Principes
Analyseur récursif
Construction de la table d'analyse
Caractérisation d'une grammaire LL(1)
Quand une grammaire n'est pas LL(1)
Analyseurs LL(k), LL(*)

Analyse descendante LL(k)

Mirabelle Nebut

Bureau 203 - M3 extension mirabelle.nebut at lifl.fr

2012-2013



Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse

Ensembles Premier

Ensemble des ϵ -prod

Ensembles Suivant

Remplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Factorisation à gauche

Suppression de la récursivité à gauche

Analyseurs LL(k), LL(*)



Objectif du cours

Comprendre le fonctionnement des générateurs de parser descendants :

- ▶ LL(1), ex antLR V1
- ▶ LL(k), ex javaCC
- ► LL(*), ex antLR V3

Principes Analyseur récursif la table d'analyse

Construction de la table d'analyse Caractérisation d'une grammaire LL(1) Quand une grammaire n'est pas LL(1) Analyseurs LL(k), LL(*)

Analyse descendante

L'automate à pile sous-jacent :

- effectue uniquement des lectures et des expansions;
- construit un arbre en ordre préfixe (idem aut. items);
- « part » de l'axiome (idem aut. items);
- construit une dérivation gauche (idem aut. items).



Principes Analyseur récursif la table d'analyse

Construction de la table d'analyse Caractérisation d'une grammaire LL(1) Quand une grammaire n'est pas LL(1) Analyseurs LL(k), LL(*)

Différence avec l'automate des items

Deux différences fondamentales :

- analyse déterministe dite prédictive;
- plus d'items ni de réductions explicites.



Analyse déterministe

À chaque expansion l'analyseur sait choisir une production.

Il ne revient jamais sur ce choix :

- en cas de succès le mot appartient au langage;
- en cas d'échec on est sûr que mot n'appartient pas au langage.

Analyse prédictive

L'analyseur "prédit" quelle production utiliser...

... en analysant les k prochains symboles sous la tête de lecture.

Conséquences:

- ▶ ne fonctionne qu'avec certaines grammaires, dites LL(k);
- ▶ tête de lecture toujours définie : marqueur de fin de mot #.

NB: dans ce cours techniques pour k=1, on regarde uniquement la tête de lecture.

Se passer des items

```
Rappel: item de la forme [X \to \alpha \bullet \beta]:
```

- X est en cours de reconnaissance :
- α a déjà été reconnu;
- \triangleright il reste à reconnaître β , le futur de l'item

Un analyseur LL:

- ne mémorise pas qu'il est en train de reconnaître X;
- \triangleright ne mémorise pas qu'il a reconnu α ;
- considère uniquement β.





Se passer des items : conséquences

Plus besoin d'axiome supplémentaire.

Dans la pile :

- ▶ plus d'items mais des mots étendus : mots de $(V_N \cup V_T)^*$;
- ▶ l'alphabet est $V_N \cup V_T$;
- le symbole de pile initiale est l'axiome.



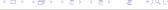
Exemple à suivre dans le cours

Soit la grammaire $G = \{V_T, V_N, S, P\}$ avec :

- $V_T = \{a, b, d, e\};$
- $V_N = \{S, A, B, D\}$;
- P contient les productions :

$$S
ightarrow AB \mid Da$$

 $A
ightarrow aAb \mid \epsilon$
 $B
ightarrow bB \mid \epsilon$
 $D
ightarrow dD \mid \epsilon$



Exemple - les piles pour abb#

Comparer avec l'automates des items! Dérivation gauche, arbre en ordre préfixe.

Principes Analyseur récursif Construction de la table d'analyse Caractérisation d'une grammaire LL(1) Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Analyseurs LL(k), LL(*)

Généralisation

- ► La configuration initiale est (m#, S);
- La configuration finale est (#,): acceptation par pile vide.

On traite systématiquement le sommet de pile.

Transition de lecture

Si le sommet de pile est un terminal $a \in V_T$:

- on contrôle que a est bien sous la tête de lecture (sinon échec);
- on le consomme;
- on le dépile.

Lecture de a :

$$(am, z_1 \dots z_n a) \vdash (m, z_1 \dots z_n)$$

Transition d'expansion

Si le sommet de pile est un non terminal $X \in V_N$...

... et que la tête de lecture est $y \in V_T \cup \{\#\}$...

si
$$Table[X, y]$$
 contient $X \to X_1 \dots X_n$:

- ▶ on dépile X;
- ▶ on empile à sa place $X_1 ... X_n$, avec X_1 au sommet.

$$(m, z_1 \dots z_n X) \vdash (m, z_1 \dots z_n X_n \dots X_1)$$

sinon erreur.



Transition d'expansion : remarque

Expansion par $X \to X_1 \dots X_n$:

$$(m, z_1 \ldots z_n X) \vdash (m, z_1 \ldots z_n X_n \ldots X_1)$$

- ▶ X₁ sera traité en premier.
- on assure ainsi la construction d'une dérivation gauche;



Construction de l'arbre syntaxique : ordre préfixe

Analyseurs LL(k), LL(*)

Transition d'expansion par $X \to X_1 \dots X_n$:

- ➤ X est le « prochain » nœud à traiter dans l'arbre (pour l'ordre préfixe);
- \triangleright on lui rajoute les fils $X_1 \dots X_n$ de la gauche vers la droite;
- le prochain nœud à traiter devient X_1 .

Transition de a-lecture :

- ▶ a est le « prochain » nœud à traiter dans l'arbre (pour l'ordre préfixe);
- on vérifie que a concorde bien avec la tête de lecture;
- et on passe au nœud suivant.



Principes Analyseur récursif Construction de la table d'analyse Caractérisation d'une grammaire LL(1) Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Analyseurs LL(k), LL(*)

Mise en œuvre

Les outils n'implantent pas un automate à pile.

Ils utilisent une implémentation récursive.

Dans tous les cas, le choix de l'expansion est indiqué par une table d'analyse.



Principes

Analyseur récursif Construction de la table d'analyse Caractérisation d'une grammaire LL(1) Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Analyseurs LL(k), LL(*)

Table d'analyse - exemple

	S	Α	В	D
а	$S \rightarrow AB$	A ightarrow aAb	erreur	erreur
b	$S \rightarrow AB$	$A o \epsilon$	B o bB	erreur
d	S o Da	erreur	erreur	D o dD
е	S o Da	erreur	erreur	D o e
#	$S \rightarrow AB$	$A o \epsilon$	$B o \epsilon$	erreur



Table d'analyse LL(1)

Contient toute l'intelligence de l'analyseur syntaxique.

