Tema 2 Expresiones Algebraicas

L7 Retomar L6 y cerrar el tema

2. Expresiones Algebraicas

2.8 Fracciones Racionales. Operaciones y simplificación. Expresiones algebraicas. Operaciones (suma, resta, multiplicación, división) y simplificación

Realice las operaciones indicadas y simplifique al máximo

Ejercicios de práctica

4.
$$\frac{-20}{x^2-4} + \frac{x+27}{x^2-x-6}$$

5.
$$\frac{(a+b)^{-2}}{(ab)^{-2}} \div \frac{1}{b^{-2}-a^{-2}}$$

6.
$$\frac{1}{x^2+x}+\frac{1}{x-x^2}+\frac{1}{x^2-1}$$

7.
$$\frac{x^2y^{-2} - (1 - x^2)(1 - y^2)^{-1}}{(x - 1)(y + y^2)^{-1} + (x + 1)(y - y^2)^{-1}}$$

8.
$$\left(\frac{3m+1}{m}\right)^{-2} - \frac{(2-m)(2m-3)^{-1}}{3m+1} + \frac{1-m}{-6m^2+7m+3}$$

 Para cada una de las siguientes expresiones, realice las operaciones indicadas y simplifique al máximo.

a)
$$\frac{a^2 - b^2}{2a^2 - 3ab + b^2} \cdot \frac{2a^2 - 7ab + 3b^2}{a^2 + ab} \div \frac{ab - 3b^2}{a^2 + 2ab + b^2}$$
 R/ $\frac{1}{ab} (a + b)^2$.

b)
$$\frac{(x^{-2} - 4y^{-2})}{x - \frac{xy}{x + 2x}}$$
 R/
$$\frac{(y - 2x)(2x + y)^2}{2x^4y^2}.$$

c)
$$\left| \frac{\frac{a}{b^2} + \frac{b}{a^2}}{\frac{a}{b^2} - \frac{b}{a^2}} \right|^{-1} + \frac{(a-b)(a^3 + 3b^3)}{(a^2 - b^2)(a^2 - ab + b^2)}$$
 R/ 2

$$A) \frac{-2ab^{-2} + \overline{b} - \overline{2b}}{b^{-1} - 2a^{-1}} R/ \frac{a^2 (5b - 4)}{2b (a - 2b)}.$$

e)
$$\left[\frac{4yx^{-2} + \frac{4x}{y^2}}{4y^{-2} - \frac{4}{x^2}} \right]^{-1}$$

$$\mathsf{R}/\;\frac{x-y}{x^2-xy+y^2}.$$

$$f) = \frac{\frac{1}{x^2 + 1} - \frac{1}{1 - x}}{\frac{1}{-x^3 + x^2 - x + 1}}$$

$$\mathsf{R}/\ -x\left(x+1\right) .$$

g)
$$\sqrt[4]{\frac{144x^2}{y^2}} + \sqrt{\frac{27x}{y}} + \sqrt[8]{\frac{81x^4}{y^4}}$$

$$R/6\sqrt{\frac{3x}{y}}$$
.

h)
$$\frac{(x^{-3} - y^{-3})^{-1}}{x + \frac{xy}{x - y}}$$

$$\mathsf{R}/\ \frac{-xy^3}{x^2+xy+y^2}.$$

i)
$$\frac{b^m}{(a+b)^{m+1}} \div \left(\frac{b}{a}\right)^m \cdot (a^{-1}+b^{-1})^m$$

$$R/\frac{1}{(a+b)b^m}$$
.

j)
$$\frac{1}{(p-q^2)^{-1}} \div \frac{2pq^{-1}-2q}{2-2q}$$
 con $p, q \in \mathbb{R}$

$$R/-q(q-1)$$
.

k)
$$\frac{3}{x} - \frac{2-3x}{3x-1} + \frac{1-4x^2}{3x-1} \div x (1+2x)$$
 R/ $-\frac{-9x+x^2+8x^3+2}{x(3x-1)}$.

Presentación realizada por Gilberto Vargas Mathey

Apuntes tomados de:

Expresiones algebraicas Jeffry Chavarría folleto de Matemática General Julio 2016

Programa Geógebra para la elaboración de diagramas y dibujos varios

Apuntes no digitalizados para las lecciones del curso de matemática General Profesor. Gilberto Vargas Mathey