Модель хищник-жертва

Шаян Фаисал НФИбд-02-19¹ 8 марта, 2022, Москва, Россия

¹Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи работы —

Цель лабораторной работы

Изучить простейшую модель Лотки-Вольтерры хищник-жертва, основанную на нескольких предлоположениях. Построить модель с помощью дифференциальных уравнений. Сделать выводы по заданию

Задание к лабораторной работе

- 1. Построить график зависимости x от y и графики функций x(t) , y(t)
- 2. Найти стационарное состояние системы

Процесс выполнения лабораторной работы

Теоретический материал

В данной лабораторной работе рассматривается математическая модель системы «Хищник-жертва».

- Рассмотрим базисные компоненты системы: X хищников и Y жертв.
- Пусть для этой системы выполняются следующие предположения:
- 1. Численность популяции жертв и хищников зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории)
- 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает
- 3. Естественная смертность жертвы и естественная

Теоретический материал

Мой вариант:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -ax(t) + by(t)x(t) \\ \frac{dy}{dt} = cy(t) - dy(t)x(t) \end{cases}$$

Стационарное состояние системы определяется следующим образом:

$$x_0 = \frac{a}{b}, y_0 = \frac{c}{d}$$

Условие задачи

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.34x(t) + 0.051y(t)x(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.33y(t) - 0.031y(t)x(t) \end{cases}$$

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях: $x_0=9, y_0=30$ Найдите стационарное состояние системы

График изменения численности хищников

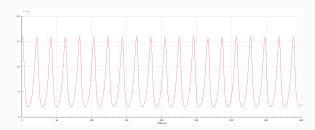


Figure 1: График численности хищников от времени

График изменения численности жертв

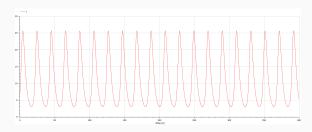


Figure 2: График численности жертв от времени

Графики изменения численности жертв и хищников

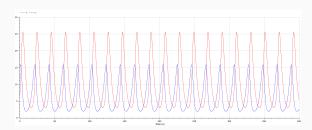


Figure 3: График численности жертв и хищников от времени

График зависимости численности хищников от численности жертв

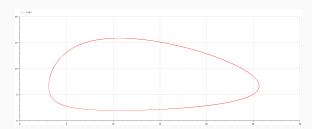


Figure 4: График численности хищников от численности жертв

Выводы по проделанной работе

Вывод

Стационарное состояние $x_0=\frac{a}{b}=6.667, y_0=\frac{c}{d}=10.645$ В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель хищник-жертва и построены графики зависимости количества хищников и жертв в разных отношениях и в разные периоды времени.