Daftar Isi

| Kata PengantarDaftar IsiDaftar Padan Kata | | | iii V xi |
|---|------------|--|----------------|
| 1. | Ме | tode Numerik Secara Umum | 1 |
| | 1.1 | Metode Analitik versus Metode Numerik | 4 |
| | 1.2 1.3 | Metode Numerik dalam Bidang Rekayasa | 6 |
| | 1.4 | yang Rumit Saja ? | 7 8 |
| | 1.4 | Peranan Komputer dalam Metode Numerik | 9 |
| | 1.6 | Tahap-tahap Memecahkan Persoalan Secara Numerik | 10 |
| | 1.7 | Peran Ahli Informatika dalam Metode Numerik | 11 |
| | 1.8 | Perbedaan Metode Numerik dengan Analisis Numerik | 11 |
| | 1.9 | Materi Apa yang Terdapat di dalam Buku Ini ? | 12 |
| 2. | De | ret Taylor Dan Analisis Galat | 15 |
| | 2.1 | Deret Taylor | 16 |
| | 2.2 | Analisis Galat | 21 |
| | 2.3 | Sumber Utama Galat Numerik | 23 |
| | | 2.3.1 Galat Pemotongan | 23 |
| | | 2.3.2 Galat Pembulatan | 26 27 |
| | 2.4 | Orde Penghampiran | 28 |

Daftar Isi

| | 2.5 | Bilangan Titik-Kambang | 29 |
|----|-----|--|----------|
| | | 2.5.1 Bilangan Titik-Kambang Ternormalisasi | 30 |
| | | 2.5.2 Epsilon Mesin | 32 |
| | | 2.5.3 Pembulatan pada Bilangan Titik-Kambang | 35 |
| | | 2.5.4 Aritmetika Bilangan Titik-Kambang | 38 |
| | | 2.5.4.1 Operasi Penambahan dan Pengurangan | 38 44 |
| | | 2.5.4.2 Operasi Perkalian dan Pembagian | 44 |
| | 2.6 | Perambatan Galat | 45 |
| | 2.7 | Kondisi Buruk | 46 |
| | 2.8 | Bilangan Kondisi | 49 |
| | | | |
| | | | |
| _ | | | |
| 3. | Sol | lusi Persamaan Nirlanjar | 55 |
| | | | |
| | 3.1 | Rumusan Masalah | 57 |
| | 3.2 | Metode Pencarian Akar | 57 |
| | 3.3 | Meode Tertutup | 58 |
| | | 3.3.1 Metode Bagidua | 61 |
| | | 3.3.2 Metode Regula Falsi | 67 |
| | 3.4 | Metode Terbuka | 72 |
| | | 3.4.1 Metode Lelaran Titik-Tetap | 72 |
| | | 3.4.2 Metode Newton-Raphson | 84 |
| | | 3.4.3 Orde Konvergensi Metode Terbuka | 91 |
| | | 3.4.4 Metode Secant | 93 |
| | 3.5 | Alten Condo | 97 |
| | | Akar Ganda | |
| | 3.6 | Akar-akar Polinom | 100 |
| | | 3.6.1 Metode Horner untuk Evaluasi Polinom | 100 |
| | | 3.6.2 Pencarian Akar-akar Polinom | 101 |
| | | 3.6.3 Lokasi Akar Polinom | 106 |
| | 3.7 | Sistem Persamaan Nirlanjar | 107 |
| | | 3.7.1 Metode Lelaran Titik-Tetap | 107 |
| | | 3.7.2 Metode Newton-Raphson | 110 |
| | 3.8 | Contoh Soal Terapan | 112 |
| | 5.0 | Comon Soal Telapan | 112 |

