

# ত্রিভুজ

অনুশীলনী ৯.২ : ত্রিভুজের বাহু ও কোণের সম্পর্ক

# 🕨 (ছাৰ্ছ) অধ্যায়ের শিখনফল

অনুশীলনীটি পাঠ শেষে আমি যা জানতে পারব–

- ত্রিভুজের বাহু ও কোণ কী তা ব্যাখ্যা করতে পারব।
- ত্রিভুজের বাহু ও কোলের সম্পর্ক বর্ণনা করতে পারব।
- ত্রিভুজের বাহু ও কোণ সংক্রান্ত উপপাদ্যপুলো প্রমাণ করতে পারব।
- ত্রিভুজের দুই বাহুর দৈর্ঘোর যোগফল নির্ণয় করতে পারব।
- ত্রিভূজের বাহু ও কোণের পারস্পরিক সম্পর্ক ব্যবহার করে বাস্তব জীবনভিত্তিক সমস্যা সমাধান করতে পারব।

# (C) শিখন অর্জন যাচাই

- ক্রিভুজের বাহু ও কোণ সম্পর্কে ধারণা লাভ করব।
- বাহু ও কোণের পরিমাপ জেনে ত্রিভুজ আঁকতে পারব।
- ত্রিভুজ সংক্রান্ত উপপাদ্য প্রমাণ করতে পারব।

# 🔌 শিখন সহায়ক উপকরণ

- পাঠ্যবইয়ের ১৩২ পৃষ্ঠার ছবি, স্কেল, পেন্সিল, পেন্সিল কম্পাস।
- পাঠ্যবইয়ের সমস্যা ও কার্যাবলি।



# অনুশীলন



### সেরা প্রস্তুতির জন্য 100% সঠিক ফরম্যাট অনুসরদে স্বাধিক গাণিতিক সমস্যার সমাধান

শিক্ষার্থী কন্দুরা, তোমাদের দেরা প্রভুতির জন্য এ অংশে সব ধরনের গাণিতিক সমস্যা নির্তুল সমাধান সহকারে সংযোজন করা হয়েছে। অনুশীলনের সুবিধার্থ গাণিতিক সমস্যাবনিকে অনুশীলনীর সমস্যা, সৃজনশীল অংশ, অনুশীলনমূলক কাজ এবং বহুনির্বাচনি অংশে বিভক্ত করে পাঠের ধারায় উপস্থাপন করা হয়েছে।

# অনুশীলনীর সমস্যার সমাধান



### পাঠ্যবইয়ের সমস্যার সমাধান করি



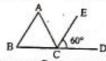




# বহুনির্বাচনি প্রশ্নোভর

সঠিক উভরটির বৃত্ত (🜒 ভরাট কর :

নিচের তথ্যের ভিত্তিতে ১ — ৩ নম্বর প্রশ্নের উত্তর দাও :



চিত্রে, CE, ∠ACD এর সমন্বিশুন্তক। AB || CE এবং ∠ECD = 60°.

∠BAC এর মান নিচের কোনটি?

30°

◀ 45°

● 60°

⑤ 120°

তিখ্য/ব্যাখ্যা : ∠ABC = ∠ECD [∵ অনুরূপ কোণছয় পরুম্পর সমান]

∠ACB = 180° - 2∠ECD = 180° - 2 × 60° = 180° - 120° = 60° ABC Mose ∠BAC + ∠ABC + ∠ACB = 180°

বা, ∠BAC + 60° + 60° = 180°

∠BAC + 120° = 180°

∠BAC = 180° - 120° = 60°]

∠ACD ध्रत्र मान निरुद्ध कानिए?

@ 90°

● 120°

® 180°

ভিষ্য/ব্যাখ্যা : ∠ACD = 2 × ∠ECD [∵ ∠ACD এর সমঞ্ছিণ্ডক CE] . = 2 × 60° = 120°]

Δ ABC কোন ধরনের ত্রিভূজ?

স্থলকোণী

প্রসমন্বিবাহ

সমবাহু

খে সমকোণী

তথ্য/ব্যাখ্যা : Δ ABC-এ ∠BAC = ∠ABC = ∠ACB = 60° অর্থাৎ, A ABC এর তিনটি কোণ সমান। অতএব, Δ ABC একটি সমবাহু ত্রিভূজ।

একটি ত্রিভূজের দুইটি বাহু যথকেমে 5 সে.মি. এবং 4 সে.মি. ত্রিভুজটির অপর বাহুটি নিচের কোনটি হতে পারে? ক 1 সে.মি.4 সে.মি. 

তিখ্য/ব্যাখ্যা : ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর সমষ্টি এর তৃতীয় বা অপেক্ষা বৃহত্তর।

এখানে, 4+4=8>5]

সমকোণী ত্রিভুজের সৃক্ষকোণধয়ের একটি 40° হলে, অপ্র সৃদ্দ্মকোপের মান নিচের কোনটি?

⊕ 40°

@ 60° (T) 140° [তথ্য/ব্যাখ্যা : সমকোণী ত্রিভুজের সৃক্ষকোণধ্যের সমষ্টি 90° .. ত্রিভুজটির অপর সৃষ্ধকোণের মান 90° – 40° = 50°.]

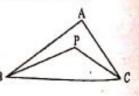
কোনো ত্রিভূঞ্জের একটি কোণ অপর দুইটি কোণের সমষ্টির সমান হলে, ত্রিভুজটি কী ধরনের হবে?

সমবাহু সৃন্ধকোণী 
 সমকোণী 
 স্থলকোণী তিখ্য/ব্যাখ্যা : সমকোণী ত্রিভূজের একটি কোণ এক সমকোণ বা 90° এবং অপর সৃক্ষকোণছয়ের সমষ্টি এক সমকোণ বা 90°.]

