

TP0 - Mandelbrot

Juan Facundo Tkaczyszyn , *Padrón Nro. 87.931*
facu.tk@gmail.com

Santiago Weber, *Padrón Nro. 00.000*
santiago.weber91@gmail.com

2do. Cuatrimestre de 2014
66.20 Organización de Computadoras – Práctica Martes
Facultad de Ingeniería, Universidad de Buenos Aires

Resumen

Este primer template es un modelo [?] que proporciona a los alumnos las instrucciones necesarias para preparar sus informes para la asignatura *66.20 Organización de Computadoras* (práctica Viernes). El informe podrá contener (optativo) un resumen de no más de 150 palabras. La primera página del artículo deberá seguir el formato que se ilustra en el presente modelo y deberá contener el título, los nombres de los autores, sus números de padrón, sus direcciones de e-mail, y el resumen (si tuviese). La primera página del informe no debe ser numerada.

Índice

1. Introducción	3
1.1. Número Complejo	3
1.2. Mandelbrot	3
2. Análisis	4
2.1. Formato PGM	4
3. Diseño	4
4. Construcción	4
4.1. Makefile	4
4.2. TDD	4
5. Pruebas	5
5.1. Pruebas Unitarias	5
5.2. Corridas de prueba	5
5.3. Centrado en 0, ventana de 2	5
5.4. Centrado en $-0.165+1.039i$, ventana de 0.006	6
5.5. Centrado en $-0.027+0.709i$, ventana de 0.009	7
6. Código Fuente	8
6.1. default_values.h	8
6.2. main.c	9
6.3. mandelbrot.c	10
6.4. parse_opt.c	12
7. Extras	17
7.1. Render Online	17
7.1.1. Flask	17
7.1.2. jQuery	18
7.2. Repositorio	19
8. Conclusiones	19

1. Introducción

1.1. Número Complejo

Un número complejo es un número, pero diferente de los números normales.

Se puede representar juntado dos números.

La primera parte es un número real.

La segunda parte de un número complejo es un número imaginario.

La parte mas importante del número imaginario se la conoce como i , definida como $\sqrt{-1}$.

Todos los demás números imaginarios son el número i multiplicado por un número real.

Al número complejo lo podemos escribir como $a+bi$, siendo a y b números reales.

Dado que este número tiene dos componentes, la real y la imaginaria, podemos usar esas componentes para representarlo en un sistema de coordenadas Cartesianas.

Esta representación la conocemos como plano complejo.

1.2. Mandelbrot

El set de Mandelbrot es un fractal.

Empieza con la ecuación:

$$Z_{n+1} = Z_n^2 + c$$

Donde c y z son números complejos y n es cero o un número entero positivo.

Empezando en $z_0 = 0$, c está en el set de Mandelbrot si el valor absoluto de Z_n nunca excede cierto número.

Tomando por ejemplo, $c = 1+0i$. La secuencia es 0, 1, 2, 5, 26... que se va a infinito. Por lo tanto $1+0i$ no pertenece al conjunto.

Por otro lado, si tomamos $c = 0+1i$, la secuencia es 0, i , $(-1 + i)$, $-i$, $(-1 + i)$, $-i$, que no se va al infinito, entonces pertenece al conjunto de Mandelbrot.

La intensidad del color está dada por la cantidad de iteraciones que tiene que hacer el algoritmo hasta exceda el valor absoluto, o se alcance una cantidad máxima de iteraciones.

2. Análisis

2.1. Formato PGM

Este artículo es un modelo que proporciona a los alumnos las instrucciones necesarias para preparar sus informes para la asignatura *66.20 Organización de Computadoras* (práctica Viernes). Además de la estructura presentada, el informe podría contener otras secciones y subsecciones, a continuación de la introducción. Podrá incluir (se recomienda) gráficos ilustrativos y/o tablas. El informe finaliza con una sección de conclusiones, y las citas bibliográficas consultadas siguiendo, rigurosamente, el formato presentado al final de este modelo. También se recomienda respetar el estilo tipográfico mostrado aquí (fuente Times Roman de 10 puntos, u otras similares)

3. Diseño

4. Construcción

4.1. Makefile

4.2. TDD

5. Pruebas

5.1. Pruebas Unitarias

5.2. Corridas de prueba

Documentamos tres corridas de prueba. Definimos centro y tamaño de ventana y generamos una salida por consola con baja resolución, y luego una con mayor resolución y convertimos en grafico.

