

বীজগণিতীয় ভগ্নাংশ

অনুশীলনী ৬.১ : ভগ্নাংশ, সমতুল ভগ্নাংশ ও ভগ্নাংশের লঘুকরণ

🔎 আলোচ্য বিষয়াবলি



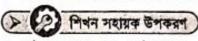
অধ্যায়ের শিখনফল

অনুশীলনীটি পাঠ শেষে আমি যা জানতে পারব—

- বীজগণিতীয় ভগ্নাংশ কী তা ব্যাখ্যা করতে পারব।
- বীঞ্চগণিতীয় ভগ্নাংশের লঘুকরণ করতে পারব।
- বীজ্রণণিতীয় ভর্মাংশের সাধারণ হরবিশিষ্টকরণ করতে পারব।
- সমতুল ভগ্নাংশ ব্যাখ্যা করতে পারব।
- বীজগণিতীয় ভগ্নাংশ সংবলিত গাণিতিক সমস্যার সমাধান করতে পারব।

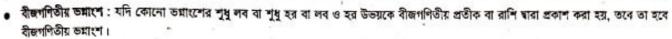
শিখন অৰ্জন যাচাই

- বীজগণিতীয় ভগাংশ সম্পর্কে ধারণা লাভ করব।
- কোনো ভগাংশের সমতুল ভগাংশ নির্ণয় করতে পারব।
- সাধারণ হরবশিট ভগ্নাংশে প্রকাশ করার নিয়ম জ্ঞানতে পারব।



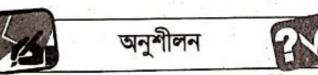
- পাঠ্যবইয়ের ৮৯ ও ৯০ পৃষ্ঠার ছবি।
- ভগাংশের লঘুকরণ ও সাধারণ হরবিশিউকরণের পোস্টার।
- পাঠ্যবইয়ের সমস্যা ও কার্যাবলি।

এক নজরে 🐼 অনুশীলনীর প্রয়োজনীয় বিষয় জেনে নিই



সমতুল ভগ্নাংশ : কোনো ভগ্নাংশের লব ও হরকে শূন্য ছাড়া একই রাশি দ্বারা গুণ বা ভাগ করলে ভগ্নাংশের মানের কোনো পরিবর্তন হয় না। একে সমতুল ভগ্নাংশ বলে।

- সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশ: একাধিক ভগ্নাংশের ক্ষেত্রে যদি প্রতিটি ভগ্নাংশের হর একই হয়, তবে ভগ্নাংশসমূহকে সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশ বলা হয়।
- সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশে প্রকাশ করার নিয়ম:
 - ✓ ভয়াংশগুলোর হরের ল,সা.গু. বের করতে হবে।
 - √ দ.সা.গু.কে প্রত্যেক ভগ্নাংশের হর দ্বারা ভাগ করে ভাগফল বের করতে হবে।
 - প্রাপ্ত ভাগফল ছারা সংশ্লিষ্ট ভগ্নাংশের লব ও হরকে গুণ করতে হবে।



সেরা প্রস্তুতির জন্য 100% সঠিক ফরম্যাট জনুসরণে সর্বাধিক গাণিতিক সমস্যার সমাধান

শিকার্ষী কম্পুরা, তোমাদের সেরা প্রস্তৃতির জন্য এ অংশে সব ধরনের গাণিতিক সমশ্যা নির্ভুল সমাধান সহকারে সংযোজন করা হয়েছে। অনুশীলনের সুবিধার্থে গার্পিতিক সমস্যাবলিকে অনুশীলনীর সমস্যা, সৃজনশীল অংশ, অনুশীলনমূলক কাজ এবং বহুনির্বাচনি অংশে বিডন্ত করে পাঠের ধারায় উপস্থাপন করা হয়েছে।

V

অনুশীলনীর সমস্যার সমাধান



পাঠ্যবইয়ের সমস্যার সমাধান করি









🤡 গাণিতিক সমস্যার সমাধান

শঘিষ্ঠ আকারে প্রকাশ কর (১ – ১০) :

সমাধান: $\frac{a^2b}{a^3c} = \frac{a^2b}{a^2 \times a \times c} = \frac{b}{ac}$

সমাধান : $\frac{x^3y^3z^3}{x^2y^2z^2}$

সমাধান: $\frac{x^2+x}{xy+y}$

नमाधान : $\frac{4a^2b}{6a^3b} = \frac{2 \times 2a^2 \times b}{3a \times 2a^2 \times b} = \frac{2}{3a}$

 $61 \frac{2a-4ab}{1-4b^2}$

সমাধান: $\frac{2a-4ab}{1-4b^2}$

 $=\frac{2a-4ab}{1-(2b)^2}=\frac{2a(1-2b)}{(1+2b)(1-2b)}=\frac{2a}{1+2b}$

 $91 \frac{2a+3b}{4a^2-9b^2}$

ं नमाधान : $\frac{2a+3b}{4a^2-9b^2}$

 $=\frac{2a+3b}{(2a)^2-(3b)^2}=\frac{(2a+3b)}{(2a+3b)(2a-3b)}=\frac{1}{2a-3b}$

 $b = \frac{a^2 + 4a + 4}{a^2 - 4}$

नमाधान: $\frac{a^2+4a+4}{a^2-4} = \frac{a^2+2a+2a+4}{a^2-4}$

 $=\frac{a(a+2)+2(a+2)}{a^2-(2)^2}=\frac{(a+2)(a+2)}{(a+2)(a-2)}=\frac{a+2}{a-2}$

 $b + \frac{x^2 - y^2}{(x+y)^2}$

লমাধান: $\frac{x^2-y^2}{(x+y)^2} = \frac{(x+y)(x-y)}{(x+y)(x+y)} = \frac{x-y}{x+y}$