# 🥙 গাণিতিক সমস্যার সমাধান

৭। A ABC-এ, AB > AC এবং ∠B ও ∠C এর সমদ্বিখন্ডকদ্বয় পরম্পর P বিন্দৃতে ছেদ করেছে। প্রমাণ কর যে, PB > PC.

সমাধান : দেওয়া আছে, A ABC-এ, AB > AC এবং ∠B ও ∠C এর সমৃদ্বিখন্ডকদ্বয় যথাক্রমে BP ও CP পরম্পরকে P বিন্দৃতে ছেদ করেছে। প্রমাণ করতে হবে যে, PB > PC.

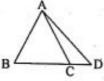


V

6111 :	যথাৰ্থতা
্বাপ (১) ঘেহতু BP, ∠B এর সমন্বিখন্ডক ∴ ∠PBC = ½ ∠ABC	(कश्रमा)
এবং PC, ∠C এর সমন্বিখন্ডক ∴ ∠PCB = ½ ∠ACB (২) Δ ABC-4, AB > AC	[কল্পনা]
(3) $\triangle$ ABC-4, AB > AC $\therefore$ $\angle$ ACB > $\angle$ ABC $\exists 1, \frac{1}{2} \angle$ ACB > $\frac{1}{2} \angle$ ABC	বৃহত্তম বাহুর বিপরীত কোণ বৃহত্তম
বা, ∠PCB > ∠PBC ∴ PB > PC. (প্রমাণিত)	[বৃহত্তম কোণের রিপরীতবাহু বৃহত্তম]

ы ABC একটি সমদিবাহু ত্রিভুক্ত এবং এর AB = AC; BC কে বেকোনো দূরতে D পর্যন্ত বাড়ানো হলো। প্রমাণ কর যে, AD > AB.

স্মাধান : মনে করি, A ABC একটি সমছিবাহু ত্রিভুজ। অর্থাৎ AB = AC। BC কে D পর্যন্ত বর্ধিত করি। A. D যোগ করি। প্রমাণ করতে হবে যে, AD > AB.

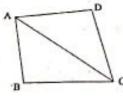


#### প্রমাণ :

ধাপ	যথাৰ্থতা
(3) A ABC-4, AB = AC	[কল্পনা]
∴ ∠ACB = ∠ABC	[সমান সমান বাহুর বিপরীত কোণ সমান]
(২) AABC এর বহিঃম্ব কোণ ∠ACD	ত্রিভুজের বহিল্পে কোণ অন্তল্প
:. ∠ACD > ∠ABC	বিপরীত কোণ অপেক্ষা বৃহত্তর]
বা, ∠ACD > ∠ACB	[∠ABC = ∠ABD]
:. AD > AB. (প্রমাণিত)	27
(৩) আবার, AACD এর বহিঃস্থ	1 1 1
কোপ ZACB	0.00
∴ ∠ACB > ∠ADC	2 "
(8) △ ACD এর ∠ACD > ∠ADC	
∴ AD > AC	[বৃহত্তম কোণের বিপরীতবাহু বৃহত্তম]

। ABCD চতুর্ভ AB = AD, BC = CD এবং CD > AD । হমাপ কর যে, ∠DAB > ∠BCD.

**শমাধান** : দেওয়া আছে, ABCD TO FOR AB = AD, BC = CD बदः CD > AD । প্রমাণ করতে হবে যে, ZDAB > ZBCD I



ধাপ	যথাৰ্থতা
(γ) ∇ VDC-4 CD > VD	[कक्षना]
∴ ∠CAD > ∠ACD	ত্রিভূজের বৃহত্তম বাহুর বিপরীত কোণ বৃহত্তম
(২) আবার, BC = CD এবং AB = AD	
∴ BC > AB	
∴ ∠BAC > BCA	[ত্রিভূজের বৃহত্তম বাহুর
	বিপরীত কোণ বৃহত্তম
(a) AABC-4 BC > AB	0.000 0.000 0.0000
(°)∠CAD + ∠BAC > ∠ACD + ∠BCA	[(১) ও (২) থেকে]
∴ ∠DAB > ∠BCD. (প্রমাণিত)	

### 😭 সূজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

्रे वर्ष >० Δ ABC 4 ∠ABC > ∠ACB. D, BC वाडूत मधाविन्त् ।

ক, তথ্যের আলোকে চিত্রটি অব্দন কর।

খ. দেখাও যে, AC > AB. গ. প্রমাণ কর যে, AB + AC > 2AD.

### ১০নং প্রশ্নের সমাধান

D BEGIN A ABC 41 ∠ABC > ∠ACB এবং BC বাহুর মধ্যবিন্দু D।



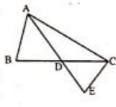
মেন করি, Δ ABC এর ∠ABC > ∠ACB. দেখাতে হবে যে, AC > AB.

