

TP - Implémentation des graphes par matrice d'adjacence

[Cliquer ici pour accéder à la version notebook de ce TP dans Capytale](#)

On considère un graphe G dont les sommets sont les entiers de 0 à $n - 1$ et les arêtes sont les couples d'entiers (i, j) avec $0 \leq i, j \leq n - 1$.

L'objectif de ce TP est d'implémenter les graphes en python par matrice d'adjacence.

On considère ici que les graphes sont non orientés.

Implémentation simple

Question 1 : Fonction permettant de créer un graphe comportant n sommets et pas d'arêtes.

```
def make_graph(n: int) -> list:
    """Crée la matrice d'adjacence d'un graphe de n sommets sans arêtes"""
    g = []
    # Compléter ci dessous

    return g

# Test de la fonction make_graph

g = make_graph(5)
print(g)
```

Question 2 : Fonction permettant d'ajouter une arête entre les sommets i et j .

```
def add_edge(g: list, i: int, j: int) -> None:
    """Ajoute l'arête (i,j) au graphe g"""
    pass
```

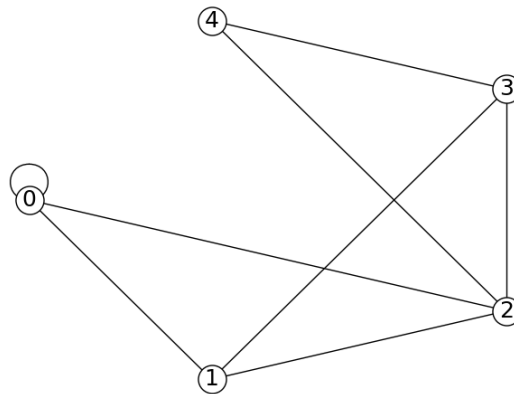


Figure 1: graphe 1

Question 3 - Application : en utilisant les deux fonctions précédentes, créer une variable `g` représentant le graphe suivant :

```
# Entrer votre code ici

# Vérification
assert g == [[1, 1, 1, 0, 0], [1, 0, 1, 1, 0], [1, 1, 0, 1, 1], [0, 1, 1, 0, 1], [0, 0, 1, 1, 0]]
print("Test réussi !")
```

Question 4 : Compléter la fonction `remove_edge` permettant de supprimer une arête entre les sommets i et j .

```
def remove_edge(g: list, i: int, j: int) -> None:
    """Supprime l'arête (i,j) du graphe g"""
    pass

# Test de la fonction remove_edge
from copy import deepcopy

h = deepcopy(g)
remove_edge(h, 0, 1)
assert h == [[1, 0, 1, 0, 0], [0, 0, 1, 1, 0], [1, 1, 0, 1, 1], [0, 1, 1, 0, 1], [0, 0, 1, 1, 0]]
print("Test réussi !")
```

Question 5 : Compléter les fonctions `add_vertex` et `remove_vertex` permettant d'ajouter un sommet et de supprimer un sommet dans un graphe. On rappelle que les sommets sont des entiers successifs. Par exemple, si on supprime le sommet 2, les sommets 3 et 4 deviennent les sommets 2 et 3. Par ailleurs, le sommet ajouté par la fonction `add_vertex` doit être le plus grand sommet du graphe.

```

def add_vertex(g: list) -> None:
    """Ajoute un sommet à un graphe g"""
    pass

def remove_vertex(g: list, i: int) -> None:
    """Supprime le sommet i du graphe g"""
    pass

# Test de la fonction add_vertex
h = deepcopy(g)
add_vertex(h)
assert h == [[1, 1, 1, 0, 0, 0], [1, 0, 1, 1, 0, 0], [1, 1, 0, 1, 1, 0], [0, 1, 1, 0, 1, 0], [0, 0, 1, 1, 0, 1], [0, 0, 0, 0, 0, 0]]
print("Test réussi !")

# Test de la fonction remove_vertex
remove_vertex(h, 5)
assert h == [[1, 1, 1, 0, 0], [1, 0, 1, 1, 0], [1, 1, 0, 1, 1], [0, 1, 1, 0, 1], [0, 0, 1, 1, 0], [0, 0, 0, 0, 0, 0]]
print("Test réussi !")

