### Модель гармонических колебаний

Хасан Факи Акбар<sup>1</sup> 03-04, 2025, Москва, Россия

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Российский Университет Дружбы Народов

## Цели и задачи работы

#### Цель лабораторной работы

Изучить уравнение гармонического осцилятора

#### Задание к лабораторной работе

- 1. Построить решение уравнения гармонического осциллятора без затухания
- 2. Записать уравнение свободных колебаний гармонического осциллятора с затуханием, построить его решение. Построить фазовый портрет гармонических колебаний с затуханием.
- 3. Записать уравнение колебаний гармонического осциллятора, если на систему действует внешняя сила, построить его решение. Построить фазовый портрет колебаний с действием внешней силы.

### лабораторной работы

Процесс выполнения

#### Теоретический материал

Движение грузика на пружинке, маятника, заряда в электрическом контуре, а также эволюция во времени многих систем в физике, химии, биологии и других науках при определенных предположениях можно описать одним и тем же дифференциальным уравнением, которое в теории колебаний выступает в качестве основной модели. Эта модель называется линейным гармоническим осциллятором. Уравнение свободных колебаний гармонического осциллятора имеет следующий вид:

$$\ddot{x} + 2\gamma\dot{x} + \omega_0^2 = 0$$

#### Теоретический материал

При отсутствии потерь в системе (  $\gamma=0$  ) получаем уравнение консервативного осциллятора энергия колебания которого сохраняется во времени.

$$\ddot{x} + \omega_0^2 x = 0$$

Для однозначной разрешимости уравнения второго порядка необходимо задать два начальных условия вида

$$\begin{cases} x(t_0) = x_0 \\ x(\dot{t}_0) = y_0 \end{cases}$$

#### Теоретический материал

Уравнение второго порядка можно представить в виде системы двух уравнений первого порядка:

$$\begin{cases} x = y \\ y = -\omega_0^2 x \end{cases}$$

Начальные условия для системы примут вид:

$$\begin{cases} x(t_0) = x_0 \\ y(t_0) = y_0 \end{cases}$$

#### Условие задачи

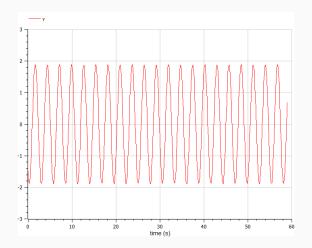
Постройте фазовый портрет гармонического осциллятора и решение уравнения гармонического осциллятора для следующих случаев

- 1. Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы  $\ddot{x}+5.2x=0$
- 2. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы  $\ddot{x}+14\dot{x}+0.5x=0$
- 3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы  $\ddot{x}+13\dot{x}+0.3x=0.8\sin 9*t$

На итн<br/>тервале  $t \in [0; 59]$ , шаг 0.05,  $x_0 = 0.5, y_0 = -1.5$ 

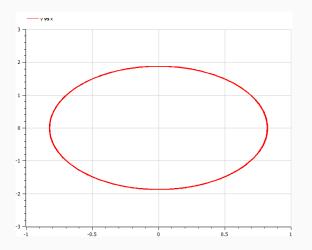
### Случай 1. Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

$$\ddot{x} + 5.2x = 0$$



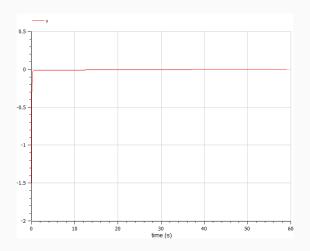
### Случай 1. Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

$$\ddot{x} + 5.2x = 0$$



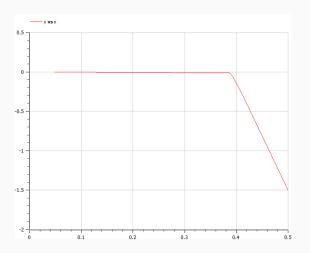
### Случай 2. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

$$\ddot{x} + 14\dot{x} + 0.5x = 0$$



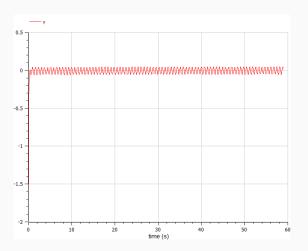
### Случай 2. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

$$\ddot{x} + 14\dot{x} + 0.5x = 0$$



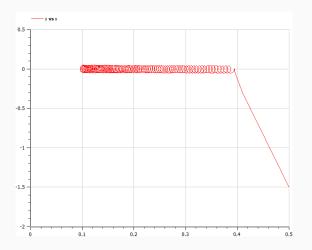
### Случай 3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

$$\ddot{x} + 13\dot{x} + 0.3x = 0.8\sin 9 * t$$



### Случай 3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

$$\ddot{x} + 13\dot{x} + 0.3x = 0.8\sin 9 * t$$



# Выводы по проделанной работе

#### Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы были построены решения уравнения гармонического осциллятора и фазовые портреты гармонических колебаний без затухания, с затуханием и при действии внешней силы.