

1. Généralités

Définition : structure de données

 En informatique, une structure de données est une façon d'organiser, de gérer et de stocker des données permettant d'accéder et de modifier ces données de façon efficace.



1. Généralités

Définition : structure de données

 En informatique, une structure de données est une façon d'organiser, de gérer et de stocker des données permettant d'accéder et de modifier ces données de façon efficace.

Les tableaux fixes du C sont un exemple de structure de données.



1. Généralités

Définition : structure de données

 En informatique, une structure de données est une façon d'organiser, de gérer et de stocker des données permettant d'accéder et de modifier ces données de façon efficace.

Les tableaux fixes du C sont un exemple de structure de données.

• L'interface de la structure de données est l'ensemble des opérations accessibles à un utilisateur de la structure de données.



1. Généralités

Définition : structure de données

 En informatique, une structure de données est une façon d'organiser, de gérer et de stocker des données permettant d'accéder et de modifier ces données de façon efficace.

Les tableaux fixes du C sont un exemple de structure de données.

 L'interface de la structure de données est l'ensemble des opérations accessibles à un utilisateur de la structure de données.

Par exemple, la notation [] permet d'accéder à un élément du tableau, pour le lire ou le modifier. Par contre, la taille du tableau ne fait pas partie de l'interface.

Définition : structure de données

- En informatique, une structure de données est une façon d'organiser, de gérer et de stocker des données permettant d'accéder et de modifier ces données de façon efficace.
 - Les tableaux fixes du C sont un exemple de structure de données.
- L'interface de la structure de données est l'ensemble des opérations accessibles à un utilisateur de la structure de données.
 - Par exemple, la notation [] permet d'accéder à un élément du tableau, pour le lire ou le modifier. Par contre, la taille du tableau ne fait pas partie de l'interface.
- L'implémentation de la structure de données est la façon dont elle est représentée et codée en mémoire et n'est pas forcément accessible à l'utilisateur.

Définition : structure de données

 En informatique, une structure de données est une façon d'organiser, de gérer et de stocker des données permettant d'accéder et de modifier ces données de façon efficace.

Les tableaux fixes du C sont un exemple de structure de données.

- L'interface de la structure de données est l'ensemble des opérations accessibles à un utilisateur de la structure de données.
 - Par exemple, la notation [] permet d'accéder à un élément du tableau, pour le lire ou le modifier. Par contre, la taille du tableau ne fait pas partie de l'interface.
- L'implémentation de la structure de données est la façon dont elle est représentée et codée en mémoire et n'est pas forcément accessible à l'utilisateur.
 - On peut utiliser les listes de OCaml via leur interface sans savoir comment elles sont représentées en mémoire par le langage.



1. Généralités

Caractérisation par l'interface

- La différence entre interface et implémentation est fondamentale et doit être bien comprise. En effet une même structure de données peut avoir plusieurs implémentations. L'idée est que l'utilisation de la structure de données doit se faire indépendamment de son implémentation ce qui permet la séparation des programmes en composants indépendants (modularité).
 - On utilise la même interface (les opérations arithmétiques) pour manipuler les entiers du C et de Python mais ils ne sont pas implémentés de la même manière.



1. Généralités

Caractérisation par l'interface

- La différence entre interface et implémentation est fondamentale et doit être bien comprise. En effet une même structure de données peut avoir plusieurs implémentations. L'idée est que l'utilisation de la structure de données doit se faire indépendamment de son implémentation ce qui permet la séparation des programmes en composants indépendants (modularité).
 On utilise la même interface (les opérations arithmétiques) pour manipuler les
 - On utilise la même interface (les opérations arithmétiques) pour manipuler les entiers du C et de Python mais ils ne sont pas implémentés de la même manière.
- Lorsqu'on définit un cahier des charges pour une structure de données (ensemble des données et opérations possibles), on définit ce qu'on appelle un type abstrait de données. Ainsi, une structure de données peut être vue comme une implémentation d'un type abstrait de données.



