

Esercitazione Amos

Elettrostatico-

$Q: [C]$ Carica

$\sigma: \left[\frac{C}{m^2} \right]$ Distribuz. di carica

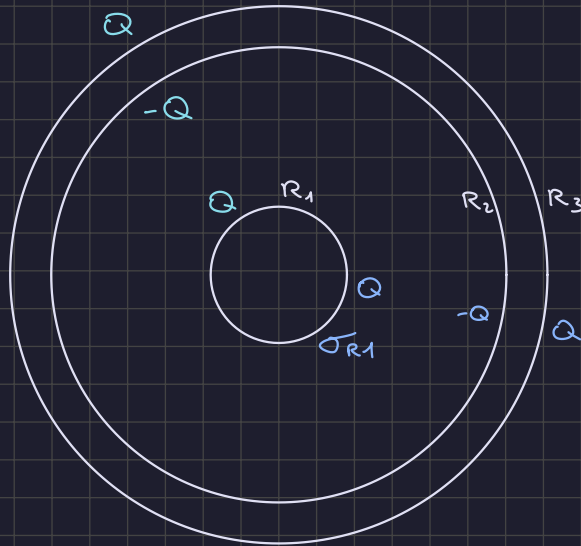
$$Q = +10^{-10} C$$

oppure

$$\sigma_{R_1} = 3 \cdot 10^{-19} \frac{C}{m^2}$$

$$S = 4\pi R_1^2 m^2$$

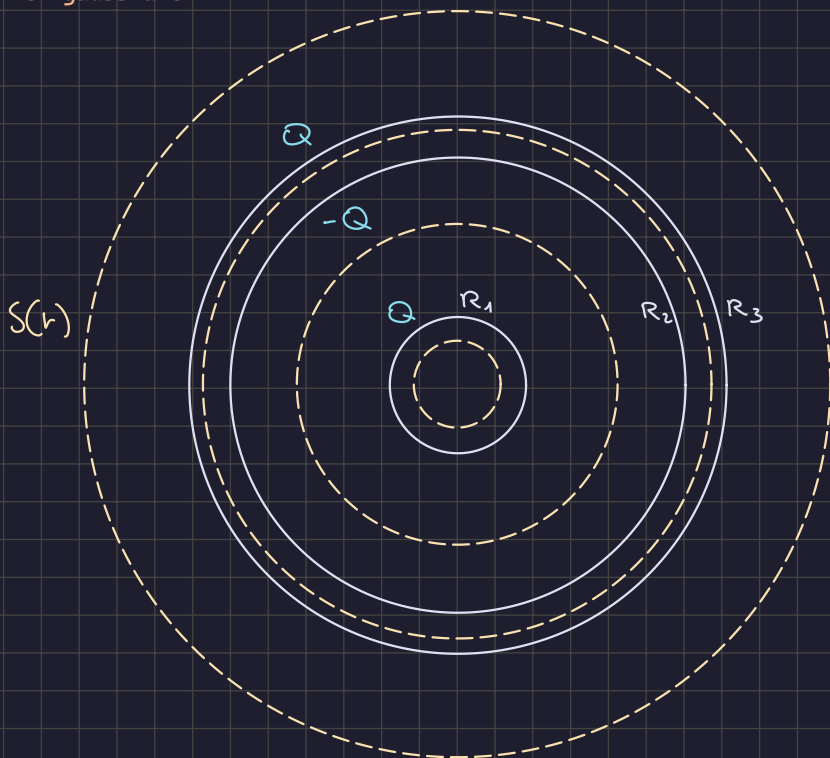
$$Q = \sigma \cdot S = 3 \cdot 10^{-19} \cdot 4\pi R_1^2 \frac{C}{m^2 m^2}$$



Calcolare il campo elettrico con il teorema di Gauss

$$\text{Th Gauss: } \oint_{\text{sup}} \vec{E} d\vec{S} = \oint_{\text{sup}} \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi\epsilon_0} d\Omega = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0}$$

Disegna le superfici gaussiane



Scelgo superfici gaussiane sferiche perchè rendono il campo costante:

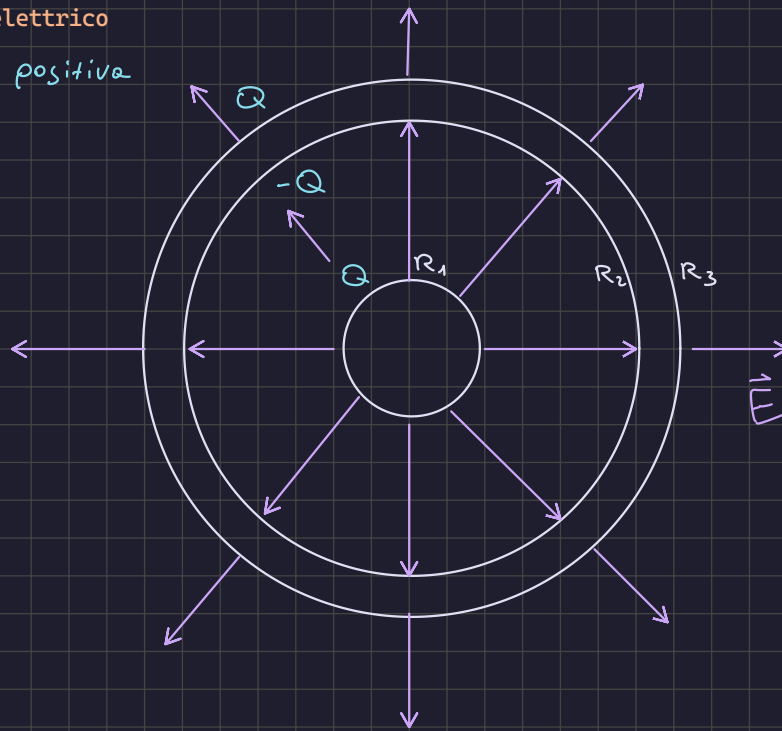
$$\oint_{S(r)} \vec{E} d\vec{S} = E(r) \cdot \oint_{S(r)} dS = E(r) \cdot 4\pi r^2 = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0}$$

↓

$$E(r) = \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi r^2 \epsilon_0} \left[\frac{V}{m} \right]$$

