# Éléments de balistique externe

Auteur: Fabien FIGUERAS

Date: 29-08-2024

Version: 1.13

Licence du document : CC BY-NC-SA 4.0

https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/

Version modifiable disponible dans GitHub: <a href="https://github.com/fabienfigueras/TLD">https://github.com/fabienfigueras/TLD</a>

#### Résumé:

On dispose d'une arme de type carabine avec un système de visée réglable (en élévation et en dérive), d'un lot de munitions du calibre correspondant à l'arme ayant une masse connue.

Connaissant les conditions de tir (matériel, météorologique, <u>distance et angle</u>), on souhaite connaitre les corrections à appliquer avant le tir sur l'organe de visée en :

- Élévation pour compenser les effets sur la longueur du tir (ex : la chute du projectile due à l'attraction terrestre et à la force de frottement...)
- **Dérive** pour compenser les effets latéraux (ex : l'effet du vent paerpendiculaire à la direction du tir..).

### Table des matières

1	Desc	cription du contexte	4
2	Info	rmations recherchées	4
3	Avei	rtissement	4
4	Con	ventions	5
	4.1	Convention pour les unités	5
	4.2	Convention de notation	
	4.2.1	Repère	
	4.2.2		
	4.2.3		
	4.2.4		-
	4.2.5		
	4.2.6	1 /	
	4.2.7		
_	4.2.8	Coefficient de frottement	
5	App	roche pratique	
	5.1	Zérotage	7
	5.2	Tables de tir	7
6	Étuc	le du mouvement	8
	6.1	Approche théorique du mouvement vertical	8
	6.1.1	Principe fondamental de la Dynamique, 2 <sup>ème</sup> Loi de Newton	8
	6.1.2		
	6.1.3		
	6.1.4	Quelques remarques	10
	6.1.5	Force de frottement	11
		1.5.1 Linéaire	11
		1.5.2 Quadratique	
	6.1.6	Tir avec dénivellé (i.e : non horizontal)	12
	6.2	Établissement des coefficients de frottement	
	6.2.1	Calcul du coefficient de frottement, méthode énergétique	
	6.2.2 6.2.3	1 /	
	0.2.3	Othisation du calculateur	
	6.3	Approche théorique du mouvement horizontal	15
	6.3.1	Effets du vent	
		3.1.1 Composante dans l'axe du tir (wx)	
		3.1.2 Composante horizontale perpendiculaire à l'axe du tir (wz)	
		3.1.3 Composante verticale perpendiculaire à l'axe du tir (wy)	
	6.3	3.1.4 Hauteur maximale de la trajectoire	18
	6.4	Effet Coriolis pratique	19
	6.5	Spin Drift	20
	6.5.1	Aerodynamic Jump	
7	Ann	exes	24
	7.1	Références	24
	7.1.1		
	7.	1.1.1 Euler	
	7.	1.1.2 Improved Euler	
		1.1.3 Runge-Kutta	
	7.	1.1.4 Déplacements	25

7.1.2	Coefficient balistique (BC)	26
7.1.3	Coefficient de Frottement (Cd) et relation avec le BC	
7.1.4	Nombre de Mach	27
7.1.5	Vitesse du son dans l'air	29
7.1.6	Variation de la pression avec l'altitude	29
7.1.7	Air	30
7.1.8	Attraction de la pesanteur (g=9.81)	30
7.2	Méthode de Zérotage	30
7.2.1	Zérotage pratique	30
7.2.2	Zérotage logiciel	31
7.3	Application des méthode numériques	31
7.4	Effet Coriolis Théorie	31
7.5	Étude de la chute d'un volant (ENS)	32
7.6	Frottement	32
7.7	Données des fabricants de munitions	32
7.7.1		
	7.1.1 SMK 175gr/11.34g	
7.7.2		
,	7.2.1 SMK 168gr/10.89g	
	7.2.2 SMK 175gr/11.3g	
7.7.3		
	7.3.1 NOSLER HPBT 168gr/10.89g	
	7.3.2 NOSLER HPBT 175gr/11.34g	
	7.3.3 SMK HPBT 190gr/12.31g	
<b>7.8</b>	Atmosphère normalisée	
7.8.1	ISA, ICAO, AASM	
7.8.2	ISA	
7.8.3	ICAO	
7.9	Python Ballistic Solver (PBS)	35
7.9.1		
7.9	9.1.1 Fichier montage.csv	36
7.9	9.1.2 Fichier lunette.csv	36
7.9	9.1.3 Fichier rifle.csv	36
	9.1.4 Fichier amo.csv	36
7.9	9.1.5 Fichier bullet.csv	36
7.9	9.1.6 Fichier bullet_BC.csv	37
7.9	9.1.7 Fichier zero.csv	37
7.9	9.1.8 Fichier env.csv	
7.9.2	Sauvegarde et déploiement des fichiers	
	9.2.1 Sauvegarde des fichiers	
	9.2.2 Déploiement des fichiers	
7.9.3	Présentation sommaire de PBS	
7.9.4	Les données utilisées pour les calculs et résultats	
7.9.5	Les corrections préventives	43

## 1 Description du contexte

On dispose d'une arme de type carabine avec un système de visée réglable (en élévation et en dérive), d'un lot de munitions du calibre correspondant à l'arme et dont la balle a une masse connue.

On connait les informations suivantes :

- Les caractéristiques géographique (altitude, latitude et longitude) et météorologique de l'environnement (température, humidité, angle par rapport au nord et vitesse du vent) au moment du tir.
- Le projectile (masse, diamètre, vitesse initiale (norme et angle par rapport à l'horizontale, atmosphère standard utilisée, Coefficient Balistique (G1, G7), vitesse et ordonnée à différente distance, température)
- Les caractéristiques du fusil et des organes de visée (pas de rayure, longueur du canon, angle entre la lunette et le canon, distance entre l'axe de la lunette et la sortie du canon)
- La cible (angle par rapport au nord, distance, angle par rapport à l'horizontale, forme et taille).

### 2 Informations recherchées

Connaissant les conditions de tir (matériel, météorologique, distance et angle), on souhaite connaitre les corrections à appliquer avant le tir sur l'organe de visée en :

- Élévation pour avoir la distance attendue
- Dérive pour avoir la direction attendue.

Ces corrections seront données en unité de longueur puis converties en unité de réglage de l'organe de visée (MOA, mRAD...) puis finalement en clicks, complété par une direction ou un sens, surtout pour la dérive.

### Exemples:

- Élévation 53 click vers le haut.
- Dérive 3 clicks vers la droite (ou positif).

#### 3 Avertissement

La résolution de ce problème fait appel à des notions de mathématique, de dynamique et parfois de mécanique des fluides.

Le niveau des mathématiques requis est de première scientifique (BAC -1 des années 1980 en France) il faut en autre connaitre la définition d'une dérivée.

Le niveau de physique requis est celui de terminale scientifique (*BAC des années 1980 en France*) il faut connaitre la relation ou principe fondamentale de la dynamique (2<sup>ème</sup> loi de Newton).

Il n'existe malheureusement pas de théorie physique ou de solution mathématique applicable simplement et fonctionnant à chaque fois pour résoudre le problème posé.

En effet comme on va le voir les principales difficultés consistent à savoir comment déterminer la force de frottement et plus spécifiquement le coefficient de frottement dans le cas des forces de frottement de type quadratiques (c.a.d fonction du carré de la vitesse).

### 4 Conventions

### 4.1 Convention pour les unités

Tous les calculs sont effectués en unités internationales. Distance en m, temps en s, masse en kg, vitesse en m/s, force en N...

#### 4.2 Convention de notation

On note les points et les vecteurs en majuscules (ex OM vecteur position et V=dOM/dt vecteur vitesse) et les scalaires en minuscules (ex om=norme du vecteur OM, v=norme du vecteur V).

### 4.2.1 Repère

(O, X, X, Z) : repère cartésien orthonormé qui dispose de trois vecteurs unitaires orthogonaux entres eux : E1 pour X, E2 pour Y, E3 pour Z.

(Par conséquent, les produits scalaire de ces vecteurs sont nuls E1.E2=1\*1\*cos(90)=0...), on trouve parfois dans la littérature E1=i, E2=j et E3=k, ce qui ne convient pas avec la nomenclature de nommage retenue (nom de vecteur en Majuscules)

L'axe des X sera dans la direction du tir et orienté vers l'avant, l'axe des Z sera vertical et orienté vers le haut et l'axe des Y sera perpendiculaire au plan OXZ et orienté vers la droite en regardant dans la direction du tir.

#### 4.2.2 Projectile

On considère le projectile comme ponctuel de masse m et situé au point M à tout instant t, noté M(t).

#### 4.2.3 Position

On considère de la position du projectile à un instant t.

OM(t): vecteur position à l'instant t

$$OM(t) = x(t).E1+y(t).E2+z(t).E3$$

Les coordonnées (x(t), y(t), z(t)) sont des nombres réels dépendant du temps.

om(t)=|OM(t)| est la norme du vecteur position à l'instant t

$$|OM(t)|=Racine\_Carré(x(t).x(t) + y(t).y(t) + z(t).z(t))$$
  
Noté aussi  $SQR(x(t)^2 + y(t)^2 + z(t)^2)$ 

#### 4.2.4 Vitesse

On considère la vitesse du projectile à un instant t.

Par définition le vecteur vitesse est la dérivée du vecteur position à l'instant t.

$$V(t) = d(OM(t))/dt$$

V(t): vecteur vitesse à l'instant t

$$V(t) = vx(t).E1+vy(t).E2+vz(t).E3$$

Les coordonnées (vx(t), vy(t), vz(t)) sont des nombres réels dépendant du temps.

v(t)=|V(t)| est la norme du vecteur vitesse à l'instant t

$$|V(t)|$$
=Racine\_Carré( vx(t).vx(t) + vy(t).vy(t) + vz(t).vz(t) )

Noté aussi SQRT( $vx(t)^2+vy(t)^2+vz(t)^2$ )

#### 4.2.5 Accélération

On considère l'accélération du projectile à un instant t.

Par définition le vecteur accélération est la dérivée du vecteur vitesse à l'instant t.

$$G(t) = d(V(t))/dt$$

G(t): vecteur accélération à l'instant t

$$G(t) = gx(t).E1+gy(t).E2+gz(t).E3$$

Les coordonnées (gx(t), gy(t),gz(t)) sont des nombres réels dépendant du temps.

g(t)=|G(t)| est la norme du vecteur vitesse à l'instant t

$$|G(t)|$$
=Racine\_Carré( gx(t).gx(t) + gy(t).gy(t) + gz(t).gz(t) )

Noté aussi  $SQR(gx(t)^2+gy(t)^2+gz(t)^2)$ 

#### 4.2.6 Relations entre position, vitesse et accélération

Les relations entre ces trois quantités vectorielles sont :

### V(t)=d(OM(t))/dt

Le vecteur vitesse est la dérivée du vecteur position par rapport au temps

#### G(t)=d(V(t))/dt

Le vecteur accélération est la dérivée du vecteur vitesse par rapport au temps Et donc

G(t)=d2(OM(t))/dt2

Le vecteur accélération est la dérivée seconde du vecteur position par rapport au temps

#### 4.2.7 Notion de force de Frottement

#### On la note Fd

( d pour drag = frottement en Anglais ).

Elle s'écrira : Fd(t) = fdx(t).E1 + fdy(t).E2 + fdz(t).E3

Les fdi(i=x,y,z) feront l'objet de discussion dans la suite car ils dépendent de la vitesse selon l'axe.

#### 4.2.8 Coefficient de frottement

Généralement noté Cd (*C majuscule ;-( mais c'est un scalaire sans dimension*) dans la littérature Francophone on peut trouver Cx.

Nous noterons Cdx, Cdy ou Cdz, ses coordonnées selon les axes X,Y,Z.