Definition

La table d'analyse Table est un tableau à deux dimensions tel que :

- ▶ chaque colonne est indicée par un non-terminal $\in V_N$;
- ▶ chaque ligne est indicée par un terminal $\in V_T$ ou #;
- ► chaque case contient une production ∈ P ou erreur.

On verra plus tard comment remplir cette table.



Interprétation de Table[a, X]

- ▶ si le terminal $a \in V_T$ est sous la tête de lecture;
- et si le non-terminal en cours de traitement est $X \in V_N$;

alors on consulte Table[a, X].

Si Table[X, a] contient

- $ightharpoonup X
 ightharpoonup \gamma$ alors on choisit une expansion par cette production;
- erreur alors erreur de syntaxe : X et a ne s'accordent pas.

Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse

Ensembles Premier

Ensemble des ϵ -prod

Ensembles Suivant

Remplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Factorisation à gauche

Suppression de la récursivité à gauche

Analyseurs LL(k), LL(*)



Analyseur descendant récursif

Principe:

- analyseur LL codé par un ensemble de fonctions;
- ces fonctions s'appellent les unes les autres;
- n'utilise pas de pile explicite : pile implicite des appels.

Codage des fonctions :

- une fonction X() par non-terminal $X \in V_N$ de la grammaire;
- X() reconnaît un mot engendré par X;
- Ia fonction X() code les productions Table[X, y] de la table d'analyse, pour tout y ∈ V_T ∪ #.





Exemple

Écrire un analyseur syntaxique récursif LL(1) Parser pour G:

$$\begin{array}{c|cccc} S \rightarrow AB & | & Da \\ A \rightarrow aAb & | & \epsilon \\ B \rightarrow bB & | & \epsilon \\ D \rightarrow dD & | & e \end{array}$$

À voir :

- écriture de S(), A(), B(), D();
- collaboration avec un analyseur lexical.





Collaboration avec un analyseur lexical

On reprend les conventions utilisées en TP :

- un an. lexical anLex de type Scanner (supposé donné);
- symboles de type Symbole;
- codage entier du type des symboles dans TypeSymboles (noté TS dans les transparents);
- méthode int getType() de Symbole pour obtenir ce type;
- méthode Symbole next_token() de Scanner :
 - avance la tête de lecture teteLect;
 - ▶ retourne le symbole lu, de type Symbole.
- ▶ on remplace le marqueur # par TS.EOF.





Construction de l'analyseur syntaxique

```
public class Parser {
  // analyseur lexical
 private Scanner anLex;
  // symbole courant reçu de l'analyseur lexical
  private Symbole teteLect;
  public Parser (Scanner anLex) {
    this.anLex = anLex;
```

Lancement de l'analyseur syntaxique

```
Dans la classe Parser :
public void analyser() throws ScannerException, ParserExcep
  // positionnement tete de lecture
  this.teteLect = (Symbole) this.anLex.next_token();
  this.S(); // je veux reconnaître l'axiome
  // et uniquement l'axiome
  if (this.teteLect.getType() != TS.EOF)
      throw new ParserException();
```

Code de S()

La tête de lecture est déjà positionnée sur le symbole de prédiction.

```
\begin{array}{c|cccc} & S \\ a & S \rightarrow AB \\ b & S \rightarrow AB \\ d & S \rightarrow Da \\ e & S \rightarrow Da \\ \# & S \rightarrow AB \end{array}
```

```
private void S() throws ... {
  if (this.teteLect.getType() == TS.a)
  ... // S -> AB
  else if (this.teteLect.getType() == TS.b)
  ... // S -> AB
  else if (this.teteLect.getType() == TS.d)
  ... // S -> Da
  else if (this.teteLect.getType() == TS.e)
  ... // S -> Da
  else if (this.teteLect.getType() == TS.EOF)
  ... // S -> AB
  else throw new ParserException();
}
                                            27/119
```

Code de S()

On factorise.

	S
а	$S \rightarrow AB$
b	$S \rightarrow AB$
d	$\mathcal{S} o \mathcal{D}$ a
e	$\mathcal{S} o \mathcal{D}$ a
#	$S \rightarrow AB$

Code des productions de S()

```
Code pour S \rightarrow AB:
```

- je veux reconnaître A puis B;
- $ightharpoonup \Rightarrow A() ; B() ;$

Code pour $S \rightarrow Da$:

- ▶ je veux reconnaître *D*...
- ... puis vérifier que a est bien sous la tête de lecture;
- et consommer a.

Terminaux : vérification et consommation

Code final de S()

```
\begin{array}{c|c} S \\ a & S \rightarrow AB \\ b & S \rightarrow AB \\ d & S \rightarrow Da \\ e & S \rightarrow Da \\ \# & S \rightarrow AB \end{array}
```

Quand S() termine, pour un mot accepté, la tête de lecture est sur TS.EOF.

Code de A()

La tête de lecture est déjà positionnée sur le symbole de prédiction.

	A
а	A o aAb
b	$A ightarrow \epsilon$
d	erreur
e	erreur
#	$A o \epsilon$

Code des productions de A()

on ne fait rien.

```
Code pour A \to aAb: this.consommer(TS.a); A(); this.consommer(TS.b); Code pour A \to \epsilon:

• le mot vide est immédiatement reconnu;

• sans toucher à la tête de lecture;
```

Code final de A()

	Α	
а	A o aAb	
b	$A ightarrow \epsilon$	
d	erreur	
e	erreur	
#	$A o\epsilon$	

Quand A() termine, pour un mot accepté, la tête de lecture est positionnée pour reconnaître un B ou lire un b.

Code final de B()

	В
а	erreur
b	B o bB
d	erreur
е	erreur
#	$B o \epsilon$

```
private void B() throws ... {
  if (this.teteLect.getType() == TS.b) {
    // B -> bB
    this.consommer(TS.b); B();
  } else if (this.teteLect.getType() == TS.EOF
    // rien, B ->
  } else // erreur
    throw new ParserException();
}
```

Code final de D()

	D	
а	erreur	
b	erreur	
d	D o dD	
e	D o e	
#	erreur	

```
private void D() throws ... {
  if (this.teteLect.getType() == TS.d) {
    // D -> dD
    this.consommer(TS.d); D();
} else if (this.teteLect.getType() == TS.e)
    // D -> e
    this.consommer(TS.e);
else // erreur
    throw new ParserException();
}
```

Analyseur sLL(1)
Analyseur sLL(1)
Analyseur sLL(1)
Analyseur sLL(1)

Exemple d'exécution

Reconnaître abb#?





Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse Ensembles PremierEnsemble des ϵ -prod Ensembles SuivantRemplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)
Factorisation à gauche
Suppression de la récursivité à gauch

Analyseurs LL(k), LL(*)



Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse Ensembles *Premier*

Ensemble des ϵ -prod Ensembles SuivantRemplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)
Factorisation à gauche
Suppression de la récursivité à gauche

Analyseurs LL(k), LL(*)



Outils pour l'analyse prédictive, intuition - 1

Comment choisir entre $S \rightarrow AB$ et $S \rightarrow Da$?

Supposons que je sache que :

- ▶ AB ne permet de dériver que des mots préfixés par a ou par b;
- ▶ $AB \Rightarrow^* au$ et $AB \Rightarrow^* bu$, pour $u \in V_T^*$;
- Da ne permet de dériver que des mots préfixés par d ou par e;
- ▶ $Da \Rightarrow^* du$ et $Da \Rightarrow^* eu$, pour $u \in V_T^*$.

Outils pour l'analyse prédictive, intuition - 1

Maintenant je sais (partiellement) choisir entre $S \to AB$ et $S \to Da$:

- ▶ si tête lecture $\in \{a, b\}$: choisir $S \to AB$;
- ▶ si tête lecture $\in \{d, e\}$: choisir $S \to Da$.

	S
а	$S \rightarrow AB$
Ь	$S \rightarrow AB$
d	S o Da
e	S o Da
#	?

Ensemble Premier - définition

On dit que $Premier(AB) = \{a, b\}$ et $Premier(Da) = \{d, e\}$.

Pour $\alpha \in (V_T \cup V_N)^+$, $Premier(\alpha)$ contient l'ensemble des terminaux de V_T susceptibles de commencer un mot de V_T^+ dérivé de α .

Si $\alpha = \epsilon$, cet ensemble est vide.

Definition

Soit une grammaire algébrique. On définit :

Premier :
$$(V_T \cup V_N)^* \rightarrow \mathcal{P}(V_T)$$

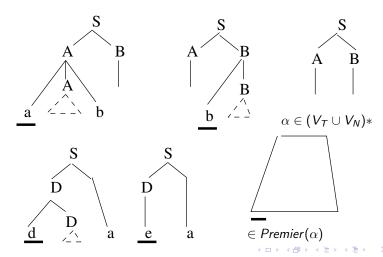
 $\alpha \mapsto \{a \in V_T \mid \alpha \Rightarrow^* au, u \in V_T^*\}$

Analyseur récursif Construction de la table d'analyse Caractérisation d'une grammaire LL(1) Quand une grammaire n'est pas LL(1) Analyseurs LL(k), LL(*)

Ensembles Premier Ensemble des ϵ -prod

Remplissage de la table d'analyse

Les *Premier* sur les arbres syntaxiques



Calcul des Premier - 0

Soit
$$\alpha \in (V_N \cup V_T)^*$$
:

cas
$$\alpha = \epsilon : ?$$

$$\alpha = a, \ a \in V_T : ?$$

$$\alpha = a\beta, \ a \in V_T, \ \beta \in (V_N \cup V_T)^* : ?$$

$$\alpha = X, \ X \in V_N : ?$$

$$\alpha = X\beta, \ X \in V_N, \ \beta \in (V_N \cup V_T)^* : ?$$

fcas



Calcul des Premier - 1

Soit
$$\alpha \in (V_N \cup V_T)^*$$
:

cas
$$\alpha = \epsilon : \emptyset$$

$$\alpha = a, \ a \in V_T : \{a\}$$

$$\alpha = a\beta, \ a \in V_T, \ \beta \in (V_N \cup V_T)^* : \{a\}$$

$$\alpha = X, \ X \in V_N : ?$$

$$\alpha = X\beta, \ X \in V_N, \ \beta \in (V_N \cup V_T)^* : ?$$

fcas





Calcul de Premier(X), $X \in V_N$

Si l'ensemble des productions de membre gauche S est :

$$S \rightarrow AB \mid Da$$

alors on a:

$$Premier(S) = Premier(AB) \cup Premier(Da)$$

Cas général : Si la grammaire contient les productions de membre gauche X :

$$X \to \gamma_1 \mid \ldots \mid \gamma_n$$

$$alorsPremier(X) = \bigcup \{Premier(\gamma_i) \mid X \to \gamma_i \in P\}$$



Calcul des Premier - 2

Soit
$$\alpha \in (V_N \cup V_T)^*$$
:

 $\alpha = \epsilon : \emptyset$
 $\alpha = a, \ a \in V_T : \{a\}$
 $\alpha = a\beta, \ a \in V_T, \ \beta \in (V_N \cup V_T)^* : \{a\}$
 $\alpha = X, \ X \in V_N : \bigcup \{Premier(\gamma_i) \mid X \to \gamma_i \in P\}$
 $\alpha = X\beta, \ X \in V_N, \ \beta \in (V_N \cup V_T)^* : ?$

fcas



Calcul des *Premier*, $\alpha = X\beta$, $X \in V_N$

Deux cas selon que X peut « s'effacer » ou non :

$$X \Rightarrow^* \epsilon$$
?

