



---

# SOLENOIDE CON NUCLEO DE HIERRO

---

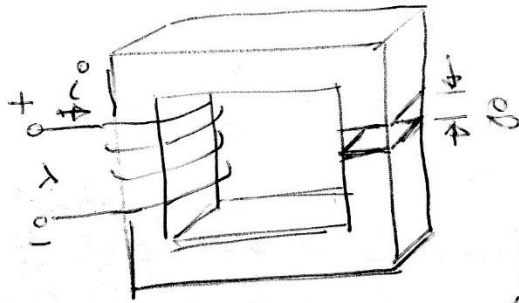
PROBLEMAS



[FECHA]

CLARO

[Dirección de la compañía]



El Circuito Magnético posee los siguientes dimensiones  $\Delta c = \Delta g = 9 \text{ cm}^2$ ,  $g = 0,05 \text{ cm}$ ,  $l_c = 30 \text{ cm}$  y  $N = 500$ . Suponga  $\mu_r = 70.000$

a) Calcular  $R_c$  y  $R_g$  cuando

$$B_c = 1 \text{ T}$$

el CM opera

- b) El Flujo  $\Phi$   
c) la Corriente  $i$

$$a) R_c = \frac{l_c}{\mu_r \mu_0 \Delta c} = \frac{0,3}{70.000 (4\pi \times 10^{-7}) (9 \times 10^{-4})} = 3,79 \times 10^3 \frac{\text{A} \cdot \text{V}}{\text{wb}}$$

$$R_g = \frac{g}{\mu_0 \Delta g} = \frac{5 \times 10^{-4}}{(4\pi \times 10^{-7}) (9 \times 10^{-4})} = 4,42 \times 10^5 \frac{\text{A} \cdot \text{V}}{\text{wb}}$$

$$b) \Phi = B_c \Delta c = 1 (9 \times 10^{-4}) = 9 \times 10^{-4} \text{ wb}$$

$$c) i = \frac{F}{N} = \frac{\Phi (R_c + R_g)}{N} = \frac{9 \times 10^{-4} (4,46 \times 10^5)}{500} = 0,804$$

Calcule el Flujo  $\Phi$  en el problema anterior

a) Si  $N$  se duplica a  $N = 1000 \text{ V}$

b) Si  $N = 500$  y se reduce el entrehierro a  $g = 0,040 \text{ cm}$

$$a) \Phi = 9 \cdot 10^{-4} \text{ wb} \text{ e } i = 0,40 \text{ A}$$

$$b) \Phi = 9 \cdot 10^{-4} \text{ wb} \text{ e } i = 0,64 \text{ A}$$

La estructura Magnética de una Máquina Síncrona se muestra en la Fig. Suponga  $\mu = \infty$  para el Hierro del rotor y estator.

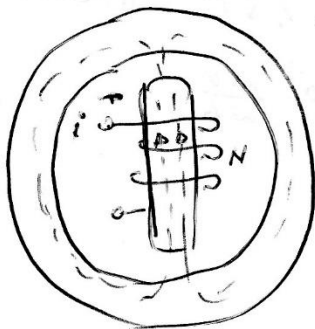
En contar el Flujo en el entrehierro  $\Phi$  y  $B_g$ . Considere  $I = 10 \text{ A}$ ,  $N = 1000 \text{ V}$ ,  $g = 1 \text{ cm}$ ,  $\Delta g = 2000 \text{ cm}^2$

Como hay 2 entrehierros =  $2g$  Como

$\mu \rightarrow \infty$   $R_c$  se desprecia.

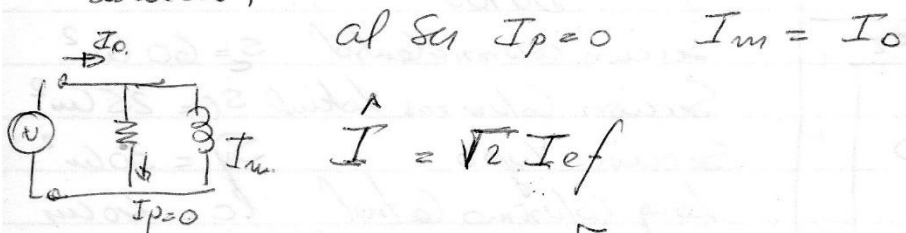
$$\Phi = \frac{NI \mu_0 \Delta g}{2g} = \frac{1000 (10) (4\pi \times 10^{-7}) 0,2}{0,02} = 0,13 \text{ wb}$$

