

তথ্য ও উপাত্ত



2 আলোচ্য বিষয়াবলি

্বর্গ ও উপাত্ত • পরিসংখ্যানের উপাত্ত • বিনাম্ভ ও অবিনাম্ভ উপাত্ত • গণসংখ্যা আয়তলেখ।

অধায়ের শিখনফল

_{বিক্টি অনু}শীদন করে আমি যা জানতে পারব— ূর্ব ব্যবহানের মাধামে অবিনাস্ত উপাত্ত বিনাস্ত আকারে প্রশ করতে পারব।

মারজনের অক্তন করতে পারব।

ক্ষত মায়তদেখ হতে প্রচুরক বের করতে পারব।

শুসংখ্যা সারণি কী তা ব্যাখ্যা করতে পারব।

মুক্তিত আয়তলেখ হতে উপাত্ত সম্পর্কে ব্যাখ্যা করতে

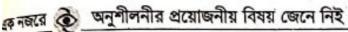
শিখন অৰ্জন যাচাই

- পরিসংখ্যান সম্পর্কে ধারণা লাভ করব।
- অবিনাম্ভ উপাত্তকে বিনান্ত উপাত্তে রুপান্তর করার নিয়ম জানব।
- প্রয়োজনীয় তথ্য ও উপাত্তের সাহায্যে আয়তলেখ অব্দন করতে পারব এবং আয়তলেখ হতে প্রচুরক নির্ণয় করতে পারব।

শিখন সহায়ক উপকরণ

- সপ্তম শ্রেণির ৫০ জন শিক্ষার্থীর উচ্চতা।
- পাঠ্যবইয়ের ১৬৭ পৃষ্ঠার ছবি
- পাঠ্যবইয়ের সমস্যা ও কার্যাবলি।

बहर ।



প্রসংখ্যান : দৈনন্দিন জীবনের বিভিন্ন ঘটনা বা তথ্যসমূহ সংখ্যার মাধ্যমে প্রকাশের ব্যাপকতা বৃদ্ধি পেয়েছে। আর সংখ্যাবাচক তথ্য হছে পরিসংখ্যান। পরিসংখ্যান আবার দুই ধরনের। যথা—

্র প্রাথমিক উপাত্ত বা প্রত্যক্ষ উপাত্ত ও ২. মাধ্যমিক উপাত্ত বা পরোক্ষ উপাত্ত।

ি বিন্ত ও অবিনাম্ভ উপাত্ত : প্রদত্ত উপাত্তগুলো যদি ক্রমানুসারে (উর্ধক্রমে বা অধ্যক্রমে) সাজানো বা বিনাম্ভ থাকে তাকে বিনাম্ভ উপাত্ত বলে। শ্বরের যদি প্রদত্ত উপান্তগুলো এলোমেলোভাবে থাকে তবে এদেরকে অবিন্যস্ত উপাত্ত বলা হয়।



অনুশীলন



সেরা প্রস্তুতির জন্য 100% সঠিক ফরম্যাট অনুসরণে সর্বাধিক গাণিতিক সমস্যার সমাধান

হুর্মী ক্ষুরা, তোমাদের সেরা প্রস্তুতির জন্য এ অংশে সব ধরনের গাণিতিক সমস্যা নির্ভুল সমাধান সহকারে সংযোজন করা হয়েছে। অনুশীলনের সুবিধার্থে র্দিকে সমস্যাবলিকে অনুশীলনীর সমস্যা, সৃজনশীল অংশ, অনুশীলনমূলক কাজ এবং বহুনির্বাচনি অংশে বিভক্ত করে পাঠের ধারায় উপস্থাপন করা হয়েছে।

<u>জনুশীলনীর সমস্যার সমাধান</u>



পাঠ্যবইয়ের সমস্যার সমাধান করি







বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

^{হের} উভরচির বৃত্ত (🖜) ভরাট কর :

¹ ^{৫১} – ৬০ এর শ্রেপিব্যান্তি কত? @ 77

9 8

(V) b

ভিখ্য/ব্যাখ্যা : ৫১–৬০ এর শ্রেণিব্যাপ্তি = (৬০ – ৫১) + ১

৬০ – ৭০ শ্রেণির মধ্যবিন্দু কতঃ

€ 68

(9 90

ভিন্য/ব্যাখ্যা: ৬০ – ৭০ শ্রেণির মধ্যবিন্দু = ৬০ + ৭০

৩। ১ থেকে ১০ পর্যন্ত বিজ্ঞোড় সংখ্যার গড় কত?

ভিষা/বাখ্যা : ১ থেকে ১০ পর্যন্ত বিজ্ঞোড় সংখ্যাপুলো হলো ১, ৩, ৫, ৭, ৯

$$\therefore \sqrt{q} = \frac{3+o+q+q+b}{q} = \frac{2q}{q} = q$$

৪। ১০, ১২, ১৩, ১৫, ১৬, ১৯, ২৫ সংখ্যাপুলোর মধ্যক কড?

@ 25

ভিখ্য/ব্যাখ্যা : বিনাস্ত উপাত্ত : ১০, ১২, ১৩ ১৫. ১৬, ১৯, ২৫

্. মধ্যক = ১৫

ए। সংখ্যাবাচক তথাসমূহকে की वलाः

ক) গণিত

বিজ্ঞান

তথ্যবিজ্ঞান

পরিসংখ্যান



৬। উপাত্তগুপোর পরিসর কত?

@ 02 (1) 00 (B) 20 তথা/ব্যাখ্যা : পরিসর = (বৃংভ্য সংখ্যা – জুদুত্ম সংখ্যা) + ১ = (00 - 20) + 3 = 00 + 3 = 03

৭। উপাত্তপুলোর গড় কতা

(A) 03 @ 00 @ 28 তিখা/বাখা : উপাতগুলোর খোলফল = ২০ + ২২ + ৫০ + ৪০ + 02 + 28 + 80 + 00 + 20 + 88 = 080 ∴ পড় = ৩৪০ = ৩৪)

Zi.

😯 গাণিতিক সমস্যার সমাধান

উপাত্ত বলতে কী বোঝায় তা উদাহরণের মাধ্যমে লিখ।

উভর : সংখ্যাভিত্তিক কোনো তথা বা ঘটনা হচ্ছে একটি পরিসংখ্যান। আর তথা বা ঘটনা নির্দেশক সংখ্যাপুলো হচ্ছে পরিসংখ্যানের উপাত। ধরা যাক, কোনো এক পরীক্ষায় সপ্তম শ্রেণিতে অধ্যয়নরত ৩৪ জন শিক্ষাথীর গণিতে প্রাপ্ত নম্বর হলো : bo, 60, 60, 69, bo, 60, 65, 80, 88, 99, 500, 80, b3, 63, 60, 60, 33, 35, bb, 00, 00, b0, 30, 30, "35, 63, 92, 90, 90, 59, 65, 90, 60, 98 I এখানে সংখ্যা ছারা নির্দেশিত নছরসমূহ ঐ পরীক্ষার একটি

পরিসংখ্যান। সংখ্যা ছারা নির্দেশিত নম্বরগুলো পরিসংখ্যানের উপাত। তাহলে আমরা বলতে পারি পরিসংখ্যানের উপাত্তসমূহ সংখ্যার মাধ্যমে উপস্থাপন করতে হয়। তবে কোনো বিচ্ছিল সংখ্যাকে পরিসংখ্যান বলা যায় না। যেমন, একজন ছাতের প্রাপ্ত নছর ৮৫ বলা হলে তা পরিসংখ্যান হবে না।

