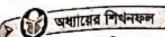


সরল সমীকরণ

অনুশীলনী ৭.৩ : লেখচিত্ৰ



অনুশীলনীটি পাঠ শেষে আমি যা জানতে পারব—

- ঁ_{লেখস্ফি} কী তা ব্যাখ্যা করতে পারব।
- দেখচিত্রের অক্ষ ও সুবিধাজনক একক নিয়ে বিন্দুপাতন করতে
- স্থানা**র্কে** কী তা ব্যাখ্যা করতে পারব।
- ভুজ ও কোটি কী তা ব্যাখ্যা করতে পারব।
- ্দ্র্রেটিত্রের সাহাযো সমীকরণের সমাধান করতে পারব।

শিখন অৰ্জন যাচাই

- **দেখচিত্র সম্পর্কে ধারণা লাভ করব**।
- লেখচিত্র অঞ্চনের নিয়ম শিখতে পারব।
- নিয়ম মেনে লেখচিত্র অঙ্কন করতে পরিব।

শিখন সহায়ক উপকরণ

- পাঠ্যবইয়ের ১১৪ ও ১১৫ পৃষ্ঠার ছবি।
- ছক কাগজ, পাঠ্যবইয়ের সমস্যা ও কার্যাবলি।

এক নজরে 🐼 অনুশীলনীর প্রয়োজনীয় বিষয় জেনে নিই

- **দেখচিত্র :** বীজগণিতীয় সমীকরণে উপস্থাপিত চলক সম্পর্কিত চিত্ররূপকে **লেখ**চিত্র ব**লে**।
- হুক কাগছ: কোন সমতলে বিশ্বুর অবস্থান নির্ণয়ের জন্য এক ধরনের চৌকো ঘর কাটা কাগজ ব্যবহৃত হয়ে থাকে। সমদূরত্বে কতকগুলো অনুভূমিক এবং কতকগুলো উল্লম্ব রেখা একে কাগঞ্জটিকে ছোট ছোট বর্গে ডাগ করা হয়। এ ধরনের বর্ণাঙ্কিত কাগজকে ছক কাগজ বলে।



অনুশীলন



সেরা প্রভৃতির জন্য 100% সঠিক ফরম্যাট অনুসরণে স্বাধিক গাণিতিক সমস্যার সমাধান

শিক্ষর্থী কম্বুরা, তোমাদের সেরা প্রস্তুতির জন্য এ অংশে সব ধরনের গাণিতিক সমস্যা নির্ভুল সমাধান সহকারে সংযোজন করা হয়েছে। অনুশীলনের সুবিধার্থে শুনিভিক সমস্যাবলিকে অনুশীলনীর সমস্যা, সৃজনশীল অংশ, অনুশীলনমূলক কাজ এবং বহুনির্বাচনি অংশে বিভক্ত করে পাঠের ধারায় উপস্থাপন করা হয়েছে।

অনুশীলনীর সমস্যার সমাধান



🖗 পাঠ্যবইয়ের সমস্যার সমাধান করি









🔐 বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

শঠিক উত্তরটির বৃত্ত (©) ভরাট কর :

১। ¹/₃-3=0 সমীকরণের মূল নিচের কোনটি?

তিখ্য/ব্যাখ্যা: $\frac{x}{3} - 3 = 0$ বা, $\frac{x}{3} = 3$: $x = 3 \times 3 = 9$.]

- ২। একটি ত্রিভূজের বাহু তিনটির দৈর্ঘ্য (x + 1) সে.মি., (x + 2) সে.মি. ও (x + 3) সে.মি. (x > 0)। ত্রিভূজটির পরিসীমা 15 সে.মি. হলে, x এর মান কত?
 - 🗣 3 সে.মি. 👻 6 সে.মি. 📵 8 সে.মি. 📵 9 সে.মি. তিখা/ব্যাখ্যা : ত্রিভূভের পরিসীমা হচ্ছে এর তিন বাহুর সমষ্টি।

वर्षा९, (x + 1) + (x + 2) + (x + 3) = 15

 $\sqrt{1,x+1+x+2+x+3} = 15$

 $\sqrt{3}x + 6 = 15 \sqrt{3}$, 3x = 15 - 6 = 9

∴ x = ५ = 3 সে.মি.]

কোন সংখ্যার এক-চতুর্থাংশ 4 এর সমান হবে?

তিখ্য/যাখ্যা : সংখ্যাটি x হলে, $\frac{c}{4} = 4$

 $x = 4 \times 4 = 16.$

- (2, 2) বিন্দৃটি কোন চতুর্ভাগে অবস্থিত? তৃতীয়
 - ছিতীয় . প্রথম তিখ্য/ব্যাখ্যা : কোনো বিন্দুর x স্থানাঙ্ক ধনাত্মক এবং y স্থানাঙ্ক
 - ঋণাত্মক হলে, বিন্দৃটি চতুর্থ চতুর্ভাগে অবস্থান করে।
 - ∴ (2, 2) বিন্দুটি চতুর্থ চতুর্ভাগে অবস্থান করে।]
- y অক্ষ বরাবর কোন বিন্দুর ভুজ কত? 01
 - (4) 1

(T) X

® y

তিখ্য/ব্যাখ্যা : y অংক x – 0 অর্থাৎ y অক্ষ বরাবর কোনো বিন্দুর ভুজ 0।

- দুইটি সংখ্যার বিয়োগফল y, বড় সংখ্যাটি z হলে, ছোট সংখ্যাটি কড়ঃ 61
 - z + y
- ⊕ -y z
- 1 -z+y

তথ্য/ব্যাখ্যা : দুইটি সংখ্যার বিয়োগফল = বড় সংখ্যা – ছেট সংখ্যা অর্থাৎ, ছোট সংখ্যা = বড় সংখ্যা – দুইটি সংখ্যার বিয়োগফল = z – y.]

ab
xy এর সমতুল ভয়াংশ নিচের কোনটিং

= $\frac{2 \times ab}{2 \times xy}$ [পব ও হরকে 2 ছারা গুণ করে] ভিখ্য/ব্যাখা : ab

 $\odot \frac{1}{3}$

• 1

3

তিখা/ব্যাখ্যা : 3x + 1 = 0 সমীকরণে x এর সর্বোচ্চ সূচক 1 অতএব, সমীকরণটির ঘাত 1.]

