color

فهيم جعفري

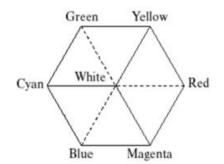
چکیده	اطلاعات گزارش
استفاده از رنگ در پردازش تصویر ،ناشی از دو عامل است. اولا ، رنگ توصیفگر	
قدرتمندی است که غالبا شناسایی و استخراج اشیا را از صحنه آسان میسازد. ثانیا	
،انسان میتواند در مقایسه با فقط 24 سایه خاکستری ، هزاران سایه رنگ و شدت را	واژگان کلیدی:
تشخیص دهد. این عامل دوم ، مخصوصا در تحلیل تصویر دستی(یعنی وقتی که توسط	Color space
انسان انجام میگیرد) مهم است.پردازش تصویر رنگی به دو ناحیه تقسیم میشود: پردازش	Xyz YIQ
تمام رنگی و شبه رنگی. در دسته اول ، تصاویر معمولا توسط حسگر تمام رنگی دریافت	YUV
میشوند، مثل دوربین Tv رنگی یا اسکنر رنگی. در دسته دوم ،مسئله تخصیص رنگ به	Hsi(hue,saturation,luminance)
شدت تک رنگ خاص یا بازه ای از شدت ها است.فضاهای رنگی زیادی وجود دارد که	Mmse PSNR
در این صفحه hsi استفاده شده است که با درک انسان مناسب تر میباشد.	histogram
	quantization
	k-means
	per color

1–مقدمه

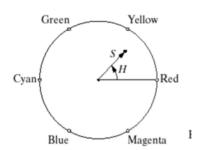
2–شرح تكنيكال

Color space •

اگر مکعب rgb را به شکل زیر دوران دهیم



شش ضلعی مشاهده میشود که اگر مرکز را به عنوان مرکز دایره در نظر بگیریم فاصله از مرکز را که شعاع میباشد را S در نظر میگیریم و زاویه ان را H و ارتفاع مقطع برش زده از مبدا را ا در نظر بگیرم فضای hsi را مدل کرده ایم که این مدل با چشم و درک انسان قابل مفهوم تر میباشد



محاسبات از hsi به rgb و برعکس ،بر حسب بیت ها انجام میگیرد. برای سهولت ، وابستگی (x,y) را در معادلات تبدیلی در نظر نگرفتم.اگر تصویری با فرمت rgb داشته باشیم ، مولفه هر پیکسل rgb با استفاده از معادله زیر به دست می اید:

$$H = \begin{cases} \theta & \text{if B} \le G \\ 360 - \theta & \text{if B} > G \end{cases}$$

$$\theta = \cos^{-1} \left\{ \frac{\frac{1}{2} [(R-G) + (R-B)]}{[(R-G)^2 + (R-B)(G-B)]^{1/2}} \right\}$$

مولفه اشباع به صورت زیر به دست می اید:

$$S = 1 - \frac{3}{(R+G+B)}[\min(R,G,B)]$$

سرانجام ،مولفه شدت به صورت زیر به دست می اید:

$$I = \frac{1}{3}(R + G + B)$$

فرض میشود که مقادیر rgb به بازه ی $\{1_{e}0\}$ نرمال سازی شدند و زاویه theta نسبت به محور قرمز در فضای hsi محاسبه میشود پرده رنگ میتواند به بازه $\{1_{e}0\}$ نرمال شود، که برای این کار باید تمام مقادیر حاصل از $\{1_{e}0\}$ درجه تقسیم گردد. اگر مقادیر rgb در فاصله $\{0,1\}$ باشند دو مولفه دیگر نیز در این بازه بوده اند

فضای رنگی XYZ

در سال 1931 اقدام به معرفی یک مجموعه رنگ پایه ی جدید برای برطرف کردن مشکلات فضای رنگ RGB نمود:XYZ.مشکل فضای رنگ قبلی در این بود که برای مشاهده گرهای مختلف نظیر انسان ها،سنسورها و… تعریف واحدی برای دریافت اطلاعات رنگی