Si $X \Rightarrow^* \epsilon$ on dit que X est ϵ -productif : $X \in \epsilon$ -Prod



Ensembles Premier

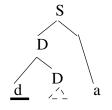
Ensemble des ϵ -prod Ensembles SuivantRemplissage de la table d'analyse

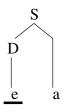
Calcul des *Premier*, $\alpha = X\beta$, $X \notin \epsilon$ -Prod - exemple

Par exemple $D \not\in \epsilon$ -productif :

$$D o dD \mid e$$

alors Premier(Da) = Premier(D)





Donc, si $X \notin \epsilon$ -Prod, $Premier(X\beta) = Premier(X)$

Ensembles Premier

Ensemble des ϵ -prod Ensembles SuivantRemplissage de la table d'analyse

Calcul des *Premier*, $\alpha = X\beta$, $X \in \epsilon$ -Prod - exemple

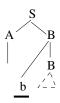
Par exemple $A \in \epsilon$ -productif :

$$A
ightarrow \epsilon \, | \, aAb$$

$$Premier(AB) = Premier(A) \cup Premier(B)$$

 $Premier(ABS) = Premier(A) \cup Premier(BS)$





Donc, si $X \Rightarrow^* \epsilon$ alors $Premier(X\beta) = Premier(X) \cup Premier(\beta)$

Calcul des Premier

Soit
$$\alpha \in (V_N \cup V_T)^*$$
:

$$\alpha = \epsilon : \emptyset$$

$$\alpha = a, \ a \in V_T : \{a\}$$

$$\alpha = a\beta, \ a \in V_T, \ \beta \in (V_N \cup V_T)^* : \{a\}$$

$$\alpha = X, \ X \in V_N : \bigcup \{Premier(\gamma_i) \mid X \to \gamma_i \in P\}$$

$$\alpha = X\beta, \ X \in V_N \setminus \epsilon\text{-}Prod, \ \beta \in (V_N \cup V_T)^* : Premier(X)$$

$$\alpha = X\beta, \ X \in V_N \cap \epsilon\text{-}Prod, \ \beta \in (V_N \cup V_T)^* : Premier(X) \cup Premier(X)$$

fcas



Calcul effectif des ensembles Premier

On procède en deux étapes :

- 1. on pose un système d'équations pour Premier;
- on calcule par itération de point fixe les plus petits ensembles qui satisfont ces équations.

Pour le moment on suppose donné ϵ -Prod, l'ensemble des ϵ -productifs.

Exemple

$$S \rightarrow AB \mid Da$$

$$A \rightarrow aAb \mid \epsilon$$

$$B \rightarrow bB \mid \epsilon$$

$$D \rightarrow dD \mid e$$

$$\epsilon - Prod = \{A, B, S\}$$

$$Premier(S) = ?$$

$$Premier(B) = ?$$

$$Premier(D) = ?$$

$$\alpha = a, a \in V_T : \{a\}$$

$$\alpha = a\beta, a \in V_T, \beta \in (V_N \cup V_T)^* : \{a\}$$

$$\alpha = X, X \in V_N :$$

$$U\{Premier(\gamma_i) \mid X \rightarrow \gamma_i \in P\}$$

$$\alpha = X\beta, X \in V_N \setminus \epsilon - Prod, \beta \in (V_N \cup V_T)^* :$$

$$Premier(X)$$

$$\alpha = X\beta, X \in V_N \cap \epsilon - Prod, \beta \in (V_N \cup V_T)^* :$$

$$Premier(X) \cup Premier(\beta)$$

Exemple

```
Premier(S) = Premier(A) \cup Premier(B) \cup Premier(D)
Premier(A) = \{a\}
Premier(B) = \{b\}
Premier(D) = \{d, e\}
D'où
Premier(S) = \{a, b, d, e\}
                             Premier(aAb) = \{a\}
Premier(A) = \{a\}
                             Premier(bB) = \{b\}
Premier(B) = \{b\}
                             Premier(dD) = \{d\}
Premier(D) = \{d, e\}
                             Premier(e) = \{e\}
Premier(AB) = \{a, b\}
                             Premier(\epsilon) = \emptyset
Premier(Da) = \{d, e\}
```

Exemple : remplissage de la table

$$A \rightarrow aAb$$
 et $Premier(aAb) = \{a\}$
 $A \rightarrow \epsilon$ et $Premier(\epsilon) = \emptyset$

	S	Α	В	D
а	$S \rightarrow AB$	A o aAb	erreur	erreur
Ь	$S \rightarrow AB$	$A o \epsilon$	B o bB	erreur
d	S o Da	erreur	erreur	D o dD
e	S o Da	erreur	erreur	D o e
#	$S \rightarrow AB$	$A ightarrow \epsilon$	$B o \epsilon$	erreur

Exemple : remplissage de la table

$$S \rightarrow AB$$
 et $Premier(AB) = \{a, b\}$
 $S \rightarrow Da$ et $Premier(Da) = \{d, e\}$

	5	Α	В	D
а	$S \rightarrow AB$	A ightarrow aAb	erreur	erreur
b	$S \rightarrow AB$	$A o \epsilon$	B o bB	erreur
d	S o Da	erreur	erreur	D o dD
e	S o Da	erreur	erreur	D o e
#	$S \rightarrow AB$	$A o\epsilon$	$B o \epsilon$	erreur



Remarque : résolution du système

```
Premier(S) = Premier(A) \cup Premier(B) \cup Premier(D)

Premier(A) = \{a\}

Premier(B) = \{b\}

Premier(D) = \{d, e\}
```

Se résoud sans itération de point fixe : système d'équations non récursif.

Ce n'est pas toujours le cas.

Résolution du système : autre exemple

$$S oup S_1 S_2 \mid a$$
 $Premier(S) = Premier(S_1) \cup \{a\}$
 $S_1 oup S \mid b$ $Premier(S_1) = Premier(S) \cup \{b\}$
 $S_2 oup c$ $Premier(S_2) = \{c\}$

iter	Premier(S)	$Premier(S_1)$	$Premier(S_2)$
0	Ø	Ø	Ø
1	{a}	{b}	{c}
2	{ a, b}	{b, a}	{c}
3	{ a, b}	{ b, a}	{c}

stabilisation



Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse

Ensembles Premier

Ensemble des ϵ -prod

Ensembles Suivant

Remplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Factorisation à gauche

Suppression de la récursivité à gauche

Analyseurs LL(k), LL(*)



Définition des ϵ -prod

Definition

Un non terminal $X \in V_N$ est dit ϵ -productif si $X \Rightarrow^* \epsilon$.

L'ensemble des ϵ -productif est ϵ -Prod.

X est ϵ -productif si la grammaire contient la production :

- $ightharpoonup X
 ightharpoonup \epsilon$;
- ou $X \to Y_1 Y_2 \dots Y_n$ telle que l'ensemble des non-terminaux $\{Y_1, Y_2, \dots, Y_n\} \subseteq V_N$ ne contient que des non-terminaux ϵ -productifs.

Algorithme de calcul similaire à celui qui calcule les productifs.