৯। কোন সংখ্যার সাথে –5 যোগ করলে 15 হবে?

20

ভিশ্ব/ব্যাখ্যা : সংখ্যাটি x হলে, x + (- 5) = 15

বা, x – 5 = 15

.. x = 15 + 5 = 20.]

১০। x-এর কোন মান 4x + 1 = 2x + 7 সমীকরণকে সিন্দ করে?

(e) 0

2

• 3

@ 4

V

ভিষা/ব্যাখ্যা : x = 3 হলে সমীকরণটির বামপক = 4x + 1 = 4 x 3 + 1 = 12 + 1 = 13

ভানপঞ্জ = 2x + 7 = 2 x 3 + 7 = 6 + 7 = 13.]

x = 3 এর জন্য সমীকরণটি সিম্ব হয় il

🚱 গাণিতিক সমস্যার সমাধান

১১। চিত্র থেকে নিচের ছকটি পুরণ কর :

(উভয় অক্ষে কুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে)

বিন্দু	স্থানাক
A	(4, 3)
В	(-2,)
С	(,-5)
D	(,)
0	(.)
P	(,0)
Q	(0,)

H	H	Y.	H	H	H	Ŧ
1		T.	QX 0	24	1	1
B(2.)				1	Ï
+	+	+	H	H	+N	.0
X'+	1	(.)	H	H	H	X
11		H	1		Ħ	1
_D(.	十				ά	-5).
++	H	y.	Н	Н	Ĥ	Ť

সমাধান :

বিন্দু	স্থানাতক
Α	(4, 3)
В	(-2, 2)
С	(3, -5)
D	(-3, -3)
0	(0,0)
P·	(5, 0)
Q	(0, 5)

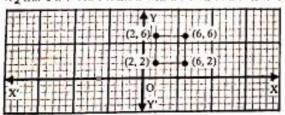
১২। নিচের বিন্দুগুলো ছক কাগছে স্থাপন করে তীর চিহ্ন অনুযায়ী যোগ কর ও চিত্রটির জ্যামিতিক নামকরণ কর:

$$(\overline{\Phi})$$
 (2, 2) \rightarrow (6, 2), \rightarrow (6, 6) \rightarrow (2, 6) \rightarrow (2, 2)

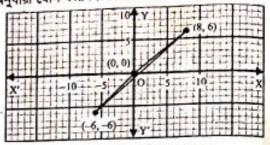
$$(\P)(0,0) \to (-6,-6), \to (8,6) \to (0,0)$$

সমাধান:

(ক) (2, 2) → (6, 2) → (6, 6) → (2, 6) → (2, 2) কিন্দুপূলো ছক কাগজে প্রতি বর্গকে এক একক ধরে স্থাপন করি এবং তীর চিহ্ন অনুযায়ী যোগ করি। চিত্রটির জ্যামিতিক নামকরণ হলো বর্গ।



(খ) (0,0) → (-6,-6) → (8,6) → (0,0) বিন্দুগুলো ছক কাষ্ণ প্রতি বর্গকে এক একক ধরে স্থাপন করি এবং তীর চু অনুযায়ী যোগ করি। চিত্রটির জ্যামিতিক নামকরণ হলো তিছু



১৩। সমাধান কর এবং সমাধান লেখচিত্রে দেখাও :

(本)·x-4=0

সমাধান: x-4=0

বা, x-4+4=0+4 [উভয়পক্ষে 4 যোগ করে]

x = 4

নির্ণেয় সমাধান : x = 4

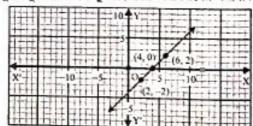
লেখচিত্র অধ্কন : প্রদত্ত সমীকরণ, x – 4 = 0

x এর কয়েকটি মান নিয়ে x – 4 এর অনুরূপ মান বের করি s

নিচের ছক তৈরি করি:

x	x - 4	(x, x - 4)
2	- 2	(2, -2)
4	0 -	(4, 0)
6	2	(6, 2)

লেখচিত্র অঞ্চনের জন্য তিনটি বিন্দু (2, -2), (4, 0), (6, 2) নেও হল। মনে করি, পরম্পর লঘ XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-বঙ্ক y-অক্ষ এবং O মূলবিন্দু। ছক কাগজে উভয় অক্ষে ভূব: বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘাকে এক একক ধরে (2, -2), (4, 0), (2) বিন্দুগুলো ম্থাপন করি এবং পরপর যোগ করি। লেখচিত্রে এক সরলরেখা পাই। সরলরেখাটি x অক্ষকে (4, 0) বিন্দৃতে ছেন করে বিন্দুটির ভূজ হলো 4। সূত্রাং প্রদন্ত সমীকরণের সমাধান x = 4



(4) 2x + 4 = 0

সমাধান: 2x + 4 = 0

বা, 2x+4-4=0-4 ডিডয়পক্ষ থেকে 4 বিয়োগ করে

41, 2x = -4

বা, $\frac{2x}{2} = \frac{-4}{2}$ [উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে]

