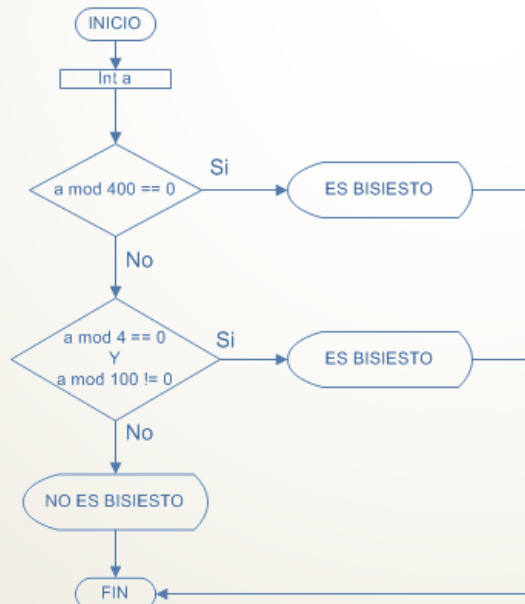


Programación Estructurada

UNIDAD V: ARREGLOS



Arreglos

➤ Definición

- colección homogénea y finita de elementos cuyo acceso se realiza a través de índices.

➤ Índices

- valores, expresiones o constantes de tipo ordinal que permiten identificar de forma individual a cada elemento de un arreglo.

➤ Tipos (según su organización)

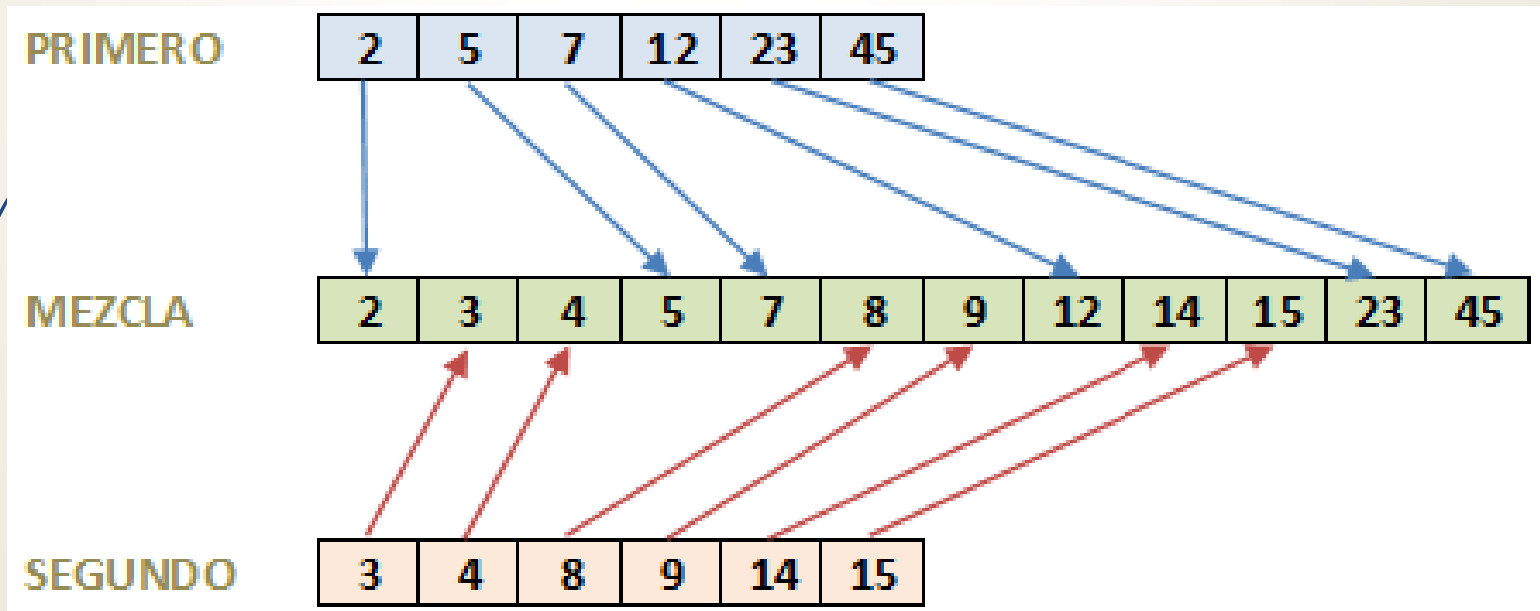
- Unidimensional (vector), Bidimensional (matriz) y Multidimensional.

