

Bref historique

• Années 70 : développement du langage de preuve de programme ML (Meta Language) (R. Milner).



- Années 70 : développement du langage de preuve de programme ML (Meta Language) (R. Milner).
- 1985 : première implémentation de Caml (Categorical Abstract Machine Language) à l'INRIA (organisme de recherche français).



- Années 70 : développement du langage de preuve de programme ML (Meta Language) (R. Milner).
- 1985 : première implémentation de Caml (Categorical Abstract Machine Language) à l'INRIA (organisme de recherche français).
- 1996 : première version de OCaml (Objective Caml) par X. Leroy.



- Années 70 : développement du langage de preuve de programme ML (Meta Language) (R. Milner).
- 1985 : première implémentation de Caml (Categorical Abstract Machine Language) à l'INRIA (organisme de recherche français).
- 1996 : première version de OCaml (Objective Caml) par X. Leroy.
- 2005 : Première version de F#, variante de OCaml développé par Microsoft.

- Années 70 : développement du langage de preuve de programme ML (Meta Language) (R. Milner).
- 1985 : première implémentation de Caml (Categorical Abstract Machine Language) à l'INRIA (organisme de recherche français).
- 1996 : première version de OCaml (Objective Caml) par X. Leroy.
- 2005 : Première version de F#, variante de OCaml développé par Microsoft.
- 2016 : Première version de Reason, variant de Ocaml développé par Facebook.

- Années 70 : développement du langage de preuve de programme ML (Meta Language) (R. Milner).
- 1985 : première implémentation de Caml (Categorical Abstract Machine Language) à l'INRIA (organisme de recherche français).
- 1996 : première version de OCaml (Objective Caml) par X. Leroy.
- 2005 : Première version de F#, variante de OCaml développé par Microsoft.
- 2016 : Première version de Reason, variant de Ocaml développé par Facebook.
- 2022 : OCaml version 5.0.0



Quelques caractéristiques

 OCaml est un langage de programmation fonctionnel, les fonctions sont au coeur de ce paradigme de programmation.



- OCaml est un langage de programmation fonctionnel, les fonctions sont au coeur de ce paradigme de programmation.
- Les variables sont non modifiables en conséquence la récursivité est fondamentale car l'écriture de boucle devient impossible. La motivation est de produire un code plus lisible, plus facile à maintenir et moins sujet aux bugs.



- OCaml est un langage de programmation fonctionnel, les fonctions sont au coeur de ce paradigme de programmation.
- Les variables sont non modifiables en conséquence la récursivité est fondamentale car l'écriture de boucle devient impossible. La motivation est de produire un code plus lisible, plus facile à maintenir et moins sujet aux bugs.
- OCaml est typé statiquement, une variable ne peut pas changer de type au cours de l'exécution. De plus les erreurs de type seront systématiquement détectées à la compilation.



- OCaml est un langage de programmation fonctionnel, les fonctions sont au coeur de ce paradigme de programmation.
- Les variables sont non modifiables en conséquence la récursivité est fondamentale car l'écriture de boucle devient impossible. La motivation est de produire un code plus lisible, plus facile à maintenir et moins sujet aux bugs.
- OCaml est typé statiquement, une variable ne peut pas changer de type au cours de l'exécution. De plus les erreurs de type seront systématiquement détectées à la compilation.
- Le type des variables n'a pas besoin d'être précisé, il sera automatiquement détecté par le compilateur grâce à un procédé appelé inférence de type.



- OCaml est un langage de programmation fonctionnel, les fonctions sont au coeur de ce paradigme de programmation.
- Les variables sont non modifiables en conséquence la récursivité est fondamentale car l'écriture de boucle devient impossible. La motivation est de produire un code plus lisible, plus facile à maintenir et moins sujet aux bugs.
- OCaml est typé statiquement, une variable ne peut pas changer de type au cours de l'exécution. De plus les erreurs de type seront systématiquement détectées à la compilation.
- Le type des variables n'a pas besoin d'être précisé, il sera automatiquement détecté par le compilateur grâce à un procédé appelé inférence de type.
- Ocaml est un langage compilé, cependant un environnement interactif utop est disponible.



- OCaml est un langage de programmation fonctionnel, les fonctions sont au coeur de ce paradigme de programmation.
- Les variables sont non modifiables en conséquence la récursivité est fondamentale car l'écriture de boucle devient impossible. La motivation est de produire un code plus lisible, plus facile à maintenir et moins sujet aux bugs.
- OCaml est typé statiquement, une variable ne peut pas changer de type au cours de l'exécution. De plus les erreurs de type seront systématiquement détectées à la compilation.
- Le type des variables n'a pas besoin d'être précisé, il sera automatiquement détecté par le compilateur grâce à un procédé appelé inférence de type.
- Ocaml est un langage compilé, cependant un environnement interactif utop est disponible.
- La gestion de la mémoire est automatique (via un ramasse-miettes garbage collector).

Fonctions sur les entiers et les flottants

```
let f n = n * (n-1);
```



Fonctions sur les entiers et les flottants

• Fonction qui pour un entier n, renvoie n(n-1).

```
let f n = n * (n-1);
```

 A Dans le paradigme fonctionnel, on écrit des expressions et pas des instructions (paradigme impératif). Contrairement à une instruction, une expression est évaluée et renvoie toujours une valeur.

Fonctions sur les entiers et les flottants

```
let f n = n * (n-1);
```

- A Dans le paradigme fonctionnel, on écrit des expressions et pas des instructions (paradigme impératif). Contrairement à une instruction, une expression est évaluée et renvoie toujours une valeur.
- On remarquera la proximité avec $f: n \mapsto n(n-1)$ (et l'absence de return).

Fonctions sur les entiers et les flottants

```
let f n = n * (n-1);;
```

- A Dans le paradigme fonctionnel, on écrit des expressions et pas des instructions (paradigme impératif). Contrairement à une instruction, une expression est évaluée et renvoie toujours une valeur.
- On remarquera la proximité avec $f: n \mapsto n(n-1)$ (et l'absence de return).
- Les opérateurs *, portent sur les entiers et permettent d'inférer le type de l'argument et du résultat.

