## Ejercicios en clase: Heapsort, Análisis probabilístico, Prog. Dinámica

## Análisis y Diseño de Algoritmos 9 de diciembre de 2020

## Heap

- **Ejercicio 1**. Muestre que un heap con n elementos tiene altura  $\lfloor \lg n \rfloor$ .
- **Ejercicio 2**. Muestre que existen como máximo  $\lceil n/2^{h+1} \rceil$  nodos de altura h en un heap con n nodos.
- **Ejercicio 3**. Ilustre la operación MAX-HEAPIFY desde el nodo 2 y desde el nodo 3 en el arreglo [27, 3, 3, 16, 13, 10, 1, 5, 7, 12, 4, 8, 9, 0].
- Ejercicio 4. Ilustre la operación BUILD-MAX-HEAP en el arreglo [5, 3, 17, 10, 84, 19, 6, 22, 9].
- Ejercicio 5. Ilustre la operación de HEAPSORT en el arreglo [5, 13, 2, 25, 7, 17, 20, 8, 4].
- **Ejercicio 6**. Illustre la operación MAX-HEAP-INSERT(A, 10) en el heap [15, 13, 9, 5, 12, 8, 7, 4, 0, 6, 2].
- **Ejercicio 7**. La operación HEAP-DELETE elimina el item en el nodo i del heap A. De una implementación de HEAP-DELETE que corre en  $O(\lg n)$  para un max-heap con n elementos.
- **Ejercicio 8**. Escriba en seudocódigo cada uno de los siguientes procedimientos, que implementan una fila de prioridades con un min-heap: HEAP-MINIMO, HEAP-EXTRAE-MINIMO, HEAP-DISMINUYE-LLAVE y HEAP-INSERTA.