Esercitazione Amos

Elettrostatico-

$$\sigma: \left[\frac{C}{m^2}\right]$$
 Distribuz.

oppure

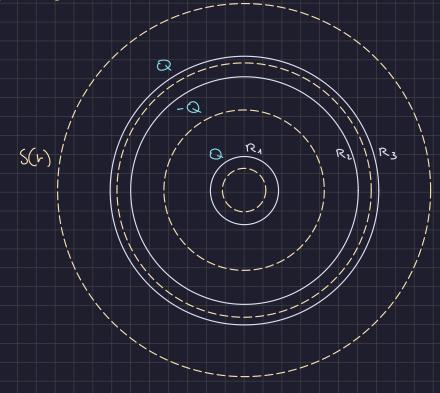
Calcolare il campo elettrico con il teorema di Gauss

The Gauss:
$$\phi(\vec{E}) = g \vec{E} d\vec{S} = g \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0} d\Omega = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$$

Q

-Q

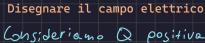
Disegna le superfici gaussiane

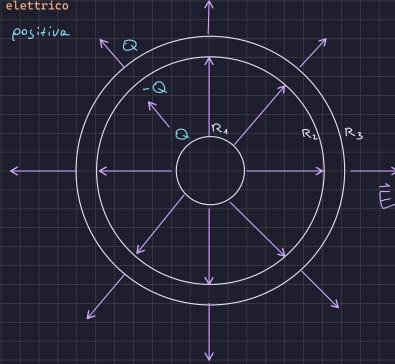


Scelgo superfici gaussiane sferiche perchè rendono il campo costante:

$$\frac{\cos r}{6}$$

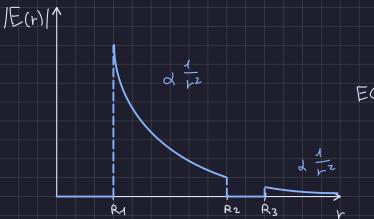
$$\frac{1}{6} = \frac{1}{6} =$$





Il campo elettrico è radiale uscente. (Se la carica fosse stata negativa sarebbe stato radiale entrante)

Disegnare l'andamento del campo elettrico



$$E(r) = \begin{cases} 0 & \text{se} & 0 \leq r \leq R_1 \\ 0 & \text{se} & R_2 \leq r \leq R_3 \\ \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi \epsilon_0 r^2} & R_1 \leq r \leq R_2 \end{cases} \begin{bmatrix} V \\ M \end{bmatrix}$$

$$\frac{Q_{\text{int}}}{4\pi \epsilon_0 r^2} \quad r \geq R_3$$

Calcolare il potenziale elettrico

Il potenziale è il lavoro che si compie spostando una carica di prova da una posizione di riferimento ad una posizione r'

V (r_o) = 0

$$V(B) - V(A) = -\int_A^B \vec{E} d\vec{S}$$

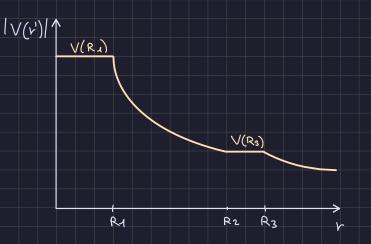
Considero come punto di riferimento r_0 l'infinite,

$$V(r') - V(r_0) = -\int_{r_0}^{r} \tilde{E} d\tilde{S}$$

$$V(r') = -\int_{r_0}^{r'} \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0 r^2} dr$$

$$V(r') = -\frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_{o}} \int_{r_{o}}^{r'} \frac{1}{r^{2}} dr = -\frac{Q_{inr}}{4\pi\epsilon_{o}} \left[-\frac{1}{r} \right]_{r_{o}}^{r'} = -\frac{Q_{inr}}{4\pi\epsilon_{o}} \left[-\frac{1}{r'} + \frac{1}{p_{o}} \right] = \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_{or}} \left[v \right]$$

Disegnare l'andamento del potenziale



$$\frac{Q_{int}}{4 \text{ TEor'}} \quad \text{Se} \quad V \ge R_3$$

$$\frac{Q_{int}}{4 \text{ TEoR}_3} \quad \text{Se} \quad R_2 \le L' \le R_3$$

$$V(L') = \begin{cases}
\frac{Q_{int}}{4 \text{ TEoR}_3} - \frac{Q_{int}}{4 \text{ TEoR}_1} - \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r}
\end{cases} \quad \text{Se} \quad R_1 \le r' \le R_2$$

$$\frac{Q_{int}}{4 \text{ TEoR}_1} \quad \text{Se} \quad O \le r' \le R_1$$

*
$$V(R_3)$$
 - $\int_{R_3}^{r} \dot{E} d\vec{S} = \frac{Q_{inr}}{4\pi\epsilon_0 R_3} - \frac{Q_{inr}}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{1}{r}, \frac{1}{R_3}\right)$

Calcolare l'energia elettrostatica

Calcolo la capacità del condensatore

$$C = \frac{Q}{\Delta V}$$
 [F]

L'energia elettrica immagazzinata in un condensatore è:

$$U = \frac{1}{2} \cdot \left(\triangle V \right)^2 \quad [5]$$

Calcolare il lavoro

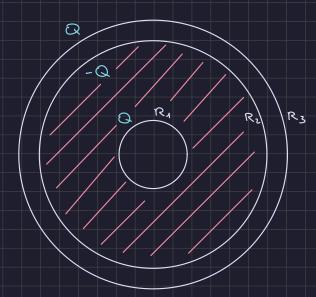
$$\vec{F} = q\vec{E} = qE(r) = q \cdot \frac{Qint}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

$$dL = \vec{F} \cdot d\vec{l} = q\vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$L_{AG} = \int_A^B q\vec{E} d\vec{l} = q \int_A^B \vec{E} d\vec{l} = -q \int_A^B \nabla V d\vec{l} = q (V_B - V_A) [J]$$

