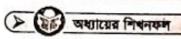




ত্রিভুজ

অনুশীলনী ৯.৩ : ত্রিভুজ অঙ্কন



অনুশীলনীটি পাঠ শেষে আমি যা জানতে পারব-

- বিভিন্ন শর্ত সাপেক্ষে ত্রিভুজ আঁকতে পারব।
- ত্রিভুজের বাহু ও কোণের পারস্পরিক সম্পর্ক ব্যবহার করে জীবনভিত্তিক সমস্যার সমাধান করতে পারব।
- ত্রিভূজের ভূমি ও উচ্চতা কী তা ব্যাখ্যা করতে পারব।
- ত্রিভুজের ভূমি ও উচ্চতা মেপে ক্ষেত্রফল পরিমাপ করতে পারব।
- একটি নির্দিষ্ট ত্রিভুজ অব্কনের প্রয়োজনীয় উপাত্তের ব্যাখ্যা করতে পারব।

শিখন অৰ্জন যাচাই

- নির্দিট ত্রিভুজ অব্কনের উপাত্তসমূহের ধারণা লাভ করব
- নির্দিট ত্রিভুক্ত অবকনের প্রয়োজনীয় উপাত ও শর্তসমূহ ১৯
- নিয়ম জেনে নির্দিট ত্রিভুজ অঙ্কন করতে পারব।

শিখন সহায়ক উপকরণ

- পাঠ্যবইয়ের ১৩৭ পৃষ্ঠার ছবি।
- ষ্কেল, পেন্সিল, পেন্সিল কম্পাস।
- পাঠ্যবইয়ের সমস্যা ও কার্যাবলি।

এক নজরে 🚳 অনুশীলনীর প্রয়োজনীয় বিষয় জেনে নিই

প্রত্যেক ত্রিভূজের ছয়টি অংশ আছে; তিনটি বাহু ও তিনটি কোণ। ত্রিভুজের এই ছয়টি অংশের কয়েকটি অপর একটি ত্রিভুজের অনুরূপ অংশের সমান হলে দুইটি ত্রিভুজ সর্বসম হতে পারে। সুতরাং কেবল ঐ অংশগুলো দেওয়া থাকলে ত্রিভুজটির আকার নির্দিট হয় এবং ত্রিভুজটি আঁকা যায়। নিচের উপাত্তগুলো জানা থাকলে একটি নির্দিষ্ট ত্রিভুক্ত সহজেই আঁকা যায়।

- তিনটি বাহু।
- দুইটি বাহু এবং এদের অন্তর্ভুক্ত কোপ।
- একটি বাহু এবং এদের সংলগ্ন দুইটি কোণ।
- দুইটি কোণ এবং এদের একটির বিপরীত বাহু।
- দুইটি বাহু এবং এদের একটি বিপরীত কোণ।
- সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ ও অপর একটি বাহু অংবা ক্ল



অনুশীলন



সেরা প্রস্তৃতির জন্য 100% সঠিক ফরম্যাট অনুসর স্বাধিক গাণিতিক সমস্যার সমাধান

শিক্ষার্থী বন্দুরা, তোমাদের সেরা প্রভৃতির জন্য এ অগ্রশে সব ধরনের গাণিতিক সমস্যা নির্ভুল সমাধান সহকারে সংযোজন করা হয়েছে। অনুশীননের স্ব্র গাণিতিক সমস্যাবলিকে অনুশীলনীর সমস্যা, সৃজনশীল অংশ, অনুশীলনমূলক কাজ এবং বহুনির্বাচনি অংশে বিভক্ত করে পাঠের ধারায় উপস্থাপন কর হয়ে

 \mathbf{Z}

অনুশীলনীর সমস্যার সমাধান



পাঠ্যবইয়ের সমস্যার সমাধান করি





😭 বহুনির্বাচনি প্রশ্নোভর

সঠিক উত্তরটির বৃত্ত (🖜) ভরাট কর :

- কোনো ত্রিভুজের দুইটি বাহু এবং এদের একটি বিপরীত কোণ দেওয়া থাকলে, সর্বাধিক কয়টি ত্রিভূজ আঁকা যাবে?
- 2
- (9) 3
- কোন ক্ষেত্রে ত্রিভূজ আঁকা সন্তব যখন তিনটি বাহুর দৈর্ঘা–
 - ③ 1 সে.মি., 2 সে.মি., 3 সে.মি.
 - 📵 3 সে.মি., 4 সে.মি., 5 সে.মি.
 - ඉ 2 সে.মি., 4 সে.মি., 6 সে.মি.
 - 🕲 3 সে.মি., 4 সে.মি., 7 সে.মি.

ভিখ্য/ব্যাখ্যা : ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর সমষ্টি এর ভৃতীয় বাহু অপেকা বৃহত্তর।

এখানে, 3 সে. মি. + 4 সে. মি. = 7 সে. মি. > 5 সে. মি. ।)

- । i. একটি ত্রিভুজের দুইটি বাহু এবং তাদের সতর্ব ে দেওয়া থাকলে, ত্রিভুজটি আঁকা যায়।
 - ত্রিভুজটি আঁকা যায়।
 - iii. কোনো ত্রিভুজের একাধিক স্থূলকোণ থাকতে পারে। উপরের তথ্য অনুসারে নিচের কোনটি সঠিক?
 - (i, ii ei i e ii ii e ii M i Siii তিখা/ব্যাখ্যা : (iii) সঠিক নয়, কারণ শুধু স্ফুলকোণী ত্রিভুক্তের স্থূলকোণ থাকে এবং যেকোনো ত্রিভুজের একাধিক সৃ**ন্ধকোণ ^{বর্ণ}**
- ত্রিভুজের বাহু তিনটির দৈর্ঘ্যের সমন্টিকে কি বর্গে? 81 পরিশীর্য
 - ক ক্ষেত্রফলক আয়তন প্রি দৈর্ঘ্য
 - ত্রিভুজের অন্তঃস্থ কোণ কয়টি?