 $30 \mid \frac{x^2 + 2x - 15}{x^2 + 9x + 20}$

সমাধান: $\frac{x^2 + 2x - 15}{x^2 + 9x + 20}$

 $=\frac{x^2+5x-3x-15}{x^2+5x+4x+20}=\frac{x(x+5)-3(x+5)}{x(x+5)+4(x+5)}$

 $=\frac{(x+5)(x-3)}{(x+5)(x+4)}=\frac{x-3}{x+4}.$

য় সাধারণ হরবিশিউ ভয়াংশে প্রকাশ কর (১১ – ২০):

331 Bc' ac

সমাধান : প্রদত্ত ভগ্নাংশগুলোর হর bc ও ac এর ল. সা. গু. = abc

 $\therefore \frac{a}{bc} = \frac{a \cdot a}{a \cdot bc} \quad [\because abc \div bc = a]$

 $=\frac{a^2}{abc}$

এবং $\frac{a}{ac} = \frac{b \cdot a}{b \cdot ac}$ [: abc + ac = b]

 $=\frac{ab}{abc}$

নির্ণেয় সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশ দুইটি $\frac{a^2}{abc}$, $\frac{ab}{abc}$

241 # y

সমাধান : প্রদত্ত ভয়াংশগুলোর হর pq ও qr এর ল. সা. গু. = pq

 $\therefore \frac{x}{pq} = \frac{r \cdot x}{r \cdot pq} [\because pqr + pq = r]$

 $qqt \frac{y}{pr} = \frac{q \cdot y}{q \cdot pr} [pqr + pr = q]$

নির্ণেয় সাধারণ হরবিশিউ ভগাংশ দুইটি <u>rx</u> <u>qy</u>

30 | 2x 3y

সমাধান : প্রদত্ত ভগ্নাংশগুলোর হর 3m ও 2n এর ল.সা.গু. = 6ma

এখানে, $\frac{2x}{3m} = \frac{2x \times 2n}{3m \times 2n} = \frac{4nx}{6mn}$

এবং $\frac{3y}{2n} = \frac{3y \times 3m}{2n \times 3m} = \frac{9my}{6mn}$

নির্দেয় সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশ দুইটি $\frac{4 \text{nx}}{6 \text{mn}}$, $\frac{9 \text{my}}{6 \text{mn}}$

 $38 \mid \frac{a}{a-b}, \frac{b}{a+b}$

সমাধান : প্রদত্ত ভগ্নাংশ দুইটির হর (a - b) ও (a + b) জ্ব

ল. সা. গু. = (a - b) (a + b)

এখানে, $\frac{a}{a-b} = \frac{a(a+b)}{(a-b)(a+b)} [\because \frac{(a-b)(a+b)}{(a-b)} = (a+b)]$ = $\frac{a(a+b)}{a^2-b^2}$

এবং $\frac{b}{a+b} = \frac{b(a-b)}{(a+b)(a-b)} [\cdot \cdot \frac{(a-b)(a+b)}{(a+b)} = (a-b)]$ = $\frac{b(a-b)}{a^2 + b^2}$

নির্ণেয় সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশ দুইটি = $\frac{a(a+b)}{a^2-b^2}$, $\frac{b(a-b)}{a^2-b^2}$

 $3Q + \frac{x^2}{a^2 - 2ab}, \frac{y^2}{a + 2b}$

সমাধান : ১ম ভগাংশের হর = $a^2 - 2ab = a (a - 2b)$

২য় ভগাংশের হর = a + 2b

∴ হরগুলোর ল. সা. গু. = a (a - 2b) (a + 2b)

 $\therefore \frac{x^2}{a^2 - 2ab} = \frac{x^2 (a + 2b)}{(a^2 - 2ab) (a + 2b)}$

লিব ও হরকে (a + 2b) দারা গুণ করে

 $=\frac{x^2(a+2b)}{a(a-2b)(a+2b)} = \frac{(a+2b)x^2}{a(a^2-4b^2)}$

এবং $\frac{y^2}{a+2b} = \frac{a(a-2b)y^2}{(a+2b) \times a(a-2b)}$

লিব ও হরকে a(a – 2b) ছারা গুণ করে

 $= \frac{a(a-2b) y^2}{a(a^2-4b^2)}$

নির্ণেয় সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশ দুইটি $\frac{(a+2b) x^2}{a(a^2-4b^2)}, \frac{a(a-2b) y^2}{a(a^2-4b^2)}$

স্মাধান : ১ম ভগাংশের হর = a² - 4 = a² - 2² = (a + 2) (a - 2)

২্য় ভ্যাংশের হর = a(a + 2)

হরগুলোর ল. সা. গু. = a(a + 2) (a - 2)