vi Metode Numerik

| 4. | Sol | usi Sistem Persamaan Lanjar | 117 |
|----|------|---|-----|
| | 4.1 | Bentuk Umum Sistem Persamaan Lanjar | 119 |
| | 4.2 | Metode Eliminasi Gauss | 120 |
| | | 4.2.1 Tata-ancang <i>Pivoting</i> | 125 |
| | | 4.2.2 Penskalaan | 131 |
| | | 4.2.3 Kemungkinan Solusi SPL | 132 |
| | 4.3 | Metode Eleminasi Gauss-Jordan | 135 |
| | 4.4 | Metode Matriks Balikan | 139 |
| | 4.5 | Metode Dekomposisi LU | 140 |
| | | 4.5.1 Pemfaktoran dengan Metode LU Gauss | 142 |
| | | 4.5.2 Metode Reduksi Crout | 147 |
| | 4.6 | Determinan | 150 |
| | 4.7 | Kondisi Buruk | 154 |
| | 4.8 | Bilangan Kondisi Matriks | 160 |
| | 4.9 | Metode Lelaran Untuk Menyelesaikan SPL | 165 |
| | | 4.9.1 Metode Lelaran Jacobi | 166 |
| | | 4.9.2 Metode Lelaran Gauss-Seidel | 167 |
| | 4.10 | Contoh Soal Terapan | 171 |
| 5 | Inte | erpolasi dan Regresi | 179 |
| | 5.1 | Persoalan Interpolasi Polinom | 182 |
| | | 5.1.1 Interpolasi Lanjar | 183 |
| | | 5.1.2 Interpolasi Kuadratik | 185 |
| | | 5.1.3 Interpolasi Kubik | 186 |
| | 5.2 | Polinom Lagrange | 188 |
| | 5.3 | Polinom Newton | 193 |
| | 5.4 | Keunikan Polinom Interpolasi | 201 |
| | 5.5 | Galat Intepolasi Polinom | 202 |
| | | 5.5.1 Batas Antara Galat Interpolasi Untuk Titik-titik yang | |
| | | Berjarak Sama | 207 |
| | | 5.5.2 Taksiran Galat Interpolasi Newton | 211 |
| | | 5.5.3 Taksiran Galat Interpolasi Lagrage | 212 |

