

НАПРАВЛЕНИЕ ПОДГОТОВКИ **09.03.01 Информатика и вычислительная техника**

по лабораторной работе № 7

Дисциплина: Анализ алгоритмов

Преподаватель _____

_____ (Подпись, дата) _____ (И.О. Фамилия)

Москва, 2020

Оглавление

Введение	4
1 Аналитическая часть	5
1.1 Цель и задачи работы	5
1.2 Описание понятия словаря	5
1.3 Используемые алгоритмы	5
1.3.1 Поиск полным перебором	5
1.3.2 Поиск половинным делением	6
1.3.3 Поиск с сегментацией	6
2 Конструкторская часть	7
2.1 Поиск полным перебором	7
2.2 Поиск половинным разбиением	7
2.3 Поиск с сегментами	8
2.4 Требования к программному обеспечению	8
2.5 Заготовки тестов	8
3 Технологическая часть	14
3.1 Выбор языка программирования	14
3.2 Листинги кода	14
3.3 Результаты тестирования	16
3.4 Оценка времени	18
4 Исследовательская часть	20
4.1 Описание эксперимента	20
4.2 Результат эксперимента	20
4.3 Характеристики ПК	20
Заключение	22

Введение

В данной лабораторной реализуются и оцениваются различные алгоритмы поиска ключей в словаре банковских карт.

Словари используются для связывания двух понятий, одно из которых называется ключом, а другое значением. Сам словарь хранит множество таких пар и предоставляет определённые функции для работы с хранимыми значениями. Одной из самых часто используемых операций в таком случае является операция получения значения по заданному ключу. В случае, когда словарь имеет большое количество записей, например более одного миллиона, задача уменьшения времени поиска ключей становится особенно актуальной. Поэтому существует множество алгоритмов, осуществляющих данную задачу.

В данной лабораторной работе в качестве примера подобных алгоритмов будут рассмотрены:

- поиск полным перебором;
- поиск половинным делением;
- поиск полным перебором с использованием сегментации;

1. Аналитическая часть

1.1. Цель и задачи работы

Целью лабораторной работы является разработка и исследование алгоритма поиска ключей в словаре банковских карт.

Выделены следующие задачи лабораторной работы:

- описание понятия словаря;
- описание и реализация алгоритмов поиска ключей в словаре;
- проведение замеров времени поиска ключей разными алгоритмами;

1.2. Описание понятия словаря

Словарь - массив состоящий из пар вида "(ключ, значение)" предоставляющий возможность вставки нового элемента, удаления и поиска по ключу[1]. В качестве подобного словаря для этой лабораторной работы был выбран словарь банковских карт. В качестве ключа выступает номер карты, а в качестве значения CVC ключ.

1.3. Используемые алгоритмы

В рамках цели лабораторной работы было поставлено написание трёх алгоритмов поиска ключа в словаре:

1.3.1. Поиск полным перебором

Данный алгоритм проверяет все ключи на признак совпадения с искомым до нахождения его в словаре или до исчерпания возможных вариантов.

1.3.2. Поиск половинным делением

Алгоритм работает с отсортированным массивом ключей. Производится выбор среднего элемента массива и сравнение его с искомым ключом. На основе результата сравнения принимается решение какую из половин массива (правее или левее середины) следует взять для дальнейшего повторения данной операции. Такой алгоритм имеет меньшее среднее время работы, что достигается за счёт того, что для массива размером N потребуется сделать не более $\log_2(N)$ сравнений.

1.3.3. Поиск с сегментацией

Другим способом снижения среднего времени поиска является разбиение массива на сегменты по некоторым схожим признакам ключей, например одинаковые первые символы. Также можно применить частотный анализ для определения количества запросов к выделенным сегментам и на основе этого сконфигурировать их таким образом, чтобы время поиска ключей было оптимизировано под нужды конкретной задачи.

Таким образом, осуществление поиска осуществляется в два этапа: поиск сегмента, под правило которого подходит ключ, поиск ключа среди элементов сегмента.

