



Anotações 2ª Aula

Resolução de Problemas

- Antes de solucionar um problema
 - Quais são os dados?
 - Quais são as soluções possíveis?
 - O que caracteriza uma solução satisfatória?
- Um problema é um objeto matemático $P = \{D, R, q\}$
 - D = dados
 - R = resultados possíveis
 - $q \subset D \times R$ = relação binária

Exemplo:

Diagnóstico Médico (exames)

Conjunto de doenças possíveis

A condição que caracteriza uma solução satisfatória consiste em encontrar o par (dados, doença)

Um problema pode ser representado matematicamente por uma função. Resolver o problema será então encontrar um modo de implementar esta função ou de aproximá-la com o conhecimento que se dispõe.

- A Solução de um problema pode ser definida como uma busca no espaço de estados deste problema.
- Espaço de Estados é o conjunto de configurações possíveis deste problema.

Não existe um único método de resolução para todos os problemas.

- **São conhecidos os passos para achar a solução?**
 - O problema é suficientemente bem definido?
 - Jogo do 8
 - Identificação de assinaturas
- **O problema é decomponível?**

- A solução para o problema inicial pode ser obtida pela composição da solução de alguns problemas mais elementares.
- **Os passos para as soluções podem ser desfeitos?**
Na solução de um problema retroceder é voltar a trajetória no espaço de soluções (backtrack). É um dos mecanismos básicos utilizados pelo PROLOG.
- **O Universo é previsível?**
 - É possível planejar uma seqüência de passos e o estado resultante será sempre o mesmo.
 - Existem problemas onde um fator de chance está envolvido (p.ex.: jogo de cartas)
- **Uma boa solução é relativa ou absoluta?**
 - Para dizermos que uma boa solução encontrada é absoluta, devemos estar certos de que se começarmos com condições iniciais diferentes, obteremos a mesma solução.
- **O conhecimento disponível é consistente?**
 - Uma base de conhecimento é dita consistente se não existe incompatibilidade entre as peças elementares de conhecimento dentro dela.
 - O estado A é verdadeiro.
 - O estado C é verdadeiro.
 - Se C então D. Se D então A ou-exclusivo C.

Duas Abordagens

- Se a solução do problema for uma função, se for possível implementar esta função, tem-se a solução do problema. Este fato leva à PROGRAMAÇÃO FUNCIONAL. (estática)
- A pesquisa da solução pode ser vista como uma pesquisa dentro do espaço de possíveis soluções (generate and test). (dinâmica)
- **Utilizando um método para aproximar a função, solução do problema.**
- **Utilizar um método de busca em que por passos sucessivos se aproxima da solução, usando, algumas vezes passos sem grande justificativa teórica.**

Problema das jarras de água

2 jarras, uma de 4 litros e uma de 3 litros. Nenhuma delas tem qualquer marcação de medidas. Há uma bomba que pode ser usada para encher as jarras. Como colocar exatamente 2 litros de água na jarra de 4 litros?

Espaço de estados = conjunto de pares ordenados inteiros (x,y)

$X = 0,1,2,3$ ou 4 (jarra de 4 litros)

$Y = 0,1,2$ ou 3 (jarra de 3 litros)

Estado inicial = $(0,0)$ / estado meta $(2,n)$

1. $(x,y) \rightarrow (4,y)$ / encher a jarra de 4 litros
se $x < 4$
2. $(x,y) \rightarrow (x,3)$ / encher a jarra de 3 litros
se $y < 3$
3. $(x,y) \rightarrow (x-d,y)$ / despejar parte da água de jarra de 4 litros
se $x > 0$
4. $(x,y) \rightarrow (x,y-d)$ / despejar parte da água de jarra de 3 litros
se $y > 0$
5. $(x,y) \rightarrow (0,y)$ / esvaziar a jarra de 4 litros
se $x > 0$
6. $(x,y) \rightarrow (x,0)$ / esvaziar a jarra de 3 litros
se $y > 0$
7. $(x,y) \rightarrow (4,y - (4 - x))$ / despejar a água da jarra 3L na jarra 4L até a jarra de 4L encher
se $x+y \geq 4$ e $y > 0$
8. $(x,y) \rightarrow (x - (3 - y), 3)$ / despejar a água da jarra 4L na jarra 3L até a jarra de 3L encher
se $x+y \geq 3$ e $x > 0$
9. $(x,y) \rightarrow (x+y,0)$ / despejar toda a água da jarra de 3 litros na jarra de 4 litros
se $x+y \leq 4$ e $y > 0$
10. $(x,y) \rightarrow (0,x+y)$ / despejar toda a água da jarra de litros na jarra de 3 litros
se $x+y \leq 3$ e $x > 0$
11. $(0,2) \rightarrow (2,0)$ / despejar 2 litros de água da jarra de 3 litros na jarra de 4 litros
12. $(2,y) \rightarrow (0,y)$ / esvaziar no chão os 2 litros que estão na jarra de 4 liros

Solução para o problema das jarras de água

Regra aplicada: 2,9,2,7,5,9 (6 passos)

- Solução absoluta ou relativa

1. Marcos é um homem
2. Marcos nasceu em Pompéia
3. Marcos nasceu em 40 dc

4. Todos os homens são mortais
5. Todos os habitantes de Pompéia morreram quando o vulcão entrou em erupção em 79 dc
6. Nenhum mortal vive mais que 150 anos
7. Estamos agora em 2001 dc

Pergunda: Marcos ainda vive?

Solução:

- axioma 1
- axioma 4
- $8 \rightarrow 1,4$ (Marcos é mortal)
- axioma 3
- axioma 7
- $9 \rightarrow 3,7$ (Marcos tem 1961 anos)
- axioma 6
- $10 \rightarrow 8,6,9$ (Marcos está morto)

Computabilidade e Complexidade

computabilidade: diz respeito a se um problema, modelado como função pode ou não ser resolvido.

complexidade: diz respeito a quantidade de recursos necessários para resolver um problema.

Uma função é dita computável se é possível calcular seu valor dado qualquer elemento do seu domínio.

Programa Teste

```
read(x);  
while x ≠ 10 do  
    x:=x+1;  
print(x);  
end;
```

O algoritmo acima possui computabilidade parcial, pois calcula o valor para apenas alguns elementos do seu domínio de definição.