Operaciones

- Asignación
- Lectura/escritura
- Recorrido
- Actualización
 - agregar, insertar y borrar
- Búsqueda
 - secuencial y binaria
- Intercalación
- Ordenación
 - burbuja, selección, inserción, shaker sort, rápido y shell

Intercalación (1)

- La intercalación consiste en mezclar (intercalar) el contenido de dos vectores ordenados para producir un nuevo vector también ordenado.



Intercalación (2)

PROCEDIMIENTO intercalar (E uno:tvector1, E dos:tvector1,
E/S tres:tvector2, E ocup1:entero,
E ocup2:entero, E/S ocup3:entero)

VARIABLES

i, j, k:entero

INICIO

i ← 1; j ← 1; k ← 0;

MIENTRAS (i ≤ ocup1) Y (j ≤ ocup2) HACER

SI uno[i] < dos[j] ENTONCES

*Copia un
elemento del
primer vector*

k ← k + 1
tres[k] ← uno[i]
i ← i + 1

SINO

*Copia un
elemento del
segundo vector*

k ← k + 1
tres[k] ← dos[j]
j ← j + 1

fin_si

FIN_MIENTRAS

*Recorrido de los
arreglos*

...

Intercalación (3)

```
...  
MIENTRAS i<=ocup1 HACER  
    k←k+1  
    tres[k]←uno[i]  
    i←i+1  
FIN_MIENTRAS  
MIENTRAS j<=ocup2 HACER  
    k←k+1  
    tres[k]←dos[j]  
    j←j+1  
FIN_MIENTRAS  
ocup3← k  
FIN
```

Copia los elementos restantes del primer vector

Copia los elementos restantes del segundo vector

Ordenación

- La ordenación de arreglos consiste en reorganizar el contenido (datos) de éstos según un criterio ascendente o descendente.
- Métodos de ordenación
 - Burbuja
 - Selección
 - Inserción
 - Shaker sort
 - Rápido
 - Shell

Ordenación. Burbuja (1)

- El algoritmo de *intercambio* o *burbuja* compara pares de elementos adyacentes intercambiándolos (cuando sea necesario) hasta que queden todos ordenados.
 1. Se comparan el primer y segundo elementos del arreglo, y se intercambian si no están ordenados.
 2. Luego, se comparan el segundo y tercer elementos, y se intercambian si no están ordenados.
 3. El proceso continúa comparando cada elemento con el siguiente, intercambiándolos cuando sea necesario.
 4. El proceso finaliza cuando el vector queda ordenado.

Ordenación. Burbuja (2)

<i>Primer recorrido</i>	1	2	3	4	5	
	11	88	53	40	28	<i>compara 1º y 2º elemento</i>
	1	2	3	4	5	
	11	88	53	40	28	<i>compara 2º y 3º elemento</i>
	1	2	3	4	5	
<i>Segundo recorrido</i>	11	53	88	40	28	<i>compara 3º y 4º elemento</i>
	1	2	3	4	5	
	11	53	40	88	28	<i>compara 4º y 5º elemento</i>
	1	2	3	4	5	
	11	53	40	28	88	<i>compara 1º y 2º elemento</i>
	1	2	3	4	5	
	11	53	40	28	87	<i>compara 2º y 3º elemento</i>
	1	2	3	4	5	
	11	40	53	28	87	<i>compara 3º y 4º elemento</i>
	1	2	3	4	5	
	11	40	28	53	87	<i>compara 4º y 5º elemento</i>

Ordenación. Burbuja (3)

	1	2	3	4	5	
	11	40	53	28	87	<i>compara 3° y 4° elemento</i>
	1	2	3	4	5	
	11	40	28	53	87	<i>compara 4° y 5° elemento</i>
Tercer recorrido	1	2	3	4	5	
	11	40	28	53	87	<i>compara 1° y 2° elemento</i>
	1	2	3	4	5	
	11	28	40	53	87	<i>compara 2° y 3° elemento</i>
	1	2	3	4	5	
	11	28	40	53	87	<i>compara 3° y 4° elemento</i>
	1	2	3	4	5	
	11	28	40	53	87	<i>compara 4° y 5° elemento</i>
Ordenado	1	2	3	4	5	
	11	28	40	53	88	

Ordenación. Burbuja (4)

PROCEDIMIENTO burbuja (E/S a:tvector, E ocupado:entero)

VARIABLES

j:entero

bandera:lógico

INICIO

ordenado ← FALSO

MIENTRAS (ordenado=FALSO) HACER

ordenado ← VERDADERO

PARA j DESDE 1 HASTA ocupado-1 HASTA

SI a[j] > a[j+1] ENTONCES

cambio(a[j], a[j+1])

ordenado ← FALSO

FIN_SI

FIN_PARA

FIN_MIENTRAS

*Comparación e
intercambio de
elementos*

*Recorrido
del vector*

*Bucle que
repite el
recorrido
del vector*

FIN

Ordenación. Selección (1)

- El algoritmo de *selección* consiste en recorrer el arreglo (comparando cada posición con las siguientes) e intercambiar elementos cuando sea necesario.
 1. Se compara la primera posición del arreglo con las restantes y se intercambia su contenido cuando corresponda.
 2. Se compara la segunda posición del arreglo con las restantes y se intercambia su contenido cuando corresponda.
 3. Este proceso se repite para cada posición del arreglo.
 4. El algoritmo finaliza cuando se evalúa la penúltima posición.

