1. Force brute : généralités

### Définition

La recherche par force brute (brute force) consiste à parcourir toutes les solutions possibles d'un problème en testant si elles conviennent.

1. Force brute : généralités

#### Définition

La recherche par force brute (brute force) consiste à parcourir toutes les solutions possibles d'un problème en testant si elles conviennent.

De façon formelle, si on note V l'ensemble des candidats, et P une propriété des éléments de V, on teste (en les énumérant) les  $x \in V$  jusqu'à en trouver un qui vérifie P.

#### Définition

La recherche par force brute (brute force) consiste à parcourir toutes les solutions possibles d'un problème en testant si elles conviennent.

De façon formelle, si on note V l'ensemble des candidats, et P une propriété des éléments de V, on teste (en les énumérant) les  $x \in V$  jusqu'à en trouver un qui vérifie P.

### Remarques

• Dans certains problèmes on cherche à déterminer *toutes* les solutions et donc on ne s'arrête pas à la première rencontrée

#### **Définition**

La recherche par force brute (brute force) consiste à parcourir toutes les solutions possibles d'un problème en testant si elles conviennent.

De façon formelle, si on note V l'ensemble des candidats, et P une propriété des éléments de V, on teste (en les énumérant) les  $x \in V$  jusqu'à en trouver un qui vérifie P.

### Remarques

- Dans certains problèmes on cherche à déterminer *toutes* les solutions et donc on ne s'arrête pas à la première rencontrée
- $\bullet$  On doit pouvoir énumérer de façon exhaustive les éléments de V (ce qui peut être difficile dans certains cas).

### Exemple

• La recherche d'un mot de passe par force brute : V est l'ensemble des chaines de caractères et P(x) est vérifié si x est le mot de passe cherché. Dans ce cas on pourra réaliser l'énumération des candidats en commençant par les chaines de longueur 1, puis 2, . . .

### Exemple

- La recherche d'un mot de passe par force brute : V est l'ensemble des chaines de caractères et P(x) est vérifié si x est le mot de passe cherché. Dans ce cas on pourra réaliser l'énumération des candidats en commençant par les chaines de longueur 1, puis  $2, \ldots$
- $\bullet\ V$  est l'ensemble des grilles complétées d'un sudoku et P vérifie si la grille est valide.

### Exemple

- La recherche d'un mot de passe par force brute : V est l'ensemble des chaines de caractères et P(x) est vérifié si x est le mot de passe cherché. Dans ce cas on pourra réaliser l'énumération des candidats en commençant par les chaines de longueur 1, puis  $2, \ldots$
- ullet V est l'ensemble des grilles complétées d'un sudoku et P vérifie si la grille est valide.
- ullet V est l'ensemble des permutations possibles d'une liste d'entiers et P vérifie si la permutation est triée en ordre croissant (bogosort).

### Complexité

En supposant l'ensemble V fini, une recherche exhaustive effectue au plus  $\left|V\right|$  itérations.

lacktriangle Cela ne signifie pas que la complexité est toujours en O(V) car tester si une solution vérifie P ou non peut avoir un coût non constant.

### Complexité

En supposant l'ensemble V fini, une recherche exhaustive effectue au plus  $\left|V\right|$  itérations.

lacktriangle Cela ne signifie pas que la complexité est toujours en O(V) car tester si une solution vérifie P ou non peut avoir un coût non constant.

### Problème d'optimisation

Dans les problèmes du type « déterminer  $x \in V$  tel que f(x) soit minimale (ou maximale) », l'exploration exhaustive va résoudre le problème en calculant toutes les images par f des éléments de V.

2. Mot de passe par force brute

#### Exercice

Tableau des temps pour la recherche de mot de passe par force brute :



On s'intéresse à la recherche d'un mot de passe de 8 lettres minusucles.

2. Mot de passe par force brute

#### Exercice

Tableau des temps pour la recherche de mot de passe par force brute :



On s'intéresse à la recherche d'un mot de passe de 8 lettres minusucles.

• Combien il y a-t-il de mots de passes possibles? Quel est le temps indiqué dans le tableau?