Exemple

$$S
ightarrow AB \mid Da$$

 $A
ightarrow aAb \mid \epsilon$
 $B
ightarrow bB \mid \epsilon$
 $D
ightarrow dD \mid e$
 ϵ -Prod?

Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse

Ensembles Premier

Ensemble des ϵ -prod

Ensembles Suivant

Remplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Factorisation à gauche

Suppression de la récursivité à gauche

Analyseurs LL(k), LL(*)



Outils pour l'analyse prédictive, intuition - 2

Pour choisir entre $S \rightarrow AB$ et $S \rightarrow Da$:

- ▶ si tête lecture $\in \{a, b\}$: choisir $S \to AB$;
- ▶ si tête lecture $\in \{d, e\}$: choisir $S \to Da$.

Et si la tête de lecture est $\#? \# \notin Premier(AB) \cup Premier(Da)$.

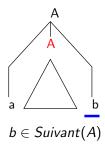
Comment choisir entre $A \to aAb$ et $A \to \epsilon$? $Premier(\epsilon) = \emptyset$

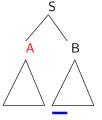
 \Rightarrow les ensembles *Premier* ne suffisent pas.

Ensembles Suivant, intuition

Quand appliquer $A \rightarrow \epsilon$?

Quand la tête de lect. correspond à un terminal qui peut suivre A.





 $Suivant(A) \supseteq Premier(B)$

Ensembles Suivant, intuition

On a donc $b \in Suivant(A)$

	Α
а	A o aAb
Ь	$A o \epsilon$
d	?
е	?
#	?

Ensembles Suivant, intuition

Pour $\alpha \in (V_T \cup V_N)^+$, $Suivant(\alpha)$ contient l'ensemble des terminaux de V_T susceptibles de suivre α dans un mot de V_T^+ dérivé de l'axiome S.

Si $\alpha = \epsilon$, cet ensemble est vide.

Par convention, $Suivant(S) \supseteq \{\#\}$.

Ensembles Suivant, définitions équivalentes

Definition

Soit une grammaire algébrique d'axiome S. On définit :

$$\begin{array}{ccc} \textit{Suivant} & : (V_T \cup V_N)^* & \to & \mathcal{P}(V_T) \\ & \alpha & \mapsto & \{a \in V_T \,|\, S \Rightarrow^* \beta \alpha a \gamma, \\ & & \text{pour } \beta, \gamma \in (V_N \cup V_T)^* \} \end{array}$$

Definition

```
Suivant : (V_T \cup V_N)^* \rightarrow \mathcal{P}(V_T)

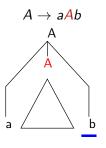
\alpha \mapsto \{a \in Premier(\gamma) \mid S \Rightarrow^* \beta \alpha \gamma, pour \beta, \gamma \in (V_N \cup V_T)^*\}
```

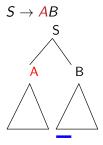


Calcul des Suivant - 1

Pour calculer Suivant(X), on regarde les productions dans lesquelles X apparaît en partie droite (différent du calcul des Premier).

Pour Suivant(A):





Calcul des Suivant - 2

Soit $P_X \subseteq P$ l'ensemble des productions p dans lesquelles X apparaît en partie droite :

$$Suivant(X) = \bigcup_{p \in P_X} Suivant_p(X)$$

Ex:
$$P_A = \{S \rightarrow AB, A \rightarrow aAb\}$$

 $Suivant(A) = Suivant(A)_{S \rightarrow AB} \cup Suivant(A)_{A \rightarrow aAb}$

Calcul des Suivant, cas de l'axiome

Pour l'axiome, on ajoute le marqueur de fin de mot :

$$Suivant(S) = \{\#\} \cup \bigcup_{p \in P_S} Suivant_p(S)$$

Ex : pour
$$X \to aXb \mid \epsilon$$

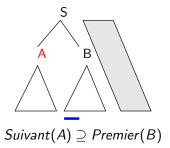
$$P_X = \{X \rightarrow aXb\}$$

$$Suivant(X) = \{\#\} \cup Suivant(X)_{X \to aXb}$$

Calcul des Suivant - 3 - exemple

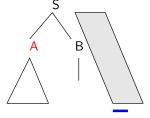
 $Suivant(A)_{S \to AB}$? (exemple précédent)

Cas déjà vu :



Calcul des Suivant - 3 - exemple

 $Suivant(A)_{S \to AB}$? (exemple précédent) mais B est ϵ -Prod!



 $Suivant(A) \supseteq Suivant(S)$

Ensembles PremierEnsemble des ϵ -prod **Ensembles Suivant** Remplissage de la table d'analyse

Calcul des *Suivant* - 3 - exemple

Puisque B est ϵ -Prod:

$$Suivant(A)_{S \rightarrow AB} = Premier(B) \cup Suivant(S)$$

Calcul des Suivant - 4

Quand une production est de la forme $\ldots \to X\alpha$:

- pour calculer Suivant(X);
- ▶ Il faut pouvoir dire si $\alpha \in (V_N \cup V_T)^*$ est ϵ -productif ou pas.

Definition

 $\alpha \in (V_N \cup V_T)^*$ est ϵ -productif si $\alpha \Rightarrow^* \epsilon$. On définit la fonction :

Eps :
$$(V_N \cup V_T)^* \rightarrow \{vrai, faux\}$$

 $\alpha \mapsto \alpha \text{ est } \epsilon\text{-productif}$

On verra après comment calculer Eps.

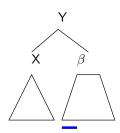


Ensembles PremierEnsemble des ϵ -prod Ensembles SuivantRemplissage de la table d'analyse

Calcul des Suivant - 5

Pour calculer $Suivant_p(X)$ avec :

$$p = Y \rightarrow \alpha X \beta$$
 et $Eps(\beta) = faux$, $\alpha, \beta \in (V_N \cup V_T)^*$



 $Suivant_p(X) = Premier(\beta)$

Ex : pour
$$Y \to Xb$$
, $Suivant(X)_{Y \to Xb} = \{b\}$.

