北京林业大学

2019 学年—2020 学年第 2 学期计算机算法设计与实践实验报告书

专业: 计算机科学与技术(创新实验班) 班级: 计创 18

姓 名: 连月菡 学 号: 181002222

实验地点: 家 任课教师: 王春玲

实验题目: 实验 6 TSP 问题的近似算法

实验环境: Visual Studio 2019 Community

一、实验目的

- (1) 了解近似算法的局限性;
- (2) 掌握求解NP完全问题的一种方法: 只对问题的特殊实例求解。

二、实验内容

求解TSP问题的近似算法。

三、 实验步骤

1. 算法思路

选择一个求解 TSP 的近似算法,有很多,在这次实验中考虑使用一种选择最近邻的解法(贪心),对于这种解法,运用多个测试用例进行测试,检验近似算法的稳定性,查看与最优解的差异。

对于 TSP 问题, 应当定义一个结构体,存储一座城市的坐标信息。

- a. 初始化路径, 使得初始的路径中, 路径数组下标等于路径名(数字)
- b. 令 i=1,遍历当前城市, j=i,为遍历未访问过的城市,寻找距离 i-1 所对应的城市最近的城市 j,如果 j 的距离比目前的 mindist(最近距离)短,那么用 vismin 保存当前的 j。
- c.每次将要结束内循环的遍历时,交换路径中j和 vismin 作为下标所对应的城市,以保证内循环j所对应的路径下标代表未访问过的城市。

2. 伪代码

2.

- 1. void fun(int begin) {//最近邻的近似算法
- 3. **j = 1;**//下标存储变量
- 4. path[0] = begin;//路径起点

```
5.
       for i <-0: num - 1:// 初始化路径
6.
           if i != begin
7.
               path[j] \leftarrow i
8.
               j++
9.
           endif
       endfor
10.
11.
           for i <- 1: num - 1 //寻找距离 path[i-1]最近的未访问城市
12.
              mindist = 0x7fffffff//给最近距离赋一个较大值
13.
14.
               vismin = 0
15.
                  for j<- i: num</pre>
16.
                      if path[i - 1]和 path[j]的距离 < 当前最近距离
17.
                          当前最近距离 = path[i - 1]和 path[j]的距离
                          当前最近城市 = j
18.
                      endif
19.
20.
                   交换 path[i] = path[vismin];
21.
                   endfor
           endfor
22.
23.}
```

3. C++代码

```
1. void fun(int begin) {//最近邻的近似算法
2.
       double mindist;//最近距离
3.
       int vismin, temp;//最近城市, 暂时的存储空间
4.
5.
       int i, j=1;//下标存储变量
       path[0] = begin;//路径起点
6.
       for (i = 0; i < num; i++)// 初始化路径
7.
           if (i != begin) {
8.
9.
               path[j] = i; j++;
10.
11.
       for (i = 1; i < num - 1; i++) {//寻找距离 path[i-1]最近的未访问城市
12.
           mindist = 0x7fffffff;//给最近距离赋一个较大值
13.
14.
           vismin = 0;
15.
           for (j = i; j < num; j++)</pre>
               if (dis(path[i - 1], path[j]) < mindist) {//找最近的城市</pre>
16.
17.
                  mindist = dis(path[i - 1], path[j]);
18.
                  vismin = j;
19.
               }
20.
           temp = path[i];//交换
21.
           path[i] = path[vismin];
           path[vismin] = temp;//保证下标靠后的城市
22.
```

```
23. }
24. }
```

时间复杂度为 O(n^2)

TSP 的最近邻算法近似比为:

$$\frac{2n-(k+1)/2}{2n-k} \leq \frac{2n-(n+1)/2}{2n-n} = \frac{3}{2} - \frac{1}{2n}.$$

(n 是顶点数,k 是边的长度的个数)