Вывод

Результатом аналитического раздела стало определение цели и задач работы, описано понятие словаря, используемых алгоритмов поиска.

2. Конструкторская часть

Рассмотрим описанные алгоритмы поиска ключей в словаре. Пусть производится поиск ключа *key* в словаре *a* длиной *len*.

2.1. Поиск полным перебором

Алгоритм проходится от 1-го элемента до *len*-го в поиске полного совпадения ключа. В случае, если ключ был найден, производится досрочный выход из поиска чисел. Если после прохода по всем элементам словаря совпадения не было обнаружено, алгоритм сообщает о том, что ключ не был найден.

Схема алгоритма приведена на рисунке 2.1

2.2. Поиск половинным разбиением

Данный метод может применяться только для упорядоченного массива. Описание работы приведено для случая, когда Алгоритм повторяет операцию поиска для интервала индексов массива, изначально содержащим все индексы от 0 до $len - 1$. Эти два значения называются левой и правой границей массива соответственно. Алгоритм выбирает элемент с индексом $mid = round((l + r)/2)$ и сравнивает его ключ с искомым. В случае, если искомый ключ больше ключа *mid*, левая граница ставится на *mid*+1, если меньше, то правой границе присваивается *mid*-1. Если произошло совпадение, то ключ найден и происходит выход из функции. Если правая граница оказалась меньше левой, то это говорит о том, что искомого ключа в словаре нет.

Схема алгоритма приведена на рисунке 2.2

2.3. Поиск с сегментами

Для использования данного поиска требуется предварительно провести сегментацию словаря (схема алгоритма приведена на рисунке 2.3.). В данной работе сегментация производится по последней цифре номера карты, так как в этом случае элементы словаря будут равномерно распределены между сегментами.

Структура сегмента состоит из двух полей:

1. ключ - последняя цифра для всех ключей словаря;
2. массив пар - словарь из значений соответствующих ключу.

Алгоритм использует вышеописанный полный поиск сначала для нахождения нужного сегмента, а после ищет нужный ключ среди элементов сегмента.

Схема алгоритма приведена на рисунке 2.4

2.4. Требования к программному обеспечению

Для полноценной проверки и оценки алгоритмов необходимо выполнить следующее.

1. Предоставить возможность ввода искомого ключа и проверяемого алгоритма.
2. Реализовать функцию замера процессорного времени, затраченного функциями и подсчёта статистических данных.

2.5. Заготовки тестов

При проверке алгоритма необходимо будет использовать следующие классы тестов:

- поиск отсутствующего номера карты;

- поиск первого и последнего номера в словаре.

Вывод

Результатом конструкторской части стало схематическое описание алгоритмов поиска, сформулированы тесты и требования к программному обеспечению.

