

Trabajo Práctico Semanal IV

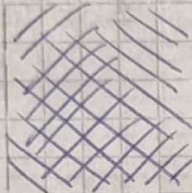
Plantilla de diseño:

→ Zona prohibida

$\alpha(\omega)$ [dB]

α_{min}

α_{max}



Datos:

$\alpha_{max} = 1 \text{ dB}$

$\alpha_{min} = 30 \text{ dB}$

$f_p = 40 \text{ kHz}$

$f_s = 10 \text{ kHz}$

f_s

f_p

f [Hz]

$\frac{f_s}{f_p}$

$\frac{f_p}{f_p} = 1$

f (normalizado)

$\omega_p = 2\pi \cdot f_p$
 $= 2\pi \cdot 40 \text{ kHz}$

norma de frecuencia

$\frac{f_s}{f_p} = \frac{10 \text{ kHz}}{40 \text{ kHz}} = \frac{1}{4} = 0,25$; $f_s' = 0,25 < 1$

① Obtener la transferencia de máxima planicidad del filtro requerido.

Como $f_p > f_s \rightarrow$ Filtro pasa altos

Para obtener el HPF, trabajo con un LPF prototipo y luego lo transformo para así llegar al filtro objetivo.

* Normalizo la plantilla: $\omega_p = 1$

$\omega_s = 0,25$

* Plantilla del filtro pasa bajos equivalente (prototipo):

$\omega_p = \frac{1}{\omega_p} = 1$; $\omega_s = \frac{1}{\omega_s} = \frac{1}{0,25} = 4$ $\left\{ \begin{array}{l} \alpha_{max} = 1 \text{ dB} \\ \alpha_{min} = 30 \text{ dB} \end{array} \right.$ (no cambian)

* Diseño en LPF de máxima planicidad:

$\epsilon^2 = 10^{\frac{\alpha_{max}}{10}} - 1 = 0,2589...$

$\epsilon = \sqrt{0,2589...} = 0,5088$

$\alpha_{min} = \alpha(\omega_s) ; \omega_s = 4$
 $= 10 \cdot \log(1 + \epsilon^2 \cdot \omega_s^{2n})$

$\alpha_{min}(n=2) = 18,28 \text{ dB} < 30 \text{ dB}$

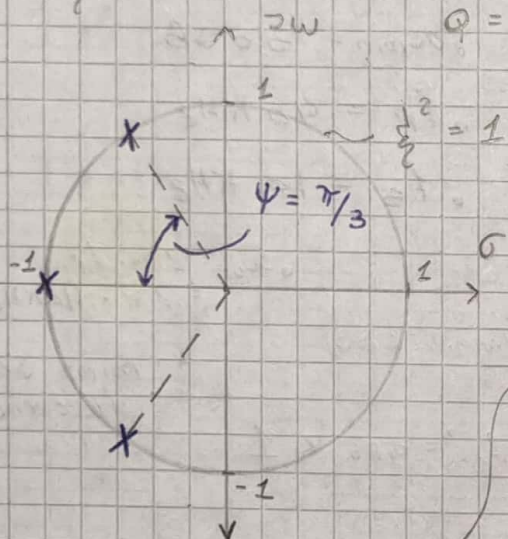
$\alpha_{min}(n=3) = 30,26 \text{ dB} > 30 \text{ dB}$

$\rightarrow n = 3$

Como se trata de un M.P., lo puedo plantear como un Butterworth con $\xi^2 = 1$ y luego renormalizo la transformada con ω_B

$$|T_{MP-HP}(\omega)|^2 = \frac{1}{1 + \xi^2 \cdot \omega^{2n}} = \frac{1}{1 + \left(\frac{\omega}{\xi^{-1/n}}\right)^{2n}} = \frac{1}{1 + (\omega'')^{2n}}$$

$$\omega'' = \frac{\omega}{\xi^{-1/n}}$$



$$Q = \frac{1}{2 \cdot \cos(\psi)} = \frac{1}{2 \cdot \cos(\pi/3)} = 1 //$$

$$\omega_B = \xi^{-1/n}$$

* Diagrama de polos y ceros del filtro pasa bajos prototipo.