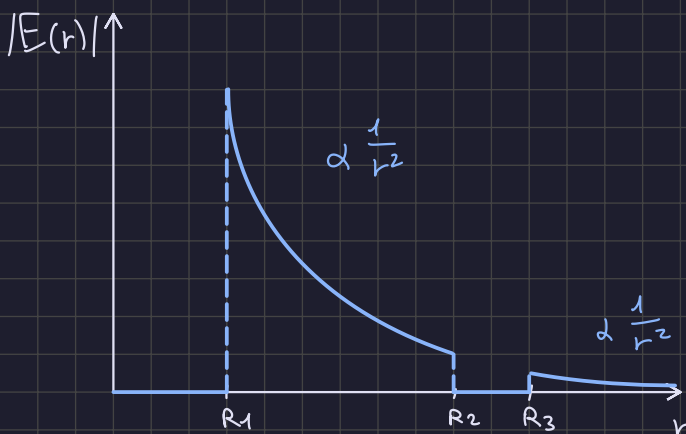
Disegnare il campo elettrico

Consideriamo Q positiva



Il campo elettrico è radiale uscente. (Se la carica fosse stata negativa sarebbe stato radiale entrante)

Disegnare l'andamento del campo elettrico



$$E(r) = \begin{cases} 0 & \text{se } 0 \leq r \leq R_1 \\ 0 & \text{se } R_2 < r < R_3 \\ \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi\epsilon_0 r^2} & R_1 \leq r \leq R_2 \\ \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi\epsilon_0 r^2} & r \geq R_3 \end{cases} \quad \left[\frac{\text{V}}{\text{m}} \right]$$

Calcolare il potenziale elettrico

Il potenziale è il lavoro che si compie spostando una carica di prova da una posizione di riferimento ad una posizione r'

$$V(B) - V(A) = - \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

Considero come punto di riferimento r_0 l'infinito \rightarrow

$$r_0 = \infty$$

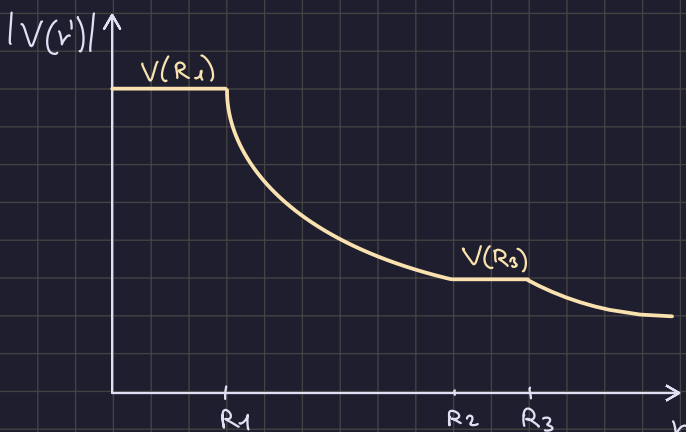
$$V(r_0) = 0$$

$$V(r') - V(r_0) = - \int_{r_0}^{r'} \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

$$V(r') = - \int_{r_0}^{r'} \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi\epsilon_0 r^2} dr$$

$$V(r') = - \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi\epsilon_0} \int_{r_0}^{r'} \frac{1}{r^2} dr = - \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi\epsilon_0} \left[-\frac{1}{r} \right]_{r_0}^{r'} = - \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{1}{r'} + \frac{1}{\infty} \right) = \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi\epsilon_0 r'} \quad [\text{V}]$$

Disegnare l'andamento del potenziale



$$V(r') = \begin{cases} \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0 r'} & \text{se } r' \geq R_3 \\ \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0 R_3} & \text{se } R_2 \leq r' \leq R_3 \\ * \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0 R_2} - \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{1}{r'} + \frac{1}{R_2} \right) & \text{se } R_1 \leq r' \leq R_2 \\ \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0 R_1} & \text{se } 0 \leq r' \leq R_1 \end{cases} \quad [V]$$

$$* \quad V(R_3) - \int_{R_3}^{r'} \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0 R_3} - \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{1}{r'} + \frac{1}{R_3} \right)$$

Calcolare l'energia elettrostatica

$$U = \int_{Vol} \mu_E d\tau = \int_{Vol} \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 d\tau \quad \left[\frac{J}{m^3} \right]$$

densità di energia

$$\tau = \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$d\tau = \frac{4}{3} \pi r^2 dr$$

Metodo 1

$$U_{Tot} = U_{int} + U_{est}$$

$$\begin{aligned} U_{int} &= \int_{Vol} \mu_E d\tau \\ &= \int_{R_1}^{R_2} \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 4\pi r^2 dr \\ &= \int_{R_1}^{R_2} \frac{1}{2} \epsilon_0 \frac{Q_{int}^2}{4\pi^2 \epsilon_0^2 r^4} 4\pi r^2 dr \\ &= \int_{R_1}^{R_2} \frac{Q_{int}^2}{8\pi \epsilon_0 r^2} dr \\ &= \frac{Q_{int}^2}{8\pi \epsilon_0} \left[-\frac{1}{r} \right]_{R_1}^{R_2} \\ &= \frac{Q_{int}^2}{8\pi \epsilon_0} \left(-\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_1} \right) \quad [J] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} U_{est} &= \int_{Vol} \mu_E d\tau \\ &= \int_{R_3}^{\infty} \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 4\pi r^2 dr \\ &= \frac{Q_{int}^2}{8\pi \epsilon_0} \left[-\frac{1}{r} \right]_{R_3}^{\infty} \\ &= \frac{Q_{int}^2}{8\pi \epsilon_0} \cdot \frac{1}{R_3} \\ &= \frac{Q_{int}^2}{8\pi \epsilon_0 R_3} \end{aligned}$$

$$U_{Tot} = \frac{Q_{int}^2}{8\pi \epsilon_0} \left(-\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} \right)$$

Metodo 2

Calcolo la capacità del condensatore

$$C = \frac{Q}{\Delta V} \text{ [F]}$$

L'energia elettrica immagazzinata in un condensatore è:

$$U = \frac{1}{2} C (\Delta V)^2 \text{ [J]}$$

Calcolare il lavoro

$$\vec{F} = q \vec{E} = q E(r) = q \cdot \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi \epsilon_0 r^2}$$