موجود نبود.یعنی در فضای RGB،مشخصات رنگی نیمه شهودی و وابسته به وسایل اندازه گیری است. در این فضای رنگ پایه جدید اجزای رنگ های پایه رنگ های واقعی نیستند.میزان در خشندگی رنگ در این فضا بر خلاف فضای قبل فقط به یک پارامتر (Y) بستگی دارد و بقیه ی پارامتر ها ،ویژگی های رنگی را پوشش میدهند. برای ورود به فضای رنگی را پوشش میدهند برای ورود به فضای رنگی XYZ از RGB و بالعکس میتوان از ماتریس های تبدیل زیر استفاده کرد

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.412453 & 0.357580 & 0.180423 \\ 0.212671 & 0.715160 & 0.072169 \\ 0.019334 & 0.119193 & 0.950227 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3.240479 & -1.537150 & -0.498535 \\ -0.969256 & 1.875992 & 0.041556 \\ 0.055648 & -0.204043 & 1.057311 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}$$

• فضاهای رنگی YUV,YIQ

این فضا ها با تغییرات کوچکی از روی مدل R'G'B' بدست امده است. این تغییرات برای ان است که مدل جدید برای انتقال ،نسبت به مدل RGB کارامدتر شود و همینطور با سیستم تلویزیون های سیاه و سفید ،سازگار گردد. در حقیقت جزء ۲ از این فضاها اطلاعات ویدیویی مورد نیاز یک سیستم تلویزیون سیاه و سفید را بطور کامل تامین میکند.برای تبدیل فضای RGB به فضاهای YIQ, YUV و بالعکس از روابط زیر استفاده میشود

$$\begin{bmatrix} Y \\ I \\ Q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.299 & 0.587 & 0.114 \\ 0.596 & -0.275 & -0.321 \\ 0.212 & -0.523 & 0.311 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} R' \\ G' \\ B' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0.9557 & 0.6199 \\ 1 & -0.2716 & -0.6469 \\ 1 & -1.1082 & 1.7051 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} Q \\ I \end{bmatrix}$$

تبديل از RGB به YIQ و بالعكس

$$\begin{bmatrix} Y \\ U \\ V \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.299 & 0.587 & 0.114 \\ -0.147 & -0.289 & 0.436 \\ 0.615 & -0.515 & -0.100 \\ 0.615 & 0.515 & -0.100 \\ 0.615 & 0.515 & -0.100 \\ 0.615 & 0.615 \\ 0.615 & 0.6$$

تبدیل از RGB به YUV و بالعکس

حساسیت سیستم بینایی انسان به تغییرات روشنایی بیشتر از حساسیت ان به ته رنگ و اشباع است و فضاهای YIQ,YUV به گونه ای طراحی شده اند که از این خاصیت استفاده کنند

به همین دلیل در استانداردهای منطبق بر این فضاها ، بیشتر پهنای باند (تعداد بیت در رنگ دیجیتال) در دسترس را ، به پارامتر ۲ اختصاص میدهند و پهنای باند کمتری را برای اجزای کرومینانس نگه میدارند.

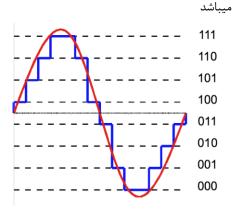
مزیت عمده دیگری که این فضاها نسبت به مدل RGB دارند ان است که پارامتر مشخص کننده روشنایی Y از دو پارامتر مشخص کننده رنگ جدا است با توجه به ان که متغیر روشنایی متناسب با مقدار نوری است که چشم بیننده دریافت میکند با استفاده از این خاصیت میتوان روشنایی یک تصویر را تغییر داد بدون انکه در ترکیب رنگ ان تغییری ایجاد شود. برای مثال میتوان تکنیک یکسان سازی هیستوگرام را تنها در مورد پارامتر Y از تصویری با فرمت YIU یا YUV اعمال کرد.