Daftar Isi VII

| | 5.6 | Polinom Newton-Gregory | 212 |
|----------|--------------------------|---|---|
| | | 5.6.1 Polinom Newton-Gregory Maju | 213 |
| | | 5.6.1.1 Tabel Sesilih Maju | 213 |
| | | 5.6.1.2 Penurunan Rumus Polinom Newton-Gregory Maju | 214 |
| | | 5.6.1.3 Menghitung Batas Galat Interpolasi Polinom | |
| | | Newton-Gregory Maju | 218 |
| | | 5.6.1.4 Taksiran Galat Interpolasi Newton-Gregory Maju | 220 |
| | | 5.6.1.5 Manfaat Tabel Selisih Maju | 221 |
| | | 5.6.2 Polinom Interpolasi Newton-Gregory Mundur | 224 |
| | 5.7 | Ekstrapolasi | 226 |
| | 5.8 | Interpolasi Dwimatra | |
| | 5.9 | Contoh Soal Terapan Interpolasi | |
| | | | |
| | 5.10 | Regresi | |
| | | 5.10.1 Regresi Lanjar | |
| | | 5.10.2 Pelanjaran | 236 |
| | 5.11 | Contoh Penerapan Regresi dalam Bidang Rekayasa | 241 |
| | | | |
| _ | lose | egrasi Numerik | 249 |
| 6 | mte | -grasi Nullierik | 273 |
| 6 | 6.1 | | 251 |
| 6 | | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa | 251 |
| 6 — | 6.1 6.2 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa | 251 253 |
| 6 | 6.1 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa | 251 253 253 |
| 6 | 6.1 6.2 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa | 251 253 253 254 |
| 6 | 6.1 6.2 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa | 251 253 253 254 257 |
| 6 | 6.1 6.2 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa | 251 253 253 254 257 258 |
| 6 | 6.1 6.2 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa | 251 253 253 254 257 258 260 |
| 6 | 6.1 6.2 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa Persoalan Integrasi Numerik Metode Pias 6.3.1 Kaidah Segiempat 6.3.2 Kaidah Trapesium 6.3.3 Kaidah Titik Tengah 6.3.4 Galat Metode Pias 6.3.4.1 Galat Kaidah Trapesium | 251 253 253 254 257 258 260 261 |
| 6 | 6.1 6.2 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa | 251 253 253 254 257 258 260 |
| 6 | 6.1 6.2 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa Persoalan Integrasi Numerik Metode Pias 6.3.1 Kaidah Segiempat 6.3.2 Kaidah Trapesium 6.3.3 Kaidah Titik Tengah 6.3.4 Galat Metode Pias 6.3.4.1 Galat Kaidah Trapesium | 251 253 253 254 257 258 260 261 |
| 6 | 6.1 6.2 6.3 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa Persoalan Integrasi Numerik Metode Pias 6.3.1 Kaidah Segiempat 6.3.2 Kaidah Trapesium 6.3.3 Kaidah Titik Tengah 6.3.4 Galat Metode Pias 6.3.4.1 Galat Kaidah Trapesium 6.3.4.2 Galat Kaidah Titik Tengah Metode Newton-Cotes | 251 253 253 254 257 258 260 261 264 |
| 6 | 6.1 6.2 6.3 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa Persoalan Integrasi Numerik Metode Pias 6.3.1 Kaidah Segiempat 6.3.2 Kaidah Trapesium 6.3.3 Kaidah Titik Tengah 6.3.4 Galat Metode Pias 6.3.4.1 Galat Kaidah Trapesium 6.3.4.2 Galat Kaidah Titik Tengah Metode Newton-Cotes 6.4.1 Kaidah Trapesium | 251 253 253 254 257 258 260 261 264 265 266 |
| 6 | 6.1 6.2 6.3 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa Persoalan Integrasi Numerik Metode Pias 6.3.1 Kaidah Segiempat 6.3.2 Kaidah Trapesium 6.3.3 Kaidah Titik Tengah 6.3.4 Galat Metode Pias 6.3.4.1 Galat Kaidah Trapesium 6.3.4.2 Galat Kaidah Titik Tengah Metode Newton-Cotes 6.4.1 Kaidah Trapesium 6.4.2 Kaidah Simpson 1/3 | 251 253 253 254 257 258 260 261 264 265 266 268 |
| 6 | 6.1 6.2 6.3 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa Persoalan Integrasi Numerik Metode Pias 6.3.1 Kaidah Segiempat 6.3.2 Kaidah Trapesium 6.3.3 Kaidah Titik Tengah 6.3.4 Galat Metode Pias 6.3.4.1 Galat Kaidah Trapesium 6.3.4.2 Galat Kaidah Titik Tengah Metode Newton-Cotes 6.4.1 Kaidah Trapesium 6.4.2 Kaidah Simpson 1/3 6.4.3 Kaidah Simpson 3/8 | 251 253 253 254 257 258 260 261 264 265 266 268 276 |
| 6 | 6.1 6.2 6.3 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa Persoalan Integrasi Numerik Metode Pias 6.3.1 Kaidah Segiempat 6.3.2 Kaidah Trapesium 6.3.3 Kaidah Titik Tengah 6.3.4 Galat Metode Pias 6.3.4.1 Galat Kaidah Trapesium 6.3.4.2 Galat Kaidah Titik Tengah Metode Newton-Cotes 6.4.1 Kaidah Trapesium 6.4.2 Kaidah Simpson 1/3 | 251 253 253 254 257 258 260 261 264 265 266 268 |
| 6 | 6.1 6.2 6.3 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa Persoalan Integrasi Numerik Metode Pias 6.3.1 Kaidah Segiempat 6.3.2 Kaidah Trapesium 6.3.3 Kaidah Titik Tengah 6.3.4 Galat Metode Pias 6.3.4.1 Galat Kaidah Trapesium 6.3.4.2 Galat Kaidah Titik Tengah Metode Newton-Cotes 6.4.1 Kaidah Trapesium 6.4.2 Kaidah Simpson 1/3 6.4.3 Kaidah Simpson 3/8 6.4.4 Metode Integrasi Numerik Untuk h yang Berbeda-beda | 251 253 253 254 257 258 260 261 264 265 266 268 276 279 |
| 6 | 6.1 6.2 6.3 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa Persoalan Integrasi Numerik Metode Pias 6.3.1 Kaidah Segiempat 6.3.2 Kaidah Trapesium 6.3.3 Kaidah Titik Tengah 6.3.4 Galat Metode Pias 6.3.4.1 Galat Kaidah Trapesium 6.3.4.2 Galat Kaidah Titik Tengah Metode Newton-Cotes 6.4.1 Kaidah Trapesium 6.4.2 Kaidah Simpson 1/3 6.4.3 Kaidah Simpson 3/8 6.4.4 Metode Integrasi Numerik Untuk h yang Berbeda-beda 6.4.5 Bentuk Umum Metode Newton-Cotes | 251 253 253 254 257 258 260 261 264 265 266 268 276 279 280 |
| 6 | 6.1 6.2 6.3 6.4 | Terapan Integral dalam Bidang Sains dan Rekayasa Persoalan Integrasi Numerik Metode Pias 6.3.1 Kaidah Segiempat 6.3.2 Kaidah Trapesium 6.3.3 Kaidah Titik Tengah 6.3.4 Galat Metode Pias 6.3.4.1 Galat Kaidah Trapesium 6.3.4.2 Galat Kaidah Titik Tengah Metode Newton-Cotes 6.4.1 Kaidah Trapesium 6.4.2 Kaidah Simpson 1/3 6.4.3 Kaidah Simpson 3/8 6.4.4 Metode Integrasi Numerik Untuk h yang Berbeda-beda 6.4.5 Bentuk Umum Metode Newton-Cotes | 251 253 253 254 257 258 260 261 264 265 266 268 276 279 280 |

