# Electromagnetismo aplicado TB069 Guía de ejercicios Nº 3



## Ejercicio 1

Una onda plana uniforme incide normalmente sobre la superficie de separación entre dos medios 1 y 2. Determinar las amplitudes de los campos reflejados y transmitidos  $E_{r0}$ ,  $E_{t0}$ ,  $H_{r0}$  y  $H_{t0}$  en la unión entre 2 medios, si la amplitud del campo eléctrico incidente en el medio es  $E_{i0} = 1, 5.10^{-3}$  V/m. El medio 1 tiene  $\sigma_1 = 0$ ,  $\mu_{r1} = 1$  y  $\varepsilon_{r1} = 8$ , mientras que el medio 2 es el espacio libre.

# Ejercicio 2

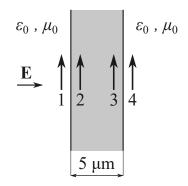
La amplitud del campo eléctrico  ${\bf E}$  en el espacio libre (medio 1) de una onda plana uniforme que incide normalmente sobre la superficie de separación con el medio 2 es  $E_{i0}=1$  V/m. Si la amplitud del campo magnético  ${\bf H}$  reflejado es  $H_{r0}=-1,41.10^{-3}$  A/m, y el medio 2 tiene  $\sigma_2=0$  y  $\varepsilon_{r2}=18,5$ , obtener  $\mu_{r2}$ .

## Ejercicio 3

La amplitud del campo eléctrico E en el espacio libre (medio 1) de una onda plana uniforme que incide normalmente a la superficie de separación con el medio 2 (agua de mar) es  $E_{i0}=1$  V/m. El agua de mar tiene  $\sigma_2=2,5$  S/m y  $\varepsilon_{r2}=80$ . Considerando una frecuencia de 30 MHz, calcular la profundidad a la cual la amplitud del campo eléctrico E transmitido  $E_{t0}$  es de 1 mV/m.

## Ejercicio 4

Una onda plana uniforme que se propaga en el espacio libre, cuya amplitud del campo eléctrico  $\mathbf{E}$  es  $E_{i0}=100$  V/m, incide normalmente sobre una lámina de plata de espesor 5  $\mu$ m, como puede verse en la figura.



Suponiendo  $\sigma_2 = 61, 7.10^6$  S/m y a una frecuencia de 200 MHz, obtener las amplitudes  $E_1, E_2, E_3$  y  $E_4$ .

- 1) Amplitud del campo eléctrico  $\mathbf{E}$  reflejado  $E_{r0}$  por la superficie de la primer interfaz espacio libre-plata.
- 2) Amplitud del campo eléctrico E transmitido  $E_{t0}$  por la superficie de la primer interfaz espacio libre-plata.
- 3) Amplitud del campo eléctrico  $\mathbf{E}$  incidente  $E_{i1}$  sobre la superficie de la segunda interfaz espacio libre-plata.
- 4) Amplitud del campo eléctrico  $\mathbf{E}$  transmitido  $E_{t1}$  por la superficie de la segunda interfaz espacio libre-plata.

## Ejercicio 5

Una onda plana uniforme incide normalmente sobre la superficie del mar desde encima del agua. Siendo los parámetros del agua de mar  $\sigma=4$  S/m,  $\varepsilon_r=81$  y  $\mu_r=1$ , calcular la densidad de potencia media reflejada y transmitida en función de la densisdad de potencia media incidente, considerando:

- f = 1 MHz.
- f = 10 GHz.

Una onda plana uniforme, cuya amplitud del campo eléctrico  $\mathbf{E}$  es es  $E_{i0} = 100 \text{ V/m}$ , se propaga en el espacio libre e incide normalmente sobre la separación con un medio que tiene  $\varepsilon_r = 2,25 \text{ y} \tan{(\delta)} = 0,3$ . Calcular:

- 1) El coeficiente de reflexión  $\Gamma$  y transmisión T.
- 2) La relación de onda estacionaria, y la amplitud y ubicación del primer máximo y mínimo de la onda estacionaria.