1. Généralités

Caractérisation par l'interface

- La différence entre interface et implémentation est fondamentale et doit être bien comprise. En effet une même structure de données peut avoir plusieurs implémentations. L'idée est que l'utilisation de la structure de données doit se faire indépendamment de son implémentation ce qui permet la séparation des programmes en composants indépendants (modularité).
 - On utilise la même interface (les opérations arithmétiques) pour manipuler les entiers du C et de Python mais ils ne sont pas implémentés de la même manière.
- Lorsqu'on définit un cahier des charges pour une structure de données (ensemble des données et opérations possibles), on définit ce qu'on appelle un type abstrait de données. Ainsi, une structure de données peut être vue comme une implémentation d'un type abstrait de données.
- La définition complète d'un type abstrait de données inclus généralement la complexité des opérations de l'interface.
 - L'ajout d'un élément en tête d'une liste de OCaml est une opération en O(1).



1. Généralités

Opérations de l'interface

• La création d'une structure de données se fait à l'aide d'une opération de l'interface appelé constructeur

Opérations de l'interface

• La création d'une structure de données se fait à l'aide d'une opération de l'interface appelé constructeur

Par exemple en C, double tab[10];

• La récupération d'une valeur dans la structure se fait à l'aide d'accesseur (en anglais getter).

1. Généralités

Opérations de l'interface

• La création d'une structure de données se fait à l'aide d'une opération de l'interface appelé constructeur

```
Par exemple en C, double tab[10];
```

• La récupération d'une valeur dans la structure se fait à l'aide d'accesseur (en anglais *getter*).

```
Par exemple en C, double e = tab[3];
```

• La modification d'une valeur dans la structure se fait à l'aide de transformateur (en anglais setter).

```
Par exemple en C, tab[3] = 7.5;
```

2. Tableaux

Définition

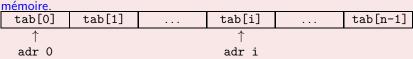
ullet un tableau est une séquence de n valeurs de même type consécutives en

<u>mémoire.</u>			
tab[0]	tab[1]	 tab[i]	 tab[n-1]
		†	
adr 0		adr i	

2. Tableaux

Définition

ullet un tableau est une séquence de n valeurs de même type consécutives en

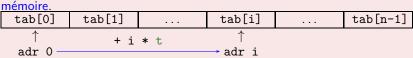


• L'accès à un élément se fait temps constant, en effet il suffit de connaitre la taille t d'une case et de disposer de l'adresse du premier élément du tableau adr0. L'adresse de l'élément d'indice i s'obtient alors en ajoutant à l'adresse du premier élément i fois la taille d'une case.

2. Tableaux

Définition

ullet un tableau est une séquence de n valeurs de même type consécutives en

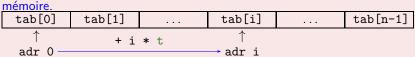


• L'accès à un élément se fait temps constant, en effet il suffit de connaitre la taille t d'une case et de disposer de l'adresse du premier élément du tableau adr0. L'adresse de l'élément d'indice i s'obtient alors en ajoutant à l'adresse du premier élément i fois la taille d'une case.

2. Tableaux

Définition

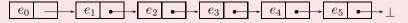
ullet un tableau est une séquence de n valeurs de même type consécutives en



- L'accès à un élément se fait temps constant, en effet il suffit de connaitre la taille t d'une case et de disposer de l'adresse du premier élément du tableau adr0. L'adresse de l'élément d'indice i s'obtient alors en ajoutant à l'adresse du premier élément i fois la taille d'une case.
- La suppression ou l'insertion d'un élément demande par contre la recopie des éléments et ce sont donc des opérations en O(n).



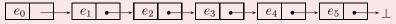
3. Liste chainées





3. Liste chainées

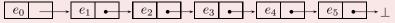
Définition



• Contrairement aux tableaux, les différentes valeurs ne sont pas stockés de façon contiguës en mémoire.



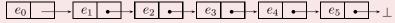
3. Liste chainées



- Contrairement aux tableaux, les différentes valeurs ne sont pas stockés de façon contiguës en mémoire.
- Avec chaque élément, on stocke aussi dans un « maillon » l'emplacement de son successeur. Le successeur du dernier élément se note \bot .