Considerare un materiale dielettrico all'interno dell'intercapedine





Calcolare il vettore di spostamento del dielettrico

$$\oint \overrightarrow{D} d\overrightarrow{S} = D(r) \oint d\overrightarrow{S} = D(r) \cdot 4\pi r^2 = Q_{int}$$

$$D(r) = \frac{Q_{int}}{4\pi r^2} \left[\frac{C}{m^2} \right]$$

Trovare il vettore di polarizzazione

$$\begin{cases}
\vec{D} = \xi_0 \vec{E} + \vec{P} \\
\vec{D} = \xi_0 \kappa \vec{E}
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
\vec{D} = \xi_0 \kappa \vec{E} \\
\vec{D} = \xi_0 \kappa \vec{E}
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
\vec{D} = \xi_0 \kappa \vec{E} \\
\vec{D} = \xi_0 \kappa \vec{E}
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
\vec{D} = \xi_0 \kappa \vec{E} \\
\vec{D} = \xi_0 \kappa \vec{E}
\end{cases}$$

Calcolare il campo elettrico in presenza di dielettrico

E = Campo nel vuoto

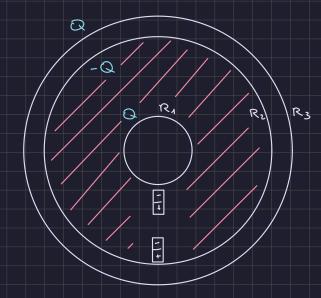
$$C_k = C_0 \cdot k$$

$$E_{K} = \frac{E_{0}}{K} \qquad C_{K} = C_{0} \cdot K$$

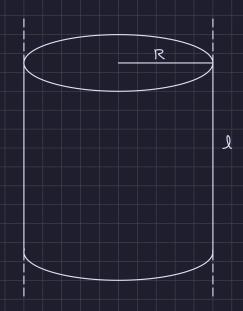
$$V_{K} = \frac{V_{0}}{K} \qquad U_{K} = \frac{1}{2} \frac{Q^{2}_{in1}}{C_{K}} = \frac{1}{2} \frac{Q^{2}}{K \cdot C_{0}} = \frac{U_{0}}{K}$$

Calcolare la distribuzione delle cariche di polarizzazione sulla superficie

Disegnare le cariche di polarizzazione



Cilindro



$$\Phi(\vec{E}) = \Phi_{lot} + \Phi_{sas};$$

Compo:

$$\oint \vec{E} d\vec{S} = E(r) 2\pi r l = \frac{\partial inr}{E_{\infty}}$$

$$C(r)$$

$$E(r) = \frac{Q_{im}}{2\pi r l E_{\infty}} \left[\frac{V}{m} \right]$$

$$= \frac{\sigma R}{E_{\infty} r}$$

L

$$\lambda = \frac{Q}{a} \quad \frac{\zeta}{m} \quad - \lambda = 0 \text{ 2TT R}$$

$$Q = \lambda \lambda$$

$$E(r) = \frac{\lambda \cdot k}{2\pi \epsilon_0 r k} = \frac{\lambda}{2\pi \epsilon_0 r} \left[\frac{V}{m} \right]$$

$$V(r') = -\int_{r_0}^{r'} E(r') dr'$$

$$= -\int_{r_0}^{r'} \frac{\lambda}{2\pi E_0 r'} dr'$$

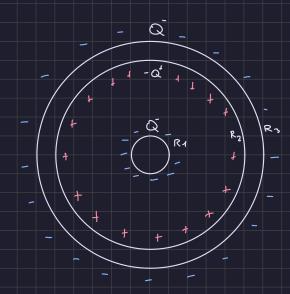
$$= -\frac{\lambda}{r'} \int_{r'}^{r'} \frac{1}{r'} dr'$$

$$= -\frac{\lambda}{2\pi \varepsilon_0} \int_{r_0}^{r_1} \frac{1}{r_1} dr$$

$$= -\frac{\lambda}{2\pi \varepsilon_0} \ln \left(\frac{r'}{r_0} \right) = \frac{6 2\pi R}{2\pi \varepsilon_0} \ln \frac{r'}{r_0} = -\frac{6 R}{\varepsilon_0} \ln \frac{r}{r_0} \left[V \right]$$

ESERCIZIO DI ELETTROSTATICA

Un conduttore sferico cavo (R₂=9cm; R₃=10cm) contiene, in modo concentrico, una sfera conduttrice (R_1 =2cm). Sul conduttore interno viene depositata la carica $q_{int} = -10x10^{-9}C$. Il sistema finale è isolato e in equilibrio elettrostatico.



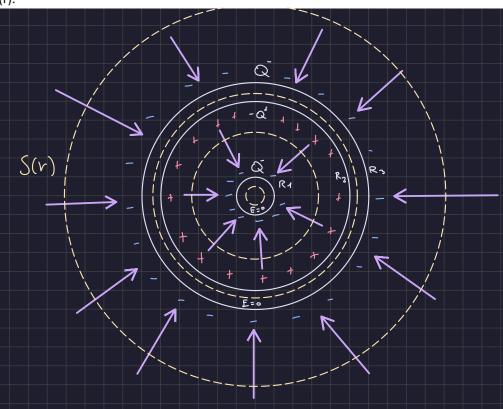
1- Calcolare la distribuzione di carica sulle pareti dei conduttori (Q e densità)

$$0 = 7 \left[\frac{C}{M^2}\right] \rightarrow \frac{Carica}{Area}$$

$$O_{R_2}^{-1} = \frac{Q_1^{1} \pi}{4\pi R_1^2} \frac{C}{m^2} = \frac{10^{\circ}}{4\pi (9.75^2)^2} \frac{C}{m^2} = 9.8.10^{\circ}$$

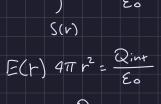
$$O_{R3} = \frac{Q_{int}}{4\pi R_{i}^{2}} \frac{C}{m^{2}} = \frac{-10^{8}}{4\pi (10^{1})^{2}} \frac{C}{m^{2}} = -7,96.10^{8}$$

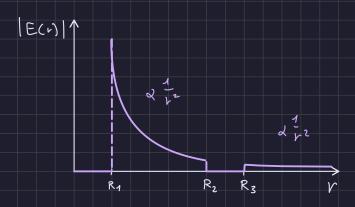
Ricavare applicando il teorema di Gauss il campo elettrico E generato in tutto lo spazio e disegnare



$$\begin{cases}
\hat{E} & \text{d} \hat{S} = \frac{Q \cdot \text{int}}{E_0} \\
\hat{S}(r) & \text{d} r = \frac{Q \cdot \text{int}}{E_0} \\
\hat{S}(r) & \text{d} r = \frac{Q \cdot \text{int}}{E_0}
\end{cases}$$

$$E(r) \oint dr = \frac{Q \cdot \text{int}}{E_0}$$





3- Ricavare il potenziale elettrostatico V nella sola regione esterna e disegnare il grafico.

