

Parcours d'un graphe

A la base des algorithmes sur les graphes, on trouve les parcours de graphe, c'est à dire l'exploration des sommets. A partir du sommet de départ, on peut :

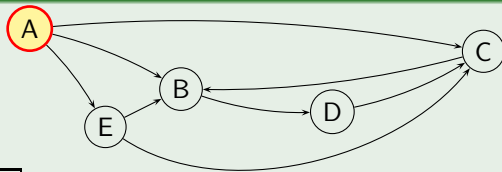
- explorer tous ses voisins immédiats, puis les voisins des voisins et ainsi de suite. Le graphe est donc exploré en « cercle concentrique » autour du sommet de départ . . . , on parle alors de **parcours en largeur** ou **breadth first search** (*BFS*) en anglais.

Parcours d'un graphe

A la base des algorithmes sur les graphes, on trouve les parcours de graphe, c'est à dire l'exploration des sommets. A partir du sommet de départ, on peut :

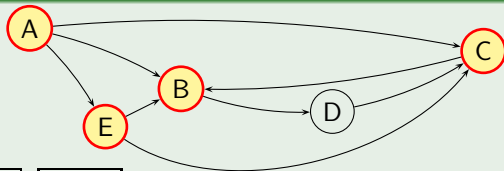
- explorer tous ses voisins immédiats, puis les voisins des voisins et ainsi de suite. Le graphe est donc exploré en « cercle concentrique » autour du sommet de départ . . . , on parle alors de **parcours en largeur** ou **breadth first search** (*BFS*) en anglais.
- explorer à chaque étape le premier voisin non encore exploré. Lorsque qu'on atteint un sommet dont tous les voisins ont déjà été exploré, on revient en arrière, on parle alors de **parcours en profondeur** ou **depth first search** (*DFS*) en anglais.

Exemple de parcours en largeur



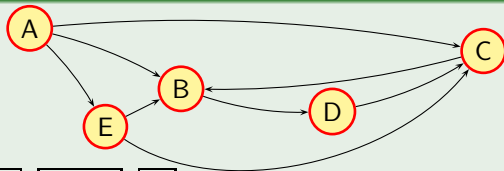
Sommets explorés : A

Exemple de parcours en largeur



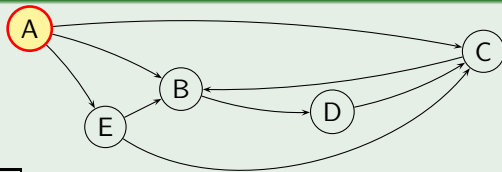
Sommets explorés : A, B,C,E

Exemple de parcours en largeur



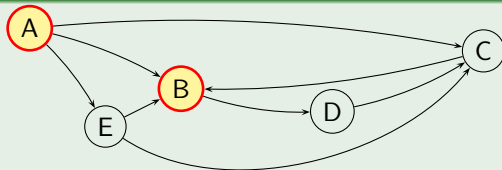
Sommets explorés : A, B,C,E, D.

Exemple de parcours en profondeur



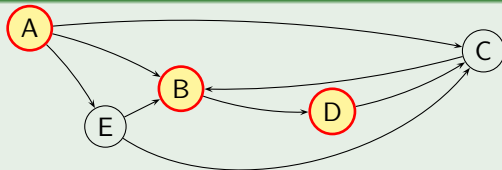
Sommets explorés : A

Exemple de parcours en profondeur



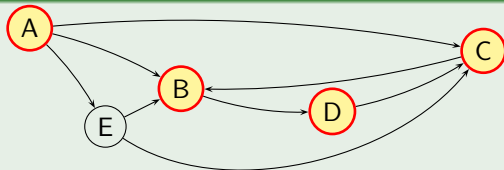
Sommets explorés : A, B

Exemple de parcours en profondeur



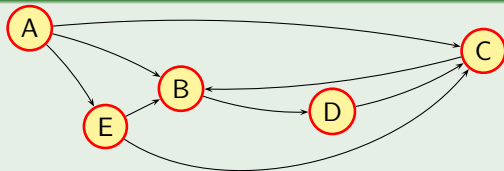
Sommets explorés : A, B, D

Exemple de parcours en profondeur



Sommets explorés : A, B, D, C

Exemple de parcours en profondeur



Sommets explorés : A, B, D, C, E

File et parcours en largeur

- Pour un parcours en largeur, on doit stocker dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. C'est à dire les voisins du sommet de départ, puis les voisins des voisins . . . Ces sommets doivent être retirés pour exploration, dans leur ordre d'insertion, la structure de données utilisée est donc du type **premier entré, premier sorti** (first in first out (*FIFO*)), c'est donc une **file**.

File et parcours en largeur

- Pour un parcours en largeur, on doit stocker dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. C'est à dire les voisins du sommet de départ, puis les voisins des voisins . . . Ces sommets doivent être retirés pour exploration, dans leur ordre d'insertion, la structure de données utilisée est donc du type **premier entré, premier sorti** (first in first out (*FIFO*)), c'est donc une **file**.