Quantization •

گسسته سازی مپ کردن یک مجموعه بزرگ به یک مجموعه کوچک میباشد در این تمرین مجموعه اعداد از رنج پیوسته نامحدود 0تا 255 که بینهایت اعداد در ان وجود دارد به مجموعه اعداد محدود با تعداد دلخواه از 0 تا 255 مپ شده است به این صورت که هر رنج خاصی از مجموعه نامحدود به عدد مورد نظر مپ میشود. که در این صورت اطلاعات تصویر از بین میرود و با تصویر اصلی تفاوت دارد.برای تصاویر رنگی به این صورت میباشد که هر 3 کانال per color) جدا جدا (per color) گسسته سازی انجام میدهیم و این عمل برگشت ناپذیر میباشد که فرمول ان به صورت زیر میباشد

$$d = \frac{\max - m_i n}{L}$$
$$f = [f/d] * d$$

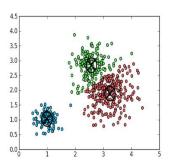
که L=level میباشد تصویر زیر برای درک بیشتر



قسمت 5.2.3

برای این قسمت از الگوریتم زیر که در یادگیری ماشین برای دسته بندی unsupervised استفاده میشود بهره گرفته شده است

(1)تمام نقاط در تصویر را به صورت نقطه در فضای rgb میبریم(2) سپس به اندازه نقاطی که میخواهیم به ان کاهش دهیم به صورت رندوم در این فضا میگزاریم برای مثال اگر به 32 رنگ میخواهیم کاهش دهیم به صورت رندوم 3 مقدار برای هر یک از میکنیم و کنار سایر نقاط موجود در میکنیم و کنار سایر نقاط موجود در موجود در تصویر را که در فضای rgb میباشد به نزدیک ترین از این 32 نقطه ها نسبت میدهیم برای مثال برای 3 نقطه (3 دسته) به شکل زیر میباشد



(4)سپس مکان این 32 نقطه را به مرکز داده هایی که به انها نسبت داده شده است بروزرسانی میکنیم حال دوباره مراحل 3 و 4 تکرار میکنیم این مراحل را به اندازه ای تکرار میکنیم تا به یک حالت پایدار برسیم و داده ای بعد از تکرار دسته بندی اش عوض بعد از تکرار دسته بندی اش عوض نشود بدین صورت با کمترین خطا ما دسته ها روی هم قرار نگیرند برای اطمینان بیشتر میتوان این الگوریتم را دوباره یا 3باره تکرار کرد تا از نتیجه ان مطمئن بود

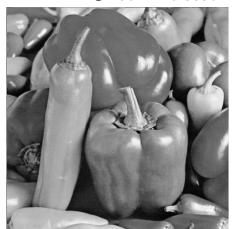
3-شرح نتایج

Color space •

تصویر زیر تصویر رنگی میباشد که مولفه های hsi ان را جدا کردیم



تصویر زیر مولفه I تصویر اصلی میباشد



همانطور که مشاهد میشود این مولفه میزان روشنایی در تصویر را نشان میده جاهای که براق در تصویر اصلی میباند در در مولفه I مقدار نزدیک به ماکس گرفته اند و جاهایی که تاریک میباشد و روشنایی کم است مقدار نزدیک به صفر گرفته اند این مولفه تصویر gray scale تصویر هم گفته میشود در این مولفه نویز هایی که در تصویر اصلی میباشد از بین رفته است چرا که طبق فرمول ان که در شرح تکنیکال بحث شد میانگیری سه مولفه میباشد که خود همانند یک فیلتر پایین گذر عمل میکند