Ordenación. Selección (2)

Primer recorrido	1	2	3	4	5	
	11	88	53	40	28	compara 1° y 2° elemento
	1	2	3	4	5	
	11	88	53	40	28	compara 1° y 3° elemento
	1	2	3	4	5	
	11	53	88	40	28	compara 1° y 4° elemento
	1	2	3	4	5	
	11	53	40	88	28	compara 1° y 5° elemento
Segundo recorrido	1	2	3	4	5	
	11	88	53	40	28	compara 2° y 3° elemento
	1	2	3	4	5	
	11	53	88	40	28	compara 2° y 4° elemento
	1	2	3	4	5	
	11	40	88	53	28	compara 2° y 5° elemento

Ordenación. Selección (3)

Tercer recorrido	1	2	3	4	5	
	11	28	88	53	40	
Cuarto recorrido	1	2	3	4	5	compara 3° y 4° elemento
	11	28	53	88	40	compara 3° y 5° elemento
	1	2	3	4	5	
Ordenado	11	28	40	88	53	compara 4° y 5° elemento
	1	2	3	4	5	

Ordenación. Selección (4)

PROCEDIMIENTO seleccion(E/S a:tvector,E ocupado:entero)

VARIABLES

i,j:entero

INICIO

PARA i DESDE 1 HASTA ocupado-1 HACER

PARA j DESDE i+1 hasta ocupado HACER

SI $a[i] > a[j]$ ENTONCES

cambio(a[i],a[j])

FIN_SI

FIN_PARA

FIN_PARA

FIN

Comparación e
intercambio de
elementos

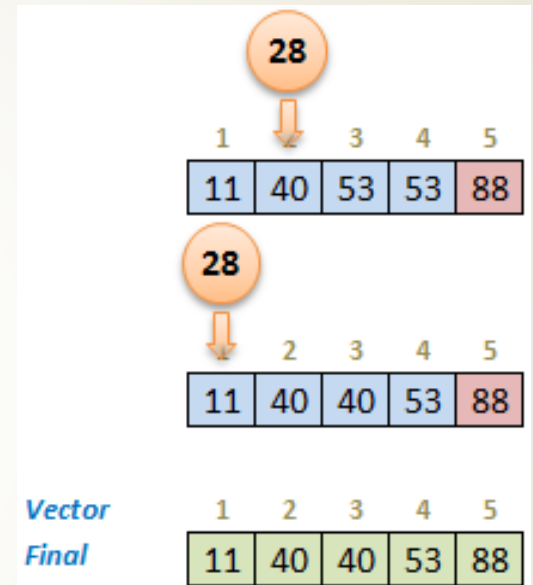
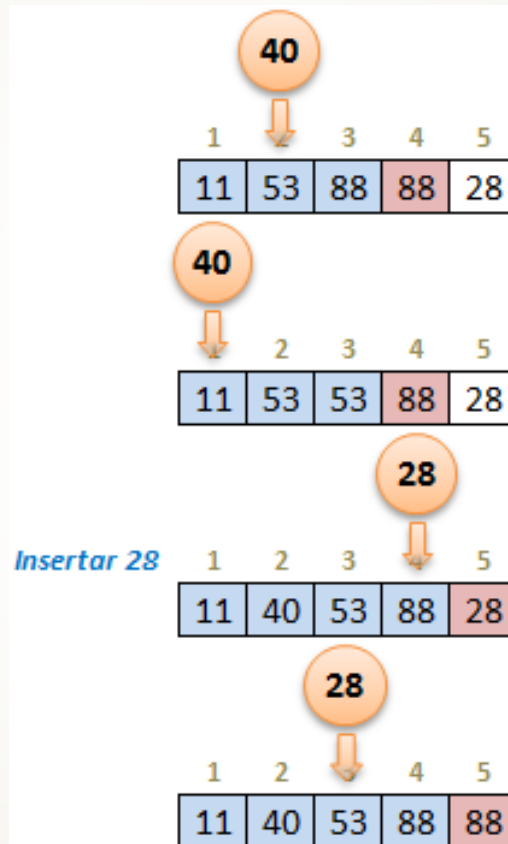
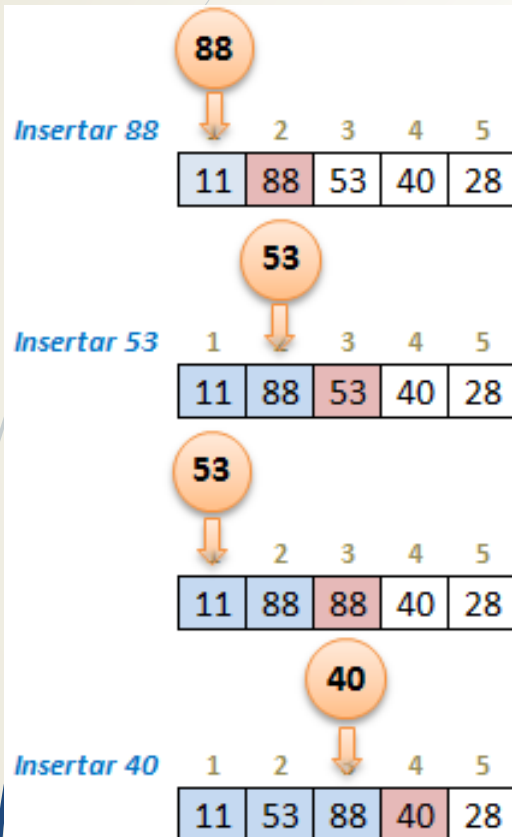
Recorrido del
arreglo a partir
de la posición
i+1