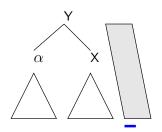


Ensembles *Premier*Ensemble des ε-prod **Ensembles** Suivant
Remplissage de la table d'analyse

Calcul des Suivant - 6

Pour calculer $Suivant_p(X)$ avec :

$$p = Y \rightarrow \alpha X$$



$$Suivant_p(X) = Suivant(Y)$$

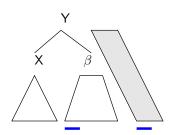


Ensembles *Premier*Ensemble des ε-prod **Ensembles Suivant**Remplissage de la table d'analyse

Calcul des Suivant - 7

Pour calculer $Suivant_p(X)$ avec :

$$p = Y \rightarrow \alpha X \beta$$
 et $Eps(\beta) = vrai, \ \alpha, \beta \in (V_N \cup V_T)^*$



$$Suivant_p(X) = Premier(\beta) \cup Suivant(Y)$$

Ex : pour
$$S \to AB$$
, $Suivant(A)_{S \to AB} = Premier(B) \cup Suivant(S)$.

Remarque - 1

Si X apparaît plusieurs fois en partie droite d'une production, il faut prendre en compte toutes ses occurrences dans le calcul de Suivant(X).

$$Ex: Y \rightarrow XaXaXc$$

$$Suivant_{Y \to XaXaXc}(X) = \{a, c\}$$

Remarque - 2

Calcul des Suivant, récapitulons!

```
\# \in Suivant(axiome)
```

Soit $P_X \subseteq P$ l'ensemble des productions p dans lesquelles X apparaît en partie droite :

$$Suivant(X) = \bigcup_{p \in P_X} Suivant_p(X)$$

```
avec : Suivant_p(X) = cas
```

$$p = Y \rightarrow \alpha X : Suivant(Y)$$

$$p = Y \rightarrow \alpha X \beta$$
 et $Eps(\beta) = faux$: $Premier(\beta)$

$$p = Y \rightarrow \alpha X \beta$$
 et $Eps(\beta) = vrai$: $Premier(\beta) \cup Suivant(Y)$

fincas

Calcul effectif des ensembles Suivant

On procède en deux étapes :

- on pose un système d'équations pour Suivant;
- on calcule par itération de point fixe les plus petits ensembles qui satisfont ces équations.
- ▶ avec initialement $Suivant(S) = \{\#\}$, et pour les autres non-terminaux $Suivant(X) = \emptyset$.

Ensembles Premier
Ensemble des &-prod
Ensembles Suivant
Remplissage de la table d'analyse

Exemple

$$\begin{array}{lll} S \rightarrow AB & \mid Da \\ A \rightarrow aAb & \mid \epsilon \\ B \rightarrow bB & \mid \epsilon \\ D \rightarrow dD & \mid e \\ \\ Suivant(X) = \bigcup_{p \in P_X} Suivant_p(X) \\ & \text{avec} : Suivant_p(X) = \\ & \text{cas} \\ Suivant? & \text{cas} \\ P = Y \rightarrow \alpha X : Suivant(Y) \\ p = Y \rightarrow \alpha X \beta \text{ et } Eps(\beta) = faux : Premier(\beta) \\ p = Y \rightarrow \alpha X \beta \text{ et } Eps(\beta) = vrai : Premier(\beta) \\ & \cup Suivant(Y) \\ & \text{fincas} \end{array}$$

Exemple de remplissage de table

$$A \rightarrow \epsilon$$
 et $Suivant(A) = \{b, \#\}$

	S	Α	В	D
а	$S \rightarrow AB$	A ightarrow aAb	erreur	erreur
Ь	$S \rightarrow AB$	$A ightarrow \epsilon$	B o bB	erreur
d	S o Da	erreur	erreur	D o dD
e	S o Da	erreur	erreur	D o e
#	$S \rightarrow AB$	$A ightarrow \epsilon$	$B o \epsilon$	erreur



Exemple de remplissage de table

$$S \rightarrow AB$$
 et $Suivant(S) = \{\#\}$

	S	Α	В	D
а	$S \rightarrow AB$	A ightarrow aAb	erreur	erreur
Ь	$S \rightarrow AB$	$A ightarrow \epsilon$	B o bB	erreur
d	S o Da	erreur	erreur	D o dD
е	$\mathcal{S} o \mathcal{D}$ a	erreur	erreur	D o e
#	$S \rightarrow AB$	$A o\epsilon$	$B o \epsilon$	erreur



Calcul des ϵ -productifs

On connaît déjà ϵ -*Prod*, ens. des non-terminaux ϵ -productifs.

Pour calculer $Eps(\alpha)$:

$$\mathit{Eps}(lpha) =$$
 $lpha = \epsilon : \mathit{vrai}$
 $lpha = X_1 \dots X_n, \, n \geq 1 \, \operatorname{avec} \, \{X_1, \dots, X_n\} \subseteq V_N \, \operatorname{et} \, \{X_1, \dots, X_n\} \subseteq \epsilon - \mathit{Prod} : \mathit{vrai} \,$
 $\mathsf{autre} : \mathit{faux} \, / / \, lpha \, \, \mathsf{contient} \, \, \mathsf{un} \, \, \mathsf{terminal} \,$

fincas



Ensembles Premier
Ensemble des ϵ -prod
Ensembles Suivant
Remplissage de la table d'analyse

Exemple

```
Sachant que \epsilon-Prod = \{A, B, S\}: Eps(Da)? Eps(AB)? Eps(\epsilon)? Eps(B)?
```

Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse

Ensembles Premier

Ensemble des ϵ -prod

Ensembles Suivant

Remplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Factorisation à gauche

Suppression de la récursivité à gauche

Analyseurs LL(k), LL(*)



Ensembles *Premier*Ensemble des ϵ -prod
Ensembles *Suivant*Remplissage de la table d'analyse

Table d'analyse : au préalable

On calcule:

- les ε-productifs;
- les ensembles Premier ;
- les ensembles Suivant.

Ensembles PremierEnsemble des ϵ -prod Ensembles SuivantRemplissage de la table d'analyse

Remplissage de la table

```
Entrée : une gram. alg. G, ses ensembles Premier et Suivant
Sortie: la table d'analyse Table
pour toute production X \to \gamma \in P
faire pour tout a \in Premier(\gamma)
       faire ajouter X \to \gamma à Table [X, a] fait
       si Eps(\gamma) = vrai alors pour tout b \in Suivant(X)
                                  faire Table[X, b] = X \rightarrow \gamma
                                  fait
       finsi
fait.
Ajouter erreur dans les entrées de Table restées vides
```

Exemple

$$S \rightarrow AB$$
:

▶
$$Premier(AB) = \{a, b\};$$

•
$$Suivant(S) = \{\#\}.$$

$$S \rightarrow Da$$
:

$$Premier(Da) = \{d, e\};$$

$$ightharpoonup$$
 Eps(Da) = faux.