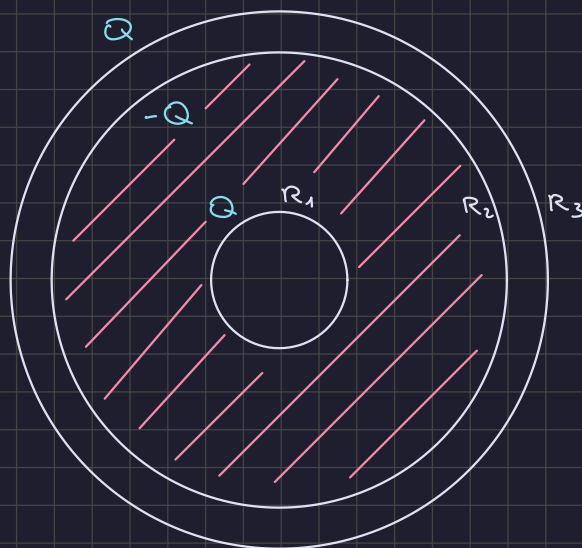
$$dL = \vec{F} \cdot d\vec{l} = q \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

Perché il campo è conservativo $\rightarrow \vec{E} = -\nabla V$

$$L_{AB} = \int_A^B q \vec{E} \cdot d\vec{l} = q \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l} = -q \int_A^B \nabla V \cdot d\vec{l} = q (V_B - V_A) \text{ [J]}$$

Considerare un materiale dielettrico all'interno dell'intercapedine

$$K > 1$$



Calcolare il vettore di spostamento del dielettrico

$$\oint \vec{D} \cdot d\vec{S} = D(r) \oint d\vec{S} = D(r) \cdot 4\pi r^2 = Q_{\text{int}}$$

$$D(r) = \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi r^2} \left[\frac{C}{m^2} \right]$$

Trovare il vettore di polarizzazione

$$\begin{cases} \vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P} \\ \vec{D} = \epsilon_0 K \vec{E} \end{cases} \rightarrow \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P} = \epsilon_0 K \vec{E} \downarrow \vec{P} = \epsilon_0 \vec{E} (K-1) \left[\frac{C}{m^2} \right]$$

Calcolare il campo elettrico in presenza di dielettrico

E_0 = Campo nel vuoto

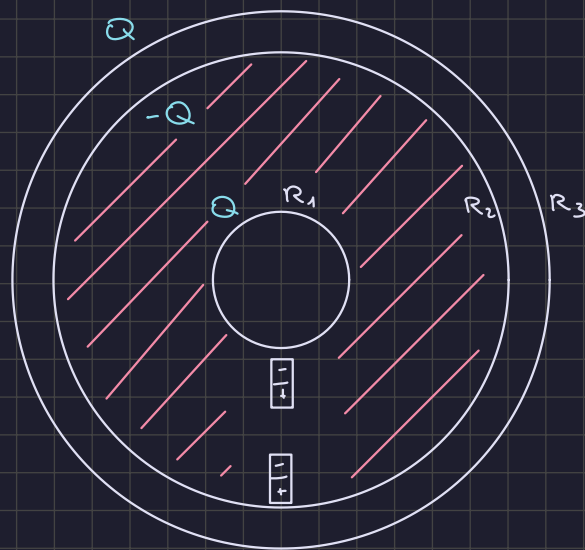
$$E_k = \frac{E_0}{k} \quad C_k = C_0 \cdot k$$

$$V_k = \frac{V_0}{k} \quad U_k = \frac{1}{2} \frac{Q_{in}^2}{C_k} = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{k \cdot C_0} = \frac{U_0}{k}$$

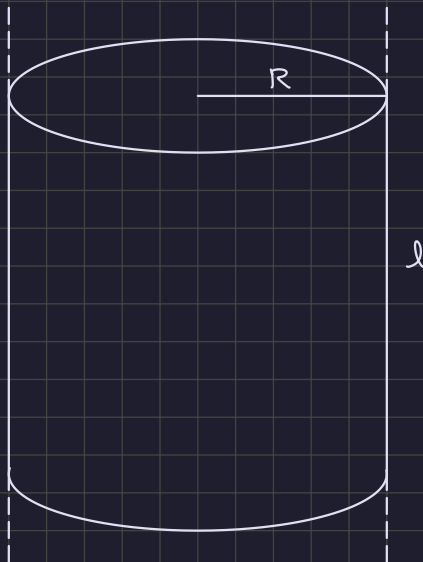
Calcolare la distribuzione delle cariche di polarizzazione sulla superficie

$$P(R) = \sigma_{Pol}(R) = \frac{Q(k-1)}{4\pi k R^2}$$

Disegnare le cariche di polarizzazione



Cilindro



$$\Phi(\vec{E}) = \Phi_{\text{lat}} + \underbrace{\Phi_{\text{bas}}}_{=0}$$



$$\sigma = \frac{C}{m^2}$$

$$\text{Area} = 2\pi R l$$

$$Q = \sigma \cdot A = \frac{C}{m^2} m^2$$

$$Q_{\text{int}} = \begin{cases} \sigma \cdot 2\pi r l & r \geq R \\ 0 & r < R \end{cases} \quad [C]$$

Calcolo:

$$\oint_{C(r)} \vec{E} \cdot d\vec{S} = E(r) 2\pi r l = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0}$$

$$\begin{aligned} E(r) &= \frac{Q_{\text{int}}}{2\pi r l \epsilon_0} \left[\frac{V}{m} \right] \\ &= \frac{\sigma R}{\epsilon_0 r} \end{aligned}$$



 l

$$\lambda = \frac{Q}{l} \quad \underline{\underline{Q}} = \sigma \cdot 2\pi R \quad \rightarrow \lambda = \sigma 2\pi R$$

$$Q = \lambda l$$

$$E(r) = \frac{\lambda \cdot l}{2\pi\epsilon_0 r l} = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \quad \left[\frac{V}{m} \right]$$

$$\Delta V = V(r') - \underbrace{V(r_0)}_{=0 \atop r_0 \neq \infty}$$

$$V(r') = - \int_{r_0}^{r'} E(r') dr'$$

$$= - \int_{r_0}^{r'} \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r'} dr'$$

$$= - \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \int_{r_0}^{r'} \frac{1}{r'} dr'$$

$$= - \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \ln\left(\frac{r'}{r_0}\right) = \frac{\sigma 2\pi R}{2\pi\epsilon_0} \ln\frac{r'}{r_0} = - \frac{\sigma R}{\epsilon_0} \ln\frac{r}{r_0} \quad [V]$$