. x = -2

নির্ণেয় সমাধান : x = -2

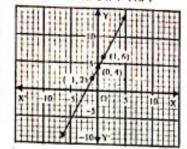
লেখচিত্র অভকন: প্রদৃত সমীকরণ, 2x + 4 = 0

x এর কয়েকটি মান নিয়ে 2x + 4 এর অনুরূপ মান বের ক এবং নিচের ছক ভৈরি করি :

X	2x + 4	(x, 2x+4)
-1	2	(-1,2)
- 0	4	(0,4)
	6	(1,6)

শেখচিত অক্কলের জন্য তিনটি বিন্দু (- 1, 2), (0, 4), (1, 6) নেওয়া হল। মনে করি, পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-অক ও y-অক এবং O মৃলবিন্দু। ছক কাগজে উভয় অকে কুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে এক একক ধরে (- 1, 2), (0, 4), (1, 6) বিন্দুগুলো স্থাপন করি। এরপর যোগ করি।

লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পুই। সরলরেখা x অক্ষকে (- 2, 0) दिन्मूट एम करत । विश्वित कृष रून -সূতরাং সমীকরণের সমাধান = -21



(4) x + 3 = 8

সমাধান: x + 3 = 8

বা. x+3-3=8-3 [উভয়পক্ষ থেকে 3 বিয়োগ করে]

. x = 5

निर्पंग्र गयाधान : x = 5

শেখচিত্র অঞ্কন : প্রদত সমীকরণ, x + 3 = 8

বা, x+3-8=8-8 ডিডয়াপক্ষ থেকে ৪ বিয়োগ করে]

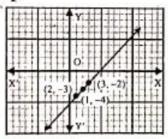
বা, x-5=0

x এর কয়েকটি মান নিয়ে x – 5 এর অনুরূপ মান বের করি এবং নিচের ছকটি তৈরি করি :

x	x - 5	(x, x - 5)
1	-4	(1, -4)
2	-3	(2, -3)
3	-2	(3, -2)

পেখচিত্র অঞ্চনের জন্য তিনটি বিন্দু (1, – 4), (2, – 3), (3, – 2) নেওয়া হল। মনে করি, পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথক্রেমে x-অক ও y-অফ এবং O মূলবিন্দু।

ছক কাগজে উভয় অক্ষে ষ্ণুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে এক একক 間 (1, - 4), (2, - 3), (3, – 2) বিন্দুগুলো স্থাপন করি। তারপর বিন্দুগুলো পরপর সংযোগ করি।



পেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই। সরপরেখাটি x অফকে (5, 0) বিন্দুতে ছেদ করে। বিন্দুটির ভুঞ হল 5। সূতরাং প্রদত্ত সমীকরপের সমাধান x = 5।

(4) 2x+1-x-3

সমাধান: 2x + 1 = x - 3

31, 2x-x=-3-1 : x=-4

निर्दिग्न नभाधान : x = - 4

শেষচিত্র অঞ্চল : প্রদত্ত সমীকরণ, 2x + 1 = x - 3

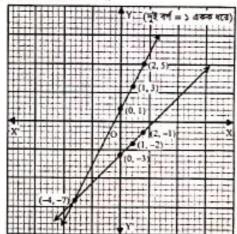
x এর কয়েকটি মান নিয়ে 2x + 1 এর অনুরূপ মান বের করি থবং নিচের ছক-১ তৈরি করি :

	E4-2	
x	2x + 1	(x, 2x + 1)
0	1	(0, 1)
1	3	(1, 3)
2	5	(2, 5)

∴ 2x + 1 এর শেখের উপর তিনটি বিন্দু (0, 1), (1, 3), (2, 5) নিই। আবার, x এর কয়েকটি মান নিয়ে x – 3 এর অনুরূপ মান বের করি এবং ছক-২ তৈরি করি।

x	x-3	(x, x - 3)
0	- 3	(0, -3)
1	2	(1, -2)
2	-1	(2, -1)

∴ x − 3 এর দেখের উপর তিনটি বিন্দু (0, − 3), (1, − 2), (2, − 1) নিই। মনে করি, পরম্পর লম XOX' ও YOY' যথক্রমে x-অক্ষ ও y-অক্ষ এবং O মৃগবিন্দু। ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের দুই বাহুর দৈর্ঘ্যকে এক একক ধরে ছক-১ এ প্রাপ্ত (0, 1), (1, 3), (2, 5) বিন্দু তিনটি স্থাপন করি এবং এদের পরপর সংযোগ করি। শেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই। আবার, ছক-২ এ প্রাপ্ত (0, - 3), (1, - 2), (2, - 1) বিন্দু তিনটি স্থাপন করি ও এদের পরপর সংযোগ করি। এক্ষেত্রেও লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই। লক্ষ করি, সরলরেখা দুইটি পরস্পর (– 4, – 7) কিন্দুতে ছেন করেছে। ছেদ বিন্দুতে 2x + 1 ও x – 3 এর মান পরস্পর সমান। সুতরাং প্রদত্ত সমীকরণের সমাধান হলো (– 4, – 7) বিন্দুতে ভূজের মান অর্থাৎ x = - 4.



