

	MATHEMATIQUES		
Axiomes d’extensionnalité :	$A\cup B=A+B-A\cap B$ $A\subset B\qquad B\subset A\qquad \dim(A)=\dim(B)\qquad A=B\qquad A\cap B=A.B A=B.A B$ $E=\bigl[n\in[-10,x]\cap\mathbb{Z}\;\big \;x\in\mathbb{R}\;\;;\;-3<x\leqslant 2\bigr]=[-2,-1,0,1,2]\qquad (A_1,A_2) B=(A_1 B).(A_2 (B,A_1))$		
Logique :	$(p\Rightarrow q)\Leftrightarrow(\neg p\vee q)\qquad \neg(A\wedge B)\Leftrightarrow\neg A\vee\neg B$ <div>Conditional (t+1)</div>		
Relation binaire :	$x\mathfrak{R} y\qquad x\mathfrak{R} x\qquad x\mathfrak{R} y\Leftrightarrow y\mathfrak{R} x\qquad (x\mathfrak{R} y\wedge y\mathfrak{R} x)\Rightarrow x=y\qquad (x\mathfrak{R} y\wedge y\mathfrak{R} z)\Rightarrow x\mathfrak{R} z$		
Application :	$f\colon E\rightarrow F x\mapsto f(x)=y\quad E\overset{\text{Endomorphisme}}{\rightarrow} E\quad f\circ f^{-1}=e\quad c_{i,j}=\sum_{R=1}^na_{i,R}\cdot b_{R,j}\quad \dim(E,F)=\dim(M_{np})=n\times p$		
Structure interne :	$(E,\;\ast\;)\quad a\ast b\in E\quad (a\ast b)\ast c=a\ast(b\ast c)\quad e\ast a=a\quad x(y+z)=xy+xz\quad a\ast b=b\ast a=e$ <div>GroupeAnneau</div> $\varphi\colon(G,\;\star\;)\rightarrow(H,\;\ast\;);\varphi(G_1\star G_2)=\varphi(G_1)\ast\varphi(G_2)=H_1\ast H_2$		
Linéarité :	$f(x,y)=f(a\cdot x+y)=a\cdot f(x)+f(y)\qquad F\neq\emptyset\qquad F\subset E\qquad \sum u_{[a,b]}+u_{[b,c]}=u_{[a,c]}$		
Base vectorielle :	$\sum_{i=1}^n\lambda_i\cdot e_i=0\Rightarrow\lambda_i=0\quad x=\sum_{i=1}^n\lambda_i\cdot e_i\quad L_i\leftarrow\lambda\cdot L_i;\quad L_i\leftarrow L_i+\lambda\cdot L_j;\quad L_i\leftarrow\rightarrow L_j\quad (A I_n)\rightarrow(I_n A^{-1})$		
Théorème de géométrie :	$(DE) (BC)\qquad (d\;')\qquad (AB)\nmid(AC)\qquad \tan(\phi)=\frac{\sin(\phi)}{\cos(\phi)}=\frac{[AB]}{[BC]}$		
Produit scalaire :	$\mathbb{R}^2\rightarrow\mathbb{R}\qquad \vec{u}\cdot\vec{v}=xx'+yy'=\langle u v\rangle=\ u\ \cdot\ v\ \cdot\cos(\widehat{(u,v)})\qquad \frac{\langle u v\rangle}{\langle u u\rangle}\vec{e}_i\quad \text{Projection}$		
Equation paramétrique :	$f(t)=\overrightarrow{AM}=k\cdot\vec{u}\qquad q(x,y)=ax^2+bxy+cy^2=a\left(x+\frac{b}{2a}\right)^2+\left(\frac{4ac-b^2}{4a}\right)y^2$		
Conique :	$\Delta=b^2-4ac\qquad d= \det(\overrightarrow{AP},u,v) / u\wedge v \qquad \ u\wedge v\ =\ u\ \cdot\ v\ \cdot\sin(u,v)\quad (a+b)(a-b)=a^2-b^2$		
Lieu géométrique :	$\arg(z)=(\vec{u},\overrightarrow{OM})=\theta\qquad z=\Re(z)+i\Im(z)=\rho\,e^{i\,\theta}\qquad \arg(Z_1\cdot Z_2)=\arg(Z_1)+\arg(Z_2)$ $i^2=j^2=k^2=ijk=-1\qquad q=a+bi+cj+dk=a+\vec{v}\qquad q_1q_2=(a_1a_2-\vec{v}_1\cdot\vec{v}_2)+(a_1\vec{v}_2+a_2\vec{v}_1+\vec{v}_1\wedge\vec{v}_2)$		