$$\Delta V = V(r) - V(r_0) \qquad r_0 = \infty \rightarrow V(r_0) = 0$$

$$= -\int_{r_0}^{r} E(r) dr$$

$$V(r) = -\int_{r_0}^{r} E(r) ds$$

$$= -\int_{r_0}^{r} \frac{Q_{int}}{4\pi r^2 \xi_0} dr$$

$$= \frac{Qint}{4\pi\epsilon_0} \int_{r_0}^{r} \frac{1}{r^2} dr$$

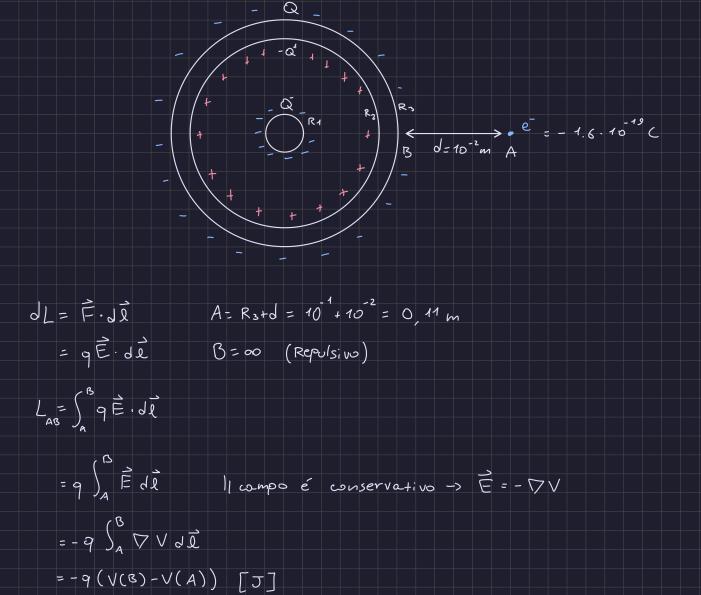
$$= -\frac{Qint}{4\pi\epsilon_0} \left[-\frac{1}{r} \right]_{r_0}^{r}$$

$$= -\frac{Qint}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{1}{r} + \frac{1}{r_0} \right)$$

$$= -\frac{Qint}{4\pi\epsilon_0} \left[V \right]$$

Un elettrone viene posizionato a distanza 1cm dalla superficie esterna.

4- Calcolare il lavoro del campo elettrico L per far compiere all'elettrone il suo percorso.

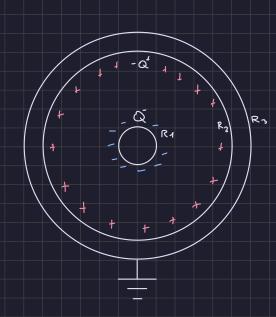


=-9(
$$V(\infty)$$
 - $V(R_3+d)$)
= 9 $V(R_3+d)$
= - $\frac{9Qint}{4\pi\epsilon_0(R_3+d)}$ [J] =-1.3.70⁻¹⁶ J

CASO A

La superficie esterna viene collegata a terra.

5- Descrivere la situazione che si viene a creare e calcolare l'energia elettrostatica U del sistema



La carica su R_3 diventa nulla $Q_{R3} = O$

metodo 1

$$U_{int} = \int_{Vol}^{R_2} h \epsilon d \Upsilon$$

$$= \int_{R_1}^{R_2} 4\pi r^2 dr$$

$$= \int_{R_1}^{R_2} \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 dr$$

metodo 2

$$U = \frac{1}{2} C (\Delta V)^{2}$$

$$= \frac{1}{2} \frac{Q}{\Delta V} \Delta V^{2}$$

$$= \frac{1}{2} Q \Delta V$$

$$= \frac{1}{2} Q (V(R_{1}) - V(R_{2}))$$

$$= 1.75 \cdot 10^{5} J$$

$$= \frac{Q_{int}}{8\pi \varepsilon_{0}} \int_{R_{1}}^{R_{2}} \frac{1}{r^{i}} dr$$

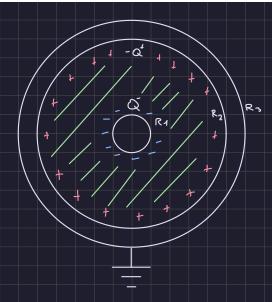
$$= \frac{Q_{int}}{8\pi \varepsilon_{0}} \left[-\frac{1}{r} \right]_{R_{1}}^{R_{2}}$$

$$= \frac{Q_{int}}{8\pi \varepsilon_{0}} \left(-\frac{1}{R_{2}} + \frac{1}{R_{1}} \right) \left[J \right]$$

$$= 1.75 \cdot 10^{5} J$$

Lo spazio interno è riempito di dielettrico lineare k=3

6- Calcolare la capacità del sistema.



$$C_{k} = C_{o} \cdot K$$

$$C_{o} = \frac{Q}{\Delta V} \quad [F]$$

$$= \frac{Q_{int}}{V(R_{2}) - V(R_{4})}$$

$$= 2.86 \cdot 10^{-12} F$$

7- Calcolare il campo spostamento dielettrico D.

$$\begin{cases}
\vec{D} d\vec{S} = Q_{1i}bere \\
Sup \\
\begin{cases}
\vec{D}(r)dr = Q_{1i}bere
\end{cases}$$

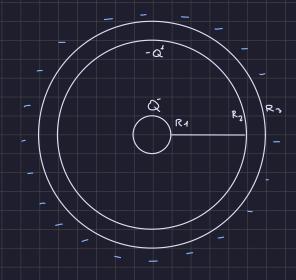
$$D(r) = \frac{Q_{1}beve}{4\pi r^2} \left[\frac{C}{m^2} \right]$$



CASO B

Diversamente, la sfera interna viene collegata alla superficie della cavità R2.