 উপাত্ত কত প্রকারের? প্রত্যেক প্রকারের উপাত্ত কীভাবে সংগ্রহ করা হয় এবং প্রত্যেক প্রকার উপাত্ত সংগ্রহের সুবিধা ও অসুবিধা পিখ।

উত্তর : পরিসংখ্যানের উপাত্ত দুই প্রকার। যথা-

- (১) প্রাথমিক উপাত্ত বা প্রত্যক্ষ উপাত্ত ও
- (২) মাধ্যমিক উপাত্ত বা পরোক্ষ উপাত্ত।

প্রাথমিক উপাত্ত সংগ্রহ পন্ধতি : কোনো এক পরীক্ষায় কোনো এক বিষয়ে শিক্ষার্থীদের প্রাপ্ত নমরপুলো প্রাথমিক উপাত। এরপ উপাত্ত প্রয়োজন অনুযায়ী অনুসন্ধানকারী সরাসরি উৎস থেকে সংগ্রহ করতে পারে। সূতরাং উৎস থেকে সরাসরি যে উপাত্ত সংগৃহীত হয় তা-ই প্রাথমিক উপাত। সরাসরি সংগৃহীত হয় বিধায় প্রার্থামক উপাতের নির্ভরযোগ্যতা অনেক বেশি। 🔑

মাধ্যমিক উপাত্ত সংগ্রহ পন্ধতি : কোনো প্রতিষ্ঠানের সংগৃহীত উপাত্ত যদি অনুসন্ধানকারী ব্যবহার করেন তবে তা হবে মাধ্যমিক **छेशाउ। यामन श्रीश्वीत कराकि भरतत काला এक मारमत** তাপমাত্রা প্রয়োজন। যেভাবে পরীক্ষায় প্রাপ্ত নম্বরগুলো সংগ্রহ করা যায় সেভাবে, তাপমাত্রার তথ্য সংগ্রহ করা সম্ভব নয়। এক্ষেত্রে কোনো এক মাধ্যমের সাহাযো পরোক্ষভাবে তথ্য নিয়ে কাজ করতে হয়। কাজেই পরোক্ষ উৎস-থেকৈ সংগৃহীত উপাত্ত হচ্ছে মাধ্যমিক উপাত্ত। অনুসন্ধানকারী যেহেতু নিজের প্রয়োজন অনুযায়ী সরাসরি : উপাত্ত সংগ্রহ করতে পারে না সেহেতু তার নিকট এভাবে সংগৃহীত উপাত্তের নির্ভরযোগ্যতা অনেক কম।

১০। অবিনাস্ত উপাত্ত কী। উদাহরণ দাও।

উত্তর : অবিন্যস্ত উপাত্ত : পরিসংখ্যানে প্রদত উপাত্তগুলা স এলোমেলোভাবে থাকে অর্থাৎ কোনো ক্রম রক্ষা ন বিক্ষিপ্তভাবে অবস্থান করে তখন এদেরকে অবিনায় বলে। যেমন, নিচে ১০ জন ছাত্রের বার্ষিক পরীক্ষায় হতে - বিষয়ে প্রাপ্ত নম্বর এলোমেলোভাবে দেওয়া আছে। অবিনাম্ভ উপাত্ত।

Q9, QQ, 50, Q2, 50, 80, 30, 6Q, 6F, QF,

১১। একটি অবিনাস্ত উপাত্ত লিখ। মানের ক্রমানুসারে সাজিয়ে 🎘 উপাত্তে রুপান্তর কর।

সমাধান : নিচে একটি অবিনাম্ভ উপাত্ত দেওয়া হলো। কোনো এক পরীক্ষায় সপ্তম প্রেণিতে অধ্যয়নরত ৩৪ ৯ শিক্ষাধীর গণিতে প্রাপ্ত নম্বর।

bo, bo, be, eq. bo, bo, bo, bo, b8, 99, boo, b by, by, ba, ba, by, bb, bb, ac. ab, ba, bo, b ৯৮, ৬৯, ৭২, ৭০, ৭৫, ৮৭, ৬৮, ৭৫, ৬৫, ৭৪।

উপরে বর্ণিত নম্বরগুলো মানের অধ্যক্রম অনুসারে স্ক্রি বিন্যস্ত করা যায়। যেমন :

١٥٥, ٥٥, ٥٥, ٥٥, ٥٥, ٥٥, ٥٥, ٥٥, ٥٩, ١٩ be, be, bo, bs, bo, 99, 96, 96, 98, 92, 90, 11 ৬৮, ৬৫, ৬৫, ৬৩, ৬৩, ৬১, ৬০, ৫৯, ৫৭, ৫৫। এভাবে সাজানো উপাত্তসমূহকে বিন্যস্ত উপাত্ত বলে।

ক্রেনো শ্রেণির ৬০ জন শিক্ষার্থীর গণিত বিষয়ে প্রাপ্ত নম্বর নি দেওয়া হলো। গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর।

00, 88, 90, 06, 39, 30, 82, 80, 83, 82, 81, 11 62, 60, 36, 83, 93, 99, 97, XX, 86, 86, 00, 8 63, 66, 62, 60, 68, CO, 60, CO, 92, 69, 33, 12 be, 6b, 65, 8e, 22, 22, 29, 52, 69, 6e, 68, 6 bb, 60, 89, cb, cb, 60, 92, 93, 90, 83, 90, 68 সমাধান : এখানে প্রাপ্ত নম্বরের সর্বনিম্ন সাংখ্যিকমান ২২ ব সর্বোচ্চ সাংখ্যিকমান ৯৯।

সূতরাং প্রদত্ত উপাত্তের পরিসর (৯৯ – ২২) + ১ = ৭৮। শ্রেণিব্যান্তি ১০ ধরলে শ্রেণি সংখ্যা $\frac{9b}{50}$ = 9.৮ ≈ ৮

.: শ্রেণিসংখ্যা হবে ৮টি।

প্রদত্ত উপাত্তের গণসংখ্যা সারণি হলো :

নমরের শ্রেপি	ग्राणि फिरू	গণসংখ্যা/ঘটনসং
25 - 00	III .	8
03 - Bo	ı II	3
87 - 60	ו זאן זאן	27
¢5 – 40	II LW	9
65 - do	ו או או או ו	36
47 - AO .	INI IIII	8.
b) - 90	IN II	9
006 66	1111.	8
		মোট = ৬০

10 ACS COTS CHIPICA ,oz. >80. >00. 144. 245. 780. 38V. 300, 340, 100. 202. 202. 387. 303. 384, সমাধান : এখানে মা ত্রবং সর্বনিয় মান : ় প্রদুষ্ড উপাত্তের

> **শ্ৰেণিব্যান্তি ৫ ধরে** ় প্ৰেণিসংখ্যা ১০ প্রদত উপাত্তের গ মাসিক আয়ের ৫ 150 - 7 308 - 3 300 - 3 188 - 3

> > 1886

208 -

. 606

768

606

398 ১৪। তোমাদের বি (কেছিতে) নি 80, 00, 82

> 80, 80, 80, (ক) মানের ক্র (খ) উপাত্তের

80, 89, 80

সমাধান:

(ক) উপাত্তসম 80, 80 80, 88

00,00 (খ) এখানে, ৪০ এব

> : পরি : ত্যেৰি

· ত্রেছ

দ্রালা । ৫ শ্রেলির মাসিক বিক্ররের পরিমাপ (হাজার টাকার)
দ্রালা । ৫ শ্রেলিব্যান্তি ধরে গণসংখ্যা সারশি তৈরি কর ।
১৪০, ১৫০, ১৪০, ১৫০, ১৩৩, ১৪৭, ১৪৬, ১৫১, ১৬১, ১৬১,
১৪১, ১৪০, ১৫০, ১৪৪, ১৩৬, ১৪৭, ১৪৬, ১৫০, ১৪৩,
১৪৬, ১৫০, ১৪০, ১৪৬, ১৫৯, ১৪৩, ১৪৫, ১৫২, ১৫৭,
১৪৬, ১৫১, ১৪৮, ১৪৬, ১৪২, ১৫৭, ১৫০, ১৭৮, ১৪১,
১৪৯, ১৫১, ১৪৬, ১৪৪, ১৫৩, ১৩৭, ১৫৪, ১৫২, ১৪৮।
১৪৯, ১৫১, ১৪৬, ১৪৪, ১৫৩, ১৩৭, ১৫৪, ১৫২, ১৪৮।
১৪৯, ১৫১, ১৪৬, ১৪৪, ১৫৩, ১৩৭, ১৫৪, ১৫২, ১৪৮।
১৪৯, ১৫১, ১৪৮, ১৪৪, ১৫৩, ১৩৭, ১৫৪, ১৫২, ১৪৮।
১৪৯, ১৫১, ১৪৯, ১৪৪, ১৫৩, ১৩৭, ১৫৪, ১৫২, ১৪৮।
১৪৯, ১৫১, ১৪৯, ১৪৪, ১৫৩, ১৩৭, ১৫৪, ১৫২, ১৪৮।

্রন্ত উপাত্তের পরিসর = (১৭৮ – ১৩০) + ১ = ৪৮ + ১ = ৪৯

প্রেনিয়ান্তি ৫ ধরে শ্রেদিসংখ্যা = $\frac{8h}{e}$ = $h.b \approx 30$

্র প্রেলিসংখ্যা ১০টি।

ক্রপাতের গণসংখ্যা সারণি হলো :

যদিক আয়ের শ্রেপিব্যান্তি	ট্যালি চিহ্ন	गणमर्थाः/घटनमर्था
25% - 200	Ш	8
708 - 70P	III	9
709 - 780	LAN IIII	7
788 - 784	וו ערו ערו	32
285 – 240	ו ואו ואו	77
768 - 762	IIII	8
169 - 7PO	LM1	. 6
798 - 78A		0
১৬৯ – ১৭৩		ο .
748 - 744	1	2
		মোট = ৫০

- এ। বেমাদের বিদ্যালয়ের ৮ম শ্রেণির ৩০ জন ছাত্রের ওজন
 (কেছিতে) নিচে দেওয়া হলো :
 - 80, 60, 82, 82, 80, 00, 00, 06, 00, 80, 82, 80, 80, 89, 85, 00, 86, 86, 82, 85, 88, 62, 88, 80, 80, 80, 80, 88, 00, 80 |
 - (^६) মানের ক্রমানুসারে সাজাও।
 - (९) উপাত্তের গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর। শমধান
 - (क) উপান্তসমূহকে মানের উর্ধ্বক্রম অনুসারে নিচে সালানো হলো : ৪০, ৪০, ৪০, ৪০, ৪০, ৪২, ৪২, ৪২, ৪২, ৪৩, ৪৩, ৪৩, ৪৪, ৪৪, ৪৪, ৪৫, ৪৫, ৪৫, ৪৫, ৪৫, ৪৬, ৪৭, ৫০, ৫০, ৫০, ৫০, ৫০, ৫২, ৫৫, ৫৬।
 - (४) এখানে, ওজন নির্দেশক সংখ্যাপুলোর মধ্যে স্কুদ্রতম সংখ্যা ৪০ এবং বৃহত্তম সংখ্যা ৫৬।
 - : পরিসর = (৫৬ ৪০) + ১ = ১৬ + ১ = ১৭
 - ∴ শ্রেণিব্যান্তি ৫ ধরদে শ্রেণি সংখ্যা = ⁵⁹/₂ = ৩.8 ≈ 8
 - ্ শ্রেপিসংখ্যা হবে ৪টি।

टानियाधि ए निया छैनाट्डत गनमः गा मार्तन रहना :

শ্ৰেণিব্যান্তি	ট্যালি চিহ্ন	भगमस्या
80 - 88	ואו ואו ואו	20
89 - 85	11 1141	9
89 - 09	ועוו	9
60-00	11	٤
	1	মোট = ৩০

১৫। কোনো এলাকার ৩৫টি পরিবারের লোকসংখ্যা নিচে দেওয়া হলো:

৬, ৩, ৪, ৭, ১০, ৮, ৫, ৬, ৪, ৩, ২, ৬, ৮, ৯, ৫, ৪, ৩, ৭, ৬, ৫, ৩, ৪, ৮, ৫, ৯, ৩, ৫, ৭, ৬, ৯, ৫, ৮, ৪, ৬, ১০। শ্রেণি ব্যান্তি ২ নিয়ে গপসংখ্যা গঠন কর।

সমাধান: এখানে পরিবারের লোকসংখ্যার সর্বোচ্চ সাংখ্যিকমান ১০ এবং সর্বনিম্ন সাংখ্যিক মান ২।

∴ পরিসর = (১০ – ২) + ১ = ৮ + ১ = ৯

হোপিসংখ্যা = ^h/₃ − 8.৫ ≈ ৫টি

প্রদত্ত উপাত্তের গণসংখ্যা সারণি হলো :

শ্রেণিব্যান্তি	ট্যালি চিহ্ন	गणनरया/चठननरया
2-0	INII	6
8 - 0	ו נאו נאו	77
৬ – ৭	INU IIII	>
b-9	NIII	٩
70 - 77	11	4 2
		মোট = ৩৫

১৬। ৩০ জন প্রমিকের ঘটা প্রতি মজুরি (টাকায়) নিচে দেওয়া হঙ্গো: ২০, ২২, ৩০, ২৫, ২৮, ৩০, ৩৫, ৪০, ২৫, ২০, ২৮, ৪০,

80, 00, 80, 00, 80, 00, 20, 00, 00, 80, 20, 20, 00, 00, 00, 00, 80, 80, 00 |

শ্রেপি ব্যবধান ৫ নিয়ে গণসংখ্যা সারপি গঠন কর।

সমাধান : এখানে, মজুরির সর্বোচ্চ সাংখ্যিকমান ৫০ এবং সর্বনিম্ন সাংখ্যিকমান ২০।

∴ পরিসর = (৫০ – ২০) + ১ = ৩০ + ১ = ৩১

শ্রেদি ব্যবধান ৫ ধরে শ্রেদিসংখ্যা = ত১ = ৬,২ ≈ ৭টি

প্রদত উপাত্তের গণসংখ্যা সারণি হলো

শ্ৰেণিব্যান্তি	উরা শার্টে	গণসংখ্যা/ঘটনসংখ্যা		
२० – २४	HII	8		
20 - 25	LM1 I	5		
30 - 38	III	, 0		
do - 20	INII	6		
80 - 88	IMI	6		
86 - 89	11	2		
89-09	- 111	٥		
		মোট = ৩০		

১৭। নিচের গণসংখ্যা সারণি হতে আয়তলেখ আঁক এবং প্রচুরক (আসন্ত) নির্ণয় কর:

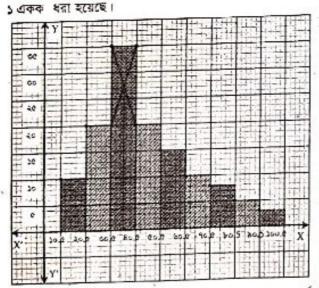
শ্রেপিব্যান্তি	22-20	25-00	o3-80	83-00	67-90
গণসংখ্যা	20	20	00	২০	20

97-RO	A7-90	97-700
ъ	a	0
	47-20,	A>-A0, A>->0

সমাধান : শ্রেণিব্যাণ্ডিকে অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিসীমায় পরিণত করে পাই,

শ্ৰেণিব্যাণ্ডি	অবিচ্ছিন শ্রেপিব্যাতি	गगमस्था
22 - 50	20.0 - 20.0	70
35 - 00	20.0 - 00.0	২০
o3 – 8o	00.0 - 80.0	90
85 - 60	80.0 - 00.0	20
৫১ – ৬০	Q0,Q - ⊌0,Q	20
45 – 40	\$0.0 - 90.0	70
97 - 20	90.0 - 50.0	ъ
67 - 90	₹0.0 - \$0.0	.e
200 - 700	2,004 - 2,06	٥

প্রথমে ছক কাগজে X-অক্ষ ও Y-অক্ষ আঁকা হয়েছে। X-অক্ষ বরাবর অবিচ্ছিত্র শ্রেণিব্যাপ্তি এবং Y-অক্ষ বরাবর গণসংখ্যা ধরে আয়তলেখটি আঁকা হয়েছে। এখানে X-অক্ষ বরাবর ছক কাগজের প্রতি ঘরকে ২ একক এবং Y-অক্ষ বরাবর প্রতি ঘরকে



উপরের আয়তলেখ থেকে প্রতীয়মান হয় যে, গণসংখ্যার প্রাচুর্য ত০.৫ — ৪০.৫ শ্রেণিতে। সূতরাং প্রচরক এই শ্রেণিতে বিদ্যমান। প্রচরক নির্ধারণ করার জন্য আয়তের উপরিভাগের কৌণিক বিন্দু থেকে দুইটি আড়াআড়ি রেখাংশ আগের ও পরের আয়তের উপরিভাগের কৌণিক বিন্দুর সাথে সংযোগ করি। এদের ছেদবিন্দু থেকে সংগ্লিট ভূমির উপর লম্ব টানি। পথ X-অক্ষের যেখানে মিলিত হয় তা এর ব্যাপ্তি নির্ধারণ করা হয়। নির্ধারিত ব্যাপ্তি হলো প্রচুরক। চিত্র হতে দেখা যায় যে, উপাত্তের প্রচুরক ত৫.৫।

নির্পেয় প্রচুরক ৩৫.৫।

১৮। আন্তর্জাতিক মানের T-20 ক্রিকেট খেলায় কোনে সংগ্হীত রান এবং উইকেট পতনের পরিসংখান নি সারণিতে দেওয়া হলো। আয়তলেখ আঁক।

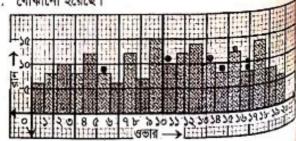
erata.	1	15	0	8	0	ė	9	4	9	70		٠,	٥٥			76	19/00
AOIN	-	-	20	4	23	ь	6			30					4	25	3 18
RETAIL	0	0	0	0	0	3	0	0	0	0	>	0	0	٦	2	7	20
भडन												_				Ц	1

ছিলিত : x-অক বরাবর ওভার এবং y-অক বরাবর রাদ হ
আয়তলেখ আঁক। যে ওভারে উইকেট পতন হয় সেই ভহ
সংগৃহীত রানের উপরে "●" চিহ্ন দিয়ে উইকেট পতন কে
আয়া

সমাধান : শ্রেণি ব্যবধান অবিচ্ছিন্ন করে সারণি তৈরি করি:

ভভার	শ্রেণিসীমা	রান (গণসংখ্যা)	७२८क मह
3	0-2	৬	0
3	2-2	ъ	0
0	2-0	20-	0
8	0-8	ъ	. 0
à	8 - 4	32 .	0
৬	Q - 5	ъ.	2
9	6-9	9	0
ъ	9-5	. 25	0
8	b-9	9	0
30	≥ - yo	26	- 0
22	20 - 22	30	١
34	22 - 25	- 52	0
7.0	75 - 70	78	0
\$8	20 - 78	20	2
20	28 - 20	ъ	2
36	20 - 26	. 32	>
29	26 - 54	. b	2
36	74 - 74	28	0
79	74 - 79	p.	o
20	29 - 30	6	0

প্রথমে ছক কাগজে X-অক ও Y-অক্ষ আঁকি। X-অক বর্ণে শ্রেণিসীমা (ওভার) এবং Y-অক্ষ বরাবর রান (গণসংখা) ^৪ আয়তলেখ আঁকা হলো। এখানে, X অক্ষে ছক কাগনে তিন ঘর = ১ একক এবং Y অক্ষে ছক কাগজের প্রতি ^{৪৪} এক একক ধরি। যে ওভারে উইকেট পতন হয়েছে শি ওভারের সংগৃহীত রানের ওপর "●" চিফ্ দিয়ে উইকেট ^{পর্চ} বোঝানো হয়েছে।





্র প্রেণির ৩০ জন শিক্ষাধীর উচ্চতা (সে. মি.) নিচে সাক্ষানা ভক্তার আয়তদেখ আঁক এক কেন করা হলো। উক্ততার আয়তদেখ আৰু এবং এর থেকে প্রচুরক

(本本)

16, 360, 300, 300, 386, 302, 360, 360, 390, 360, 34, 360, 370, 390, 360, 360, 380, 300, 390, 390, 340, 340, 380, 340, 360, 360, 360, 340, 360, 360, 360, রুম্বন : শিক্ষার্থীদের উচ্চতার সর্বনিয় মান ১৪৫

এবং সর্বোচ্চ মান,১৮০।

बहिमद - (১৮० - ১৪৫) + 5 = 00 + 3 = 05

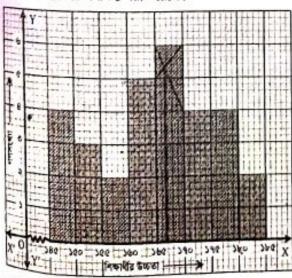
ু শ্ৰেপ ব্যবধান নিয়ে শ্ৰেপি সংখ্যা =

় শ্রেণিসংখ্যা হবে ৮টি।

ত্রুপ্রদানর উচ্চতার গণসংখ্যা সার্গি :

উচ্চতার শ্রেণি	• ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্য
180 - 200	1111	8
20 - 20c	III	0
Me - 700	II	2
160 - 160	INI	Q
26C - 290	1411	৬
390 - 39C	. 1111	8
19¢ – 150	1111	8
160 – 72G	11 -	2
20		মোট = ৩০

আরুতলের অঞ্চল : X-এফ বরাবর উচ্চতা এবং Y-অফ ব্যাবর শিক্ষার্থীদের সংখ্যা ধরা হয়েছে। এখানে X-অক্ষে ছক বাগছের এক ঘর সমান ১ ধরা হয়েছে এবং Y-অক্ষে ছক বাগজের পাঁচ ঘর সমান ১ ধরা হয়েছে।