🕲 2টি তিখ্য/ব্যাখ্যা : ত্রিভুজের তিনটি পীর্ঘবিন্দুতে তিনটি অবঃশ্ব কোশ ধর্ণ

সমবাৰু ডিউতে @ 30° তিখা/ব্যাখা: 3

180° 41, 60° একটি সমকোৰ্ট

কৰ্ত ডিগ্ৰী? • 30° তিহা/ব্যাখ্যা : ব

নিচের চিত্র অ

c কিনুতে B কোণের সমান ∠ABC

ভিষ্য/ব্যাখ্যা : সুতরাং C বিং

ZCAD ST

্তিখ্য/ব্যাখ্যা

কোল উহপর ?

entra. ABI

ZCAD BE : ∠CAD

গাণিতিক ১০। একটি ত্রিভূ

জাক। (ক) 3 সে, মি.,

সমাধান:

3 CM, FR.

মনে করি, মি. এবং र्व ।

वस्कन:

(১) যেবে কেটে

(4) BC ব্যাস

जारि (0) A. F

আিত

সমবাহু ত্রিভুজের প্রত্যেকটি কোপ কত ডিগ্রী?

্ব। একটি সমকোপী ত্রিভূজের একটি কোপ 60° হলে অপর কোপটি কত ডিগ্রী?

নিচের চিত্র অনুসারে ৮ ও ৯ নম্বর প্রশ্নের উত্তর দাও :



 ৮। C বিলুতে BA রেখার সমান্তরাল রেখা আঁকতে হলে, কোন কোণের সমান কোপ আঁকতে হবে?

১। ZCAD এর সমান নিচের কোনটি?

∠ABC + ∠ACB

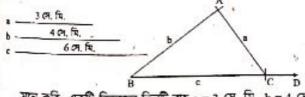
:. ZCAD - ZABC + ZACB.]

🕅 গাণিতিক সমস্যার সমাধান

 একটি ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁক।

(ক) 3 সে. মি., 4 সে. মি ও 6 সে. মি.

সমাধান :



মনে করি, একটি ত্রিভুজের তিনটি বাহু a = 3 সে. মি., b = 4 সে. মি. এবং c = 6 সে. মি. দেওয়া আছে। একটি ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

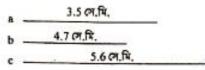
অঙ্কন :

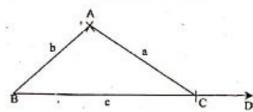
(২) যেকোনো বিশ্ব BD হতে c-এর সমান করে BC অংশ কেটে নেই।

(২) BC রেখার B ও C বিন্দু হতে যথাক্রমে b ও a এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে BC রেখার একই পাশে নুইটি বৃভচাপ আঁকি। বৃভচাপ দুইটি পরস্পর A বিন্দৃতে ছেদ করেছে।

(৩) A, B এবং A, C যোগ করি। তাহলে △ABC-ই উদ্দিউ ত্রিভুক্ত (খ) 3·5 সে. মি., 4·7 সে. মি. ও 5·6 সে. মি.।

সমাধান:



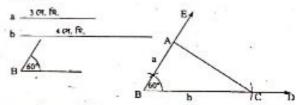


মনে করি, একটি ত্রিভুজের তিনটি বাহু যথাক্রমে a = 3.5 সে.
মি. b = 4.7 সে. মি. এবং c = 5.6 সে. মি. দেওয়া আছে।
ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অক্কন

- (১) যেকোনো রশ্মি BD নেই।
- (২) BD হতে e-এর সমান করে BC অংশ কেটে নেই।
- (৩) এখন B ও C-কে কেন্দ্র করে যথাক্রমে b ও a এর সমান ব্যাসার্থ নিয়ে BC রেখার একই পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। মনে করি, বৃত্তচাপ দুইটি পরস্পরকে A বিন্দৃতে ছেদ করে।
- (৪) এখন A, C এবং A, B যোগ করি।তাহলে ABC-ই উদ্দিন্ট ত্রিভুজ।
- একটি ব্রিভূজের দুইটি বাহু ও এদের অন্তর্ভুক্ত কোণ দেওয়া
 আছে। ত্রিভূজটি আঁক।
- (ক) 3 সে. মি., 4 সে. মি., 60°।

সমাধান :



মনে করি, একটি ত্রিভূজের দুইটি বাহু যথাক্রমে a = 3 সে. যি. ও b = 4 সে. মি. এবং তাদের অন্তর্ভুক্ত কোণ ∠B = 60° দেওয়া আছে। ত্রিভূজটি আঁকতে হবে।

অৰকন :

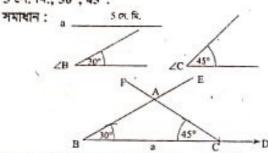
- (১) যেকোনো রশ্মি BD হতে b এর সমান করে BC অংশ কেটে নেই।
- (২) BC রেখাংশের B বিশুতে প্রদত ∠B এর সমান করে -∠CBE আঁকি। BE হতে a এর সমান করে BA অংশ কেটে নেই। A, C যোগ করি। তাহলে △ABC-ই নির্ণেয় অিছুজ।

B 45° B C D

মনে করি, একটি ত্রিভূজের দুইটি বাহুর দৈর্ঘা যথাক্রমে a=3.8 সে, মি, ও b=4.7 সে,মি, এবং তাদের অন্তর্ভুক্ত কোণ $\angle B=4.5^\circ$ দেওয়া আছে। ত্রিভূজটি আঁকতে হবে।

জকন:

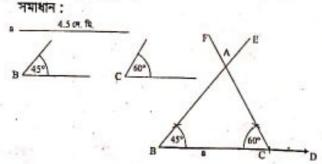
- (১) যে কোন রশ্মি BD হতে b এর সমান করে BC অংশ কেটে নেই।
- (২) BC রেখাংশের B বিন্দৃতে প্রদত ∠B এর সমান করে
 ∠CBE আঁকি।
- (৩) BE হতে BA = a কেটে নেই।
- (8) A, C যোগ করি। তাহলে Δ ABC-ই নির্ণেয় ত্রিভুক্ত।
- ১২। একটি ত্রিভুজের একটি বাহু ও এর সংলগ্ধ দুইটি কোণ দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁক।
- (주) 5 (커. 위., 30°, 45°.



