

MATHEMATIQUES			
<b>Axiomes d’extensionnalité :</b>	$A\subset B\qquad B\subset A\qquad dim(A)=dim(B)\qquad A=B\qquad A\cup B=A+B-A\cap B$		
<b>Logique :</b>	$E=\bigl[n\in[-10,x]\cap\mathbb{Z}\mid x\in\mathbb{R}\;\;;\;-3<x\leqslant 2\bigr]=[-2,-1,0,1,2]$ $(p\Rightarrow q)\Leftrightarrow(\neg p\vee q)\qquad\neg(A\wedge B)\Leftrightarrow\neg A\vee\neg B$	$A\cap B=A.B A=B.A B$	
<b>Relation binaire :</b>	$x\Re y\qquad x\Re x\qquad x\Re y\Leftrightarrow y\Re x\qquad (x\Re y\wedge y\Re x)\Rightarrow x=y\qquad (x\Re y\wedge y\Re z)\Rightarrow x\Re z$		
<b>Application :</b>	$f:E\rightarrow F x\mapsto f(x)=y\quad E\rightarrow E\quad f\circ f^{-1}=e\quad c_{i,j}=\sum_{R=1}^na_{i,R}\cdot b_{R,j}\quad dim(E,F)=dim(M_{np})=n\times p$		
<b>Structure interne :</b>	$(E,\;*\;)\qquad a*b\in E\quad (a*b)*c=a*(b*c)\quad e*a=a\quad x(y+z)=xy+xz\quad a*b=b*a=e$ $\varphi:(G,\;\star\;)\rightarrow(H,\;*\;);\varphi(G_1\star G_2)=\varphi(G_1)*\varphi(G_2)=H_1*H_2$		
<b>Linéarité :</b>	$f(x,y)=f(a\cdot x+y)=a\cdot f(x)+f(y)\qquad F\neq\emptyset\qquad F\subset E\qquad\sum u_{[a,b]}+u_{[b,c]}=u_{[a,c]}$		
<b>Base vectorielle :</b>	$\sum_{i=1}^n\lambda_i\cdot e_i=0\Rightarrow\lambda_i=0\quad x=\sum_{i=1}^n\lambda_i\cdot e_i\quad L_i\leftarrow\lambda\cdot L_i;\quad L_i\leftarrow L_i+\lambda\cdot L_j;\quad L_i\leftarrow\rightarrow L_j\quad (A I_n)\rightarrow(I_n A^{-1})$		
<b>Théorème de géométrie :</b>	$(DE)   (BC)\qquad (d\;')\qquad (AB)\nmid(AC)\qquad\tan(\phi)=\frac{\sin(\phi)}{\cos(\phi)}=\frac{[AB]}{[BC]}$		
<b>Produit scalaire :</b>	$\mathbb{R}^2\rightarrow\mathbb{R}\qquad\vec{u}\cdot\vec{v}=xx'+yy'=\langle u v\rangle=\ u\ \cdot\ v\ \cdot\cos(\widehat{(u,v)})\qquad\frac{\langle u v\rangle}{\langle u u\rangle}\vec{e}_i$		
<b>Equation paramétrique :</b>	$f(t)=\overrightarrow{AM}(t)=t\cdot\vec{u}\qquad q(x,y)=ax^2+bx+cy^2=a\left(x+\frac{b}{2a}\right)^2+\left(\frac{4ac-b^2}{4a}\right)y^2$		
<b>Conique :</b>	$\Delta=b^2-4ac\qquad d= \det(\overrightarrow{AP},u,v) /  u\wedge v  \qquad  u\wedge v  =  u  \cdot  v  \cdot\sin(u,v)\qquad(a+b)(a-b)=a^2-b^2$		
<b>Lieu géométrique :</b>	$arg(z)=(\vec{u},\overrightarrow{OM})=\theta\;\;;\;z=\rho e^{i\theta}\qquad arg(Z_1\cdot Z_2)=arg(Z_1)+arg(Z_2)$		
<b>Noyau :</b>	$Ker\,f=f^{-1}\{e_F\}=\{x\in E f(x)=e_F\}=\{X\in\mathbb{R}^n A\cdot X=0\}\qquad Ker\,f=e_E\qquad\textcolor{red}{Injectif}$		
<b>Image :</b>	$Img\,f=f(E)=\{y\in F \exists x\in E,f(x)=y\}=vect((\overrightarrow{v_{colonne}})_n)\qquad Img\,f=F\qquad\textcolor{red}{Surjectif}$		