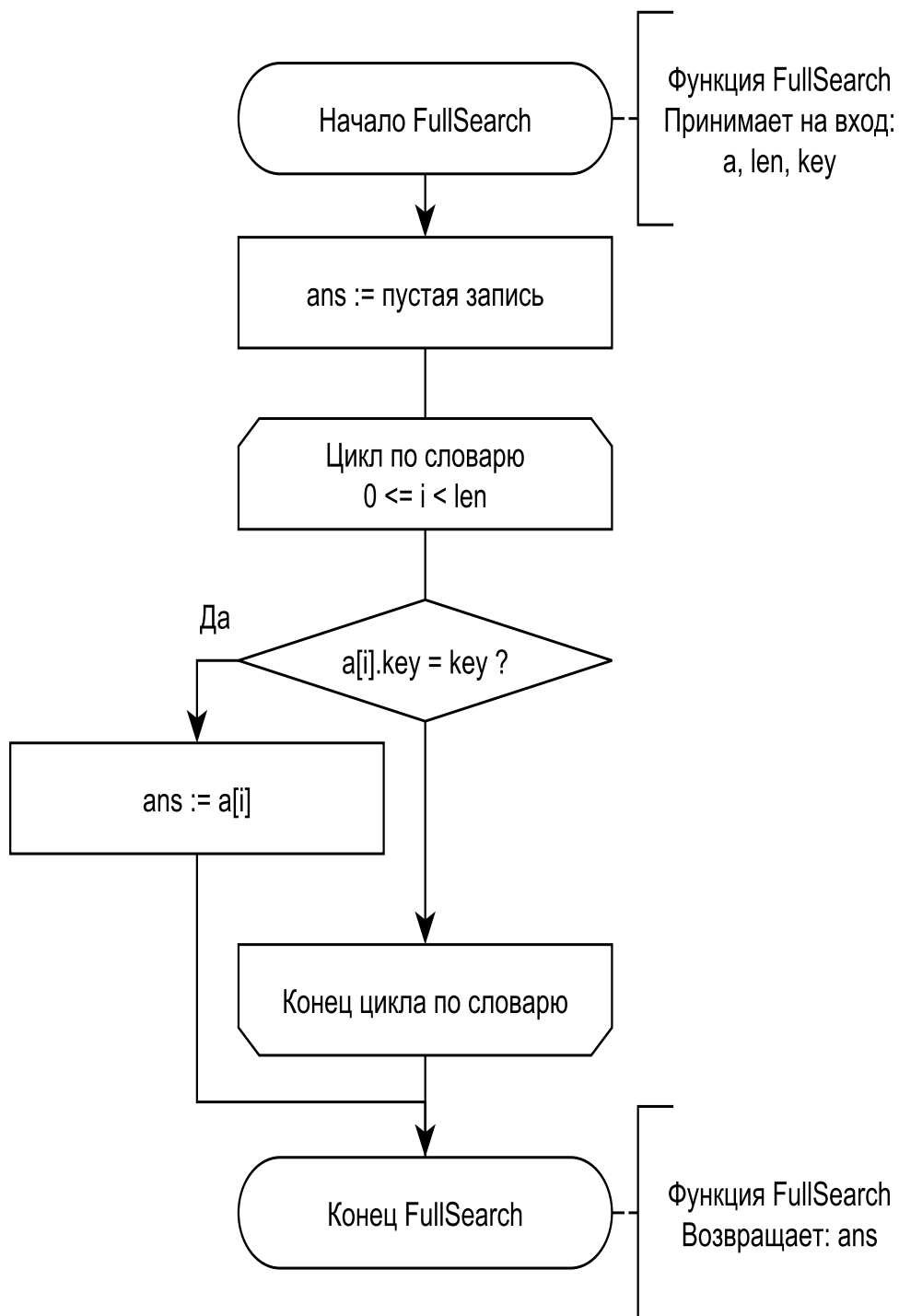


Рис. 2.1 — Поиск полным перебором

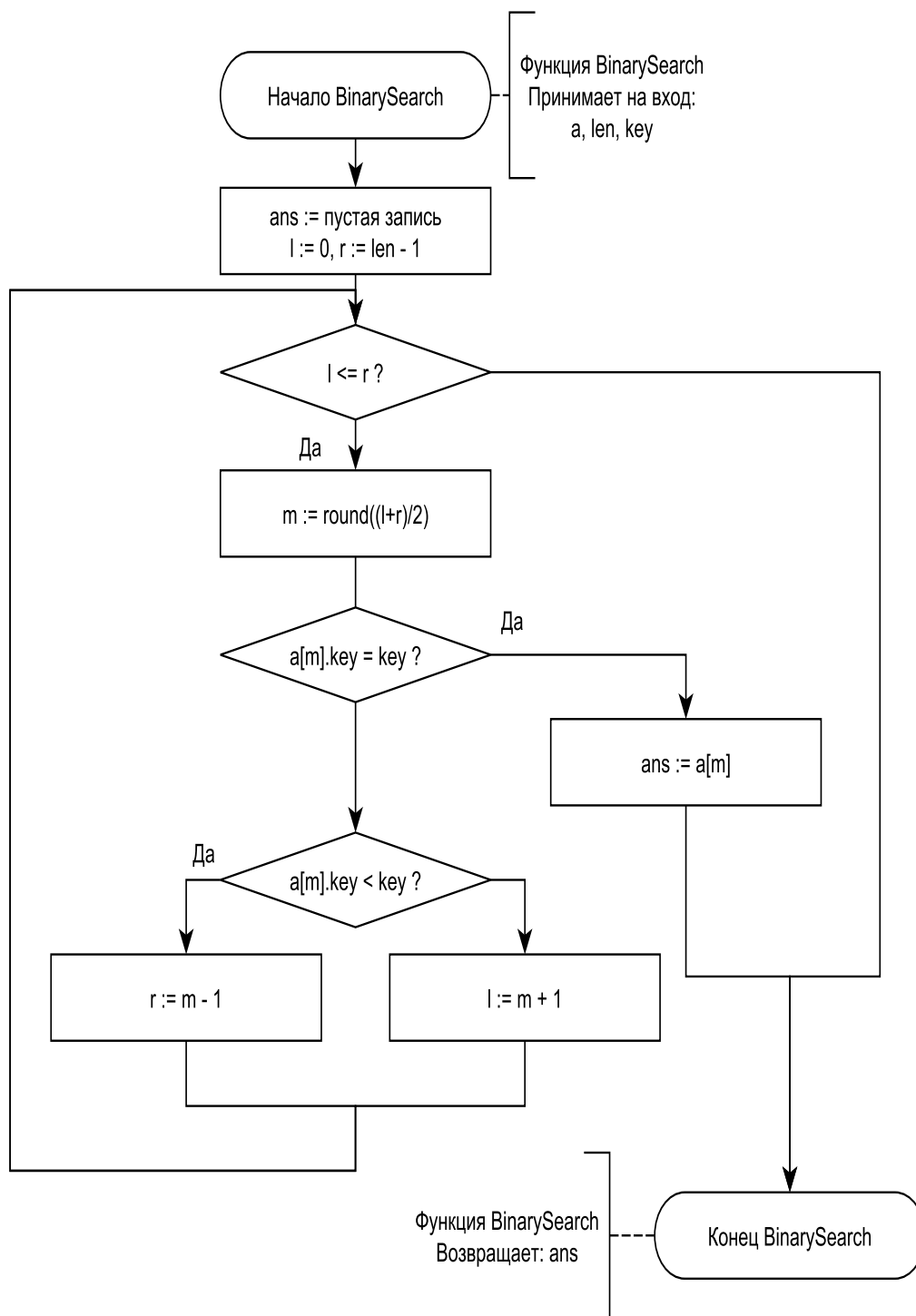


Рис. 2.2 — Поиск половинным разбиением

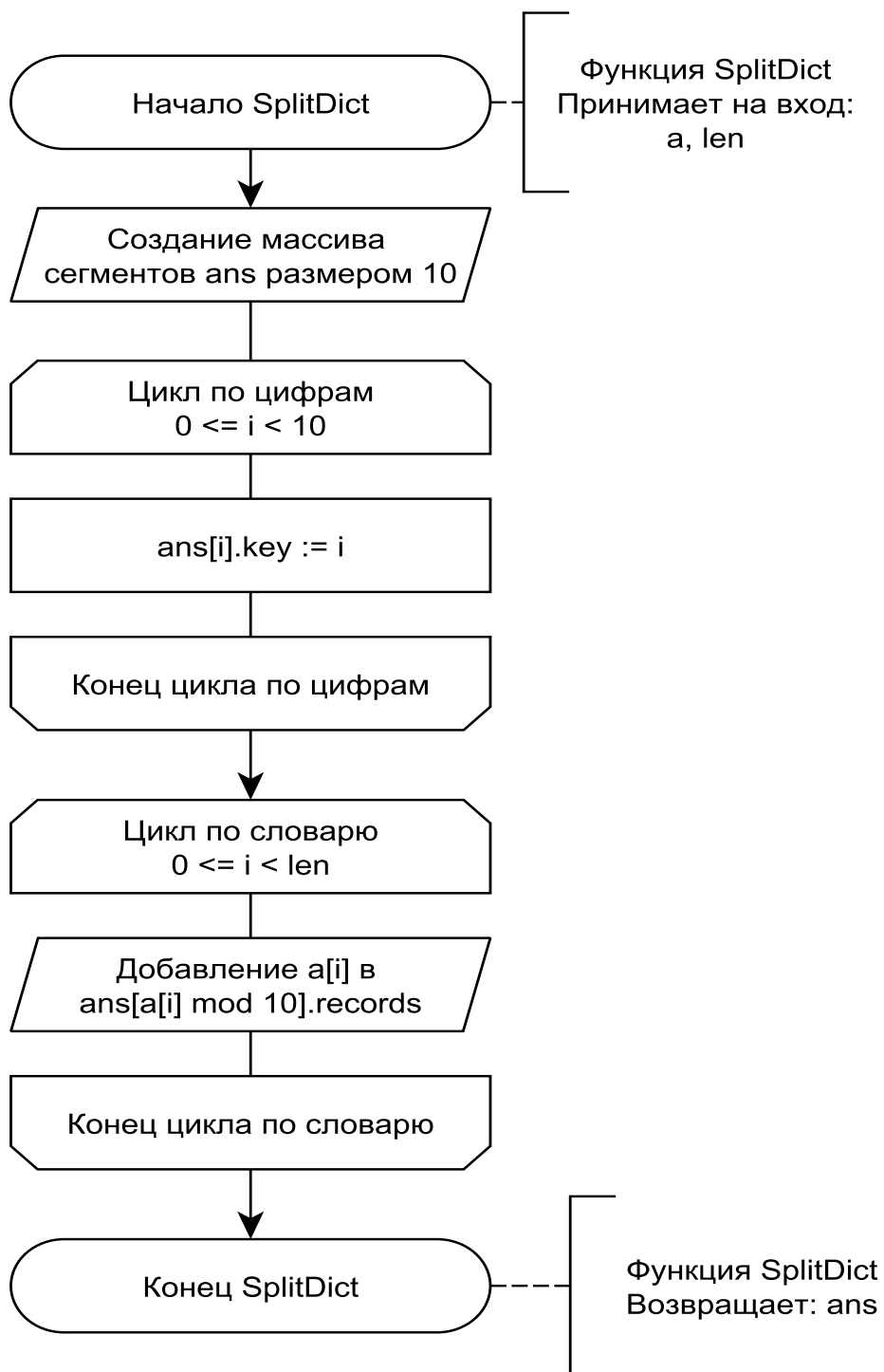


Рис. 2.3 — Разбиения словаря по сегментам

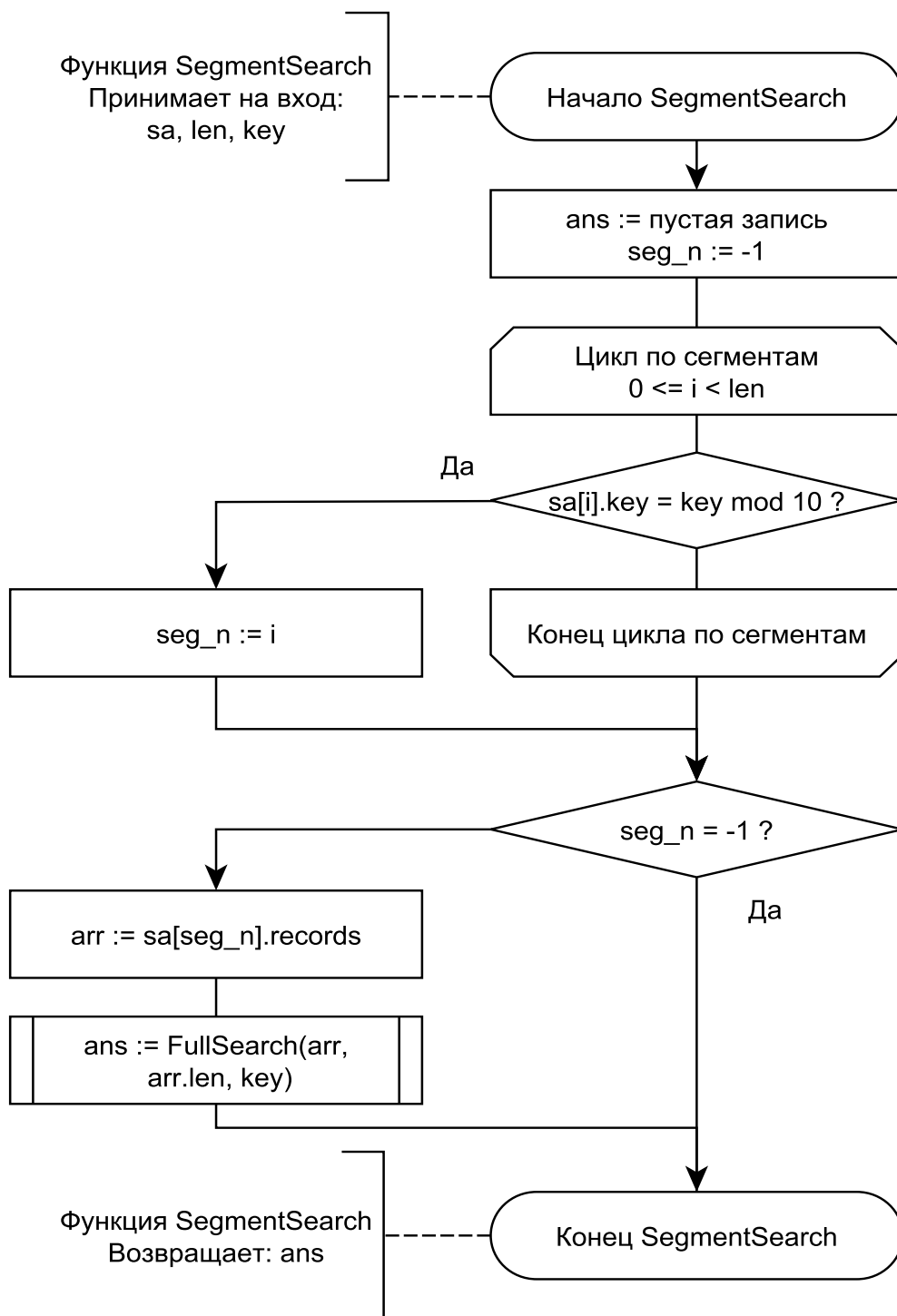


Рис. 2.4 — Поиск с сегментами

3. Технологическая часть

3.1. Выбор языка программирования

В качестве языка программирования был выбран C++[2], так как имеется опыт работы с ним, и с библиотеками, позволяющими провести исследование и тестирование программы. Разработка проводилась в среде Visual Studio 2019[3].

3.2. Листинги кода

Реализация алгоритмов поиска представлена на листингах 3.1-3.3. На листинге 3.4 представлена реализация разбиения словаря по сегментам

Листинг 3.1 — Поиск полным перебором

```
1 rec_t full_search(const rec_arr& arr, size_t key)
2 {
3     for (int i = 0; i < arr.size(); i++)
4         if (arr[i].key == key)
5             return arr[i];
6     return null_rec();
7 }
```

Листинг 3.2 — Поиск половинным разбиением

```
1 rec_t binary_search(const rec_arr& arr, size_t key)
2 {
3     int left = 0;
4     int right = arr.size() - 1;
5     while (left <= right)
6     {
7         int mid = (left + right) / 2;
8         if (key == arr[mid].key)
9             return arr[mid];
10        if (key < arr[mid].key)
11            right = mid - 1;
```

```

12     else
13         left = mid + 1;
14     }
15     return null_rec();
16 }