মনে করি, একটি ত্রিভূজের একটি বাহু a=5 সে, মি, এবং এর সংলগ্ন দুইটি কোণ $\angle B=30^\circ$ ও $\angle C=45^\circ$ দেওয়া আছে। ত্রিভূজটি আঁকতে হবে।

অঙকন :

- (১) যে কোন রশ্মি BD হতে a এর সমান করে BC অংশ কেটে নেই।
- (২) BC রেখাংশের B ও C বিন্দৃতে ∠B ও ∠C এর সমান করে যথাক্রমে ∠CBE ও ∠BCF আঁকি ৷ BE ও CF রশ্মিছয় পরস্পরকে Λ বিন্দৃতে ছেদ করে ৷ তাহলে, Δ ABC-ই নির্ণেয় ত্রিভুজ ৷
- (박) 4.5 (편. 14, 45°, 60°)



মনে করি, ত্রিভুজের একটি বাহু n = 4·5 সে. মি. এবং জ্ব সংলগ্য দুইটি কোণ ∠B = 45° ও ∠C = 60° দেজ্য আছে। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অক্কন :

- (১) যেকোনো রশ্মি BD হতে n-এর সমান করে BC ছল কেটে নিই।
- (২) BC রেখাংশের B ও C বিপুতে ∠B ও ∠C এর সম্ব করে খণাক্রমে ∠CBE ও ∠BCF আঁকি। BE ও Q রিশ্রিছা পরস্পরকে ∧ বিন্দৃতে ছেদ করে। তাহলে ∧ ABC ই নির্দেশ্য গ্রিছয়।
- ১৩। একটি ত্রিভূঞ্জের দুইটি কোণ ও প্রথম কোণের বিপরীত ক্র্ দেওয়া আছে। ত্রিভূঞ্জটি আঁক।
- (本) 120°, 30°, 5 年, 年.

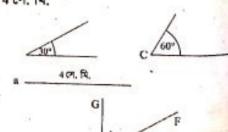
সমাধান : a G F A E T20°30°1

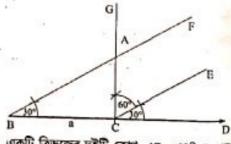
মনে করি, একটি ত্রিভুজের দুইটি কোণ যথাক্রমে $\angle A = 120^{\circ}$ ও $\angle B = 30^{\circ}$ এবং $\angle A$ এর বিপরীত বাহু a = 5 সে, মি দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অধ্কন :

- (১) যে কোনো রশ্মি BD হতে a এর সমান করে BC অল কেটে নেই।
- (২) BC রেখাংশের B ও C বিন্দৃতে ∠B-এর সমান করে
 যথাক্রমে ∠CBF এবং ∠DCE আঁকি।
- (৩) এখন C বিন্দুতে ∠ECG = ∠A আঁকি। CG রেখা, BF-জে A বিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে, Δ ABC-ই নির্দেয় ত্রিভুজ।
- (박) 60°, 30°, 4 লে. মি.

সমাধান:

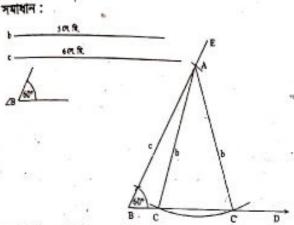




মনে করি, একটি ত্রিভুজের দুইটি কোণ ∠C = 60° ও ∠B = 30° এবং ∠C এর বিপরীত বাহু a = 4 সে. মি. দেওয়া আহি। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

ভাৰতন :

- (১) বে কোন রশ্মি BD হতে a এর সমান করে BC অংশ কেটে নেই।
- (২) BC রেখার B ও C বিন্দৃতে ∠B এর সমান করে যথাক্রমে ∠CBF ও ∠DCE আঁকি।
- ৩) এখন C বিন্দৃতে ∠C এর সমান করে ∠ECG আঁকি। CG রেখা BF-কে A বিন্দৃতে ছেদ করে। তাহলে Δ ABC-ই নির্দেয় ক্রিভুজ।
- ১৪। একটি ত্রিভূজের দুইটি বাহু ও প্রথম বাহুর বিপরীত কোপ দেওয়া আছে। ত্রিভূজটি আঁক।
- (ক) 5 সে. মি., 6 সে. মি., 60°



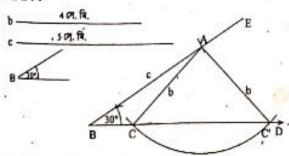
মনে করি, একটি ত্রিভুজের দুইটি বাহু b=5 সে. মি., c=6 সে. মি. এবং b বাহুর বিপরীত কোণ $\angle B=60^\circ$ দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অভকন :

- (১) যে-কোন রশ্মি BD আঁকি।
- (২) B বিন্দৃতে ∠B-এর সমান করে ∠DBE আঁকি া
- (৩), BE রেখা থেকে c এর সমান করে BA অংশ কেটে নেই।
- (8) এখন A বিন্দুকে কেন্দ্র করে b এর দৈর্ঘ্যের সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি BD রশ্মিকে C ও C' বিন্দুতে ছেদ করে।
- (৫) A, C এবং A, C' যোগ করি। তাহলে, Δ ABC এবং Δ ABC'-ই উদ্দিশ্ট ত্রিভুঞ।

(খ) 4 সে. মি., 5 সে. মি., 30°

শ্মাধান :