এখানে,
$$\frac{3}{a^2-4} = \frac{3}{(a+2)(a-2)}$$

$$= \frac{3a}{(a+2)(a-2)a}$$
 [লব ও হরকে a খারা গুণ করে]

$$=\frac{3a}{a(a^2-4)}$$

এবং $\frac{2}{a(a+2)} = \frac{2(a-2)}{a(a+2)(a-2)}$

লব ও হরকে (a – 2) দারা পুণ করে) 1 – 2)

$$=\frac{2(a-2)}{a(a^2-4)}$$

নির্দেয় সাধারণ হরবিশিট ভগ্নাংশ দুইটি $\frac{3a}{a(a^2-4)}, \frac{2(a-2)}{a(a^2-4)}$

$$391 \frac{a}{a^2-9}, \frac{b}{a+3}$$

সমাধান: ১ম ভগাংশের হর = a² - 9

$$= a^2 - 3^2 = (a+3)(a-3)$$

থ্য ভগাংশের হর = a + 3

∴ হরগুলোর ল. সা. গু. = (a + 3)(a - 3)

এখানে,
$$\frac{a}{a^2-9} = \frac{a \times 1}{(a^2-9) \times 1} = \frac{a}{a^2-9}$$

এবং $\frac{b}{a+3} = \frac{b(a-3)}{(a+3)(a-3)}$ [লব ও হরকে (a-3) ছারা পুণ করে] $= \frac{b(a-3)}{a-3}$

নির্ণেয় সাধারণ হরবিশিন্ট ভগ্নাংশ দুইটি $\frac{a}{a^2-9}$, $\frac{b(a-3)}{a^2-9}$

$3b+1 \frac{a}{a+b}, \frac{b}{a-b}, \frac{c}{a-c}$

সমাধান : প্রদত্ত ভগ্নাংশগুলোর হরগুলোর ল. সা. গু.

$$= (a + b) (a - b) (a - c)$$

১ম ভ্ৰমাংশ = $\frac{a}{a+b} = \frac{a(a-b)(a-c)}{(a+b)(a-b)(a-c)}$

[লব ও হরকে (a - b)(a - c) দারা গুণ করে]

$$= \frac{a(a-b)(a-c)}{(a^2-b^2)(a-c)}$$

হয় ভগাংশ = $\frac{b}{a-b} = \frac{b(a+b)(a-c)}{(a-b)(a+b)(a-c)}$

|লব ও হরকে (a + b) (a - c) দারা গুণ করে|

$$= \frac{b(a+b)(a-c)}{(a^2-b^2)(a-c)}$$

তম ভগাংশ = $\frac{c}{a-c} = \frac{c(a+b)(a-b)}{(a-c)(a+b)(a-b)}$

[লব ও হরকে (a + b) (a - b) দারা গুণ করে]

$$=\frac{c(a^2-b^2)}{(a-c)(a^2-b^2)} = \frac{c(a^2-b^2)}{(a^2-b^2)(a-c)}$$

নির্ণেয় সাধারণ হরবিশিট ভগ্নাংশ তিনটি যথক্রেমে

$$\frac{a(a-b)(a-c)}{(a^2-b^2)(a-c)}, \frac{b(a+b)(a-c)}{(a^2-b^2)(a-c)}, \frac{c(a^2-b^2)}{(a^2-b^2)(a-c)}$$

$$\frac{a}{a-b}, \frac{b}{a+b}, \frac{c}{a(a+b)}$$

সমাধান : প্রদত্ত ভগ্নাংশগুলোর হরগুলোর ল.সা.গু.

$$= a(a+b)(a-b)$$

১ম ভগাংশ =
$$\frac{a}{a-b} = \frac{a \cdot a(a+b)}{(a-b) \cdot a(a+b)}$$

[লব ও হরকে a(a + b) ছারা গুণ করে]

$$= \frac{a^2(a+b)}{a(a^2-b^2)}$$

২য় ভগাংশ =
$$\frac{b}{a+b}$$

$$= \frac{b \cdot a(a-b)}{(a+b) \cdot a(a-b)}$$

লিব ও হরকে a(a - b) ঘারা গুণ করে

$$=\frac{ab(a-b)}{a(a^2-b^2)}$$

তয় ভগাংশ = $\frac{c}{a(a+b)} = \frac{c(a-b)}{a(a+b)(a-b)}$

লিব ও হরকে (a – b) দ্বারা গুণ করে

$$=\frac{c(a-b)}{a(a^2-b^2)}$$

নির্ণেয় সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশ তিনটি যথ্যক্রমে

$$\frac{a^2(a+b)}{a(a^2-b^2)'}\frac{ab(a-b)}{a(a^2-b^2)'}\frac{c(a-b)}{a(a^2-b^2)'}$$

$$80 + \frac{2}{x^2 - x - 2}, \frac{3}{x^2 + x - 6}$$

সমাধান : ১ম ভগাংশের হর $= x^2 - x - 2$

$$= x^{2} - 2x + x - 2$$

= x(x - 2) + 1(x - 2)

=
$$(x-2)(x+1)$$

২য় ভগাংশের হর = $x^2 + x - 6$

$$= x^2 + 3x - 2x - 6$$

$$= x(x+3) - 2(x+3)$$

$$=(x+3)(x-2)$$

∴ হরগুলোর ল. সা. গু. = (x + 1) (x - 2) (x + 3)

প্রাপ্ত ল. সা. গু. কে প্রত্যেকটির হর ছারা ভাগ করলে ভাগফল যথাক্রমে (x + 3) এবং (x + 1)