ESERCIZIO DI ELETTROSTATICA

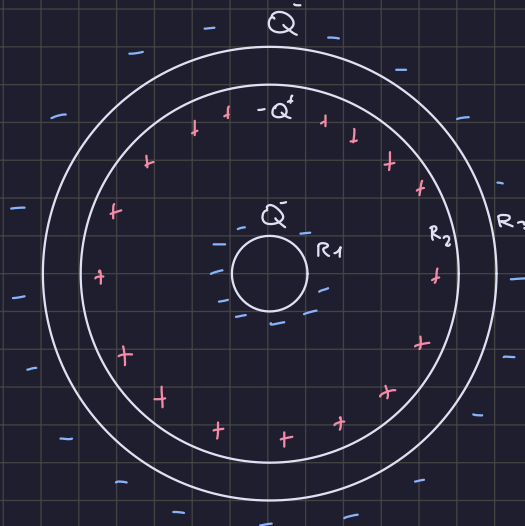
Un conduttore sferico cavo ($R_2=9\text{cm}$; $R_3=10\text{cm}$) contiene, in modo concentrico, una sfera conduttrice ($R_1=2\text{cm}$). Sul conduttore interno viene depositata la carica $q_{\text{int}} = -10 \times 10^{-9}\text{C}$. Il sistema finale è isolato e in equilibrio elettrostatico.

$$R_1 = 2\text{cm} = 2 \cdot 10^{-2}\text{m}$$

$$R_2 = 9\text{cm} = 9 \cdot 10^{-2}\text{m}$$

$$R_3 = 10\text{cm} = 10 \cdot 10^{-2} = 10^{-1}\text{m}$$

$$Q_{\text{int}} = -10 \cdot 10^{-9}\text{C} = -10^{-8}\text{C}$$



1- Calcolare la distribuzione di carica sulle pareti dei conduttori (Q e densità)

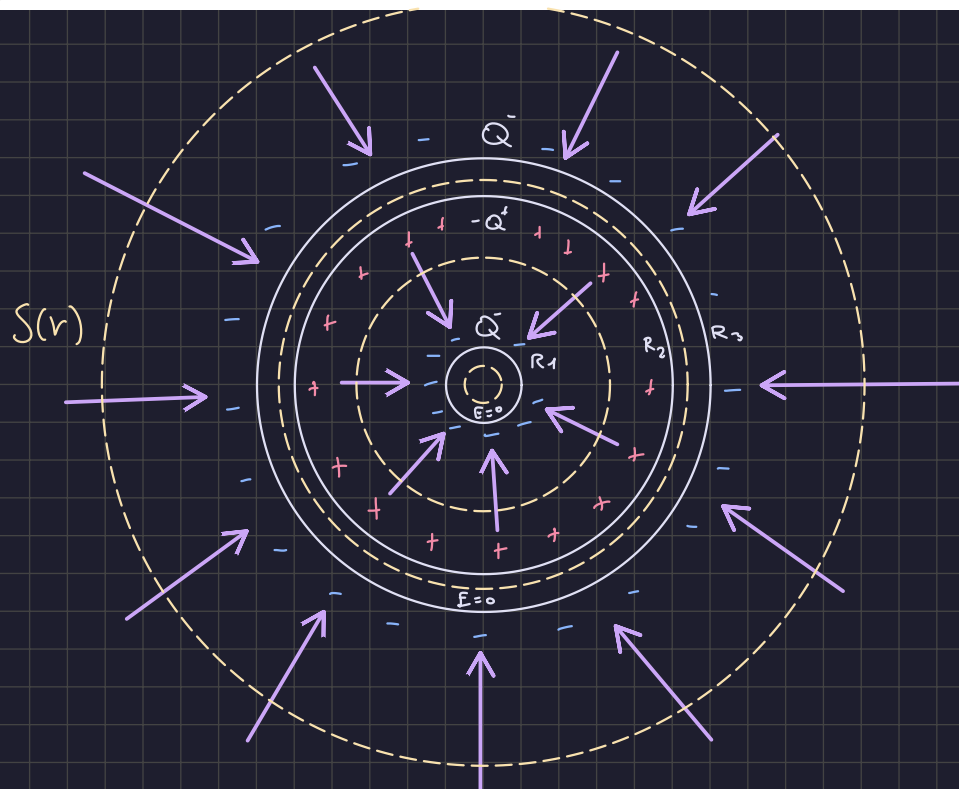
$$\sigma = ? \left[\frac{\text{C}}{\text{m}^2} \right] \rightarrow \frac{\text{Carica}}{\text{Area}}$$

$$\sigma_{R_1}^- = \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi R_1^2} \quad \frac{\text{C}}{\text{m}^2} = \frac{-10^{-8}}{4\pi (2 \cdot 10^{-2})^2} \quad \frac{\text{C}}{\text{m}^2} \approx -2 \cdot 10^{-6}$$

$$\sigma_{R_2}^+ = \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi R_2^2} \quad \frac{\text{C}}{\text{m}^2} = \frac{10^{-8}}{4\pi (9 \cdot 10^{-2})^2} \quad \frac{\text{C}}{\text{m}^2} = 9,8 \cdot 10^{-8}$$

$$\sigma_{R_3}^- = \frac{Q_{\text{int}}}{4\pi R_3^2} \quad \frac{\text{C}}{\text{m}^2} = \frac{-10^{-8}}{4\pi (10^{-1})^2} \quad \frac{\text{C}}{\text{m}^2} = -7,96 \cdot 10^{-8}$$

2- Ricavare applicando il teorema di Gauss il campo elettrico E generato in tutto lo spazio e disegnare il grafico $E(r)$.



