Spulen

Allgemein

- \bullet B = Elektromagnetisches Feld
- N = Anzahl Windungen einer Spule
- l = Länge einer Spule (nicht Drahtlänge)
- \bullet L = Induktivität einer Spule [H]
- \bullet A = Fläche der Spule
- $1\frac{Vs}{A} = 1H = 1Henry$

Elektromagnetisches Feld

$$B = \mu_0 \cdot \frac{N}{l} \cdot I = \mu_r \cdot \mu_0 \cdot \frac{N}{l} \cdot I = \mu_r \cdot \mu_0 \cdot \frac{N \cdot U}{l \cdot R} = \frac{\phi}{A}$$
$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} Vs/Am \text{ (Permeabilität)}$$

Induzierte Spannung

Faraday's Gesetz (vgl. ACDC) für Spulen (für Schlaufe N=1)

$$U_{ind} = -N \cdot B \cdot \frac{dA}{dt} = N \cdot B \cdot A \cdot \omega \cdot sin(\omega t)$$

 $U_{ind}=-L\cdot\frac{dI}{dt}=-\frac{d\phi}{dt}=-L\cdot\frac{\Delta I}{\Delta t}$ (Achtung: hier muss die Stromrichtung beachtet werden - Vorzeichen!)

$$\phi = N \cdot B \cdot A$$

$$L = \frac{\mu N^2 A}{l}, \, \mu = \mu_0 \mu_r$$

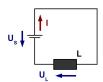
Gespeicherte Energie in einer Spule

$$E(I) = L \cdot \frac{I^2}{2}$$

Selbstinduktion

$$\begin{split} L &\simeq N^2 \Longleftrightarrow N \simeq \sqrt{L} \\ \frac{U_1}{U_2} &= \frac{N_1}{N_2} = \frac{\sqrt{L_1}}{\sqrt{L_2}} \end{split}$$

Wechselspannung



$$\begin{split} &U_S(t) = U_S cos(\omega t) \text{ (Wechselspannungsquelle)} \\ &\frac{dI(t)}{dt} = \frac{U_S}{L} cos(\omega t) = \frac{U_S}{L} e^{i\omega t} \\ &I(t) = \frac{U_S}{L\omega} sin(\omega t) = \frac{U_S}{i\omega L} e^{i\omega t} \\ &Z = i\omega L = \frac{U_L(t)}{I(t)} \end{split}$$