Rien à compléter par erreur.

	S
a	$S \rightarrow AB$
b	$S \rightarrow AB$
d	S o Da
e	$\mathcal{S} o \mathcal{D}$ a
#	$S \rightarrow AB$

Ensembles PremierEnsemble des ϵ -prod Ensembles SuivantRemplissage de la table d'analyse

Exemple

$$A \rightarrow aAb$$
:

- $Premier(aAb) = \{a\};$
- ightharpoonup Eps(aAb) = faux.

$$A \rightarrow \epsilon$$
:

- ▶ $Premier(\epsilon) = \emptyset$;
- $Eps(\epsilon) = vrai$;
- $Suivant(A) = \{b, \#\}.$

On complète par erreur.

	Α
а	A o aAb
b	$A o \epsilon$
d	erreur
е	erreur
#	$A o \epsilon$

Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse

Ensembles Premier

Ensemble des ϵ -prod

Ensembles Suivant

Remplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Factorisation à gauche

Suppression de la récursivité à gauche

Analyseurs LL(k), LL(*)



Analyseur LL(1)

Un analyseur LL(1) est déterministe et piloté par le sommet de pile :

- si terminal a : lecture de a (ou erreur);
- ▶ si non terminal X avec a sous la tête de lecture : expansion selon Table[X, a].

Et si Table[X, a] contient plus d'une production?

Non-déterminisme :

- ▶ la grammaire n'est pas LL(1);
- on ne peut pas appliquer une analyse LL(1).



Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Caractérisation par table d'analyse : une grammaire est LL(1) si chaque case contient exactement une production ou erreur.

Caractérisation « par contre-exemple » : une grammaire n'est pas LL(1) s'il existe 2 productions $X \to \alpha$ et $X \to \beta$ telles que :

- 1. soit $Premier(\alpha) \cap Premier(\beta) \neq \emptyset$; $Ex : S \rightarrow aS \mid A, A \rightarrow a$
- 2. soit $Eps(\alpha) = vrai$ et $Premier(\beta) \cap Suivant(X) \neq \emptyset$;
 - $\mathsf{Ex}: \mathcal{S} \to \mathsf{a} \mathcal{S} \,|\, \mathsf{A} \textcolor{red}{\mathsf{b}}, \, \mathsf{A} \to \textcolor{red}{\epsilon} \,|\, \textcolor{red}{\mathsf{b}}$
- 3. soit $Eps(\alpha) = vrai$ et $Eps(\beta) = vrai$ (la grammaire est ambiguë)

Ex :
$$S \rightarrow A \mid B$$
, $A \rightarrow \epsilon$, $B \rightarrow \epsilon$



LL(1) et ambiguïté

Une grammaire LL(1) n'est pas ambiguë.

Une grammaire ambiguë n'est pas LL(1).

Cas classiques non LL(1)

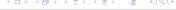
Dans les cas suivants, la grammaire n'est pas LL(1):

- ambiguïté;
- ▶ récursivité gauche : $A \rightarrow Aa \mid \epsilon$;
 - ▶ intuitivement récursivité infinie de A().
- ▶ non factorisation gauche : $S \rightarrow aA \mid aB$

Solutions::

- factorisation à gauche (parfois);
- suppression de la récursivité gauche (parfois);
- utiliser un générateur de parser plus puissant!





Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse

Ensembles Premier

Ensemble des ϵ -prod

Ensembles Suivant

Remplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Factorisation à gauche

Suppression de la récursivité à gauche

Analyseurs LL(k), LL(*)

Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse

Ensembles Premier

Ensemble des ϵ -prod

Ensembles Suivant

Remplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Factorisation à gauche

Suppression de la récursivité à gauche

Analyseurs LL(k), LL(*)

Factorisation à gauche : exemple - 1

Les listes d'identificateur de INIT:

 $\textit{listeldent} \rightarrow \mathsf{IDENT} \mid \mathsf{IDENT} \; \mathsf{SEPVAR} \; \textit{listeldent}$

On factorise IDENT et on obtient :

 $\begin{array}{l} \textit{listeldent} \rightarrow \mathsf{IDENT} \ \textit{suiteListeldent} \\ \textit{suiteListeldent} \rightarrow \epsilon \ | \ \textit{SEPVAR} \ \textit{listeldent} \end{array}$

Factorisation à gauche : exemple - 2

$$X \rightarrow ab \mid abbX \mid abbbX$$

Factorisation de ab : on prend le plus grand préfixe commun.

$$Y \rightarrow \epsilon \mid bX \mid bbX$$

Puis à nouveau factorisation de b.

Factorisation à gauche - algorithme

On remplace les règles de la forme :

$$X \to \alpha \beta_1 \mid \ldots \mid \alpha \beta_n \mid \gamma_1 \mid \ldots \mid \gamma_m$$

οù

- \bullet $\alpha \in (V_T \cup V_N)^+$ et $\beta_i, \gamma_j \in (V_T \cup V_N) *$;
- **•** le préfixe commun α est choisi le plus grand possible;
- $ightharpoonup \alpha$ n'est pas préfixe de γ_i .

par les règles :

$$X \to {\alpha \choose 1} X' | \gamma_1 | \dots | \gamma_m$$
$$X' \to \beta_1 | \dots | \beta_n$$

où X' est un nouveau non-terminal.

On réitère ce processus tant que nécessaire.



Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse

Ensembles Premier

Ensemble des ϵ -prod

Ensembles Suivant

Remplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Factorisation à gauche

Suppression de la récursivité à gauche

Analyseurs LL(k), LL(*)

Suppression de la récursivité à gauche

Récursivité gauche :

- ▶ immédiate : production $A \rightarrow A\alpha$, $\alpha \in (V_T \cup V_N)^+$;
- ▶ générale : il existe une dérivation $A \Rightarrow^* A \alpha$, $\alpha \in (V_T \cup V_N)^+$.

Il est possible de supprimer les deux cas.

On ne verra que la récursivité immédiate.