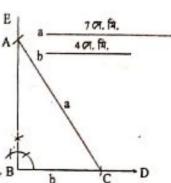


মনে করি, একটি ত্রিভূজের দুইটি বাহুর দৈর্ঘ্য যথক্তমে b = 4
সে. মি. ও c = 5 সে. মি. এবং b বাহুর বিপরীত কোগ
∠B = 30° দেওয়া আছে। ত্রিভূজটি আঁকতে হবে।

अकम

- (১) যে কোন নশ্ম BD আকি।
- (२) B विष्पुरङ ∠D अत गमान करत ∠DBE थाँकि।
- (৩) BE হতে C এর সমান করে BA অংশ কেটে নেই।
- (৪) এখন ∧ বিন্দুকে কেন্দ্র করে ৮ এর সমান ব্যাসার্থ নিয়ে একটি বৃষ্ঠচাপ আঁকি। বৃষ্ঠচাপটি BD কে C ও C' বিশ্বতে ছেদ করে।
- (৫) A, C এবং A, C' যোগ করি। তাহলে Δ ABC এবং Δ ABC ই নির্ণেয় তিতুল।
- ১৫। একটি সমকোণী ক্রিভুজের অভিভূজ ও অপর একটি বাহুর দৈর্ঘ্য দেওয়া আছে। ক্রিভুজটি জাঁক।
- (ক) 7 সে. মি., 4 সে. মি.

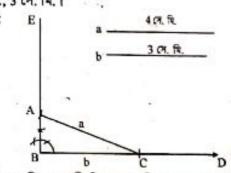
সমাধান : মনে করি, একটি সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুঞ a = 7 সে. মি. এবং অপর একটি বাহু b = 4 সে. মি. দেওয়া আছে। ত্রিভুঞ্জটি আঁকতে হবে।



S.

ভাষকন

- (১) যেকোনো রশ্মি BD হতে b-এর সমান করে BC অংশ কেটে নেই।
- , (২) BC রেখার B বিন্দুতে BE লম্ব জাঁকি।
 - (৩) এখন C কে কেন্দ্র করে a-এর সমান করে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা BE-কে A বিন্দুতে ছেদ করে।
 - (৪) A, C যোগ করি। তাহলে △ ABC-ই নির্ণেয় সমকোণী ত্রিভূজ।
- (খ) 4 সে. মি., 3 সে. মি.।



মনে করি, একটি সমকোণী ত্রিভুজের অতিভূজ a = 4 সে. মি. এবং অপর একটি বাহু b = 3 সে. মি. দেওয়া আছে। ত্রিভূজটি আঁকতে হবে।

অৰকন :

- (১) যেকোনো রশা BD থেকে b-এর সমান করে BC অংশ কেটে নেই।
- (২) BC রেখার B বিন্দৃতে BE লয় আঁকি।
- ত কে কেন্দ্র করে a-এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি
 ব্রচাপ আঁকি যা BE কে A বিন্দুতে ছেদ করে।
- (8) A, C যোগ করি। তাহলে, Δ ABC-ই নির্দিউ ত্রিভুঞ্জ।

স্থাধান : E a 50% कि

মনে করি, একটি সমকোণী ত্রিভুজের একটি নির্দিষ্ট বাহুর দৈর্ঘ্য a = 5 সে. মি. এবং একটি সৃহ্মকোণ ∠C = 45° দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অঞ্চল :

- (১) যেকোনো রশ্যি BD থেকে a-এর সমান করে BC অংশ কেটে নেই।
- (২) BC রেখার B বিন্দৃতে BE লম্ব আঁকি।
- (৩) C বিশুতে ∠C এর সমান করে ∠BCA আঁকি।
- (৪) CA রেখা BE রেখাকে A বিন্দুতে হেদ করে। তাহদে Δ ABC-ই উদ্দিট ত্রিভুজ।

😚 সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

্রপ্রস্থার একই সরলরেখার অবন্ধিত নয় এমন তিনটি বিন্দ্ A, B ও C.

্মে হ'ত। ক. বিন্দু তিনটি দিয়ে একটি ত্রিভুঞ্জ আঁক। ব' অভিক্রত তিন্দাকর সীর্মানিক প্রেক ভিন্দাকর

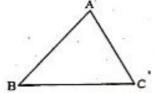
থ. অঞ্চিত ত্রিভূজের শীর্ষবিন্দু থেকে ভূমির ওপর লছ আঁক।

গ. অঞ্চিত ত্রিভূজের ভূমি যে সমকোণী সমন্বিবাহু ত্রিভূজের

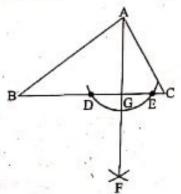
অতিভূজ হয়, ঐ ত্রিভূজটি আঁক।

🖴 ১৭নং প্রশ্নের সমাধান 😂

☑ একই সরলরেখায় অবস্থিত নয় এমন তিনটি বিন্দু A, B ও C দিয়ে ABC ত্রিভ্রন্থ আঁকা হলো।

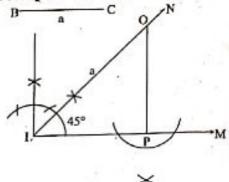


মনে করি, ABC একটি ত্রিভুজ। এর শীর্যবিন্দু A থেকে ভূমি BC
এর উপর লম্ব আঁকতে হবে।



অক্স

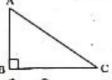
- (১) ABC ত্রিভূজের শীর্ষবিন্দু A কে কেন্দ্র করে সুবিধামতো ব্যানার ব একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা ভূমি BC কে D ও E বিন্দৃতে ছেদ করে।
- (২) D ও E কে কেন্দ্র করে একই ব্যাসার্থ নিয়ে BC এর যে পাশে বিন্দু আছে তার বিপরীত পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপ পরস্পর F বিন্দৃতে ছেদ করে।
- (৩) A. F যোগ করি। AF রেখাংশ BC কে G বিন্দুতে ছেন করে, তাহদে AG-ই হলো ভূমি BC এর উপর লম্ব।
- 🕡 মনে করি, একটি সমকোণী সমহিবাহু ত্রিভুজের অতিভূত্ত 🖘 🦖 দেওয়া আছে। ত্রিভূজটি আঁকতে হবে।