8- Descrivere la situazione che si viene a creare e calcolare l'energia elettrostatica **U** del sistema



$$U_{\text{For}} = 0 + U_{\text{EST}}$$

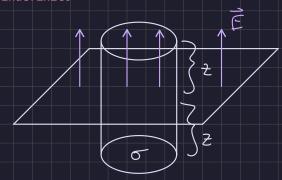
$$U_{\text{est}} = \frac{1}{2} \left(\left(\Delta V \right)^{2} \right)$$

$$= \frac{1}{2} \left(\left(V \left(\infty \right) - V \left(R_{3} \right) \right)^{2}$$

$$= \frac{1}{2} \left(V \left(V_{3} \right)^{2} \right)$$

Calcolare la capacità del sistema.

$$C = \frac{Q}{V(R_3)}$$
 [F]



$$E(z) = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0} \left[\frac{\sqrt{2}}{2\varepsilon_0} \right]$$

$$\frac{2}{E}(2) = \left(\frac{\sqrt{2}}{2E_0} + \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$$

$$\left(-\frac{\sqrt{2}}{2E_0} + \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$$

$$V(z) - y(\overline{z}_0) = -\int_{z_0}^{z} \overline{E} d\overline{z}$$

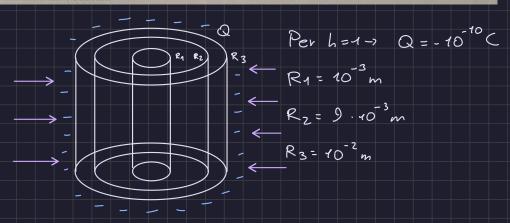
$$V(z) = -\int_{z_0}^{z} \frac{\sigma}{z_{\varepsilon_0}} dz$$

$$= -\frac{\sigma}{z_{\varepsilon_0}} \int_{z_0}^{z} dz$$

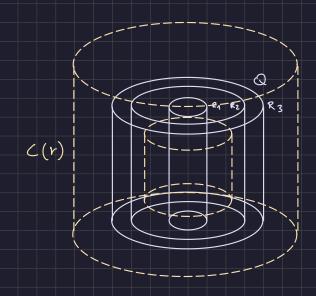
$$= -\frac{\sigma}{z_{\varepsilon_0}} z_{\varepsilon_0} [V]$$

Esame 0712021

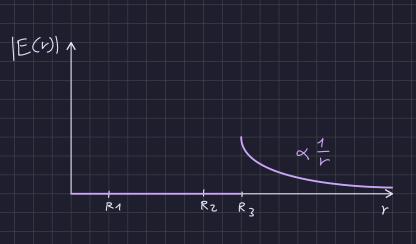
B) un guscio cilindrico molto lungo da considerarsi indefinito di raggi R1=0.1cm,
 R2=0.9cm, R3=1cm sulla cui superficie esterna è stata depositata una carica Q=-10⁻¹⁰ C per ogni metro di lunghezza



- disegnare le superfici gaussiane e spiegare la scelta



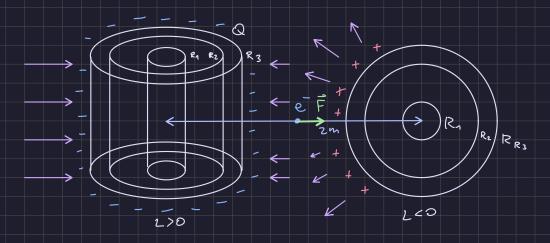
- ricavare il campo elettrico E (MODULO DIREZIONE VERSO!!!) tracciando il grafico E(r)



- disegnare le linee di campo
- disegnare, in modo schematico, le superfici equipotenziali.

Considerare la situazione in cui il guscio sferico sia posizionato a una distanza di d=2m dal cilindro (distanza dall'asse del cilindro al centro della sfera).

In una posizione equidistante dai due conduttori vi è, libero di muoversi, un elettrone.



Calcolare il valore della forza F agente sull'elettrone in MODULO DIREZIONE VERSO!!!

 se l'aria è secca, ovvero nel vuoto (ε₀)

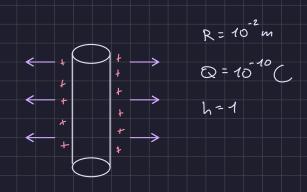
Il lavoro della sfera è di assorbire energia, quello del cilindro accelera

Ls: Assorbe

Lc: Accelera

- se l'aria è umida, ovvero in uno spazio riempito di dielettrico K=2

B) un conduttore cilindrico indefinito di raggio R=1cm su cui è stata depositata una carica Q=10⁻¹⁰ C per ogni metro di lunghezza



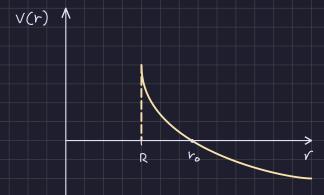
2. il potenziale elettrostatico V nella regione esterna nosto a distanza d=1

$$V(r) = -\int_{r}^{r} E(r) dr$$

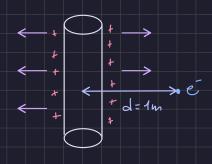
$$V(r) = -\int_{r}^{r} \frac{Q}{2\pi r \epsilon_{0}} dr$$

$$V(r) = -\frac{Q}{2\pi \varepsilon_0} \int_{r_0}^{r} \frac{1}{r} dr$$

$$V(r) = -\frac{Q}{2\pi \varepsilon_0} \ln \frac{r}{r_0} \left[V\right]$$



- la forza agente su un elettrone posto a distanza d=1m dal sistema L'alattrone sulla superficie

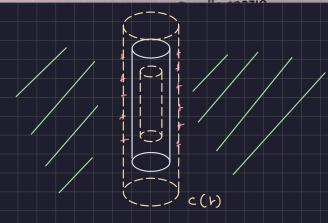


- la forza agente su un elettrone posto a distanza
- il lavoro del campo elettrico per portare l'elettrone sulla superficie del conduttore

Si compie un lavoro contro il campo, per questo c'è il meno

Lo spazio esterno è ora riempito di materiale dielettrico lineare di costante dielettrica K=3

K=3



calcolare il vettore spostamento elettrico D nello spazio

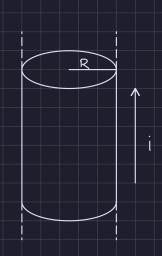
$$D(r) = \frac{Q_{libere}}{2\pi r \ell} \begin{bmatrix} C \\ m^2 \end{bmatrix}$$

calcolare le cariche di polarizzazione

Magnetismo

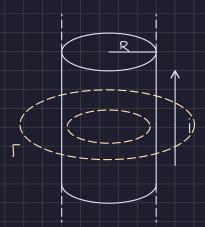
1. Caso:

La corrente è solo sulla superficie



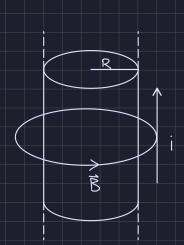
Ricavare il campo magnetico

Rappresenta una regione nello spazio in cui una carica subisce l'effetto della sua forza



Disegnare il grafico del campo





La corrente è data come densità di corrente

$$j = \frac{i}{S_{op}} \left[\frac{A}{m^2} \right]$$

$$i_c(r)=i\Pi r^2=\frac{i}{\pi R^2} \sqrt{r^2}=\frac{ir^2}{R} [A]$$

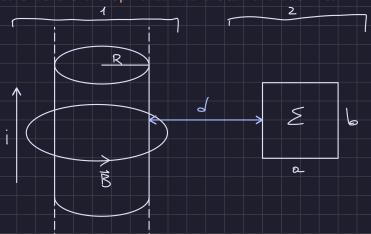
$$3(r) = \begin{cases} \frac{M_0 i_c}{2\pi r} = \frac{M_0}{2\pi r} & \frac{i_r r^2}{R^2} = \frac{M_0 i_r}{2\pi R^2} & \text{Se } r < R \end{cases}$$

$$\frac{M_0 i_c}{2\pi r}$$

$$Se r > R$$



Considerare una spira ad una distanza d dal filo



Calcolare il coefficiente di mutua induzione

$$M = \frac{\Phi_{21}}{11} \quad [H]$$

$$\oint_{S} g \otimes d \leq \int_{J}^{d+a} g(r) \times dr$$

$$= \int_{J}^{d+a} g(r) \otimes dr$$

$$= \int_{J}^{d+a} \frac{M_{oic}}{2\pi r} \otimes dr$$

$$= \int_{J}^{d+a} \frac$$

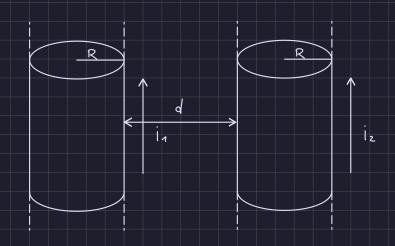
Z = Area = ab

 $\Rightarrow \begin{cases} dr^2 \\ \times dr = \times [r]_{d} \end{cases}$

= x [d+2-d]

= x a = a.b

Viene aggiunto un altro filo accanto al filo originale



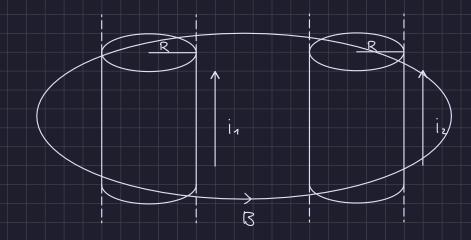
Calcolare la forza che agisce sui due fili

Legge di Laplace

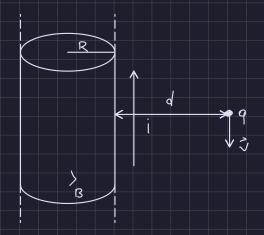
Visto che il filo è indefinito si suppone che la lunghezza sia l = 1m

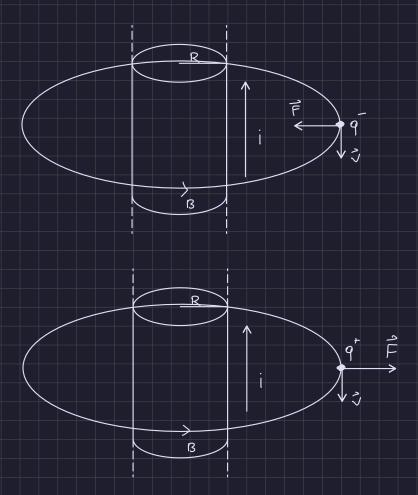
$$= i_{2} \xrightarrow{Mo \cdot i_{1}} \xrightarrow{Q=1} \xrightarrow{F} \overline{Q} = F_{21} = i_{2} \xrightarrow{Mo \ i_{1}} [N]$$

$$= i_{\Lambda} \xrightarrow{Mo \cdot i_{2}} \stackrel{Q=1}{\Longrightarrow} \frac{F}{Q} = F_{12} = i_{\Lambda} \frac{Mo i_{2}}{2\pi J} [N]$$

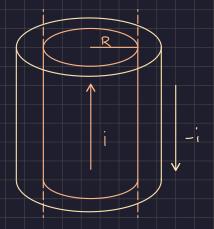


Considerare una carica ad una distanza d dal filo, calcolare la forza agente sulla particella



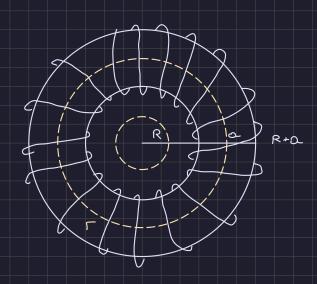


Consideriamo una guaina in cui passa una corrente, quanto vale la corrente per annullare il campo all'esterno?



Solenoide toroidale

N=n°spire ;=corrente

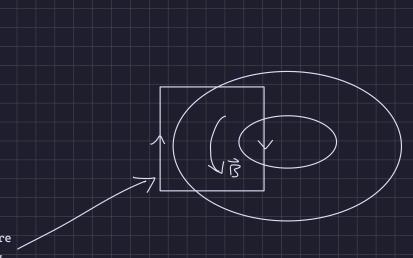


ic = Ni

Disegnare l'andamento del campo



Calcolare il flusso del campo magnetico



$$= N \int_{R}^{R+2} \frac{M_0 N_i}{2\pi r} a dr$$

$$= N \int_{R}^{M_0 N_i} a \int_{R}^{R+2} dr$$

$$= \frac{M_0 N_i^2 o}{2\pi} \ln \left[\frac{R+a}{R} \right] \left[\frac{W6}{A} \right]$$