^{X-অক্ষে}০ থেকে ১৪৫ পর্যন্ত আছে বোঝাতে ভাঙা চিহ্ন দেওয়া इतहरू।

বচুরক নির্ণয় : এখানে চিত্রায়িত আয়তপেখ থেকে দেখা যায়, বেশি সংখ্যক শিক্ষাবাঁর উভতা ১৬৫ – ১৭০ এর মধ্যে। সূতরাং প্রচরক এই প্রেণিতে বিদ্যমান। প্রচরক নির্মারণ করার জন্য আয়তের উপরিচাণের কৌশিক বিনু থেকে দুইটি আড়াঅটি রেখাংশ আগের ও পরের আয়তের উপরিভাগের কৌশিক বিন্দুর সাথে সংযোগ করা হছেছে। এসের ছেম্বিন্দু থেকে নর্যপ্রতী কৃমির উপর লম টানি। লম X অক্ষের যোগানে মিলিত হয় শেখানে এর ব্যাপ্তি নির্ধারণ করা হয়। নির্ধারিত ব্যাপ্তি হঙ্গো প্রচুরক। চিত্র থেকে দেখা যায় উপারের প্রচুরক ১৬৬.৭। নির্পেয় প্রচরক ১৬৬.৭।

🚱 সুজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

্রপ্রার্থ ব্য প্রাণির ২০ জন ছাত্তের গণিতে প্রাপ্ত নম্বর নিমর্প : ¢0, 60, ¢2, 62, 82, 62, 64, 66, 66, 60, 62, 82, 89, 86, 85, 80, 85, 40, 45, 501

🚱 ক. উপাত্ত কত প্রকার ও কী কী?

খ, ৫ শ্রেণিব্যাপ্তি নিয়ে সার্রাণ তৈরি কর।

🗳 গ, প্রাপ্ত সারণি থেকে আয়ত্রলেখ অঞ্চন কর।

🕽 ২০নং প্রশ্নের সমাধান 🧲

🚱 উপাত্ত দুই প্রকার। যথা :

(i) প্রাথমিক উপাত্ত বা প্রতাক্ষ উপাত্ত এবং (ii) মাধ্যমিক উপাত বা পরোক্ষ উপাত।

🕲 এখানে, গণিতে প্রাপ্ত নম্বরসমূহের মধ্যে সর্বনিল্ল নম্বর ৩২ এবং দর্বোচ্চ নম্বর ৮৫.

∴ পরিসর = (৮৫ – ৩২) + ১ = 00 + 1 = 08

ट्यिनिगाधि क निल ट्यिनिमश्या

শ্রেণিসংখ্যা হবে ১১টি ।

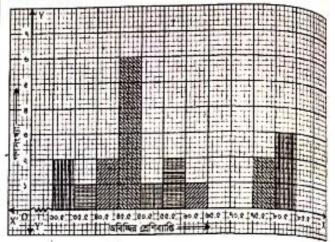
৫ শ্রেণিব্যাপ্তি নিয়ে প্রদত্ত উপাত্তসমূহের সারণি তৈরি করা হলো :

≈ 33

শ্ৰেণিব্যান্তি	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা		
৩১ – ৩৫	11	2		
ა ა – 8ი	1 -	2		
85 – 80	II.	2		
86-700	THU I	6		
q > - q q	- 99			
৫৬ – ৬০	11	2		
67 - PS		2		
৬৬— ৭০		0		
95 - 98		0		
96 - FO	II	2		
P.7 - P.G	III	0		
100		মোট : ২০		

শ্ৰেণিব্যান্তি	অবিচ্ছিন্ন শ্ৰেণিব্যাণ্ডি	গণসংখ্যা
05 – CC	00.0-00.0	. 2 8
७ ७ − 80	00.0 - 80.0	2
87 - 84	80.0 - 80.0	3
85 – ¢o	80.0 - 0.08	
a2 - aa	20.0 - 00.0	2
69 - 90	9.00 - 9.99	
৬১ – ৬৫	\$.50 - \$0.0	2
৬৬ – ৭০	·60.0 - 90.0	۰,
95 – 90	90.0 - 90.0	0
95 – FO	90.0 - 50.0	۹.,
p2 - p0	PO.0 - PO.0	9
		মোট = ২০

ছক কাগজে X-অক্ষ বরাবর অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিব্যাপ্তি এবং Yu গণসংখ্যা নিয়ে আয়তলেখ আঁকা হয়েছে। এখানে X-অক্ ঘর = ১ একক ও Y-অক্ষ বরাবর ৫ ঘর = ১ একক ধরা হয়েছে। আক্ষ ০ থেকে ৩০.৫ পর্যন্ত সংখ্যাগুলো আছে বৌঝাতে ভাল ব্যবহার করা হয়েছে।







প্রস্তৃতি উপযোগী সূজনশীল প্রশ্নের সমাধান করি 🗆 🍪 🗆 🤏 🗆 😩 🗆







🚱 মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রদীত সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান 🗖

শিখনফল : আয়তলেখ অব্কন করতে পারব।

্রপ্রাম্বর প্রাপ্তম শ্রেণির অধ্যয়নরত ৪০ জন শিক্ষার্থীর বার্ষিক পরীক্ষার গণিত বিষয়ে প্রান্ত নম্বরসমূহ নিম্নরূপ :

bo, 60, 60, 90, 80, 60, 80, 80, 90, 500, 80, be, 60, 60, 60, 30, 36, 60, 60, 60, 30, 30, 30, 36, ७৫, १०, १३, १৫, ४৫, ३৫, १৫, १७, ५৫, १४, १৫, ७४, १२, १७

🔊 ক. উপাত্ত কত প্রকার ও কি কি? কোন উপাত্তের গ্রহণযোগ্যতা বেশি এবং কেন?

 শ্রেণিব্যাপ্তি ১০ দিয়ে গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর। গ, প্রাপ্ত সারণি থেকে গণসংখ্যা আয়তলেখ আঁক।

😂 ১নং প্রশ্নের সমাধান 😂

- 👩 উপাত্ত দুই প্রকার। যথা :
- . (i) প্রাথমিক উপাত্ত ও (ii) মাধ্যমিক উপাত্ত। প্রাথমিক উপাত্তের গ্রহণযোগ্যতা বেশি কারণ এই উপাত্ত সরাসরি কোনো উৎস থেকে সংগ্রহ করা হয়।
- 📵 উপাত্তের, সর্বোচ্চ মান = ১০০ এবং সর্বনিম্ন মান = ৫০
- পরিসর = (300 @0) + 3 = @0 + 3 = @3

শ্রেণিব্যাপ্তি ১০ নিয়ে শ্রেণিসংখ্যা = $\frac{\alpha_3}{50}$ = $\alpha.5 \approx 6$

্ৰেণিসংখ্যা হবে ৬টি।

শ্রেণিব্যাপ্তি ১০ নিয়ে গণসংখ্যা সারণি তৈরি করা হলো :

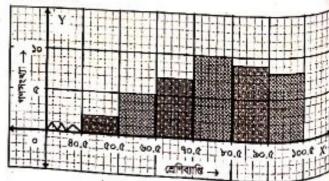
শ্ৰেণিব্যান্তি	ট্যালি চিফ্	গণসংখ্য
85 - 60	.1	. 2
67 – 90	INI	¢
45 - 90 .	WITH.	. 9