4.测试结果

测试用例下载

测试结果标准

a280.tsp 最优解:2579

```
270:
            187
271:
272:
            190
            191
273:
274:
275:
            192
            178
            179
276:
            180
277:
278:
            175
            176
            242
279:
280:
            241
路径长度 3182.087869
所用时间: 0.001000
```

att48.tsp 最优解 10628

```
21
15
31:
32:
33:
34:
             40
             33
35:
             28
4
47
38
31
23
9
36:
37:
38:
39:
40:
41:
             41
42:
             25
3
34
43:
44:
45:
46:
             44
47:
48:
路径长度 40526.421056
所用时间: 0.000000
```

att532.tsp 最优解 27686

```
459
520:
521:
522:
523:
524:
            450
            447
            433
            408
525:
526:
            398
            396
527:
528:
            401
            490
529:
            503
530:
            508
531:
            521
532:
            470
路径长度 112099.445694
所用时间: 0.005000
```

bayg29.tsp 最优解:1610

```
20: 6
21: 22
22: 26
23: 7
24: 23
25: 15
26: 12
27: 28
28: 25
29: 2
路径长度 10211.184727
所用时间: 0.000000
```

bays29.tsp 最优解:2020

```
20: 6
21: 22
22: 26
23: 7
24: 23
25: 15
26: 12
27: 28
28: 25
29: 2
路径长度 10211.184727
所用时间: 0.000000
```

berlin52.tsp 最优解:7542

```
40:
           25
41:
           46
42:
           12
43:
           13
44:
           51
45:
           10
46:
           28
           29
20
47:
48:
49:
           16
50:
           41
51:
52:
           1
路径长度 8980.918279
所用时间: 0.000000
```

bier127.tsp 最优解:118282

```
110:
          52
111:
112:
          48
113:
          117
114:
          47
115:
          45
116:
          93
117:
          111
118:
          110
119:
          106
120:
          126
121:
122:
          92
          94
123:
          122
124:
          96
125:
          41
126:
          39
127:
          97
路径长度 135751.778048
所用时间: 0.001000
```

d1655.tsp 最优解:62128

```
136
139
140
1641:
1642:
1643:
              143
1644:
              144
1645:
              147
148
128
129
1646:
1647:
1648:
1649:
              109
1650:
1651:
1652:
1653:
1654:
              105
              106
              104
              103
227
1655:
路径长度 74997.191764
所用时间: 0.060000
```

d2103.tsp 最优解:80450

```
652
698
2090:
2091:
           701
8
2092:
2093:
2094:
2095:
           10
2096:
           808
2097:
2098:
           707
2099:
           817
2100:
           818
2101:
2102:
           819
820
2103:
           821
路径长度 87188.704914
所用时间: 0.098000
```

dsj1000.tsp 最优解:18659688

| 0.00 | 400 |
|-------|-------------------|
| 990: | 406 |
| 991: | 435 |
| 992: | 59 |
| 993: | 130 |
| 994: | 112 |
| 995: | 801 |
| 996: | 536 |
| 997: | 553 |
| 998: | 188 |
| 999: | 472 |
| 1000: | 894 |
| | |
| 路径长属 | 隻 24630960.101473 |
| 所用时间 | 旬: 0.027000 |
| | |

由上,得到下表:

| 城市数量 | 280 | 48 | 532 | 29 | 29 | 52 | 127 | 1655 | 2103 | 1000 |
|-----------|---------|-----------|-----------|----------|---------|--------|--------|----------|---------|-------------|
| 最优解c* | 2579 | 10628 | 27686 | 1610 | 2020 | 7542 | 118282 | 62128 | 80450 | 18659688 |
| 近似最优值c | 3182 | 40526 | 112099 | 10211 | 10211 | 8981 | 135752 | 74997 | 87189 | 24630960 |
| 近似比(c/c*) | 1.23381 | 3.8131351 | 4.0489417 | 6.342236 | 5.05495 | 1.1908 | 1.1477 | 1.207137 | 1.08377 | 1.320009209 |



可以观察得到,在城市数量较大的时候,近似比趋于稳定,得到的结果较接近最优解。

四、实验心得

- (1) 理解满足三角不等式的 TSP 问题的特点及应用实例;
- (2) 设计近似算法求解满足三角不等式的 TSP 问题,并求出近似比;
- (3)将求解满足三角不等式的 TSP 问题的近似算法应用于一般的 TSP 问题,考察它的近似性能,理解为什么说 TSP 问题是 NP 问题中最难的一个问题。