```

Листинг 3.3 — Поиск с сегментами

```

1 rec_t segment_search(const seg_arr& segments, size_t key)
2 {
3     int seg_n = -1;
4     for (int i=0; i<segments.size(); i++)
5         if (segments[i].key == key % 10)
6         {
7             seg_n = i;
8             break;
9         }
10
11     if (seg_n == -1)
12         return null_rec();
13
14     const rec_arr& arr = segments[seg_n].records;
15     return full_search(arr, key);
16 }

```

Листинг 3.4 — Разбиение словаря по сегментам

```

1 seg_arr split_arr(rec_arr& arr)
2 {
3     seg_arr segments;
4     for (int i = 0; i < 10; i++)
5     {
6         rec_seg temp_seg;
7         temp_seg.key = i;
8

```

```

9     segments.push_back(temp_seg);
10 }
11
12 for (int i = 0; i < arr.size(); i++)
13     segments[arr[i].key % 10].records.push_back(arr[i]);
14 return segments;
15 }

```

3.3. Результаты тестирования

Для тестирования написанных функций был создан отдельный файл с ранее описанными классами тестов. Тестирование функций проводилось за счёт сравнения результатов функций друг с другом.

Состав тестов приведён в листинге 3.5.

Листинг 3.5 — Модульные тесты

```

1 #include "tests.h"
2
3 using namespace std;
4
5 rec_t test1(rec_arr& arr, size_t key)
6 {
7     return full_search(arr, key);
8 }
9 rec_t test2(rec_arr& arr, size_t key)
10 {
11     sort_arr(arr);
12     return binary_search(arr, key);
13 }
14 rec_t test3(rec_arr& arr, size_t key)
15 {
16     seg_arr sarr = split_arr(arr);

```



```

17     return segment_search(sarr, key);
18 }
19
20
21 bool _cmp_rec(const rec_t& r1, const rec_t& r2)
22 {
23     return (r1.key == r2.key) && (r1.val == r2.val);
24 }
25
26 bool _test_all(rec_arr& arr, size_t key, rec_t res)
27 {
28     test_f test_f_arr[3] = { test1, test2, test3 };
29     rec_t test_out;
30
31     for (int i = 0; i < 3; i++)
32     {
33         test_out = test_f_arr[i](arr, key);
34         if (!_cmp_rec(test_out, res))
35             return false;
36     }
37     return true;
38 }
39
40 void _find_missing(rec_arr& arr)
41 {
42     if (_test_all(arr, 1012, null_rec()))
43         cout << __FUNCTION__ << " - OK\n";
44     else
45         cout << __FUNCTION__ << " - FAILED\n";
46 }
47 void _find_first(rec_arr& arr)
48 {
49     if (_test_all(arr, arr[0].key, arr[0]))
50         cout << __FUNCTION__ << " - OK\n";

```

```

51     else
52     cout << __FUNCTION__ << " - FAILED\n";
53 }
54 void _find_last(rec_arr& arr)
55 {
56     size_t last = arr.size() - 1;
57     if (_test_all(arr, arr[last].key, arr[last]))
58     cout << __FUNCTION__ << " - OK\n";
59     else
60     cout << __FUNCTION__ << " - FAILED\n";
61 }
62
63 void run_tests(rec_arr& arr)
64 {
65     cout << "Running tests:" << endl;
66     _find_missing(arr);
67     _find_first(arr);
68     _find_last(arr);
69     cout << endl;
70 }

```

3.4. Оценка времени

Для замера процессорного времени исполнения функции используется функция `QueryPerformanceCounter` библиотеки `windows.h`[4]. Код функций замера времени приведёны в листинге 3.6.

Листинг 3.6 — Функции замера процессорного времени работы функции

```

1
2 double PCFreq = 0.0;
3 __int64 CounterStart = 0;
4

```

```

5 void start_counter()
6 {
7     LARGE_INTEGER li;
8     QueryPerformanceFrequency(&li);
9
10    PCFreq = double(li.QuadPart) / 1000.0;
11
12    QueryPerformanceCounter(&li);
13    CounterStart = li.QuadPart;
14 }
15
16 double get_counter()
17 {
18     LARGE_INTEGER li;
19     QueryPerformanceCounter(&li);
20     return double(li.QuadPart - CounterStart) / PCFreq;
21 }

```

Вывод

Результатом технологической части стал выбор используемых технических средств реализации и реализация алгоритмов, системы тестов и замера времени работы на языке C++.