Fonctions sur les entiers et les flottants

```
let f n = n * (n-1);
```

- A Dans le paradigme fonctionnel, on écrit des expressions et pas des instructions (paradigme impératif). Contrairement à une instruction, une expression est évaluée et renvoie toujours une valeur.
- On remarquera la proximité avec $f: n \mapsto n(n-1)$ (et l'absence de return).
- Les opérateurs *, portent sur les entiers et permettent d'inférer le type de l'argument et du résultat.
- Pour calculer f(5) : **f** 5 ;;

Fonctions sur les entiers et les flottants

```
let f n = n * (n-1);;
```

- A Dans le paradigme fonctionnel, on écrit des expressions et pas des instructions (paradigme impératif). Contrairement à une instruction, une expression est évaluée et renvoie toujours une valeur.
- On remarquera la proximité avec $f: n \mapsto n(n-1)$ (et l'absence de return).
- Les opérateurs *, portent sur les entiers et permettent d'inférer le type de l'argument et du résultat.
- Pour calculer f(5) : **f** 5 ;;
- **2** Fonction qui pour un flottant x, renvoie $x^2 3x + 7$.

```
let g x = x**2. -. 3.0*.x +. 7.0;
```

Fonctions sur les entiers et les flottants

• Fonction qui pour un entier n, renvoie n(n-1).

```
let f n = n * (n-1);;
```

- A Dans le paradigme fonctionnel, on écrit des expressions et pas des instructions (paradigme impératif). Contrairement à une instruction, une expression est évaluée et renvoie toujours une valeur.
- On remarquera la proximité avec $f: n \mapsto n(n-1)$ (et l'absence de return).
- Les opérateurs *, portent sur les entiers et permettent d'inférer le type de l'argument et du résultat.
- Pour calculer f(5) : **f** 5 ;;
- **2** Fonction qui pour un flottant x, renvoie $x^2 3x + 7$.

```
let g x = x**2. -. 3.0*.x +. 7.0;;
```

• Les opérateurs +., *. et -. concernent les flottants.

Fonctions sur les entiers et les flottants

```
let f n = n * (n-1);;
```

- A Dans le paradigme fonctionnel, on écrit des expressions et pas des instructions (paradigme impératif). Contrairement à une instruction, une expression est évaluée et renvoie toujours une valeur.
- On remarquera la proximité avec $f: n \mapsto n(n-1)$ (et l'absence de return).
- Les opérateurs *, portent sur les entiers et permettent d'inférer le type de l'argument et du résultat.
- Pour calculer f(5) : **f** 5 ;;
- **2** Fonction qui pour un flottant x, renvoie $x^2 3x + 7$.

```
let g x = x**2. -. 3.0*.x +. 7.0;
```

- Les opérateurs +., *. et -. concernent les flottants.
- L'exponentiation est ** (sur les flottants uniquement).

Polymorphisme, booléens, conditionnelle

```
let deux_egaux a b c = (a=b) || (b=c) || (a=c);;
```

Polymorphisme, booléens, conditionnelle

• Fonction qui renvoie true lorsque deux des trois arguments sont égaux.

```
1 let deux_egaux a b c = (a=b) || (b=c) || (a=c);;
```

• Les opérateurs logiques sont &&, || et not.

Polymorphisme, booléens, conditionnelle

```
1 let deux_egaux a b c = (a=b) || (b=c) || (a=c);;
```

- Les opérateurs logiques sont &&, || et not.
- Ici l'inférence de type ne permet pas de déterminer le type des arguments, on dit que la fonction est polymorphe.

Polymorphisme, booléens, conditionnelle

```
1 let deux_egaux a b c = (a=b) || (b=c) || (a=c);;
```

- Les opérateurs logiques sont &&, || et not.
- Ici l'inférence de type ne permet pas de déterminer le type des arguments, on dit que la fonction est polymorphe.
- L'appel s'effectue en donnant les paramètres séparés par des espaces : deux egaux 4 6 4;;

Polymorphisme, booléens, conditionnelle

```
let deux_egaux a b c = (a=b) || (b=c) || (a=c);;
```

- Les opérateurs logiques sont &&, || et not.
- Ici l'inférence de type ne permet pas de déterminer le type des arguments, on dit que la fonction est polymorphe.
- L'appel s'effectue en donnant les paramètres séparés par des espaces : deux egaux 4 6 4;;
- 2 Terme suivant de la suite de syracuse :

```
let syracuse n =
if n mod 2 = 0 then n/2 else 3*n+1;;
```

Polymorphisme, booléens, conditionnelle

• Fonction qui renvoie true lorsque deux des trois arguments sont égaux.

```
let deux_egaux a b c = (a=b) || (b=c) || (a=c);;
```

- Les opérateurs logiques sont &&, || et not.
- Ici l'inférence de type ne permet pas de déterminer le type des arguments, on dit que la fonction est polymorphe.
- L'appel s'effectue en donnant les paramètres séparés par des espaces : deux egaux 4 6 4;;
- 2 Terme suivant de la suite de syracuse :

```
1 let syracuse n =
2 if n mod 2 = 0 then n/2 else 3*n+1;;
```

On notera la construction if ...then ...else.

Polymorphisme, booléens, conditionnelle

```
let deux_egaux a b c = (a=b) || (b=c) || (a=c);;
```

- Les opérateurs logiques sont &&, || et not.
- Ici l'inférence de type ne permet pas de déterminer le type des arguments, on dit que la fonction est polymorphe.
- L'appel s'effectue en donnant les paramètres séparés par des espaces : deux egaux 4 6 4;;
- 2 Terme suivant de la suite de syracuse :

```
let syracuse n =
if n mod 2 = 0 then n/2 else 3*n+1;;
```

- On notera la construction if ...then ...else.
- Attention, le test d'égalité est le = simple.

Polymorphisme, booléens, conditionnelle

```
let deux_egaux a b c = (a=b) || (b=c) || (a=c);;
```

- Les opérateurs logiques sont &&, || et not.
- Ici l'inférence de type ne permet pas de déterminer le type des arguments, on dit que la fonction est polymorphe.
- L'appel s'effectue en donnant les paramètres séparés par des espaces : deux_egaux 4 6 4;;
- 2 Terme suivant de la suite de syracuse :

```
let syracuse n =
if n mod 2 = 0 then n/2 else 3*n+1;;
```

- On notera la construction if ...then ...else.
- Attention, le test d'égalité est le = simple.
- Le modulo s'obtient avec mod.

Récursivité exemple 1

Fonction qui calcule la somme des n premiers carrés.

```
let rec somme_carre n =
if n=0 then 0 else n*n + somme_carre (n-1);;
```

Récursivité exemple 1

Fonction qui calcule la somme des n premiers carrés.

```
let rec somme_carre n =
if n=0 then 0 else n*n + somme_carre (n-1);;
```

• On notera la mot clé rec pour préciser que la fonction est récursive.