भाव

^	
/	/
В	C

417	यवावना
(১) যদি AC বাহু AB বাহু অপেকা বৃহত্তর না হয়, তবে (i) AC = AB অথবা (ii) AC < AB হবে।	3
(২) যদি AC = AB হয়, তবে ∠ABC = ∠ACB কিন্তু শর্তানুযায়ী ∠ABC > ∠ACB তা প্রদত্ত শর্তবিরোধী।	[সমছিবাহু ত্রিভুজের ভূমি সংলগ্ন কোণছয় সমান]
(৩) আবার, যদি AC < AB হয়, তবে ∠ABC < ∠ACB হবে। কিন্তু তাও প্রদত শর্তবিরোধী। ∴ AB ≠ AC এবং AC ⊀ AB ∴ AC > AB. (দেখানো হলো)	(ক্ষুদ্রতর বাহুর বিপরীত কোণ ক্ষুদ্রতর) (ত্রিভুজের একটি বাহু অপর একটি বাহু অপেকা বৃহত্তর হলে বৃহত্তর বাহুর বিপরীত কোণ ক্ষুদ্রতর বাহুর বিপরীত কোণ অপেকা বৃহত্তর হবে।)

থা মনে করি, Δ ABC-এর ∠ABC > ∠ACB এবং BC বাহুর মধ্যবিন্দু D। প্রমাণ করতে হবে যে, AB + AC > 2AD. R অঙ্গন: A, D যোগ করি। A, D কে E পর্যন্ত এমনভাবে বর্ধিত করি যেন, AD = DE হয়। E, C যোগ করি।

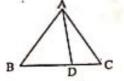


ধাপ	যথাৰ্থতা
(5) A ABD এবং A ECD-এ  BD = CD  AD = DE  ∠ADB = ∠EDC  ∴ A ABD ≅ A ECD  ∴ AB = EC	[D, BC-এর মধ্যবিন্দু] [অঞ্চন অনুসারে] [বিপ্রতীপ কোণ] [বাহু-কোণ-বাহু উপপাদা]
(২) এখন, ∆ AEC-এ AC + EC > AE বা, AC + AB > AD + DE বা, AB + AC > AD + AD ∴ AB + AC > 2AD. (প্রমাণিত)	[ত্রিভুজ্রে দুইটি বাহুর সমন্টি তৃতীয় বাহু অপেকা বৃহত্তর  [(১) থেকে] [অঞ্চনানুসারে]

### গাণিতিক সমস্যার সমাধান

১১। A ABC-এ AB = AC এবং D, BC এর উপর একটি বিন্দু। প্রমাণ কর যে, AB > AD.

সমাধান: দেওয়া আছে, A ABC-এ,
AB = AC এবং D, BC এর উপর
একটি বিন্দু। প্রমাণ করতে ইবে যে,
AB > AD।



অ**তকন**: A, D যোগ করি।

#### श्रमान :

ধাপ	য <b>থাৰ্থ</b> তা
(১) Δ ABC-এ, AB = AC ∴ ∠ACB = ∠ABC বা, ∠ACD = ∠ABD (২) আবার, Δ ADC-এ	[কল্পনা] [সমান সমান বাহুর বিপরীত কোণ সমান]
∴ ∠ADB,> ∠ACD বা, ∠ADB > ∠ABD	(বহিঃস্থ কোণ বিপরীত অন্তঃস্থ কোণ অপেক্ষা বৃহত্তর)
.: AB > AD. (প্রমাণিত)	[ত্রিভুজের বৃহত্তর কোণের বিপরীত বাহু ক্ষুদ্রতর কোণের বিপরীত বাহু অপেক্ষা বৃহত্তর]

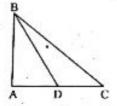
১২। ∆ ABC-এ, AB ⊥ AC এবং D, AC এর উপর একটি বিন্দু। প্রমাণ কর যে, BC > BD.

সমাধান: দেওয়া আছে,

Δ ABC-এ, AB ⊥ AC-এবং D, AC এর উপর একটি বিন্দু। প্রমাণ করতে হবে যে, BC > BD।

**অঞ্চন :** B, D যোগ করি।

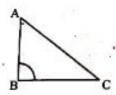




ধাপ	যথার্থতা
(১) Δ ABD-4,	
∠BAD = এক সমকোণ।	[AB \ AC
∴ ∠BDA একটি সৃক্ষ্যকোণ কাজেই ∠BDC একটি স্থূলকোণ	[∠BDA + ∠ABD = এক সমকোণ]
<ul><li>(২) এখন, ∆ BDC এর বহিঃস্থ</li><li>∠BDA &gt; ∠BCD.</li></ul>	[∠BDA এবং ∠BDC পূরক কোণ]
∴ ∠BDC > ∠BCD ∴ BC > BD. (প্রমাণিত)	[অিছুজের বৃহত্তম কোণের বিপরীত বাহু বৃহত্তম]

### ১৩। প্রমাণ কর যে, সমকোণী ত্রিভুজের অতিভূজই বৃহত্তম বাহু।

সমাধান: মনে করি △ ABC একটি সমকোণী ত্রিভুজ যার ভূমি BC এবং অতিভুজ AC। প্রমাণ করতে হবে যে, AC-ই △ ABC এর বৃহত্তম বাহু।



#### প্রমাণ:

খাপ	यथायज
(১) যেহেতু ∠ABC = এক সমকোণ। সূত্রাং ∠BAC + ∠ACB = এক সমকোণ অর্থাৎ ∠BAC < 90° এবং ∠ACB < 90° (২) এখন Δ ABC-এ, ∠ABC > ∠ACB ∴ AC > BC (৩) আবার ∠ABC > ∠BAC ∴ AC > BC ∴ উভয় ক্ষেত্রে AC ই বৃহত্তম বাহু অর্থাৎ সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজই বৃহত্তম বাহু। (প্রমাণিত)	কিল্পনা। (ত্রিভূজের বৃহত্ত কোণের বিপরীয় বাহু বৃহত্তম।

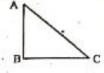
১৪। প্রমাণ কর যে, ত্রিভুজের বৃহত্তম বাহুর বিপরীত কোণ বৃহত্তম।

সমাধান: মনে করি △ ABC

এর AC বৃহত্তম বাহু। প্রমাণ

করতে হবে যে, ∠ABC

ত্রিভুঞ্জটির বৃহত্তম কোণ।



#### প্রমাণ :

ধাপ '	যথাৰ্থতা
(3) AC > BC	[কল্পনা]
∴ ∠ABC > ∠BAC	(0)
(২) আবার, AC > AB	-
∴ ∠ABC > ∠ACB  সূতরাং ∠ABC ই ত্রিভুজটির বৃহত্তম কোণ। (প্রমাণিত)	[কল্পনা]

## 😭 সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

্বীপ্রশ্ন ৯৫ । চিত্রে ∠QPM = ∠RPM এবং ∠QPR = 90°। PQ = 6 সে.মি.।



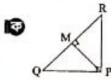
**P** 

ক. ∠QPM এর মান নির্ণয় কর।

খ. ∠PQM ও ∠PRM এর মান কত?