অভ্কন:

- (১) যেকোনো রশ্মি LM এর L বিন্দৃতে ∠MLN = 45° আঁকি।
- (২) LN হতে a এর সমান করে LO নিই।
- (৩) O হতে LM এর উপর OP লয় আঁকি। তাহলে ∆ LOP-ই উদ্দিউ ত্রিভুজ।

অম 7৮



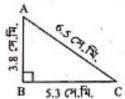
ক, সঠিক পরিমাপে ABC ত্রিভূজটি আঁক।

খ, অতিভূজের পরিমাণ সেন্টিমিটারে নির্ণায় কর এর ∠ACB এর সমান করে একটি কোণ আঁক।

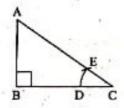
গ. একটি সমকোণী ত্রিভূজ আঁক, যার অতিভূজ চিত্র অঞ্চিত ত্রিভূজের অতিভূজ অপেকা 2 সে.মি. বড় বর্ম একটি কোণ, ∠ACB এর সমান হয়।

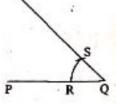
🕽 ১৮নং প্রশ্নের সমাধান 🗬

শঠিক পরিমাপে ABC ত্রিভুজটি আঁকা হলো :



চিত্রের ABC ত্রিভুজের অতিভুক্ত AC। সেন্টিমিটার ছেলে
 এর দৈর্ঘ্য মেপে পাই 6.5 সে. মি.।

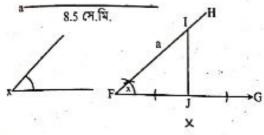






(১) ^{যেকোনো রশ্মি PQ নিই}।

- ্র) _{এইন C} কে কেন্দ্র করে যেকোনো ব্যাসার্থ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ অকি যা ∠C এর রশ্মিপুলোকে D ও E বিন্দুতে ছেদ করে।
- (৩) একই ব্যাসার্ধ নিয়ে Q কে কেন্দ্র করে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা PQ রশ্মিটিকে R বিন্দুতে ছেদ করে।
- (8) R কেন্দ্র করে DE এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে আরেকটি বৃত্তচাপ আঁকি। এ বৃত্তচাপটি আগের বৃত্তচাপকে S বিন্দুতে ছেদ করে।
- (e) Q. S যোগ করে বর্ধিত করি। ফলে ∠PQS তৈরি হলো। ∠PQS এর মান ∠ACB এর সমান।
- মনে করি, একটি সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ a = (AC + 2) নেমি. = (6.5 + 2) সে.মি. = 8.5 সে.মি. এবং একটি কোণ 🗷 = 🗸 ACB দেওয়া আছে। ত্রিভূজটি আঁকতে হবে।



वस्त्रन :

- (১) যেকোনো রশ্মি FG নিই।
- (২) FG এর F বিন্দুতে ∠GFH = ∠x আঁকি: GH থেকে a এর সমান করে F1 নিই।
- (c) । হতে FG এর উপর IJ লম্ব আঁকি । রহদে ∆FJI-ই উদ্দিস্ট ত্রিভুজ।

বির 💫 একটি বিভূজের দুইটি বাহু a – 3 সে. মি., b = 4 সে. মি. এবং একটি কোণ ∠B = 30°.



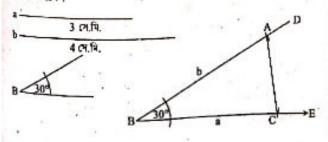
- ই. ∠B এর সমান একটি কোণ আঁক।
- খ, একটি ত্রিভুক্ত আঁক, যার দুই বাহু a ও b এর সমান এবং অন্তর্ভুক্ত কোণ ∠B এর সমান হয়।
- গ. এমন একটি ক্রিভুঞ আঁক, যার একটি বাহু b এবং ∠B এর বিপরীত বাহু 2a হয়।

😂 ১৯নং প্রশ্নের সমাধান 😋

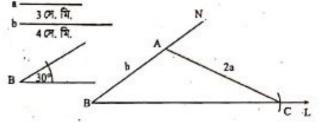
☑ ∠B = 30° এর সমান করে ZABC অঙ্কন করা হলো।



🔁 মনে করি, একটি ত্রিভুজের দুইটি বাহু a = 3 সে,মি, ও b = 4 সে.মি. এবং এদের অন্তর্ভুক্ত কোণ ∠B = 30° দেওায়া আছে। ত্রিভূজটি থাকতে হবে।



- (১) যেকোনো রশ্মি BE থেকে BC = a অংশ কেটে নিই।
- (২) BC এর B বিন্দুতে ∠B কোণ এর সমান করে ∠EBD অব্দন कति।
- (৩) BD থেকে b এর সমান করে AB অংশ কেটে নিই।
- (8) A, C যোগ করি। তাহলে Δ ABC-ই উন্দিট ত্রিভূজ।
- 🕡 মনে করি, একটি ক্রিচুজের দুইটি বাছু 2a = 2 × 3 সে.মি. = 6 সে.মি. ও b = 4 সে.মি. এবং 2a বাহুর বিপরীত ∠B = 30° দেওয়া আছে। ত্রিভূজটি আঁকতে হবে।



- (১) যেকোনো রশ্যি BL এর B বিন্দুতে ∠LBN =∠B আঁকি।
- (২) BN থেকে BA = b কেটে নিই ৷
- (৩) A বিন্দুকে কেন্দ্র করে 2a এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি BL কে C বিন্দুতে ছেদ করে।
- (8) A, C যোগ করি। তাহলে ∆ ABC নির্ণেয় ত্রিভুজ।