Noyau :	$Ker\,f=f^{-1}\{e_F\}=\{x\in E f(x)=e_F\}=\{X\in\mathbb{R}^n A\cdot X=0\}\qquad Ker\,f=e_E\qquad \text{Injectif}$		
Image :	$\downarrow\quad Img\,f=f(E)=\{y\in F \exists x\in E,\,f(x)=y\}=vect((\overrightarrow{v_{colonne}})_n)\qquad Img\,f=F\qquad \text{Surjectif}$ <div>Solution as CL</div>		
Théorème du rang :	$Rg(f)+\dim Ker(f)=\dim(E)\qquad Rg(f)=\dim(Img(f))$		
Théorème isomorphisme :	$f\colon G\rightarrow G',f(x\cdot H)=f(x\cdot Ker\,f)=f(x)\quad Card(G)=Card(Ker(f))\times Card(Img(f))$		
VVE propre :	$M_{nn}\cdot\vec{v}_i=\lambda_i\vec{v}_i\quad \exists B,\;M_{\lambda}'=P^{-1}MP\quad P^{-1}=\frac{{}^tcom(P)}{det(P)}\quad p_m(X):=det(X.I-M)=\prod_i(X-\lambda_i)$		
Décomposition PLU :	$det(C_1,...,a\,C_i'+C_i''',...,C_n)=a\,det(...\,C_i'\,...)+det(...\,C_i'''\,...)\quad det(A_3)=a_{(i,1)}\cdot det(A_{2,i+1})\;\;;\;\;det(A_2)=ad-bc$		
Evaluation polynome :	$P[X]=a_nX^n+...+a_0\quad (1,X,...,X^n)\quad P\rightarrow u(P)=\sum(C_i)\cdot u(X^i)\qquad P=\delta_{i,\sigma(j)}=\begin{matrix}1&i=\sigma(j)\\0&i\neq\sigma(j)\end{matrix}$		
Théorème fondamental Algèbre :	$(X-1)^n\;\;;\;1=e^{\imath\frac{2\pi k}{n}}\quad \frac{A(x)}{B(x)}=Q(x)+\frac{R(x)}{B(x)}\quad \downarrow\quad P\circ P=X.P\;^{\imath^2}\quad deg(P)^2=2(deg(P)-1)+1$		
Division euclidienne :	$P(X)=D(X)\cdot Q(X)+R(X)\quad PGCD(P,D)=PGCD(D,R)\quad PPCM=\frac{ P.D }{PGCD(P,D)}$		
Nombre premier :	$a\times m+b\times n=PGCD(a,b)=1\qquad a^p\equiv a\,mod\,p\equiv a[p]\Leftrightarrow\frac{a^p-a}{p}=k\in\mathbb{Z}\quad n=p_1^{\alpha_1}\cdot(...)\cdot p_m^{\alpha_m}$		
Théorème de Lagrange :	$H<G\;\;,\; H \,divise\, G \qquad\forall\,g\in G\;\;,\;\;g^{card(G)}=e\qquad\exists\,g\;\;,\;\;\langle g\rangle=\{g^k\}$		
Composition de transposition :	$\sigma=\begin{pmatrix}a&b&c\\b&c&a\end{pmatrix}=(a\;b\;c)=(a\;b)\circ(b\;c)\qquad\sigma\circ\sigma(a)=c\;\;;\;\;\epsilon(\sigma)=(-1)^{N_i}$		
Contraposé :	$A\Rightarrow B\equiv\neg B\Rightarrow\neg A\qquad\forall\colon(n^2[2]=0\Rightarrow n[2]=0)\Leftrightarrow\begin{matrix}(\neg(n[2])=1\Rightarrow\neg(n^2[2])=1)\\((2k+1)[2]=1\Rightarrow(2k+1)^2[2]=1)\end{matrix}$		
Absurde :	$(A\Rightarrow B)\wedge(\neg B\Rightarrow\neg A)\qquad\sqrt{2}=p/q\;\;;\;p[2]=0,q[2]=0\Rightarrow\sqrt{2}[2]=0$		
Récurrence :	$\downarrow\quad\forall\,n,P(n)\Rightarrow P(n+1)\quad\downarrow\quad\begin{matrix}P(0)&&(a+b)^0=1\;\;;\;\;\begin{pmatrix}0\\0\end{pmatrix}a^0b^{0-0}=1\\&&&&\begin{pmatrix}n\\k\end{pmatrix}=\frac{1}{k!}\frac{n!}{(n-k)!}\;\;;\;(n+1)!=n!(n+1)\end{matrix}$		
	$\forall\,n,(a+b)^n=\sum\begin{pmatrix}n\\k\end{pmatrix}a^kb^{n-k}$		