5.3. Centrado en 0, ventana de 2

Texto de la subsección...

```
$ ./tp0 --center 0+0i --width 2 --height 2  
--resolution 14x11 --output -
```

```
P2  
14  
11  
255  
2 2 2 3 3 4 12 44 3 2 2 1 1 1  
2 3 3 3 5 9 255 24 4 3 3 2 1 1  
3 4 5 65 10 255 255 255 30 8 5 2 2 1  
4 5 8 239 255 255 255 255 255 255 6 3 2 2  
255 12 52 255 255 255 255 255 255 255 8 3 2 2  
255 255 255 255 255 255 255 255 255 255 5 3 2 2  
255 255 255 255 255 255 255 255 255 14 5 3 2 2  
255 12 52 255 255 255 255 255 255 255 8 3 2 2  
4 5 8 239 255 255 255 255 255 255 6 3 2 2  
3 4 5 65 10 255 255 255 30 8 5 2 2 1  
2 3 3 3 5 9 255 24 4 3 3 2 1 1
```

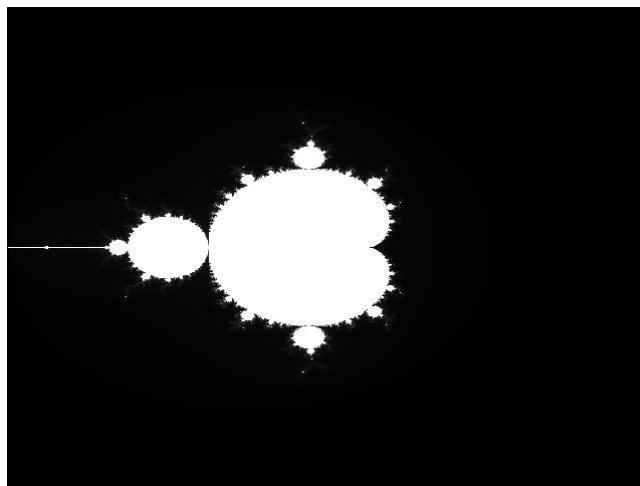


Figura 1: Mandelbrot0

5.4. Centrado en $-0.165+1.039i$, ventana de 0.006

Texto de la subsección...

```
$ ./tp0 --width 0.006089755361389781 --height 0.006089755361389781
--center -0.16495019360389762+1.0391402340922113i
--resolution 14x11 --output -
```

```
P2
14
11
255
```

```
26 32 26 31 24 22 21 21 23 25 22 21 22 26
47 34 41 29 25 29 24 24 26 29 24 34 25 30
30 54 49 34 31 30 27 26 31 28 27 29 34 58
27 32 35 56 41 35 36 34 36 32 36 34 72 44
22 30 39 33 40 81 45 45 53 45 49 43 55 96
22 24 26 32 37 55 127 119 123 63 69 103 117 255
39 29 28 30 37 47 84 255 255 255 255 255 255 255
22 24 27 30 52 41 103 86 255 255 255 255 255 255
21 22 24 27 35 39 78 105 255 255 255 255 255 255
21 23 31 30 34 40 50 255 255 255 255 255 255 255
23 24 26 32 52 61 76 255 255 255 255 255 255 255
```