্রপ্রন্ন ২০ একটি ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য a = 4 সে:মি., b = 5 সে.মি., c = 6 সে.মি.।



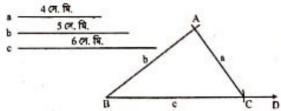
- 📭 ক. একটি সমবাহু ত্রিভূজ অঞ্চন কর।
 - ত্রিভূজটি অব্দন কর। (অব্দনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যক)
 - গ, এমন একটি সমকোণী ত্রিভুজ অঞ্চন কর যেন সমকোণ সংশগ্ন বাহুময় a ও b এর সমান হয়। (অঞ্চনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যক)

😂 ২০নং প্রশ্নের সমাধান 😂

🔯 চিত্ৰে ABC একটি সমবাহু ত্ৰিভুজ।

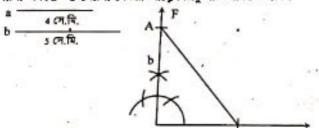


🔁 মনে করি, একটি ত্রিভূজের তিনটি বাহু a = 4 সে. মি., b = 5 সে. মি. এবং c = 6 সে. মি. দেওয়া আছে । ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।



- (১) যে কোনো রশ্মি BD হতে c-এর সমান করে BC অংশ কেটে
- (২) BC রেখার B ও C বিন্দুকে কেন্দ্র করে যথক্রেমে b ও a এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে BC রেখার একই পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপ দুইটি পরম্পর A বিন্দুতে ছেদ করেছে।
- (৩) A, B এবং A, C যোগ করি। তাহলে ∆ ABC-ই উদ্দিশ্ট ত্রিভুজ।

 মনে করি, একটি সমকোণী ক্রিভুজের সমকোণ সংলগ্ন বাহুছয় a = 4 সে.মি. এবং b = 5 সে.মি. দেওয়া আছে। ব্রিকুজটি আঁকতে হবে।



অঞ্চন :

- (১) যেকোনো রশ্মি BE থেকে a এর সমান করে BC নিই।
- (২) BC এর B বিন্দুতে BF লছ আঁকি।
- (৩) BF থেকে b সমান করে BA অংশ কাটি। A, C যোগ করি। তাহলে ∆ ABC-ই উদ্দিউ ত্রিভুজ।

্রপ্রার্থ AB ও CD দুইটি সমান্তরাল সরলরেখা। PQ রেখাটি AB ওঁ CD রেখাকে যথক্রমে E ও F বিন্দৃতে ছেদ করেছে।



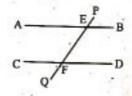
ক. বর্ণনা অনুযায়ী চিত্র অঙ্কন কর।

খ. দেখাও যে, ∠AEP = ∠CFE

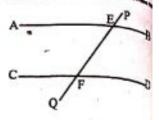
গ. দেখাও যে, ∠AEF+∠CFE=২ সমকোণ।

😂 ২১নং প্রশ্নের সমাধান 😂

টিতে AB ও CD দুইটি সমান্তরাল সরলরেখা। PQ রেখাটি AB ও CD রেখাকে যথক্রেমে E ও F বিন্দুতে ছেদ করেছে।



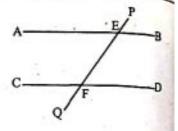
😰 মনে করি, AB || CD এবং PO 使环本 AB · CD (本 যথক্রমে E ও F বিন্দুতে ছেদ করেছে। প্রমাণ করতে হবে যে, ZAEP = ZCFE:



वमार्ग :

यथार्थछा
বিপ্রতীপ কোণছয় পরস্পর স্থান
সিমান্তরাল রেখার সংজানুস্ত
একান্তর কোণ সমান

🕡 মনে করি, AB || CD এবং PQ ছেদক AB ও CD কে যথাকমে E ও F বিন্দুতে ছেদ করেছে। দেখাতে হবে যে, ∠AEF + ∠CFE = 2 সমকোপ।

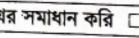


প্রমাণ:

ধাপ	यधार्थठा
(২) ∠CFE + ∠DFE = ২ সমকোণ	[সমান্তরাল রেখার সংজানুসরে একান্তর কোণ সমান] [সরলকোণ উপপাদ্য]
(प्रशंसा श्ला)	



প্রস্তুতি উপযোগী সৃজনশীল প্রশ্নের সমাধান করি 🗆 🚳 🗆 🍣 🗆 😂 🕬





😚 মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রণীত সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান 🔽

শিখনফল : বিভিন্ন শর্ত সাপেক্ষে ত্রিভুজ আঁকতে হবে।

্রপ্রস্ক ১ | একটি ত্রিভূজের দূটি বাহু a = 4 সে.মি. এবং b = 5 সে.মি. এবং একটি কোণ ∠B = 30°.

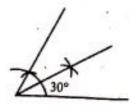
 ক. চাঁদা ব্যবহার না করে ∠B এর সমান করে একটি কোণ আঁক ৷

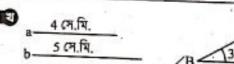
খ. এমন একটি গ্রিভুজ আঁক, যার একটি বাহু b এবং ∠B এর বিপরীত বাহু a হয়। (চিত্রের অঞ্জনের বিবরণ

গ. এমন একটি সমকোণী ত্রিভুজ আঁক, যার একটি বাহু b এবং একটি সৃষ্ণকোণ ∠B এর সমান হয়। (চিত্রের অধ্কনের বিবরণ আবশ্যক)

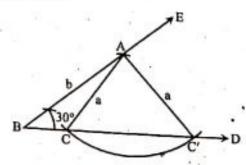
😂 ১নং প্রশ্নের সমাধান 😋

ঠাদা ব্যবহার না করে ∠B = 30° এর সমান করে একটি কোণ তকন করা হলো–





মনে করি, একটি ত্রিভুজের একটি বাহু b = 5 সে.মি., একটি কৌ ∠B = 30° এবং ∠B এর বিপরীত বাহু a = 4 সে.মি. দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।



