

Robótica Industrial Aula prática nº 2

Transformações geométricas em 3D Composição de transformações Pré- e pós-multiplicação

Vítor Santos

Universidade de Aveiro

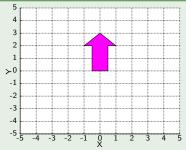
25 Set 2023

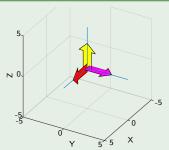
- Criar funções de transformação geométrica no espaço (matrizes de 4×4) para as 4 operações seguintes onde a se mede em radianos:
 - M=trans(x,y,z)
 - M=rotx(a)
 - M=roty(a)
 - M=rotz(a)
- Criar a mesma representação do triângulo A1 do exercício 1 da aula anterior, mas no espaço a 3D (usar a função fill3 para visualizar)
- Fazer a animação do triângulo em torno do eixo dos xx. (Animar duas voltas completas)

Criar o objeto P indicado abaixo (a seta) no plano XY

- Representá-lo em 3D usando o comando fill3() do MATLAB.
- Mediante as transformações geométricas rotx(), roty(), etc., criar e representar réplicas da seta P nos outros dois planos (XZ e YZ).

Seta em XY, e setas nos três planos





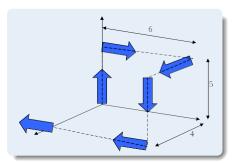
Colocar os 3 objetos em movimento simultâneo

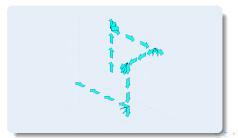
- Animar os três objetos (setas) de tal forma que rodem em torno do eixo onde têm a base apoiada:
 - Fazê-los dar 10 voltas completas girando à mesma velocidade.
 - Usar as rotações apropriadas para cada caso (rotx, roty, rotz).
 - Para um movimento fluído, ajustar os parâmetros do graphic handle:
 - alterando os campos da estrutura de dados (h.XData=...,)
 - ou usando a função set (set(h,'XData',...))
- Ajustar o código para que girem a velocidades diferentes:
 - Por exemplo: 1x, 2x e 3x;
 - NB. Neste caso só um deles dará 10 voltas porque devem parar todos ao mesmo tempo!

Objetivo geral

- Simular o movimento do objeto P ao longo do trajeto ilustrado em 10 etapas (5 translações alternadas com 5 rotações de 90°)
- Usar transformações geométricas em pós-multiplicação, conforme as instruções nas páginas seguintes usando a função Animate() que será desenvolvida para o efeito.

A figura ao lado ilustra algumas posições intermédias.





Exercício 4a

Função Animate

- Criar a função Animate para simular o movimento de objetos
 - pFinal=Animate(h, P, pInicial, D, N)
 - h handle gráfico do objeto a animar (movimentar);
 - P matriz de pontos do objeto (no formato homogéneo);
 - plnicial Matriz de transformação da posição inicial do objeto;
 - **D** vetor $[x,y,z,\phi,\theta,\psi]$ com os **incrementos** totais em posição e orientação vistos do referencial **local** do objeto; este vetor servirá para criar a matriz de transformação que será usada em **pós-multiplicação**.
 - N número de passos da animação da etapa ("duração" do movimento);
 - pFinal matriz com a posição do objeto no final do movimento.

Esta função deverá invocar as funções desenvolvidas anteriormente para transformar o vetor $D=[x,y,z,\phi,\theta,\psi]$ em matriz de transformação geométrica: $M(D)=trans(x,y,z)rotx(\phi)roty(\theta)rotz(\psi)$. Todavia, para criar o efeito de animação, os incrementos totais em D têm de ser fracionados (N partes), e recomenda-se usar o comando linspace() do MATLAB.

Exercício 4b

Utilização da função Animate

- Para animar um dado troço n, o cálculo das diversas posições da animação faz-se a partir da posição final anterior (T_{n-1}) , conforme deixada após a respetiva animação; o procedimento será incremental para ir calculando a posição até ao fim do troço.
- A nova posição (T_n) após o fim do movimento n é o produto da posição anterior com a transformação de movimento do vetor D:

•
$$T_n = T_{n-1}M(D)$$
 , sendo $T_0 = eye(4) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

A pós-multiplicação

Observe-se que a opção recomendada é de considerar que o movimento é descrito no referencial do objeto e, portanto, as operações incrementais de movimento são obtidas por **pós-multiplicação** $T_n = T_{n-1}M(D)$, e não por pré-multiplicação que seria $T_n = M(D)T_{n-1}$

Exercício 4c

Invocação da função Animate() a partir do programa principal

O caminho completo de um movimento será um conjunto de vetores $D_i = [x_i, y_i, z_i, \phi_i, \theta_i, \psi_i]$ que representam as sucessivas transformações relativas, e a função Animate() será chamada tantas vezes quanto o número de vetores D_i que constituem o caminho.

Exemplo de caminho com 4 movimentos

Translação de 4 unidades ao longo de	i	x _i	Уi	Zį	ϕ_i	θ_i	ψ_i
z, seguida de rotação em torno de x	1	0	0	4	0	0	0
de -90° , nova translação de 5	2	0	0	0	$-\pi/2$	0	0
unidades ao longo de z e rotação de	3	0	0	5	0	0	0
90° em torno de y.	4	0	0	0	0	$\pi/2$	0

Valor de retorno de Animate()

Para poder ser chamada recursivamente, a função Animate() deve retornar a matriz de transformação onde "deixou" o objeto para que a seguinte invocação possa partir de lá.