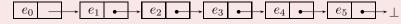
3. Liste chainées



- Contrairement aux tableaux, les différentes valeurs ne sont pas stockés de façon contiguës en mémoire.
- Avec chaque élément, on stocke aussi dans un « maillon » l'emplacement de son successeur. Le successeur du dernier élément se note \bot .
- Pour accéder à un élément, on doit parcourir tout ceux qui le précèdent. L'accès à un élément est donc une opération en O(n).



3. Liste chainées



- Contrairement aux tableaux, les différentes valeurs ne sont pas stockés de façon contiguës en mémoire.
- Avec chaque élément, on stocke aussi dans un « maillon » l'emplacement de son successeur. Le successeur du dernier élément se note \bot .
- Pour accéder à un élément, on doit parcourir tout ceux qui le précèdent. L'accès à un élément est donc une opération en O(n).
- L'ajout ou la suppression en tête de liste est en temps constant, la taille de la structure de données n'est pas fixé à la construction Contrairement aux tableaux.



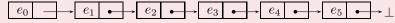
3. Liste chainées



- Contrairement aux tableaux, les différentes valeurs ne sont pas stockés de façon contiguës en mémoire.
- Avec chaque élément, on stocke aussi dans un « maillon » l'emplacement de son successeur. Le successeur du dernier élément se note ⊥.
- Pour accéder à un élément, on doit parcourir tout ceux qui le précèdent. L'accès à un élément est donc une opération en O(n).
- L'ajout ou la suppression en tête de liste est en temps constant, la taille de la structure de données n'est pas fixé à la construction Contrairement aux tableaux.
- Les listes chainées peuvent être définies de façon récursive :



3. Liste chainées

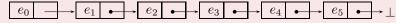


- Contrairement aux tableaux, les différentes valeurs ne sont pas stockés de façon contiguës en mémoire.
- Avec chaque élément, on stocke aussi dans un « maillon » l'emplacement de son successeur. Le successeur du dernier élément se note \bot .
- Pour accéder à un élément, on doit parcourir tout ceux qui le précèdent. L'accès à un élément est donc une opération en O(n).
- L'ajout ou la suppression en tête de liste est en temps constant, la taille de la structure de données n'est pas fixé à la construction Contrairement aux tableaux.
- Les listes chainées peuvent être définies de façon récursive :
 - Une liste est soit vide (référence vers ⊥)



3. Liste chainées

Définition



- Contrairement aux tableaux, les différentes valeurs ne sont pas stockés de façon contiguës en mémoire.
- Avec chaque élément, on stocke aussi dans un « maillon » l'emplacement de son successeur. Le successeur du dernier élément se note \bot .
- Pour accéder à un élément, on doit parcourir tout ceux qui le précèdent. L'accès à un élément est donc une opération en O(n).
- L'ajout ou la suppression en tête de liste est en temps constant, la taille de la structure de données n'est pas fixé à la construction Contrairement aux tableaux.
- Les listes chainées peuvent être définies de façon récursive :
 - Une liste est soit vide (référence vers ⊥)
 - Soit c'est la donnée d'un maillon consitué d'une valeur et d'une référence vers une liste.

Année scolaire 2023-2024



3. Liste chainées

Implémentation en C

On peut définir un maillon comme un struct avec les champs valeur et pointeur vers un maillon :

```
struct maillon
{
    int valeur;
    struct maillon * suivant;
};
typedef struct maillon maillon;
```

Implémentation en OCaml

- Le type 'a list est prédéfini dans le langage
- Attention, les listes de OCaml ne sont pas mutables
- Tous les éléments doivent être du même type



4. Piles

Piles



4. Piles

Piles

• Au niveau sémantique, une pile est semblable à une pile d'objet dans la vie de tous les jours.

> elt4 elt3 elt2 elt1



4. Piles

Piles

• Au niveau sémantique, une pile est semblable à une pile d'objet dans la vie de tous les jours.

elt4
elt3
elt2
elt1

• L'élément situé en haut de la pile s'appelle le sommet.



Piles

• Au niveau sémantique, une pile est semblable à une pile d'objet dans la vie de tous les jours.

elt4	\leftarrow sommet
elt3	
elt2	
elt1	

• L'élément situé en haut de la pile s'appelle le sommet.