En effet comme on le verra les Cdi(i=x,y,z) ne dépend pas seulement de la forme de l'objet mais aussi de sa vitesse (V(t) = Vx(t) + Vy(t) + Vz(t)) et donc de la direction étudiée!

### 5 Approche pratique

### 5.1 Zérotage

La première tâche consiste à « zéroter » l'arme c'est-à-dire à régler l'organe de visée pour qu'en visant le centre de la cible, le projectile y arrive (i.e dans la zone de tolérance) et ce pour une distance donnée, en général 100m.

La zone de tolérance est une surface autour du point visée qui permet de tenir compte des fluctuations des différents paramètres de tir (erreur de visée, vitesse de sortie, vent...) Voir procédure de procédure de zérotage en Annexe 7.2.

Les fabricants de munitions réalisent des essais et mettent, parfois, les résultats à disposition du public, ils donnent en général :

- Le type de balle (HPBT..)
- La vitesse de sortie, V(t=0), souvent noté V0 (V majuscule mais c'est un scalaire)
- Les vitesses en fonction de la distance.
- L'élévation en fonction de la distance, en unités de longueur (m, inch)
- Le coefficient Balistique (BC\_G1, BC\_G7 ce sont des scalaires), parfois en fonction de la vitesse.
- L'atmosphère standard considérée (ISA, ICAO, AASM), mais c'est très rare.

Voir exemples en Annexe 7.7 :

NB1 : Il est possible de mesurer la vitesse de la balle lorsqu'elle quitte le canon à l'aide de dispositif de type radar Doppler, comme le « LabRadar » ( https://mylabradar.com/fr/ ).

NB2 : Pour mesurer la position du projectile à une distance donnée il faut y mettre une cible, c'est donc la fin du trajet pour le projectile !

#### 5.2 Tables de tir

Cette activité consiste à réaliser pour chaque type de munitions (masse identique) des tirs à différentes distances sans toucher aux réglages de la lunette, mesurer l'élévation résultante et noter dans une table les résultats.

Une fois la table établie elle sera utilisé pour réaliser des corrections pour les tirs suivants.

Cette méthode a des limites, en effet elle ne prend pas en compte :

- Les paramètre environnementaux (vent, température, humidité).
- L'angle de tir.

Elle ne permet pas non plus de connaitre à l'avance les corrections à appliquer pour des distances intermédiaires.

### 6 Étude du mouvement

L'étude de ce type de mouvement est appelée Balistique Externe, en opposition à la Balistique Interne qui étudie ce qui se passe dans le canon et à la Balistique terminal qui étudie ce qui se passe au moment de l'impact.

Dans un premier temps on ne prendra en compte que les forces de frottement et de pesanteur (i.e on ne prendra pas en compte : le vent, les pseudo forces type Coriolis ou les effets de type Spin Drift...)

L'influence du vent est expliquée au § 6.3.1.

### A COMPLETER

### 6.1 Approche théorique du mouvement vertical.

L'approche théorique devrait permettre de dépasser les limites de la méthode des tables de tir pour définir ce qui se passe dans le mouvement dans le plan vertical.

### 6.1.1 Principe fondamental de la Dynamique, 2<sup>ème</sup> Loi de Newton

Newton a montré et c'est enseigné dans les cours de Physique à partir du niveau de Terminale Scientifique que, pour un corps massif (considéré ponctuel !) on peut écrire à tout instant l'égalité (vectorielle) suivante.

La somme des forces auquel est soumis ce corps est égale à sa masse multipliée par son accélération.

ΣFi=m\*G

Ou

Fi est une des forces qui s'applique m, qui est un scalaire, représente la masse G représente l'accélération

Pour notre système nous avons donc : Fd+P=m.G C'est une somme de vecteurs dans laquelle :

Fd représente la force de frottement P représente le poids

En projetant sur les 3 axes (x,y, et z) on obtient fdx+px=m.gx fdy+py=m.gy fdz+pz=m.gz

Or px=0, py=-m.g et pz=0

Le système devient

```
fdx=m.fx
fdy-m.g=m.gy
fdz=m.gz
```

On tire dans la direction OX et comme on considère qu'il n'y a pas de force dans l'axe OZ, le mouvement va se passer dans le plan OXY et vz(t)=0, quel que soit t.

```
Le système n'a donc plus que deux équations fdx=m.gx fdy-mg=m.gy
ou encore
gx=fdx/m gy=(fdy/m)-g
ou encore
vx=fdx/m vy=(fdy/m)-g
```

### 6.1.2 Résolution numérique

Ne sachant pas résoudre le système d'équations établi au paragraphe précédent, on va revenir à la définition de la dérivée pour approcher la solution par un calcul incrémental.

On trouve dans la littérature cette approche sous le nom de méthode d'Euler. Il y a des méthodes plus précises et qui supportent des incréments de temps plus grands sans trop de perte de précision (Euler améliorée, Runge-Kutta...) voir lien au § 7.1.1.

Par définition la dérivée d'une fonction f de t, notée f(t), dérivable dans un intervalle ouvert autour du point t, est :

```
df(t)/dt=f'(t) = limite quand \Delta t tends vers 0 de ( f(t+dt) - f(t) ) / \Delta t
```

En prenant  $\Delta t$  suffisamment petit, on peut écrire.

```
f'(t)=(f(t+dt)-f(t))/\Delta t
```

On peut donc maintenant écrite pour (i=x ou y ou z)

```
gi(t) = \lim(dt->0)(vi(t+dt)-vi(t))/\Delta t
Et donc
gi(t)= (vi(t+dt)-vi(t))/\Delta t
```

La notion de petitesse pour  $\Delta t$  est relative à la vitesse, si on prend  $\Delta t$ =1ms en  $10^*\Delta t$  le projectile aura franchi 8m environ ce qui est raisonnable.

Ré-écrivons notre système gx=fdx/m gy=(fdy/m)-g

Qui devient

```
(vx(t+dt)-vx(t))/\Delta t = fdx/m
(vy(t+dt)-vy(t))/\Delta t = (fdy/m)-g
Et finalement
vx(t+dt) = vx(t) + (\Delta t/m).fdx
vy(t+dt) = vy(t) + (\Delta t/m).fdy - g*dt
```

Donc, connaissant les valeurs à un instant t on pourra calculer celles à un instant  $t+\Delta t$ .

Dans la littérature proposée on trouve  $\Delta t$ =h, on gardera donc cette notation (h) pour garder la cohérence des documents.

### 6.1.3 Dynamique des Fluides

Il est parfois intéressant de considérer la relativité du mouvement.

- Le projectile se déplace dans le fluide
- Le fluide se déplace autour du projectile.

Ceci sera particulièrement intéressant quand on voudra prendre en compte l'effet du vent!

Dans le cadre du déplacement du fluide on fait intervenir le nombre de Reynolds :

Re=v.d.Rho/nu

v [m/s] : vitesse relative du fluide

d [m]: taille de l'écoulement, exemple le diamètre du projectile.

Rho [kg/m3]: masse volumique du fluide

Nu [Pa.s] : viscosité dynamique du fluide

La force de frottement est en général (qui connait une exception ?) orienté en sens inverse de la vitesse.

### Elle est soit :

- Linéaire (pour les vitesses telles que Re<1) fd=-k.v</li>
- Quadratique (pour des vitesse telles que Re>10<sup>3</sup>) fd=-k'.v.v.

L'expression des coefficients k et k' seront différentes, il suffit pour s'en convaincre de s'intéresser à l'unité du coefficient.

- Linéaire k=-fd/v soit [N][m]-1[s]
- Quadratique k'=-fd/v.v soit [N][m]-2[s]-2

### 6.1.4 Quelques remarques

#### Sur l'axe des X:

• La force de frottement étant orienté en sens inverse de la vitesse, celle-ci ne fera que diminuer au cours du temps.

#### Sur l'axe des Y:

• L'attraction terrestre attirant le projectile, pour un tir horizontal, la vitesse augmentera sans cesse vers le bas tout en étant freinée par la force de frottement.

C'est donc la connaissance au cours du temps de ces deux vitesses qui permettra de connaitre la correction en élévation pour une distance donnée.

En effet:

x(t+dt)=x(t)+dt\*vmoyx(t)

et

y(t+dt)=y(t)+dt\*vmoyy(t)

on calculera la vitesse moyenne sur l'intervalle [t,t+dt]

vmoyi(t) = (vi(t) + vi(t+dt))/2

Vitesse initiale (t=0):

Si on connait la norme de la vitesse v(0) et l'angle (alpha(0)) par rapport à l'axe OX on peut écrire.

vx(0)/v(0)=cos(alpha(0))

vy(0)/v(0)=sin(alpha(0))

Soit

vx(0) = v(0).cos(alpha(0))

vy(0) = v(0).sin(alpha(0))

#### 6.1.5 Force de frottement

#### 6.1.5.1 Linéaire

fd=-k'.v

La littérature propose pour k=L.nu

L : Longueur caractéristique, ex : diamètre du projectile

nu : viscosité du fluide

#### Pour l'air :

Température °C	Nu [Pa][s]		
0	17.10-6		
20	18.10-6		
40	19.10-6		

#### 6.1.5.2 Quadratique

fd=-k i.|V|.V

La littérature propose pour k\_i (i=x ou y ou z)

 $k_i=(1/2)$ .Rho.Cd.S

Rho [kg/m3]: masse volumique du fluide (en général l'air avec de l'humidité)

Cd [sans unité] : Coefficient de frottement de la balle.

S [m3]: surface apparente de la balle, selon l'axe de Tir (OX), π\*Diam\*Diam/4

#### 6.1.6 Tir avec dénivellé (i.e : non horizontal)

Source: http://ballisticshooters.over-blog.com/2019/10/le-tir-avec-denivele.html

Pour corriger la différence d'altitude (plus haut ou plus bas) entre le point de départ et la cible il suffit :

De prendre comme distance de tir dans les calculs :

D Tir =  $OC^*cos(OCX)$ 

D\_Tir [m] : Distance à considérer pour calculer Élévation et Dérive.

OC [m] : Distance du canon à la cible (en ne tenant pas compte de la différence de hauteur entre la lunette et le canon).

OCX [rad] : Angle entre la ligne de visée OC et l'horizontale OX.

Un exemple:

Dans le cadre d'une action de chasse, le tir s'effectue, vers le bas, depuis un mirador de hauteur 5m et a une distance OCX de 50m.

L'angle est défini par

tan(OCX)=-5/50=-1/10

OCX = arc-tan(-1/10)

OCX = -0.09966865249...rad

Soit 5.710593137...degré

D Tir =  $50*\cos(arc-tan(-1/10))$ 

D Tir = 49.75185951....

En arrondissant au millimètre on obtient 49.752m

Ce qui donne avec une cartouche de chasse en calibre 7\*64 de 177 gr pour une carabine zéroté à 100m et une lunette en MILS (mRAD) avec des clicks de (0.1mRAD 1cm à 100m) :

Angle (°)	Chute (cm)	Élévation (mRAD)	Élévation (clicks)
0	2.0	D0.40	D4
7.711	2.1	D0.4	D4.2

L'écart sera de 1 mm et il n'est pas possible de régler 2/10 de click...

#### 6.2 Établissement des coefficients de frottement

#### 6.2.1 Calcul du coefficient de frottement, méthode énergétique

Source: http://ballisticshooters.over-blog.com/2019/09/le-coefficient-balistique.html

Les fabricants de munitions ne donnent généralement pas le coefficient de frottement, éventuellement un coefficient balistique (BC\_G1 ou BC\_G7), souvent fixe et rarement avec des informations sur les conditions de calcul ou de mesure.

Nous allons voir comment le calculer avec les données à disposition.

Calcul du Cd d'une balle quelconque :

Supposons que le fabriquant donne les vitesses selon la distance.

Il faudrait aussi connaître la longueur du canon utilisé et les conditions météorologiques.