Suppression de la récursivité gauche immédiate

On remplace les règles de la forme

$$X \to X\alpha_1 \mid \ldots \mid X\alpha_n \mid \beta_1 \mid \ldots \mid \beta_m$$

οù

- $ightharpoonup \alpha_i \in (V_T \cup V_N)^+ \text{ et } \beta_j \in (V_T \cup V_N)^*;$
- les β_j ne commencent pas par X.

par les règles :

$$X \to \beta_1 X' \mid \dots \mid \beta_m X'$$

 $X' \to \alpha_1 X' \mid \dots \mid \alpha_n X' \mid \epsilon$

où X' est un nouveau non-terminal.



Suppression de la récursivité gauche : exemple

Grammaire non ambiguë des expressions arithmétiques :

$$E \rightarrow E + T \mid T$$
$$T \rightarrow T * F \mid F$$
$$F \rightarrow i \mid (E)$$

$$X \to X\alpha_1 | \dots | X\alpha_n$$

 $|\beta_1 | \dots | \beta_m$

Après suppression de la rec gauche :

$$E \rightarrow TE'$$

$$E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$$

$$T \rightarrow FT'$$

$$T' \rightarrow *FT' \mid \epsilon$$

$$F \rightarrow i \mid (E)$$

$$X \to \beta_1 X' \mid \dots \mid \beta_m X'$$

 $X' \to \alpha_1 X' \mid \dots \mid \alpha_n X' \mid \epsilon$

Parfois ça ne suffit pas

La grammaire $({a,b},{S,A},S,P)$ avec

$$P = \{S \rightarrow aSb \,|\, A, \,\, A \rightarrow aA \,|\, \epsilon\}$$

- n'est pas ambiguë;
- n'est pas récursive gauche;
- est factorisée à gauche;

mais elle n'est pas LL(1).

Au delà des grammaires LL(1) - 1

La grammaire $(\{a,b\},\{A,B\},A,P)$ avec

$$P = \{A \rightarrow abB \mid \epsilon, \ B \rightarrow Aaa \mid b\}$$

n'est pas LL(1).

En effet Eps(A) = vrai et $a \in Premier(A) \cap Suivant(A)$.

Principes

Analyseur récursif

Construction de la table d'analyse

Ensembles Premier

Ensemble des ϵ -prod

Ensembles Suivant

Remplissage de la table d'analyse

Caractérisation d'une grammaire LL(1)

Quand une grammaire n'est pas LL(1)

Factorisation à gauche

Suppression de la récursivité à gauche

Analyseurs LL(k), LL(*)



Grammaires LL(k), exemple

La grammaire :

```
declaration 
ightarrow \mathtt{DECLINT} listeldent FININSTR listeldent 
ightarrow \mathtt{IDENT} \mid \mathtt{IDENT} SEPVAR listeldent
```

n'est pas LL(1).

Elle est LL(2), et acceptée par un analyseur LL(k).

En regardant 2 symboles sous la tête de lecture :

- ightharpoonup si IDENT FININSTR : choisir *listeldent* ightarrow IDENT
- Si IDENT SEPVAR : choisir listeldent → IDENT SEPVAR listeldent





Grammaire LL(k), autre exemple

$$P = \{A \rightarrow abB \mid \epsilon, B \rightarrow Aaa \mid b\}$$

```
Cette grammaire est LL(2) : Premier_2(A) = \{ab\}

Premier_2(B) = \{ab, aa, b\}

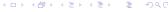
Suivant_2(A) = \{aa, \#\}
```

Table d'analyse LL(2)

$$A \rightarrow abB \mid \epsilon$$

 $B \rightarrow Aaa \mid b$

	aa	ab	Ь	#
Α	$A o \epsilon$	A o abB	erreur	$A o \epsilon$
В	B o Aaa	B o Aaa	$B \rightarrow b$	erreur



Analyseurs LL(k), principe

Effectuent une prédiction basée sur k symboles.

k borné.

Ex: javaCC

Insuffisance de l'approche LL(k), [antLR]

```
\begin{tabular}{ll} method $\rightarrow$ type ID [ args ] ; \\ & | type ID [ args ] $\{ body $\}$ \\ args $\rightarrow$ unarg $| unarg $, args$ \\ unarg $\rightarrow$ INT ID \\ ... \\ \end{tabular}
```

Cette grammaire n'est pas LL(k), mais est acceptée par antLR.

Analyseurs LL(*)

Ne fixent pas une taille de look-ahead a priori.

Représentent par un AFD le langage de look-ahead, pourvu qu'il soit régulier.

Vers les formes eBNF

Même un analyseur LL(*) refuse la récursivité gauche.

Fâcheux pour les grammaires à opérateurs!

Solution: grammaires dites en forme eBNF.

$$E \rightarrow T \ (+T)^*$$
 $E \rightarrow E + T \mid T$
 $T \rightarrow F \ (*T)^*$ $T \rightarrow F * T \mid F$
 $F \rightarrow (E) \mid id$ $F \rightarrow (E) \mid id$



Grammaires sous forme eBNF

Grammaires algébriques avec facilités d'écriture.

En partie droite de production : opérateurs à la expression régulière

Refusé par Cup et tout générateur de parseur n'acceptant pas les eBNF

Accepté par la majorité des analyeurs LL(k).

Semble plus simple, attention à l'attribution.

Ne pas utiliser en DS sauf si explicitement demandé.





Grammaires non LL(*) [antLR]

```
s : label ID '=' expr
    label 'return' expr
label : ID ':' label
n'est pas LL(*): [fatal] rule s has non-LL(*) decision
due to recursive rule invocations from alts 1,2.
[...]
Version LL(*):
label : ( ID ':')*
```

117/119

Génération de code à la eBNF

```
E 
ightarrow T (+T) *
E() \{ T(); 
tant que tetelect est '+' \{ consommer(+); 
T(); 
\}
```

Clôture de Kleene ⇒ itération dans le code



Génération de code à la eBNF

```
listeA \rightarrow a^*
listeA() {
    tant que tetelect est 'a' {
           consommer(a);
plus efficace que le code récursif généré par :
\textit{listeA} 
ightarrow \textit{a listeA} \mid \epsilon
```

Principes
Analyseur récursif
Construction de la table d'analyse
Caractérisation d'une grammaire LL(1)
Quand une grammaire n'est pas LL(1)
Analyseurs LL(k), LL(*)

AntLR

Outil très riche.

Décrit dans le même formalisme eBNF les entités lexicales et la syntaxe.

Lit toute l'entrée avant de lancer l'analyse lexicale.