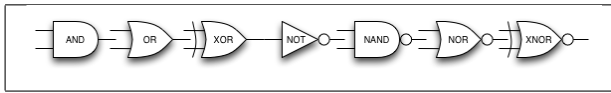


Logische Verknüpfungen

Für N eingänge hat man 2^N Eingangskombinationen.

Elementare Logische Funktionen: NOT, AND, OR, NAND, NOR, XOR, XNOR



Zahlensysteme

| Dezimal | Binary | Hex |
|---------|--------|-----|
| 0 | 0000 | 0 |
| 1 | 0001 | 1 |
| 2 | 0010 | 2 |
| 3 | 0011 | 3 |
| 4 | 0100 | 4 |
| 5 | 0101 | 5 |
| 6 | 0110 | 6 |
| 7 | 0111 | 7 |
| 8 | 1000 | 8 |
| 9 | 1001 | 9 |
| 10 | 1010 | A |
| 11 | 1011 | B |
| 12 | 1100 | C |
| 13 | 1101 | D |
| 14 | 1110 | E |
| 15 | 1111 | F |

LSB: Least Significant Bit - z.B.: 2^0
 Nibble: Gruppe von 4 Bit
 Byte: Gruppe von 8 Bit (2Nibble)
 Word: Gruppe von mehr als 8 Bit (Meisstens 16Bit)
 DWord: Double Word: oft eine Gruppe von 32 Bit

Bsp: 1011 1100 0010 (BIN) = BC2 (HEX)
 101 111 000 010 (BIN) = 5702 (OCTAL)

Divisionsmethode:

47 b10 = 101111 b2

47 : 2 = 23 r1 LSB

23 : 2 = 11 r1

11 : 2 = 5 r1

5 : 2 = 2 r1

2 : 2 = 1 r0

1 : 2 = 0 r1 MSB

Schaltalgebra

| Funktion | NOR | NAND |
|----------|------------------------------------|---|
| NOT | $x \nabla x$ | $x \text{ NAND } x$ |
| OR | $(x \nabla y) \nabla (x \nabla y)$ | $(x \text{ NAND } x) \text{ NAND } (y \text{ NAND } y)$ |
| AND | $(x \nabla x) \nabla (y \nabla y)$ | $(x \text{ NAND } y) \text{ NAND } (x \text{ NAND } y)$ |

Vereinfachungen

- Kommutativgesetze
 - $A \& B = B \& A$
 - $A \# B = B \# A$
- Assoziativgesetze
 - $(A \& B) \& C = A \& (B \& C)$
 - $(A \# B) \# C = A \# (B \# C)$
- Distributivgesetze
 - $(A \# B) \& C = (A \& C) \# (B \& C)$
 - $(A \& B) \# C = (A \# C) \& (B \# C)$
- Vereinfachungen
 - $A \# (A \& B) = A$

- $A \& (A \# B) = A$
- $A \# (!A \& B) = A \# B$
- $A \& (!A \# B) = A \& B$

Disjunktive Normalform

- OR Verknüpfung von AND Blöcken für $K=1$
- Jeder AND-Block ist ein MINTERM
- Die DNF K ist eine OR-Verknüpfung aller guten MINTERMEN (gut = Wahrheitstabelle 1)

Für die Darstellung mit NAND anstelle von OR:

Das DeMorgan Theorem anwenden: $K = !(K')$ und dann weiter vereinfachen.

Konjunktive Normalform

- AND Verknüpfung von OR Blöcken
- Herstellen durch DNF von $K=0$, dann DeMorgan Theorem anwenden
- Jeder OR-Block ist ein MAXTERM, der einer Zeile in der Wahrheitstabelle entspricht, negiert, wenn in der Wahrheitstabelle =1, direkt falls WT=0.

Multiplexer:

Art von Drehschalter, umschalten zwischen verschiedenen Eingängen

Vorzeichenlose und Vorzeichenbehaftete Zahlen

| Typ | min | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 | max |
|------------------|-----------|------|------|------------|------|------|-----------|
| Unsigned | - | - | - | 0000 | 0001 | 0010 | 1111 (15) |
| One's Complement | 1000 (-7) | 1101 | 1110 | 0000, 1111 | 0001 | 0010 | 0111 (7) |
| Two's Complement | 1000 (-8) | 1110 | 1111 | 0000 | 0001 | 0010 | 0111 (7) |
| Sign Magnitude | 1111 (-7) | 1010 | 1001 | 0000, 1000 | 0001 | 0010 | 0111 (7) |

CF: Carry Flag: Übertrag beim Addieren

OF: Overflow Flag: Über oder Unterlaufen

Addition und Subtraktion

| Operanden | | Addition | | | Subtraktion | | |
|-----------|-----|----------|-------|----------|-------------|--------|----------|
| op1 | op2 | op1+op2 | carry | overflow | op1-op2 | borrow | overflow |
| 6C | 97 | 03 | 1 | 0 | | | 1 |
| 76 | 33 | A9 | 1 | 1 | 43 | 0 | 0 |

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|-----------|---|---|---|---|---|---|---|---|-------|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|
| Addition: | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | | | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | Carry | Overflow | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | - | - | - | 1 | 1xor1= 0 | 1 | 1 | 1 | - | 1 | 1 | - | - |
| | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | | | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| | | | | | | | | | | | | | | | | 0 | 0 | |