Distance(m)	0	100	200	
Vitesse(m/s)	800	732	667	

La perte d'énergie cinétique due au frottement entre deux points P1 à la distance d1 et P2 à la distance d2 est :

Ec = valeur de l'énergie cinétique est un scalaire [J]

Ec(d2)-Ec(d1)=fd\*(d2-d1)

On peut en déduire la force de frottement [N].

Soit fd=0.5\*MasseBalle\*(v(d2)\*v(d2)-v(d1)\*v(d1))/(d2-d1)

Avec une balle de 10.9g on trouve

Distance(m)	0	100	200	300	
Vitesse(m/s)	800	732	667	606	
fd (N)	-4.07	-3.56	-3.04		

Et la force de frottement s'écrit

fd = 0.5\*Cd\*Rho\*S\*v(d)\*v(d)

Soit

Cd = 2\*Fd / (Rho\*S\*vmoy(d1-d2)\*vmoy(d1-d2))

Rho [kg/m3]: masse volumique du fluide (en général l'air avec de l'humidité)

S [m3]: surface apparente de la balle, selon l'axe de Tir (OX), π\*Diam\*Diam/4

vmoy(d1-d2): vitesse moyenne de la balle [m/s]

On prendra la vitesse moyenne entre d1 et d2 vmoy(d1-d2)=(v(d1)+v(d2))/2

Pour une balle de .308 Winchester, Diam = 7.82e-3 m (2.54\*0.308/100)

Supposons que le fabriquant ait effectué ses mesures en Atmosphère standard ICAO : Au niveau de la mer (altitude 0m) avec une température de 15°C une Pression de 101325 Pa et une hygrométrie de 0%.

Rho [kg/m3] : fonction de la température, de la pression et de l'humidité relative (voir formule plus bas)

Pression [Pa]: fonction de l'altitude (voir formule plus bas)

Température et humidité relative sont données par une source météo, comme un Kestrel. https://kestrelmeters.com/products/kestrel-elite-weather-meter-with-applied-ballistics

On peut donc calculer le Cd de cette balle en fonction des paramètres physiques.

Distance(m)	0	100	200	300	400	500	600	700
Vitesse(m/s)	800	732	667	606	548	494	446	402
fd (N)	-4.07	-3.56	-3.04	-2.62	-2.20	-1.76	-1.46	
Cd	0.241	0.2523	0.2602	0.2729	0.2814	0.2773	0.2818	

### Le Cd n'est donc pas constant par rapport à la vitesse du projectile !

C'est ce que l'on retrouve dans les courbes de l'annexe 7.1.3.

### 6.2.2 Coefficient balistique, selon les conditions Atmosphériques.

Si on connait BC\_Gx dans le cas d'une Atmosphère Standard, peut-on le déduire dans le cas où les éléments (Altitude, Température, Pression, et Humidité relative) sont différents ?

La réponse est OUI, il faudra pour cela utiliser le rapport d'impédance.

J [sans unité] =  $(P \text{ ref/P})^* \sqrt{(Tv \text{ ref/Tv})}$ 

P\_ref [Pa] : Pression de Référence, ex ICAO = 101'325 Pa

Tv ref [K]: Température virtuelle de référence.

Se calcule comme suit

TK\_ref/(1-0.3785\*(Pvap\_ref/P\_ref))

TK ref [K]: Température de référence, ICAO = 288.15

P ref [Pa]: Pression de Référence, ex ICAO = 101'325 Pa

Pvap ref [Pa] : Pression de vapeur de Référence,

Se calcule comme suit HR ref\*Pvap sat ref

HR ref [sans unité] : chiffre entre 0 et 1, ex ICAO = 0

Pvap sat ref [Pa] : Pression de Vapeur Saturée de Référence

Se calcule comme suit

6.1078\*10^((7.5\*TK ref-2048.625)/(TK ref-35.85))

De même pour les conditions réelles.

P [Pa] : Pression mesurée

Tv [K] : Température virtuelle de référence selon les conditions du moment.

On obtient finalement

BC Gx = BC Gx ref\*J

Et on peut en déduire Cd, voir § 7.1.2

#### 6.2.3 Utilisation du calculateur.

La majorité des calculateurs utilisent le coefficient balistique et pas le coefficient de frottement.

Avant d'entrer les données dans un calculateur il faut disposer d'une valeur du BC\_Gx (x=1 ou 7) et non pas du coefficient de frottement.

Le logiciel Applied Ballistics (version iOS) permet de préciser les conditions standard utilisées pour déterminer le BC\_Gx (par défaut ICAO).

Ensuite les conditions du Zérotage et celles du tir peuvent être précisées, le logiciel en tiendra compte lors des calculs.

Il est possible d'obtenir la vitesse de sortie et une valeur de BC\_Gx selon les conditions atmosphériques du Tir en utilisant un radar de type FX\_TrueBallistic.

On peut ensuite, connaissant les conditions du tir, avoir la valeur de BC\_Gx pour l'atmosphère Standard souhaité (ex : ICAO), voir § 6.2.2, et en déduire le Cd si besoin, voir § 7.1.2.

### 6.3 Approche théorique du mouvement horizontal.

Le mouvement vertical est généralement bien maitrisé, c'est le mouvement horizontal qui pose le plus de problème.

Différents éléments interviennent, mais le principal car le plus délicat à appréhender est le vent.

#### 6.3.1 Effets du vent.

L'effet du vent peut agir sur le mouvement horizontal et/ou vertical, il est donc traité individuellement.

#### Selon Brian LITZ:

"Wind deflection is a non-deterministic element, and is the most difficult challenge for all types of long range shooting"

From

APPLIED BALLISTICS FOR LONG-RANGE SHOOTING, Third Edition p59 ch 5 : Wind Deflection

Le vent se décompose en trois composantes.

```
W=Wx+Wy+Wz
W=wx.E1 + wy.E2 + wz.E3
w=|W|
w=\sqrt{(wx*wx+wy*wy+wz*wz)}
```

On mesure la force du vent (w) et son angle par rapport à la direction du tir (OX)

Alpha O: l'angle horaire du vecteur vent par rapport à l'axe OX.

```
Alpha_D = Alpha_O converti en degrés
Alpha_D= Alpha_O*(90/3)

Exemples :

Alpha_O = 3h

=>Alpha_D=3*90/3=90 degres

Alpha_O = 6h
```

Alpha R = Alpha D converti en RAD

On aura

wx = -w\*cos(Alpha\_R) wy = -w\*sin(Alpha\_R)

### 6.3.1.1 Composante dans l'axe du tir (wx).

#### **Constatation:**

Si le vent va vers la cible il « pousse » le projectile, s'il vient de la cible il le « freine ».

Si le projectile est « poussé » la chute sera plus faible et le besoin de correction en élévation aussi.

Si le projectile est « freiné » la chute sera plus forte et le besoin de correction en élévation aussi.

Aucune influence sur la Dérive, que le vent pousse ou freine.

L'influence du vent de dos (6h) ou de face (12h) calculé par le logiciel Applied Ballistics pour un projectile en condition ICAO, 0.308 GGG SMK HPBT 190gr V0 780 m/s BC G7 0.266 à 1000m, sont reportés dans les deux tableaux ci-dessous.

Les effets Spin Drift et Coriolis sont désactivés.

L'influence est légèrement plus grande avec un vent de face (12h) que de dos (6h).

Vent arrière 6h (m/s)	0	1	5	10
Elevation (Up)	13.5	13.4	13.3	13.2
Path (cm)	-1'346.6	-1'343.9	-1'333.0	-1'319.7
Dérive	0	0	0	0

Vent de face 12h (m/s)	0	1	5	10
Elevation (Up)	13.5	13.5	13.6	13.7
Path (cm)	-1'346.6	-1'349.4	-1'360.5	-1'374.6
Dérive	0	0	0	0

Les différentes sources proposent de ne pas prendre en compte le vent dans l'axe pour des vitesses relativement faibles.

#### Approche théorique :

George KLIMI, dans Elements of Exterior Ballistics LING RANGE SHOOTING, First Edition, p145 ch 4.8 Range-Wind and Cross-Wind.

L'auteur s'interesse uniquement aux composantes wx et wz.

Si on les considère constantes, pendant la durée du tir, les composantes du vent, à tout instant le vecteur vitesse du projectile sera : V(t)+W

Si on s'intéresse à ce qui se passe dès la sortie du canon on peut écrire :

$$V'(0) = V(0)+W$$

V(0) est dans le plan OXY Donc V(0) = vox.E1+v0y.E2 Sachant que W=wx.E1 + wy.E2 + wz.E3

Avec wy=0

On obtient v'ox=vox+wx v'oy=voy

Donc seule la composante selon X de Vo sera modifiée, ce qui aura une influence sur l'angle de Tir aussi.

tan(Alpha(0))=voy/vox

tan(Alpha'(0))=voy/(vox+wx)

Si le vent est de face (0/12h) wx sera négatif, V'0 sera plus petit que V0 et l'angle Alpha'(0) devra être plus grand que Alpha(0) pour atteindre la même distance. Si le vent est de dos (6h) wx sera positif, V'0 sera plus grand que V0 et l'angle Alpha'(0) devra être plus petit que Alpha(0) pour atteindre la même distance.

#### Brian LITZ:

Dans APPLIED BALLISTICS FOR LONG-RANGE SHOOTING, Third Edition p59 ch 5: Wind Deflection

Pas d'analyse de la composante du vent dans l'axe.

6.3.1.2 Composante horizontale perpendiculaire à l'axe du tir (wz).

### **Constatation:**

Si le vent va de la gauche vers la droite (3 heures) l'impact sera à gauche du point visé. Si le vent va de la droite vers la gauche (9 heures) l'impact sera à droite du point visé. Aucune influence sur l'élévation.

#### Approche théorique :

Formule de Didion.

ci = wy \* (ToF - (oc / V0))

O: Origine du Tir (sortie du canon)

C : point visé sur la Cible

I : point d'impact

ci = |CI| [m] distance entre C et I

wy [m/s] : norme de la vitesse du vent horizontale

ToF [s]: Temps de vol

oc [m] : distance entre la sortie du canon et le point visé.

V0 [m/s]: vitesse à la sortie du canon

Selon cette Formule la valeur de la dérive est la même quel que soit le sens du vent.

Les informations fournies par le logiciel Applied Ballistics pour un projectile 0.308 GGG SMK 175gr V0 785 m/s BC G7 0.265 à 1000m, sont reportés dans les deux tableaux ci-dessous. Spin Drift et Coriolis sont désactivés.

oc = 1'000mV0 = 780 m/s

oc / V0 = 1.27388535

Vent de Droite 3h (m/s)	0	1	5	10
ToF (s)	2.004	2.004	2.004	2.004
(ToF – (oc / V0))	0.73011465	0.73011465	0.73011465	0.73011465
CI (m)	0	0.730	3.651	7.301
Dérive (mRAD)	0	0.73011465	3.65057325	7.3011465
Dérive (click)	0	7	37	73

L'influence du vent de droite (3h) ou de gauche (9h) calculé par le logiciel Applied Ballistics pour un projectile 0.308 GGG SMK 175gr V0 785 m/s BC G7 0.265 à 1000m, sont reportés dans les deux tableaux ci-dessous.

La dérive est la même en valeur absolue, elle est appliquée du côté d'où arrive le vent (ex : vent de droite 3h Dérive R).

Concernant l'Élévation :

- Si le vent viens de Droite la chute diminue et donc l'Élévation à appliquer aussi.
- Si le vent viens de Gauche la chute augmente et donc l'Élévation à appliquer aussi. La chute (Path) pour un vent de Gauche est plus grande que celle pour un vent de Droite.

Vent de Droite 3h (m/s)	0	1	5	10
Élévation (Clicks Up)	135	135	134	132
Path (cm)	-1'352.2	-1'349.4	-1'338.1	-1'324.0
Dérive (Clicks R)	0	7	37	73

Vent de Gauche 9h (m/s)	0	1	5	10
Élévation (Clicks Up)	135	136	137	138
Path (cm)	-1'352.2	-1'355.1	-1'366.4	-1'380.5
Dérive (Clisks L)	0	7	37	73

Les Dérives en Clicks proposées par le logiciel Applied Ballistics sont identiques à celles résultant de la formule de Didion.