(8) 3x + 4 = 5x

সমাধান: 3x + 4 = 5x

বা, 3x + 4 - 3x = 5x - 3x ডিভয়পক্ষ থেকে 3x বিয়োগ করে]

বা, 4 = 2x

বা, 2x = 4

 $\frac{2x}{2} = \frac{4}{2}$ [উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে]

নির্ণেয় সমাধান : x = 2

শেখচিত্র অভকন : প্রদত্ত সমীকরণ, 3x + 4 = 5x

x এর কয়েকটি মান নিয়ে 3x + 4 এর অনুরূপ মান বের করি এবং ছক-১ তৈরি করি :

x	3x + 4	(x, 3x + 4)	
0	4	(0, 4)	
1	7	(1,7)	
2	10	(2, 10)	

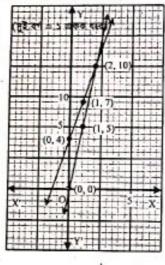
∴ 3x +4 এর লেখের উপর তিনটি বিন্দু (0, 4), (1, 7), (2, 10) নিই ।

E Ø-2		
x	5x	(x, 5x)
0	0	(0, 0)
- 1	5	(1,5)
2	10	(2, 10)

: 5x এর লেখের উপর তিনটি বিন্দু (0, 0), (1, 5), (2, 10) নিই। মনে করি, পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথক্রেমে x-অক্ষ ও y-অক্ষ এবং O মূদবিন্দু। ছক কাণজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের দুই বাহুর দৈর্ঘ্যকে এক একক ধরি। এখন ছক-১ এ প্রাপ্ত (0, 4), (1, 7), (2, 10) বিন্দুগুলো স্থাপন করি এবং এদের পরপর সংযোগ করি। লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই।

জাবার, ছক-২ এ প্রান্ত (0, (1, 5), (2, 10) বিন্দু তিনটি স্থাপন করি ও এদের পরপর সংযোগ করি। এক্ষেত্রে : লেখচিত্রে - একটি সরলরেখা পাই। লক্ষ করি, সরলরেখা দুইটি

পরস্পর (2, 10) বিন্দুতে ছেদ করেছে। ছেদ বিন্দুতে 3x + 4 ଓ 5x এর মান পরস্পর সমান। সুতরাং প্রদত্ত সমীকরণের সমাধান হলো ,(2, 10) বিন্দতে কুজের মান অর্থাৎ x = 2.



😚 সুজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

্রবর্ষ ১৪ একটি ত্রিভুজের তিন বাহুর দৈর্ঘ্য (x + 2) সে. মি., (x + 4) সে. মি. ও (x + 6) সে. মি. (x > 0) এবং গ্রিভুজটির পরিসীমা 18 সে. মি.।

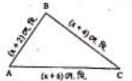
ক. প্রদর্গ শর্তানুযায়ী আনুপাতিক চিত্র আঁক।

খ, সমীকরণ গঠন করে সমাধান কর।

গ. সমাধানের লেখচিত্র আঁক।

১৪নং প্রশ্নের সমাধান

ক চিত্রে ABC ত্রিভুজের তিন বাঁহুর দৈর্ঘ্য AB = (x + 2) সে. মি. BC = (x + 4) 다. 印, 영 AC = (x +6) त्म. मि. (x > 0)।



🕏 এখানে, ত্রিভ্জের তিন বাহুর দৈর্ঘ্য (x + 2) সে. মি., (x + 4) সে, মি. ও (x + 6) সে. মি. (x > 0)

ত্রিভুজটির পরিদীমা = (x + 2 + x + 4 + x + 6) সে. মি.. = 3x + 12 (F). N.

नाजभएक, 3x + 12 = 18

বা, 3x = 18 - 12

বা, 3x=6

🗊 খ-হতে প্রাপ্ত সমীকরণ, 3x + 12 🖛 18 বাং 3x + 12 – 18 = 18 – 18 উভয়পক্ষ থেকে 18 বিয়োগ করে৷ বা, 3x-6=0

লেখচিত্র অব্কন : প্রাপ্ত সমীকরণ 3x - 6 = 0

x এর কয়েকটি মান নিয়ে 3x – 6 এর অনুরূপ মান বের করি 🚓 নিচের ছকটি তৈরি করি:

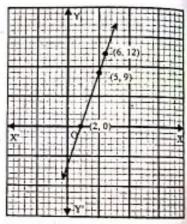
x	3x - 6	(x, 3x - 6)
2	0	(2, 0)
5	9	(5, 9)
6	12	(6, 12)

লেখচিত্র অঞ্জনের জন্য তিনটি বিন্দু (2, 0), (5, 9) ও (6, 12) নের হলো। -

মনে করি, পরম্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-অক ও y-জ এবং O মূলবিন্দু। ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের 🚜 বাহুর দৈর্ঘ্যকে এক একক ধরে (2, 0), (5, 9), (6, 12) বিন্দুগুরু স্থাপন করি।

তারপর, বিন্দুগুলো পরপর সংযোগ করি। লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই। সরলরেখাটি x অক্ষকে (2, 0) বিন্দৃতে ছেদ করে। বিন্দুটির ভুজ হলো 2।

সুতরাং প্রদত্ত সমীকরণের সমাধান x = 2 I



্রপ্রপ্র ১৫। ঢাকা ও আরিচার মধ্যবর্তী দূরত্ব 77 কি.মি.। একটি বা ঘটায় 30 কি.মি. বেগে ঢাকা থেকে আরিচার পথে রওনা দিন। অপর একটি বাস ঘটায় 40 কি.মি. বেগে আরিচা থেকে ঢাকার 🕫 একই সময়ে রওনা দিল ও বাস দুইটি ঢাকা থেকে 🗴 কি.মি. দুট মিলিত হলো।

 ক. বাস দুইটি আরিচা থেকে কত দূরে মিলিত হবে তা x বা মাধ্যমে প্রকাশ কর।

🔐 খ. x-এর মান নির্ণয় কর।

গ. গন্তব্যস্থানে পৌছাতে কোন বাসের কত সময় লাগবে?

