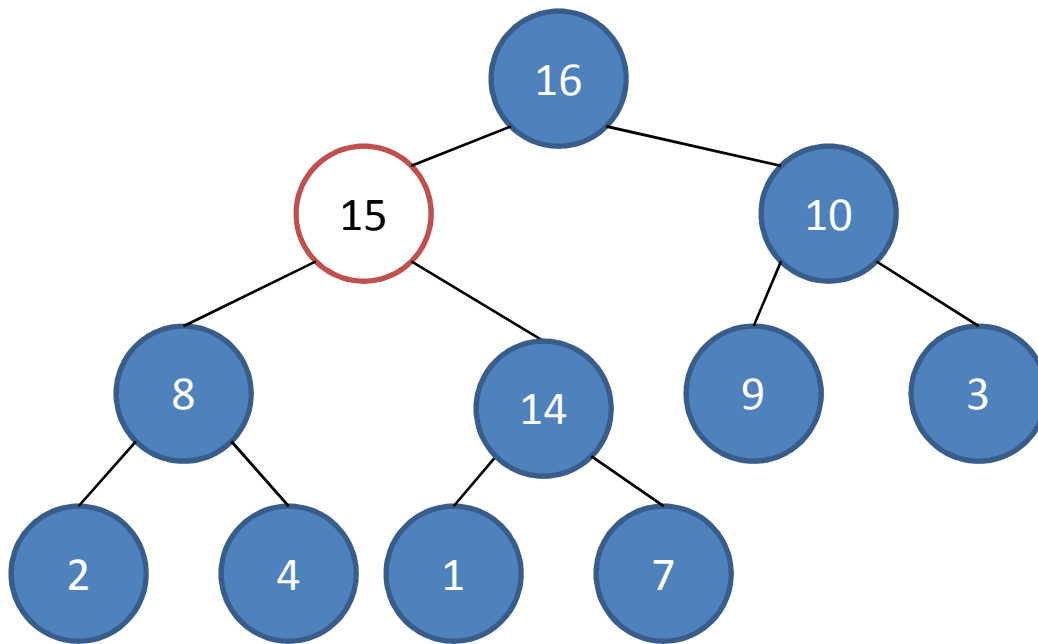
Com ordem parcial usando um “heap”



16	14	10	8	15	6	3	2	4	1	7			
----	----	----	---	----	---	---	---	---	---	---	--	--	--

Com ordem parcial usando um “heap”

ult: ultimo elemento do vetor A



16	15	10	8	14	6	3	2	4	1	7			
----	----	----	---	----	---	---	---	---	---	---	--	--	--

Com ordem parcial usando um “heap”

ult: ultimo elemento do vetor A; x: prioridade do novo elemento

```
ult  $\leftarrow$  ult + 1  
k  $\leftarrow$  ult  
while ( $\lfloor k/2 \rfloor$ ) and  $x > A[\lfloor k/2 \rfloor]$   
     $A[k] \leftarrow A[\lfloor k/2 \rfloor]$   
     $k \leftarrow \lfloor k/2 \rfloor$   
end while  
 $A[k] \leftarrow x$ 
```

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
16	14	10	8	7	6	3	2	4	1	15			

16	15	10	8	14	6	3	2	4	1	7			
----	----	----	---	----	---	---	---	---	---	---	--	--	--

Com ordem parcial usando um “heap”

- Remover o elemento com maior prioridade:
 - elemento de maior prioridade é $A[1]$, remover $A[1]$
 - Por em $A[1]$ o elemento da última posição.
 - manter o heap desde $A[1]$, função **Heapify** ($O(\log n)$)
- Complexidade de remover $O(\log n)$

Formas de implementar	Inserir	Remover
Mantendo a ordem total	$O(n)$	$O(1)$
Forma aleatória sem nenhuma ordenação	$O(1)$	$O(n)$
Com ordem parcial usando um “heap”	$O(\log n)$	$O(\log n)$

Outras operações

Formas de implementar	Seleção	Alterar
Mantendo a ordem total	$O(1)$	$O(n)$
Forma aleatória sem nenhuma ordenação	$O(n)$	$O(n)$
Com ordem parcial usando um “heap”	$O(1)$	$O(\log n)$