viii Metode Numerik

| | | 6.6.3 Ekstrapolasi Aitken | 296 |
|---|---------------------------------|---|---|
| | 6.7 | Integral Ganda | 300 |
| | 6.8 | Kuadratus Gauss | 303 |
| | 6.9 | Contoh Soal Terapan | 311 |
| 7 | Tur | unan Numerik | 317 |
| | 7.1 | Persoalan Turunan Numerik | 318 |
| | 7.2 | Tiga Pendekatan dalam Menghitung Turunan Numerik | 318 |
| | 7.3 | Penurunan Rumus Turunan dengan Deret Taylor | 320 |
| | 7.4 | Penurunan Rumus Turunan Numerik dengan Polinom Interpolasi | 323 |
| | 7.5 | Menentukan Orde Galat | 325 |
| | 7.6 | Program Menghitung Turunan | 326 |
| | 7.7 | Ringkasan Rumus-rumus Turunan | 326 |
| | 7.8 | Contoh Perhitungan Turunan | 328 |
| | 7.9 | Ekstrapolasi Richardson | 329 |
| | | | |
| | 7.10 | Terapan Turunan Numerik dalam Bidang Pengolahan Citra | 332 |
| 8 | | Terapan Turunan Numerik dalam Bidang Pengolahan Citra usi Persamaan Diferensial Biasa | 332 341 |
| 8 | | | |
| 8 | Sol | usi Persamaan Diferensial Biasa | 341 |
| 8 | Sol 8.1 | usi Persamaan Diferensial Biasa Kelompok Persamaan Diferensial | 341 |
| 8 | 8.1 8.2 | usi Persamaan Diferensial Biasa | 341 342 343 |
| 8 | 8.1 8.2 8.3 | Kelompok Persamaan Diferensial Biasa Kelompok Persamaan Diferensial Terapan Persamaan Diferensial PDB Orde Satu Metode Euler 8.4.1 Tafsiran Geometri Metode PDB | 341 342 343 345 346 347 |
| 8 | 8.1 8.2 8.3 | Kelompok Persamaan Diferensial Terapan Persamaan Diferensial PDB Orde Satu Metode Euler | 341 342 343 345 346 |
| 8 | 8.1 8.2 8.3 | Kelompok Persamaan Diferensial Biasa Kelompok Persamaan Diferensial Terapan Persamaan Diferensial PDB Orde Satu Metode Euler 8.4.1 Tafsiran Geometri Metode PDB | 341 342 343 345 346 347 |
| 8 | 8.1 8.2 8.3 8.4 | Kelompok Persamaan Diferensial Biasa Kelompok Persamaan Diferensial Terapan Persamaan Diferensial PDB Orde Satu Metode Euler 8.4.1 Tafsiran Geometri Metode PDB 8.4.2 Analisis Galat Metode Euler Metode Heun (Perbaikan Metode Euler) 8.5.1 Tafsiran Geometri Metode Heun | 341 342 343 345 346 347 349 |
| 8 | 8.1 8.2 8.3 8.4 | Kelompok Persamaan Diferensial Biasa Kelompok Persamaan Diferensial Terapan Persamaan Diferensial PDB Orde Satu Metode Euler 8.4.1 Tafsiran Geometri Metode PDB 8.4.2 Analisis Galat Metode Euler Metode Heun (Perbaikan Metode Euler) 8.5.1 Tafsiran Geometri Metode Heun 8.5.2 Galat Metode Heun | 341 342 343 346 347 349 352 353 353 |
| 8 | 8.1 8.2 8.3 8.4 | Kelompok Persamaan Diferensial Biasa Kelompok Persamaan Diferensial Terapan Persamaan Diferensial PDB Orde Satu Metode Euler 8.4.1 Tafsiran Geometri Metode PDB 8.4.2 Analisis Galat Metode Euler Metode Heun (Perbaikan Metode Euler) 8.5.1 Tafsiran Geometri Metode Heun | 341 342 343 345 346 347 349 352 353 |
| 8 | 8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 | Kelompok Persamaan Diferensial Biasa Kelompok Persamaan Diferensial Terapan Persamaan Diferensial PDB Orde Satu Metode Euler 8.4.1 Tafsiran Geometri Metode PDB 8.4.2 Analisis Galat Metode Euler Metode Heun (Perbaikan Metode Euler) 8.5.1 Tafsiran Geometri Metode Heun 8.5.2 Galat Metode Heun 8.5.3 Perluasan Metode Heun Metode Deret Taylor | 341 342 343 346 347 349 352 353 353 |
| 8 | 8.1 8.2 8.3 8.4 | Kelompok Persamaan Diferensial Biasa Kelompok Persamaan Diferensial Terapan Persamaan Diferensial PDB Orde Satu Metode Euler 8.4.1 Tafsiran Geometri Metode PDB 8.4.2 Analisis Galat Metode Euler Metode Heun (Perbaikan Metode Euler) 8.5.1 Tafsiran Geometri Metode Heun 8.5.2 Galat Metode Heun 8.5.3 Perluasan Metode Heun | 341 342 343 345 346 347 349 352 353 353 357 |
| 8 | 8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 | Kelompok Persamaan Diferensial Biasa Kelompok Persamaan Diferensial Terapan Persamaan Diferensial PDB Orde Satu Metode Euler 8.4.1 Tafsiran Geometri Metode PDB 8.4.2 Analisis Galat Metode Euler Metode Heun (Perbaikan Metode Euler) 8.5.1 Tafsiran Geometri Metode Heun 8.5.2 Galat Metode Heun 8.5.3 Perluasan Metode Heun Metode Deret Taylor | 341 342 343 345 346 347 349 352 353 357 358 |