4. Piles

Piles

elt4	\leftarrow sommet
elt3	
elt2	
elt1	

- L'élément situé en haut de la pile s'appelle le sommet.
- Empiler signifie ajouter un élément au sommet de la pile



4. Piles

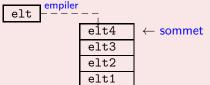
Piles



- L'élément situé en haut de la pile s'appelle le sommet.
- Empiler signifie ajouter un élément au sommet de la pile



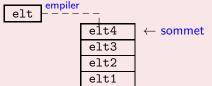
Piles



- L'élément situé en haut de la pile s'appelle le sommet.
- Empiler signifie ajouter un élément au sommet de la pile



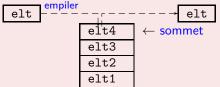
Piles



- L'élément situé en haut de la pile s'appelle le sommet.
- Empiler signifie ajouter un élément au sommet de la pile
- Dépiler signifie retirer l'élément situé au sommet de la pile



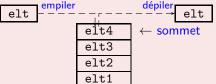
Piles



- L'élément situé en haut de la pile s'appelle le sommet.
- Empiler signifie ajouter un élément au sommet de la pile
- Dépiler signifie retirer l'élément situé au sommet de la pile



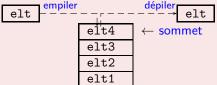
Piles



- L'élément situé en haut de la pile s'appelle le sommet.
- Empiler signifie ajouter un élément au sommet de la pile
- Dépiler signifie retirer l'élément situé au sommet de la pile



Piles



- L'élément situé en haut de la pile s'appelle le sommet.
- Empiler signifie ajouter un élément au sommet de la pile
- Dépiler signifie retirer l'élément situé au sommet de la pile
- Ainsi le premier élément entré dans la pile sera aussi le dernier à en sortir, on dit qu'une pile est une structure LIFO Last In First Out



4. Piles

Piles comme structures de données

L'interface d'une structure de données Pile se limite donc aux opérations suivantes:



4. Piles

Piles comme structures de données

L'interface d'une structure de données Pile se limite donc aux opérations suivantes :

• est_vide() qui renvoie un booléen indiquant si la pile est vide ou non.



Piles comme structures de données

L'interface d'une structure de données Pile se limite donc aux opérations suivantes :

- est_vide() qui renvoie un booléen indiquant si la pile est vide ou non.
- empiler() (en anglais push) qui ajoute un élément au sommet de la pile.



4. Piles

Piles comme structures de données

L'interface d'une structure de données Pile se limite donc aux opérations suivantes :

- est_vide() qui renvoie un booléen indiquant si la pile est vide ou non.
- empiler() (en anglais push) qui ajoute un élément au sommet de la pile.
- depiler() (en anglais pop) qui retire l'élément situé au sommet (cela n'est possible que si la pile n'est pas vide).



Piles comme structures de données

L'interface d'une structure de données Pile se limite donc aux opérations suivantes :

- est_vide() qui renvoie un booléen indiquant si la pile est vide ou non.
- empiler() (en anglais push) qui ajoute un élément au sommet de la pile.
- depiler() (en anglais *pop*) qui retire l'élément situé au sommet (cela n'est possible que si la pile n'est pas vide).

Utilisation

En dépit de sa simplicité, cette structure de données a de nombreuses applications en informatique : pile d'appel récursif, pile d'évaluation d'une expression, . . .



Manipulation de piles

• On considère la pile : P = |"A","L","I","X"> (le sommet est "X"). Quelle suite d'opération permet d'obtenir P=|"A","L","E","X">?

- On considère la pile : P = |"A", "L", "I", "X"> (le sommet est "X"). Quelle suite d'opération permet d'obtenir P=|"A", "L", "E", "X">?
- Un programmeur décide d'utiliser une pile afin de stocker une réponse entrée au clavier. Chaque caractère tapé doit être empiler. Traduire en terme d'opérations sur cette pile les actions suivantes :

- On considère la pile : P = |"A", "L", "I", "X"> (le sommet est "X"). Quelle suite d'opération permet d'obtenir P=|"A", "L", "E", "X">?
- Un programmeur décide d'utiliser une pile afin de stocker une réponse entrée au clavier. Chaque caractère tapé doit être empiler. Traduire en terme d'opérations sur cette pile les actions suivantes :
 - Appuie sur la touche "o"