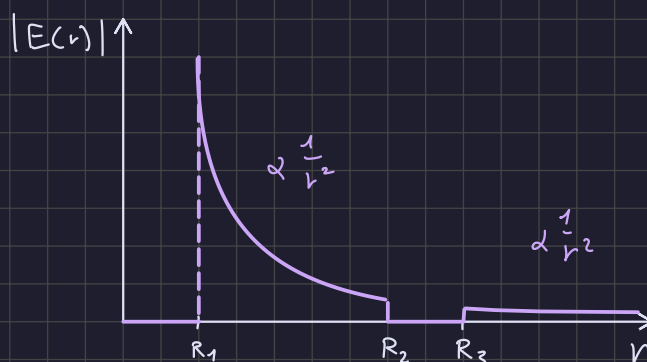
$$\oint_{S(r)} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$$

$$\oint_{S(r)} E(r) dr = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$$

$$E(r) \oint_{S(r)} dr = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$$

$$E(r) 4\pi r^2 = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$$

$$E(r) = \frac{Q_{int}}{4\pi r^2 \epsilon_0} \left[\frac{V}{m} \right] \text{ se } R_1 \leq r \leq R_2 \text{ e } r \geq R_3, \text{ 0 altrimenti}$$



3- Ricavare il potenziale elettrostatico V nella sola regione esterna e disegnare il grafico.

$$\Delta V = V(r) - V(r_0) \quad r_0 = \infty \rightarrow V(r_0) = 0$$

$$= - \int_{r_0}^r E(r) dr$$

↓

$$V(r) = - \int_{r_0}^r E(r) ds$$

$$= - \int_{r_0}^r \frac{Q_{int}}{4\pi r^2 \epsilon_0} dr$$

$$= - \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0} \int_{r_0}^r \frac{1}{r^2} dr$$

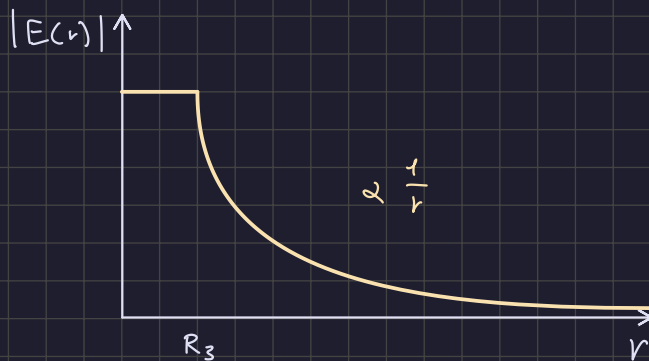
$$= - \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0} \left[-\frac{1}{r} \right]_{r_0}^r$$

$$= - \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{1}{r} + \frac{1}{r_0} \right)$$

$$= - \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{1}{r} + \frac{1}{\infty} \right)$$

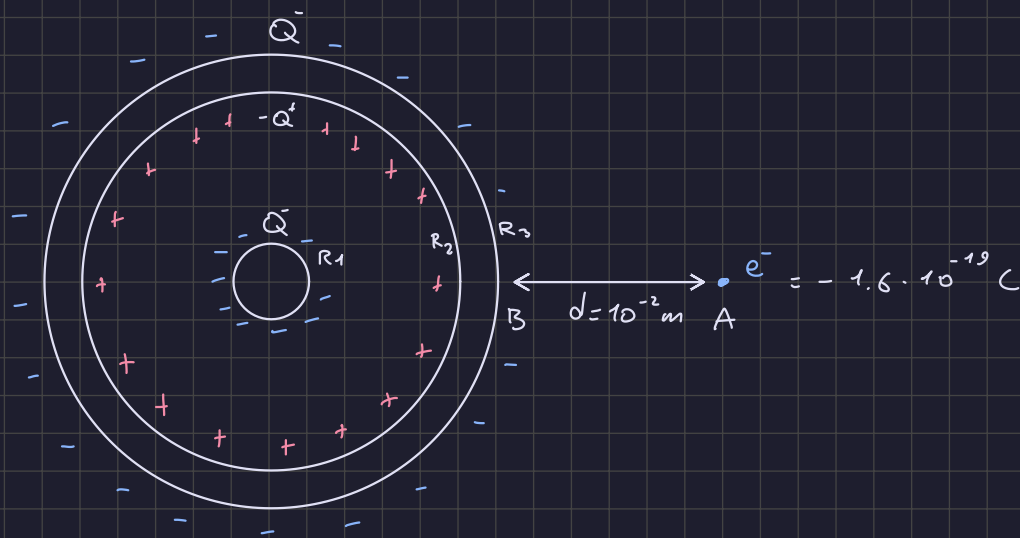
$$= - \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{1}{r} \right)$$

$$= - \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0 r} [V]$$



Un elettrone viene posizionato a distanza **1cm** dalla superficie esterna.

4- Calcolare il lavoro del campo elettrico **L** per far compiere all'elettrone il suo percorso.



$$dL = \vec{F} \cdot d\vec{l}$$

$$= q \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$A = R_3 + d = 10^{-1} + 10^{-2} = 0,11 m$$

$$B = \infty \quad (\text{Repulsivo})$$

$$L_{AB} = \int_A^B q \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$= q \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$\text{Il campo \u00e9 conservativo} \rightarrow \vec{E} = -\nabla V$$

$$= -q \int_A^B \nabla V \cdot d\vec{l}$$

$$= -q (V(B) - V(A)) [J]$$

$$= -q(V(\infty) - V(R_3 + d))$$

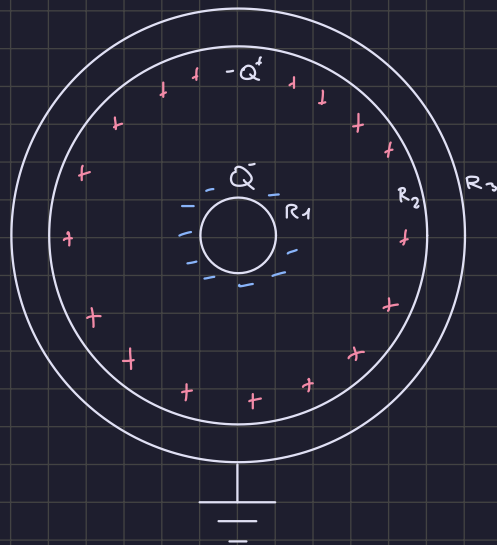
$$= qV(R_3 + d)$$

$$= - \frac{qQ_{int}}{4\pi\epsilon_0(R_3 + d)} [J] = -1.3 \cdot 10^{-16} J$$

CASO A

La superficie esterna viene collegata a terra.