### 6.3.1.3 Composante verticale perpendiculaire à l'axe du tir (wy).

Cet axe d'influence du vent n'est pas disponible dans le logiciel Applied Ballistic.

George KLIMI, dans Elements of Exterior Ballistics LING RANGE SHOOTING, First Edition, p145 ch 4.8 Rang-Wind and Cross-Wind, s'interesse uniquement aux composantes wx et wz.

On pourrait traiter cette composante du vent de la même manière que celle de wz, voir 6.3.1.2.

#### 6.3.1.4 Hauteur maximale de la trajectoire

Une fois l'élévation nécessaire pour atteindre la cible calculée, il suffit de relancer le calcul en prenant comme angle initial celui du Zérotage auquel on additionnera celui nécessaire pour toucher la cible.

On utilisera trois variables:

Y max [m]: Qui contiendra la valeur la plus grande de y.

XY\_max [m] : Qui contiendra la valeur de x correspondant à Y\_max. TY max [s] : Qui contiendra la valeur de t correspondant à Y max.

Elles seront initialisée à 0.

A chaque cycle de calcul on comparera la valeur de y et celle dans Y\_max, si y>Y\_max on affectera y à Y\_max, x à XY\_max et t à TY\_max.

Exemple: pour un tir a 1'000m, voir détails au § 7.9.4

#### 6.4 Effet Coriolis pratique

L'effet Coriolis peut agir sur le mouvement horizontal et/ou vertical, il est donc traité à part.

L'effet Coriolis prend en compte le fait qu'un fois sortie du canon le projectile n'est plus solidaire de la Terre, qui tournant sur son axe déplace le point visé.

Le tireur restant solidaire de la terre s'est, pour lui, le projectile qui a une trajectoire non rectiligne.

Pour la théorie voir annexe 7.4.

Les simulations donnent

Avec une Latitude de 46.374° ( à convertir en rad dans les calculs ) et une distance de tir de 1'000m.

Exemples d'affichage du logiciel PBSv1.00

Sans Effet Coriolis activé

```
Ruge-Kutta Method
Lattitude (° N/S): 46.373611111111111 N
Azimut de Tir: 0.0 ° 0.0 RAD
==> Distance Goal (n): 1000.0
total elapsed time (s): 1.8763
Calculated Speed Module |V(t+h)| (m/s): 380.51
Calculated X position (m): 1000.06
Calculated Y position (cm): -1513.0
Calculated Z position (cm): 0.0
```

Avec Effet Coriolis activé

```
Ruge-Kutta Method Lattitude (° N/S) : 46.37361111111111 N
```

```
Azimut de Tir : 0.0 ° 0.0 RAD ==> Distance Goal (n) : 1000.0 total elapsed time (s) : 1.8763 Calculated Speed Module |V(t+h)| (m/s) : 380.51 Calculated X position (m) : 1000.06 Calculated Y position (cm) : -1513.0 Calculated Z position (cm) : 11.2
```

En regroupant dans un tableau les résultats avec l'effet Coriolis activé,

Azimuth	Y (cm)	Z (cm)
0 (plein Nord)	-1513.0	11.2
90 (plein Est)	-1502.5	11.1
180 (plein Sud)	-1513.0	11.0
270 (plein Ouest)	-1523.5	11.1

#### En conclusion:

- Sur l'axe des Y :
  - o Plein Nord ou plein Sud pas de modification avec ou sans Effet Coriolis
  - Plein Est, le tir est plus haut (quasi 10cm).
  - Plein Ouest, le tir est plus bas (10 cm)
- Sur l'axe des Z : il y a toujours déviation d'environ 11cm vers la droite.

#### 6.5 Spin Drift

L'effet Spin Drift, parfois noté Dérive Gyroscopique en Français, proviens de la rotation de la balle.

L'influence est inférieure à celle de Coriolis.

Elle est vers la droite pour les canons rayé à droite et vers la gauche pour les canons rayés à gauche.

#### Références:

R1: Partie 1: <a href="http://ballisticshooters.over-blog.com/2019/10/la-stabilite-d-une-balle.html">http://ballisticshooters.over-blog.com/2019/10/la-stabilite-d-une-balle.html</a>
R2: Partie 2: <a href="http://ballisticshooters.over-blog.com/2019/10/la-stabilite-d-une-balle-2eme-partie-en-cours.html">http://ballisticshooters.over-blog.com/2019/10/la-stabilite-d-une-balle.html</a>
partie-en-cours.html

 $Dg = 3.175*(Sg+1.2)* tof^{1.83}$ 

#### R3: Applied Ballistic:

https://appliedballisticsllc.com/wp-content/uploads/2021/06/Gyroscopic-Drift-and-Coriolis-Effect.pdf

R4: APPLIED BALLISTICS FOR LONG-RANGE SHOOTING

Brian LITZ Third Edition p95 Equation 6.1

Drift =  $1.25*(SG+1.2)* tof^{1.83}$ 

SG: Gyroscopic Stability as predicted by Miller Twist rule.

Miller Stability Formula p428

 $SG=(30m \text{ gr}/(T \text{ cal}^2*d \text{ in}^3*l \text{ cal}^*(1+l \text{ cal}^2)))$ 

m\_gr [gr] : la masse en grains

T [inch]: Twist en pouces (ex: 11 pour 11" pour 1 tour, noté souvent 1:11)

T cal [sans unité] : le twist en calibre (ex : T/d in)

d in [inch]: le calibre (ou diamètre de la balle) en pouces (ex: 0.308)

I [inch]: longuer de la balle

l\_cal [inch] : la longueur en calibre (l/d\_in)

#### Remarque:

Les deux relations proposées pour le Spin Drift sont-elles différentes ?

SG est en inch et Dg en cm

Le facteur de conversion est 1 inch 2.54 cm

1.25 inch = 1.25\*2.54 = 3.175 cm

Donc ce sont les mêmes!

#### Selon R2:

La formule de la dérive gyroscopique est :

$$Dg = 3.175*(Sg+1.2)* tof^{1.83}$$

#### Avec

Dg [m]: Spin Drift ou dérive Gyroscopique.

Sg [sans unité] : le facteur de stabilité gyroscopique.

Tof [s]: le temps de vol.

La formule pour prendre en compte la vitesse réelle et la densité de l'air

$$Sg = ( (30*m_gr) / (T_cal^2*d_in^3*l_cal^*(1+l_cal^2))) * (V/853.4)^{1/3}* ((T_K) * P_Ref) / (288.15 * P)$$

#### Avec

m\_gr [gr] : la masse en grains

T [inch]: Twist en pouces (ex: 11 pour 11" pour 1 tour, noté souvent 1:11)

T\_cal [sans unité] : le twist en calibre (ex : T/d\_in)

d in [inch]: le calibre (ou diamètre de la balle) en pouces (ex: 0.308)

I [inch] : longuer de la balle

I cal [inch]: la longueur en calibre (l/d in)

V [m/s]: la vitesse

T\_K [°K] : la température de l'air

P [Pa] : la pression atmosphérique de l'air.

P\_Ref: 100'000 Pa si Réf ASM (utilisée par Miller), 101'325 Pa si Réf ICAO.

#### Evaluation de la stabilité :

- En dessous de 1, la balle est instable
- Entre 1 et 1.3, la stabilité est considérée comme marginale.
- Au dessus de 1.3, la balle est stable

Si on connais Sg on peut en déduite le Twist.

#### Règle de Miller

$$T_{cal} = \sqrt{(30*m_gr)/(Sg*d_in^3*l_cal*(1+l_cal^2))}$$

et

T = T cal\*d in

### Avec

d\_in [inch] : le calibre (ou diamètre de la balle) en pouces (ex: 0.308)

T [inch]: Twist en pouces (ex: 11 pour 11" pour 1 tour, noté souvent 1:11)

T cal [sans unité] : le twist en calibre (ex : T/d in)

m gr [gr]: la masse en grains

Sg [sans unité] : le facteur de stabilité

I [inch] : longuer de la balle

l\_cal [inch] : la longueur en calibre (l/d\_in)

Exemple pratique (voir § 7.9.4): Tir avec une carabine de calibre 308 ayant un Twist à droite de 1:11, on utilise une balle SMK HPBT de 190 gr, on obtient un Sg de 1.62 (Balle Stabilisée) et pour un tir à 200m un Spin Drift de 0.82 cm vers la droite.

#### 6.5.1 Aerodynamic Jump

Le saut aérodynamique (Aerodynamic Jump ou AJ) est consécutif à l'effet du vent de travers sur la balle.

Sans vent pas d'effet, on aurait donc pu mettre ce paragraphe dans la partie sur l'effet du vent, cependant comme la relation pour calculer l'amplitude du saut fait appel au facteur de stabilité gyroscopique, il a été choisi de la mettre dans cette partie.

#### Selon R1:

"Les formules pour le calculer (le saut aérodynamique) avec précision sont extrêmement complexes, cependant il existe **un estimateur** en utilisant cette formule :"

AJ MOA = 0.01\*Sg-0.0024\*bl cal +0.032

#### Avec

AJ\_MOA [MOA/mph] : Aerodynamic Jump

Sg [sans unité] : le facteur de stabilité gyroscopique

bl cal [inch]: la longueur en calibre (bl i/d i)

bl\_i [inch] : longueur de la balle en pouces (bl\_cm/2.54)

d\_i [inch] : le calibre (ou diamètre de la balle) en pouces (ex: 0.308)

bl cm [cm]: longueur de la balle en cm

et pour convertir en [mRAD/ m/s]

1 MOA = (1/60)\*(/180)\*1000 mRAD

1 MOA = 0.290888.. mRAD

1 Mph = (1609.44 / (60\*60)) m/s

1 Mph = 0.447066...m/s

1 MOA / Mph = 0.02602638 mRAD / (m/s)

 $AJ_mRAD = AJ_MOA*(2.237/3.43775)$ 

AJ mRAD = 0.02602865\*AJ MOA

wx : Si le vent est dans l'axe du déplacement qu'il vienne de devant ou de derrière le saut sera inexistant.

wy : Si le vent vient du bas le saut sera vers la droite et s'il vient du haut le saut sera vers la gauche.

wz : Si le vent vient de droite le saut sera vers le haut et s'il vient de gauche le saut sera vers le bas.

### ATTENTION : le résultat est une valeur angulaire !

AJD\_x [mRAD] = 0 AJD\_y [mRAD] = - AJ\_mRAD \* wz AJD\_z [mRAD] = - AJ\_mRAD \* wy

Pour un vent de |w| m/s venant de droite wz=-w

AJD\_y = - AJ\_mRAD \* -w = AJ\_mRAD \* w >0 Ce qui est bien vers le haut selon l'axe des Y

Exemple pratique (voir § 7.9.4):

Tir avec une carabine de calibre 308 ayant un Twist à droite de 1:11, on utilise une balle SMK HPBT de 190 gr de longueur 3.437 cm.

on obtient un Sg de 1.62 (Balle Stabilisée)

bl\_cm = 3.437 cm bl\_i = 3.437 / 2.54 bl\_i = 1.3532 inch

 $d_i = 0.308$ bl cal = 1.3532 / 0.308

bl\_cal = 4.3933..