Calcolare il coefficiente di autoinduzione

$$L = \frac{\Phi}{ic}$$

$$= \frac{M \circ Nio_{-}}{2\pi} \ln \left| \frac{Rto_{-}}{R} \right|$$

$$= \frac{1}{2} \left| \frac{Rto_{-}}{R} \right|$$

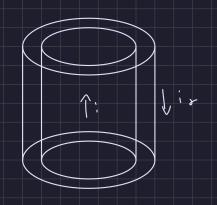
$$= \frac{M \circ N \Omega}{2 \pi} \left| \ln \left| \frac{R t \alpha}{R} \right| \right| \left[t \right]$$

Calcolare l'energia immagazzinata nel toroide

Metodo 1:

Metodo 2:

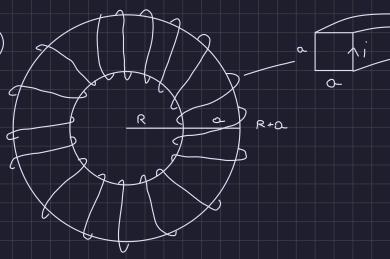
$$= \frac{M \circ N^{2} i^{2} \cdot \alpha}{4\pi} \left[N \right] \left[\frac{R + \alpha}{R} \right] \left[\frac{1}{R} \right]$$



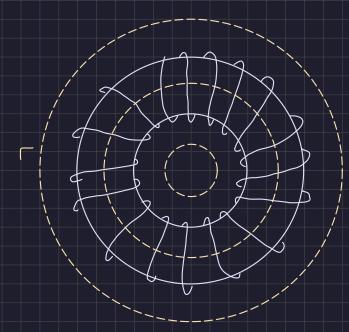




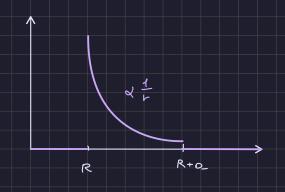




Linea smperiana



$$B(\nu) = \frac{MoN!}{2\pi r} \left[T \right]$$



$$L = \frac{0}{i} = \frac{M_0 N^2 a}{2\pi} \ln \left| \frac{R + o}{R} \right|$$
 [H]

$$U_{B} = \int \frac{B^{2}}{2 \mu_{0}} JV$$

$$Vol$$

$$Rro$$

$$= \int_{R} \left(\frac{Mo \, iN}{2 \pi r} \right)^{2} \frac{1}{2 \mu_{0}} 2 \pi ro \, Jr$$

$$= \int_{R}^{R+\alpha} \frac{M \sqrt{2} i N^{2}}{4 \pi^{2} r^{2}} \frac{1}{2 \pi^{6}} \frac{2 \pi r^{6}}{2 \pi^{6}} \frac{1}{4 \pi^{2} r^{2}} \frac{1}{2 \pi^{6}} \frac{M \sqrt{2} N^{2} \sqrt{2}}{4 \pi^{2} r^{2}} \frac{1}{2 \pi^{6}} \frac$$

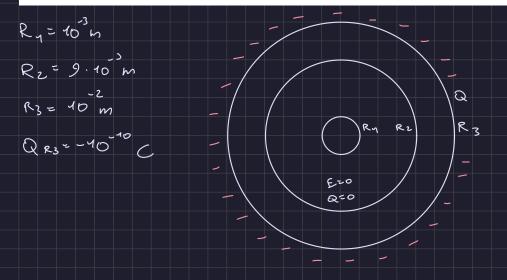
oppure

$$= \frac{1}{2} \frac{M_0 N^2 \alpha}{2\pi} \left[\ln \left(\frac{R + \alpha}{R} \right) \right],$$

ESERCIZIO DI ELETTROSTATICA

Si consideri un sistema di <u>gusci sferici</u> di raggi **R1=0.1cm**, **R2=0.9cm**, **R3=1cm** sulla cui superficie <u>esterna R3</u> è stata depositata una carica **Q**_A=-10⁻¹⁰ **C**

- 1. Si mostri l'applicazione del teorema di Gauss:
 - disegnare le superfici gaussiane e spiegare la scelta
 - ricavare il campo elettrico E (MODULO DIREZIONE VERSO!!!) tracciando il grafico E(r)
 - disegnare le linee di campo



All'interno della sfera non c'è carica perchè non c'è induzione interna siccome la sfera esterna si comporta co una gabbia di Faraday

$$\oint \vec{E} \, d\vec{s} = \frac{Q \, inr}{E_0}$$
Sup
$$5(1)$$

$$Figure 2$$

$$R_1 \, R_2 \, R_3$$
Figure 2

$$R_2 \, R_3$$

Come superfici di Gauss scegliamo superfici a simmetria sferica perchè il campo è radiale

$$g = (v) dv = \frac{Qint}{Eo}$$

$$S(v) = \frac{Qint}{Eo}$$

$$E(v) g dv = \frac{Qint}{Eo}$$

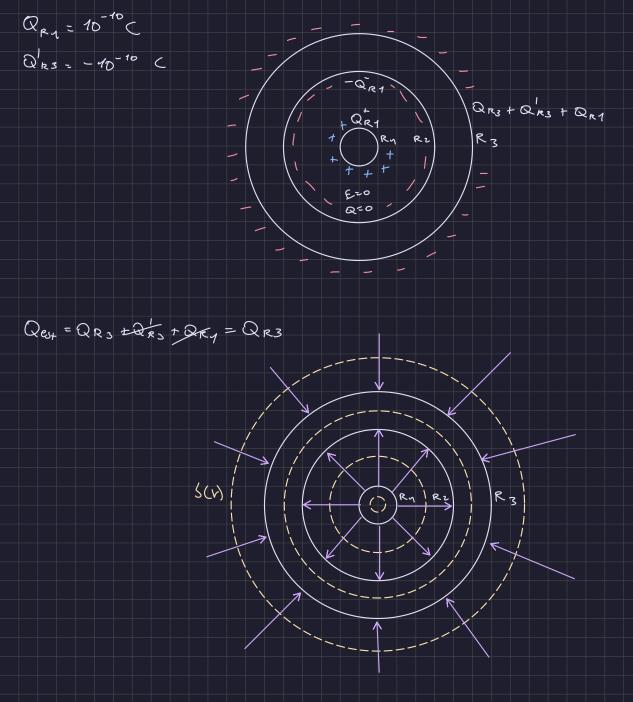
$$E(V) \cdot 4\pi V^{2} = \frac{Q(n+1)}{E_{0}}$$

$$E(V) = \frac{Q}{E_{0} + \pi V^{2}} \quad \text{se} \quad V \ni R_{3}$$

$$|E(V)| = \frac{Q}{E(V)| + \pi V^{2}} \quad \text{se} \quad V \ni R_{3}$$

Successivamente, vengono depositate sul conduttore interno (R1) la quantità di carica \mathbf{Q}_B =+10⁻¹⁰ \mathbf{C} e sul conduttore esterno (R3) la quantità di carica \mathbf{Q}_C =-10⁻¹⁰ \mathbf{C} .