গ. PR এর মান নির্ণয় কর।

### 😂 ১৫নং প্রনের সমাধান 😂



এখানে, ∠QPM = ∠RPM এবং ∠QPR = 90° । এখন, ∠QPM + ∠RPM = ∠QPR বা, ∠QPM + ∠QPM = 90°

[: ZRPM = ZQPM are ZOPR = 90]

বা, 2∠QPM = 90°

 $\sqrt{4}$ , ∠QPM =  $\frac{90^{\circ}}{2}$  = 45°

 $\angle QPM = 45^{\circ}$ 

Ø 46€4. ZQPR = 90°

<sub>বুতরাং (মণ্ড</sub> একটি সমকোশী ক্রিভুজ।

Mete, COPM - KRPM TOT,

PM বেখা ZOPR এর সম্বিখন্তক

weak PM 1 QR

: ZPMQ - ZPMR - 90°

APR, A PQM-40,

∠PQM + ∠QPM + ∠PMQ = 180°

e, ZPQM + 45° + 90° - 180°

[: QPM = 45° @3t ∠PMQ = 90°]

- d, ∠PQM + 135° 180°
- ∠PQM = 180° 135° = 45°
- .: ∠PQM 45°

STATE, A PRM-0

ZPRM + ZRPM + ZPMR - 180°

41. ∠PRM + 45° + 90° - 180°

[:: ZRPM = ZOPM = 45° 4F8? ZPMR = 90°]

- 41. ∠PRM + 135° = 180°
- 41. ∠PRM = 180° 135° = 45° ∴ ∠PRM = 45°
- ाणील, ∠OPR = 90°

সুভরাং OPR একটি সমকোণী ক্রিভুঞ্জ।

আবার, ∠PQM = 45° এবং ∠PRM = 45°

वर्षार, ZPQR -- 45° जवर ZPRQ -- 45°

अथन अभरकांनी ∆OPR-अ ∠POR ~ ∠PRO

বা, PR = PO (সমান সমান কোণের বিপরীত বাহু সমান।)

- বা, PR = 6 সে.মি. [:: PQ = 6 সে.মি.]
- ∴ PR = 6 সে.খি.।

# সজনশীল অংশ



# প্রস্তৃতি উপযোগী সৃজনশীল প্রশ্নের সমাধান করি 🗆 🏖 🗆 🤏 🗆 😩 🗆 (

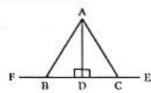




যাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রণীত সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান 🗖

শিংনফল : ত্রিভুজের বাহু ও কোণ সংক্রান্ত উপপাদ্যপূলো প্রমাণ ক্রতে পারব।

্রীরমার্ড চিত্রে Δ ABC এর BC বাহুকে উভয়দিকে E ও F পর্যন্ত বর্ষিত করা হলো এবং AD L BC।



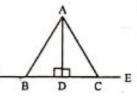
- উ. ∠ABF = ∠ACE = 120° হলে, ∠BAC = কড?
  - র্থ. AD, ∠BAC এর সমন্বিখন্ডক হলে প্রমাণ কর যে, AB = AC।
  - ণ. AB = AC হলে, প্রমাণ কর যে, ∠ABF = ∠ACE ।

#### প্রমাণ:

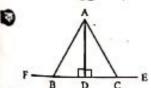
	ধাপ	যথাৰ্থতা
١.	ABD এবং ACD ত্রিভূজহরে ∠ADB = ∠ADC	AD ⊥ BC হ্রয়ার
۷.	ΔABD এবং ΔACD এ, ∠BAD = ∠CAD	∵ AD, ∠BAC এর সময়িখডক।
ာ.	উভয় ত্রিভূজে, AD = AD	সাধারণ বাহু ,
1000	ΔABD ≅ ΔACD AC – AB (প্রমাণিত)	বাহু-কোণ-বাহু উপপাদ্য

🛍 মনে করি, ABC র্ক্রিভুজে, AB = AC. প্রমাণ করতে হবে CT, ZABF = ZACE.

অঞ্চন : BC বাহুকে উভয়দিকে F বর্ধিত করি ফলে ABF এবং ACE বহিঃম্প কোণ উৎপন্ন হয়।



#### 😂 ১নং প্রশ্নের সমাধান 😂



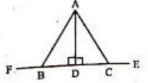
বৈভয়া আছে, ∠ABF = ∠ACE = 120°

- ∴ ∠ABF = ∠BAC + ∠ACB = 120°......(1)
  - $\angle ACE = \angle BAC + \angle ABC = 120^{\circ}.....(2)$
- ∴ ∠BAC + ∠ACB = ∠BAC + ∠ABC
- ¶, ∠ACB = ∠ABC

বাবার, ∠ABF + ∠ABC = 180°

- र्ग, 120° + ∠ABC = 180°
- ₹
  , ∠ABC = 180° 120° = 60°
- (2) হতে পাই, ∠BAC = 120° 60° = 60°

य भत করি. पिक्रकड़ **ZBAC ন্যছিখন্তক** ADI ক্তুতে হবে যে, AB = AC।



#### প্রমাণ:

ধাপ	যথাৰ্থতা	
<ol> <li>ABC ত্রিভুক্ত এ AB = AC</li> </ol>	সমন্বিবাহু তিভূ	ভের
∴ ∠B = ∠C অর্থাং ∠ABC = ∠ACB	শিরোঃকোণের বিপ কোণছয় সমান।	রীত
২. ∠ABF = ∠BAC + ∠ACB = ∠BAC + ∠ABC = ∠ACE ∴ ∠ABF = ∠ACE (প্রমাণিড)	বহিঃম্ব কোণ বিপ অন্তঃম্ব-কোণছয়ের সম সমান।	

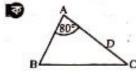
#### □ CT Q ABC GT AC > AB.