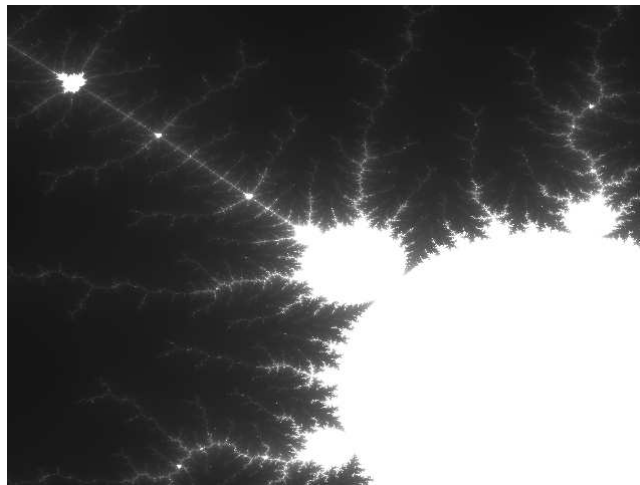


Figura 2: Mandelbrot1

5.5. Centrado en $-0.027+0.709i$, ventana de 0.009

Texto de la subsección...

```
$ ./tp0 --width 0.00913463304208467 --height 0.00913463304208467
--center -0.027010582808902495+0.7093001367538602i
--resolution 14x11 -output -
```

```
P2
14
11
255
255 255 255 255 255 255 107 84 88 52 39 36 39 64
255 255 255 255 255 255 86 125 61 47 40 39 66 52
255 255 255 255 255 255 255 63 59 64 42 42 44 63
255 255 255 255 255 255 228 255 230 53 45 44 45 46
255 255 255 255 255 255 255 202 140 54 110 85 49 52
255 255 255 255 255 255 255 179 74 61 58 64 81 90
255 255 255 224 255 255 164 139 105 85 100 196 105 117
255 149 217 144 73 230 158 71 154 175 92 75 62 49
255 90 78 58 53 56 81 58 81 74 97 93 115 61
194 255 255 118 48 43 45 49 70 66 97 83 49 55
58 64 84 72 47 48 38 55 52 45 43 123 38 34
```

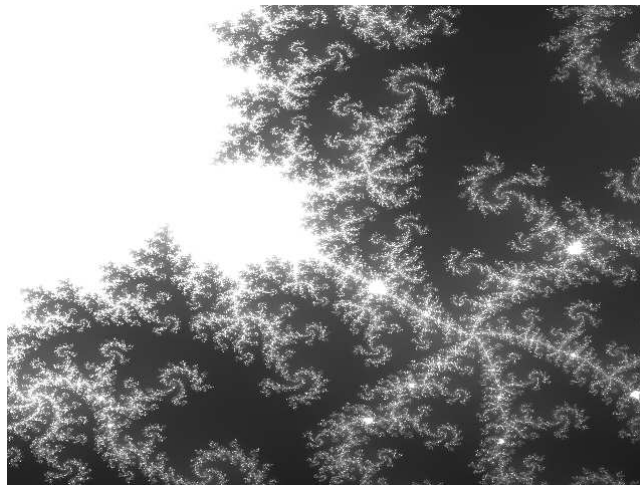


Figura 3: Mandelbrot2

6. Código Fuente

Texto de la seccion...

6.1. default_values.h

```
/*
=====
Name      : default_values.h
Author    : Tkaczyszyn, Facundo
Version   : 1.0
Description : Default Values
=====
*/

#ifndef DEFAULT_VALUES_H
#define DEFAULT_VALUES_H

const int    default_res_x  = 640;
const int    default_res_y  = 480;
const double default_width  = 4;
const double default_height = 4;
const double default_c_re   = 0;
const double default_c_im   = 0;

#endif
```


6.2. main.c

```
/*
=====
Name      : main.c
Author    : Tkaczyszyn, Facundo
Version   : 1.0
Description : 66.20 TPO - Mandelbrot, Version 1.0
=====
*/

#include <stdio.h>
#include "default_values.h"

int main(int argc, char** argv) {
    int    res_x = default_res_x;
    int    res_y = default_res_y;
    double width = default_width;
    double height = default_height;
    double c_re  = default_c_re;
    double c_im  = default_c_im;
    FILE * output;

    int parse_result = parse_opts( argc,
                                    argv,
                                    &res_x,
                                    &res_y,
                                    &c_re,
                                    &c_im,
                                    &width,
                                    &height,
                                    &output );

    if ( parse_result == 0 ) {
        mandelbrot( res_x,
                    res_y,
                    c_re,
                    c_im,
                    width,
                    height,
                    output,
                    fprintf );

        return 0;
    }
    return 1;
}
```