- 2. Descrivere la situazione di equilibrio elettrostatico e calcolare la distribuzione di carica sulle pareti dei conduttori (Q e densità)
- 3. Ricavare l'espressione del potenziale elettrostatico V(r) nello spazio esterno.



$$\begin{aligned}
\nabla &= \frac{Q}{S_{VP}} \\
\nabla &= \frac{QR_1}{4\pi R_1^2} &= \frac{10}{4\pi R_1^2} \\
&= \frac{QR_1}{4\pi R_2^2} &= \frac{10}{4\pi R_2^2} \\
\nabla &= \frac{QR_1}{4\pi R_2^2} &= \frac{10}{4\pi R_2^2} \\
\nabla &= \frac{QR_3}{4\pi R_3^2} &= \frac{10}{4\pi R_3^2} \\
\nabla &= \frac{QR_3}{4\pi R_3^2} &= \frac{QR_3}{4\pi R_3^2} \\
\nabla &= \frac{QR_3}{4\pi R_3^2} &= \frac{QR_3}{4$$

$$V(r) - V(r_0) = - \int_{S} \vec{E} d\vec{s}$$

Una particella puntiforme di carica $q=+10^{-12} C$ – libera di muoversi – viene posizionata a distanza d=1.5m dal sistema.

- 4. Calcolare (numericamente) la forza agente sulla particella (* ovviamente: si trascuri l'induzione elettrostatica tra particella e sistema)
- 5. Ricavare il lavoro del campo elettrico per portare la carica **q** al termine del suo percorso (senza calcoli numerici)

$$q = 10^{-12} C$$
 $S(N)$
 $R_1 = 10^{-12} E(1.5 m)$
 $R_2 = 10^{-12} E(1.5 m)$
 $R_3 = 10^{-12} E(1.5 m)$

La particella è attirata dalla sfera

$$L = \int_{J}^{R_{3}} \vec{F} dQ$$

$$= \int_{J}^{R_{3}} qE(n) dQ$$

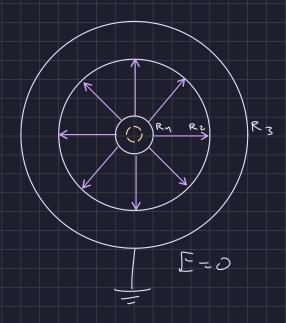
$$= \int_{J}^{R_{3}} -q \nabla V dQ \quad (Perche \vec{E} \in Conservativa)$$

$$= -q \Delta V$$

$$= -q (V(R_{3}) - V(d))$$

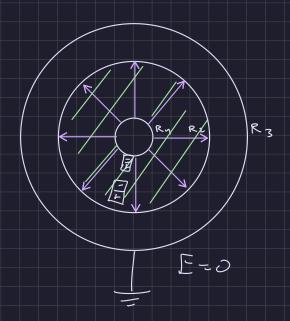
Nella nuova situazione il conduttore esterno R3 viene collegato a terra.

6. descrivere il sistema nella nuova situazione di equilibrio e calcolare l'energia del sistema.



Lo spazio interno viene riempito di materiale dielettrico lineare di costante dielettrica K=2

7. calcolare il vettore di Polarizzazione **P(r)** le cariche di polarizzazione. Disegnare i dipoli.



$$\int \vec{D} \, d\vec{S} = Q \, || \, beve$$

$$Sup$$

$$D(r) \int d\vec{S} = Q \, || \, beve$$

$$S(u)$$

$$D(r) = \frac{Q \, || \, beve}{4 \pi r^2} \int \frac{C}{m^2} \int \frac{C}{m^2} dt$$

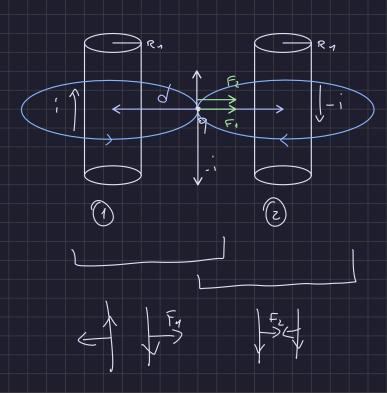
$$P(r) = \begin{cases} \vec{D} = \mathcal{E}_0 \vec{E} + \vec{P} \\ \vec{D} = \mathcal{E}_0 \vec{K} \vec{E} \end{cases}$$

$$\vec{P} + \vec{E} \, \mathcal{E}_0 = \mathcal{E}_0 \vec{K} \vec{E}$$

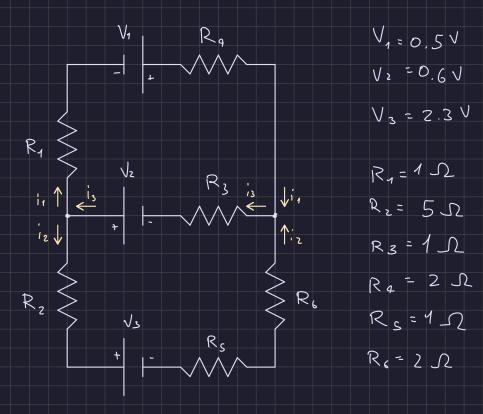
$$\vec{P} = \mathcal{E}_0 \vec{K} \vec{E} - \vec{E} \, \mathcal{E}_0$$

P= E. E(K-4)

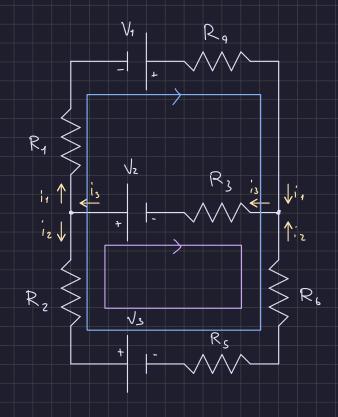
Problema vandom



 $R_1 = 2 \cdot 10^{-3} \text{m}$ $i = 5 \cdot 10^{-3} \text{A}$ $q = -10^{-10} \text{C}$ V = 15 m/s d = 5 m