শ্ৰেণিব্যান্তি	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্য
47 – PO	ואו ואו	20
P7 – 90	. INJ IIII	8
97 – 700	IN III	ъ
		মোট = 8০

🔝 আয়তলেখ অঞ্জনের জন্য প্রয়োজনীয় সারণি :

শ্ৰেণিব্যান্তি	অবিচ্ছিন্ন শ্ৰেণিব্যান্তি	গণসংখ্যা
85 60	80,0-00.0	2
. ৫১ – ৬০ -	\$0.0 - 60.0	œ
%> − 9 0	9.0P - 9.0E	٩
97 - AO	90.0 - 60.0	70
P7 - 90	9.06 - 9.0d	8
97 – 700	30.00 - 300.0	ъ
	. \	মোট = ৪০

ছক কাগজের X অশ্বে অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিব্যাপ্তির ২ একক = ১ ঘর ^{বর} Y-অক্টে গণসংখ্যার ১ একক = ১ ঘর নিয়ে আয়তলৈথ আঁ মূলবিন্দু থেকে ৪০.৫ পর্যন্ত সংখ্যাগুলো আছে বোঝাতে ভাঙা ^{কি} দেওয়া হয়েছে।



রুই বৃষ দ্রেশির ২৫ জন শিকার্থীর গুজন (কেজিতে) নিচে 86, 47, 87, 85, 48, 45, 89, 45, 89,

60, 49, 89, 40, 48, 45, 80, 42, 40.

s. টুপুরের উপাতপুলো কী ধরনের এবং কেন? ্রেপ্রান্তি **ে**ধরে গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর। 🚜 (খ) হতে প্রাপ্ত সারণির আয়তদেখ অঙকন কর।

🗢 ২নং প্রশ্নের সমাধান 😋

_{টুবরে} উপাত্যুলো অবিনাস্ত কারণ উপাত্তগুলো মানের स्कृति मालात्ना नय ।

0 ইপারের সার্বোচ্চ মান = ৬৪

क्ष स्तिम मान = 80

1 = (68 - 80) + 3 = 28 + 3 = 20

ুল্বাতি ৫ ধরে মেশিসংখ্যা = $\frac{2\alpha}{\alpha}$ = ৫.

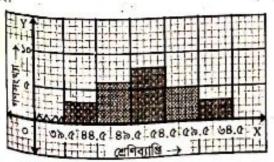
্রু ১ পরে গণসংখ্যা সার্গি নিমুরপ

व्यनियाधि .	ট্যালি চিহ্ন	र्गनमध्या
80 - 88	- 111	0 .
82 - 85	INI I	. 6
¢o – ¢8	INI III	. 4
66-69	, INI	Û
60 - 68	111	0
		মোট = ২৫

β ব্যাতলেখ অঙ্কনের জন্য প্রয়োজনীয় সারণি :

প্ৰেপিব্যাপ্তি	অবিচ্ছিন্ন শ্ৰেণিব্যাপ্তি	গণসংখ্যা	
89 - c8	৩৯.৫ – ৪৪.৫	0 .	
80 - 85	88.4 - 85.4	৬	
60 - 68	2.89 - 2.68	. p.	
60-00	28,4 - 45,4	· q ·	
60 - 68	23.4 - 58.4	٥	
	1	মোট = ২৫	

^{মি} রূণজের X-আক্ষ অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিব্যাপ্তির ১ একক = ১ গর এবং Y-🥦 গণসংখ্যার ১ একক্ = ১ ঘর নিয়ে আয়তলেখ আঁকা হলো। নিশৃ হতে ৩৯.৫ পর্যন্ত সংখ্যাগুলো আছে বোঝাতে ভাঙা চিহ্ন দেওয়া M.E.



ļ	व्यक्तिमाडि २७-८० ४१-८० ४१-५० ७१-५० ४१-५० ४१-५० ४१-५०							
ı	হোণব্যাত্তি	03-8o	85-00	25-60	67-40	47-40	A7-90	97-700
ı	शंगमध्या	0	9	30	25	br	5	2

ক. প্রদত সারণিতে প্রচুরক গ্রেণি কোনটি? এর মধ্যমান

🕜 খ. প্রদত্ত গণসংখ্যা সারণি থেকে আয়তগেখ অঞ্চন কর। 🜃 গ. প্রাপ্ত আয়তলেখ থেকে প্রচুরক নির্ণয় কর।

\Rightarrow ৩নং প্রশ্নের সমধান 🧲

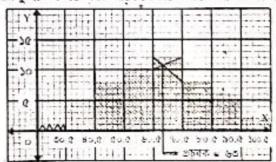
🐼 এখানে, গণসংখ্যা সর্বাধিকবার ১২ আছে (৬১ – ৭০) শ্রেণিতে। প্রচুরক শ্রেণি (৬১ - ৭০)।

প্রচুরক শ্রেণির মধ্যমান = $\frac{63 + 90}{3} = \frac{503}{3} = 60.0$ নির্ণেয় মধ্যমান ৬৫.৫। •

📵 আয়তলেখ অঙকনের জন্য প্রয়োজনায় সারণি

শ্রেণিব্যাপ্তি	অবিচ্ছিন্ন শ্ৰেৰ্য ব্যাপ্তি	গণসংখ্যা
o2 - 8o	so.a - 80.a	a
82 - 40	80.0 - 00.0	9
95 - 60 ·	20.00 - 20.0	- 50
67 – do	50.¢ - 90.¢	75
.0d - CP.	90.0 - 50.0	, br
P7 - 90.	9.c5 - 9.cd	
97 - 700	2.004 - 2.06	2
		মোট = ৫০

ছক কাগজের X-অকে অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিব্যাপ্তির ২ একক = ১ ঘর এবং Y অক্ষে গণসংখ্যার ১ একক = ১ ঘর নিয়ে আয়তলেখ আঁকা হলো। মূলবিন্দু হতে ৩০.৫ পর্যন্ত আছে বোঝাতে ভাঙা চিহ্ন দেওয়া হয়েছে।



🔟 'খ' তে প্রদত্ত আয়তলেখ হতে প্রচুরক নির্ণয় করি। **আয়তলেখ** ছতে দেখা যায় যে গণসংখ্যার প্রাচুর্য (৬০ – ৭০) প্রেণিতে অবস্থিত i আয়তের বিপরীত কৌণিক বিন্দুছয়ের সংযোজক বিন্দু থেকে 🗴 অক্ষের উপর অঞ্চিত লম্ব যে বিন্দুতে ছেদ করে তার ব্যাপ্তি ৬<u>৩</u>।

∴ প্রচুরক ৬৩।

🕽 প্রশ্ন ৪ 🛮 সভম প্রেণির কয়েকজন শিক্ষাধীর গণিতে প্রান্ত নম্বর দেওয়া হলো :

83, 50, 52, 30, 39, 66, 90, 58, 60, 32, 82, 66, 62, ৬৩, ৯৬, ৪১, ৭১, ৭৭, ৭৮, ২২, ৪৮, ৪৬, ৩৩, ৪৪, ৩৩, ৪৪, ৬১, ৬৬, ৬২, ৬৩, ৬৪, ৫৩, ৬০, ৫০, ৭২, ৬৭, ৯৯, ৮৩, ৮৫, **৬৮,**