১ম ভগ্নাংশ =
$$\frac{2}{x^2 - x - 2}$$

$$=\frac{2}{(x+1)(x-2)}$$
2(x+3)

 $=\frac{(x+1)(x-2)(x+3)}{(x+1)(x-2)(x+3)}$

লিব ও হরকে (x + 3) ছারা গুণ করে

হয় ভগাংশ =
$$\frac{3}{x^2 + x - 6} = \frac{3}{(x+3)(x-2)}$$

= $\frac{3(x+1)}{(x+3)(x-2)(x+1)}$

লিব ও হরকে (x + 1) দারা পুণ করে]

$$= \frac{3(x+1)}{(x+1)(x-2)(x+3)}$$

নির্ণেয় সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশ দুইটি

$$\frac{2(x+3)}{(x+1)(x-2)(x+3)}, \frac{3(x+1)}{(x+1)(x-2)(x+3)}$$





সুজনশীল অংশ 🐠 প্রস্কৃতি উপযোগী সুজনশীল প্রশ্নের সমাধান করি 🗆





🚱 মান্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রণীত সৃজ্ঞনশীল প্রশ্ন ও সমাধান 🖂 শিখনফল : বীজগণিতীয় ভগাংশের সাধারণ হরবিশিউকরণ করতে পারব।

্ৰী ব্যাস্থ্য । বিষয় বিষয় বিষয় স্থাপি বিষয় স্থাপি । বিষয় বিষয় স্থাপি ।

🥏 ক. ধিতীয় ভগাংশের হরকে উৎপাদকে বিশ্লেষণ কর। খ. ভগাংশ দুইটির হরের ল.সা.পু. নির্ণয় কর।

গ. ভদাশে দুইটিকৈ সাধারণ হরবিশিউ ভদাশে রুপান্তর কর। ৪

👄 अन् थरभंत्र समाधान 😂

নির্ণেয় উৎপাদক (a+1)(a-3).

প্রথম ভ্যাংশের হর = a² - a - 2 = a2 + a - 2a - 2 ' = a(a+1) - 2(a+1)= (a+1)(a-2)

ষিতীয় ভয়াংশের হর = $a^2 - 2a - 3$

ভমাংশ দুইটির হরের ল.সা.গু. = (a+1)(a-2)(a-3)

প্রাপ্ত ল.সা.পু.কে ভগ্নাংশ দুইটির হর দারা ভাগ করলে ভাগফল হয় यथाकरम (a - 3) ७ (a - 2)

প্রথম ভগ্নাংশ =
$$\frac{2}{a^2 - a - 2}$$

$$= \frac{2}{(a+1)(a-2)}$$

$$= \frac{2 \times (a-3)}{(a+1)(a-2) \times (a-3)}$$
[লব ও হরকে $(a-3)$ ছারা পূণ করে]
$$2(a-3)$$

$$=\frac{2(a-3)}{(a+1)(a-2)(a-3)}$$

ছিতীয় ভগ্নাংশ =
$$\frac{3}{a^2 - 2a - 3}$$
= $\frac{3}{(a+1)(a-3)}$
= $\frac{3 \times (a-2)}{(a+1)(a-3) \times (a-2)}$
[লব ও হরকে $(a-2)$ দারা গুণ করে]
= $\frac{3(a-2)}{(a+1)(a-2)(a-3)}$

নির্ণেয় সাধারণ হরবিশিউ ভগাংশ দুইটি যথাক্রমে

$$\frac{2(a-3)}{(a+1)(a-2)(a-3)} \otimes \frac{3(a-2)}{(a+1)(a-2)(a-3)}$$

 $\frac{1}{a^2 - b^2 + 2bc - c^2} \cdot \frac{c - a}{b^2 - c^2 + 2ca - a^2}$

धार $\frac{a-b}{c^2-(a-b)^2}$.

🥝 ক. ১ম ভগাংশের হরকে উৎপাদকে বিশ্লেষণ কর।

থ, ভগাংশের হরগুলোর ল.সা.গু. নির্ণয় কর।

গ. তগাংশগৃলোকে সাধারণ হরবিশিউ ভগাংশে প্রকাশ কর

👄 ২নং প্রক্ষের সমাধান 😂

জি ১ম ভ্রমাংশের হর =
$$a^2 - b^2 + 2bc - c^2$$

= $a^2 - (b^2 - 2bc + c^2)$
= $a^2 - (b - c)^2$
= $(a + b - c)(a - b + c)$

নির্ণেয় উৎপাদক (a + b - c) (a - b + c).

প্রান্ত ১ম ভগাংশের হর $= a^2 - b^2 + 2bc - c^2$ = (a+b-c) (a-b+c) [ক হতো

২য় ভ্যাংশের হর
$$= b^2 - c^2 + 2ca - a^2$$

 $= b^2 - (c^2 - 2ca + a^2)$
 $= b^2 - (c - a)^2$
 $= (b + c - a)(b - c + a)$
 $= (b + c - a)(a + b - c)$

তয় ভগাংশের হর = c² - (a - b)² = (c + a - b) (c - a + b)= (a - b + c) (b + c - a)

ভগ্নাংশের হরপুলোর ল.সা.পু. = (a + b - c) (a - b + c) (b + c - a).