😂 ১৫নং প্রশ্নের সমাধান 😂

🕝 ঢাকা ও আরিচার মধ্যবতী দূরত 77 কি.মি. এবং বাস 👯 ঢাকা থেকে x কি.মি. দূরে মিলিত হয়।

বাস দুইটি আরিচা থেকে (77 – x) কি.মি. দূরে মিলিত হয়।

😰 ঢাকা থেকে আরিচাগামী বাস, 30 কি.মি. অতিক্রম করে । **ঘটা**য়

ত্তাবার, আরিচা থেকে ঢাকাগামী বাস,

40 কি. মি. অতিক্রম করে 1 ঘণ্টায়

$$\frac{1}{100} = \frac{1}{40} = \frac{1}{40}$$

যেহেতু, সময় সমান লাগবে সেহেতু,

$$\frac{x}{30} = \frac{77 - x}{40}$$

বা, 40x = 2310 - 30x [আড়গুণন করে]

বা, 70x = 2310

বা,
$$x = \frac{2310}{70}$$

: x = 33

निर्पंग्न भान : x = 33.

ঢাকা হতে আরিচাগামী বাস,
 র০ কি.মি. যায় 1 ঘটায়

= 2.567 ঘটা = 2 ঘটা 34 মিনিট

এবং আরিচা হতে ঢাকাগামী বাস,

40 कि.भि. याग्र । घणाग्र

1 " "
$$\frac{1}{40}$$

= । ঘণ্টা 55.5 মিনিট

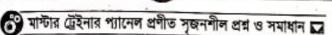
= । ঘণ্টা 55 মিনিট 30 সেকেভ

আরিচাগামী ও ঢাকাগামী বাসন্বয়ের গন্তবাে পৌছতে সময় লাগবে
যথাক্রমে 2 ঘটা 34 মিনিট ও 1 ঘটা 55 মিনিট 30 সেকেত।



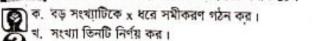
সৃজনশীল অংশ

💇 প্রস্তুতি উপযোগী সৃজনশীল প্রশ্নের সমাধান করি 🗆 🗳 🗆 🍪 🗆 🍪



শিখনফল: লেখচিত্রের সাহায্যে সমীকরণের সমাধান করতে পারব।

্রী প্রশ্ন ১ বিদ্যাটি ক্রমিক বিজ্ঞোড় স্বাভাবিক সংখ্যার সমষ্টি 39।



প্র ক হতে প্রাপ্ত সমীকরণের সমাধান লেখচিত্রে দেখাও। ৪

😂 ১নং প্রশ্নের সমাধান 😋

😰 ধরি, বড় সংখ্যাটি = x, তাহলে,

২য় সংখ্যাটি = x − 2

৩য় সংখ্যাটি = x − 4 শর্তমতে, x + x − 2 + x − 4 = 39

वा, 3x-6=39

 $\sqrt{3}$, 3x-6-39=0

বা, 3x-45=0

নির্ণেয় সমীকরণ, 3x - 45 = 0.

ৃষ্ঠ ক হতে প্রাপ্ত, 3x − 45 = 0

বা, 3x = 45

 $\sqrt{3}$, x = $\frac{45}{3}$ ∴ x = 15

বড় সংখ্যাটি = 15 📑 নাগ্যা

২য় সংখ্যাটি = (15 – 2) = 13

তয় সংখ্যাটি = (15 – 4) = 11

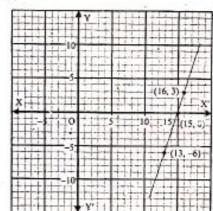
নির্ণেয় সংখ্যা তিনটি : 11, 13, 15.

🕡 ক হতে প্রাপ্ত, সমীকরণ 3x – 45 = 0

x এর বিভিন্ন মানের জন্য 3x – 45 এর সংশ্লিট মান বের করি:

х	3x - 45	(x, 3x - 45)
13	-6	(13, -6)
15	0	(15, 0)
16	3	(16, 3)

.: 3x – 45 এর লেখচিত্র অক্ষনের জন্য বিন্দুগুলো হলো: (13, – 6), (15, 0), (16, 3). মনে করি, XOX' ও YOY' হলো যথাক্রমে x-অক্ষেও y-অক্ষ এবং O মূলবিন্দৃ। ছক কাগজের উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘকে এক একক ধরে বিন্দুগুলো স্থাপন করে সংযোগ করি।



লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাওয়া যায় যা x অক্ষকে (15, 0) বিন্দুতে ছেদ করে। বিন্দুটির ভুজ 15। সূতরাং সমীকরণের সমাধান 15।

্রী প্রায় বর্তা নুপুরের মায়ের বর্তমান বয়স নুপুরের বর্তমান বয়সের চারগুণ। 7 বছর পর দুজনের বয়সের যোগফল 49 বছর হবে।

ক. নুপুরের বর্তমান বয়স x হলে, 7 বছর পরী ভীর মায়ের বয়স কত হবে?

 ব. সমীকরণ গঠন করে সমাধান কর এবং তাদের বর্তমান বয়্রস নির্ণয় কর।

 নুপুরের বর্তমান বয়স (2y – 3) এর সমান ধরে পেখচিত্রের মাধ্যমে সমাধান কর।

😂 ২নং প্রশ্নের সমাধান 😂

নুপ্রের বর্তমান বয়স = x বছর নুপ্রের মায়ের বর্তমান বয়স 4x বছর 7 বছর পর, নুপ্রের বয়স হবে = (x + 7) বছর এবং মায়ের বয়স হবে = (4x + 7) বছর

$$\sqrt{31}$$
, $x = \frac{35}{5} = 7$

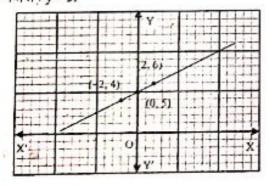
 নুপুরের বর্তমান বয়স 7 বছর নুপুরের মায়ের বর্তমান বয়স = 4 × 7 বছর - 28 বছর।

🗿 খ হতে প্রাপ্ত নুপুরের বর্তমান বয়স = 7 বছর। শর্তমতে, 2y – 3 = 7

দেশচিত্র অঞ্চন : y এর কয়েকটি মান বসিয়ে 2y – 10 এর সংশিউ মান বের করি :