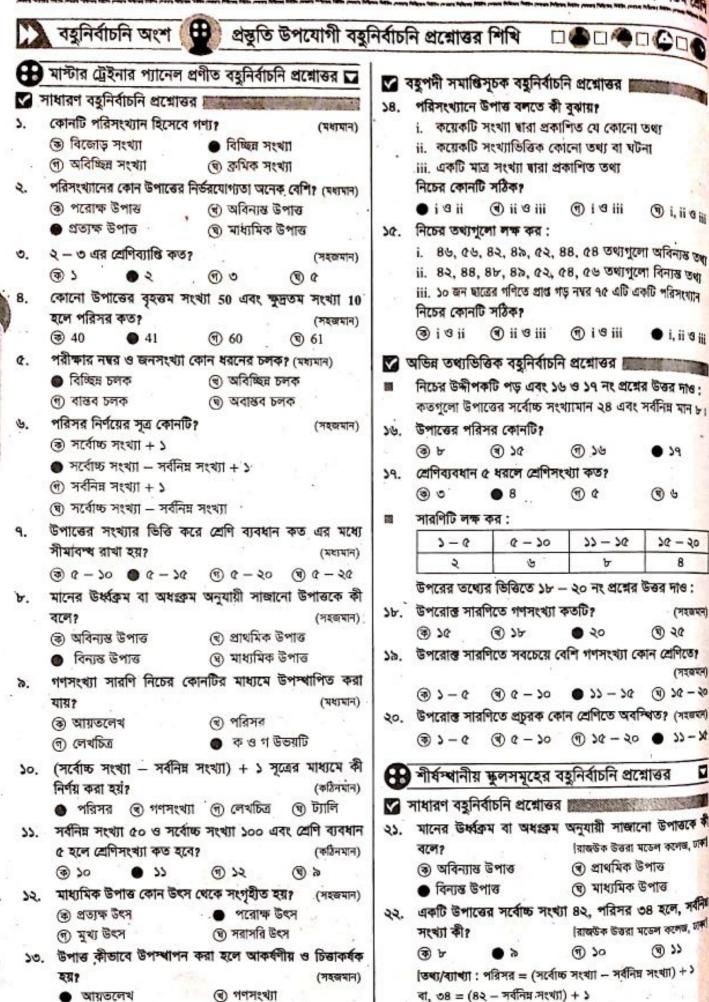
७৯, ८४, २२, २१, ७১, २२, ७१, ७४, ७४, ७४।

ক. শ্রেণিসংখ্যা নির্ণয়ের সূত্র লেখ। খ. একটি গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর। 🚄 গ. তথাপুলোকে একটি আয়তলেখের মাধ্যমে উপস্থাপন করে সেখনে থেকে প্রচরক নির্ণয় কর।

প্র অজিভরেখা

পণসংখ্যা সারণি

∴ সর্বনিয় সংখ্যা = 8২ + ১ - ৩8 = ৯ ।



বাহ্ন রহমান রেডিও থেকে আবহাওয়া সম্পর্কিত তা বাহ্ন। এ তথ্যটি কোন ধরনের উপাতঃ	And the party of t
প্রাপুর ব্রাপ্ত তথাটি কোন ধরনের উপাত্ত?	ত সর্বোচ্চ সংখ্যা ১০৮ এবং সর্বনিয় সংখ্যা ৭৯ এবং শ্রেণিব্যাপ্তি ৬
আইডিয়াল ছল আহ কলে স্পান	হলে, শ্রেণিসংখ্যা কন্ত হবে? [ঢাকা রেসিডেনসিয়াল মডেল কলেল, ঢাকা
- সাধামিত্র ভাগতি	® 8 ® 8
्राधिक है। जिल्लाहरू कि का का का कि का	(T) 4
্তি অনে । বুলিব্যাতি কত? (১) শ্রেণির শ্রেণিব্যাতি কত?	ভিষ্য/ব্যাশ্যা : ফেণিসংখ্যা = $\frac{পরিসর}{ফেণিব্যাত্তি = \frac{(30b - 9a) + 3}{6} = \frac{60}{6} = 0$ ।
ß. ৪৯-৫০ এড কলেজ, তাহ	ZIMANIA CZIMANIA
(8 (s) (a) os (a) yo	00. CALL B. IICAN - ICAN - ICAN
ে তুল্লিপুলোর প্রচুরক কত? ।ভিকার্ননিমা নুন মুল এড কপেল, চাব	্রার্ডক উত্তরা মডেল কলেনা, ঢাকা।
• 2V • • • • • • • • • • • • • • • • • •	® 2 ® 0
⊕ ∞	ভিধ্য/ব্যাখ্যা : শ্ৰেণি সংখ্যা - (সূৰ্বোচ্চ মান – সৰ্বনিয় মান) + ১
ভিশা/ব্যাখ্যা : উপাতপুলোর মধ্যে ২৮ আছে সর্বাধিক ২ বার।	■ 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
् क्रिक् रुष्ट ।]	$= \frac{(3(3+4)+3)}{(3(3+4)+3)} = \frac{6}{3(3+3)} = \frac{6}{3(3+3)} = 0.48 \approx 81$
৬, ৬০ – ৭০ শ্রেণির মধ্যবিন্দু কত?	1 2
 জনমন্ত্রী ক্যাটনমেট পাবলিক স্কুল, ঢাকা; বগুড়া ক্যান্টনমেট পাবলিক স্কুল, বগু 	৩৫. উৎস হতে সরাসরি যে উপাঠ সংগৃহীত হয় তাকে কী বলে?
⊛ ୫୦ ଐ ৬৪ ● ৬৫ ଐ ৭০	ণুড়া শুরীদ বীর উত্তম লেঃ আনোবার গার্পস কলেজ, ঢাকা; 🔻 ভোলা সরকারি উচ্চ বিদ্যালয়, ভোলা; বুদনা ফিলা হুল, খুদনা॥
ভ্ৰম/বাখা : ৬০ – ৭০ শ্ৰেণির মধ্যবিদ্ = <mark>৬০ + ৭০ ২ ৩০</mark> = ৬৫	। 📵 প্রত্যক্ষ উপাত্ত 🔞 পরোক্ষ উপাত্ত
ু ৫১ – ৬০ এর শ্রেণিব্যান্তি কত?	৩৬. সংবাদপত্র থেকে প্রাপ্ত তথ্য কী ধরনের উপাত?
আদমজী ক্যান্টন্মেট পাবলিক স্কুল, চা	
⊕ 77 ● 70 ④ 9 ⊕ A	মণ্ডিঞ্জিল সরকারি বালক উচ্চ বিন্যাপয়, ঢাকা)
ভিষা/বাখা : ৫১ – ৬০ শ্রেণির শ্রেণিব্যাপ্তি = (৬০ – ৫১) + ১	 প্রাথমিক মাধ্যমিক
100, = 7 + 4 = 100, = 7 + 4 =	পরাসরি তি পরিসংখান
	তব: ৩৭. গণসংখ্যার মান লেখা হয়—
 সংখ্যাবাচক তথ্যসমূহকে কা বলে? আদমন্ত্রী ক্যান্টনা পাবলিক দুল, ঢাকা; ময়মনসিংহ ন্রিলা দুল, য়য়য়নসি 	
 গণিত পণিত বিজ্ঞান 	
তথ্যবিজ্ঞান তথ্যবিজ্ঞান	 প্র-অক্ষ বরাবর থ্রাকোন অক্ষ বরাবর
- C-100	 ভিষা/ব্যাখ্যা : গণসংখ্যার মান লেখা হয় y-অফ বরাবর ব
 টিভি চ্যানেল ইতে প্রাপ্ত উপাত্ত কী ধরনের উপাত্ত? আদমজী ক্যান্টনমেন্ট পাবলিক ছুল, চাব 	
 প্রাথমিক প্রাথমিক 	[সরকারি পি এন বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়, রাঞ্জাহী]
প্রাধানকপ্রাধানকপ্রাধানকপ্রাধানকপ্রাধানক	 উপাত্ত • ৩ অঙক
	0
০. কোনো উপান্তের পরিসর ২৯ এবং শ্রেণিব্যান্তি, ৫ হলে,	অর ভিষ্য/ব্যাখ্যা : পরিসংখ্যানে ব্যবহৃত সংখ্যাসমূহকে উপাত্ত বলে।
শ্রেণি সংখ্যা কয়টি হবে?	
রাজ্তক উত্তরা মডেল কলেজ, ঢাকা; ধানমতি গভঃ বয়েজ স্কুল, ঢা রংপুর জিলা ভূপ, রংপুর; রাজ্তক উত্তরা মডেল কলেজ, ঢ	
® € (9 8 ● ७ (9 9	●
তিখ্য/ব্যাখ্যা : শ্রেণিসংখ্যা $=$ $\frac{2h}{a}$ $=$ a .৮ বা, ৬।	 ৪০. (বৃহত্তম সংখ্যা – ক্ষুদ্রতম সংখ্যা) +১ = নিচের কোনটি? বিগুড়া ক্যাউনমেউ পাবদিক মুল ও কলেজ, বগুড়া।
⁰ . ১৮, ৭, ৮, ১৭, ৯ ও ১৩ সংখ্যাগুলোর মধ্যক ক ং ?	 প্রাক্তির ক্রিটিন কর্মন ক্র্রিট্রা ক্রিটিন ক্রিট্রালি প্রাক্তির ক্রিটিন ক্র
ভিকারুননিসা নূন মুস এড কলেম, ঢা	নকা পরিসর থি গুণসংখ্যা
③ ≽	G 31-1701
@ 50 @ 64 @	85.
হিষ্য/ব্যাখ্যা : বিনাম্ভ উপাত্ত : বি, ৮ , ৯, ১০, ১৭ ১৮	শ্রেণি ৬০-৬৯ ৭০-৭৯ ৮০-৮৯ ৯০-৯৯
	গণসংখ্যা ৫ ৮ ১২ ৩
∴ ম্ধাক = ৯+.১৩ = ১১।)	প্রচুরক শ্রেণির উচ্চসীমা কত?
২ ১ থেকে ১০ পর্যন্ত বিজ্ঞোড় সংখ্যার গড় কত?	(বগুড়া ক্যাউনমেউ পাবুদিক মুস ও কলেছ, বগুড়া)
(আইভিয়াল স্কুল আন্ত কলেজ, মতিথিল, চ	
® 0 • € · • ⊕ b · • • • • • • • • • • • • • • • • • •	(4) № 0
তিখা/ব্যাখ্যা : গড় = $\frac{3+o+a+q+b}{a} = \frac{4a}{a} = a$ া	তিখ্য/ব্যাখ্যা : প্রচুর্ক শ্রেপি (৮০ – ৮৯)
विश्वासाः गर् =	∴ এই শ্রেপির উচ্চসীমা = ৮৯।]