4. Исследовательская часть

4.1. Описание эксперимента

Измерения процессорного времени проводятся на словаре размером 1500. Содержание сгенерировано случайным образом. Вычисляются и демонстрируются минимальное, максимальное и среднее время поиска ключа.

Для повышения точности, каждый замер производится пять раз, за результат берётся среднее арифметическое.

4.2. Результат эксперимента

По результатам измерений процессорного времени можно составить таблицу 4.1

Таблица 4.1 — Результат измерений процессорного времени (в микросекундах)

Алгоритм	Время	Минимальное	Максимальное	Среднее
Полный перебор		0.021	1.11	0.38
Половинное деление		0.023	0.089	0.048
По сегментам		0.023	0.12	0.067

4.3. Характеристики ПК

Эксперименты проводились на компьютере с характеристиками:

- ОС - Windows 10, 64 бит;
- Процессор - Intel Core i7 8550U (1800 МГц, 4 ядра, 8 логических процессоров);
- Объем ОЗУ: 8 ГБ.

Вывод

По результатам экспериментов можно заключить следующее.

- Наименьшее минимальное время показывает функция полного перебора. Это объясняется тем, что в других алгоритмах трудоёмкость лучшего случая сделана больше из-за стремления уменьшить трудоёмкость худшего и среднего случая.
- Также полный перебор показывает и наибольшее максимальное время поиска на порядок превышающее значения у других алгоритмов.
- Наиболее быстродейственным как в худшем, так и в среднем случае оказался алгоритм половинного деления.
- Алгоритм поиска по сегментам продемонстрировал время в среднем и худшем случае медленнее лишь на 50% по сравнению с методом половинного деления, что говорит о том, что этот способ оптимизации также является достаточно эффективным средством ускорения процедуры поиска.

Заключение

В ходе лабораторной работы достигнута поставленная цель: разработка и исследование алгоритма поиска ключей в словаре банковских карт. Решены все задачи работы.

Были изучены и описаны понятия словаря. Также были описаны и реализованы алгоритмов поиска ключей в словаре. Проведены замеры процессорного времени поиска ключей разными алгоритмами, собраны статистические данные. На основании экспериментов проведён сравнительный анализ.

Из проведённых экспериментов было выявлено, что наиболее быстрое действие является алгоритм половинного деления. Алгоритм выполняющий поиск по сегментам словаря показывает сравнимые результаты с предыдущим алгоритмом, что также говорит о его применимости для задачи поиска ключей. Алгоритм полного перебора является более быстрое действие только при лучшем случае. Уже при изученном размере словаря в 1500 записей он демонстрирует скорость на порядок хуже других алгоритмов, что ограничивает его использование при значительных размерах словарей.

Список литературы

1. Алгоритмы. Построение и анализ : пер. с англ. / Кормен Т., Лейзерсон Ч., Ривест Р. [и др.]. - 3-е изд. - М. : Вильямс, 2018. - 1323 с. : ил.
2. Документация языка C++ 98 [Электронный ресурс]. Режим доступа: <http://www.open-std.org/JTC1/SC22/WG21/>, свободный (дата обращения: 14.10.2020)
3. Документация среды разработки Visual Studio 2019 [Электронный ресурс]. Режим доступа: <https://docs.microsoft.com/ru-ru/visualstudio/windows/?view=vs-2019>, свободный (дата обращения: 14.10.2020)
4. QueryPerformanceCounter function [Электронный ресурс]. Режим доступа: <https://docs.microsoft.com/en-us/windows/win32/api/profileapi/nf-profileapi-queryperformancenumerator>, свободный (дата обращения: 29.09.2020).