4. Piles

- On considère la pile : P = |"A", "L", "I", "X"> (le sommet est "X"). Quelle suite d'opération permet d'obtenir P=|"A", "L", "E", "X">?
- Un programmeur décide d'utiliser une pile afin de stocker une réponse entrée au clavier. Chaque caractère tapé doit être empiler. Traduire en terme d'opérations sur cette pile les actions suivantes :
 - Appuie sur la touche "o"
 - 2 Appuie sur la touche "i"

- On considère la pile : P = |"A", "L", "I", "X"> (le sommet est "X"). Quelle suite d'opération permet d'obtenir P=|"A", "L", "E", "X">?
- Un programmeur décide d'utiliser une pile afin de stocker une réponse entrée au clavier. Chaque caractère tapé doit être empiler. Traduire en terme d'opérations sur cette pile les actions suivantes :
 - Appuie sur la touche "o"
 - 2 Appuie sur la touche "i"
 - Appuie sur la touche ← (backspace)

- On considère la pile : P = |"A", "L", "I", "X"> (le sommet est "X"). Quelle suite d'opération permet d'obtenir P=|"A", "L", "E", "X">?
- Un programmeur décide d'utiliser une pile afin de stocker une réponse entrée au clavier. Chaque caractère tapé doit être empiler. Traduire en terme d'opérations sur cette pile les actions suivantes :
 - Appuie sur la touche "o"
 - 2 Appuie sur la touche "i"
 - Appuie sur la touche ← (backspace)
 - Appuie sur la touche "k"



4. Piles

Manipulation de piles

Au jeu des tours des Hanoï, on gère les trois tours T1, T2 et T3 à l'aide de trois piles.

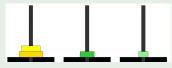


4. Piles

Manipulation de piles

Au jeu des tours des Hanoï, on gère les trois tours T1, T2 et T3 à l'aide de trois piles.

 Quel est le contenu de chacune des piles dans la situation ci-dessous? (un disque est réprésenté dans la pile par sa taille)



Manipulation de piles

Au jeu des tours des Hanoï, on gère les trois tours T1, T2 et T3 à l'aide de trois piles.

Quel est le contenu de chacune des piles dans la situation ci-dessous? (un disque est réprésenté dans la pile par sa taille)



Ecrire les opérations permettant de passer la situation précédente à celle ci-dessous :





Plusieurs implémentations sont possibles :

• A l'aide d'une liste chainée, le début de la liste représente alors le sommet.



- A l'aide d'une liste chainée, le début de la liste représente alors le sommet.
- Si la capacité de la pile est bornée et connue en amont, on peut aussi utiliser un tableau et mémoriser la taille t de la pile. Puis,



- A l'aide d'une liste chainée, le début de la liste représente alors le sommet.
- Si la capacité de la pile est bornée et connue en amont, on peut aussi utiliser un tableau et mémoriser la taille t de la pile. Puis,
 - pour tester si la pile est vide on teste si t est égal à 0,



- A l'aide d'une liste chainée, le début de la liste représente alors le sommet.
- Si la capacité de la pile est bornée et connue en amont, on peut aussi utiliser un tableau et mémoriser la taille t de la pile. Puis,
 - pour tester si la pile est vide on teste si t est égal à 0,
 - pour empiler une valeur v, on affecte tab[t]=v et on incrémente t,



4. Piles

Implémentation des piles

- A l'aide d'une liste chainée, le début de la liste représente alors le sommet.
- Si la capacité de la pile est bornée et connue en amont, on peut aussi utiliser un tableau et mémoriser la taille t de la pile. Puis,
 - pour tester si la pile est vide on teste si t est égal à 0,
 - pour empiler une valeur v, on affecte tab[t]=v et on incrémente t,
 - pour dépiler renvoie tab[t] et décrémente t.



5. Files

Files



5. Files

Files

 Au niveau sémantique, une file est semblable à une file d'attente dans la vie de tous les jours.

> elt4 elt1 elt3 elt2



5. Files

Files

 Au niveau sémantique, une file est semblable à une file d'attente dans la vie de tous les jours.