= (200 - 60) + 2 = 60 + 2 = 67 1]

৫৩. যে কোনো শ্রেপির সর্বোচ্চ ও সর্বনিয় মানের যোগফারে ছারা ভাগ করলে কোনটি পাওয়া যায়? াকুনিলা জিলা ছুল সুনি মধ্যমান 🕲 পরিসর 🔒 ' (ছ) উপাত্ত প্রাণ ব্যবধান (নওয়াব ফয়জুমেছা সংক্র ৬১ – ৭০ শ্রেপির মধ্যবিন্দু কত? বাদিকা উচ্চ বিদ্যালয়, কুমিলা; ববিশাল জিলা ভূল, ববিশাল) €8,0 @ 63.0 (9) 90.Q ● 50.0 তিখা/ব্যাখ্যা : ৬১ – ৭০ শ্রেণির মধ্যবিন্দু – ৬১ + ৭০ = 202 = 66.6 l) ৫৫. পরিসংখ্যানে বর্ণিত তথ্যাদি যে সংখ্যালঘুর মাধ্যমে প্রকাশ 🐅 [ब्रिशाम करनकिएए) हुन, ध्रीशह হয় এদেরকে কী বলে? পপपपप</l>पपप</l>पपपपपप<li 🕒 উপাত্ত প্রচরক প) মধ্যক শ্রেণি সংখ্যা নির্ধারণের জন্য উপাত্তের কী নির্ণয় করতে হয়। |৪টালাম কলেজিয়েট ছুল, মীরাম পরিসর ব্যবধান (ছ) শ্রেণি মান ছান সংখ্যা গণিত পরীক্ষায় প্রাপ্ত সর্বোচ্চ নম্বর ১০০ এবং সর্বনিদ্ন নম্ব চিট্টগ্রাম কলেজিয়েট ভূল, চ্টাঞ্চ ৪৫। এক্ষেত্রে পরিসর কত? (1) CC ® 80 (B) 700 0 00 |তথ্য/ব্যাখ্যা : পরিসর = (১০০ — ৪৫) + ১ = ৫৫ + ১ = ৫৬॥ ৫৮. কোনো উপাভের স্তুতম সংখ্যা ১০, বৃহত্তম সংখ্যা ৬৯ 🙉 শ্রেণিব্যাপ্তি ৫ হলে শ্রেণিসংখ্যা কত? ।১৯গ্রাম কলেজিয়েট দুল, স্কর্মা @ 30 @ 75 ভিধ্য/ব্যাব্যা : শ্রেণি সংখ্যা = পরিসর (৬৯ – ২০) + ১ শ্রেণিব্যাপ্তি = ৫ $=\frac{60}{a}=52 \text{ i}$ ৫৯. কোনো উপাত্তের বৃহত্তম সংখ্যা ৫০ এবং ক্ষুদ্রতম সংখ্যা ৬ ফা क्रियाय-करमिलायुक्त मून, क्रियार পরিসর কত? প্র ৪৬ ● 80 ® 89 88
 [তথ্য/ব্যাখ্যা : পরিসর = (বৃহত্তম সংখ্যা – কুদ্রতম) + ১ = (40 - 4) + 3 = 84 1]

৬০. পরিসংখ্যানের উপাত্ত কত প্রকার? ারু বার্ড মূল এড কলের, কিন্দী মাধ্যমিক ও উচ্চ মাধ্যমিক শিক্ষা বোর্ড, বর্মিন

২ প্রকার
 ৩ প্রকার

প্রকার (ছ

৬১. ১৮, ১২, ১৫, ১৭, ১৮, ২০, ২১ উপাত্তপুলোর প্রচুরক কতা। বি বার্ত দুল এত কলেল, ^{নিলা}

@ 26

● 2P-

@ 52

ভিষ্য/ব্যাখ্যা : ১৮, ১২, ১৫, ১৭, ১৮, ২০, ২১ উপাত্তপুলোর ^{মুখ} : ১৮ সংখ্যাটি সর্বাধিক ২ বার আছে।

্ৰ প্ৰচুৱক = ১৮।

😝 i gii . 📵 i giii

@ ii B iii

(ii V ii, i

তিখ্য/ব্যাখ্যা : পরিসর = (৮৩ – ৪২) + ১ = ৪১ + ১ = ৪২।।