Transformación de un filtro pasa bajos Butterworth orden 3

Sección orden 2

Sección orden 1

$$T_{LP}(s) = \left(\frac{1}{s^2 + s \cdot \frac{2 \cos(\pi/3)}{1} + 1} \right) \cdot \left(\frac{1}{s + 1} \right)$$

$$T_{HP}(s) = T_{LP}(s = K/s) = T_{LP}(s = 1/s) \rightarrow \text{Aplica el núcleo de transformación LPF} \rightarrow \text{HPF} //$$

$$T_{HP}(s) = \left(\frac{1}{\frac{1}{s^2} + \frac{1}{s} \cdot 1 + 1} \right) \cdot \left(\frac{1}{\frac{1}{s} + 1} \right)$$

$$= \left(\frac{1}{1 + s + s^2} \right) \cdot \left(\frac{1}{\frac{1+s}{s}} \right) = \left(\frac{s^2}{s^2 + s + 1} \right) \cdot \left(\frac{s}{s+1} \right) //$$

Obtengo la transferencia de un HPF Butter

$$\Rightarrow \omega_{B_{HPF}} = \frac{1}{\omega_{B_{LPF}}} = \frac{1}{\xi^{-1/n}} = \xi^{+1/n} //$$

$$\omega_{B_{HPF}} = \omega_p \cdot \xi^{+1/n} = 1 \cdot (0,5088)^{1/3}$$

$$= 0,7983 //$$

→ Cambia la ω_B para la renormalización del filtro pasa altos.

Transferencia del filtro pasa altos, máxima planicidad.

$$T_{HP}(s) = \left(\frac{s^2}{s^2 + \frac{\omega_B}{Q} \cdot s + \omega_B^2} \right) \cdot \left(\frac{s}{s + \omega_B} \right)$$

$$\omega_B^2 = (0,7983)^2 = 0,63733, Q = 1$$

* El ϕ de transfluencia Butter es el mismo que en MP, ya que el ϕ está en función de la apertura angular de los polos, la cual se mantiene constante. Lo que cambia es la frecuencia $\omega_0 = 1 \rightarrow \omega_B$, ya que varía el radio en el cual están circunscritas las singularidades.

$$T_{HP}(s) = \frac{s^2}{(s^2 + 0,7983s + 0,63733)} \cdot \left(\frac{s}{s + 0,7983} \right) //$$

Polos:

$$\begin{aligned} & -0,7983 \\ & -0,39915 + j \cdot 0,691382 \\ & -0,39915 - j \cdot 0,691382 \end{aligned}$$

Transferencia de máxima planicidad del filtro pasa altos objetivo

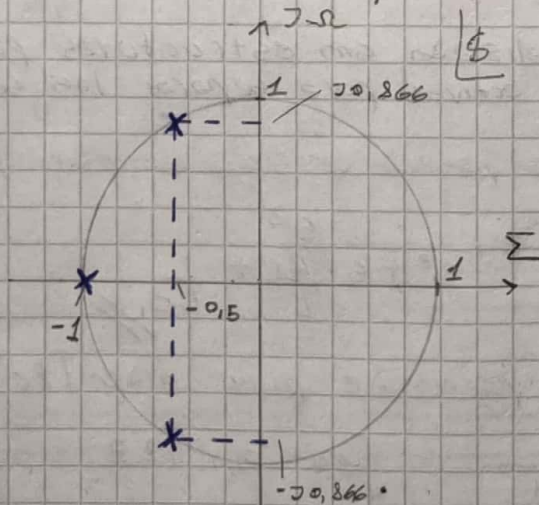
Cero: $0 + j0$, orden $n=3$

② Obtener el diagrama de polos y ceros, y un bosquejo de la respuesta en frecuencia. Compare el diagrama de polos y ceros con el del filtro paso alto prototipo.

* Filtro pasa bajos orden 3 prototipo

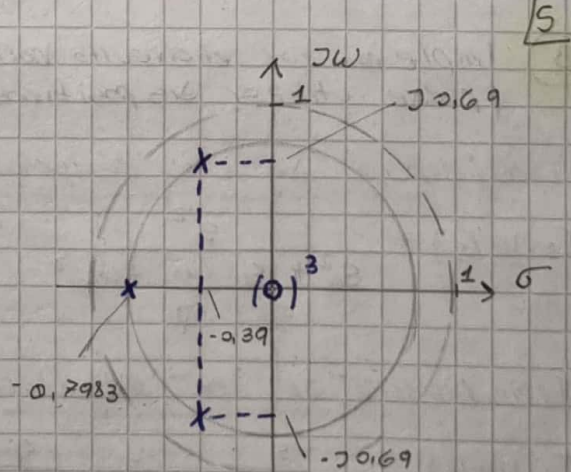
* Filtro pasa altos orden 3 objetivo

$$\begin{aligned} s &= \sigma + j\omega \\ \phi &= \Sigma + j\Omega \end{aligned}$$