```

Question 6 : Compléter la fonction `est_adjacent` qui prend en paramètre un graphe `g` et deux sommets `i` et `j` et qui renvoie `True` si les sommets sont adjacents et `False` sinon.

```

def is_adjacent(g: list, i: int, j: int) -> bool:
    """Renvoie True si les sommets i et j sont adjacents, False sinon"""
    pass

# Test de la fonction is_adjacent
assert is_adjacent(g, 0, 1) == True
assert is_adjacent(g, 0, 4) == False
print("Test réussi !")

```

Question 7 : Compléter la fonction `neighbors` qui prend en paramètre un graphe `g` et un sommet `i` et qui renvoie la liste des sommets adjacents au sommet `i`, puis la fonction `degree` qui prend en paramètre un graphe `g` et un sommet `i` et qui renvoie le degré du sommet `i`.

```

def neighbors(g: list, i: int) -> list:
    """Renvoie la liste des sommets autres que i
    adjacents au sommet i"""
    pass

def degree(g: list, i: int) -> int:
    """Renvoie le degré du sommet i"""

```

```

pass

# Test de la fonction neighbors
assert neighbors(g, 0) == [1, 2]
assert neighbors(g, 1) == [0, 2, 3]

# Test de la fonction degree
assert degree(g, 0) == 2
assert degree(g, 1) == 3
print("Test réussi !")

```

Implémentation objet

Question 8 : Créer une classe **Graph** permettant de représenter un graphe sous la forme d'une matrice d'adjacence, en reformulant les fonctions définies dans la partie précédente. Cette classe doit contenir les attributs suivants :

- **order** : nombre de sommets du graphe
- **matrix** : matrice d'adjacence du graphe

Cette classe doit contenir les méthodes suivantes :

- **__init__** : constructeur de la classe
- **add_edge** : ajoute une arête entre les sommets *i* et *j*
- **remove_edge** : supprime une arête entre les sommets *i* et *j*
- **add_vertex** : ajoute un sommet au graphe
- **remove_vertex** : supprime un sommet du graphe
- **is_adjacent** : renvoie **True** si les sommets *i* et *j* sont adjacents et **False** sinon
- **neighbors** : renvoie la liste des sommets adjacents au sommet *i*
- **degree** : renvoie le degré du sommet *i*
- **__str__** : renvoie une chaîne de caractères représentant le graphe en affichant les lignes de la matrice d'adjacence l'une en dessous de l'autre.

```

class Graph:

    pass

```

Question 9 - Application : en utilisant la classe **Graph**, créer une variable **g** représentant le graphe suivant :

Déterminer la liste des voisins du sommet 2.

```

# Entrer votre code ici

```

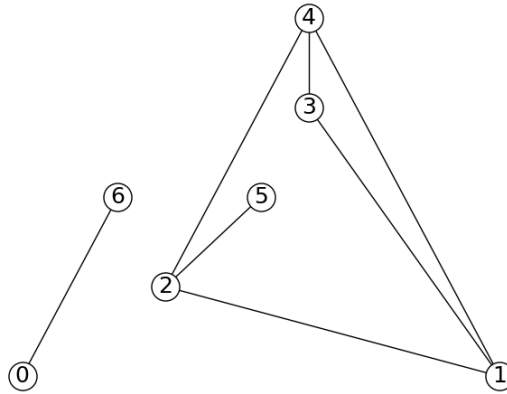


Figure 2: graphe 2

Bonus : Implémenter une fonction `draw_graph` permettant de dessiner un graphe à partir de sa matrice d'adjacence.

Pour cela, on utilisera le module `networkx` qui est spécialisé dans l'analyse des graphes. Il s'agit donc de définir un graphe de type `networkx` à partir de la matrice d'adjacence du graphe et de le dessiner à l'aide de la fonction `draw` du module `networkx`.

```
# Imports nécessaires
import networkx as nx
```

Quelques commandes utiles :

- `g = nx.Graph()` : création d'un graphe vide
- `g.add_node(i)` : ajoute le sommet `i` au graphe `g`
- `g.add_edge(i,j)` : ajoute une arête entre les sommets `i` et `j`
- `nx.draw(g)` : dessine le graphe `g`

```
def draw_graph(g: Graph) -> None:
    """Dessine le graphe g"""
    # Création du graphe
    G = nx.Graph()
    # Compléter ci-dessous pour définir un graphe G au format nx correspondant à g

    # Dessin du graphe
    nx.draw(G, with_labels=True, node_color='white', font_size=18, edgecolors='black',

# Vérification de la fonction draw_graph
draw_graph(g)
```