5- Descrivere la situazione che si viene a creare e calcolare l'energia elettrostatica **U** del sistema



La carica su R_3 diventa nulla $Q_{R3} = 0$

metodo 1

$$\begin{aligned} U_{TOT} &= U_{int} + U_{ext} \\ &= U_{int} + 0 \\ &= U_{int} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} U_{int} &= \int_{vol} \mu E d\tau \\ &= \int_{R_1}^{R_2} \mu E 4\pi r^2 dr \quad \tau = \frac{4}{3}\pi r^3 \\ &= \int_{R_1}^{R_2} \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 4\pi r^2 dr \\ &= \int_{R_1}^{R_2} \frac{1}{2} \epsilon_0 \frac{Q_{int}^2}{4\pi r^2 \epsilon_0} \cdot 4\pi r^2 dr \\ &= \int_{R_1}^{R_2} \frac{Q_{int}^2}{8\pi r^2 \epsilon_0} dr \end{aligned}$$

metodo 2

$$\begin{aligned} U &= \frac{1}{2} C (\Delta V)^2 \\ &= \frac{1}{2} \frac{Q}{\Delta V} \Delta V^2 \\ &= \frac{1}{2} Q \Delta V \\ &= \frac{1}{2} Q (V(R_1) - V(R_2)) \\ &= 1.75 \cdot 10^{-5} J \end{aligned}$$

$$= \frac{Q_{int}}{8\pi\epsilon_0} \int_{R_1}^{R_2} \frac{1}{r^2} dr$$

$$= \frac{Q_{int}}{8\pi\epsilon_0} \left[-\frac{1}{r} \right]_{R_1}^{R_2}$$

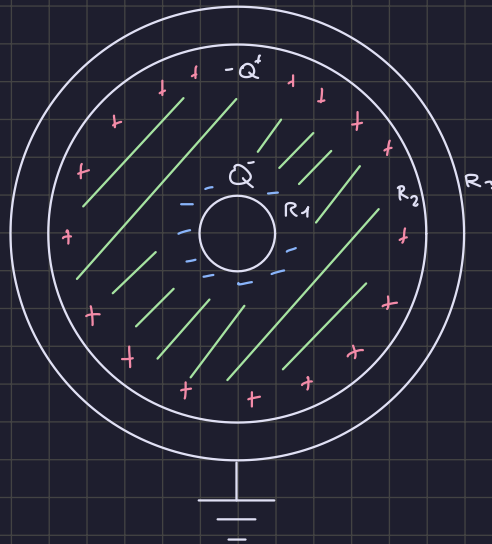
$$= \frac{Q_{int}}{8\pi\epsilon_0} \left(-\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_1} \right) [J]$$

$$= 1.75 \cdot 10^{-5} J$$

Lo spazio interno è riempito di dielettrico lineare $k=3$

6- Calcolare la capacità del sistema.

$$k=3$$



$$C_k = C_o \cdot k$$

$$C_o = \frac{Q}{\Delta V} [F]$$

$$= \frac{Q_{int}}{V(R_2) - V(R_1)}$$

$$= 2.86 \cdot 10^{-12} F$$

$$C_k = 3 \cdot 2.86 \cdot 10^{-12} F = 8.58 \cdot 10^{-12} F$$

7- Calcolare il campo spostamento dielettrico D .

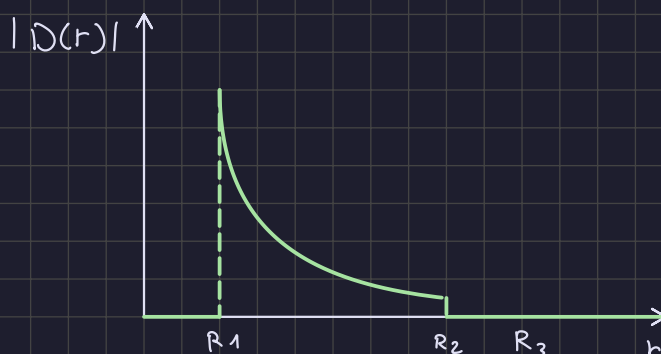
$$\oint_{\text{sup}} \vec{D} \cdot d\vec{S} = Q_{\text{libere}}$$

$$\oint_{\text{sup}} D(r) dr = Q_{\text{libere}}$$

$$D(r) \oint_{\text{sup}} dr = Q_{\text{libere}}$$

$$D(r) \cdot 4\pi r^2 = Q_{\text{libere}}$$

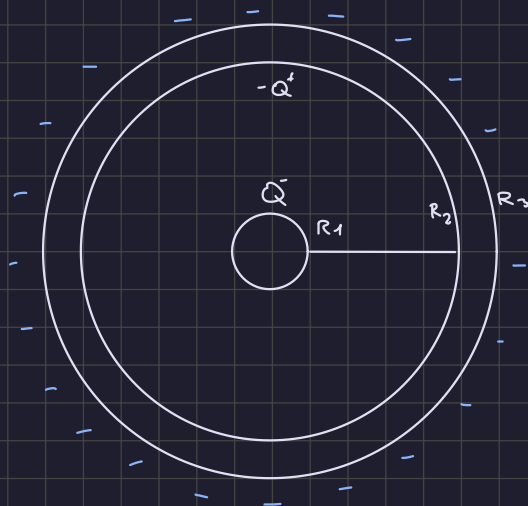
$$D(r) = \frac{Q_{\text{libere}}}{4\pi r^2} \left[\frac{C}{m^2} \right]$$



CASO B

Diversamente, la sfera interna viene collegata alla superficie della cavità R_2 .

8- Descrivere la situazione che si viene a creare e calcolare l'energia elettrostatica U del sistema



$$U_{\text{tot}} = 0 + U_{\text{EST}}$$

$$U_{\text{EST}} = \frac{1}{2} C (\Delta V)^2$$

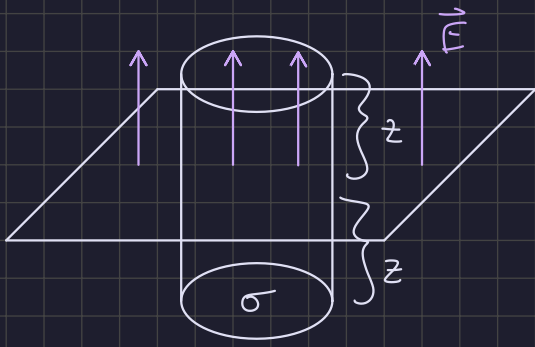
$$= \frac{1}{2} C (V(\infty) - V(R_3))^2$$

$$= \frac{1}{2} C V(R_3)^2$$

9- Calcolare la capacità del sistema.