∠BAC = 80° হলে, অপর কোণ দুইটির সমষ্টি কত?

- থ. প্রমাণ কর থে, ∠ABC > ∠ACB.
- গ. ত্রিভুজটির ∠B ও ∠C এর সমন্বিখন্ডকদয় P বিন্দুতে ছেদ করলে, প্রমাণ কর যে, PC > PB.





এখানে, AABC এ AC > AB

∠BAC = 80°

এবং ∠BAC + ∠ABC + ∠ACB = 180°

[: ত্রিভুজের তিন কোণের সমণ্টি দুই সমকোণ বা 180°]

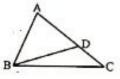
₹7, 80° + ∠ABC + ∠ACB = 180°.

বা, ∠ABC + ∠ACB = 180° - 80°

∴ ∠ABC + ∠ACB = 100°

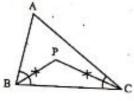
∴ অপর কোণ দুইটির সমষ্টি 100°।

আ মনে করি, ΔABC-এ AC > AB.
প্রমাণ করতে হবে যে, ∠ABC > ∠ACB.
অককন : AC থেকে AB এর সমান করে
AD অংশ কাটি এবং B, D যোগ করি।
প্রমাণ :



ধাপ	যথাৰ্থতা
△ABD-এ AB = AD     △ADB = ∠ABD     △ABDC-এ বহিঃম্থ     ∠ADB > ∠BCD     △ABD > ∠BCD     বা ∠ABD > ∠ACB     △ABC > ∠ABD     শুজুরাং ∠ABC > ∠ACB.     (প্রমাণিক)	[সমদিবাহ ত্রিভ্জের ভূমিসংলগ্ন কোণদ্বয় সমান] [বহিঃম্প কোণ বিপরীত অন্তঃম্থ কোণ দুইটির প্রত্যেকটি অপেকা বৃহত্তর] ↓ [∠ABD কোণটি ∠ABC এর একটি অংশ]

থান করি, ΔABC এ AC > AB
এবং ∠B ও ∠C এর সমদ্বিখন্ডকদ্বর
যথাক্রমে PB ও PC পরস্পর P
বিন্দৃতে ছেদ করেছে। প্রমাণ করতে
হবে যে, PC > PB।



#### প্রমাণ:

ধাপ	যথাৰ্থতা
<ol> <li>∠B এর সমছিখন্ডক PB</li> <li>∠PBC ~ ½ ∠ABC</li> </ol>	[কল্পনা]
<ul> <li>২. ∠C এর সমদ্বিখন্ডক PC</li> <li>∴ ∠PCB = ½ ∠ACB</li> </ul>	[कन्नना]
D. ΔABC-Q AC > AB ∠ABC > ∠ACB  1, ½ ∠ABC > ½ ∠ACB  1, ∠PBC > ∠PCB PC > PB. (প্রমাণিত)	[খ-হতে] [(১) ও (২) হতে] [কোনো ত্রিভুজের একটি কো: অপর একটি কোণ অপেক্ষ বৃহত্তর হলে, বৃহত্তর কোণের বিপরীত বাহু ক্ষুদ্রতর কোণের বিপরীত বাহু অপেক্ষা বৃহত্তর]

# ্রী প্রশ্ন ত 🛮 🛆 ABC এর AB = AC । BC বাহুকে D পর্যন্ত বর্ধিত 🗞

ক উপযুক্ত তথ্যের আলোকে চিত্রটি আঁক।

২. প্রমাণ কর যে, ∠ABC + ∠BAC + ∠ACB = ২ সমকোশ।

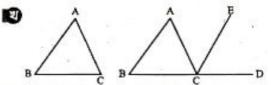
প. যদি D, BC এর উপর একটি বিন্দু হয় তবে, প্রমাণ কর

যে, AB > AD।

### ৩নং প্রশ্নের সমাধান C



এখন, AABC-এ AB = AC | BC বাহুকে D পর্যন্ত বর্ধিত করি।



মনে করি, △ABC এ AB = AC ।
প্রমাণ করতে হবে যে, ∠ABC + ∠BAC + ∠ACB = ২ সমকোণ।
আক্ষন: BC বাহুকে D পর্যন্ত বর্ধিত করি এবং BA রেখার সমান্তর্জ্ব
করে CE রেখা আঁকি।

#### ध्यानं :

ধাপ -	যথাৰ্থতা	
<ul> <li>BA    CE এবং AC রেখা</li> <li>তাদের ছেনক</li> </ul>	7.76	
∴ ∠BAC = ∠ACE	একান্তর কোণ দুইটি সমান।	
<ol> <li>BA    CE এবং BD রেখা তাদের ছেনক</li> </ol>	200 1411	
∴ ∠ABC = ∠ECD	অনুর্প কোণ দুইটি সমান।	
<ul> <li>∠BAC + ∠ABC = ∠ACE +</li> <li>∠ECD = ∠ACD</li> </ul>		
8. ∠BAC + ∠ABC + ∠ACB = ∠ACD + ∠ACB	উভয়পক্ষে ∠ACB যোগ করে।	
<ol> <li>∠ACD + ∠ACB = ২ সমকোণ</li> <li>∠ABC + ∠BAC + ∠ACB = ২ সমকোণ। (প্রমাণিত)</li> </ol>	[সরল কোণ উপপাদ্য]	