AJ\_MOA = 0.01\*1.62-0.0024\*4.3933+0.032 AJ\_MOA = 0.03765598

AJ mRAD = 0.02450122

Pour un vent de droite de 10 m/s AJD\_y = 0.245 mRAD

wz (m/s)	-1	-2	-3	-4	-5	-6	-7	-8	-9	-10
AJD_y (mRAD)	0.025	0.049	0.074	0.098	0.123	0.147	0.172	0.196	0.221	0.245
Clicks (0.1 mRAD)	-0.25	-0.49	-0.74	-0.98	-1.23	-1.47	-1.72	-1.96	-2.21	-2.45

Et pour un vent de 4 m/s venant de droite

Distance (m)	200	400	600	800	1000
Ecart (cm)	4.9	9.8	14.7	19.6	24.5

#### Référence :

R1: http://ballisticshooters.over-blog.com/2020/02/le-saut-aerodynamique-8.html

### 7 Annexes

#### 7.1 Références

### 7.1.1 Elementary Differential equations with boundary values problems

Présentations détaillées avec exemples et comparaisons des trois méthodes numériques : Euler, Improved Euler and Runge-Kutta.

https://math.libretexts.org/@go/page/24044?pdf

Concept général

On a y'(x)=F(x,y) avec y'(x)=dy(x)/dx et des conditions initiales telles que y(x0)=y0

Pour une application à la balistique on va utiliser les notations suivantes.

```
 \begin{aligned} x &= t \\ y(x) &= V(t) \\ dy(x)/dx &= dV(t)/dt \\ ou \ y'(x) &= V'(t) \\ d'où \\ F(x.y(t)) &= F(t,V(t)) \\ x0 &= t0 = 0 \\ y0 &= V0 \\ y(x0) &= V(t0) \end{aligned}   F(t,V(t)) \text{ est un vecteur avec trois coordonnées qui peut s'écrire : }  Sur Ox : Fx(t,Vx(t)) Sur Oy : Fy(t,Vy(t)) Sur Oz : Fz(t,Vz(t))
```

Dans le cas d'un mouvement qui prends uniquement en compte les forces de frottement et gravitationnelle on obtient :

```
Fx(t, \forall x(t)) = -(k/m)^* |\forall x(t)|^* \forall x(t)
Fy(t, \forall y(t)) = 0
Fz(t, \forall z(t)) = -(k/m)^* |\forall z(t)|^* \forall z(t) - g
O\dot{u}
k = 0.5^* Rho^* Cd^* A
Notation \ x^2 = x^* x
```

Rho: masse volumique de l'air [kg/m^3]

Cd : Coefficient de frottement de la balle [sans unité]  $A = \pi^*(d^*d)/4$  surface apparente de la balle [m^2] d = diamètre de la balle [m] m est la masse du projectile |x| représente la valeur absolue de x g l'attraction de la pesanteur

La seule inconnue est le coefficient de frottement, Cd!

Comment le déterminer ?

Plusieurs possibilités :

- En partant de la définition du coefficient balistique (BC) voir § 7.1.2 et suivants.
- En utilisant la notion d'énergie, très futé mais qui impose de connaître les vitesses à différentes distances voir § 6.2.1.

Maintenant on peut déterminer les vitesses.

Pour les déplacements voir au § 7.1.1.4.

```
7.1.1.1 Euler
```

```
V(t+h) = V(t) + h*F(t, V(t))
```

Soit sur les trois axes

```
Vx(t+h) = Vx(t) + h*Fx(t, Vx(t))

Vy(t+h) = Vy(t) + h*Fy(t, Vy(t))

Vz(t+h) = Vz(t) + h*Fz(t, Vz(t))
```

#### 7.1.1.2 Improved Euler

```
K1(t) = F(t, V(t))

K2(t) = F(t+h, V(t)+h*K1(t))

V(t+h) = V(t) + (h/2) *(K1(t)+K2(t))
```

Soit sur les trois axes (ou i = x, y, et z)

Ki1(t) = Fi(t, Vi(t))

Ki2(t) = Fi(t+h, Vi(t)+h\*K1i(t))

Vi(t+h) = Vi(t) + (h/2) \*(K1i(t)+K2i(t))

#### 7.1.1.3 Runge-Kutta

```
\begin{split} &K1(t) = F(t, V(t)) \\ &K2(t) = F(t+(h/2), V(t)+(h/2)*K1(t)) \\ &K3(t) = F(t+(h/2), V(t)+(h/2)*K2(t)) \\ &K4(t) = F(t+(h/2), V(t)+h*K3(t)) \\ &V(t+h) = V(t) + (h/6) *( K1(t) + 2*K2(t) + 2*K3(t) + K4(t) ) \end{split}
```

Soit sur les trois axes ( ou i = x, y, et z )

Ki1(t) = Fi(t, Vi(t))

Ki2(t) = Fi(t+(h/2), Vi(t)+(h/2)\*Ki1(t))

Ki3(t) = Fi(t+(h/2), Vi(t)+(h/2)\*Ki2(t))

Ki4(t) = Fi(t+(h/2), Vi(t)+h\*Ki3(t))

Vi(t+h) = Vi(t) + (h/6) \*(Ki1(t) + 2\*Ki2(t) + 2\*Ki3(t) + Ki4(t))

### 7.1.1.4 Déplacements

$$OM(t+h) = OM(t) + h * ((V(t+h)+V(t))/2)$$

Soit sur les trois axes ( ou i = x, y, et z ) 
$$X(t+h) = X(t) + h * ((Vx(t+h)+Vx(t))/2)$$
  $Y(t+h) = Y(t) + h * ((Vy(t+h)+Vy(t))/2)$   $Z(t+h) = Z(t) + h * ((Vz(t+h)+Vz(t))/2)$ 

#### 7.1.2 Coefficient balistique (BC)

Souvent noté BC, on le notera BC\_Gx, car il est toujours en rapport avec une balle de référence (Gx).

 $BC_Gx = (Sd / i_Gx) [livres/pouces^2] Coefficient Balistique selon une balle de référence « <math>x$  ».

Sd = ( masse\_grain/7000 ) / diameter\_pouces^2 [livres/pouces^2]

Ex: une balle de calibre 0.308 pouces avec une masse de 190 grains

Sd = (190/7000) / (0.308\*0.308) Sd = 0.286... (on arrondi à 3 chiffres après la virgule)

i Gx = Cd / Cd Gx [sans dimension]

Cd : Coefficient de frottement de la balle [sans unité]

Cd Gx: Coefficient de frottement d'une balle de référence G1, G7... [sans unité]

$$BC_Gx = Sd/(Cd/Cd_Gx)$$

#### Références:

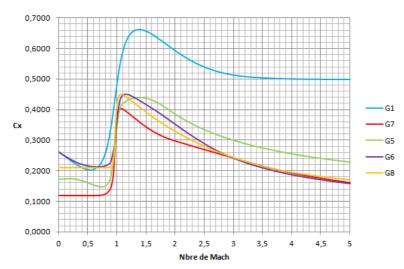
https://bergerbullets.com/nobsbc/what-is-a-bullet-bc/

et

https://en.wikipedia.org/wiki/Ballistic coefficient

### 7.1.3 Coefficient de Frottement (Cd) et relation avec le BC

### Cdx ou Cd\_Gx des Balles de Références :



Pour déterminer le Cd Gx d'une balle de référence il faut connaître le nombre de Mach!

#### 7.1.4 Nombre de Mach

https://fr.wikipedia.org/wiki/Nombre de Mach

Mach=(V/SoundSpeed) [sans dimension]

V : vitesse de l'objet [m/s]

SoundSpeed: vitesse du son dans l'air [m/s]

On ne connait à priori que la vitesse à la sortie du canon V0.

Il reste à calculer la vitesse du son, voir § 7.1.5 ! SoundSpeed = 339.5 m/s

Une fois a connu, on calcule le nombre de Mach.

Reprenons l'exemple :

Le fabriquant de la munition donne

https://www.ggg-ammo.lt/en/civil-ammunition/ggg-308-win-design-gpx17-en V0 = 780 m/s

Mach = (780 / 339.5) = 2.29749... arrondi à 2.30

Ensuite on se reporte aux courbes du paragraphe §7.1.3.

On détermine le Cd\_Gx qui nous intéresse :

Ou

On utilise le code python, qui reprends les valeurs des courbes du §7.1.3.

python3 ./BCCalculus.py 2.30
Bullet Mach : 2.3
Bullet Cx G1 : 0.5577
Bullet Cx G7 : 0.2807

Ce code est disponible dans Github <a href="https://github.com/fabienfigueras/TLD">https://github.com/fabienfigueras/TLD</a>

Si on connait le BC Gx on en déduit Cd de la balle

Cd = Sd\*Cd Gx/BC Gx

Par exemple:

Une cartouche calibre 308 de chez GGG avec une balle Sierra Match King de 190 grains.

Le fabriquant de la munition donne

https://www.ggg-ammo.lt/en/civil-ammunition/ggg-308-win-design-gpx17-en

BC G1 = 0.533

Le fabriquant de la balle donne

https://www.sierrabullets.com/product/30-cal-190-gr-hpbt-matchking/

Sd = 0.286 (c'est ce qu'on avait trouvé, ouf!)

BC G1

.533 @ 2100 fps and above .525 between 2100 and 1600 fps .515 @ 1600 fps and below

V0 = 780 m/s = 2'377 fps (feet per second)

On est supérieur à 2'100 fps, on peut donc prendre BC G1 = 0.533

Et on en déduit

Cd = Sd\*Cd G1/BC G1

Pour la valeur obtenue avec les courbes

Cd = (0.286\*0.56) / 0.533

Cd = 0.3004878... qu'on arrondi à 0.301

Pour la valeur obtenue avec le code Python

Cd = (0.286\*0.5577)/0.533

Cd = 0.2992536585...qu'on arrondi à 0.299

En général le modèle G7 est bien adapté à la géométrie des balles de type HPBT (pointe creuse et queue en forme de bateau).

Comment trouver BC G7 pour pouvoir le mettre dans votre logiciel balistique favori ?

Cd et Sd sont constants.

Cd = Sd\*Cd\_G1/BC\_G1 Cd = Sd\*Cd\_G7/BC\_G7

Soit

 $Cd_G1/BC_G1 = Cd_G7/BC_G7$ 

Ou

 $BC_G7 = Cd_G7/(Cd_G1/BC_G1)$ 

Et finalement

BC  $G7 = (Cd_G7*BC_G1)/Cd_G1$ 

Résultat pour la valeur obtenue avec les courbes

BC G7 = (0.28\*0.533)/0.56

BC\_G7 = 0.2665 qu'on arrondi à 0.267

Le logiciel Applied Ballistic donne le même résultat ©

En effet si je choisi le « Drag Model » G1 et entre comme BC 0.533 puis que je choisi le modèle G7, il me propose 0.267.

Résultat pour la valeur obtenue avec les courbes

BC G7 = (0.2807\*0.533)/0.5577

BC G7 = 0.2682680653 qu'on arrondi à 0.268

On dispose maintenant de toutes les informations pour appliquer les méthodes de simulation numériques.

#### Aller au § 7.3.

#### 7.1.5 Vitesse du son dans l'air

Plusieurs relations sont disponibles dans la littérature

La plus simple

SoundSpeed =  $20*\sqrt{T}$ 

T : température absolue [°K] = 273.15 + t

t : température en °C

ex:à 15°C

SoundSpeed =  $20*\sqrt{(15+273.15)}$ SoundSpeed = 339.4996318 m/s

La plus compliquée, (retenue par la suite).

SoundSpeed =  $\sqrt{\text{(Gamma*P/Rho)}}$ 

Gamma (sans dimension) coefficient ou Indice adiabatique (ou coefficient de Laplace) https://fr.wikipedia.org/wiki/Indice adiabatique

Gamma = (Cp/Cv)

Généralités :

https://fr.wikipedia.org/wiki/Capacit%C3%A9\_thermique\_massique

on y trouve pour l'air, Gamma=(1+(1/2.48))=1.40322581

Cp (J/K) : Capacité Thermique Isobare de l'air

https://fr.wikipedia.org/wiki/Capacit%C3%A9\_thermique\_isobare

Cv (J/K): Capacité Thermique Isochore de l'air

https://fr.wikipedia.org/wiki/Capacit%C3%A9 thermique isochore

P : pression atmosphérique [Pa]

Elle peut être mesurée (Kestrel) ou estimé selon l'altitude, voir § 7.1.6.