$$C = \frac{Q}{V(R_3)} [F]$$

Piano indefinito



$$h = 2z$$

$$\Phi = \underbrace{\Phi_{\text{bas}} + \Phi_{\text{lati}}}_{=0}$$

$$= 2 E(z) \cdot A = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0}$$

$$\sigma = \frac{Q}{A} \rightarrow Q = \sigma \cdot A$$

$$2 E(z) \cdot A = \frac{\sigma \cdot A}{\epsilon_0}$$

$$E(z) = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left[\frac{V}{m} \right]$$

$$\vec{E}(z) = \begin{cases} \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \hat{z} & z \geq 0 \\ -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \hat{z} & z < 0 \end{cases}$$

$$V(z) - \cancel{V(z_0)} = - \int_{z_0}^z \vec{E} \cdot d\vec{x}$$

$$z_0 = 0$$

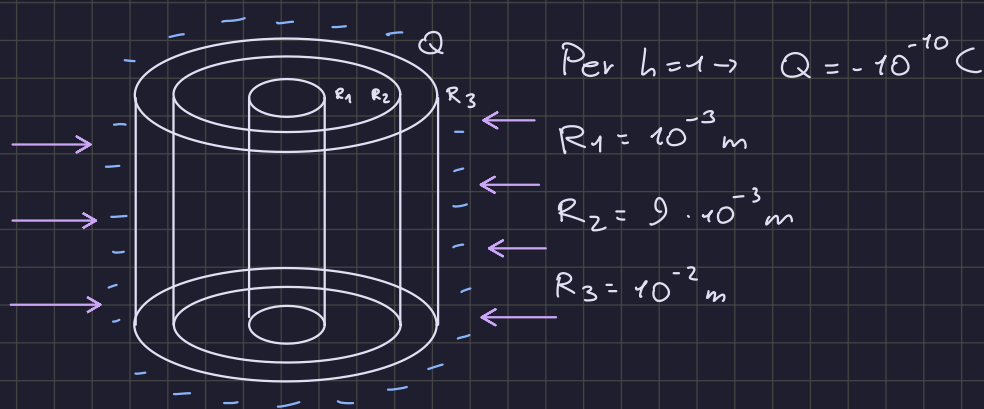
$$V(z_0) = 0$$

$$V(z) = - \int_{z_0}^z \frac{\sigma}{2\epsilon_0} dz$$

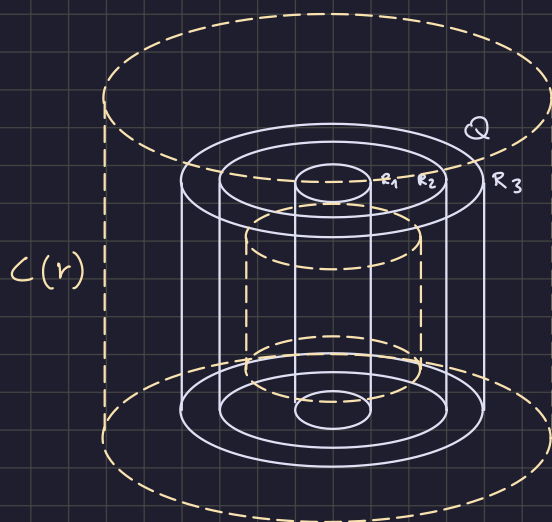
$$= - \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \int_{z_0}^z dz$$

$$= - \frac{\sigma}{2\epsilon_0} z [V]$$

B) un guscio cilindrico molto lungo da considerarsi indefinito di raggi $R_1=0.1\text{cm}$, $R_2=0.9\text{cm}$, $R_3=1\text{cm}$ sulla cui superficie esterna è stata depositata una carica $Q=-10^{-10}\text{C}$ per ogni metro di lunghezza



- disegnare le superfici gaussiane e spiegare la scelta



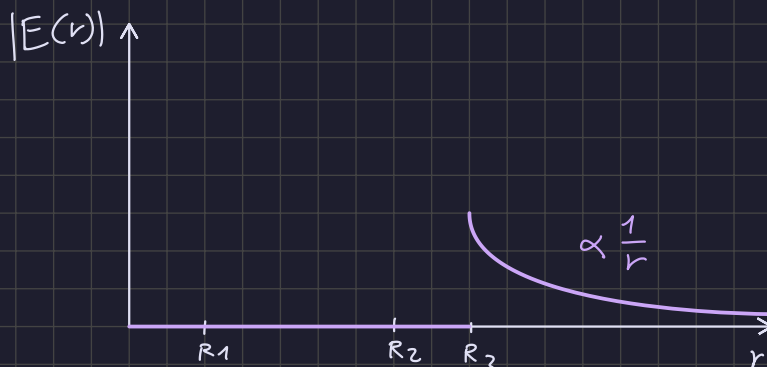
- ricavare il campo elettrico E (MODULO DIREZIONE VERSO!!!) tracciando il grafico $E(r)$

$$\Phi_e = \oint_{C(r)} E(r) dr = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

$$E(r) \oint_{C(r)} dr = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

$$E(r) 2\pi r h = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

$$E(r) = \frac{Q}{2\pi r h \epsilon_0} \left[\frac{\text{V}}{\text{m}} \right]$$

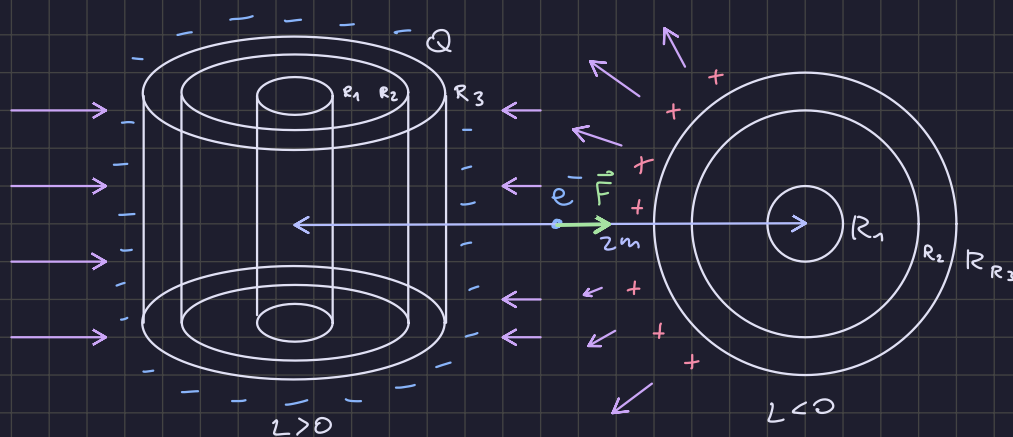


- disegnare le linee di campo \rightarrow

- disegnare, in modo schematico, le superfici equipotenziali.

