Out[4]:

## Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования Национальный исследовательский университет ИТМО

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

Мегафакультет трансляционных информационных технологий

Факультет информационных технологий и программирования

Санкт-Петербург, 2022 г.

МОДЕЛИРОВАНИЕ №2 По дисциплине «Специальные разделы физики» Гомография

> Фадеев Артём Владимирович Выполнил\_ (Фамилия Имя Отчество) Проверил\_ Тимофеева Эльвира Олеговна

(Фамилия Имя Отчество)

## Сфера

Задачи

• Данная задача относится к оптике. Происходит преобразование трёхмерного объекта в двухмерную проекцию и наоборот

• Получить изображение, на котором присутствуют искажения пространства, например, квадрат превращается в

Гомография

• Гомография — это преобразование, которое отображает точки одного изображения в точки соответствия другого

• Гомография - частный случай модели фундаментальных проективных преобразований, когда объекты сцены находятся в

• Провести проективное преобразование более сложного объекта, чем квадрат. В результате обработки изображения

## изображения.

• Гомография — перспективное преобразование плоскости.

трапецию при фотографии с определенного угла.

получить неискаженное изображение объекта.

- Cartesian o homogeneus: P=(x,y)  $P\in\mathbb{R}^2$
- $ilde{P}=(x,y,1) \ \ ilde{P}\in \mathbb{P}^2$ • homogeneous o Cartesian:

 $egin{pmatrix} ilde{x} \ ilde{y} \ ilde{z} \end{pmatrix} = egin{pmatrix} f & 0 & 0 & 0 \ 0 & f & 0 & 0 \ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} egin{pmatrix} X \ Y \ Z \ 1 \end{pmatrix}$ 

 $\begin{pmatrix}
f & 0 & 0 & 0 \\
0 & f & 0 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0
\end{pmatrix}$ 

 $egin{pmatrix} ilde{u} \ ilde{v} \ ilde{w} \end{pmatrix} = egin{pmatrix} rac{1}{p_u} & 0 & u_0 \ 0 & rac{1}{p_v} & v_0 \ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} egin{pmatrix} ilde{x} \ ilde{y} \ ilde{z} \end{pmatrix}$ 

extrínsic parameters

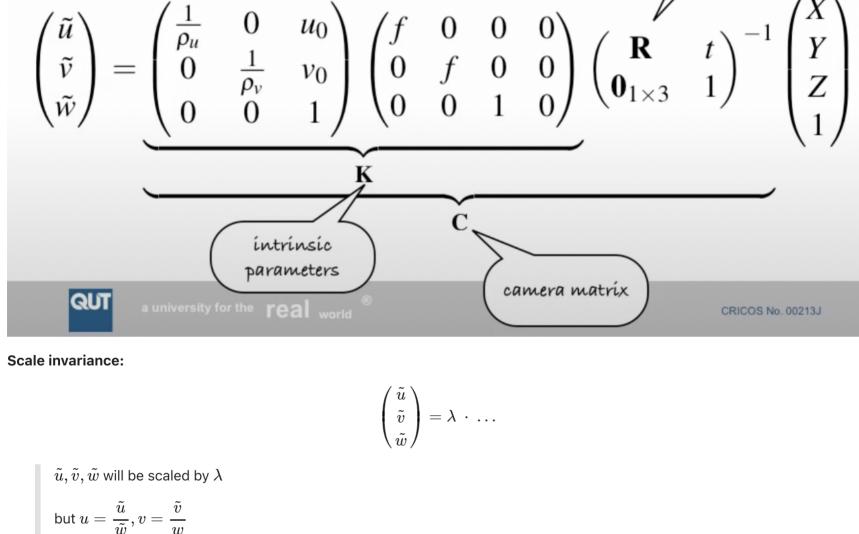
плоскостях (z = 0).

$$egin{aligned} x &= rac{ ilde{x}}{ ilde{z}}, \; y &= rac{ ilde{y}}{ ilde{z}} \ \Rightarrow x &= rac{fX}{Z}, y &= rac{fY}{Z} \end{aligned}$$

 $\Rightarrow x = rac{fX}{Z}, y = rac{fY}{Z}$ 

 $ilde{x}=fX, ilde{y}=fY, ilde{z}=Z$ 

ullet A multiplication of two other matrix: 3D o 2D and scaling / zooming matrix



Points on plane

Planar homography:

import cv2

import os

import numpy as np

img\_points = [] upd\_img\_points = []

In [5]:

Normalized camera matrix:

We can value of one element for example  $C_{34}$ 

All points on the plane have Z=0 
ightarrow we can remove a row

$$\begin{pmatrix} \tilde{u} \\ \tilde{v} \\ \tilde{w} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} h_{00} & h_{12} & h_{13} \\ h_{21} & h_{22} & h_{23} \\ h_{31} & h_{32} & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$
 • 8 unique numbers in homography matrix • Can be estimated from 4 world points and their corresponding image poins