On préférera la valeur résultant de la mesure!

Rho: Masse volumique de l'air (kg/m3) voir § 7.1.7.

On utilisera la valeur selon l'humidité relative!

#### 7.1.6 Variation de la pression avec l'altitude

https://fr.wikipedia.org/wiki/Variation\_de\_la\_pression\_atmosph%C3%A9rique\_avec\_l%27altitude

P(z)=P(0)\*(1-(0.0065\*z/288.15))^5.255

Modèle atmosphérique normalisé ISA ou ICAO

P(0)= 101'325 Pa

Modèle atmosphérique normalisé AASM

P(0)= 99'991.6 Pa

#### 7.1.7 Air

https://fr.wikipedia.org/wiki/Air

Rho: Masse volumique de l'air sec [kg/m3]

Rho(TK,P)=1.293\*(273.15/TK)\*(P/101325)

TK : température de l'air [°K] P : pression atmosphérique [Pa]

Rho(TK,P(z))

Rho : Masse volumique de l'air humide [kg/m3] Ce qui est le cas le plus courant ©

https://fr.wikipedia.org/wiki/Masse volumique de I%27air

Rs = 287.06 constante spécifique de l'air sec [J/kg/K] HR : Humidité relative [sans unité, comprise entre 0 et 1, ex 0.76 = 76%]

https://fr.wikipedia.org/wiki/Humidit%C3%A9\_relative https://archive.wikiwix.com/cache/index2.php?url=http%3A%2F%2Fwww.armacell.com%2F WWW%2Farmacell%2FACwwwAttach.nsf%2FansFiles%2FHygrom%25C3%25A9trie.pdf% 2F%24File%2FHygrom%25C3%25A9trie.pdf

Rho(TK,P(z),HR)= (1/(Rs\*TK))\*(P-230.617\*HR\*EXP((17.5053\*(TK-273.15))/(241.2+TK-273.15)))

TK (°K): température de l'air [Kelvin] T(°K)=T(°C)+273.15

P: Pression de l'air (Pa)

7.1.8 Attraction de la pesanteur (g=9.81) <a href="https://fr.wikipedia.org/wiki/Pesanteur">https://fr.wikipedia.org/wiki/Pesanteur</a>

### avec:

- $g \text{ en m/s}^2$ ;
- h, altitude en m;
- $\phi$ , latitude en radians dans le Système géodésique GRS 80 (1980)

#### 7.2 Méthode de Zérotage

### 7.2.1 Zérotage pratique

On note scrupuleusement

- Les conditions géographiques et atmosphériques.
- La configuration du fusil (avec surpresseur, avec frein de bouche...)
- Les caractéristiques des munitions.

On considère que le tireur ne commet pas « trop » d'erreur de tir.

Le fusil doit être posé et non porté.

On assume que le fusil à au moins tiré une cartouche de « chauffe ».

On s'assure que la ligne entre la sortie du canon et le centre de la cible est horizontale et on note la distance entre la sortie et la cible.

### Cycle de réglage :

- On tire trois cartouches.
- On calcule le centre de gravité du triangle.
- On détermine les corrections nécessaires
- On applique les corrections à la lunette.

S'il n'y a plus de corrections à faire le « Zérotage » est terminé, sinon refaire un cycle, tant que la distance entre le centre de gravité et le point visé n'est pas satisfaisante.

On peut noter les conditions de tir, les corrections en élévation et en dérive et mettre à 0 les tourelles.

Il est possible de faire un pré-zérotage de la dérive à une distance plus faible (ex : 25m), sans tenir compte de l'élévation.

#### 7.2.2 Zérotage logiciel

Connaissant la distance de zérotage et les autres informations (Vitesse de sortie, température, pression, altitude...) le logiciel va calculer l'angle de tir nécessaire pour qu'à la distance souhaité le projectile atteigne le point visé.

### 7.3 Application des méthode numériques

On dispose des éléments numériques pour faire tourner les méthodes de résolution numérique décrites des § 7.1.1.1 à § 7.1.1.4.

Les résultats pour des incréments inférieur ou égal à 0.001 sont quasi identique.

On décide donc d'utiliser la Méthode de Runge-Kutta, plutôt que les méthodes de type Euler.

### 7.4 Effet Coriolis Théorie

L'ouvrage de référence est « Elements of Exterior Ballistics » LONG RANGE SHOOTING, First Edition 03/07/2016, George KLIMI, XLIBRIS

Page 177 §5.5 Estimation of Coriolis Effect.

On a un repère Galiléen lié à la Terre CXYZ, C est le Centre l'axe CZ passe par les pôles et est orienté vers le haut les axes CX, CY sont dans le plan équatorial.

Le repère Oxyz lié au tireur (placé en O), Ox dans la direction du tir, Oy passant par le centre de la terre et orienté vers l'extérieur et Oz passant par O et orienté vers l'Est. L'angle entre Oy et le plan CXY est la latitude du point O, noté « Lat ». L'angle de Ox par rapport au méridien passant par O est l'Azimut de Tir, noté « Az ».

On notera en particulier :

Fc =  $2*m*(V^{\Omega})$ 

 $Fc = -2*m*(\Omega^V)$ 

Fc : Pseudo force de Coriolis [N] m : Masse du projectile [kg]

V : Vecteur vitesse du projectile dans le repère Oxyz.

^ : est le produit vectoriel

 $\Omega$  : Vecteur représentant la rotation de la terre, avec des coordonnées exprimées dans le repère Oxyz.

Omega =  $|\Omega|$  norme du vecteur Omega =  $2*\pi/(23h56'4.09'')$ 

23h56'4.09" est la durée du jour sidéral

Soit

Omega = 7.2921159...\*10<sup>-5</sup>

Et

 $\Omega x = Omega*cos(Lat)*cos(Az)$ 

 $\Omega y = Omega*sin(Lat)$ 

 $\Omega z = -Omega*cos(Lat)*sin(Az)$ 

Fcx =  $-2*m*(\Omega y*Vz - \Omega z*Vy)$ Fcy =  $-2*m*(-\Omega x*Vz + \Omega z*Vx)$ Fcz =  $-2*m*(\Omega x*Vy - \Omega y*Vx)$ 

P176 Klimi fait disparaitre les termes  $\Omega y^*Vz$  dans Fcx et -  $\Omega x^*Vz$  dans Fcy mais sans expliquer pourquoi...

7.5 Étude de la chute d'un volant (ENS)

https://www.physagreg.fr/mecanique-12-chute-frottements-new.php

7.6 Frottement

https://owl-ge.ch/IMG/pdf/frottement.pdf

- 7.7 Données des fabricants de munitions
- 7.7.1 Fiocchi

7.7.1.1 SMK 175gr/11.34g

https://fiocchi.com/en/709959.html

Measures realized following C.I.P Method ( https://www.cip-bobp.org/ ):

Atmosphere I.C.A.O.

Voir A4

https://en.wikipedia.org/wiki/Small arms ammunition pressure testing

Sight Heigh: 5cm

Caliber : 0.308 inches Mass : 175gr 11.34g

Bullet type: HPBT Sierra Match King - Hollow point boat tail

Distance (m)	Muzzle 0	100	200	300	400	500
Speed (m/s)	800	740	680	625	570	520

Distance	Muzzle 0	100	200	300	400	500
(yards)						
Distance (m)	0	91.44	182.88	274.32	365.76	457.20
Bullet Path (cm)	-5	0	-13	-47	-107	-196

Ballistic Coefficient G1: 0.496 lb/in2 Ballistic Coefficient G7: 0.243 lb/in2

#### Bullet builder Intel:

https://www.sierrabullets.com/product/30-cal-7-62mm-175-gr-hpbt-matchking/

BC\_G1 and velocity range:

.505 @ 2800 fps and above .496 between 2800 and 1800 fps .485 @ 1800 fps and below

#### 7.7.2 Norma

#### 7.7.2.1 SMK 168gr/10.89g

https://www.norma-ammunition.com/fr-fr/produits/dedicated-precision/centerfire-rifle/norma-golden-target/norma-golden-target-308-winchester-109g---10177432

#### Annonce BC G1 0.424

Mais pour la balle

https://www.norma-ammunition.com/fr-fr/produits/dedicated-precision/centerfire-rifle-bullet/norma-gtx/norma-gtx-30-308-109g---10677031

Annonce une forme de type « Boat Tail » (plutôt G7 ?) et BC G1 0.438

#### Bullet builder Intel:

https://www.sierrabullets.com/product/30-cal-7-62mm-168-gr-hpbt-matchking/

BC G1 and velocity range:

.462 @ 2600 fps and above .447 between 2600 and 2100 fps .424 between 2100 and 1600 fps

.405 @ 1600 fps and below

#### 7.7.2.2 SMK 175qr/11.3q

https://www.norma-ammunition.com/fr-fr/produits/dedicated-precision/centerfire-rifle/norma-golden-target/norma-golden-target-308-winchester-113g---10177442

Annonce BC G1 0.547 et G7 0.283

Et pour la balle

https://www.norma-ammunition.com/fr-fr/produits/dedicated-precision/centerfire-rifle-bullet/norma-gtx/norma-gtx-30-308-113g---10677061

Annonce BC G1 0.547 et G7 0.283

### Bullet builder Intel:

https://www.sierrabullets.com/product/30-cal-7-62mm-175-gr-hpbt-matchking/

BC G1 and velocity range:

.505 @ 2800 fps and above .496 between 2800 and 1800 fps .485 @ 1800 fps and below

#### 7.7.3 GGG

### 7.7.3.1 NOSLER HPBT 168gr/10.89g

### https://www.ggg-ammo.lt/en/ggg-308-win-design-gpx13

Bullet mean velocity, m/s barrel length 600 mm, twist 11" Velocity maximum standard deviation 7.2

BC G1: 0.462

Distance (m)	Muzzle 0	100	200	300	400	500
Speed (m/s)	805 +-7	740	675	615	555	500
	(798 – 812)					

Distance (m)	0	100	200	300	400	500
Bullet Path (cm)	-	0	-18	-58	-123	-221

#### Details:

https://www.ggg-ammo.lt/index.php?route=product/product/download id=35

#### Bullet builder Intel:

https://www.nosler.com/30-caliber-168gr-hpbt-custom-competition-100ct.html

BC G1: 0.462

### 7.7.3.2 NOSLER HPBT 175gr/11.34g

### https://www.ggg-ammo.lt/en/ggg-308-win-design-gpx15

Bullet mean velocity, m/s barrel length 600 mm, twist 11" Velocity maximum standard deviation 7.2

BC G1: 0.496

Distance (m)	Muzzle 0	100	200	300	400	500
Speed (m/s)	810 +-7	750	690	640	585	500
(793 – 817)						

Distance (m)	0	100	200	300	400	500
Bullet Path (cm)	-	0	-17	-55	-118	-209

#### Details:

https://www.ggg-ammo.lt/index.php?route=product/product/download&download id=37

### **Bullet builder Intel:**

https://www.nosler.com/30-caliber-175gr-hpbt-custom-competition-100ct.html

BC\_G1: 0.505

### 7.7.3.3 SMK HPBT 190gr/12.31g

### https://www.ggg-ammo.lt/en/ggg-308-win-design-gpx17

Bullet mean velocity, m/s barrel length 600 mm, twist 11" Velocity maximum standard deviation 7.2

BC G1: 0.533

Distance (m)	Muzzle 0	100	200	300	400	500
Speed (m/s)	780 +-7	725	670	620	575	525
	(773 – 787)					

Distance (m)	0	100	200	300	400	500
Bullet Path (cm)	-	0	-19	-59	-125	-221

#### Details:

https://www.ggg-ammo.lt/index.php?route=product/product/download&download id=39

### Bullet builder Intel:

https://www.sierrabullets.com/product/30-cal-190-gr-hpbt-matchking/

BC\_G1 and velocity range:

.533 @ 2100 fps and above .525 between 2100 and 1600 fps .515 @ 1600 fps and below

### 7.8 Atmosphère normalisée

#### 7.8.1 ISA, ICAO, AASM

https://fr.wikipedia.org/wiki/Atmosph%C3%A8re normalis%C3%A9e

All a sea level (altitude 0m)

Standard Atm	Temp (°C)	Pressure (hPa)	Relative Humdity (%)
ICAO	15	1013.25	0
ASM	15	999.916	78

### 7.8.2 ISA

https://en.wikipedia.org/wiki/International Standard Atmosphere

#### 7.8.3 ICAO

http://www.aviationchief.com/uploads/9/2/0/9/92098238/icao\_doc\_7488\_-manual\_of\_icao\_standard\_atmosphere - 3rd\_edition - 1994.pdf

#### 7.9 Python Ballistic Solver (PBS)

Les fonctionnalités présentées dans les paragraphes précédents ont été implémentées dans du code Python.