Polos:

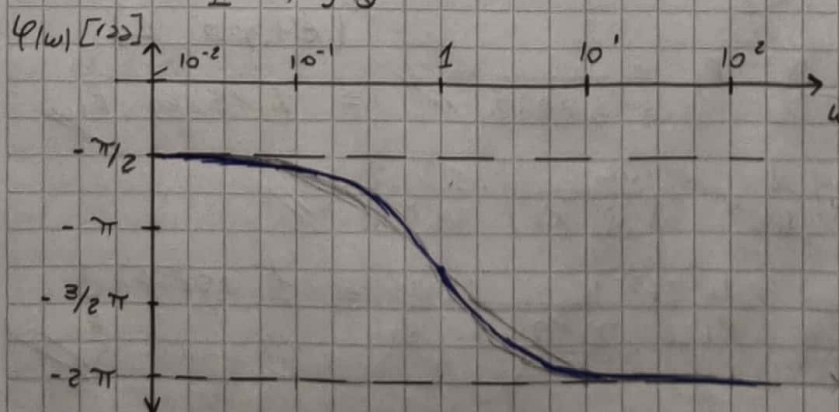
$$\begin{aligned} & -0,5 + j0,866 \\ & -0,5 - j0,866 \\ & -1 + j0 \end{aligned}$$



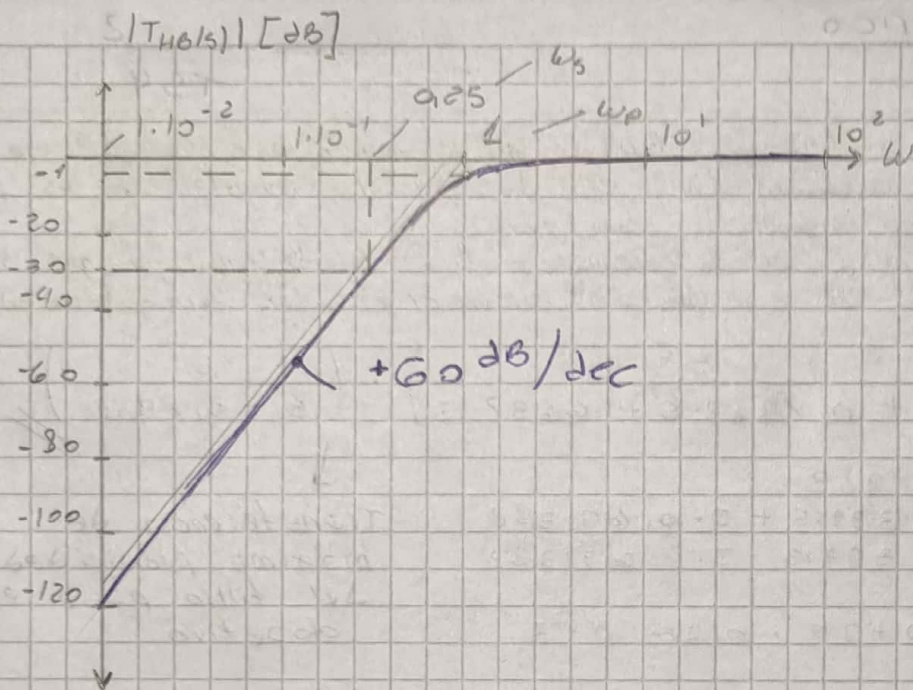
Ceros: $0 + j0$ (orden 3)

Polos:

$$\begin{aligned} & -0,399 + j0,691 \\ & -0,399 - j0,691 \\ & -0,7983 + j0 \end{aligned}$$



Bosquejo de la respuesta de fase de la transferencia (frecuencia THz/s)



Busqueda de la
respuesta en frecuencia

$|T_H(\omega)|$ (en módulo)

3 Implementar el circuito normalizado con estructuras pasivas.
(puede utilizar dispositivos activos para separar las secciones).