5. Files

Files

 Au niveau sémantique, une file est semblable à une file d'attente dans la vie de tous les jours.

elt

elt4 elt3 elt2 elt1



5. Files

Files

 Au niveau sémantique, une file est semblable à une file d'attente dans la vie de tous les jours.



5. Files

Files

 Au niveau sémantique, une file est semblable à une file d'attente dans la vie de tous les jours.



5. Files

Files

- Enfiler signifie ajouter un élément en fin de file
- Défiler signifie retirer l'élément situé au début de la file.



5. Files

Files

- Enfiler signifie ajouter un élément en fin de file
- Défiler signifie retirer l'élément situé au début de la file.



5. Files

Files

```
elt elt elt3 elt2 elt1 ---→ elt
```

- Enfiler signifie ajouter un élément en fin de file
- Défiler signifie retirer l'élément situé au début de la file.



5. Files

Files

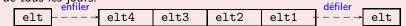
 Au niveau sémantique, une file est semblable à une file d'attente dans la vie de tous les jours.

- Enfiler signifie ajouter un élément en fin de file
- Défiler signifie retirer l'élément situé au début de la file.



5. Files

Files



- Enfiler signifie ajouter un élément en fin de file
- Défiler signifie retirer l'élément situé au début de la file.
- Ainsi le premier élément entré dans la file sera aussi le premier à en sortir, on dit qu'une file est une structure FIFO First In First Out



5. Files

Files comme structures de données

L'interface d'une structure de données File se limite donc aux opérations suivantes:



5. Files

Files comme structures de données

L'interface d'une structure de données File se limite donc aux opérations suivantes :

• est vide() qui renvoie un booléen indiquant si la file est vide ou non.



Files comme structures de données

L'interface d'une structure de données File se limite donc aux opérations suivantes :

- est vide() qui renvoie un booléen indiquant si la file est vide ou non.
- enfiler(element) qui ajoute un élément à la fin de la file.



Files comme structures de données

L'interface d'une structure de données File se limite donc aux opérations suivantes :

- est_vide() qui renvoie un booléen indiquant si la file est vide ou non.
- enfiler(element) qui ajoute un élément à la fin de la file.
- defiler() qui retire l'élément situé au début de la file (cela n'est possible que si la file n'est pas vide).



Files comme structures de données

L'interface d'une structure de données File se limite donc aux opérations suivantes :

- est vide() qui renvoie un booléen indiquant si la file est vide ou non.
- enfiler(element) qui ajoute un élément à la fin de la file.
- defiler() qui retire l'élément situé au début de la file (cela n'est possible que si la file n'est pas vide).

Utilisation

Comme pour les piles, cette structure de données a de nombreuses applications en informatique : file d'attente d'une imprimante, simulation de files d'attentes réelles. . . .



5. Files



5. Files

Manipulation de files

• On considère la file : F = >"E", "L", "S", "A">. Quelle suite d'opération permet d'obtenir F= >"N", "O", "E", "L">?



5. Files

- On considère la file: F = >"E", "L", "S", "A">. Quelle suite d'opération permet d'obtenir F= >"N", "0", "E", "L">?
- On simule la file d'attente d'une imprimante à l'aide d'une file. A quelle opération sur cette file correspond l'envoie d'une nouvelle impression? La fin de l'impression en cours? Dans quel ordre seront effectuées les impressions?



Plusieurs implémentations sont possibles :

 A l'aide d'une liste chainée, dans ce cas si on veut pouvoir enfiler et défiler en temps constant, il faut disposer d'un accès au premier maillon et au dernier maillon



5. Files

Implémentation des files

- A l'aide d'une liste chainée, dans ce cas si on veut pouvoir enfiler et défiler en temps constant, il faut disposer d'un accès au premier maillon et au dernier maillon.
- Si la capacité de la file est bornée et connue en amont, on peut aussi utiliser un tableau de façon circulaire en mémorisant l'indice du début de la file et l'indice de fin.



- A l'aide d'une liste chainée, dans ce cas si on veut pouvoir enfiler et défiler en temps constant, il faut disposer d'un accès au premier maillon et au dernier maillon.
- Si la capacité de la file est bornée et connue en amont, on peut aussi utiliser un tableau de façon circulaire en mémorisant l'indice du début de la file et l'indice de fin.
- On peut aussi implémenter une file avec deux piles.