Récursivité exemple 1

Fonction qui calcule la somme des n premiers carrés.

```
let rec somme_carre n =
if n=0 then 0 else n*n + somme_carre (n-1);;
```

- On notera la mot clé rec pour préciser que la fonction est récursive.
- Les parenthèses autour de n-1 permettent d'éviter la confusion avec (somme carre n)-1 (et donc d'avoir une récursion infinie)



C6 OCaml: aspects fonctionnels

2. Quelques exemples

Récursivité exemple 2

Fonction qui compte à rebours depuis n et affiche "Partez"!

```
let rec compte_rebours n =
  if n=0 then print_endline "Partez" else (
    print_int n;
    print_endline "";
    compte_rebours (n-1) );;
```



C6 OCaml: aspects fonctionnels

2. Quelques exemples

Récursivité exemple 2

Fonction qui compte à rebours depuis n et affiche "Partez"!

```
let rec compte_rebours n =
  if n=0 then print_endline "Partez" else (
    print_int n;
    print_endline "";
    compte_rebours (n-1) );;
```

• Regroupement de la clause du else dans un bloc délimité par (). On peut de façon équivalente délimiter par begin et end



Récursivité exemple 2

Fonction qui compte à rebours depuis n et affiche "Partez"!

```
let rec compte_rebours n =
if n=0 then print_endline "Partez" else (
   print_int n;
   print_endline "";
   compte_rebours (n-1) );;
```

- Regroupement de la clause du else dans un bloc délimité par ().
 On peut de façon équivalente délimiter par begin et end
- Les résultats des affichages, sont aussi des expressions et donc renvoient une valeur. Ce sont des valeurs de type unit (et on tous la même valeur : ()).



Récursivité exemple 2

Fonction qui compte à rebours depuis n et affiche "Partez"!

```
let rec compte_rebours n =
if n=0 then print_endline "Partez" else (
   print_int n;
   print_endline "";
   compte_rebours (n-1) );;
```

- Regroupement de la clause du else dans un bloc délimité par ().
 On peut de façon équivalente délimiter par begin et end
- Les résultats des affichages, sont aussi des expressions et donc renvoient une valeur. Ce sont des valeurs de type unit (et on tous la même valeur : ()).
- Les ; séparent les différents affichages, ils permettent d'ignorer la valeur renvoyée par les différents affichages. L'évaluation de l'expression se poursuit donc jusqu'à l'appel récursif.





A retenir!

 Un programme OCaml consiste en l'évaluation d'une ou plusieurs expressions, il n'y a pas d'instructions.



2. Quelques exemples



A retenir!

 Un programme OCaml consiste en l'évaluation d'une ou plusieurs expressions, il n'y a pas d'instructions.

Une structure **if** ...**then** ...**else** est évaluée et renvoie une expression. En impératif, ce sont des instructions conditionnelles.



2. Quelques exemples



A retenir!

- Un programme OCaml consiste en l'évaluation d'une ou plusieurs expressions, il n'y a pas d'instructions.
 - Une structure **if** ...**then** ...**else** est évaluée et renvoie une expression. En impératif, ce sont des instructions conditionnelles.
- Les types n'ont pas a être spécifiés, ils sont déterminés automatiquement par le mécanisme d'inférence.



2. Quelques exemples



A retenir!

- Un programme OCaml consiste en l'évaluation d'une ou plusieurs expressions, il n'y a pas d'instructions.
 - Une structure **if** ...**then** ...**else** est évaluée et renvoie une expression. En impératif, ce sont des instructions conditionnelles.
- Les types n'ont pas a être spécifiés, ils sont déterminés automatiquement par le mécanisme d'inférence.
- Toute expression a une valeur, la détermination de cette valeur s'appelle l'évaluation.



Туре	Opérations	Commentaires

Type	Opérations	Commentaires
int	+, -, *, /, mod, abs	Entiers signés sur 64 bits valeurs dans $[\![-2^{62};2^{62}-1]\!]$



Туре	Opérations	Commentaires
int	+, -, *, /, mod, abs	Entiers signés sur 64 bits valeurs dans $[\![-2^{62};2^{62}-1]\!]$
float	+.,, *., /., **	Correspond au type double de la norme IEEE- 754 . Fonctions mathématiques usuelles (\sin, \exp, \dots)



Туре	Opérations	Commentaires
int	+, -, *, /, mod, abs	Entiers signés sur 64 bits valeurs dans $[\![-2^{62};2^{62}-1]\!]$
float	+.,, *., /., **	Correspond au type double de la norme ${\tt IEEE-754}.$ Fonctions mathématiques usuelles (\sin, \exp, \dots)
bool	&&, , not	Evaluations paresseuses. Les valeurs sont notées true et false.



C6 OCaml: aspects fonctionnels

3. Définitions et types de base

Туре	Opérations	Commentaires
int	+, -, *, /, mod, abs	Entiers signés sur 64 bits valeurs dans $[\![-2^{62};2^{62}-1]\!]$
float	+.,, *., /., **	Correspond au type double de la norme IEEE- 754 . Fonctions mathématiques usuelles (\sin, \exp, \dots)
bool	&&, , not	Evaluations paresseuses. Les valeurs sont notées true et false.
char		Se note entre apostrophe (' et '). Les char sont comparables (ordre du code ASCII).



C6 OCaml : aspects fonctionnels

3. Définitions et types de base

Туре	Opérations	Commentaires
int	+, -, *, /, mod, abs	Entiers signés sur 64 bits valeurs dans $[\![-2^{62};2^{62}-1]\!]$
float	+.,, *., /., **	Correspond au type double de la norme IEEE- 754 . Fonctions mathématiques usuelles (\sin, \exp, \dots)
bool	&&, , not	Evaluations paresseuses. Les valeurs sont notées true et false.
char		Se note entre apostrophe (' et '). Les char sont comparables (ordre du code ASCII).
string	^, .[], String.length	Immutabilité. Concaténation de deux chaines : "Bon"^"jour". Accès au ième avec .[i]



Types de base

Туре	Opérations	Commentaires
int	+, -, *, /, mod, abs	Entiers signés sur 64 bits valeurs dans $[\![-2^{62};2^{62}-1]\!]$
float	+.,, *., /., **	Correspond au type double de la norme IEEE- 754 . Fonctions mathématiques usuelles (\sin, \exp, \dots)
bool	&&, , not	Evaluations paresseuses. Les valeurs sont notées true et false.
char		Se note entre apostrophe (' et '). Les char sont comparables (ordre du code ASCII).
string	^, .[], String.length	Immutabilité. Concaténation de deux chaines : "Bon"^"jour". Accès au ième avec .[i]

• Le type unit possède une seule valeur notée () à rapprocher du type void du C. Un affichage renvoie ().