Se il verso della corrente non è già dato si può scegliere arbitrariamente Bisogna poi scegliere il verso di percorrenza della maglia 1 2



Le uniche incognite in questo circuito sono le correnti i, i, i, i, i,

Ci sono le seguenti casistiche

V=Ri

Leggi di kirchoff

1. In un circuito la sommatoria delle correnti deve essere 0

2. La sommatoria di tutte le differenze di potenziale deve essere 0

$$\begin{cases}
i_3 = i_7 + i_2 \\
i_2 R_2 - V_3 + i_2 R_5 + i_2 R_6 + i_3 R_3 - V_2 = 0 \\
-i_4 R_4 + V_4 - i_4 R_4 + i_2 R_6 + i_2 R_5 - V_3 + i_2 R_2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
i_3 = i_1 + i_2 \\
i_2 R_2 - V_3 + i_2 R_5 + i_2 R_6 + (i_1 + i_2) R_3 - V_2 = 0 \\
-i_1 R_1 + V_4 - i_1 R_2 + i_2 R_6 + i_2 R_5 - V_3 + i_2 R_2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases} 13 - 11 + 12 \\ 11 = (N_3 + N_2) - iz (R_2 + R_5 + R_6 + R_3) \\ R_3 \end{cases} = \begin{cases} 2,9 + iz \cdot 9 \\ 11 = (9:2 + 2,9) \cdot 1 + 0.5 - (9:2 + 2,9) \cdot 2 + 2iz + iz \cdot 1 - 2.3 + 5iz = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_3 = i_1 + i_2 \\ i_4 = (N_3 + N_2) - i_2 (R_2 + R_3 + R_6 + R_3) \\ R_3 = 2,9 + i_2.9 \\ -9i_2 - 2,9 + 0.5 - 18i_2 - 5,8 + 3i_2 - 2,3 + 5i_2 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_3 = i_1 + i_2 \\ i_4 = 9i_2 + 2,9 \\ -9i_2 - 2,9 + 0.5 - 18i_2 - 5,8 + 3i_2 - 2,3 + 5i_2 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_3 = i_1 + i_2 \\ i_4 = 9i_2 + 2,9 \\ -9i_2 - 2,9 + 0.5 - 18i_2 - 5,8 + 3i_2 - 2,3 + 5i_2 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_3 = i_1 + i_2 \\ i_4 = 9i_2 + 2,9 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_4 = 9i_2 + 2,9 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_4 = 9i_2 + 2,9 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_5 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_1 + i_2 \\ A \end{cases}$$

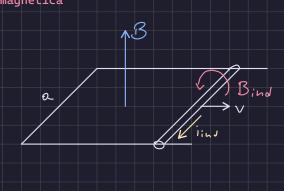
$$\begin{cases} i_7 = i_1 + i_1 + i_2 \\$$

$$\begin{cases} 13 = 1 + 1 \neq 2 & A \\ 11 = 9 \neq 2 + 2, 9 & A \\ 12 = -19 & A \end{cases}$$

$$\begin{cases} i3 = i + iz & A \\ i1 = 9 & 10,5 \\ 19 & + 2,9 & A \end{cases}$$

$$\frac{10,5}{12 = -19} A$$

$$\begin{cases} i_3 = 7.3 & A \\ i_1 = 7.8 & A \\ i_2 = -0.5 & A \end{cases}$$



$$S = \frac{1}{z} - \frac{1}{1}$$
 $J = \frac{1}{z} - \frac{m}{s}$
 $0 = \frac{1}{2} - \frac{m}{s}$

Si trascuri il fenomeno di autoinduzione. Il circuito viene chiuso con delle resistenze

$$\left| \mathcal{E} \right| = \left| -\frac{\mathcal{D}(B)}{Jt} \right|$$

$$= \left| -3a \times (x) \right|$$

$$= dt$$

ج مر مر

$$R_{1} = 5.10^{3} \Omega$$

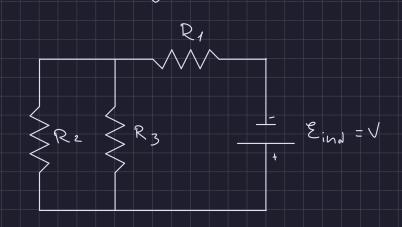
$$R_{2} = 2.10^{3} \Omega$$

$$R_{3} = 2.10^{3} \Omega$$

$$R_{3} = 2.10^{3} \Omega$$

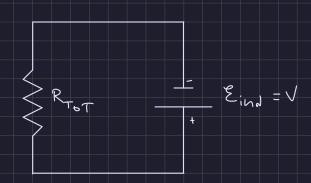
$$R_{3} = 2.10^{3} \Omega$$

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R}$$



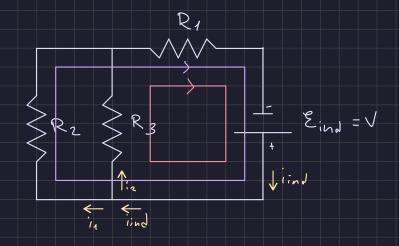
$$\frac{1}{R_{11}} = \frac{1}{R_{3}} + \frac{1}{R_{2}} = \frac{R_{2} + R_{3}}{R_{3} R_{2}} - R_{11} = \frac{R_{3} R_{2}}{R_{2} + R_{3}} = 10^{3} \Omega$$

$$R_{tot} = R_{11} + R_{11} = \frac{R_{3} R_{2}}{R_{2} + R_{3}} + R_{11} = 6.70^{3} \Omega$$



$$V = \mathcal{E}_{ind} = \mathcal{R}_i \rightarrow i_{inj} = \frac{\mathcal{E}_{ind}}{\mathcal{R}_{TOT}} = 4, 2 \cdot 10^{-7} \text{ A}$$

Impostare le leggi di kirchoff sul circuito mobile:



$$\begin{cases} iind = 9, 2 \cdot 10^{-7} A \\ i2 = iind - i1 = 2.1 \cdot 10^{-7} A \\ i1 = 2 \cdot 10^{-7} A \end{cases}$$

Bilancio energetico