$$B_g = \frac{\Phi}{\Delta g} = \frac{0,13}{0,2} = 0,65 \text{ T}$$



Al conectar una bobina de 100 esp. al núcleo de un núcleo de chapa magnética absorbe 1 A de la red de c.a. - Teniendo en cuenta que la inducción máxima del entrehierro es de 1,5 T y que la chapa necesita un 8% del total de los amperevolts se trata de averiguar la longitud del entrehierro. No consideramos pérdidas ni flujo disperso.

Solución



$$FMM = N I_{ef} \sqrt{2} = 100 \times 1 \times \sqrt{2} = 141,4 \text{ AV}$$

Esta FMM se reparte 8% para el entrehierro y 92% para el núcleo

$$(FMM)_\delta = 0,92 FMM = 130 \text{ AV}$$

$$\mathcal{R}_\delta = \frac{FMM_\delta}{\Phi} = \frac{(FMM)_\delta}{B}$$

$$(FMM)_\delta = \Phi \mathcal{R}_\delta = \Phi \frac{l_\delta}{\mu_0 \mu_r} = B \frac{l_\delta}{\mu_0}$$

$$l_\delta = \frac{(FMM)_\delta \mu_0}{B} = \frac{(N I) \mu_0}{B}$$

$$l_\delta = \frac{130 \times 4\pi \times 10^{-7}}{1,5} = 0,108 \text{ mm}$$



## Problema pag (40 Ed PET)

En los transformadores modernos  $I_m$  alcanza del 90 a 95% de la corriente de vacío y por lo tanto  $I_p$  tiene un valor reducido

Un tofo monofásico con relación de tensiones 3000/230V a 50Hz dispone de un núcleo con una sección media uniforme  $S_B = 90 \text{ cm}^2$  longitud media de trayecto del flujo 110 cm, chapa de 0,3 mm de espesor y factor de apilado 0,9. Si se dispone de 1000 espiras en el primario determinar:

- Pérdidas en el Fe
- Corriente de pérdidas

Solución

a) Para determinar las pérdidas se requiere conocer el Peso y las pérdidas específicas

$$V = S \ell K_p = 90 \text{ cm}^2 \times 110 \text{ cm} \times 0,9 = 8910 \text{ cm}^3$$

Según la tabla  $\rho = 7,65 \text{ g/cm}^3$

$$G_{Fe} = \rho V = 68,161 \text{ kg}$$

de la fig 34A pag 37  
 $\hat{E} = N \omega B_{max} = \omega S_B \hat{B}_{max} N$

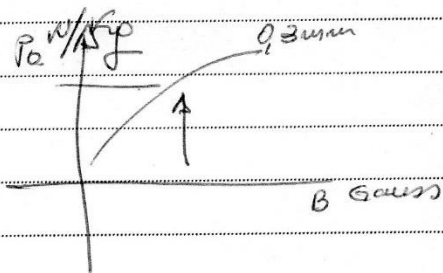
$$B_{max} = \frac{E_1}{4,44 S f N_1} = 1,5 \text{ T}$$