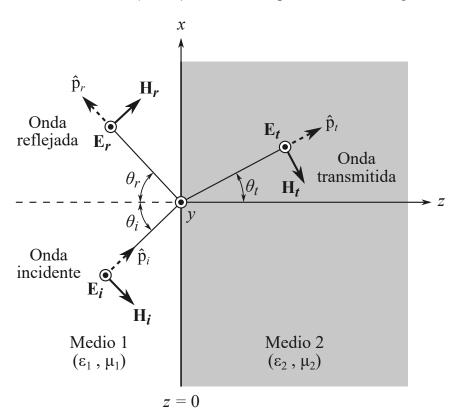
#### Ejercicio 7

Una onda plana uniforme, de frecuencia 500 MHz, se propaga por un medio sin pérdidas de impedancia intrínseca  $\eta_1$  e incide normalmente sobre la superficie de separación con otro medio. Considerando que  $\mu r 1 = \mu r 2 = 1$ , obtener el coeficiente de reflexión  $\Gamma$  y transmisión T, la relación de onda estacionaria y los valores y distancias en los que se ubican los primeros 3 máximos y mínimos de la onda estacionaria si:

- 1) El medio 2 es un conductor perfecto.
- 2) El medio 2 es un dieléctrico perfecto con  $\eta_2 = 2\eta_1$ .
- 3) El medio 2 es un dieléctrico perfecto con  $\eta_2 = \eta_1/2$ .

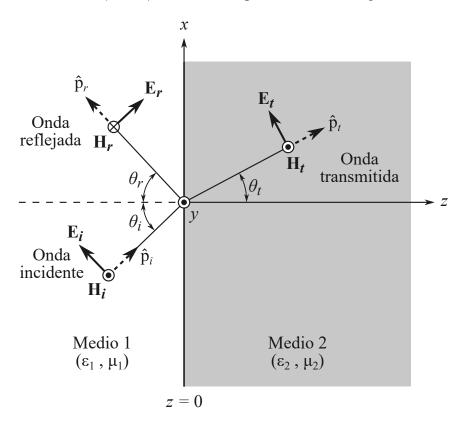
#### Ejercicio 8

Una onda plana uniforme con polarización perpendicular incide oblicuamente sobre la superficie de separación entre 2 medios con  $\varepsilon_{r1}=1, \, \varepsilon_{r2}=2, 25, \, \mu_{r1}=\mu_{r2}=1$ , como puede verse en la figura.



Considerando que la amplitud del campo eléctrico E de la onda transmitida es de 20 V/m, la frecuencia de 100 MHz y el ángulo de incidencia es de 30 °, calcular los coeficientes de reflexión  $\Gamma_{\perp}$  y transmisión  $T_{\perp}$ .

Una onda plana uniforme con polarización paralela incide oblicuamente sobre la superficie de separación entre 2 medios con  $\varepsilon_{r1}=1, \, \varepsilon_{r2}=2, 25, \, \mu_{r1}=\mu_{r2}=1$ , como puede verse en la figura.



Considerando que la amplitud del campo magnético  ${\bf E}$  de la onda incidente es de 0,053 A/m, la frecuencia de 100 MHz y el ángulo de incidencia es de 30  $^{\circ}$ , calcular los coeficientes de reflexión  $\Gamma_{\parallel}$  y transmisión  $T_{\parallel}$ .

# Ejercicio 10

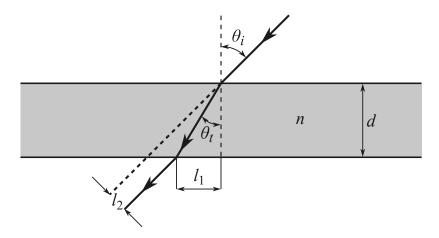
Una onda plana uniforme que se propaga en el espacio libre, a una frecuencia de 10 kHz y con polarización paralela, incide oblicuamente sobre la superficie del océano con un ángulo casi rasante de 88 °. Considerando  $\varepsilon_r=81,\,\mu_r=1$  y  $\sigma=4$  S/m para el agua de mar, calcular:

- 1) El ángulo de transmisión  $\theta_t$ .
- 2) El coeficiente de transmisión  $T_{\parallel}$ .
- 3) La distancia bajo la superficie del océano donde la intensidad de campo disminuye 30 dB.