Recorrido
principal
del arreglo

Ordenación. Inserción (1)

- El algoritmo de *inserción* ordena un vector insertando el elemento i entre los $i-1$ elementos anteriores (ya ordenados).
 1. Se parte de un subarreglo de 1 elemento, en el que se inserta (en orden) el segundo elemento del arreglo original.
 2. Se parte de un subarreglo de 2 elementos, en el que se inserta (en orden) el tercer elemento del arreglo original.
 3. Se parte de un subarreglo de $i-1$ elementos, en el que se inserta (en orden) el elemento i del arreglo original.
 4. El algoritmo finaliza cuando se evalúa la última posición.

Ordenación. Inserción (2)



Ordenación. Inserción (3)

PROCEDIMIENTO insercion(E/S a:tvector, E ocupado: entero)

VARIABLES

i, j, aux: entero

INICIO

PARA i DESDE 2 HASTA ocupado HACER

aux ← a[i]

j ← i-1

MIENTRAS (j ≥ 1) Y (a[j] > aux) HACER

a[j+1] ← a[j]

j ← j-1

FIN_MIENTRAS

a[j+1] ← aux

FIN_PARA

FIN

*Recorrido del arreglo
(a partir de la 2da posición)*

*Desplazamiento
de elementos y
búsqueda de la
posición de
inserción*

*Inserción del
elemento en el
subarreglo ordenado*

Ordenación. Shaker sort (1)

- ▶ El algoritmo *shaker sort* o sacudida es una variante del método Burbuja que funciona de la siguiente forma:
 1. primero, se recorre el arreglo de **derecha** a **izquierda** intercambiando pares de valores según el criterio de ordenación elegido.
 2. segundo, se recorre el arreglo de **izquierda** a **derecha** intercambiando pares de valores según el criterio de ordenación elegido.
 3. cada recorrido ignora las posiciones ya ordenadas lo que reduce las posiciones a comparar y ordenar
 4. El algoritmo finaliza cuando todas las posiciones fueron ordenadas o cuando en un recorrido no se realizaron intercambios .

Ordenación. Shaker sort (2)

1	2	3	4	5	6
78	21	24	33	11	13
1	2	3	4	5	6
78	21	24	33	11	13
1	2	3	4	5	6
78	21	24	11	33	13
1	2	3	4	5	6
78	21	11	24	33	13
1	2	3	4	5	6
78	11	21	24	33	13
1	2	3	4	5	6
11	78	21	24	33	13

Elemento Ordenado

Recorrido Derecha-Izquierda

1	2	3	4	5	6
11	78	21	24	33	13
1	2	3	4	5	6
11	21	78	24	33	13
1	2	3	4	5	6
11	21	24	78	33	13
1	2	3	4	5	6
11	21	24	33	78	13
1	2	3	4	5	6
11	21	24	33	13	78

Elemento Ordenado Elemento Ordenado

Recorrido Izquierda-Derecha

PRIMERA PASADA

1	2	3	4	5	6
11	21	24	33	13	78
1	2	3	4	5	6
11	21	24	13	33	78
1	2	3	4	5	6
11	21	13	24	33	78
1	2	3	4	5	6
11	13	21	24	33	78