تصویر زیر مولفه H تصویر اصلی میباشد



همانطور که مشاهده میشود این تصویر بر اساس تغییرات رنگ تغییرات محسوس تری دارد و رنگ تصویر را نشان میدهد و همینطور گسستگی هایی در رنگ قرمز وجود دارد که علت ان گسستگی فضای رنگ his میباشد که در H درجه H رخ میدهد و همینطور در نقاطی که H شدت روشنایی به صفر یا یک نزدیک است تغییر H که رنگ میباشد احساس نمیشود که از خصوصیات این فضای رنگی میباشد

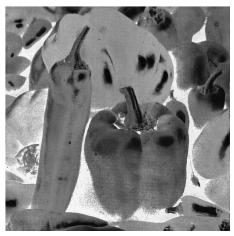
تصویر زیر مولفه S تصویر اصلی میباشد



تصویر زیر کاهش یافته به 32 سطح میباشد



همانطور که مشاهده میشود با چشم انسان این 8 تصویر با هم قابل تمایز نیستند و تفاوتی در انها احساس نمیشود به تصاویر زیر که 8برابر بزرگ شده اند نگاه کنید



همان طور که مشاهده میشود این مولفه میزان سفیدی در رنگ را نشان میدهد و قسمت هایی که رنگ های ان میزان سفیدی در انها بیشتر است تاریک یا صفر شده اند و رنگ هایی که میزان سفیدی در انها کم میباشد در تصویر مولفه میزان سفیدی در انها کم میباشد در تصویر مولفه S به مقدار ماکس یا نزدیک ماکس (255) گرفته اند همینطور در قسمت هایی که S ماکس هست و یا مین (صفر) است S معنی ندارد و تاثیری در ان ندارد

Quantization •

تصویر زیر تصویر اصلی میباشد که عمل کاهش سطوح خاکستری بر روی انها انجام میشود



تصویر زیر کاهش یافته به 64 سطح میباشد



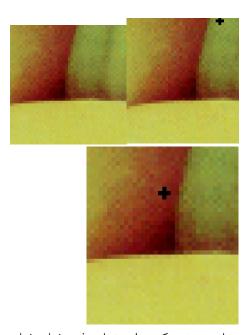
همانطور که مشاهده میشود این تصاویر با چشم انسان با تصویر اصلی قابل تمایز است و کیفیت تصویر با کاهش سطوح پایین امده است و نیازی به زوم کزدن نمیباشد

جدول زیر نمایش mmse و psnr تصویر اصلی و کاهش یافته میباشد

	19	32	16	œ
әѕшш	2.1404674910008907	6.244435252000888	22.818275943398476	86.39989860852559
Jusd	44.825717246266365	40.17587194063335	34.547975330799304	28.76567128039291

همانطور که مشاهده میشود mmse از 32 به پایین افزایش چشمگیری دارد که این هم به صورت شهودی مشاهده شد و همینطور psnr که مقاومت تصویر به نویز و تخریب تصویر را نشان میدهد کاهش چشمگیری داشته است که البته با برای 8 سطح از 20 بیشتر میباشد پس نتیجه مطلوبی است

تصویر زیر تصویر کاهش یافته کانالr,g,b به3 میباشد



مشاهده میشود که در این تصاویر فرق خیلی خیلی کمی وجود دارد که در صورت بزرگ نمایی بیشتر دیده میشود.

تصویر زیر کاهش یافته به 16 سطح میباشد



تصویر زیر تصویر کاهش یافته به 8 سطح میباشد



تصویر زیر به 32 رنگ کاهش یافته است که با 50 بار تکرار الگوریتم به دست امده است



مشاهده میشود که نزدیک ترین رنگ در تصویر اصلی که خطای کمتری تولید کرده است به انها نظیر شده است ولی رنگ ها عوض شده است

تصویر زیر به 16 رنگ کاهش یافته است





وتصویر زیر تصویر کاهش یافته کانال r,g به g بیت و کانال g بیت میباشد و کانال g



همانطور که مشاهده میشود در تصویر دوم در مقایسه با تصویر اول در بعضی از نقاط رنگهای جدیدی به وجود امده است و در بعضی جاها ترکیب رنگی به هم خورده است چرا که بازه تغییرات رنگ ابی بیشتر است از سایر رنگ های اصلی است که موجب تغییر رنگ مکمل آن زرد نیز میشود و خطای بیشتری را بوجود می اورد که در جدول زیر که mmse و psnr حالت های مختلف به ترتیبbgr از چپ به راست میباشد این موضوع را نشان میدهد