6.3. mandelbrot.c

```
/*
=====
Name      : mandelbrot.c
Author    : Tkaczyszyn, Facundo
Version   : 1.0
Description : 66.20 TPO - Mandelbrot, Version 1.0
=====
*/

#include <stdio.h>
#include <math.h>

int mandelbrot( int res_x,
                int res_y,
                double c_re,
                double c_im,
                double width,
                double height,
                FILE * output,
                int (*pfprintf)(FILE * , const char *, ...) ) {

    // hack to solve issue when Resolution == 1
    if ( res_x == 1) width = 0; if ( res_y == 1) height = 0;

    const int    max_it = 255;
    const double escape_radius = 2;

    int it_x;
    int it_y;
    double c_x;
    double c_y;
    double c_x_min = c_re - ( width / 2 );
    double c_y_min = c_im - ( height / 2 );

    double px_width  = ( width )/res_x;
    double px_height = ( height )/res_y;

    double z_x, z_y;
    double z_x_sq, z_y_sq;

    int it;

    double er_sq = escape_radius*escape_radius;

    // PGM header
    (*pfprintf)( output, "P2\n%d\n%d\n%d\n", res_x, res_y, max_it );

    // iterate over the coordinates and write the data
    for( it_y = res_y; it_y > 0 ; it_y-- ) {
        c_y = c_y_min + it_y * px_height;
        if( fabs( c_y ) < px_height / 2 ) c_y = 0.0;
        for( it_x = 0 ; it_x < res_x ; it_x++ ) {
```

```

        c_x      = c_x_min + it_x * px_width;
        z_x      = c_x;
        z_y      = c_y;
        z_x_sq   = z_x * z_x;
        z_y_sq   = z_y * z_y;
        for ( it = 0; it < max_it && ((z_x_sq + z_y_sq )< er_sq ); it++) {
            z_y    = 2 * z_x * z_y + c_y;
            z_x    = z_x_sq - z_y_sq + c_x;
            z_x_sq = z_x * z_x;
            z_y_sq = z_y * z_y;
        };
        (*pfprintf)( output, "%3d_", it);
    }
    (*pfprintf)( output, "\n");
}
return 0;
}

```

6.4. parse_opt.c

```
/*
=====
Name      : parse_opt.c
Author    : Tkaczyszyn, Facundo
Version   : 1.0
Description : Utility module to handle command line user interface
=====
*/

#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <getopt.h>

const char msg_invalid_width[]      = "invalid_width_specification.";
const char msg_invalid_height[]     = "invalid_height_specification.";
const char msg_invalid_resolution[] = "invalid_resolution_specification.";
const char msg_invalid_center[]     = "invalid_center_specification.";
const char msg_output_error[]       = "Output_file_error.";

const char* const op_cortas = "r:c:w:H:o:hV";

const struct option op_largas[] = {
    { "resolution", required_argument, NULL, 'r' },
    { "center",     required_argument, NULL, 'c' },
    { "width",      required_argument, NULL, 'w' },
    { "height",     required_argument, NULL, 'H' },
    { "output",     required_argument, NULL, 'o' },
    { "help",       no_argument,      NULL, 'h' },
    { "version",    no_argument,      NULL, 'V' },
    { NULL,         no_argument,      NULL, 0 }
};

int print_stderr = 1;

void disable_error_output() {
    print_stderr = 0;
}

void print_error(const char * message ) {
    if ( print_stderr )
        fprintf( stderr, "fatal: %s\n", message );
}

int parse_width( char * param, double * result ) {
    double width;
    int scanned = sscanf( param, "%lf", &width );
    if ( scanned == 1 ) {
        if ( width > 0 ) {
            *result = width;
            return 0;
        }
    }
}
```

```

        print_error( msg_invalid_width );
        return 1;
    }

    int parse_height( char * param, double * result ) {
        double height;
        int scanned = sscanf( param, "%lf", &height );
        if ( scanned == 1 ) {
            if ( height > 0 ) {
                *result = height;
                return 0;
            }
        }
        print_error( msg_invalid_height );
        return 1;
    }

    int parse_resolution( char * param, int * res_x, int * res_y ) {
        int _res_x;
        int _res_y;

        int scanned = sscanf( param, "%dx%d", &_res_x, &_res_y );
        if ( scanned == 2 ) {
            if ( ( _res_x > 0 ) && ( _res_y > 0 ) ) {
                *res_x = _res_x;
                *res_y = _res_y;
                return 0;
            }
        }
        print_error( msg_invalid_resolution );
        return 1;
    }

    int parse_center( char * param, double * c_re, double * c_im ) {
        double _c_re;
        double _c_im;
        char _c_im_sign;

        int scanned = sscanf( param, "%lf%c%lfi" , &_c_re, &_c_im_sign, &_c_im );
        if ( scanned == 3 ) {

            if ( _c_im_sign == '-' )
                _c_im = _c_im * -1;
            *c_re = _c_re;
            *c_im = _c_im;

            return 0;
        }
        print_error( msg_invalid_center );
        return 1;
    }

    int parse_output( char * param, FILE ** output ) {
        FILE * _output = 0;