у	2y - 10	(2y - 10, y)		
5	0	(0, 5)		
4	-2	(-2,4)		
6	2	(2, 6)		

শেখচিত্র অবকলের জন্য তিনটি বিন্দু (0, 5), (-2, 4) ও (2, 6) নেওয়া হলো। মনে করি, পরস্পর লম্ব রেখা XOX' ও YOY' যথাক্রমে x অক্ষ e y অক্ষ এবং O মৃগবিন্দু। ছক কাগজে উচ্যা অকে ক্ষুদ্রতম বর্গের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে এক একক ধরে বিন্দুগলো ন্থাপন করি। এরপর যোগ **হ**রি। লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই। সরলরেখাটি y অক্ষকে (0, 5) বিন্দুতে ছেদ করে। বিন্দুটির কোটি হলো 5 অর্থাৎ y = 5 নির্ণেয় সমাধান y = 5.



🚱 শীর্ষস্থানীয় স্থূলসমূহের সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান 🗖

্রপ্রস্থা (i) কোন সংখ্যার অর্ধেক থেকে তার এক তৃতীয়াংশ विरय्नांभ क्दरल विरय्नाभ्यम 6 रय । (ii) 2x + 4 = 0

িক, সমাধান কর : $\frac{3y+1}{5} = \frac{3y-7}{3}$.

খ. (i) নং তথ্য থেকে সংখ্যাটি নির্ণয় কর।

🇃 গ. (ii) নং সমীকরণটি লেখচিত্রের সাহায্যে সমাধান কর। 🛭 ৪ [ভিকারুননিসা নূন মূপ এড কলেজ, ঢাকা |

🕽 তনং প্রক্লের সমাধান 🗲

$$\Theta \frac{3y+1}{5} = \frac{3y-7}{3}$$

$$a1, y - \frac{38}{6}$$

$$\sqrt{31}$$
, $y = \frac{19}{3} = 6\frac{1}{3}$

নির্ণেয় সমাধান, $y = 6\frac{1}{3}$.

এবং x এর এক-তৃতীয়াংশ = $\frac{x}{3}$

প্রধানতে,
$$\frac{x}{2} - \frac{x}{3} = 6$$

ৰা,
$$\frac{3x-2x}{6} = 6$$

বা, x = 36 [আড়গুণন করে] নির্ণেয় সংখ্যা 36.

🚺 (ii) নং সমীকরণটি হলো 2x + 4 = 0

$$2x + 4 = 0$$

বা, 2x + 4 - 4 = 0 - 4 [উভয়পক্ষ থেকে 4 বিয়োগ করে]

বা, $\frac{2x}{2} = \frac{-4}{2}$ [উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে]

নির্ণেয় সমাধান : x = -2.

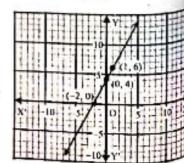
লেখচিত্র অধ্কন : প্রদত্ত সমীকরণ, 2x + 4 = 0

x এর কয়েকটি মান নিয়ে 2x + 4 এর অনুরূপ মান বের করি 🕰 নিচের ছক তৈরি করি : -

x	2x + 4	(x, 2x + 4)
- 2	0	(-2,0)
, 0	- 4	(0, 4)
1	6	0.6

পেখচিত্র অধ্ননের জনা তিনটি বিন্দু (- 2, 0), (0, 4), (1, 6) নের হল। মনে করি, পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' রথকেমে x-অক ও) অন্দ এবং O মূলবিন্দু। ছক কাগজে উভয় অকৈ কুদ্ৰতম বৰ্গ**কে** এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে এক একক ধরে (– 2, 0), (0, 4), (1, 6) বিশুগু ম্থাপন করি।

এরপর যোগ করি। দেখচিত্রে একটি সরসরোখা পাই। সরগরোখা X অক্ষকে (- 2, 0) বিন্দুতে ছেদ করে। বিন্দৃটির ভুজ হল – 21 সুতরাং প্রদত্ত সমীকরণের সমাধায় x = -21



অনুশীলনমূলক কাজের সমাধান (



শিক্ষকের সহায়তায় নিজে করি 🗆 🚳 🗆 🧠 🕒 🕼



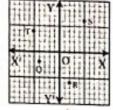


e পাঠাবইয়ের পুঠা-১১৪



সমাধান : চিত্র থেকে Q বিন্দুর স্থানাঞ্চ Q(-4, -2), R বিন্দুর ন্ধানাৰু R(2, - 6), S বিন্দুর ন্ধানাক্ষ S(5, 6), T বিন্দুর

স্থানাক্ক T(- 5, 4)



কাজ ২ ▶ নিচের সমীকরণগৃলোর সমাধানের লেখচিত্র আঁক : @ পাঠ্যবইয়ের পৃষ্ঠা-১১৬ 5 | 2x - 1 = 0

সমাধান: লেখচিত্র অঞ্জন: প্রদত্ত সমীকরণ 2x - 1 = 0

x এর কয়েকটি মান নিয়ে 2x – 1 এর অনুরূপ মান বের করি এবং

নিচের ছকাট তোর কা	4 :
. х	2x - 1

. x	2x - 1	(x, 2x - 1)	
1	1	(1, 1)	
2	3	(2, 3)	
3	5	(3, 5)	

দেশচিত্র অব্বনের জন্য তিনটি বিন্দু (1, 1), (2, 3), (3, 5) নেওয়া হল। মনে করি, পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-অক্ষ ও y-অক্ষ এবং O মূলবিনু। ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের দুই বাহুর দৈর্ঘ্যকে এক একক ধরে (1, 1), (2, 3), (3, 5) বিন্দুগুলো স্থাপন করি।