# Ejercicio 11

Un onda plana uniforme con polarización perpendicular que se propaga por el medio 1 incide oblicuamente sobre la superficie de separación con el medio 2. Considerando que  $\varepsilon_{r2} < \varepsilon_{r1}$  y  $\theta_i > \theta_c$ , demostrar que la potencia media transmitida al medio 2 es cero.

Un rayo de luz incide oblicuamente desde el aire sobre una lámina transparente de espesor d cuyo índice de refracción es n, como puede verse en la figura.



Para un ángulo de incidencia  $\theta_i$ , obtener:

- 1) El ángulo de transmisión  $\theta_t$ .
- 2) La distancia  $l_1$  al punto de salida.
- 3) El desplazamiento lateral  $l_2$  del rayo emergente.

## Ejercicio 13

Un onda plana uniforme con frecuencia angular  $\omega$  que se propaga en el medio 1, con índice de refracción  $n_1$ , incide con el ángulo crítico sobre una superficie de separación con el medio 2, con índice de refracción  $n_2 < n_1$ . Siendo  $E_{i0}$  y  $E_{t0}$  las amplitudes de los campos incidente y transmitido respectivamente:

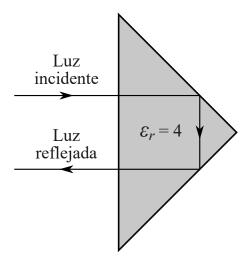
- 1) Determinar la relación  $E_{t0}/E_{i0}$  para polarización perpendicular.
- 2) Determinar la relación  $E_{t0}/E_{i0}$  para polarización paralela.
- 3) Obtener las expresiones de los campos  $\mathbf{E}_i$  y  $\mathbf{E}_t$  instantáneos para polarización perpendicular, en términos de los parámetros  $\omega$ ,  $n_1$ ,  $n_2$ ,  $\theta_i$  y  $E_{i0}$ .

# Ejercicio 14

Un onda electromagnética que surge con polarización perpendicular de una fuente subacuática incide sobre la superficie de separación agua-aire con un ángulo  $\theta_i$  = 20 °. Usando  $\varepsilon_r$  = 81 y  $\mu_r$  = 1 para el agua dulce, calcular:

- 1) El ángulo crítico  $\theta_c$ .
- 2) El coeficiente de reflexión  $\Gamma_{\perp}$ .

Los prismas triangulares isósceles de vidrio, como el que se muestra en la figura, se usan comúnmente en los instrumentos ópticos.



Suponiendo  $\varepsilon_r = 4$  para el vidrio, calcular el porcentaje de potencia luminosa incidente que refleja el vidrio.

# Ejercicio 16

Las fibras ópticas suelen revestirse con un material de bajo índice de refracción para evitar la interferencia procedente de ondas en las fibras vecinas y como protección mecánica, como puede verse en la figura, donde  $n_2 < n_1$ .

	$(n_0)$
	Revestimiento $(n_2)$
$\theta_a$	Fibra óptica (n <sub>1</sub> )
	Revestimiento $(n_2)$
	$(n_0)$

- 1) Obtener el ángulo de incidencia máximo  $\theta_a$  en términos de  $n_0$ ,  $n_1$  y  $n_2$  para que los rayos meridionales (aquellos que pasan por el eje de la fibra) que inciden sobre la cara abierta del núcleo queden atrapados por reflexión interna total dentro del núcleo. El ángulo  $\theta_a$  se denomina ángulo de aceptación y sen  $(\theta_a)$  es la abertura mecánica.
- 2) Calcular el ángulo de aceptación y la apertura mecánica si  $n_1$  = 2,  $n_2$  = 1,74 y  $n_0$  = 1.