📦 'খ' হতে পাই,

ভগ্নাংশের হরগুলোর ল.সা.গু. = (a+b-c)(a-b+c)(b+c-a)প্রাপ্ত ল,সা.গু.কে প্রত্যেক ভগ্নাংশের হর দারা ভাগ কর**লে প্রাপ্ত** ভাগফল যথাক্রমে (b + c - a), (a - b + c), (a + b - c).

১ম ভ্যাংশ =
$$\frac{b-c}{a^2-b^2+2bc-c^2}$$
= $\frac{b-c}{(a+b-c)(a-b+c)}$
= $\frac{(b-c)(b+c-a)}{(a+b-c)(a-b+c)(b+c-a)}$
২য় ভ্যাংশ = $\frac{c-a}{b^2-c^2+2ca-a^2}$
= $\frac{c-a}{b^2-c^2+2ca-a^2}$

$$= \frac{(c-a)(a+b-c)}{(a+b-c)(a-b+c)}$$

$$= \frac{(c-a)(a-b+c)}{(a+b-c)(a-b+c)(b+c-a)}$$
So we have $= \frac{a-b}{a-b}$

তয় ভ্ৰমাংশ =
$$\frac{a-b}{c^2-(a-b)^2}$$
= $\frac{(a-b)}{(a-b+c)(b+c-a)}$
= $\frac{(a-b)(a+b-c)}{(a+b-c)(a-b+c)(b+c-a)}$

সাধারণ হরবিশিউ ভগাংশগুলো যথাক্রমে <u>(a+b-c)(b+c-a)</u> (a+b-c) (a-b+c) (b+c-a)'

$$\frac{(a+b-c)(a-b+c)}{(a+b-c)(a-b+c)(b+c-a)}, \frac{(a-b)(a+b-c)(b+c-a)}{(a-b)(a+b-c)}$$

্ৰাৰত ভিনটি বীজগাণিতীয় ভগ্নাংশ :

$$\frac{1}{y^2+4y}$$
, $\frac{1}{y^2+6y+8}$, $\frac{1}{y^2-y-20}$

ক. ১ম ভমাংশের হরের বর্গ নির্ণয় কর।
খ. ভমাংশের হরপুলোর গ.সা.পু. নির্ণয় কর।
গ. সাধারণ হরবিশিউ ভমাংশে প্রকাশ কর।

😂 ৩নং প্রশ্নের সমাধান 😂

- প্রথম ভয়াংশের হরে বর্গ = (y² + 4y)²
 ∴ প্রথম ভয়াংশের হরের বর্গ = (y² + 4y)²
 = (y²)² + 2 × y² × 4y + (4y)²
 = y⁴ + 8y³ + 16y²
- ১ম ভ্যাংশের হর = y² + 4y = y (y + 4)

 ১ম ভ্যাংশের হর = y² + 6y + 8

 = y² + 4y + 2y + 8

 = y(y + 4) + 2(y + 4) = (y + 2) (y + 4)

 ৩ম ভ্যাংশের হর = y² y 20

 y² 5y + 4y 20

 = y(y 5) + 4(y 5) = (y 5) (y + 4)

 নির্দেশ্য গাসা.পু. = y + 4.
- খ' হতে প্রাপ্ত, ১ম ভয়াংশটির হর = y(y + 4) হয় ভয়াংশটির হর = (y + 2) (y + 4) ৩য় ভয়াংশটির হর = (y − 5) (y + 4) হরপুলোর ল.সা.পু. = y(y + 2) (y + 4) (y − 5)

এখন, ভুমাংশগুলোকে সাধারণ হরবিশিন্ট ভুমাংশে প্রকাশ করি,

$$\frac{1}{y^2 + 4y} = \frac{1}{y(y+4)}$$

$$= \frac{1 \times (y+2) (y-5)}{y(y+2) (y+4) (y-5)} = \frac{(y+2) (y-5)}{y(y+2) (y+4) (y-5)}$$

$$\frac{1}{y^2 + 6y + 8} = \frac{1}{(y+2) (y+4)} = \frac{y(y-5)}{y (y+2) (y+4) (y-5)}$$

$$\frac{1}{y^2 - y - 20} = \frac{1}{(y-5) (y+4)} = \frac{y(y+2)}{y(y+2) (y+4) (y-5)}$$

সাধারণ হরবিশিন্ট ভগ্নাংশ যথাক্রমে

 $\frac{(y+2)(y-5)}{y(y+2)(y+4)(y-5)}, \frac{y(y-5)}{y(y+2)(y+4)(y-5)}, \frac{y(y+2)}{y(y+2)(y+4)(y-5)}.$

😚 শীর্ষস্থানীয় স্কুলসমূহের সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান 🗖

2 erg 8 $A = \frac{1}{x^2 - 5x + 6}$ $B = \frac{2}{x^2 + x - 12}$ $C = \frac{3}{x^2 + 2x - 8}$

ক. লখিষ্ঠ আকারে প্রকাশ কর : $\frac{3x^2 - 12xy}{48y^2 - 3x^2}$.

খ. A, B, C কে সাধারণ হরবিশিউ ভগাংশে প্রকাশ কর। ৪
গ. সরল কর: A+B-C.