```

```

    if ( strcmp(param, "-") == 0 ) {
        _output = stdout;
    } else {
        _output = fopen( param, "wb" );
    }

    if ( _output ) {
        *output = _output;
        return 0;
    }

    print_error( msg_output_error );
    return 1;
}

void print_help( char * binary_name ) {
    printf(
        "Usage:\n"
        "%%s[options]\n"
        "\n"
        "Options:\n"
        "%%-r,%%--resolution_%%(WxH)%%Image_%%resolution_%%(default:%%640x480).\n"
        "%%-c,%%--center_%%(a+bi)%%Complex_%%plane_%%center_%%(default:%%0+0i).\n"
        "%%-w,%%--width_%%(w)%%Complex_%%plane_%%width_%%(default:%%4).\n"
        "%%-H,%%--height_%%(h)%%Complex_%%plane_%%height_%%(default:%%4).\n"
        "%%-o,%%--output_%%[destination]%%Path_%%to_%%output_%%file_%%(PGM_%%format).\n"
        "%%-o,%%--output_%%[destination]%%If_%%[destination]%%is_%%-,%%outputs_%%to_%%stdout\n"
        "%%-h,%%--help%%Print_%%this_%%message_%%and_%%quit.\n"
        "%%-V,%%--version%%Print_%%version_%%and_%%quit.\n"
        "\n",
        binary_name );
}

void print_version() {
    printf("66.20_%%TP0_%%-%%Mandelbrot,%%_%%Version_%%1.0\n");
}

int parse_opts( int argc,
                char * const * argv,
                int * res_x,
                int * res_y,
                double * c_re,
                double * c_im,
                double * width,
                double * height,
                FILE ** output ) {

    int output_defined = 0;
    int result;

    // getopt does not print over stderr
    opterr = 0;

```

```

// every argument processed
int next_opt = 0;

while (1) {

    next_opt = getopt_long( argc,
                           argv,
                           op_cortas,
                           op_largas,
                           NULL);

    if (next_opt == -1) {
        break;
    }

    switch (next_opt) {

        case 'r': {
            if ( parse_resolution( optarg,
                                   res_x,
                                   res_y ) > 0 )
                return 1;
            break;
        }

        case 'c': {
            if ( parse_center( optarg,
                               c_re,
                               c_im ) > 0 )
                return 1;
            break;
        }

        case 'w': {
            if( parse_width( optarg,
                             width ) > 0 )
                return 1;
            break;
        }

        case 'H': {
            if( parse_height( optarg,
                              height ) > 0 )
                return 1;
            break;
        }

        case 'o': {
            if( parse_output( optarg,
                              output ) == 0 ) {
                output_defined = 1;
            } else {
                return 1;
            }
        }
    }
}