থা মনে করি, AABC-এ AB = AC এবং D, BC এর উপর একটি বিন্দু। প্রমাণ করতে হবে যে, AB > AD।

অঙ্কন : A, D যোগ করি।

#### वयान :



(\) AADC 0	যথাৰ্থতা
(3) ΔABC-4, AB = AC	[কল্পনা]
∴ ∠ACB ≈ ∠ABC चा, ∠ACD ≈ ∠ABD .	সিমান সমান বাহুর বিপরীত কোণ সমান
(২) আবার, AADC-এ	ত্রিভূজের বহিঃস্থ কোণ জন্তঃ
∴ ∠ADB > ∠ACD वा, ∠ADB > ∠ABD	বিশরত কোণ অপেকা বহরর
∴ AB > AD. (প্রমাণিত)	1(2) (4(4)
	ত্রিভুজের বৃহত্তম কোণের বিপর্ট বাহু বহরম।

# 🔗 নীৰ্ষম্বানীয় স্কুলসমূহের স্জনশীল প্ৰশ্ন ও সমাধান 🗖

## ু হর 8 A PQR এ S, QR বাহুর মধ্যবিন্দু।

ত্রভুরের মধ্যমা বলতে কী বৃঝ?

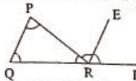
 $\epsilon$ , প্রমাণ কর যে,  $\angle P + \angle Q + \angle R = দুই সমকোণ।$ 🛃 গ্, প্রমাণ কর যে, PQ + PR> 2PS ।

|বগুড়া জিলা ভুল, বগুড়া|

## ৪নং প্রশ্নের সমাধান

 ক্রিচ্জের শীর্ষবিন্দু থেকে বিপরীত বাহুর মধ্যবিন্দু পর্যন্ত অভিকত রেখাংশকে মধ্যমা বলে।

🖸 মনে করি, PQR একটি গ্রিভুজ। প্রমাণ করতে হবে যে, ∠P + ∠Q + ∠R = দুই সমকোণ।



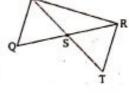
জ্বন্দন : QR বাহুকে D পর্যন্ত বর্ধিত করি এবং R বিন্দৃতে PQ রেখার সমন্তরাল করে RE রেখা আঁকি।

. ধাপ	যথাৰ্থতা
). ∠QPR = ∠PRE	PQ    RE এবং PR রেখা তাদের ছেদক।
₹. ∠PQR = ∠ERD	ি∵ একান্তর কোণ দুইটি সমান। PQ∥RE এবং QD রেখা তাদের ছেন্ত।
<ul> <li>Description</li></ul>	= [∵ অনুরূপ কোণ দুইটি সমান ।]

ধাপ	যথাৰ্থতা	
/hnm	উভয়পক্তে ∠PRQ যোগ করে।	
<ul> <li>ℓ. ∠PRD+∠PRQ = দুই নমকাশ</li> <li>∴ ∠QPR+∠PQR+∠PRQ = দুই নমকাশ।</li> <li>∴ ∠P + ∠Q + ∠R = দুই নমকোশ</li> <li>(প্রমাণিত)</li> </ul>	[সরল কোণ উপপাদ্য]	

 भारत कति, Δ PQR 4 S, QR বাহুর মধ্যবিন্দু। প্রমাণ করতে হবে যে, PQ + PR > 2PS |

जब्दन : P. S यांग कति এवः T পर्यत বর্ধিত করি ফেন ST = PS হয়। T, R যোগ করি।



#### প্রমাণ :

ধাপ	যুখাৰ্থতা
(১) △ PQS এবং △ STR-এ QS = SR PS = ST	[∵ S, QR -এর মধ্যবিন্দু] [অঞ্চনানুসারে] [বিপ্রতীপ কোণ] [বাহু-কোণ-বাহু উপপাদ্য] [∵ ত্রিভূলের দুইটি বাহুর সম্ফি তৃতীর বাহু অপেকা বৃহত্তর] [ধাপ (১) হতে]

# বহুনির্বাচনি অংশ 🚱 প্রস্তুতি উপযোগী বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর শিখি 🤂 মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রণীত বহুনির্বাচনি প্রশ্নোভর 🖬

### 🗸 সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোভর 💹

- কোন ত্রিভূজের শিরপ্রকোশের সমন্বিখন্ডক ভূমিকে সমন্বিখন্ডিত क्दब्र? (মধ্যমান)
  - বিষমবাহু
     বিষম স্থলকোণী • সমন্বিবাহু **তথ্য/ব্যাখ্যা :** সমন্বিশাহু ভিত্ততের শিরপ্রকাশের সমন্বিখনত ভূমিকে সমন্বিখনিত করে।
- সমকোণী ত্রিভূজের সৃক্ষাকোণ পরস্পর কীর্প? (সংল্মান)
  - সমান্তরাল 
     প্রক তথ্য/ব্যাখ্যা : সমকোণী ত্রিচুত্তের সৃক্ষকোণ পরস্পর পূরক কারণ সৃক্ষকোণ দুইটির সমন্টি 90°.
- সমহিবাহু ত্রিভুজের সমান বাহুহয়কে বর্ধিত করলে উৎপন্ন বহিঃস্থ কোণছয়ের একটি 100° হলে অপরটি কত হবে?
- @ 60° 1 80° 100° 90° সমকোণী ত্রিভূজের সৃক্ষাকোণছয়ের একটি 60° অপর (মধামান)
- · সৃক্ষকোশের মান নিচের কোনটি? ₩ 45° ● 30° ③ 40° 35°
- যে ত্রিভূচ্ছের তিনটি বাহু পরস্পর সমান তাকে কী ত্রিভূচ্ছ বলা (সহজমান) তথ্য/ব্যাখ্যা : সমবারু ক্রিভুজের তিনটি বারু পরস্পর সমান।