<b>Théorème du rang :</b>	$Rg(f)+dim\,Ker(f)=dim(E)\qquad Rg(f)=dim(Img(f))$		
<b>Théorème isomorphisme :</b>	$f:G\rightarrow G',f(x\cdot H)=f(x\cdot Ker\,f)=f(x)\quad Card(G)=Card(Ker(f))\times Card(Img(f))$		
<b>VVE propre :</b>	$M_{nn}\cdot\vec{v}_i=\lambda_i\vec{v}_i\quad\exists B,\;M_{\lambda}'=P^{-1}MP\quad P^{-1}=\frac{{}^tcom(P)}{det(P)}\quad p_m(X):=det(X.I-M)=\prod(X-\lambda_i)$		
<b>Décomposition PLU :</b>	$det(C_1,...,a\,C_i'+C_i''',...,C_n)=a\,det(...C_i'...)+det(...C_i''...)\quad det(A_3)=a_{(i,1)}\cdot det(A_{2,i+1})\;\;;\;det(A_2)=ad-bc$		
<b>Evaluation polynome :</b>	$A=P.L.U\qquad det(A)=det(P)\cdot det(L)\cdot det(U)\qquad P=\delta_{i,\sigma(j)}=\begin{matrix}1&i=\sigma(j)\\0&i\neq\sigma(j)\end{matrix}$		
<b>Théorème fondamental Algèbre :</b>	$P[X]=a_nX^n+...+a_0\quad(1,X,...,X^n)\quad P\rightarrow u(P)=\sum(C_i)\cdot u(X^i)$		
<b>Théorème fondamental Algèbre :</b>	$(X-1)^n\;\;;\;1=e^{\imath\frac{2\pi k}{n}}\quad\frac{A(x)}{B(x)}=Q(x)+\frac{R(x)}{B(x)}\quad\downarrow\quad P\circ P=X\cdot P'^2\quad deg(P)^2=2(deg(P)-1)+1$		
<b>Division euclidienne :</b>	$P(X)=D(X)\cdot Q(X)+R(X)\quad PGCD(P,D)=PGCD(D,R)\quad PPCM=\frac{ P\cdot D }{PGCD(P,D)}$		
<b>Nombre premier :</b>	$a\times m+b\times n=PGCD(a,b)=1\qquad a^p\equiv a\,mod\,p\equiv a[p]\qquad n=p_1^{\alpha_1}\cdot(...)\cdot p_m^{\alpha_m}$		
<b>Théorème de Lagrange :</b>	$H<G\;\;,\; H divise G \qquad\forall\,g\in G\;\;,\;g^{card(G)}=e\qquad\exists\,g\;\;,\;\langle g\rangle=\{g^k\}$		
<b>Composition de transposition :</b>	$\sigma=\begin{pmatrix}a&b&c\\b&c&a\end{pmatrix}=(a\;b\;c)=(a\;b)\circ(b\;c)\qquad\sigma\circ\sigma(a)=c\;\;;\;\epsilon(\sigma)=(-1)^{N_i}$		
<b>Contraposé :</b>	$A\Rightarrow B\equiv\neg B\Rightarrow\neg A\qquad\forall:(n^2[2]=0\Rightarrow n[2]=0)\Leftrightarrow\begin{matrix}(\neg(n[2])=1\Rightarrow\neg(n^2[2])=1)\\((2k+1)[2]=1\Rightarrow(2k+1)^2[2]=1)\end{matrix}$		
<b>Absurde :</b>	$(A\Rightarrow B)\wedge(\neg B\Rightarrow\neg A)\qquad\sqrt{2}=p/q\;\;;\;p[2]=0,q[2]=0\Rightarrow\sqrt{2}[2]=0$		
<b>Récurrence :</b>	$\downarrow\quad\begin{matrix}P(0)\\ \forall\,n,P(n)\Rightarrow P(n+1)\end{matrix}\quad\downarrow\quad\begin{matrix}(a+b)^0=1\;\;;\;\begin{pmatrix}0\\0\end{pmatrix}a^0b^{0-0}=1\\ \forall\,n,(a+b)^n=\sum\begin{pmatrix}n\\k\end{pmatrix}a^kb^{n-k}\end{matrix}\quad\begin{pmatrix}n\\k\end{pmatrix}=\frac{1}{k!}\frac{n!}{(n-k)!}\;\;;\;(n+1)!=n!(n+1)$		