(রাজউক উত্তরা মডেল কলেঞ্চ, ঢাকা)

😂 ৪নং প্রশ্নের সমাধান 😂

- প্ৰদান্ত ভাগাংশ = $\frac{3x^2 12xy}{48y^2 3x^2} = \frac{3x(x 4y)}{3(16y^2 x^2)}$ = $\frac{3x(x - 4y)}{3((4y)^2 - x^2)} = \frac{3x(x - 4y)}{3(4y + x)(4y - x)}$ = $\frac{3x(x - 4y)}{-3(x - 4y)(4y + x)} = \frac{x}{-(4y + x)}$
- ∴ ভগাংশটির লঘিষ্ঠ বুর্ল <u>x</u> _ (4y + x)

🛛 वशास,

A Guillet
$$x = x^2 - 5x + 6$$

= $x^2 - 2x - 3x + 6$
= $x(x - 2) - 3(x - 2)$
= $(x - 2)(x - 3)$

B তথাংশের হর =
$$x^2 + x - 12$$

= $x^2 + 4x - 3x - 12$
= $x(x+4) - 3(x+4)$
= $(x+4)(x-3)$

C ভগাংশের ছর =
$$x^2 + 2x - 8$$

= $x^2 + 4x - 2x - 8$
= $x(x+4) - 2(x+4)$
= $(x+4)(x-2)$

ভ্যাংশগুলোর হরের ল.সা.গু. = (x-2)(x-3)(x+4)

$$A = \frac{1}{x^2 - 5x + 6}$$

$$= \frac{1}{(x - 2)(x - 3)}$$

$$= \frac{1 \times (x + 4)}{(x - 2)(x - 3)(x + 4)}$$

$$B = \frac{2}{x^2 + x - 12}$$

$$= \frac{2}{(x - 3)(x + 4)}$$

$$= \frac{2 \times (x - 2)}{(x - 2)(x - 3)(x + 4)}$$

$$C = \frac{3}{x^2 + 2x - 8}$$

$$= \frac{3}{(x - 2)(x + 4)}$$

$$= \frac{3 \times (x - 3)}{3 \times (x - 3)}$$

- (x - 2)(x - 3)(x + 4) নির্ণেয় সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশগুলো হলো :

$$\frac{x+4}{(x-2)(x-3)(x+4)}, \frac{2(x-2)}{(x-2)(x-3)(x+4)}$$

$$44x \frac{3(x-3)}{(x-2)(x-3)(x+4)}.$$

🕡 এখানে,

$$A = \frac{1}{x^2 - 5x + 6} = \frac{1}{(x - 2)(x - 3)}$$

$$B = \frac{2}{x^2 + x - 12} = \frac{2}{(x - 3)(x + 4)}$$

$$C = \frac{3}{x^2 + 2x - 8} = \frac{3}{(x - 2)(x + 4)}$$

$$A + B - C = \frac{1}{(x-2)(x-3)} + \frac{2}{(x-3)(x+4)} - \frac{3}{(x-2)(x+4)}$$

$$= \frac{1 \times (x+4) + 2 \times (x-2) - 3 \times (x-3)}{(x-2)(x-3)(x+4)}$$

$$= \frac{x+4+2x-4-3x+9}{(x-2)(x-3)(x+4)}$$

$$= \frac{9}{(x-2)(x-3)(x+4)}$$

নির্ণেয় সরলফল : $\frac{9}{(x-2)(x-3)(x+4)}$

অনুশীলনমূলক কাজের সমাধান 🍅 শিক্ষকের সহায়তায় নিজে করি

পাঠ্যবইয়ের পৃষ্ঠা-৯০

১। ²/₅ এবং ⁴/_x এর প্রতিটির তিনটি করে সমতৃল ভয়াশে লেখ।

সমাধান : $\frac{2}{5}$ এর তিনটি সমতুল ভগালে হলো-

 $\frac{2}{5} = \frac{2 \times 3}{5 \times 3} = \frac{6}{15}$ [লব ও হরকে 3 ছারা পুণ করে]

 $\frac{2}{5} = \frac{2 \times 4}{5 \times 4} = \frac{8}{20}$; [লব ও হরকে 4 ছারা গুণ করে]

 $\frac{2}{5} - \frac{2 \times 5}{5 \times 5} = \frac{10}{25}$ [লব ও হরকে 5 দারা গুণ করে]

:. $\frac{6}{15}$, $\frac{8}{20}$ ও $\frac{10}{25}$ হলো $\frac{2}{5}$ এর তিনটি সমতুল ভগ্নাংশ।

এবং 🚆 এর তিনটি সমতুল ভগাংশ হলো-

 $\frac{a}{x} = \frac{a \times b}{x \times b} = \frac{ab}{bx}$ [লব ও হরকে b ছারা গুণ করে]

 $\frac{a}{x} = \frac{a \times c}{x \times c} = \frac{ac}{cx}$ [লব ও হরকে c দারা গুণ করে]

 $\frac{a}{x} = \frac{a \times d}{x \times d} = \frac{ad}{dx}$ [লব ও হরকে d ছারা গুণ করে]

∴ ab ac ও ad ac হলো a এর তিনটি সমতুল ভগাংশ।

পাঠ্যবইয়ের পৃষ্ঠা-১৪

রাশি তিনটির ল.সা.গু. নির্ণয় কর : a² + 3a, a² + 5a + 6, a² - a - 12

সমাধান: ১ম রাশি = a² + 3a = a(a + 3)