- কোন ত্রিভুক্তের কোণগুলো পরস্পর সমান? (मरक्यान)
  - সমবাহু
- সমিষিবাহ

- বিষমবাহু
- সমকোণী

o i G iii

তথা/ব্যাখ্যা : সমবাহু ত্রিভূজের কোপপুলো পরস্পর সমান। প্রত্যেকটি কোপের

### 🔽 বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর 🔤

- সমকোণী ত্রিভুজের-
  - সমকোণের বিপরীত বাহু অতিভুক্ত
  - ii. একটি কোণ ১৮০° থাকে
  - দুইটি কোণ প্রক কোণ নিচের কোনটি সঠিক?

(कठिनमान) ( i, ii 🖲 iii

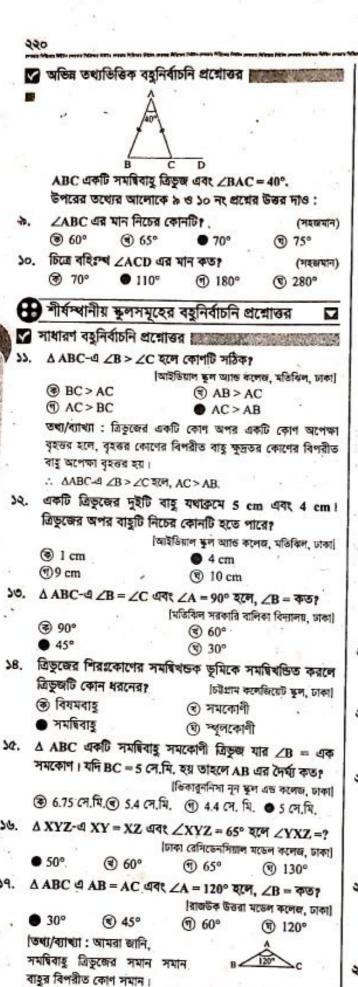
সমন্বিবাহু ত্রিভূজের—

⊕ i

ভূমি সংলগ্ন কোণম্বয় পরস্পর স্মান

(1) ii (9 iii

- তিনকোণের সমষ্টি দুই সমকোণ
- একটি কোণ সমকোণ হলে তা সমন্বিবাহু সমকোণী ত্রিভুজ (मधामान) নিচের কোনটি সঠিক?
- i, ii 🕏 iii iii vi 🕦 ii 🕑 ii 🖲 (ii e ii (



∴ ∠B + ∠C = 180° - ∠A = 180° - 120 = 60°

>b. △ABC @ AB = AC ॡल, x = ? (4) 12 16 ① 14 রাজউক উত্তরা মডেল কলেন, চাৰু ভিষা/ব্যাখ্যা : AB = AC  $\sqrt{3x} - 3 = x + 5$ বা. 3x = 2x + 16 ∴ x = 16] চিত্রটি লক্ষ কর: 15. সমদিবাহু ত্রিভুজ ABC এ ভূমি BC এর সমান্তরাল রেখা EF এবং ∠B = 52° হলে, ∠∧ + ∠৮ এর মান নিচের কোনটি? (আইডিয়াল সুস স্মান্ত কলেজ, মতিবিজ, চাতা ● 128° ® 156° @ 104° → 76° [তথা/ব্যাখা : চিত্রে, ∠B = অনুরূপ ∠AEF = 52° ∴ ∠A + ∠F = 180° - ∠AEF = 180° - 52° = 128°.] ২০. Δ ABC ও Δ BCD এর সাধারণ বাহু কোনটি? (ভিকারুননিসা নূন ভূল এড কলেছ, চাঞ্চা (1) AD (3) CD ২১. একটি ত্রিভূজের দুই বাহুর দৈর্ঘ্য 4 সে.মি. ও 7 সে.মি. হবে তৃতীয় বাহুর দৈর্ঘ্য কত হতে পারে? বিগুড়া জিলা স্কুল, বগুড়া (ক) 1 সে.মি. (ਚ) 2 (자. โม. গ্র সে.মি. 4 সে.যি. ২২. ABC একটি সমন্বিবাহু ত্রিভুজ ∠BAC = 40° হলে ∠ACD = কত ডিমি? ⊕ 70° 110° 150° (9) 140° যশোর জিলা মূল, যশের ২৩. সমবাহু ত্রিভূজের প্রত্যেকটি কোপের পরিমাণ কত? মোধ্যমিক ও উচ্চ মাধ্যমিক শিক্ষা বোর্ভ, যশের **④** 45° @ 50° ২৪. একটি ত্রিভুজের দুই বাহু যথাক্রমে 3 ও 4 সে.মি. অপর বারু কত সে.মি. হতে পারে না? খুলনা জিলা মুল, খুলবা @ 2 (4) 3 (m) 5 ২৫. সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ভূমির সমান্তরাল রেখা অভকন করলে কেন প্রকার কোণ পাওয়া যায়? ্নিওয়াব ফয়জুরেছা সরকারি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়, কুর্ম্মি ক) সমিহিত অনুর্প ণ্) একান্তর া সম্পূরক ২৬. Δ ABC এর ∠A = ∠C হলে, নিচের কোনটি সঠিক? মাধ্যমিক ও উচ্চ মাধ্যমিক শিক্ষা বোর্ড, বরিশা BC = AB BC = AC ® BC ≠ AB  $\Delta$  ABC-এ  $\angle$ ABC =  $\angle$ BAC হলে, নিচের কোনটি সঠিকা