তারপর বিন্দুগুলো পরপর সংযোগ করি। দেখচিত্রে একটি সরলরেখা সরলরেখাটি x অক্ষকে $\left(\frac{1}{2}, 0\right)$ বিন্দৃতে ছেদ করে। বিন্দৃটির ভূজ হলো 👆।



সুতরাং প্রদত্ত সমীকরণের সমাধান x = 🖞।



2. 2x+5=2

সমাধান : প্রদত্ত সমীকরণ, 3x + 5 = 2

বা, 3x = 2 - 5 [পক্ষান্তর করে]

वा, 3x = - 3

বা, $\frac{3x}{3} = \frac{-3}{3}$ [উভয়পক্ষকে 3 দারা ভাগ করে]

:. x = -1

∴ সমাধান : x = - 1

শেখচিত্র অঞ্চন :

প্রদত্ত সমীকরণ, 3x + 5 = 2

বা, 3x + 5 - 2 = 0

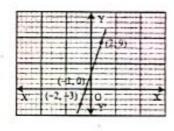
3x + 3 = 0

x धर्त कस्त्रकिंग् भाग निस्त्र 3x + 3 धर्द्र खनुदृष भाग द्वद्र करि धदः নিচের ছকটি তৈরি করি :

x	3x + 3	(x, 3x + 3)		
2	9	(2, 9)		
-1	0	(-1, 0)		
- 2	-3	(-2, -3)		

লেখচিত্র অঞ্চনের জন্য তিনটি বিন্দু (2, 9), (- 1, 0) ও (- 2, - 3) নেওয়া হলো।

মনে করি, পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-অক ও y-অক এবং O মূলবিন্দু। ছক কাগজে উভয়-অক্ষ বরাবর ফুদ্রতম । বর্মক্ষেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্যকে 1 একক ধরে (2, 9), (- 1, 0) ও (- 2, - 3) বিন্দুগুলো ম্থাপন করি।



তারপর বিন্দুগুলো পরস্পর সংযোগ করি। লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই। সরলরেখাটি x অক্ষকে (– 1, 0) বিন্দতে ছেদ করে। বিন্দুটির ভূজ হলো – 1।

সূতরাং প্রদত্ত সমীকরণের সমাধান, x = - 1.



বহুনির্বাচনি অংশ 🥵 প্রস্তৃতি উপযোগী বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর শিখি







(মধ্যমান)

🤂 মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রণীত বহুনির্বাচনি প্রশ্নোন্তর 🗖

🗹 শাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর 🌉 🏥

- বিখ্যাত গণিতৰিদ রেনে দেকার্ডে কোন দেশে জন্ম গ্রহণ করেন? (সহজ্মান)
- 🜒 ভারত
- ন্ত্ৰ সুইডেন
- (४) ইরাক
- শ্বানাজ্কের ধারণা দেন কোন বিখ্যাত গণিতবিদ? (সহজ্ঞমান)
- ইবনে সিনা
- আল-খোয়ারেজনী
- 🗇 আর্যভট্ট
- রেনে দেকার্তে
- (2, 3) বিশ্বটি কোন চতুর্ভাগে অবস্থিত?
- (সহজ্ঞমান) ত চতুৰ বি
- @ তৃতীয় 🗨 দ্বিতীয় প্রথম (~ 6, – 5) বিন্দুট কোন চতুর্ভাগে অবস্থিত?
- (সহল্মান)

- 🖲 প্রথম
- পিতীয়
- **●তৃতী**য়

- নিচের কোন বিন্দৃটি x-অক্ষে অবন্ধিতঃ
 - " (মধ্যমান) ((-2,3) (5, 0)
- (0, 3) @ (5, 5) নিচের কোন বিন্দৃটি y-অক্ষে অবস্থিত?
 - (6, 2) (f) (5, -2) • (0, 1)
- (3, 0)

🗹 বহুপদী সমাগুসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর 🧮

- কোনো বিন্দুর স্থানাচ্ক (3, 2) হলে
 - i. বিন্দৃটির ভূজ 3
 - বিশৃটি প্রথম চতুর্ভাগে অবস্থিত
 - iii. বিন্দৃটি y অক্ষের উপর অবস্থিত নিচের কোনটি সঠিক? (কঠিনমান)
 - iii e ii 🖲
 - m i e iii
- (i, ii v iii