२य त्राणि = a² + 5a + 6 $= a^2 + 2a + 3a + 6$ = a(a+2) + 3(a+2) = (a+2)(a+3)

তয় রাশি = a² - a - 12 $= a^2 + 3a - 4a - 12$ = a(a+3) - 4(a+3) = (a+3)(a-4)নির্ণেয় ল.সা.গু. = a(a + 2) (a + 3) (a - 4)

২। সাধারণ হরবিশিন্ট ভগাংশে প্রকাশ কর : $\frac{a}{2x}$, $\frac{b}{4y}$

সমাধান: $\frac{a}{2x}$, $\frac{b}{4y}$

এখানে হর 2x এবং 4y এর ল.সা.গু. = 4xy

 $\therefore \quad \frac{a}{2x} = \frac{a \times 2y}{2x \times 2y} = \frac{2ay}{4xy}$

∴ সাধারণ হরবিশিউ ভগাংশ দুইটি ^{2ay}/_{4xy}, ^{bx}/_{4xy}



বহুনির্বাচনি অংশ 😝 প্রস্তৃতি উপযোগী বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর শিখি



🔂 মাস্টার ট্রেইনার প্যানেল প্রণীত বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর 🗖

🗸 সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর 🌉

কোনো ভগাংশের লঘুকরণের **অর্থ হচ্ছে**—।

ভুমাংশকে গরিষ্ঠ আকারে প্রকাশ করা

ভগ্নংশকে লঘিষ্ঠ আকারে প্রকাশ করা

ভ্রমাংশকে বর্গ করা

ভগাংশকে ঘন করা

 $\frac{8x^2y^2z^2}{12xy^3z^2}$ এর পঘিষ্ঠ আকার নিচের কোনটি?

যদি কোনো ভগাংশের শুধু লব বা শুধু হর বা লব ও হর উভয়কে বীজ্ঞাণিতীয় প্রতীক বা রাশি খারা প্রকাশ করা হয়, তবে তা কি হবে?

ক দশমাংশ

প্র শতাংশ

বীজগণিতীয় ভগাংশ

বীজগণিতীয় গুণক

 $\frac{2}{7}$, $\frac{4}{14}$, $\frac{6}{21}$ ভগ্নাংশগুলো পরস্পর কোন ধরনের ভগ্নাংশ? (সহজ্ঞ্মান)

সমতৃল ভগাংশ

অসমতুল ভগাংশ

দশমিক ভগাংশ

ভি হর ভগাংশ

 $\frac{46x^4y^5z^9}{69x^2y^3z^{12}}$ এর লঘিষ্ঠ আকারে প্রকাশিত রূপ নিচের কোনটি?

 $\bullet \frac{2x^2y^2}{3z^2} \quad \textcircled{9} \quad \frac{2xyz}{3} \qquad \textcircled{9} \quad \frac{3x^2y^2}{5z^2} \qquad \textcircled{9} \quad \frac{3x^2y^2z^2}{3}$

 $\frac{38k^2p^3m^4}{57k^3p^3m^3}$ এর লঘিষ্ঠ আকারে প্রকাশিত রূপ নিচের কোনটিঃ

⊕ 2p/3k
 ● 2m/3k
 □

৭. $\frac{x^2 + 4x + 4}{x^2 - 4}$ কে লখিষ্ঠ আকারে প্রকাশ করলে হবে— (মধ্যমন)

 $\frac{x^2 + 7x + 12}{x^2 + x - 12}$ এর লঘিষ্ঠ আকারে প্রকাশিত রূপ নিচের কোনটিং

 $\bullet_{x-3}^{x+3} \quad \textcircled{9}_{x+3}^{x-3} \qquad \textcircled{9}_{x+3}^{1}$

3abc 15a²b²c এর দর্ঘিষ্ঠ আকারে প্রকাশিত রূপ নিচের কোনটি?

● 1/5ab

১০. $\frac{x^2y^2z^2}{x^2y^3z^3}$ এর সৃষ্ঠি আকারে প্রকাশিত রূপ নিচের কোনটি? (সংছ্যান)

১১. a ও 3c বর সমহরবিশিউ ভগাংশ নিচের কোনটি? (মধ্যমান)

১২. সমহরবিশিউ ভগ্নাংশ হলো-

্ সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশ

ii. যে ভগ্নাংশগুলোর হর সমান থাকে

iii. $\frac{5 \text{mn}}{8 \text{x}^2 \text{y}}$ are $\frac{5 \text{mn}}{4 \text{xy}^2}$

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক?

oii vii (ii vii o

(T) iii

(ii v ii, i

১৩. সমতুল তমাংশ হলো-

$$i. \quad \frac{a^2b}{ab^2} = \frac{b^2c}{c^2d}$$

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ্ঞমান)

(a) i o ii

ii e ii

mi e i D

(i, ii v iii

🗹 অভিন্ন তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর 📰

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে ১৪ ও ১৫ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

প্রদত্ত ভয়াংশ দুইটির হরপুলোর ল. সা. গু. নিচের কোনটি? (মধ্যদান)

- 4by
- (4abxy

১৫. প্রদত ভগাংশহয়কে সাধারণ হরবিশিউ ভগাংশে প্রকাশ করলে নিচের কোনটি হবে?