Elementos Ordenados Elemento Ordenado

Recorrido Derecha-Izquierda

1	2	3	4	5	6
11	13	21	24	33	78
1	2	3	4	5	6
11	13	21	24	33	78

NO SE REALIZARON INTERCAMBIOS DURANTE EL RECORRIDO

Recorrido Izquierda-Derecha

SEGUNDA PASADA

Ordenación. Shaker sort (3)

PROCEDIMIENTO sacudida(E/S a:tvector,E ocup:ENTERO)

VARIABLES

ordenado:LÓGICO

pri,ult,i:ENTERO

INICIO

ordenado←FALSO

pri←1

ult←ocup

MIENTRAS (ordenado=FALSO Y pri<ult) HACER

ordenado←VERDADERO

PARA i DESDE ult HASTA pri+1 CON PASO -1 HACER

SI (a[i] < a[i-1]) ENTONCES

aux(a[i],a[i-1])

ordenado←FALSO

FIN SI

Comparación
e intercambio
de elementos

Recorrido
Derecha-Izquierda

FIN PARA

pri←-pri+1

SI (ordenado=FALSO) ENTONCES

ordenado←VERDADERO

PARA i DESDE pri HASTA ult-1 CON PASO 1 HACER

SI (a[i]>a[i+1]) ENTONCES

aux(a[i],a[i+1])

ordenado←FALSO

FIN SI

Comparación
e intercambio
de elementos

Recorrido
Izquierda-Derecha

FIN PARA

FIN SI

ult←-ult-1

FIN MIENTRAS

FIN

Bucle de
Ordenación

Ordenación. Shell (1)

- ▶ Shell (o inserción con incrementos decrecientes) es una mejora del método de inserción.
- ▶ Compara elementos que se encuentran a cierta distancia (salto > 1) consiguiendo una ordenación más rápida.
- ▶ El valor inicial de salto puede definirse como $N/2$ (N elementos del arreglo)
- ▶ El salto se reduce a la mitad en cada repetición hasta alcanzar 1 (algoritmo de inserción básico).
- ▶ El algoritmo finaliza cuando el salto es CERO.

Ordenación. Shell (2)

Inserción

con Salto=5

(11 div 2)

La ordenación se realiza por grupos de elementos. Los elementos de un grupo están separados por una distancia igual a salto.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
11	88	53	40	28	87	7	37	5	9	63



1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
11	88	53	40	28	87	7	37	5	9	63



1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
11	88	53	40	28	87	7	37	5	9	63



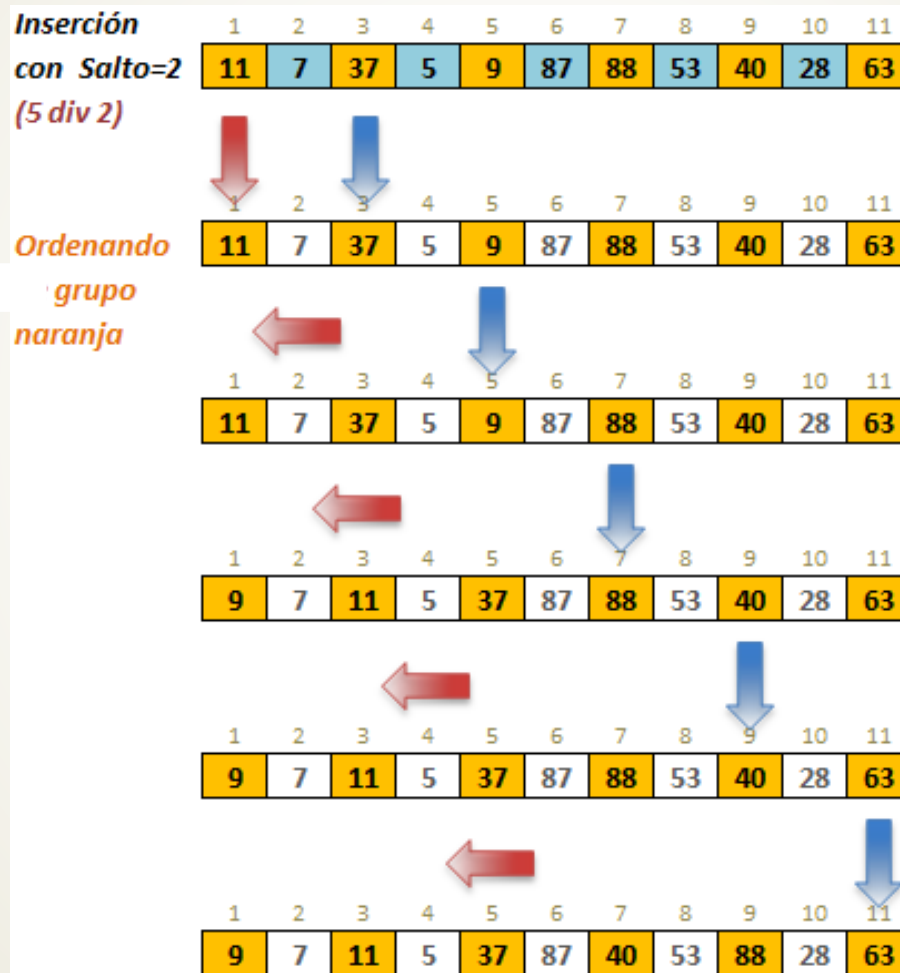
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
11	88	53	40	28	63	88	53	40	28	87