Ce code est disponible sur GitHub <a href="https://github.com/fabienfigueras/TLD">https://github.com/fabienfigueras/TLD</a>

#### Exemple:

Python3 ./PBS-vxyz.py 0.308 190 780 1000 180 Y 4 3 Y 0.0001 N 0 Y G1 1

La sortie est divisée en 3 parties, voir §, § et §.

#### 7.9.1 Fichiers utilisésPrésentation sommaire de PBS

6 fichiers textes au format CSV sont utilisés, ils sont enregistrés dans le dossier CSV qui doit être présent dans le même répertoire que le code Python.

Sur première ligne on trouve le nom de variables et sur la deuxième la valeur.

Liste alphabétique.

```
amo.csv bullet_BC.csv lunette.csv rifle.csv bullet.csv env.csv montage.csv zero.csv
```

#### 7.9.1.1 Fichier montage.csv

```
Sight Height(mm),Angle(mRAD)
65.0,11.6
```

Sight Height(mm): distance entre l'axe du canon et l'axe de la lunette.

Angle(mRAD) : dans le cas où il y a un montage incliné c'est la valeur de l'angle.

#### 7.9.1.2 Fichier lunette.csv

```
unit,click mRAD,0.1
```

Pour l'instant pas utilisé dans le code

#### 7.9.1.3 Fichier rifle.csv

```
Builder Name,Model,Caliber(inches),Twist(inch),Twist_C(R/L)
TIKKA,T3X TAC A1,0.308,11,Right
```

Builder Name: Nom du fabriquant

Model: Nom du model

Caliber(inches): Calibre du canon

Twist(inch): pas des rayures, un tour pour ...

Twist C(R/L): sens des rayures, vers la droite (Right) ou la gauche (Left).

#### 7.9.1.4 Fichier amo.csv

```
Amo_Brand, Amo_Model, BC_G1_a, BC_G7_a GGG, GPX17, 0.533, 0
```

Amo Brand: Marque du fabriquant de la munition

Amo Model: Modèle dans la marque

BC\_G1\_a : valeur donnée par le fabriquant, 0 si pas fournie, dans le cas du choix G1 et

valeur fixe (0) c'est cette valeur qui sera utilisée.

BC\_G7\_a : valeur donnée par le fabriquant, 0 si pas fournie, dans le cas du choix G7 et

valeur fixe (0) c'est cette valeur qui sera utilisée.

Sauf avis contraire on suppose que les valeurs des BC se réfèrent à une atmosphère standard ICAO et au niveau de la sortie du canon.

### 7.9.1.5 Fichier bullet.csv

Bullet\_Brand,Bullet\_Model,Bullet\_Diameter(inch),Bullet\_mass(gr),Bullet\_Length(cm),MuzzleSpeed
(m/s),BC\_G1,BC\_G7
SIERRA,HPBT Matchking,0.308,190,3.437,780,0,0

Bullet Brand : Marque du fabriquant de la balle

Bullet\_Model : Modèle dans la marque Bullet Diameter(inch) : Diamètre de la balle

Bullet\_mass(gr) : masse de la balle Bullet Length(cm) : longueur de la balle

MuzzleSpeed(m/s): Vitesse à la bouche du canon

BC\_G1 : valeur donnée par le fabriquant, 0 si pas fournie BC\_G7 : valeur donnée par le fabriquant, 0 si pas fournie

Sauf avis contraire on suppose que les valeurs des BC se réfèrent à une atmosphère standard ICAO et au niveau de la sortie du canon.

#### 7.9.1.6 Fichier bullet BC.csv

#### Certain fabriquant donne le tableau suivant :

Vitesse (m/s)	< Vmin(m/s)	Vmin(m/s) <= et < Vmax(m/s)	>= Vmax(m/s)
BC (pound/inch^2)	BC_min	BC_int	BC_max

L'utilisation de ce type de tableau plutôt qu'un valeur fixe, donne des valeurs plus précises pour le coefficient de frottement (Cd).

#### 7.9.1.7 Fichier zero.csv

Zero distance (m), max error (m), Alt (m), Pressure (Pa), Temperature (°C), Relative Humidity (%), Alpha\_d 100,0.001,0,101325,15,0.0,0.268691

Zero distance (m) : distance de Zerotage

max error (m) : erreur maxi autorisée lors des calculs.

Alt (m): Altitude lors du zérotage

Pressure (Pa) : Pression absolue lors du zérotage. Temperature (°C) : Température lors du zérotage.

Relative Humidity (%): Humidité relative lors du zérotage.

Alpha d: Zero Angle in degree to be used if the option to do the zeroing was no taken.

#### 7.9.1.8 Fichier env.csv

Altitude (m), Pressure (Pa), Temperature (°C), Relative Humidity (%), Wind Speed (m/s), Wind Direction (0'clock), Lat\_d (degres), Lat\_min (min), Lat\_second(second), Hemisphere(N/S) 0,101325,15,0.0,4,3,46,22,25, North

Altitude (m): Altitude lors du tir

Pressure (Pa) : Pression absolue lors du tir Temperature (°C) : Température lors du tir

Relative Humidity (%): Humidité relative lors du tir

Wind Speed (m/s): Vitesse Moyenne du vent dans le plan du tir Wind Direction (O'clock): Direction du vent par rapport à l'axe de tir

Lat d (degres), Lat min (min), Lat second(second): Latitude de l'endroit du tir.

Hemisphere(N/S): Hémisphère du tir

#### 7.9.2 Sauvegarde et déploiement des fichiers

### 7.9.2.1 Sauvegarde des fichiers

Dans le répertoire qui contient le code Python lancer le fichier :

./Backup-Files.bsh

Affichera le nom du répertoire courant et copiera les fichiers vers le répertoire « Template ». Attention : les fichiers existants dans le répertoire « Template » sont écrasés.

#### 7.9.2.2 Déploiement des fichiers

Dans le répertoire qui contient le code Python il y a plusieurs fichiers avec des extensions « .bsh » :

Backup-Files.bsh Deploy-Tikka-GGG-190.bsh Deploy-CZ457MDT-Norma-43.bsh

Les fichiers pour déployer une configuration commence par « Deploy » lancer le fichier : ./Deploy-Tikka-GGG-190.bsh

Affichera le nom du répertoire courant et copiera les fichiers des répertoires correspondant à la configuration vers le répertoire courant en changeant leur nom.

Attention : les fichiers existants dans le répertoire courant sont écrasés.

```
cat Deploy-Tikka-GGG-190.bsh
#!/bin/bash
pwd
cp -f GGG/amo-GPX17.csv ./amo.csv
cp -f Sierra/bullet_BC_G1-SMK_HPBT_190.csv ./bullet_BC.csv
cp -f Sierra/bullet-SMK_HPBT_190.csv ./bullet.csv
cp -f Douvaine/env-Douvaine.csv ./env.csv
cp -f Meopta/lunette Meopta.csv ./lunette.csv
cp -f Tikka/montage-Tikka_Meopta.csv ./montage.csv
cp -f Tikka/rifle-T3X_TAC_A1_308.csv ./rifle.csv
cp -f Zero/zero-ICAO-GGG_SMK-308-190.csv ./zero.csv
cat Deploy-CZ457MDT-Norma-43.bsh
#!/bin/bash
bwd
cp -f Norma/amo-NormaXtreme.csv ./amo.csv
cp -f Norma/bullet_BC_G7-Xtreme_43.csv ./bullet_BC.csv
cp -f Norma/bullet-Xtreme_43.csv ./bullet.csv
cp -f Douvaine/env-Douvaine.csv ./env.csv
cp -f Meopta/lunette_Meopta.csv ./lunette.csv
cp -f CZ457MDT/montage-CZ457MDT_Meopta.csv ./montage.csv
cp -f CZ457MDT/rifle-CZ457MDT 22LR.csv ./rifle.csv
cp -f Zero/zero-ICAO-Norma_Extreme-22LR-43.csv ./zero.csv
```

#### 7.9.3 Présentation sommaire de PBS

```
PBS stands for Python Ballistic Solver
PBS is an Open Source Balistic Software
Written in Python3 by Fabien FIGUERAS (he/him)
v1.00 was released in 2024
Current Version is v1.10 2024
Call example Python3 ./PBS-vxyz.py to get this message
```

```
Where param1 is the caliber [inch]
Where param2 is the bullet mass [gr]
Where param3 is the Muzzle Speed [m/s]
Where param4 is the Shooting distance [m]
Where param5 is the Azimut (shooting angle relative to the North [deg]
Where param6 is the Coriolis Option [Y/N]
Where param7 is the Average Wind Speed [m/s]
Where param8 is the Wind Speed related to shooting direction [hour]
Where param9 is the Spind Drift Option [Y/N]
Where param10 is the time increment [s]
Where param11 is Zeroing the sight ? [Y/N]
Where param12 is the Shooting Angle (relative to the Horizontal plan) [deg]
Where param13 is Aerodynamic Jump Option ? [Y/N]
Where param14 is BC_Gx type ? [G1/G7]
Where param15 is BC_Gx value ? [0 constant, 1 Speed related]

Sources available in GitHub: https://github.com/fabienfigueras/TLD
```