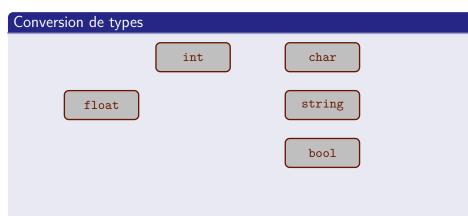
Types de base

Туре	Opérations	Commentaires
int	+, -, *, /, mod, abs	Entiers signés sur 64 bits valeurs dans $[\![-2^{62};2^{62}-1]\!]$
float	+.,, *., /., **	Correspond au type double de la norme IEEE- 754 . Fonctions mathématiques usuelles (\sin, \exp, \dots)
bool	&&, , not	Evaluations paresseuses. Les valeurs sont notées true et false.
char		Se note entre apostrophe (' et '). Les char sont comparables (ordre du code ASCII).
string	^, .[], String.length	Immutabilité. Concaténation de deux chaines : "Bon"^"jour". Accès au ième avec . [i]

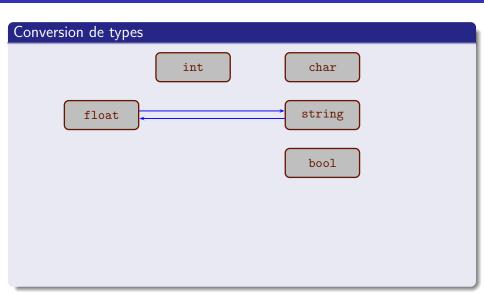
- Le type unit possède une seule valeur notée () à rapprocher du type void du C. Un affichage renvoie ().
- Les opérateurs de comparaison (=, <>, >, >=, <, <=) sont polymorphes mais s'appliquent à deux objets de même type.

Année scolaire 2023-2024











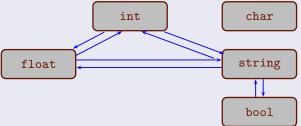
Conversion de types char int string float bool



Conversion de types char int string float bool

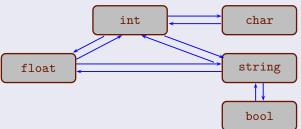


Conversion de types



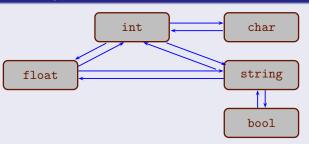


Conversion de types





Conversion de types

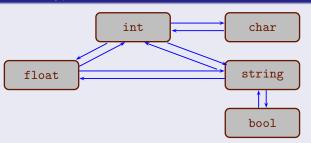


 Les fonctions de conversion sont de la forme <type1>_of_<type2> par exemple, string_of_float.

C6 OCaml : aspects fonctionnels

3. Définitions et types de base

Conversion de types

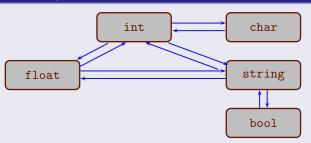


- Les fonctions de conversion sont de la forme <type1>_of_<type2> par exemple, string_of_float.
- Il n'y a pas de conversion implicite.

C6 OCaml: aspects fonctionnels

3. Définitions et types de base

Conversion de types



- Les fonctions de conversion sont de la forme <type1> of <type2> par exemple, string_of_float.
- Il n'y a pas de conversion implicite.
- L'affichage s'obtient avec print_<type> par exemple print_string (excepté pour les booléens).

Année scolaire 2023-2024



Syntaxe et évaluation

• En Ocaml, on parlera d'expressions conditionnelles (et pas d'instructions conditonnelles).

- En Ocaml, on parlera d'expressions conditionnelles (et pas d'instructions conditonnelles).
- La syntaxe d'une expression conditionnelle est :

```
if expr_bool then expr1 else expr2;;
```

Syntaxe et évaluation

- En Ocaml, on parlera d'expressions conditionnelles (et pas d'instructions conditonnelles).
- La syntaxe d'une expression conditionnelle est :

```
if expr_bool then expr1 else expr2;;
```

Cette expression est évaluée de la façon suivante :

- En Ocaml, on parlera d'expressions conditionnelles (et pas d'instructions conditonnelles).
- La syntaxe d'une expression conditionnelle est :

```
if expr_bool then expr1 else expr2;;
```

- Cette expression est évaluée de la façon suivante :
 - On évalue expr_bool

- En Ocaml, on parlera d'expressions conditionnelles (et pas d'instructions conditonnelles).
- La syntaxe d'une expression conditionnelle est :

```
if expr_bool then expr1 else expr2;;
```

- Cette expression est évaluée de la façon suivante :
 - On évalue expr_bool
 - Si le résultat est vrai alors la valeur de l'expression conditionnelle est expr1

- En Ocaml, on parlera d'expressions conditionnelles (et pas d'instructions conditonnelles).
- La syntaxe d'une expression conditionnelle est :

```
if expr_bool then expr1 else expr2;;
```

- Cette expression est évaluée de la façon suivante :
 - On évalue expr_bool
 - Si le résultat est vrai alors la valeur de l'expression conditionnelle est expr1
 - Sinon c'est expr2

- En Ocaml, on parlera d'expressions conditionnelles (et pas d'instructions conditonnelles).
- La syntaxe d'une expression conditionnelle est :

```
if expr_bool then expr1 else expr2;;
```

- Cette expression est évaluée de la façon suivante :
 - On évalue expr_bool
 - Si le résultat est vrai alors la valeur de l'expression conditionnelle est expr1
 - Sinon c'est expr2
- expr1 et expr2 doivent toujours être du même type.

- En Ocaml, on parlera d'expressions conditionnelles (et pas d'instructions conditonnelles).
- La syntaxe d'une expression conditionnelle est :

```
if expr_bool then expr1 else expr2;;
```

- Cette expression est évaluée de la façon suivante :
 - On évalue expr_bool
 - Si le résultat est vrai alors la valeur de l'expression conditionnelle est expr1
 - Sinon c'est expr2
- expr1 et expr2 doivent toujours être du même type.
- On doit donc toujours écrire la clause else

- En Ocaml, on parlera d'expressions conditionnelles (et pas d'instructions conditonnelles).
- La syntaxe d'une expression conditionnelle est :

```
if expr_bool then expr1 else expr2;;
```

- Cette expression est évaluée de la façon suivante :
 - On évalue expr_bool
 - Si le résultat est vrai alors la valeur de l'expression conditionnelle est expr1
 - Sinon c'est expr2
- expr1 et expr2 doivent toujours être du même type.
- On doit donc toujours écrire la clause else

 Sauf en fait dans le cas où expr1 est de type unit, dans ce cas en cas d'omission,
 expr2 est par défaut () (seule valeur du type unit)



Exemple

• Ecrire une fonction abs_entier qui renvoie la valeur absolue de l'entier donné en argument .



