

Exercice 1:

- Donner la représentation polynomiale des nombres suivants : $(1258)_{16}$ et $(AAAAA)_{16}$.
- Convertir les nombres suivants en base dix : $(101)_{16}$ et $(AD0)_{16}$.

Exercice 2:

Convertir les nombres suivants en base seize : 9175 et 123456.

Exercice 3:

- Sans passer par la base dix, donner la représentation en base seize des nombres binaires suivants : $(1111001001100011100011001)_2$ et $(00011101011100)_2$.
- Sans passer par la base dix, donner la représentation binaire des nombres hexadécimaux suivants : $(A8714)_{16}$ et $(7E6A3C9)_{16}$.

Exercice 4:

Considérons le code binaire suivant appelé *code de Gray* ou code binaire réfléchi (ou miroir). Pour les deux premiers chiffres (nombres binaires à un bit), ils sont écrits comme en code binaire normal : 0 et 1. Pour obtenir les nombres suivants, répéter de manière itérative les deux étapes suivantes :

- Recopier les nombres binaires de départ et rajouter le chiffre 0 devant chaque nombre.
- Puis recopier de nouveau, à la suite mais dans le sens inverse (en partant du dernier nombre, d'où le nom de *réfléchi*), les nombres binaires de départ et rajouter le chiffre 1 devant chaque nombre.

Voici le premier tour, pour les quatre premiers nombres binaires réfléchis :

départ : On recopie les nombres initiaux dans l'ordre normal :
0 1

étape 1 : On rajoute 0 au début des nombres :
00 01

étape 2 : On recopie à la suite les nombres de départ dans l'ordre inverse :
00 01 1 0

étape 3 : On rajoute 1 au début des derniers nombres recopiés. Ce qui donne au final :
00 01 11 10

1. Donner les deux tours suivants (les huit puis les seize premiers nombres binaires réfléchis).
2. Quelle propriété peut-on observer à partir de chaque couple de deux nombres consécutifs ? Justifier intuitivement cette propriété.

$$(1258)_{10} = 1 \times 16^3 + 2 \times 16^2 + 5 \times 16^1 + 8 \times 16^0$$

$$(AAAA)_{16} = 10 \times 16^3 + 10 \times 16^2 + 10 \times 16^1 + 10 \times 16^0$$

$$(101)_{16} = 257$$

exercice 2

$$(AD0)_{16} = 10 \times 256 + 13 \times 16 = 2768$$

$$\begin{array}{r} 9175 \overline{) 16} \\ 117 \overline{) 16} \\ 55 \overline{) 16} \\ 7 \overline{) 16} \\ 13 \overline{) 16} \\ 3 \overline{) 16} \\ 23 \overline{) 16} \end{array}$$

$$(B888)_{16} = 9175$$

$$(2309)_{16}$$

$$\begin{array}{r} 123456 \overline{) 16} \\ 274 \overline{) 16} \\ 256 \overline{) 16} \\ 0 \overline{) 16} \\ 171 \overline{) 16} \\ 116 \overline{) 16} \\ 4 \overline{) 16} \\ 3107 \overline{) 16} \\ 307 \overline{) 16} \\ 3 \overline{) 16} \\ 13 \overline{) 16} \\ 3 \overline{) 16} \\ 1 \overline{) 16} \\ 1 \overline{) 16} \end{array}$$

$$123456 = (13F340)_{16}$$

exercice 3

$$(1110010011000110011001)_2 = (1E4C719)_{16}$$

$$(001101011100)_2 = (75C)_{16}$$

$$(A8714)_{16} = (1010 \ 1000 \ 0111 \ 0001 \ 0100)_2$$

$$(9E6A3BC9)_{16} = (0111 \ 1110 \ 1010 \ 0011 \ 1100 \ 1001)_2$$

exercice 34

$$\begin{array}{r}
 1) \quad 0 \quad 1 \\
 \quad 00 \quad 01 \\
 \quad 00 \quad 01 \quad 10 \\
 \underline{00 \quad 01 \quad 11 \quad 10} \\
 000 \quad 001 \quad 011 \quad 010 \\
 000 \quad 001 \quad 011 \quad 010 \quad 10 \\
 \underline{000 \quad 001 \quad 011 \quad 010 \quad 11 \quad 10} \\
 0000 \quad 0001 \quad 0011 \quad 0010 \quad 011 \quad 010 \\
 0000 \quad 0001 \quad 0011 \quad 0010 \quad 011 \quad 010 \quad 1 \ 0 \\
 \underline{0000 \quad 0001 \quad 0011 \quad 0010 \quad 011 \quad 010 \quad 11 \quad 10} \\
 00000 \quad 00001 \quad 00011 \quad 00010 \quad 0011 \quad 0010 \quad 011 \quad 010 \\
 00000 \quad 00001 \quad 00011 \quad 00010 \quad 0011 \quad 0010 \quad 011 \quad 010 \quad 1 \ 0 \\
 \underline{00000 \quad 00001 \quad 00011 \quad 00010 \quad 0011 \quad 0010 \quad 011 \quad 010 \quad 11 \quad 10} \\
 000000 \quad 000001 \quad 000011 \quad 000010 \quad 00011 \quad 00010 \quad 0011 \quad 0010 \quad 011 \quad 010 \\
 000000 \quad 000001 \quad 000011 \quad 000010 \quad 00011 \quad 00010 \quad 0011 \quad 0010 \quad 011 \quad 010 \quad 1 \ 0
 \end{array}$$