2. Mot de passe par force brute

#### Exercice

Tableau des temps pour la recherche de mot de passe par force brute :



On s'intéresse à la recherche d'un mot de passe de 8 lettres minusucles.

- Combien il y a-t-il de mots de passes possibles? Quel est le temps indiqué dans le tableau?
- Proposer un algorithme permettant d'énumérer les possibilités.

2. Mot de passe par force brute

#### Exercice

Tableau des temps pour la recherche de mot de passe par force brute :



On s'intéresse à la recherche d'un mot de passe de 8 lettres minusucles.

- Combien il y a-t-il de mots de passes possibles? Quel est le temps indiqué dans le tableau?
- Proposer un algorithme permettant d'énumérer les possibilités.
- Ecrire en C, une fonction de signature

  char \*bruteforce(char \*mdp, char \*charset, int size)

  qui implémente une recherche de mot de passe par force brute.

2. Mot de passe par force brute

### Proposition de solution

```
char *bruteforce(char *mdp, char *charset, int size)
 3
           char *test = malloc(sizeof(char) * size);
           int nb_char = strlen(charset);
           int idx[size];
           int cidx;
           for (int k = 0; k < size; k++)
 8
 9
               idx[k] = 0;
10
               test[k] = charset[0];
11
12
           while (idx[0] < nb_char)
13
14
               if (strcmp(test, mdp) == 0)
15
16
                   return test:
17
18
               idx[size - 1]++:
19
               cidx = size - 1:
20
               while (cidx != 0 && idx[cidx] == nb char)
21
22
                   idx[cidx] = 0:
                   test[cidx] = charset[0]:
24
                   cidx--:
25
                   idx[cidx]++:
26
                   test[cidx] = charset[idx[cidx]]:
27
28
               test[size - 1] = charset[idx[size - 1]]:
30
           return "":
31
```

3. Résolution par retour sur trace

#### Définition

Le retour sur trace (backtracking) consiste à construire la solution d'un problème à partir d'une solution partielle. On s'arrête dès qu'une incohérence est rencontrée dans la solution partielle et on revient en arrière afin de modifier une décision prise précédemment.

3. Résolution par retour sur trace

#### Définition

Le retour sur trace (backtracking) consiste à construire la solution d'un problème à partir d'une solution partielle. On s'arrête dès qu'une incohérence est rencontrée dans la solution partielle et on revient en arrière afin de modifier une décision prise précédemment.

### Exemple

Pour résoudre un Sudoku :

3. Résolution par retour sur trace

#### Définition

Le retour sur trace (backtracking) consiste à construire la solution d'un problème à partir d'une solution partielle. On s'arrête dès qu'une incohérence est rencontrée dans la solution partielle et on revient en arrière afin de modifier une décision prise précédemment.

### Exemple

Pour résoudre un Sudoku :

 La force brute parcourt l'ensemble des valeurs possibles pour toutes les cases restantes 3. Résolution par retour sur trace

#### Définition

Le retour sur trace (backtracking) consiste à construire la solution d'un problème à partir d'une solution partielle. On s'arrête dès qu'une incohérence est rencontrée dans la solution partielle et on revient en arrière afin de modifier une décision prise précédemment.

### Exemple

Pour résoudre un Sudoku :

- La force brute parcourt l'ensemble des valeurs possibles pour toutes les cases restantes
- Le backtracking place des valeurs au fur et à mesure et revient en arrière si une impossibilité est rencontrée.

4. Résolution du problème des n reines par backtracking

### Exemple

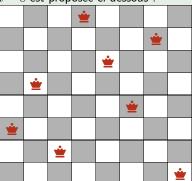
Le problème des n reines consiste à placer n reines sur une échiquier de taille n de façon à ce que deux reines ne soit pas sur la même ligne, même colonne ou même diagonale (c'est à dire qu'aucune reine n'en menace une autre)

4. Résolution du problème des n reines par backtracking

### Exemple

Le problème des n reines consiste à placer n reines sur une échiquier de taille n de façon à ce que deux reines ne soit pas sur la même ligne, même colonne ou même diagonale (c'est à dire qu'aucune reine n'en menace une autre)

Une solution dans le cas n=8 est proposée ci-dessous :



4. Résolution du problème des n reines par backtracking

### Représentation du problème

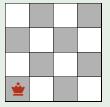
ullet On sait qu'il y a une seule reine par colonne, on peut donc représenter une position de jeu par un tableau de taille n contenant les numéros de ligne des k reines déjà placées.