Exemple

Ecrire une fonction abs_entier qui renvoie la valeur absolue de l'entier donné en argument .

```
let abs_entier n =
if n <0 then -n else n;;</pre>
```



Exemple

Ecrire une fonction abs_entier qui renvoie la valeur absolue de l'entier donné en argument .

```
let abs_entier n =
if n <0 then -n else n;;</pre>
```

Ecrire une fonction abs_flottant qui renvoie la valeur absolue du flottant donné en argument .



Exemple

Ecrire une fonction abs_entier qui renvoie la valeur absolue de l'entier donné en argument .

```
let abs_entier n =
if n <0 then -n else n;;</pre>
```

Ecrire une fonction abs_flottant qui renvoie la valeur absolue du flottant donné en argument .

```
let abs_flottant n =
if n < 0. then -.n else n;;</pre>
```



5. Structure d'un programme Ocaml

Structure générale d'un programme OCaml

```
    Un programme OCaml repose sur l'évaluation d'une ou plusieurs expressions :
expr1 ;;
expr2 ;;
```

. . .



5. Structure d'un programme Ocaml

Structure générale d'un programme OCaml

 Un programme OCaml repose sur l'évaluation d'une ou plusieurs expressions : expr1 ;; expr2 ;;

. . .

• Les expressions sont évaluées dans un environnement (qui lie des identificateurs à des valeurs)

a + b est une expression qui sera évaluée à 10 si a est lié à la valeur 4 et b à la valeur 6.

5. Structure d'un programme Ocaml

Structure générale d'un programme OCaml

```
    Un programme OCaml repose sur l'évaluation d'une ou plusieurs expressions :
expr1 ;;
expr2 ;;
```

 Les expressions sont évaluées dans un environnement (qui lie des identificateurs à des valeurs)

```
a + b est une expression qui sera évaluée à 10 si a est lié à la valeur 4 et b à la valeur 6.
```

• On manipule l'environnement global grâce au mot clef let :

```
let id = expr;;
```

5. Structure d'un programme Ocaml

Structure générale d'un programme OCaml

- Un programme OCaml repose sur l'évaluation d'une ou plusieurs expressions : expr1 ;; expr2 ;;
- Les expressions sont évaluées dans un environnement (qui lie des identificateurs à des valeurs)
 - a + b est une expression qui sera évaluée à 10 si a est lié à la valeur 4 et b à la valeur 6.
- On manipule l'environnement global grâce au mot clef let : let id = expr;;
- Le mot clef in permet de créer un environnement local :
 - let id = expr1 in expr2;; Si id existe existe déjà dans l'environnement courant il est provisoirement masqué.

5. Structure d'un programme Ocaml

Fonctions

- L'appel d'une fonction f à n arguments s'écrit en OCaml : f x1 x2 ... xn Attention au parenthésage!
 - f 2 * 3 est équivalent à (f 2) * 3 et vaut $f(2) \times 3$
 - f (2*3) vaut $f(2 \times 3)$.

Fonctions

- L'appel d'une fonction f à n arguments s'écrit en OCaml : f x1 x2 ... xn
 Attention au parenthésage!
 - f 2 * 3 est équivalent à (f 2) * 3 et vaut $f(2) \times 3$ f (2*3) vaut $f(2 \times 3)$.
- OCaml traite les fonctions à plusieurs variables comme une fonction à un argument qui renvoie une fonction sur le reste des variables. C'est ce qu'on appelle la curryfication (du nom du mathématicien américain Haskell Curry). C'est à dire que par exemple :

Fonctions

- L'appel d'une fonction f à n arguments s'écrit en OCaml : f x1 x2 ... xn
 Attention au parenthésage!
 - f 2 * 3 est équivalent à (f 2) * 3 et vaut $f(2) \times 3$ f (2*3) vaut $f(2 \times 3)$.
- OCaml traite les fonctions à plusieurs variables comme une fonction à un argument qui renvoie une fonction sur le reste des variables. C'est ce qu'on appelle la curryfication (du nom du mathématicien américain Haskell Curry). C'est à dire que par exemple :
- En conséquence, appeler une fonction sans préciser tous ses arguments, crée une nouvelle fonction!

Exemple

```
let aire_rectangle long larg = long*larg;;

let aire_cercle r =
    let pi = 3.1415 in 2.*.pi*.r;;

print_int (aire_rectangle 4 10) ;;
print_newline() ;;
print_float (aire_cercle 5.);;
print_newline() ;;
```



5. Structure d'un programme Ocaml

Exemple



Principe



Principe

Les trois mécanismes suivants permettent de construire de nouveaux types en OCaml à partir des types de base (int, float, bool, ...)

• Les couples, triplets et plus généralement les n-uplets, définissent des types de la forme (x_1, \ldots, x_n) ou chacun des x_i peut avoir son propre type de base.



Principe

Les trois mécanismes suivants permettent de construire de nouveaux types en OCaml à partir des types de base (int, float, bool, ...)

• Les couples, triplets et plus généralement les n-uplets, définissent des types de la forme (x_1, \ldots, x_n) ou chacun des x_i peut avoir son propre type de base. Ex: type point = float * float;; définit un couple de flottant.



Principe

Les trois mécanismes suivants permettent de construire de nouveaux types en OCaml à partir des types de base (int, float, bool, ...)

• Les couples, triplets et plus généralement les n-uplets, définissent des types de la forme (x_1,\ldots,x_n) ou chacun des x_i peut avoir son propre type de base. Ex: type point = float * float; définit un couple de flottant. Les fonctions fst et snd permettent d'accéder au premier et au second élément d'un n-uplet.

Principe

- Les couples, triplets et plus généralement les n-uplets, définissent des types de la forme (x_1, \ldots, x_n) ou chacun des x_i peut avoir son propre type de base. Ex: type point = float * float;; définit un couple de flottant. Les fonctions fst et snd permettent d'accéder au premier et au second élément d'un n-uplet.
- Les types enregistrements (ou type produits).