79	Q Manustra como trans terror		the latter from March Pitter pers	A printer than being being being being being	-	us Migray India, proper Printer State	n promis relices falls de est	Miles Date (1990) Miles Paris 24	A hapter person made before
V	অভিন তথ্যভি	ন্তিক বহুনিৰ্বা	চনি প্রশ্নোতর [A Second	138.	2x - 5 = 0 7	মীকরণটি x ত	ক্ষের কোন বিন্দু পে এন বাপিনা উচ্চ	ত ছেদ কর্মনে। বিদ্যালয়, ক্রমন
M	নিচের তথ্যের	ভিত্তিতে ৮ -	– ১০ নং প্রন্নের + 5 = 3x + 25			$^{\odot}\left(\frac{3}{2},0\right)$	$\bullet\left(\frac{5}{2},0\right)$	(5,0)	® (10,0)
ъ.	স্মীকরণটি ব	য ঘাত বিশি	G7	(সহজমান)	20	(_5.7) বিন্দর	কোটি কড় । ম	াধায়িক ও উচ্চ মাধ্যমিক	r শিকা বোর্ড, _{ইক}
		● 何幸	ক্ত দুই	ক্তি তিন	100000	(a) − 12	(T) -5	(1) 2	• 7
à.	সমীকরণটি টে	নখচিত্ৰে স্থাপ	ন করলে কী পা	ই ? (কঠিনমান)	23.	(– 1, 3) কোন	চতুর্ভাগে অব	শ্বিত?	
	📵 ত্রিভূজ	সরলরে	গ প্রকরেখ	্ প্ৰ চতুৰ্জ	lane-ra	Service All Services	र ट्रेन्ड आर्टनामान ग	and often acts. L.	का क्या हुत, क्र
30.				(মধ্যমান)	188	ক্র প্রথম.	শ্বতায়		ত্তি চতুৰ
5.00	⊕ 8		● 10 ·	® 11	22.	2x - 3 = 0 भ	মীকরণটির সে	খচিত্র কীরূপ হবে	7 E Down o
~	57.5	350000	54.5		1. 14.500		় সেপে	ট সরকারি পাইলট উ	ক বেন্যালয়, সিন্ধ
u	नीर्यम्थानीय	স্কুল সমূহের	বহুনিবাচনি প্র	াশোতর 🖂		👁 সরলরেখা	(ৰ) ধান্ম	<u>প্</u> যুত্ত	ক্ত রেখান
V	সাধারণ বহুনিব	চিনি প্রশ্নোর	उत्र 📉		20.	নিচের কোন বি	বিরিশার	ন সরকারি বালকা ভা	চ বিন্যালয়, বলৈ
33.	$\left(-\frac{3}{2},\frac{3}{2}\right)$ বিশ	নটি কোন চত	র্ভাগে অবন্ধিত?			③ (1, −2)	(1,2)	(-1, -2)	(−2,1)
00000	(2,2)			হুল এভ কলেজ, ঢাকা)	SR	(- 4, 7) বিন্দৃ	কোন চতুৰ্ভা	গে অবস্থিত?	-
)	⊕ ৪র্থ	⊕ \শ্য		(ছ) ১ম	1		100	भ्रामना नद्द । छः	भा कृत, सहस्त िक
	তিখ্য/ব্যাখ্যা :	কোনো বিন্দুর	x স্বানাক ঋণাৰ	ক এবং y স্থানাঞ্চ				ক্তিয়	
	ধনাশ্ৰক হলে, বি	বৈশুটি ২য় চতুর	ৰ্চাণে অবস্থিত হয়	1	E 2	বহপদী সমান্তি	দুচক বহুনিৰ্বা	চনি প্রশ্নোন্তর 🏗	
۵۹.	$\therefore \left(-\frac{3}{2}, \frac{3}{2}\right)$ y was agias	কোনো বিন্দু	র্ভাগে অবস্থিত।] র ভুজ কত?		5.00	4x - 8 = 0 i. এটি একটি ii. সমীকরণা	ট সরল সমীক	রণ	
	2200			ন্ট পাবলিক স্কুল, ঢাকা		iii. x-এর মান		2 (-, -,	
	9 0		⑨ −1	(a) A	1 .	নিমের কোনটি	সঠিক?	্রাজশাহী কলেজি	য়েট স্কুল, রাজদার
20.	(2, – 4) বিন্দু	ট কোন চতুও	াগে অবাস্থত?					(Ծ i ಅ iii	(a) i, ii sii
				ভুগ এন্ত কলেম্ব, ঢাকা] ② ৪র্থ				হলে, এক্ষেত্রে–	10.7
s so t	⊛ ऽय		ক্তি গুয়		26.	i. মূল বিন্দুর			1 10
78.	(- 2, 2) বিন্দৃ	্ ছক কাগছে	রে কোন চতুভাগে	ণ অবাস্থত?		ii. ৩য় চতুর্জা			1.
	-	- 6-9-	ভিল্লারভিল্লার	ফলেজিয়েট সুল, ঢাকা জ্ঞানকৰ্		iii. y কে বলা		alst astract	
					1			ইবনে তাইমিয়া ভূপ	০৬ কলে করি
26.	(0, - 5) বিশুটি (কাথায় অবাস্থ্য	ত ? চাকা বেসডেনাস	ছাল যডেগ কলেজ, ঢাকা জন্ম	1				
			প্ৰপ্ৰকৃত্	<u> </u>				្ 🗇 ខែ iii	
	O 16				Ma.			নি প্রশোভর 🌉	
36.	কোন চতুর্ভাগে ভূছ	ৰ ও কোটি উভয়	ই ৰপায়ক? ধিন	মতি গতঃ বয়েজ ভূল, ঢাকা		নিচের তথ্যের	ভিন্তিতে ২৭ ধ	৪ ২৮ নং প্রশ্নের উ	ভর দাও :
	③ ১য়	~	\varTheta তয়	ত্র ৪র্থ		ছক কাগজে ((3, 6) 9 (-	2, - 4) বিশ্ব	দুটির সংযোগ
١٩.	কোন বিন্দৃটি v অ	ক্ষের উপর অব	স্থিত? মিডিবিল সহন	য়ারি বালক উচ্চ বিদ্যালয়)		রেখাংশটি মূল	বিন্দুগামী। (র	াজবাড়ী সরকারি উচ্চ	বিদ্যালয়, বছব
	(€) (-4.0)	● (0, -4)	1 1 (0,0)	⑨ (-2, -1)	ે ૨૧.	(3, 6) বিন্দৃটি	ছক কাগজের	কোন চতুর্ভাগে ত	
11-	(-4, -2) বিশ্ব	টি কোন চত	র্ভাগে অবস্থিত?		2000	🕒 প্রথম	পিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপিপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপপपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपपप<l< td=""><td>কৃতীয়</td><td>ক্তি চকুৰ্ব</td></l<>	কৃতীয়	ক্তি চকুৰ্ব
30.	(-4, -2) 112		আদম্ভী ক্যান্টন্মে	ট পাবলিক স্কুল, ঢাকা)	₹6.			জর কোন চতুর্ভার	
	📵 প্রথম	ছিতীয়		ক্ত চতুৰ্থ	208(5)			● তৃতীয়	