Daftar Isi jx

| | 8.8.2 Metode Runge-Kutta Orde Dua | 365 |
|-----------|--|-----|
| | 8.8.3 Metode Runge-Kutta Orde Tiga | 368 |
| | 8.8.4 Metode Runge-Kutta Orde Empat | 369 |
| 8.9 | Ekstrapolasi Richardson | 371 |
| 8.10 | Metode Banyak-Langkah | 371 |
| | 8.10.1 Metode Adams-Bashforth-Moulton | 372 |
| | 8.10.2 Metode Milne-Simpson | 376 |
| | 8.10.3 Metode Hamming | 376 |
| | 8.10.4 Prosedur Pendahuluan | 376 |
| | 8.10.5 Keidealan Metode <i>Predictor-Corrector</i> | 377 |
| 8.11 | Pemilihan Ukuran Langkah yang Optimal | 379 |
| 8.12 | Sistem Persamaan Diferensial | 381 |
| 8.13 | Persamaan Diferensial Orde Lanjut | 384 |
| 8.14 | Ketidakstabilan Metode PDB | 387 |
| 8.15 | Contoh Soal Terapan | 389 |
| | | |
| | | |
| Daftar Pu | staka | 397 |

Daftar Padan

x Metode Numerik

Bahasa Inggris – Bahasa Indonesia

| Inggris | Indonesia |
|----------------------------|-------------------------|
| | |
| approximate (v) | menghampiri |
| approximation (n) | hampiran |
| accurate (adj) | teliti |
| array (n) | larik |
| continuous (adj) | menerus, sinambung |
| continuous function (n) | fungsi menerus |
| derivative (n) | turunan |
| discrete (adj) | farik |
| dimension (n) | matra |
| design (art) (v) | meripta |
| domain (n) | ranah |
| effective (adj) | sangkil |
| efficient (adj) | mangkus |
| efficiency (n) | kemangkusan |
| engineering | rekayasa |
| engineer | rekayasawan |
| error (n) | galat |
| estimate (v) | menaksir, pemperkirakan |
| estimation (n) | taksiran |
| exact (adj) | sejati |
| exact solution (n) | solusi sejati |
| floating-point numbers (n) | bilangan titik-kambang |
| generalize (v) | merampatkan |
| generalization (n) | rampatan |
| iteration (n) | lelaran |
| interval (n) | selang |
| subinterval (n) | upaselang |
| linier (adj) | lanjar |
| loop (n) | kalang |
| manipulate (v) | mengutak-atik |
| multistep (n) | bahu-langkah |

Daftar Isi xi

```
non linier (adj)
                                             nirlanjar
problem (n)
                                             soal, persoalan, masalah
                                             merajah
plot (v)
\textit{round-off}(n)
                                             pembualatan
rule (n)
                                             aturan
single-precission numbers (n)
                                             bilangan berketelitian tunggal
double-precission numbers (n)
                                             bilangan berketlitian ganda
strategy (n)
                                             tata-ancang
substitute (v)
                                             menyulih
substitution (n)
                                             sulihan
                                             angka bena, angka berarti
significant figure (digit) (n)
                                             tikalas
subscript (n)
stagnant (adj)
                                             mandek
step (n)
                                             langkah
strip (n)
                                             pias
truncation (n)
                                             pemotongan
```

xii Metode Numerik