Principe

- Les couples, triplets et plus généralement les n-uplets, définissent des types de la forme (x_1,\ldots,x_n) ou chacun des x_i peut avoir son propre type de base. Ex : type point = float * float; ; définit un couple de flottant. Les fonctions fst et snd permettent d'accéder au premier et au second élément d'un n-uplet.
- Les types enregistrements (ou type produits).
 Ex : type date = {jour : int; mois : string; annee : int}

Principe

6. Les types construits

- Les couples, triplets et plus généralement les n-uplets, définissent des types de la forme (x_1, \ldots, x_n) ou chacun des x_i peut avoir son propre type de base. Ex: type point = float * float;; définit un couple de flottant. Les fonctions fst et snd permettent d'accéder au premier et au second élément d'un n-uplet.
- Les types enregistrements (ou type produits).
 Ex: type date = {jour : int; mois : string; annee : int}
 Accès aux champs avec la notation . (comme en C).

Principe

- Les couples, triplets et plus généralement les n-uplets, définissent des types de la forme (x_1, \ldots, x_n) ou chacun des x_i peut avoir son propre type de base. Ex: type point = float * float;; définit un couple de flottant. Les fonctions fst et snd permettent d'accéder au premier et au second élément d'un n-uplet.
- Les types enregistrements (ou type produits).
 Ex : type date = {jour : int; mois : string; annee : int}
 Accès aux champs avec la notation . (comme en C).
- Les types unions (ou encore types sommes) où on liste les valeurs possibles séparés par des |.

Principe

- Les couples, triplets et plus généralement les n-uplets, définissent des types de la forme (x_1, \ldots, x_n) ou chacun des x_i peut avoir son propre type de base. Ex: type point = float * float;; définit un couple de flottant. Les fonctions fst et snd permettent d'accéder au premier et au second élément d'un n-uplet.
- Les types enregistrements (ou type produits).
 Ex : type date = {jour : int; mois : string; annee : int}
 Accès aux champs avec la notation . (comme en C).
- Les types unions (ou encore types sommes) où on liste les valeurs possibles séparés par des |.

```
Ex:type signe = Positif | Negatif | Nul;;
```

Principe

- Les couples, triplets et plus généralement les n-uplets, définissent des types de la forme (x_1,\ldots,x_n) ou chacun des x_i peut avoir son propre type de base. Ex: type point = float * float; définit un couple de flottant. Les fonctions fst et snd permettent d'accéder au premier et au second élément d'un n-uplet.
- Les types enregistrements (ou type produits).
 Ex : type date = {jour : int; mois : string; annee : int}
 Accès aux champs avec la notation . (comme en C).
- Les types unions (ou encore types sommes) où on liste les valeurs possibles séparés par des |.

```
Ex:type signe = Positif | Negatif | Nul;;
Ex:type carte = Roi | Dame | Valet | Nombre of int;;
```

Principe

6. Les types construits

Les trois mécanismes suivants permettent de construire de nouveaux types en OCaml à partir des types de base (int, float, bool, ...)

- Les couples, triplets et plus généralement les n-uplets, définissent des types de la forme (x_1, \ldots, x_n) ou chacun des x_i peut avoir son propre type de base. Ex: type point = float * float;; définit un couple de flottant. Les fonctions fst et snd permettent d'accéder au premier et au second élément d'un n-uplet.
- Les types enregistrements (ou type produits).
 Ex : type date = {jour : int; mois : string; annee : int}
 Accès aux champs avec la notation . (comme en C).
- Les types unions (ou encore types sommes) où on liste les valeurs possibles séparés par des |.

```
Ex:type signe = Positif | Negatif | Nul;;
Ex:type carte = Roi | Dame | Valet | Nombre of int;;
```

Les constructeurs commencent par une majuscule.



Exemple

• Définir le type complexe comme couple de flottant, écrire la fonction module pour ce type.



Exemple

- Définir le type complexe comme couple de flottant, écrire la fonction module pour ce type.
- ② Définir le type menu comme un type enregistrement composé des champs entree (string), plat (string), dessert(string) et prix (float).



Exemple

- Définir le type complexe comme couple de flottant, écrire la fonction module pour ce type.
- ② Définir le type menu comme un type enregistrement composé des champs entree (string), plat (string), dessert(string) et prix (float).
- lacktriangle Définir le type rbarre $(\overline{\mathbb{R}})$, comme un type somme pouvant être Plusinfini, Moinsinfini et les flottants.



6. Les types construits

Exemple: correction

Type produit complexe

```
type complexe = float * float;;
   let modu z =
     let x = (fst z) in
       let y = (snd z) in
5
         sqrt(x**2.+.y**2.);;
```



6. Les types construits

Exemple: correction

Type produit complexe

```
type complexe = float * float;;
   let modu z =
     let x = (fst z) in
       let y = (snd z) in
5
         sqrt(x**2.+.y**2.);;
```

Type menu enregistrement

```
type menu = {entree : string; plat : string; dessert : string;

    prix : float};;
```

6. Les types construits

Exemple: correction

Type produit complexe

```
type complexe = float * float;;
   let modu z =
     let x = (fst z) in
       let y = (snd z) in
5
         sqrt(x**2.+.y**2.);;
```

Type menu enregistrement

```
type menu = {entree : string; plat : string; dessert : string;

    prix : float
};;
```

Type somme rbarre

```
type rbarre = Plusinfini | Moinsinfini | Nombre of float;;
```



Définition



Définition

 Le filtrage par motif (pattern matching) est un mécanisme permettant de travailler efficacement sur les types construits en les décomposant et les analysant suivant leur structure. On peut ainsi indiquer l'expression à évaluer suivant la forme spécifique de l'entrée.



Définition

- Le filtrage par motif (pattern matching) est un mécanisme permettant de travailler efficacement sur les types construits en les décomposant et les analysant suivant leur structure. On peut ainsi indiquer l'expression à évaluer suivant la forme spécifique de l'entrée.
- La syntaxe générale est :
 match expr with
 | motif1 -> expr1
 | :
 | motifn -> exprn



7. Filtrage par motifs

Définition

- Le filtrage par motif (pattern matching) est un mécanisme permettant de travailler efficacement sur les types construits en les décomposant et les analysant suivant leur structure. On peut ainsi indiquer l'expression à évaluer suivant la forme spécifique de l'entrée.
- La syntaxe générale est : match expr with | motif1 -> expr1 motifn -> exprn

🛕 Le filtrage doit être exhaustif, le caractère spécial _ indique un motif qui correspond à toutes les entrées.



Définition

- Le filtrage par motif (pattern matching) est un mécanisme permettant de travailler efficacement sur les types construits en les décomposant et les analysant suivant leur structure. On peut ainsi indiquer l'expression à évaluer suivant la forme spécifique de l'entrée.
- La syntaxe générale est :
 match expr with
 | motif1 -> expr1
 | :
 | motifn -> exprn

▲ Le filtrage doit être exhaustif, le caractère spécial _ indique un motif qui correspond à toutes les entrées.