#### 7.9.4 Les données utilisées pour les calculs et résultats

#### Exemple 1 : sans zérotage

Python3 ./PBS-vxyz.py 0.3 165 800 1000 180 Y 0 3 Y 0.0001 N 0 Y G1 1

NB : les trois première valeurs sont écrasées par celles venant des fichiers de configuration.

```
Gathering and printing Data from Files
File parameters overcome command line parameter
SightHeight (mm): 65.0 Fixed Angle (mRAD): 11.6
Brand: TIKKA Model: T3X TAC A1 Caliber (inch): 0.308 Twist (inch) 1: 11.0 Twist (R/L):
Riaht
Amo Brand : GGG Amo Model : GPX17 BC_G1 : 0.533 BC_G7 : 0.0
Bullet Brand: SIERRA Bullet Model: HPBT Matchking Bullet Diameter (inch): 0.308 Bullet
Mass (gr): 190.0 Bullet Length (cm): 3.437 Muzzle Speed (m/s): 780.0
BC = 0.515 if speed (m/s) <= 525.0
BC = 0.525 if speed is > (m/s) 525.0 and <= 689.0
BC = 0.533 if speed is > (m/s) 689.0
Zero Distance (m) 100.0 Error tolerance (m) 0.001
Zero Altitude (m) 0.0 Zero Pressure (Pa) 101325.0
Zero Temperature (°C) 15.0 Zero Relative Humidity (%) 0.0
Zero Angle (deg) 0.083871
Altitude (m) 0.0 Pressure (Pa) 101325.0
Temperature (°C) 15.0 Relative Humidity (%) 0.0
Wind Speed (m/s): 4.0 Wind Direction (O'Clock): 3.0
Latitude (degres): 46.0 (minute): 22.0 (second): 25.0 hemisphere: North
Bullet Stability Factor ICAO After gathering Data from files: 1.752
Rifle related parameters
Rifle Brand: TIKKA Model: T3X TAC A1
Barrel Twist (inch) 1 : 11 Right
Distance between Sight and Barrel (m): 0.065 (cm): 6.5
Bullet related parameters
bullet diameter (inch): 0.308
bullet mass (gr) : 190
Muzzle Speed (m/s): 780.0
bullet length (inch): 1.3531496062992125
Earth Localization
Latitude 46.0 ° 22.0 min 25.0 s
ICAO Standard Atmosphere
Hard coded values
_____
Altitude (m): 0
Air pressure (Pa) : 101325.0
```

```
Air Temperature (°C): 15.0 (°K): 288.15
Air Relative Humidity (%): 0
Wet Air Volumic Mass ICAO (kg/m3): 1.225
Saturated Vapor Pressure ICAO (Pa): 17.05228
Vapor Pressure ICAO (Pa): 0.0
Virtual Temperature ICAO (K): 288.15
Zeroing Atmosphere
Altitude (m): 0
Air pressure (Pa): 101325.0
Air Temperature (°C): 15.0 (°K): 288.15
Air Relative Humidity (%): 0.0
Wet Air Volumic Mass (kg/m3): 1.225
Saturated Vapor Pressure (Pa): 17.05228
Vapor Pressure (Pa): 0.0
Virtual Temperature (K): 288.15
Shooting Atmosphere
______
Altitude (m): 0
Air pressure (Pa): 101325.0
Air Temperature (°C) : 15.0 (°K) : 288.15
Air Relative Humidity (%): 0.0
Wet Air Volumic Mass (kg/m3): 1.225
Saturated Vapor Pressure (Pa): 17.05228
Vapor Pressure (Pa): 0.0
Virtual Temperature (K): 288.15
Shot related parameters
Shooting Distance: 1000
Time increment (s): 0.0001
Shooting Angle relative to Horizontal plan (deg): 0.0 (RAD): 0.0
Shooting Angle relative to North (Azimut °): 180.0 (RAD): 3.141592653589793
Coriolis Data
Earth Angular Speed - Omega (rad/s): 7.292115900231274e-05
ICAO Drag Coefficient (Cd) Determination
Speed of sound ICAO (m/s): 340.72
Bullet Stability Factor ICAO 1.75
ICAO Stable Bullet
Wind Speed and Direction
wind speed (m/s): 4.0
wind Angle relative to shooting direction (hour): 3
Calculus Options
Spin Drift: Y
Aerodynamic Jump : Y
Corriolis: Y
Zeroing : N
No Zeroing requested
Alpha(0) used (deg): 0.083871
Ballistic differential equations being solved numerically using Ruge-Kutta Method...
Stable Bullet
Printing Results
______
Shot Parameters
Lattitude (° N/S) : 46.37 North
Shooting Direction (Azimut Angle) : 180.0 ^{\circ} 3.141592653589793 RAD
Goal Distance (m): 1000.0
```

```
wind speed (m/s): 4.0
wind Angle relative to shooting direction (hour): 3.0
Time increment (s): 0.0001 (ms): 0.1
Calculated values not linked to any options
Wind Drift Along Y (m) : -0.0 (cm) : -0.0
Wind Drift Along Z (m): -2.6382 (cm): -263.82
Calculated Z shift due to Wind Drift (m): -2.64 (cm): -263.82
Calculated Z Angle due to Wind Drift (mRAD): -2.64
Time of Flight (s): 1.9416
Bullet Stability Factor 1.77
Calculated Speed Module |V(t+h)| (m/s): 348.42
Calculated X position (m): 1000.04
Calculated Y position (m): -16.26 (cm): -1625.91
Calculated Z position (m): 0.12 (cm): 11.53
Calculated Y Angle (mRAD): -16.26
Elevation to be applied due to gravity and drag (clicks): 162.6
Calculated values related to choosen options
Spin Drift (m): 0.317 (cm): 31.72
Calculated Z Angle (mRAD): 0.12
Windage to be applied due to Wind (clicks): -1.2
Aerodynamic Jump (m): 0.10183067824777771 (cm) 10.18
Calculated shift along Y axis due to Aerodynamic Jump (m) : 0.1 (cm) : 10.18
Calculated Angle along Y axis due to Aerodynamic Jump (mRAD): 0.1
Elevation to be applied due to gravity, drag and Aerodynamic Jump (clicks): 161.6
Calculated Z shift due to Spin Drift (m): 0.32 (cm): 31.72
Calculated Z Angle due to Spin Drift (mRAD): 0.32
Calculated Z shift due to Wind Drift and Spin Drift (m): -2.21 (cm): -220.57
Calculated Z Angle due to Wind Drift and Spin Drift (mRAD) : -2.21
Calculation of the maximum value for Y along the trajectory
Alpha(0) corrected (deg): 1.00961
Stable Bullet
Max Y (m): 9.4965 for distance (m): 791.898 at time (s): 1.395
Exemple 2 : avec zérotage
Python3 ./PBS-vxyz.py 0.3 165 800 1000 180 Y 0 3 Y 0.0001 Y 0 Y G1 1
NB : les trois première valeurs sont écrasées par celles venant des fichiers de configuration.
Gathering and printing Data from Files
File parameters overcome command line parameter
SightHeight (mm): 65.0 Fixed Angle (mRAD): 11.6
Brand: TIKKA Model: T3X TAC A1 Caliber (inch): 0.308 Twist (inch) 1: 11.0 Twist (R/L):
Amo Brand : GGG Amo Model : GPX17 BC_G1 : 0.533 BC_G7 : 0.0
Bullet Brand: SIERRA Bullet Model: HPBT Matchking Bullet Diameter (inch): 0.308 Bullet
Mass (gr): 190.0 Bullet Length (cm): 3.437 Muzzle Speed (m/s): 780.0
BC = 0.515 if speed (m/s) <= 525.0
BC = 0.525 if speed is > (m/s) 525.0 and <= 689.0
BC = 0.533 if speed is > (m/s) 689.0
Zero Distance (m) 100.0 Error tolerance (m) 0.001
Zero Altitude (m) 0.0 Zero Pressure (Pa) 101325.0
Zero Temperature (°C) 15.0 Zero Relative Humidity (%) 0.0
Zero Angle (deg) 0.083871
Altitude (m) 0.0 Pressure (Pa) 101325.0
Temperature (°C) 15.0 Relative Humidity (%) 0.0
Wind Speed (m/s): 4.0 Wind Direction (O'Clock): 3.0
Latitude (degres): 46.0 (minute): 22.0 (second): 25.0 hemisphere: North
Bullet Stability Factor ICAO After gathering Data from files : 1.752
Rifle related parameters
Rifle Brand: TIKKA Model: T3X TAC A1
Barrel Twist (inch) 1 : 11 Right
Distance between Sight and Barrel (m): 0.065 (cm): 6.5
```

```
Bullet related parameters
bullet diameter (inch): 0.308
bullet mass (gr): 190
Muzzle Speed (m/s): 780.0
bullet length (inch): 1.3531496062992125
Earth Localization
Latitude 46.0 ° 22.0 min 25.0 s
_____
ICAO Standard Atmosphere
Hard coded values
Altitude (m): 0
Air pressure (Pa) : 101325.0
Air Temperature (°C) : 15.0 (°K) : 288.15
Air Relative Humidity (%): 0
Wet Air Volumic Mass ICAO (kg/m3): 1.225
Saturated Vapor Pressure ICAO (Pa): 17.05228
Vapor Pressure ICAO (Pa): 0.0
Virtual Temperature ICAO (K): 288.15
Zeroing Atmosphere
Altitude (m): 0
Air pressure (Pa) : 101325.0
Air Temperature (°C) : 15.0 (°K) : 288.15
Air Relative Humidity (%): 0.0
Wet Air Volumic Mass (kg/m3): 1.225
Saturated Vapor Pressure (Pa): 17.05228
Vapor Pressure (Pa): 0.0
Virtual Temperature (K): 288.15
Shooting Atmosphere
Altitude (m): 0
Air pressure (Pa): 101325.0
Air Temperature (°C): 15.0 (°K): 288.15
Air Relative Humidity (%): 0.0
Wet Air Volumic Mass (kg/m3): 1.225
Saturated Vapor Pressure (Pa): 17.05228
Vapor Pressure (Pa): 0.0
Virtual Temperature (K): 288.15
_____
Shot related parameters
Shooting Distance: 1000
Time increment (s): 0.0001
Shooting Angle relative to Horizontal plan (deg): 0.0 (RAD): 0.0
Shooting Angle relative to North (Azimut ^{\circ}) : 180.0 (RAD) : 3.141592653589793
Coriolis Data
Earth Angular Speed - Omega (rad/s): 7.292115900231274e-05
ICAO Drag Coefficient (Cd) Determination
Speed of sound ICAO (m/s): 340.72
Bullet Stability Factor ICAO 1.75
ICAO Stable Bullet
Wind Speed and Direction
wind speed (m/s): 4.0
wind Angle relative to shooting direction (hour) : 3
Calculus Options
Spin Drift: Y
Aerodynamic Jump : Y
Corriolis: Y
Zeroing : Y
  ====== ZER0ING =======
```

```
Zeroing at : 100.0 (m)
error size : 0.001
====== ZEROING in Progress... =======
Alpha(0) used (deg) : 0.083871
Ballistic differential equations being solved numerically using Ruge-Kutta Method...
Printing Results
_____
Shot Parameters
Lattitude (° N/S) : 46.37 North
Shooting Direction (Azimut Angle): 180.0 ° 3.141592653589793 RAD
Goal Distance (m): 1000.0
wind speed (m/s): 4.0
wind Angle relative to shooting direction (hour): 3.0
Time increment (s): 0.0001 (ms): 0.1
Calculated values not linked to any options
Wind Drift Along Y (m) : -0.0 (cm) : -0.0 Wind Drift Along Z (m) : -2.6382 (cm) : -263.82
Calculated Z shift due to Wind Drift (m): -2.64 (cm): -263.82
Calculated Z Angle due to Wind Drift (mRAD) : -2.64
Time of Flight (s): 1.9416
Bullet Stability Factor 1.77
Calculated Speed Module |V(t+h)| (m/s): 348.42
Calculated X position (m): 1000.04
Calculated Y position (m): -16.26 (cm): -1625.91
Calculated Z position (m) : 0.12 (cm) : 11.53 Calculated Y Angle (mRAD) : -16.26
Elevation to be applied due to gravity and drag (clicks): 162.6
Calculated values related to choosen options
Spin Drift (m): 0.317 (cm): 31.72
Calculated Z Angle (mRAD): 0.12
Windage to be applied due to Wind (clicks): -1.2
Aerodynamic Jump (m): 0.10183067824777771 (cm) 10.18 Calculated shift along Y axis due to Aerodynamic Jump (m): 0.1 (cm): 10.18
Calculated Angle along Y axis due to Aerodynamic Jump (mRAD): 0.1
Elevation to be applied due to gravity, drag and Aerodynamic Jump (clicks): 161.6 Calculated Z shift due to Spin Drift (m): 0.32 (cm): 31.72
Calculated Z Angle due to Spin Drift (mRAD): 0.32
Calculated Z shift due to Wind Drift and Spin Drift (m) : -2.21 (cm) : -220.57 Calculated Z Angle due to Wind Drift and Spin Drift (mRAD) : -2.21
Calculation of the maximum value for Y along the trajectory
Alpha(0) corrected (deg): 1.00961
Max Y (m): 9.4965 for distance (m): 791.898 at time (s): 1.395
7.9.5 Les corrections préventives
   ===== CORRECTIONS TO BE APPLIED ===
```

Elevation to be applied (clicks) +=>Up -=>Down: 161.6 Windage to be applied (clicks) +=>Rigt -=>Left: 22.1