Tema 2 Expresiones Algebraicas

L8 Retomar L7, 2.9

2. Expresiones Algebraicas

2.9 Racionalización

2.9 Racionalización

Racionalizar un denominador o un numerador en una fracción

En general si c es el denominador de una expresión con fracciones. racionalizar el denominador significa multiplicar el numerador y denominador por \bar{c} el conjugado algebraico de c. El conjugado algebraico \bar{c} de c satisface que c0 no tiene radicales. El proceso es:

 $\frac{a}{c} = \frac{a}{c} \cdot \frac{\overline{c}}{\overline{c}} = \frac{a \cdot \overline{c}}{(c \cdot \overline{c})} = \frac{a \cdot \overline{c}}{r}$

 $\frac{a}{c} = \frac{a}{c} \cdot \frac{\bar{a}}{\bar{a}} = \frac{(a \cdot \bar{a})}{c \cdot \bar{a}} = \frac{r}{c \cdot \bar{a}}$

racionaliza el denominador

racionaliza el numerador

Factor en denominador Expresión <i>C</i>	$\begin{array}{c} \textbf{Multiplicar numerador} \\ \textbf{y denominador por} \\ \textbf{Conjugado} \overline{\overline{C}} \end{array}$	$(c\cdot ar{c})$ Factor resultante
\sqrt{a}	\sqrt{a}	$\sqrt{a}\sqrt{a} = \sqrt{a^2} = a$
$\sqrt[3]{a}$	$\sqrt[3]{a^2}$	$\sqrt[3]{a} \sqrt[3]{a^2} = a$
$\sqrt[7]{a^3}$	$\sqrt[7]{a^4}$	$\sqrt[7]{a^3} \sqrt[7]{a^4} = \sqrt[7]{a^7} = a$

$$\sqrt[n]{a^k} \qquad \sqrt[n]{a^{n-k}} \qquad \sqrt[n]{a^k} \sqrt[n]{a^{n-k}} = \sqrt[n]{a^{k+n-k}} = \sqrt[n]{a^n} = a$$

$$(a+b) \qquad (a^2-b^2) \qquad (a^3-b^3) \qquad (a+b) \qquad (a^2-ab+b^2) \qquad (a^3+b^3)$$

Racionalización de denominadores

Racionalice cada denominador:

(a)
$$\frac{1}{\sqrt{5}}$$
 (b) $\frac{1}{\sqrt[3]{x}}$ (c) $\sqrt{\frac{2}{3}}$ (d) $\sqrt[5]{\frac{x}{y^2}}$

SOLUCIÓN

(a)
$$\frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{1}{\sqrt{5}} \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5^2}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

(b)
$$\frac{1}{\sqrt[3]{x}} = \frac{1}{\sqrt[3]{x}} \frac{\sqrt[3]{x^2}}{\sqrt[3]{x^2}} = \frac{\sqrt[3]{x^2}}{\sqrt[3]{x^3}} = \frac{\sqrt[3]{x^2}}{x}$$

(c)
$$\sqrt{\frac{2}{3}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{2 \cdot 3}}{\sqrt{3^2}} = \frac{\sqrt{6}}{3}$$

(d)
$$\sqrt[5]{\frac{x}{y^2}} = \frac{\sqrt[5]{x}}{\sqrt[5]{y^2}} = \frac{\sqrt[5]{x}}{\sqrt[5]{y^2}} \frac{\sqrt[5]{y^3}}{\sqrt[5]{y^3}} = \frac{\sqrt[5]{xy^3}}{\sqrt[5]{y^5}} = \frac{\sqrt[5]{xy^3}}{y}$$

Racionalice el denominador y simplifique al máximo

$$\frac{-2x+4}{x\sqrt{3}+2\sqrt{x^2-1}}$$

$$\frac{m^2 - 9}{\sqrt{6m} - \sqrt{m^2 + 9}}$$

Racionalice el numerador y simplifique al máximo

$$\frac{2x + 1 - \sqrt{11x + 3}}{2 - 32x^2}$$

$$\frac{x\sqrt[3]{x} - y\sqrt[3]{y}}{x - y}$$

$$\underbrace{(\underbrace{x\sqrt[3]{x} - y\sqrt[3]{y}}_{a}) \cdot \left[(x\sqrt[3]{x})^{2} + x\sqrt[3]{x}y\sqrt[3]{y} + (y\sqrt[3]{y})^{2} \right]}_{a^{3} - b^{3}} = \underbrace{(x\sqrt[3]{x})^{3} - (y\sqrt[3]{y})^{3}}_{a^{3} - b^{3}}$$

Presentación realizada por Gilberto Vargas Mathey

Apuntes tomados de:

Expresiones algebraicas
Jeffry Chavarría folleto de Matemática General Julio 2016

Swokowski /, Cole, Álgebra y Trigonometría con Geometría Analítica. 12ª Edición

Programa Geógebra para la elaboración de diagramas y dibujos varios

Apuntes no digitalizados para las lecciones del curso de matemática General Profesor. Gilberto Vargas Mathey