• L'ordre du filtrage est important car si deux motifs correspondent à une entrée c'est l'expression du premier rencontré qui sera évalué.

Définition

- Le filtrage par motif (pattern matching) est un mécanisme permettant de travailler efficacement sur les types construits en les décomposant et les analysant suivant leur structure. On peut ainsi indiquer l'expression à évaluer suivant la forme spécifique de l'entrée.
- La syntaxe générale est :
 match expr with
 | motif1 -> expr1
 | :
 | motifn -> exprn

▲ Le filtrage doit être exhaustif, le caractère spécial _ indique un motif qui correspond à toutes les entrées.

- L'ordre du filtrage est important car si deux motifs correspondent à une entrée c'est l'expression du premier rencontré qui sera évalué.
- Chaque identifiant apparaît une fois au plus dans un motif.



Définition

- Le filtrage par motif (pattern matching) est un mécanisme permettant de travailler efficacement sur les types construits en les décomposant et les analysant suivant leur structure. On peut ainsi indiquer l'expression à évaluer suivant la forme spécifique de l'entrée.
- La syntaxe générale est :
 match expr with
 | motif1 -> expr1
 | :
 | motifn -> exprn

▲ Le filtrage doit être exhaustif, le caractère spécial _ indique un motif qui correspond à toutes les entrées.

- L'ordre du filtrage est important car si deux motifs correspondent à une entrée c'est l'expression du premier rencontré qui sera évalué.
- Chaque identifiant apparaît une fois au plus dans un motif.
- On peut filter un n-uplet sur un n-uplet de motif.

On a déjà rencontré le type carte :

7. Filtrage par motifs

Exemple

```
type carte = Roi | Dame | Valet | Nombre of int;;
On peut associer chaque carte à sa valeur (à la belote) à l'aide d'un pattern
matching :

type carte = As | Roi | Dame | Valet | Nombre of int;;

let valeur c =
    match c with
    | As -> 11
    | Roi -> 4
    | Dame -> 3
    | Valet -> 2
    | Nombre 10 -> 10
```

_ -> 0

10



Exemple

On peut aussi filtrer un couple de carte afin de détecter une éventuelle paire (deux cartes identiques) :

```
let est_paire c1 c2 =
    match (c1, c2) with
    | (Roi, Roi) -> true
    | (Dame, Dame) -> true
    | (Valet, Valet) -> true
    | (Nombre x, Nombre y) -> x = y
    | (_,_) -> false
```



Exercice

① Définir un type somme signe avec les valeurs Negatif, Positif et Nul.

Exercice

① Définir un type somme signe avec les valeurs Negatif, Positif et Nul.

```
type signe = Negatif | Nul | Positif
```

Exercice

① Définir un type somme signe avec les valeurs Negatif, Positif et Nul.

```
type signe = Negatif | Nul | Positif
```

Ecrire une fonction produit qui renvoie le signe d'un produit

Exercice

① Définir un type somme signe avec les valeurs Negatif, Positif et Nul.

```
type signe = Negatif | Nul | Positif
```

Ecrire une fonction produit qui renvoie le signe d'un produit

```
let produit s1 s2 =
match s1, s2 with

| Nul, _ -> Nul
| _, Nul -> Nul
| Positif, Positif -> Positif
| Negatif, Negatif -> Positif
| _,_ -> Negatif
```



le type list

• Le type list est prédifini en OCaml et permet de représenter des listes de valeurs de même type et non mutables.



- Le type list est prédifini en OCaml et permet de représenter des listes de valeurs de même type et non mutables.
- On peut définir une liste en mettant les éléments entre crochets et en les séparant par des points virgules.

- Le type list est prédifini en OCaml et permet de représenter des listes de valeurs de même type et non mutables.
- On peut définir une liste en mettant les éléments entre crochets et en les séparant par des points virgules.

```
let p = [2; 3; 5; 7]: une liste d'entiers
```

- Le type list est prédifini en OCaml et permet de représenter des listes de valeurs de même type et non mutables.
- On peut définir une liste en mettant les éléments entre crochets et en les séparant par des points virgules.

```
let p = [2; 3; 5; 7] : une liste d'entiers
let lang = ["Python"; "Ada"; "C"] : une liste de chaines de caractères
```

- Le type list est prédifini en OCaml et permet de représenter des listes de valeurs de même type et non mutables.
- On peut définir une liste en mettant les éléments entre crochets et en les séparant par des points virgules.

```
let p = [2; 3; 5; 7]: une liste d'entiers
let lang = ["Python"; "Ada"; "C"] : une liste de chaines de caractères
let bug = [3.14; 2.71; 42; 0.57] : erreur car liste non homogène
```

le type list

- Le type list est prédifini en OCaml et permet de représenter des listes de valeurs de même type et non mutables.
- On peut définir une liste en mettant les éléments entre crochets et en les séparant par des points virgules.

```
let p = [2; 3; 5; 7]: une liste d'entiers
let lang = ["Python"; "Ada"; "C"] : une liste de chaines de caractères
let bug = [3.14; 2.71; 42; 0.57] : erreur car liste non homogène
```

• Une liste est un type récursif, en effet :

- Le type list est prédifini en OCaml et permet de représenter des listes de valeurs de même type et non mutables.
- On peut définir une liste en mettant les éléments entre crochets et en les séparant par des points virgules.

```
let p = [2; 3; 5; 7]: une liste d'entiers
let lang = ["Python"; "Ada"; "C"] : une liste de chaines de caractères
let bug = [3.14; 2.71; 42; 0.57] : erreur car liste non homogène
```

- Une liste est un type récursif, en effet :
 - Elle est vide (noté []) ou

- Le type list est prédifini en OCaml et permet de représenter des listes de valeurs de même type et non mutables.
- On peut définir une liste en mettant les éléments entre crochets et en les séparant par des points virgules.

```
let p = [2; 3; 5; 7]: une liste d'entiers
let lang = ["Python"; "Ada"; "C"] : une liste de chaines de caractères
let bug = [3.14; 2.71; 42; 0.57] : erreur car liste non homogène
```

- Une liste est un type récursif, en effet :
 - Elle est vide (noté []) ou
 - Elle est constituée d'un élément (appelée tête) et d'un liste (appelée queue)

- Le type list est prédifini en OCaml et permet de représenter des listes de valeurs de même type et non mutables.
- On peut définir une liste en mettant les éléments entre crochets et en les séparant par des points virgules.

```
let p = [2; 3; 5; 7]: une liste d'entiers
let lang = ["Python"; "Ada"; "C"] : une liste de chaines de caractères
let bug = [3.14; 2.71; 42; 0.57] : erreur car liste non homogène
```

- Une liste est un type récursif, en effet :
 - Elle est vide (noté []) ou
 - Elle est constituée d'un élément (appelée tête) et d'un liste (appelée queue)
- Le filtrage par motif est la technique standard pour opérer sur les listes. On utilise alors le constructeur :: pour "séparer" la tête et la queue.