Grupos

ordenados

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
11	7	37	5	9	63	88	53	40	28	87

Ordenación. Shell (3)



Ordenación. Shell (4)

Grupos
ordenados

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
9	5	11	7	37	28	40	53	63	87	88

Inserción
con Salto=1
(2 div 2)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
9	5	11	7	37	28	40	53	63	87	88

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
5	9	11	7	37	28	40	53	63	87	88

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
5	9	11	7	37	28	40	53	63	87	88

Se continua
hasta ...

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
5	7	9	11	37	28	40	53	63	87	88

Vector
Ordenado
(Salto=0)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
5	7	9	11	28	37	40	53	63	87	88

Ordenación. Shell (5)

PROCEDIMIENTO shell(E/S a:tvector, E ocupado: entero)

VARIABLES

i, j, aux, salto: entero

INICIO

salto ← ocupado div 2 *Salto Inicial*

*Ordenación de
elementos por grupos*

MIENTRAS salto > 0 HACER

PARA i DESDE salto+1 HASTA ocupado HACER

aux ← a[i]

j ← i - salto

MIENTRAS (j >= 1) Y (a[j] > aux) HACER

a[j+salto] ← a[j]

j ← j - salto

FIN_MIENTRAS

a[j+salto] ← aux

*Inserción en el
subgrupo ordenado*

FIN PARA

salto ← salto div 2 *Reducción del salto*

*Desplazamiento
de elementos y
búsqueda de la
posición de
inserción*

FIN_MIENTRAS

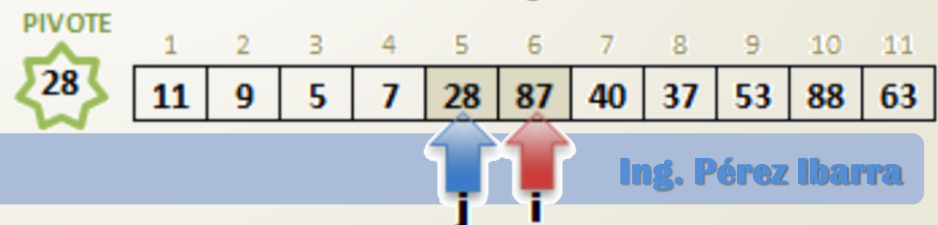
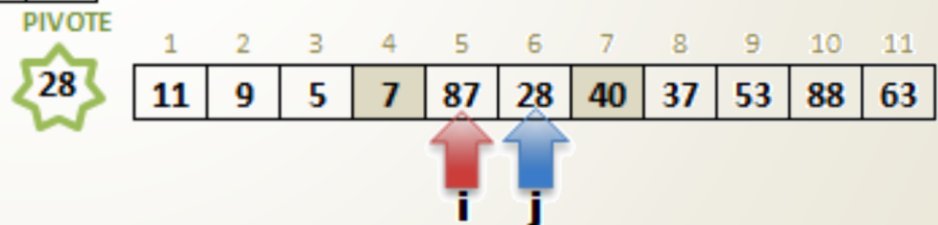
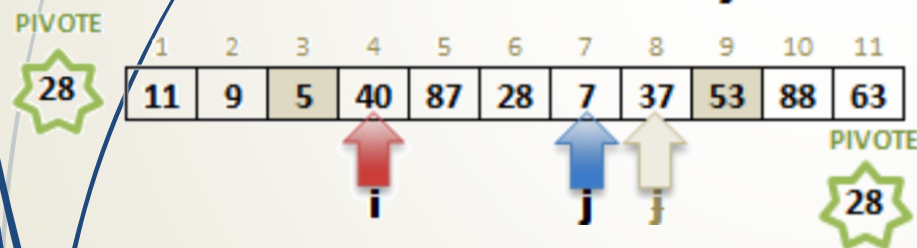
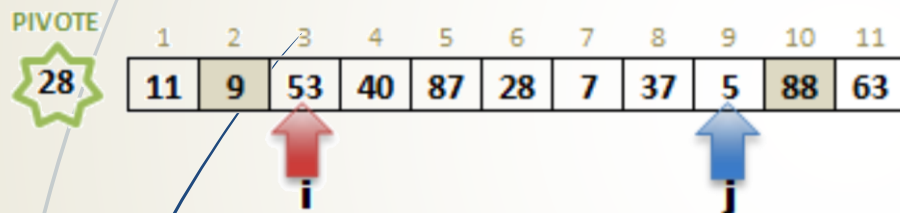
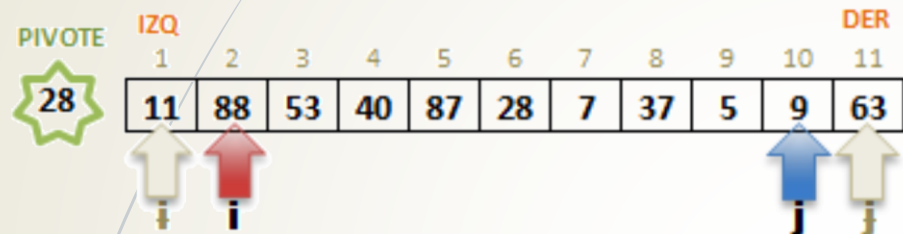
FIN