অঙ্কন :

- (১) যেকোনো রশ্মি BD নিই।
- (২) B বিন্দুতে ∠B এর সমান ∠DBE আঁকি
- (৩) BE রশ্মি থেকে b এর সমান BA নিই। এখন, A কে কেন্দ্র করে a এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে BD রেখার উপ একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি BD রেখাকে C ও C' বিন্দুতে 🕅 করে। Α, C এবং Α, C' যোগ করি। তাহলে, ΔΑΒC এবং ΔΑΒ^{C'} ই উদ্দিশ্ট ত্রিভুজ।

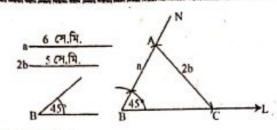
(১) যে কোনো রেখা BD হতে a এর সমান করে BC অংশ কেটে নিই।

(২) BC রেখাংশের B ও C বিন্দৃতে ∠B এর সমান করে যথাক্রমে ∠CBF এবং ∠DCE আঁকি।

(৩) এখন C বিন্দুতে ∠A এর সমান করে ∠ECG আঁকি। CG রেখা, BF কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

ভাহণে, Δ ABC-ই উদিন্ট ত্রিভুঞ্জ।

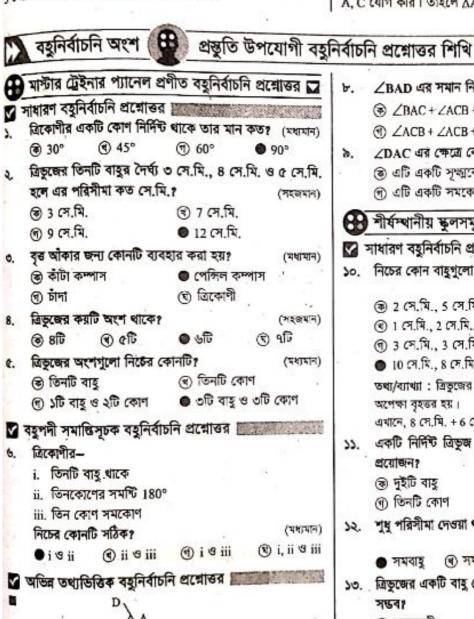
মনে করি, একটি ত্রিভুজের একটি বাহু n = 6 সে.মি., একটি কোণ ∠B = 45° এবং ∠B এর বিপরীত বাহু 2b = 2 × 2.5 সে.মি. বা 5 সে.মি. দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।



অব্কনের বিবরণ :

- (১) যেকোনো রশ্মি BL এর B বিন্দৃতে ∠B এর সমান করে ∠LBN আঁকি।
- (২) BN থেকে BA a কেটে নিই।
- (৩) A বিন্দৃকে কেন্দ্র করে 2h = 5 সে.মি. এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে BL রেখার উপর একটি বৃত্তচাপ আঁকি। বৃত্তচাপটি BL কে C বিন্দৃতে ছেদ করে।

Λ, C যোগ করি। তাহলে ΔΑΒC ই উদ্দিউ ত্রিভুজ।



উপরের চিত্র অনুসারে ৭ – ৯ নং প্রব্লের উন্তর দাও :

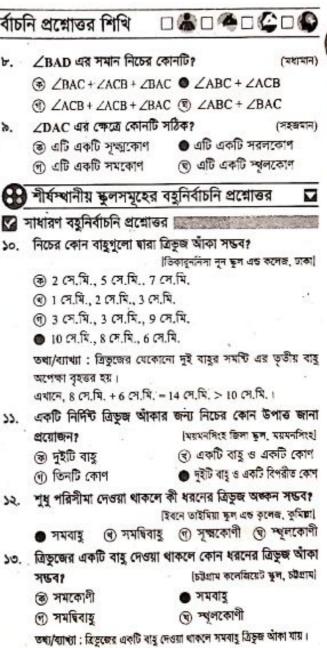
B বিন্দু হতে AC এর সমান্তরাল রেখা আঁকতে হলে—

কোন কোণের সমান কোণ আঁকতে হবে?

✓ ABC ✓ ∠BAD

(কঠিনমান)

◆ ∠BAC → ⑤ ∠CAD

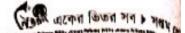


১৪. কোন ক্ষেত্রে ত্রিভূজ আঁকা সদ্ভব যখন তিনটি বাহুর দৈর্ঘ–

③ 3 সে.খি., 2 সে.খি., 1 সে.খি. ● 5 সে.খি., 4 সে.খ., 3 সে.খি.

② হে.মি., 4 সে.মি., 6 সে.মি.③ 3 সে.মি., 4 সে.মি., 7 সে.মি.

(রংপুর জিলা ভূল, রংপুর)



একটি ত্রিভুজের দৃটি বাহু যথকেমে 5 সে.মি. ও 4 সে.মি.। ত্রিভুজের 30. অপর বাহু নিচে কোনটি হতে পারে? |বাজটক উত্তরা মডেদ কলেজ, ঢাকা| ⊕ । সে.মি. ● 4 সে.মি. ⊕ 9 সে.মি.

১৬. একটি সমকোণী ব্রিভুজের কয়টি অংশ আছে?