	2,2,2	2,3,3	3,3,3
mmse	366.62299942970276	162.3023874759674	86.39989860852559
psnr	22.488606547095404	26.02755452501863	28.76567128039291

• كاهش تعداد رنگها 5.2.3

تصویر زیر تصویر اصلی میباشد

این تصویر به تصویر 32 رنگ کاهش یافته نزدیک تر است

تصویر زیر هم به 8 رنگ کاهش یافته است

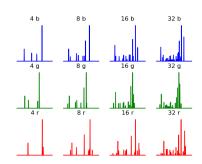


که به دو تصویر قبلی نزدیک است همانطور که در این تصاویر دیده شده تفاوت بین کاهش یافته ها و تصویر اصلی به و اضحی با چشم انسان مشاهده میوشد چرا که رنگ را عوض کردیم جدول زیر mmse بین تصویر اصلی و کاهش یافته ها را نشان میدهد

	8	16	32
mmse	91.55585225423177	84.42915852864583	81.20977401733398
psnr	28.513942512199474	28.865879000109746	29.034720588885335

همانطور که مشاهده میشود mmse در این uniform در عساویر بر خلاف سوال قبلی که quantization بود و mmse بالا بود در اینجا

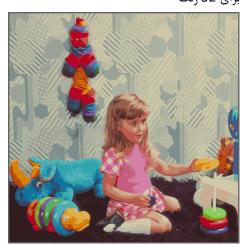
و هیستوگرام انها به شکل زیر میباشد



که مشاهده میشود همان تعداد رنگ خواسته شده وجود دارد

همینطور ssim انها گرفته شد که برای 8 رنگ مقدار 0.4642 بدست امد که در متلب اندازه گرفته شده است

چون این الگوریتم یعنی k-means به مینیومم های های محلی میرسد برای اینکه به مینیمم های بهتری برسیم از کتابخانه cv2 تابع k-means استفاده شد که نتایج ان در زیر امده است برای 32 رنگ



برای 16 رنگ



برای 8 رنگ

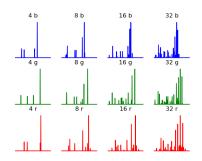


هیستوگرام انها

```
cv2.imwrite('../image/hw5.1.1/H.png',H)
min = np.min(S)
max = np.max(S)
S = normalizeimg(S,min,max)
cv2.imwrite('../image/hw5.1.1/S.png',S)
min = np.min(I)
max = np.max(I)
I = normalizeimg(I,min,max)
cv2.imwrite('../image/hw5.1.1/I.png',I)
```

كد قسمت 5.2.1

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
           for j in range(img.shape[1]):
for k in
           immse_list.append(immse)
psnr_list.append(psnr)
```



و جدول مربوط به mmse,psnr

	8	16	32
mmse	77.71824010213216	64.65484364827473	49.44177373250326
psnr	29.225574032503356	30.024792950556574	31.189863181152123

4-كد برنامه

كد قسمت 5.1.1

كد قسمت 5.2.3

```
import numpy as np
import random
```

```
fig.savefig('../image/hw5.2.1/resTable.p
ng')
# run()
```

كد قسمت 5.2.2

```
import cv2
import numpy as np
from src.hw5_2_1 import PSNR
unifrom_quantization_per_color(img,level
B[i],levelG[i],levelR[i])
```

```
fig.savefig('../image/hw5.2.3/stack_over
flow/hist.png')
```

```
compactness, labels, centers =
cv2.kmeans(samples,
(cv2.TERM CRITERIA EPS +
     lenx = img.shape[1]
lenC = img.shape[2]
```