Exemple de filtrage par motif sur les listes

• fonction qui renvoie la longueur d'une liste

Exemple de filtrage par motif sur les listes

• fonction qui renvoie la longueur d'une liste

```
let rec taille liste =
  match liste with
  | [] -> 0
  | h::t -> 1 + taille t
```

Exemple de filtrage par motif sur les listes

• fonction qui renvoie la longueur d'une liste

```
let rec taille liste =

match liste with

| [] -> 0

| h::t -> 1 + taille t
```

• fonction qui renvoie true si un élément est dans une liste et false sinon.

Exemple de filtrage par motif sur les listes

fonction qui renvoie la longueur d'une liste

```
let rec taille liste =

match liste with

| [] -> 0

| h::t -> 1 + taille t
```

• fonction qui renvoie true si un élément est dans une liste et false sinon.

```
let rec est_dans elt liste =
match liste with
| [] -> false
| h::t -> elt=h || est_dans elt t
```



Fonctions usuelles sur les listes

• @ est l'opérateur de concaténation.



Fonctions usuelles sur les listes

• @ est l'opérateur de concaténation.

```
Par exemple, let exl = [1; -2] @ [-3; 4] va créer la liste exl = [1; -2; -3; 4].
```

Fonctions usuelles sur les listes

@ est l'opérateur de concaténation.

```
Par exemple, let exl = [1; -2] @ [-3; 4] va créer la liste exl = [1; -2; -3; 4].
```

 List.hd et List.tl permettent de récupérer respectivement la tête et la queue de la liste.

Fonctions usuelles sur les listes

• @ est l'opérateur de concaténation.

```
Par exemple, let exl = [1; -2] @ [-3; 4] va créer la liste exl = [1; -2; -3; 4].
```

 List.hd et List.tl permettent de récupérer respectivement la tête et la queue de la liste.

```
Par exemple, List.hd exl renvoie l'entier 1 et List.tl exl renvoie la liste [-2; -3; 4]
```

Fonctions usuelles sur les listes

@ est l'opérateur de concaténation.

```
Par exemple, let exl = [1; -2] @ [-3; 4] va créer la liste exl = [1; -2; -3; 4].
```

 List.hd et List.tl permettent de récupérer respectivement la tête et la queue de la liste.

```
Par exemple, List.hd exl renvoie l'entier 1 et List.tl exl renvoie la liste [-2; -3; 4]
```

• List.length renvoie la longueur de la liste.

Fonctions usuelles sur les listes

@ est l'opérateur de concaténation.

```
Par exemple, let exl = [1; -2] @ [-3; 4] va créer la liste exl = [1; -2; -3; 4].
```

 List.hd et List.tl permettent de récupérer respectivement la tête et la queue de la liste.

```
Par exemple, List.hd exl renvoie l'entier 1 et List.tl exl renvoie la liste [-2; -3; 4]
```

• List.length renvoie la longueur de la liste.

```
Par exemple, List.length exl renvoie 4
```

Fonctions usuelles sur les listes

• @ est l'opérateur de concaténation.

```
Par exemple, let exl = [1; -2] @ [-3; 4] va créer la liste exl = [1; -2; -3; 4].
```

 List.hd et List.tl permettent de récupérer respectivement la tête et la queue de la liste.

```
Par exemple, List.hd exl renvoie l'entier 1 et List.tl exl renvoie la liste [-2; -3; 4]
```

• List.length renvoie la longueur de la liste.

Par exemple, List.length exl renvoie 4

• List.map renvoie la liste obtenu en appliquant la fonction donnée en paramètre à chaque élément de la liste.

Fonctions usuelles sur les listes

• @ est l'opérateur de concaténation.

```
Par exemple, let exl = [1; -2] @ [-3; 4] va créer la liste exl = [1; -2; -3; 4].
```

 List.hd et List.tl permettent de récupérer respectivement la tête et la queue de la liste.

```
Par exemple, List.hd exl renvoie l'entier 1 et List.tl exl renvoie la liste [-2; -3; 4]
```

• List.length renvoie la longueur de la liste.

Par exemple, List.length exl renvoie 4

 List.map renvoie la liste obtenu en appliquant la fonction donnée en paramètre à chaque élément de la liste.

Par exemple, List.map abs exl renvoie [1; 2; 3; 4]

Fonctions usuelles sur les listes

• @ est l'opérateur de concaténation.

```
Par exemple, let exl = [1; -2] @ [-3; 4] va créer la liste exl = [1; -2; -3; 4].
```

 List.hd et List.tl permettent de récupérer respectivement la tête et la queue de la liste.

```
Par exemple, List.hd exl renvoie l'entier 1 et List.tl exl renvoie la liste [-2; -3; 4]
```

• List.length renvoie la longueur de la liste.

Par exemple, List.length exl renvoie 4

 List.map renvoie la liste obtenu en appliquant la fonction donnée en paramètre à chaque élément de la liste.

Par exemple, List.map abs exl renvoie [1; 2; 3; 4]

• List.fold_left et List.fold_right permettent d'effectuer des opérations entre les éléments d'une liste. On doit fournir l'opération et l'opérande de départ.

Fonctions usuelles sur les listes

@ est l'opérateur de concaténation.

```
Par exemple, let exl = [1; -2] @ [-3; 4] va créer la liste exl = [1; -2; -3; 4].
```

 List.hd et List.tl permettent de récupérer respectivement la tête et la queue de la liste.

```
Par exemple, List.hd exl renvoie l'entier 1 et List.tl exl renvoie la liste [-2; -3; 4]
```

• List.length renvoie la longueur de la liste.

Par exemple, List.length exl renvoie 4

 List.map renvoie la liste obtenu en appliquant la fonction donnée en paramètre à chaque élément de la liste.

Par exemple, List.map abs exl renvoie [1; 2; 3; 4]

• List.fold_left et List.fold_right permettent d'effectuer des opérations entre les éléments d'une liste. On doit fournir l'opération et l'opérande de départ.

Par exemple, List.fold_left (*) 1 exl renvoie 24.