```

```

        break;
    }

    case 'h': {
        print_help( argv[0] );
        return 1;
        break;
    }

    case 'V': {
        print_version();
        return 1;
        break;
    }

    default: {
        print_help( argv[0] );
        return 1;
        break;
    }
}

if ( !output_defined ) return 1;

return 0;
}

```


7. Extras

7.1. Render Online

<http://home.facu.tk/mandelbrot>

7.1.1. Flask

Desarrollamos un wrapper en Python[15] para tomar los parametros de un query string http, y mapearlos a un comando de linea de comandos.

```
http://SERVER/?opcion=argumento
```

lo mapeamos a:

```
./tp0 -opcion argumento
```

Para la parte web utilizamos Flask[16], un framework de desarrollo web liviano escrito en Python.

Se detalla abajo la parte relevante del codigo.

```
...
@app.route("/mandelbrot.gif")
def mandelbrot():
    ...
    subprocess.call( "./tp0",
                     "-o salida.out",
                     "-r %s" %(request.args.get('res', '')) )
    ...
    Image.open( "salida.out" ).convert("RGB").save( "salida.gif" )
    return send_file( "salida.gif", mimetype='image/gif' )
...
```

7.1.2. jQuery

Utilizamos el framework de javascript jQuery [17] para manejar el click del usuario sobre la imagen.

HTML

```
<html>
  <head>
    <script src="http://code.jquery.com/jquery-1.11.0.min.js"></script>
    <script type="text/javascript" src="mandelmap.js"></script>
  </head>
  <body>
    <img id="mandelmap">
  </body>
</html>
```

Javascript

```
var res = "320x240";
var z = 4;
var zFactor = 1.5;
var c_re = 0;
var c_im = 0;
$(document).ready(function(){
  $( "#mandelmap" ).on( "click", function(e) {

    c_re = ( xpos*( z / this.width ) + ( c_re - ( z / 2 ) ) );
    c_im = ( ( c_im + ( z / 2 ) ) - z*( ypos / this.height ) );
    c_im_sign = ( c_im < 0 )? '':'+';
    z = z / zFactor;

    $("#mandelmap").attr(
      "src",
      "http://localhost:5000/mandelbrot.gif" +
      "?" +
      "res=" + res +
      "&w=" + z +
      "&h=" + z + "// );
      "&center=" + c_re + c_im_sign + c_im + "i" );
  });
});
```

7.2. Repositorio

El código fuente del tp, el wrapper y este documento está alojado en github.
<https://github.com/facutk/66.20>

8. Conclusiones

Se presentó un modelo para que los alumnos puedan tomar como referencia en la redacción de sus informes de trabajos prácticos.

Referencias

- [1] Introduction to the Mandelbrot Set, <http://www.ddewey.net/mandelbrot/>
- [2] Mandelbrot set, http://en.wikipedia.org/wiki/Mandelbrot_set
- [3] Mandelbrot C Renderer, http://rosettacode.org/wiki/Mandelbrot_set
- [4] PGM format, http://en.wikipedia.org/wiki/Netpbm_format
- [5] getopt_long(3), http://linux.die.net/man/3/getopt_long
- [6] sscanf(3), <http://linux.die.net/man/3/sscanf>
- [7] fwrite(3), <http://man7.org/linux/man-pages/man3/fwrite.3.html>
- [8] Standard streams, http://en.wikipedia.org/wiki/Standard_streams
- [9] CuTest: C Unit Testing Framework, <http://cutest.sourceforge.net/>
- [10] Makefile, <http://www.cs.colby.edu/maxwell/courses/tutorials/maketutor/>
- [11] GXemul, <http://gxemul.sourceforge.net/>
- [12] The NetBSD Project, <http://www.netbsd.org/>
- [13] Secure Shell (SSH), http://en.wikipedia.org/wiki/Secure_Shell
- [14] git - the simple guide, <http://rogerdudler.github.io/git-guide/>
- [15] Python, <https://www.python.org/>
- [16] Flask Quickstart, <http://flask.pocoo.org/docs/0.10/quickstart/>
- [17] jQuery, <http://jquery.com/>
- [18] LaTeX, <http://www.latex-project.org/>