Considerare la situazione in cui il guscio sferico sia posizionato a una distanza di $d=2m$ dal cilindro (distanza dall'asse del cilindro al centro della sfera).

In una posizione equidistante dai due conduttori vi è, libero di muoversi, un elettrone.



2. Calcolare il valore della forza F agente sull'elettrone in MODULO DIREZIONE VERSO!!!
- se l'aria è secca, ovvero nel vuoto (ϵ_0)

$$\vec{F} = q \vec{E}$$

$$F_s = q \cdot E(1)$$

$$F_c = q \cdot E(1)$$

Il lavoro della sfera è di assorbire energia, quello del cilindro accelera

L_s : Assorbe

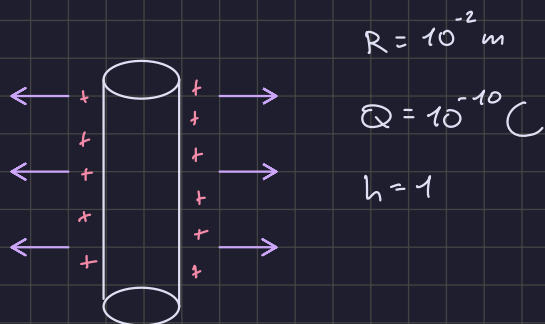
L_c : Accelera

- se l'aria è umida, ovvero in uno spazio riempito di dielettrico $K=2$

$$F = q E_K$$

$$E_K = \frac{E_0}{K}$$

B) un conduttore cilindrico indefinito di raggio $R=1\text{cm}$ su cui è stata depositata una carica $Q=10^{-10}\text{ C}$ per ogni metro di lunghezza



$$E(r) = \frac{Q}{2\pi r \epsilon_0} \quad \left[\frac{\text{V}}{\text{m}} \right]$$

2. il potenziale elettrostatico V nella regione esterna
elettrone posto a distanza $d=1\text{m}$

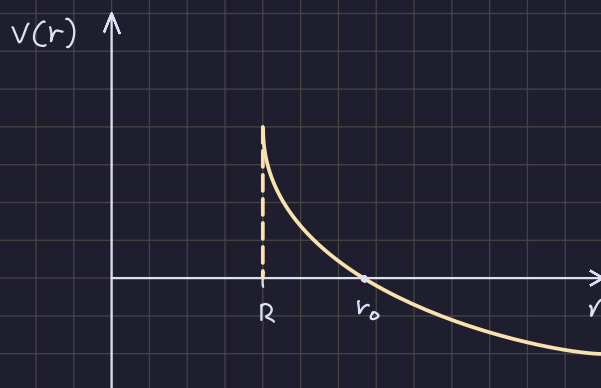
$$V(r) - V(r_0) = - \int_{r_0}^r E(r) dr \quad V(r_0) = 0$$

$$V(r) = - \int_{r_0}^r E(r) dr$$

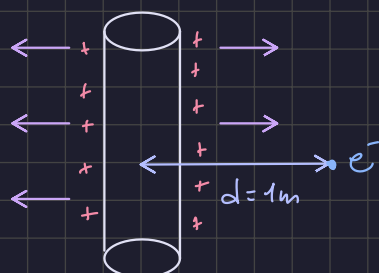
$$V(r) = - \int_{r_0}^r \frac{Q}{2\pi r \epsilon_0} dr$$

$$V(r) = - \frac{Q}{2\pi \epsilon_0} \int_{r_0}^r \frac{1}{r} dr$$

$$V(r) = - \frac{Q}{2\pi \epsilon_0} \ln \frac{r}{r_0} \quad [\text{V}]$$



2. il potenziale elettrostatico
3. la forza agente su un elettrone posto a distanza $d=1\text{m}$ dal sistema
calcolare l'elettrone sulla superficie



$$F = qE(1) = -2.9 \cdot 10^{-19} \text{ N}$$

- la forza agente su un elettrone posto a distanza r dalla superficie del conduttore
- il lavoro del campo elettrico per portare l'elettrone sulla superficie del conduttore

$$L = -q \Delta V$$

$$= |e^-| \Delta V$$

$$= |e^-| \cdot (V(R) - V(1))$$

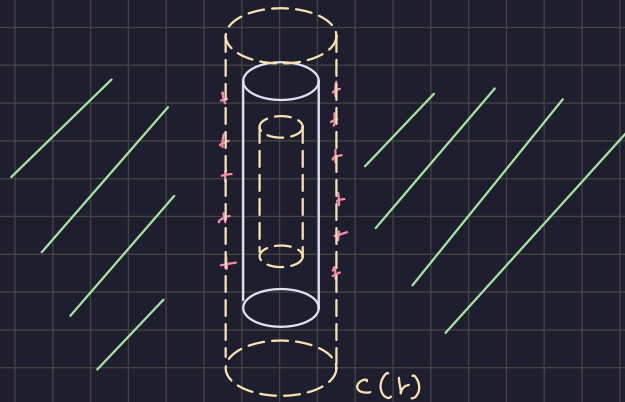
$$= e^- \frac{Q}{2\pi\epsilon_0} \ln(R)$$

$$= -1.3 \cdot 10^{-30} \text{ J}$$

Si compie un lavoro contro il campo, per questo c'è il meno

Lo spazio esterno è ora riempito di materiale dielettrico lineare di costante dielettrica $K=3$

$$K=3$$



- calcolare il vettore spostamento elettrico D nello spazio

$$\oint_{C(r)} D(r) dr = Q_{libere}$$

$$D(r) \int_{C(r)} dr = Q_{libere}$$

$$D(r) 2\pi r l = Q_{libere}$$

$$D(r) = \frac{Q_{libere}}{2\pi r l} \left[\frac{C}{m^2} \right]$$

- calcolare le cariche di polarizzazione

$$\sigma_{pol}(R) = \frac{Q(K-1)}{4\pi K R^2} \left[\frac{C}{m^2} \right]$$