4. Résolution du problème des n reines par backtracking

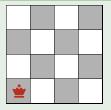
### Représentation du problème

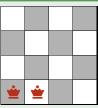
- ullet On sait qu'il y a une seule reine par colonne, on peut donc représenter une position de jeu par un tableau de taille n contenant les numéros de ligne des k reines déjà placées.
- $\bullet$  L'algorithme va alors consister à tenter de placer la reine k+1 sur chacune des lignes  $0,\dots,k-1$ 
  - si cela génère une menace, on essayer la possibilité suivante, en revenant récursivement à la reine précédente si nécesssaire
  - sinon on place la reine suivante, si c'est la dernière reine, une solution est trouvée.

4. Résolution du problème des n reines par backtracking

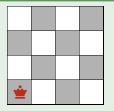


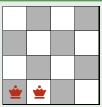
4. Résolution du problème des n reines par backtracking





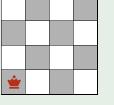
4. Résolution du problème des n reines par backtracking







4. Résolution du problème des n reines par backtracking

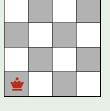


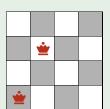




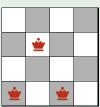


4. Résolution du problème des n reines par backtracking



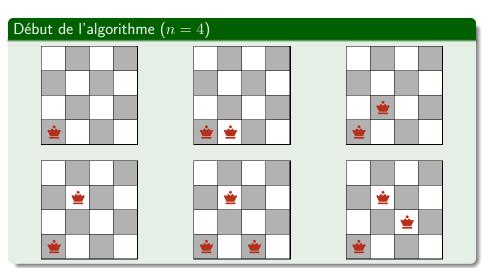








4. Résolution du problème des n reines par backtracking



4. Résolution du problème des n reines par backtracking

### Implémentation en langage C

• Ecrire une fonction de signature bool menace(int tab[], int idx) qui renvoie true si la reine située en colonne idx menace l'une des reines situés en colonne 0, ..., idx-1.

4. Résolution du problème des n reines par backtracking

### Implémentation en langage C

◆ Ecrire une fonction de signature bool menace(int tab[], int idx) qui renvoie true si la reine située en colonne idx menace l'une des reines situés en colonne 0, ..., idx-1.

4. Résolution du problème des n reines par backtracking

### Implémentation en langage C

◆ Ecrire une fonction de signature bool menace(int tab[], int idx) qui renvoie true si la reine située en colonne idx menace l'une des reines situés en colonne 0, ..., idx-1.

ullet Ecrire une fonction qui renvoie la première solution rencontrée sous la forme du tableau des positions par colonne des n reines.

4. Résolution du problème des n reines par backtracking

### Proposition de solution

```
bool solve(int sol[], int size, int idx)
         if (idx == size)
             return true;
         else
             for (int p = 0; p < size; p++)
10
                 sol[idx] = p;
11
                 if (!menace(sol, idx) && solve(sol, size, idx + 1))
12
13
                     return true:
14
15
16
17
             return false;
18
19
```

4. Résolution du problème des n reines par backtracking

### Exercice

Modifier la fonction précédente afin qu'elle calcule le nombre total de solutions au problème.

4. Résolution du problème des n reines par backtracking

### Exercice

Modifier la fonction précédente afin qu'elle calcule le nombre total de solutions au problème.

```
void nreines(int sol[], int size, int index, int *nb_sol)
    {
         if (index == size)
             *nb sol = *nb sol+1;
         else
             for (int p = 0; p < SIZE; p++)
10
                 sol[index] = p;
11
                 if (!menace(sol, index))
12
13
                     nreines(sol,size, index + 1,nb_sol);
14
15
             }
16
17
18
```