ক্যাউনমেন্ট পাবলিক মুদ্র ও কলেজ, রংপুর

(P) 0

১৭. নিচে ত্রিভুজের তিন বাহুর দৈর্ঘ্য সে.মি.-এ দেওয়া আছে। কোন ক্ষেত্রে ত্রিভুক্ক অককন সন্ভব? |আইডিয়াল ভুল আচে কলেজ, ঘডিডিল, ঢাকা 1 2, 3, 5 ® 3, 4, 7 • 2, 3, 4

১৮. সমবাহু ত্রিভুজের কী দেওয়া থাকলে ত্রিভুজটি অঞ্জন সম্ভব যুগোর জিলা মূল, যুগোর

 একবাহু
 ভিনকোণ
 দৃটি কোণ
 একটি কোণ ১৯. একটি সমবাহু ত্রিভূজের পরিসীমা 12 সে.মি. হলে এর প্রতি বাহুর দৈর্ঘ্য কত হবে? |বীরপ্রেষ্ঠ নূর ঘোহাদ্দে পাবলিক কলেজ, ঢাকা|

③ 2 (7.)\(\bar{\Pi}\). (1) 3 (7).\(\bar{\Pi}\).
● 4 (7).\(\bar{\Pi}\).
(1) 1.2 (7).\(\bar{\Pi}\).

🗸 বহুপদী সমান্তিস্চক বহুনিবাঁচনি প্রশোভর 🔤

২০. একটি ত্ৰিভুক্ক আঁকা যায়, যখন-

সমকোণী ত্রিভুজের অভিভুজ দেওয়া থাকে

ii. দুইটি বাহু ও এর বিপরীত কোণ দেওয়া থাকে

iii. একটি বাহু ও এর সংলগ্ন দুইটি কোণ দেওয়া খাকে [क्रियाम करनकिरशेष कृत, मेह নিচের কোনটি সঠিক?

(i e iii (i) ei

|| P || •

(Lilla

একটি ত্রিভূজ আঁকার জন্য প্রয়োজন—

i. একটি বাহু ও এদের সংলগ্ন দুইটি কোণ

দুইটি কোণ ও এদের একটির বিপরীত বাহু

iii. অতিভূজ ও অপর একটি বাহু

নিচের কোনটি সঠিক? আইভিয়াল মূল আত কলেজ, মঙিধিল, ১৯

(3) i g ii

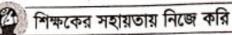
@ i @ iii

@ ji @ iii

● i, ii 4 🚌



অনুশীলনমূলক কাজের সমাধান 🏾

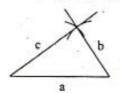




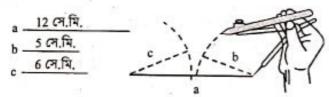
কাজ ১ 🕨 4 সে.মি., 5 সে.মি. ও 6 সে.মি. দৈর্ঘ্যের তিনটি বাহুবিশিউ একটি ত্রিভুজ আঁক। পাঠ্যবইয়ের পৃষ্ঠা-১৩৭

সমাধান:

8 (म.मि. 5 সে.মি. 6 সে.মি



কাজ ২ 🕨 12 সে.মি., 5 সে.মি. ও 6 সে.মি. দৈর্ঘ্যের তিনটি বাহুবিশিন্ট একটি ত্রিভুজ অব্কনের চেন্টা কর। বোর্ড বইয়ের পৃষ্ঠা-১৩৭ সমাধান:

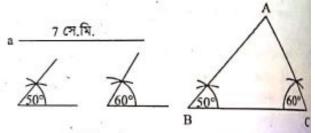


চেন্টা বিফল হয়েছে। কারণ, ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর দৈর্ঘ্যের সমণ্টি এর তৃতীয় বাহুর দৈর্ঘ্য অপেক্ষা বৃহত্তর। কিন্তু এখানে, b + c = 5 সে.মি. + 6 সে.মি.

= 11 সে.মি. < a = 12 সে.মি.।

কাজ ৩ > 7 সে.মি. দৈর্ঘ্যর বাহু ও 50° ও 60° কোণবিশিষ্ট বর্ বোর্ড বইয়ের পৃষ্ঠান্ত ত্রিভুঞ্চ আঁক।

সমাধান :



কাজ 8 Þ 6 সে.মি. দৈর্ঘ্যের বাহু ও 140° ও 70° কোপবিশিষ্ট কো ত্রিভুজ অব্বনের চেন্টা কর। তোমার চেন্টা সফল হয়েছে कि। জ ব্যাখ্যা কর। বোর্ড বইয়ের পৃষ্ঠা-১০ সমাধান:

6 (म. भि.

চেন্টা বিফল হয়েছে। কারণ, ত্রিভুজের তিন কোণের সমন্টি 180°। 🕅 এখানে প্রদত্ত দুই কোণের সমষ্টি = 140° + 70° = 210° > 180°।



সুপার সাজেশঙ্গ



মান্টার ট্রেইনার প্যানেল কর্তৃক নির্বাচিত 100% প্রভৃতি উপযোগী প্রশ্ন সংবলিত সুপার সাজেশল

প্রিয় শিক্ষার্থী, সপ্তম শ্রেণির অর্ধ-বার্ষিক ও বার্ষিক পরীক্ষার জন্য মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল কর্তৃক নির্বাচিত এ অধ্যায়ের পুরুত্বপূর্ণ বহুনির্বাচনি ও <mark>সৃষ্কর্ণ</mark> প্রশ্নসমূহ নিচে উপস্থাপন করা হলো। ১০০% প্রস্তৃতি নিশ্চিত করতে উল্লিখিত প্রশ্নসমূহের উত্তর ভালোভাবে শিখে নাও।

শিরোনাম	7 বৈ অত্যন্ত গুরুত্পূর্ণ প্রশ্ন	10 1014 1101 1101
 বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর 	এ অধ্যায়ের সংযোজিত সকল বহুনির্বাচনি প্রশোভর মুল ২. ৪	ত্রীক্রম তুলনামূলক গুরুত্পূর্ণ প্রশ্ন
 সৃজনশীল প্রশ্নোতর 	2, 8	
		5, 0

এ**জকু**সিভ টিপস ৮ সৃজনশীল প্রতিভা বিকাশ ও মেধা যাচাইয়ের লক্ষ্যে অনুশীলনী ও অন্যান্য প্রশ্নের সমাধানের পাশাপাশি এ অধ্যায়ের স্