

UFV - Universidade Federal de Viçosa

CCE - Departamento de Matemática

2ª Prova de MAT 137 - Introdução à Álgebra Linear

Nome: \_\_\_\_\_ Matrícula: \_\_\_\_\_

1. Seja  $P(2)$  o espaço dos polinômios reais de grau até dois.

a) Encontre o valor de  $k$  tal que o conjunto abaixo seja linearmente dependente:

$$\{kx^2 + 2, -x - 2k, 2kx^2 - kx + 2\}$$

b) Assumindo que  $k = 2$ , explique porque o conjunto em questão se torna uma base de  $P(2)$ .

c) Encontre as coordenadas de  $3x^2 - 3x + 1$  na base do item anterior.

2. Verifique se o conjunto  $S$  abaixo é um subespaço de  $M(2)$ , isto é, do espaço das matrizes quadradas de ordem 2:

$$S = \left\{ \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \in M(2) : a + d = 0 \right\}$$

3. Sejam os subespaços do  $\mathbb{R}^4$ :

$$U = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 : 2x + y - w = 0 \text{ e } z = 0\}$$

$$V = [(2, 1, 2, 2), (-2, 2, 0, 2), (3, 0, 2, 1)]$$

Encontre uma base e calcule a dimensão de cada um dos espaços abaixo:

a)  $U$

b)  $V$

c)  $U \cap V$

d)  $U + V$

4. Verifique se as afirmações seguintes são verdadeiras ou falsas, justificando.

- a) (    ) Seja  $V$  o espaço vetorial dos polinômios reais de grau até 2. O conjunto  $A$  dos polinômios de  $V$  que possuem raízes reais constitui um subespaço de  $V$ .
- c) (    ) Se  $U$  e  $V$  são subespaços de dimensão 3 de  $\mathbb{R}^4$  então  $\dim(U \cap V) \geq 2$ .
- d) (    ) A soma de dois subespaços sempre tem dimensão maior do que cada um dos subespaços somados.