 $egin{pmatrix} ilde{u} \ ilde{v} \ ilde{w} \end{pmatrix} = egin{pmatrix} C_{11} & C_{12} & 0 & C_{14} \ C_{21} & C_{22} & 0 & C_{24} \ C_{31} & C_{32} & 0 & 1 \end{pmatrix} egin{pmatrix} X \ Y \ 0 \ 1 \end{pmatrix}$ 

global img\_points if event == cv2.EVENT\_LBUTTONDOWN:  $img_points.clear()$  if  $len(img_points) >= 4$  else  $img_points.append((x, y))$ 

def img\_pick(event, x, y, flags, params):

from matplotlib import pyplot as plt

def upd\_img\_pick(event, x, y, flags, params): global upd\_img\_points

def show\_results(\*args):

plt.show()

for i in range(len(args)):

plt.axis('off') plt.imshow(arg)

def print\_points(points\_lst, picture): radius, color, thickness = 3, (0, 0, 255), -1for point in points\_lst:

cv2.circle(picture, point, radius, color, thickness)

In [6]: def run(input img): output\_img = input\_img.replace(os.path.basename(input\_img), '\_out.'.join(os.path.basename(input\_img).split cv2.namedWindow(input img) cv2.setMouseCallback(input img, img pick) cv2.namedWindow(output img) cv2.setMouseCallback(output img, upd img pick)

plt.rcParams["figure.figsize"] = [10.00, 5.00]

arg = cv2.cvtColor(args[i], cv2.COLOR\_BGR2RGB)

plt.rcParams["figure.autolayout"] = True

plt.subplot(1, len(args), i + 1)

img = cv2.imread(input\_img) upd img = np.zeros(img.shape, dtype=np.uint8) last\_upd\_img = upd\_img.copy() while True: img copy = img.copy() upd\_img\_copy = upd\_img.copy() print\_points(img\_points, img\_copy) print\_points(upd\_img\_points, upd\_img\_copy) if len(img\_points) == len(upd\_img\_points) == 4: homography = cv2.findHomography(np.array(img\_points), np.array(upd\_img\_points)) upd\_img\_copy = cv2.warpPerspective(img\_copy, homography[0], (upd\_img\_copy.shape[1], upd\_img\_copy.sh

last\_upd\_img = upd\_img\_copy

show results(\*[img, last upd img])

cv2.imshow(input\_img, img\_copy) cv2.imshow(output img, upd img copy)

> cv2.destroyAllWindows() img points.clear() upd\_img\_points.clear()

**if** cv2.waitKey(1) == 27:

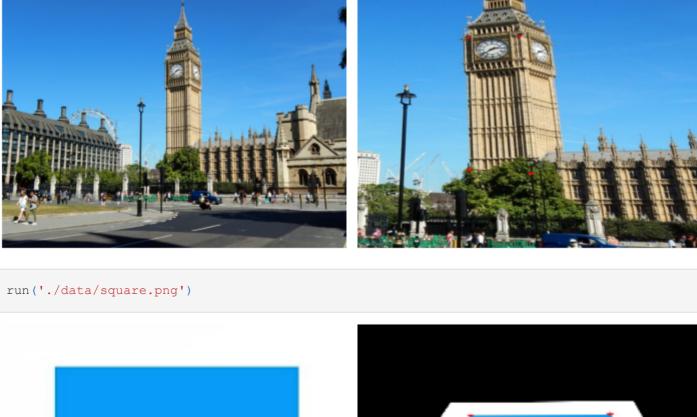
In [92]:

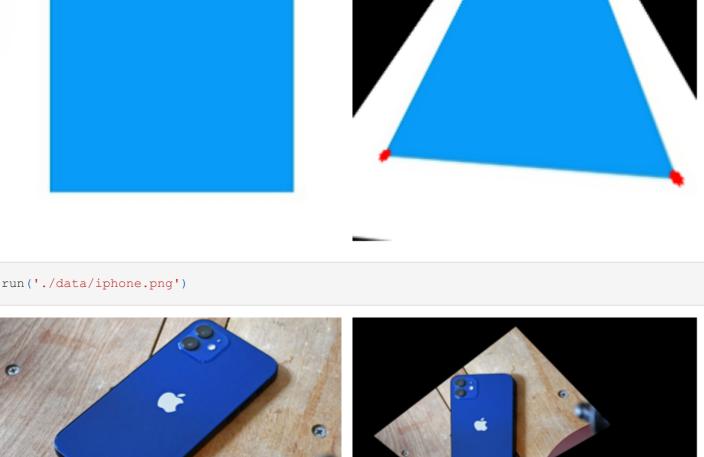
In [94]:

In [7]:

break

run('./data/building.png')





• Полученная картинка является ровной лишь приблизительно • Это связано с тем, что у нас нет полного 3D изображения, то есть какие-то детали, которые видно с другой точки зрения, просто отсутствуют на нашем исходном изображении.