AC = BC

AC ≠ BC

রিংপুর জিলা স্থল, বংগুর

AB = AC

( AC>BC

# ∆ ABC এ ∠B > ∠C হলে কোনটি সঠিক?

ব্রমেরী ক্যাটন্যেট পাবলিক সুদ, ঢাকা; মহম্বনিংহ জিলা সুদ, মহম্বনিংহ)

BC > AC

AB > AC

O AC > BC

· AC > AB

ভখা/বাখা : যেকোনো ত্রিভুজের ক্ষেত্রে বৃহত্তর কোপের বিপরীত বাহু বৃহত্তর এবং স্কুলতর কোশের বিপরীত বাহু স্কুলতর।

# 🗸 বহুপদী সমাতিস্চক বহুনির্বাচনি প্রশোভর 🐯 🐯

২৯. কোনো ত্রিত্জের—

- ্ অভিকৃত্ত ও অপর এক বাহু দেওয়া থাকলে, ত্রিচুক্তটি আঁকা যায়
- ii. একাধিক স্থলকোণ থাকতে পারে
- iii. কমপকে দুইটি সৃদ্মকোণ থাকে

নিচের কোনটি সঠিক?

ব্রিক্টেক উত্তর: মতেল কলেজ, ঢাকা

(T) ii S iii @isi

o i e iii

iii vii,i (P)

eo. চিত্ৰে CD, AB এর লম্ববিখন্ডক হলে,

i AC-BC

ii. BD = CD

iii. ZA = ZB

উপরের তথ্যের ভিঙিতে নিচের কোনটি সঠিক?

|রাজউক উত্তরা মডেল কলেঞ্চ, ঢাকা|

(a) i Sii iii 🖰 i ACB সমবাহু ত্রিভুক্ত হলে,

i. AB = AC = BC

ii. ∠A = ∠B = ∠C

iii. ∠A + ∠B + ∠C = 181°

নিচের কোনটি সঠিক?

রিংপুর জিলা মূল, রংপুরা

- i 🕏 ii
- (T) i & iii
- m ii e iii

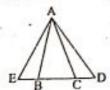
m ii e iii

(T) i, ii G iii

(1) i, ii Giii

## অভিন্ন তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোতর 🌉 🔠

নিচের তথ্যের আলোকে ৩২ ও ৩৩ নং প্রক্লের উত্তর দাও :



िट्रज, AB = AC, BE = CD अवेश ∠ACB = 70°

[ভিকারুননিদা নুন স্কুল এড কলেছ, ঢাকা]

৩২ কোনটি সঠিক?

- AB = AE
- ' @ AC = AD
- BE = AE
- AE = AD

90. ∠BAC = 季57

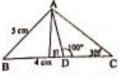
- 30°
- @ 60°
- <sup>®</sup> 70°
- 40°

নিচের তথ্যের আলোকে ৩৪ ও ৩৫

ने धरमंत्र উखत मां :

िट्या AD, Δ ABC धन धकार

मधामा এवং BD = 4 cm.



রাজউক উত্তরা মডেল কলেজ, ঢাকা

- ∠ADB बाब मान निरुद्ध कामिं।
  - @ 30°
- @ 60°

- ΑΕ = 7 সে.মি. হলে, ΔΑCD এর ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.? 00.
- @ 12

- নিচের তথোর আলোকে ৩৬ ও ৩৭ নং প্ররের উত্তর দাও : 100



চিত্ৰে, ∆ ABC এর AB = AC এবং ∠BAC ≠ 90°.

মাধানিক ও উচ্চ মাধ্যমিক শিকা বোর্ড, যশোর

- ৩৬. Δ ABC কোন ধরনের ত্রিভুজ?
  - বিষমবাহু ত্রিভুজ
- সমন্বিবাহু ন্রিভুজ
- প্রামকোণী ত্রিভুক্ত
- পি সমবারু ত্রিভুঞ
- ৩৭. ∠ABC = 75° হলে, ∠BAC = কড?
  - 30°
- **④** 45°
- ♠ 60°
- @ 75°
- নিচের তথ্যের আলোকে ৩৮ ৪০ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

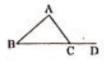


 $\triangle$  ABC-AR  $\angle$ B =  $\angle$ C AR AB = 2x - 3 AR AC = 3x - 4. [চট্টগ্রাম কলেজিয়েট স্কুল, চট্টগ্রাম]

- ৩৮. Δ ABC কোন ধরনের?
  - ক সমকোণী
- সমবাহ
- সমন্বিবাহু
- শ্লকোণী
- ৩৯. Δ ABC-এর ক্ষেত্রে কোনটি সঠিক?
  - AB + AC = BC
- AB + AC > BC (N) AB - AC > BC
- 80. x এর মান কড়া
  - 0 1

3 2

- (T) -2
- নিচের চিত্রটি লক্ষ কর এবং এর আলোকে ৪১ ও ৪২ নং প্রমের উত্তর দাও :



ারু বার্ড মূল এড কলেজ, সিলেটা

- AABC 414-
  - AB + AC < BC</p>
- AB > BC + AC
- AC > AB + BC
- AB + AC > BC
- ZAGD -
  - ZBCD ZACB
  - ii. ∠ABC+∠BAC
  - iii. 180° ∠ACB নিচের কোনটি সঠিক?
  - ii Bi iii v ii 🕞
- iii vi (1)
- i, ii V iii