esto da uno  $p_c = 0,9 \text{ W/kg}$

$$P_{Fe} = 0,9 \text{ W/kg} \cdot 68,161 \text{ kg} = 61,3 \text{ W}$$

$$b) P_{Fe} = E I_p = E I_0 \cos \varphi$$

$$I_p = \frac{P_{Fe}}{E} = \frac{61,3}{3000} = 0,0204 \text{ A}$$



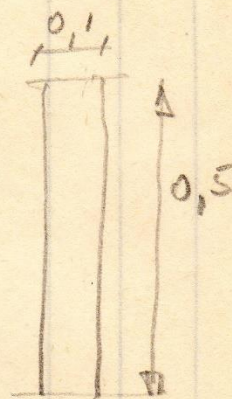
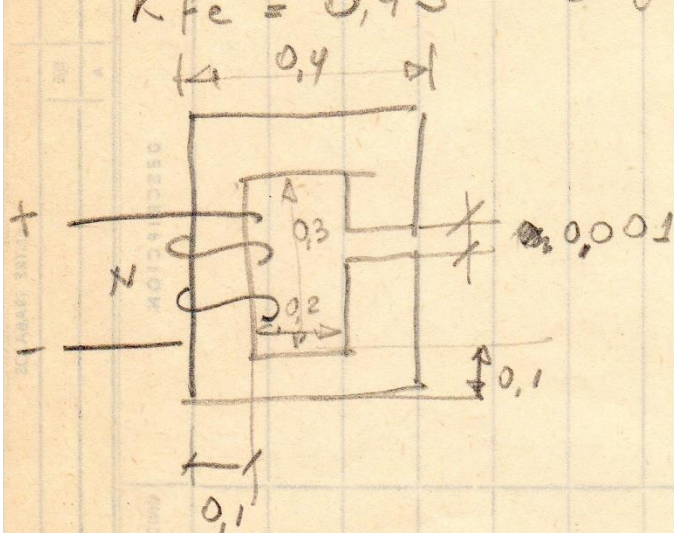


## Problema

El circuito magnético de la Figura trabaja con una inducción máxima alterna de  $1,8 \text{ Wb/m}^2$ . Determinar la potencia desarrollada por las pérdidas totales en el hierro. Sabiendo que ha sido construido con una chapa cuya cifra de pérdidas es  $0,8 \text{ W/kg}$  y la frecuencia es  $50 \text{ Hz}$

$$K_{Fe} = 0,95$$

$$\gamma_{Fe} = 7,8 \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$



$$S_{Fe} = K_{Fe} \cdot S = 0,95 \times 0,1 \times 0,1 = 0,95 \times 10^{-2} \text{ m}^2$$

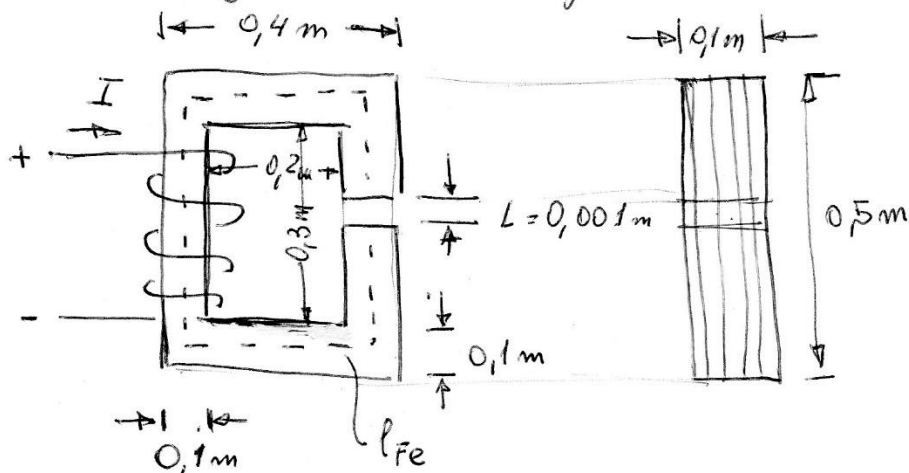
$$V_{Fe} = S_{Fe} \cdot l_{Fe} = 0,95 \times 10^{-2} \times 1,4 = 1,33 \times 10^{-2} \text{ m}^3$$

$$G_{Fe} = V_{Fe} \gamma_{Fe} = 1,33 \times 10^{-2} \times 7,8 \times 10^3 = 103,74 \text{ kg}$$

$$P_{Fe} = p_0 \cdot c \cdot B_{max}^2 \cdot G_{Fe} = 0,8 \times 1 \times 1,8^2 \times 104 = 269 \text{ W}$$

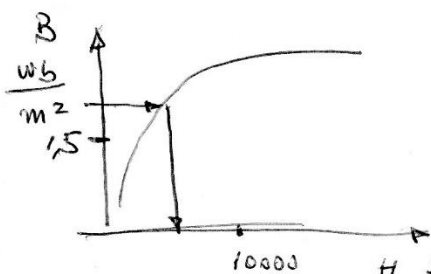


En el entrehierro del circuito magnético de la figura se requiere un flujo útil de valor constante igual a  $0,015 \text{ Wb}$ . El material es de chapa de hierro con  $2,5\%$  de Si y la bobina tiene 1000 espiras. Determinar el valor de la corriente continua necesaria para crear dicho flujo. Admitamos que el sistema de excitación tiene  $5\%$  de dispersión.