Ordenación. Rápido (1)

- ▶ El algoritmo *rápido* (*quick sort*) se basa en la técnica divide y vencerás.
- ▶ El método particiona, sucesivamente, el arreglo en subarreglos hasta reducir el espacio de ordenación a 0 (ningún elemento).
- ▶ Antes de cada partición se elige un valor **pivote** y se reorganizan los elementos del arreglo agrupando por un lado los valores **menores** al pivote y por otro los **mayores**.
- ▶ El **pivote** puede ser cualquier valor arbitrario del vector.

Ordenación. Rápido (2)

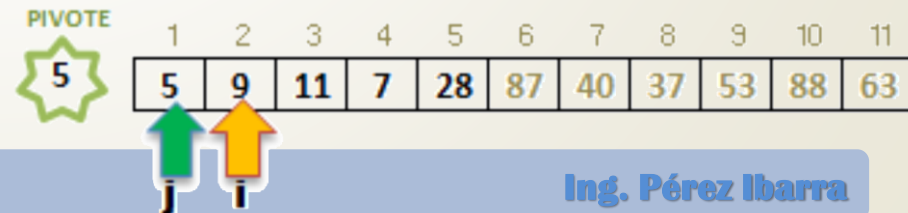
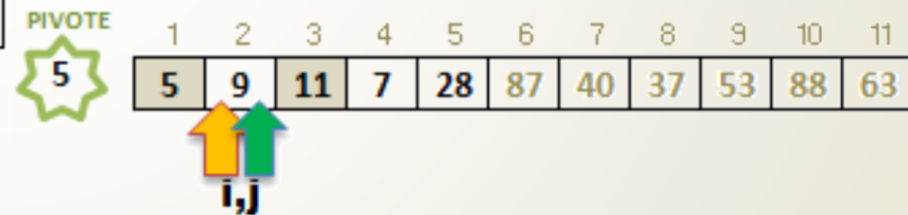
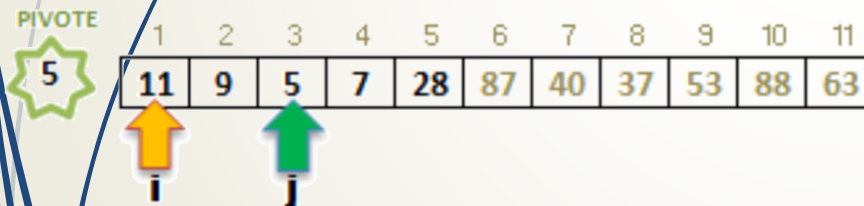
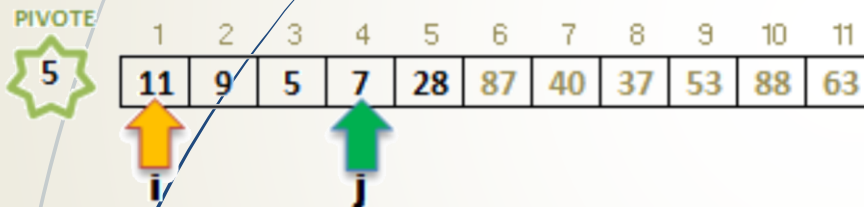
Primer llamado a la ordenación, pivote=28 ((IZQ+DER) div 2)



Ordenación. Rápido (3)