- $\frac{2ay}{4xy} \frac{bx}{4xy}$

- $\mathfrak{T} \frac{\mathbf{a}^2}{2\mathbf{x}^2}, \frac{\mathbf{b}^2}{\mathbf{a}\mathbf{y}^2}$

😝 শীর্ষস্থানীয় স্থলসমূহের বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

🗹 সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর 📖

 102b এর সমতৃল ভগাংশ কোনটি? [আইডিয়াল মূদ খ্যাড কলেজ, মডিঝিল, ঢাকা]

- ⊕ 20abx²
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √
 √

िष्धा/बाखा : $\frac{10ab}{15xy} = \frac{2ab}{3xy} = \frac{2ab \times b}{3xy \times b} = \frac{2ab^2}{3bxy}$]

১৭. 🗓 🗴 এর সাধারণ হরবিশিউ ভগ্নাংশ নিচের কোনটি?

- $\textcircled{3} \frac{x^2}{xyz^2}, \frac{y^2}{xyz^2}$

िक्स/खान्या : yz ब्युद् ट्रप्र खब म.मा.गु. = xyz $\frac{x}{yz} = \frac{x \times x}{yz \times x} = \frac{x^2}{xyz}$ खबर $\frac{y}{zx} = \frac{y \times y}{zx \times y} = \frac{y^2}{xyz}$.]

১৮. $\frac{x^2 + 5x + 6}{x^2 + 3x + 2}$ ভয়াপেটির লখিচ আকার কোনটিয়

|আইডিয়াল মূল আড কলেজ, মতিঞ্জিল, ঢাকা|

- $\bullet_{\frac{x+3}{x+1}} \quad \textcircled{9}_{\frac{x+3}{x-4}} \quad \textcircled{9}_{\frac{x+5}{x-7}}$

िष्पा/नापा: $\frac{x^2 + 5x + 6}{x^2 + 3x + 2} = \frac{x^2 + 2x + 3x + 6}{x^2 + x + 2x + 2}$

 $=\frac{x(x+2)+3(x+2)}{x(x+1)+2(x+1)}=\frac{(x+2)(x+3)}{(x+1)(x+2)}=\frac{x+3}{x+1}$

১৯. $\frac{4x^2y - 9y^3}{4x^2y + 6xy^2}$ কে লখিচ আকারে প্রকাশ করলে হবে—

िक्का/नामा : $\frac{4x^2y - 9y^3}{4x^2y + 6xy^2} = \frac{y(4x^2 - 9y^2)}{2xy(2x + 3y)}$

 $= \frac{y\{(2x)^2 - (3y)^2\}}{2xy(2x+3y)} = \frac{y(2x+3y)(2x-3y)}{2xy(2x+3y)} = \frac{2x-3y}{2x}.$

 $\frac{4a^2-9b^2}{4a^2b+6ab^2}$ কে পথিচ আকারে প্রকাশ করলে কত হবে?

তিখ্য/ব্যাখ্যা : $\frac{4a^2-9b^2}{4a^2b+6ab^2} = \frac{(2a)^2-(3b)^2}{4a^2b+6ab^2}$

 $=\frac{(2a+3b)(2a-3b)}{2ab(2a+3b)}=\frac{2a-3b}{2ab}$

২১. $\frac{a^3b + a^2b^2}{a^2b^2 + ab^3}$ এর পথিচ আকার কোনটি?

তিকাৰুননিসা নূন **মূল এত কলেজ, ঢাকা**

| ज्या / वा था : $\frac{a^3b + a^2b^2}{a^2b^2 + ab^3} = \frac{a^2b (a+b)}{ab^2 (a+b)} = \frac{a}{b}$

২২. $\frac{x^2 + 5x + 6}{x^2 + 4x + 3}$ এর লখিচ রুপ নিচের কোনটি?

[আদমজী ক্যান্টনমেন্ট পাবলিক ছুল, চাকা]

खिश्र/शाभा : $\frac{x^2 + 5x + 6}{x^1 + 4x + 3} - \frac{x^2 + 2x + 3x + 6}{x^2 + 3x + x + 3}$

 $=\frac{x(x+2)+3(x+2)}{x(x+3)+1(x+3)}=\frac{(x+2)(x+3)}{(x+3)(x+1)}=\frac{x+2}{x+1}$

২৩. $\frac{x}{y}$ থেকে $\frac{y}{x}$ বিয়োগ করলে বিয়োগফল কত হবেঃ

(রাজবাড়ী সরকারি উচ্চ বিদ্যাদয়, রাজবাড়ী)

- (a) $\frac{x^2 + y^2}{xy}$ (b) $\frac{x^2 y^2}{xy}$ (c) $x^2 + y^2$ (d) $x^2 y^2$

২৪. $\frac{x^2+4x+4}{x^2-4}$ এর দাঘিঠ রূপ কোনটিঃ

বিশৃত্বা ক্যান্টনমেন্ট পাবলিক মুল ও কলেজ, বগুড়া

िच्छा/खाधाः : $\frac{x^2 + 4x + 4}{x^2 - 4} = \frac{x^2 + 2x + 2x + 4}{x^2 - 2^2}$

 $=\frac{x(x+2)+2(x+2)}{(x+2)(x-2)}=\frac{(x+2)(x+2)}{(x+2)(x-2)}=\frac{x+2}{x-2}$