$$FMM = NI = H_{Fe} l_{Fe} + H_S l_S$$

El flujo que debe producir la bobina será  $\Phi = 1,05 \Phi_u = 1,05 \times 0,015 =$   
 $\Phi = 0,01575 \text{ Wb}$  Debido a la laminación y al aislamiento entre chapas hay que considerar lo que se pierda por el apilado. Considerar un factor de apilado  $K_{fe} = 0,95$   
 Entonces  $S_{Fe} = K_{fe} \cdot S = 0,95 \times 0,1 \times 0,1 = 0,95 \times 10^{-2} \text{ m}^2$   
 La inducción en el núcleo de hierro es  
 $B_{Fe} = \frac{\Phi}{S_{Fe}} = \frac{0,01575 \text{ Wb}}{0,95 \times 10^{-2} \text{ m}^2} = 1,65 \frac{\text{Wb}}{\text{m}^2}$  con este valor entramos a la curva  $B = f(H)$  que nos suministra el fabricante y obtenemos  $H_{Fe}$



$H_{Fe} = 8500 \text{ A/m}$ . La tensión magnética en el tramo de Hierro será:

$$(NI)_{Fe} = H_{Fe} \cdot l_{Fe} = 8500 \times 1,399 = 11.892 \text{ A.V}$$

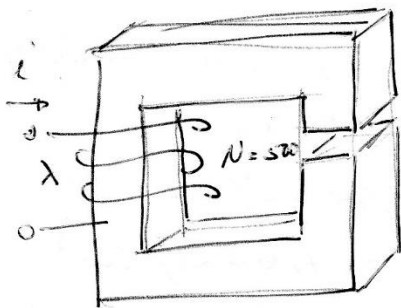
Al pasar el flujo por el entrehierro se expande y la sección de paso se puede calcular

Con la siguiente expresión empírica  $S_S = (a+s)(a+d) = (0,1+0,001)(0,1+0,001)$   
 la inducción en el entrehierro es  $B_S = \frac{\Phi}{S_S} = \frac{0,01575}{0,010201} = 1,54 \frac{\text{Wb}}{\text{m}^2}$   
 $S_S = 0,010201 \text{ m}^2$

$$H_S = \frac{B_S}{\mu_0} = \frac{1,54}{1,25 \times 10^{-6}} = 1,23 \times 10^6 \text{ A/m} \quad (NI)_S = H_S l_S = 1,23 \times 10^6 \times 0,001 = 1,23 \times 10^3$$

La tensión magnética total  $NI = (NI)_{Fe} + (NI)_S = 13.122 \text{ A.V}$

$$I = \frac{NI}{N} = 13.122 / 1000 = 13,12 \text{ A.}$$



En el circuito de la Fig  
encontrare

a)  $L$       b) energía magnética  $W$   
almacenada para  $B = 1 \text{ T}$

c) Voltaje inducido  $e$  para un

Flujo que varía en el tiempo a  $60 \text{ Hz}$  con forma

$$B_c = 1 \sin \omega t \quad \text{donde} \quad \omega = 2\pi(60) = 377 \text{ Hz}$$

$$a) \quad L = \frac{\lambda}{i} = \frac{N \Phi}{i} = \frac{N^2}{R_c + R_g} = \frac{500^2}{4,46 \cdot 10^{-5}} = 0,56 \text{ H}$$

Como  $R_c \gg R_g$

$$L \approx \frac{N^2}{R_g} = 0,57 \text{ H}$$

$$b) \quad e = \frac{d\lambda}{dt} = N \frac{d\Phi}{dt} = N A_c \frac{dB_c}{dt} = 500 (9 \times 10^{-4}) (377) (1 \cos 377t)$$

$$\frac{dB_c}{dt} = \frac{d(1 \sin \omega t)}{dt} = \omega \cos \omega t$$

$$e = 170 \cos(377 \cdot t) \text{ V}$$

$$b) \quad W = \frac{1}{2} L i^2 = \frac{1}{2} (0,56) (0,80)^2 = 0,18 \text{ J.}$$

Repita los cálculos anteriores para  $B_c = 0,8 \text{ T}$  y  $f = 60 \text{ Hz}$

a)  $L$  permanece sin cambios

$$b) \quad W = 0,115 \text{ J}$$

$$c) \quad e = 113 \cos(314t) \text{ V.}$$