TP - Implémentation des graphes par liste d'adjacence

On considère un graphe G dont les sommets sont les entiers de 0 à n-1 et les arêtes sont les couples d'entiers (i,j) avec $0 \le i,j \le n-1$.

L'objectif de ce TP est d'implémenter les graphes en python par liste d'adjacence.

On considère ici que les graphes sont non orientés.

1. Implémentation objet

Créer une classe Graph qui permet de représenter un graphe par liste d'adjacence.

La classe Graph doit contenir les attributs suivants :

- order : le nombre de sommets du graphe
- liste : une liste de listes d'entiers représentant la liste d'adjacence du graphe

La classe Graph doit contenir les méthodes suivantes :

- __init__ : initialise un graphe vide de taille order
- $add_edge : ajoute l'arête (i, j) au graphe$
- remove_edge : supprime l'arête (i, j) du graphe
- add_vertex : ajoute un sommet au graphe
- remove_vertex : supprime le sommet i du graphe
- is_adjacent : retourne True si les sommets i et j sont adjacents, False sinon
- neighbors : retourne la liste des voisins du sommet i
- degree : retourne le degré du sommet i
- __str__ : retourne une chaîne de caractères représentant le graphe (afficher sur chaque ligne le numéro du sommet suivi de la liste de ses voisins)
- draw : dessine le graphe (s'inspirer du TP précédent !)

```
import networkx as nx

class Graph:

   pass

# Exemple d'utilisation

g = Graph(5)
g.add_edge(0, 3)
g.add_edge(1, 2)
g.add_edge(1, 4)
g.add_edge(1, 4)
g.add_edge(2, 3)
g.add_edge(2, 4)
g.add_edge(3, 4)
print(g)
g.draw()
```

Passage d'une représentation à l'autre

On considère un graphe G représenté par liste d'adjacence. On souhaite passer à une représentation par matrice d'adjacence.

Compléter la fonction list_to_matrix qui prend en paramètre une liste d'adjacence d'un graphe G et retourne la matrice d'adjacence représentant le graphe.

```
def list_to_matrix(liste):
    pass

# Test de la fonction list_to_matrix
matrice = list_to_matrix(g.liste)
assert matrice == [[0, 0, 0, 1, 0], [0, 0, 1, 0, 1], [0, 1, 0, 1, 1], [1, 0, 1, 0, 1],
print("Test réussi !")
```

Opération inverse : compléter la fonction matrix_to_list qui prend en paramètre une matrice d'adjacence d'un graphe G et retourne la liste d'adjacence représentant le graphe.

```
def matrix_to_list(matrice):
    pass

# Test de la fonction matrix_to_list
liste = matrix_to_list(matrice)
assert liste == [[3], [2, 4], [1, 3, 4], [0, 2, 4], [1, 2, 3]]
```

print("Test réussi !")