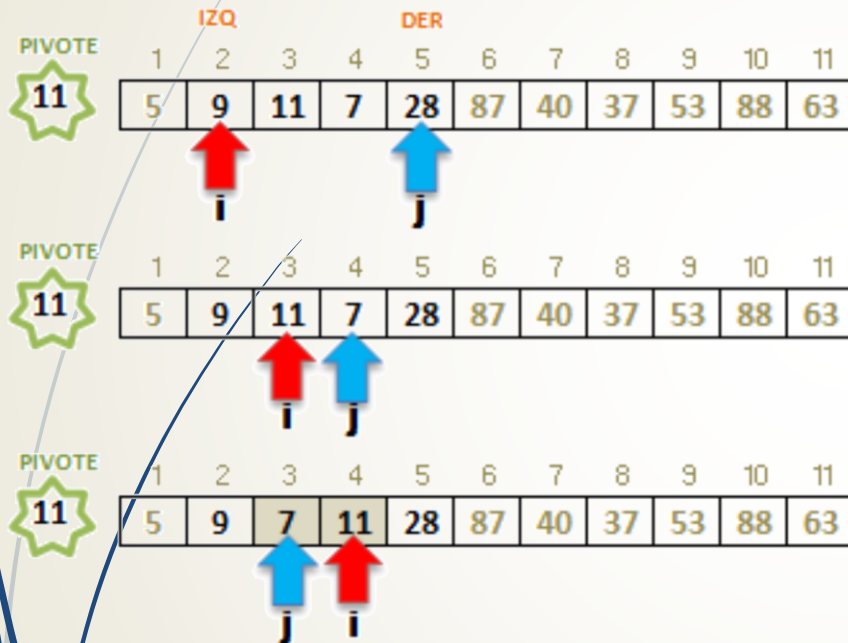
Llamado recursivo por izquierda

rapido(vector, IZQ,j), pivote=5

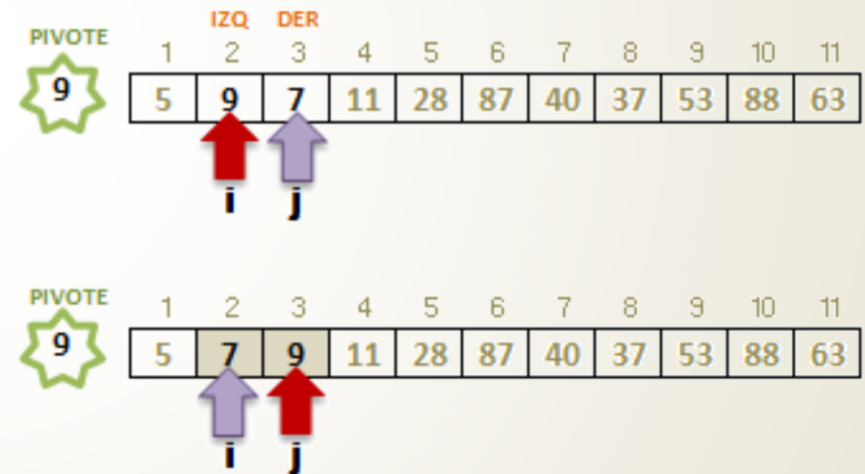


Ordenación. Rápido (4)

Llamado recursivo por derecha
rapido(vector, i, DER), pivote=11



Llamado recursivo por izquierda
rapido(vector, IZQ, j), pivote=11



Ordenación de la primera mitad del vector (izquierda)

5	7	9	11	28	87	40	37	53	88	63
---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

Ordenación. Rápido(4)

PROCEDIMIENTO rapido(E/S a:tvector,E izq:entero,E der:entero)

VARIABLES

i,j,pivote:entero

INICIO

i ← izq } *Intervalo de
ordenación*
j ← der }

pivote ← a[(izq+der) div 2]

MIENTRAS i ≤ j HACER

MIENTRAS a[i] < pivote HACER

i ← i+1

FIN_MIENTRAS

MIENTRAS a[j] > pivote HACER

j ← j-1

FIN_MIENTRAS

SI i ≤ j ENTONCES

cambio(a[i],a[j])

i ← i+1

j ← j-1

FIN_SI

FIN_MIENTRAS

*Ordenación
por izquierda* { SI izq < j ENTONCES
rapido(a,izq,j)
FIN_SI

*Ordenación
por derecha* { SI i < der ENTONCES
rapido(a,i,der)
FIN_SI

FIN

*Intercambio de
elementos a
izquierda y
derecha del
pivote*

Bibliografía

- Sznajdleder, Pablo Augusto. Algoritmos a fondo. Alfaomega. 2012.
- López Román, Leobardo. Programación estructurada y orientada a objetos. Alfaomega. 2011.
- De Giusti *et al.* Algoritmos, datos y programas, conceptos básicos. Editorial Exacta, 1998.
- Joyanes Aguilar, Luis. Fundamentos de Programación. Mc Graw Hill. 1996.
- Joyanes Aguilar, Luis. Programación en Turbo Pascal. Mc Graw Hill. 1990.