File et parcours en largeur

- Pour un parcours en largeur, on doit stocker dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. C'est à dire les voisins du sommet de départ, puis les voisins des voisins . . . Ces sommets doivent être retirés pour exploration, dans leur ordre d'insertion, la structure de données utilisée est donc du type **premier entré, premier sorti** (first in first out (*FIFO*)), c'est donc une **file**.
- Pour l'implémentation on doit pouvoir **enfiler** (ajouter un sommet dans la file) et **défiler** (retirer un sommet) de façon efficace donc en $O(1)$.

File et parcours en largeur

- Pour un parcours en largeur, on doit stocker dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. C'est à dire les voisins du sommet de départ, puis les voisins des voisins . . . Ces sommets doivent être retirés pour exploration, dans leur ordre d'insertion, la structure de données utilisée est donc du type **premier entré, premier sorti** (first in first out (*FIFO*)), c'est donc une **file**.
- Pour l'implémentation on doit pouvoir **enfiler** (ajouter un sommet dans la file) et **défiler** (retirer un sommet) de façon efficace donc en $O(1)$.
- Pour l'implémentation on pourra utiliser

File et parcours en largeur

- Pour un parcours en largeur, on doit stocker dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. C'est à dire les voisins du sommet de départ, puis les voisins des voisins . . . Ces sommets doivent être retirés pour exploration, dans leur ordre d'insertion, la structure de données utilisée est donc du type **premier entré, premier sorti** (first in first out (*FIFO*)), c'est donc une **file**.
- Pour l'implémentation on doit pouvoir **enfiler** (ajouter un sommet dans la file) et **défiler** (retirer un sommet) de façon efficace donc en $O(1)$.
- Pour l'implémentation on pourra utiliser
 - Le module **Queue** de OCaml

File et parcours en largeur

- Pour un parcours en largeur, on doit stocker dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. C'est à dire les voisins du sommet de départ, puis les voisins des voisins . . . Ces sommets doivent être retirés pour exploration, dans leur ordre d'insertion, la structure de données utilisée est donc du type **premier entré, premier sorti** (first in first out (*FIFO*)), c'est donc une **file**.
- Pour l'implémentation on doit pouvoir **enfiler** (ajouter un sommet dans la file) et **défiler** (retirer un sommet) de façon efficace donc en $O(1)$.
- Pour l'implémentation on pourra utiliser
 - Le module **Queue** de OCaml
 - Une structure de liste chaînée avec des opérations enfiler et défiler en $O(1)$

File et parcours en profondeur

- Pour un parcours en profondeur, on stocke aussi dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. Mais cette fois, la structure de données utilisée est du type **dernier entré, premier sorti** (last in first out (*LIFO*)), c'est à dire une **pile**.

File et parcours en profondeur

- Pour un parcours en profondeur, on stocke aussi dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. Mais cette fois, la structure de données utilisée est du type **dernier entré, premier sorti** (last in first out (*LIFO*)), c'est à dire une **pile**.

File et parcours en profondeur

- Pour un parcours en profondeur, on stocke aussi dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. Mais cette fois, la structure de données utilisée est du type **dernier entré, premier sorti** (last in first out (*LIFO*)), c'est à dire une **pile**.
- Pour l'implémentation, on peut :

File et parcours en profondeur

- Pour un parcours en profondeur, on stocke aussi dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. Mais cette fois, la structure de données utilisée est du type **dernier entré, premier sorti** (last in first out (*LIFO*)), c'est à dire une **pile**.
- Pour l'implémentation, on peut :
 - se contenter d'utiliser la récursivité de façon à ce que la pile des sommets en attente d'être exploré soit gérée de façon automatique via la pile des appels récursifs.

File et parcours en profondeur

- Pour un parcours en profondeur, on stocke aussi dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. Mais cette fois, la structure de données utilisée est du type **dernier entré, premier sorti** (last in first out (*LIFO*)), c'est à dire une **pile**.
- Pour l'implémentation, on peut :
 - se contenter d'utiliser la récursivité de façon à ce que la pile des sommets en attente d'être exploré soit gérée de façon automatique via la pile des appels récurrents.
 - Utiliser le module **Stack** de OCaml (ou une simple liste).

File et parcours en profondeur

- Pour un parcours en profondeur, on stocke aussi dans une structure de données les sommets en attente d'être explorés. Mais cette fois, la structure de données utilisée est du type **dernier entré, premier sorti** (last in first out (*LIFO*)), c'est à dire une **pile**.
- Pour l'implémentation, on peut :
 - se contenter d'utiliser la récursivité de façon à ce que la pile des sommets en attente d'être exploré soit gérée de façon automatique via la pile des appels récurrents.
 - Utiliser le module **Stack** de OCaml (ou une simple liste).
 - Utiliser une liste chaînée en C afin d'implémenter une pile.