• Transfencia de una estructura pasiva de segundo orden (RLC):

$$T_{2-HP}(s) = \frac{s^2}{s^2 + s \cdot \frac{\omega_0}{Q} + \omega_0^2} = \frac{s^2}{s^2 + s \cdot \frac{R_1}{L} + \frac{1}{LC_1}}$$

• Transfencia de una estructura pasiva de primer orden (RC):

$$T_{1-HP}(s) = \frac{s}{s + \omega_0} = \frac{s}{s + \frac{1}{RC_2}} \quad \begin{cases} \omega_0 = 0,7983 \\ Q = 1 \end{cases}$$

$$\text{Assume } R_2 = R_1 \rightarrow R_1' = \frac{R_1}{R_2} = 1 \quad (\text{norma de impedancia})$$

$$\frac{R_1}{L} = \frac{\omega_0}{Q} \rightarrow L = \frac{Q}{\omega_0} \cdot R_1 = \frac{1}{0,7983} \cdot R_1 = 1,25266 \cdot R_1 \quad (\text{etapa 1})$$

$$\frac{1}{LC_1} = \omega_0^2 \rightarrow C_1 = \left(\frac{1}{L} \right) \cdot \frac{1}{\omega_0^2} = \left(\frac{\omega_0}{Q \cdot R_1} \right) \cdot \frac{1}{\omega_0^2}$$

$$C_1 = \frac{1}{\omega_0} \cdot \frac{1}{R_1} = \frac{1}{0,7983} \cdot \frac{1}{R_1} = 1,25266 \cdot \frac{1}{R_1}$$

(Etapa 2) • Assume $R_2 = R_1 = R$

$$\omega_0 = \frac{1}{R_2 C_2} \rightarrow C_2 = \frac{1}{\omega_0} \cdot \frac{1}{R_2} = \frac{1}{\omega_0} \cdot \frac{1}{R_1}$$

$$= \frac{1}{0,7983} \cdot \frac{1}{R_1} = 1,25266 \cdot \frac{1}{R_1}$$

$$\Rightarrow R_1 = R_2 = R$$

$$L = 1,25266 \cdot R_1$$

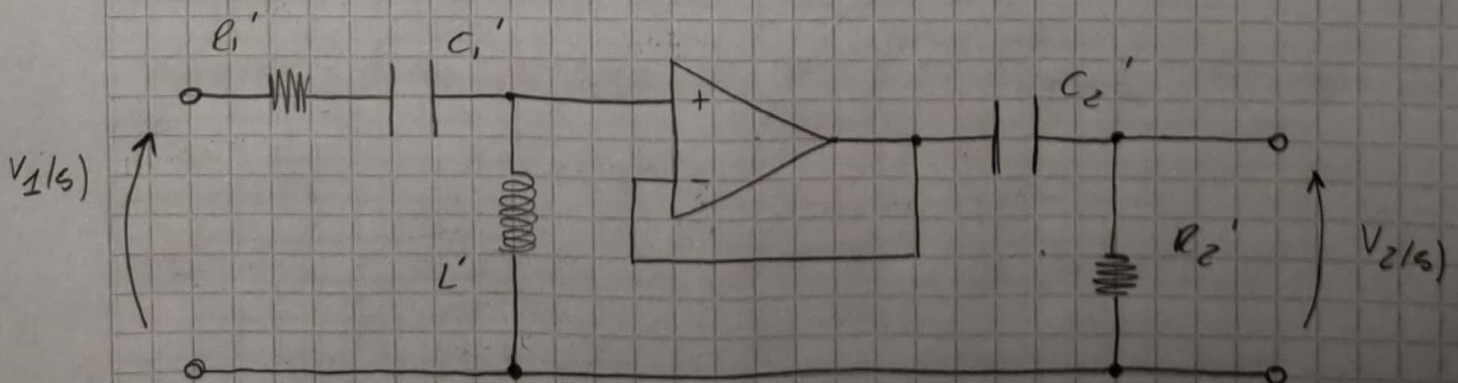
$$C_1 = C_2 = C = 1,25266 \cdot \frac{1}{R_1}$$

• Normalized in impedance
 $R_2 = R_1$:

$$R_1' = R_2' = \frac{R_1}{R_2} = \frac{R_1}{R_1} = 1$$

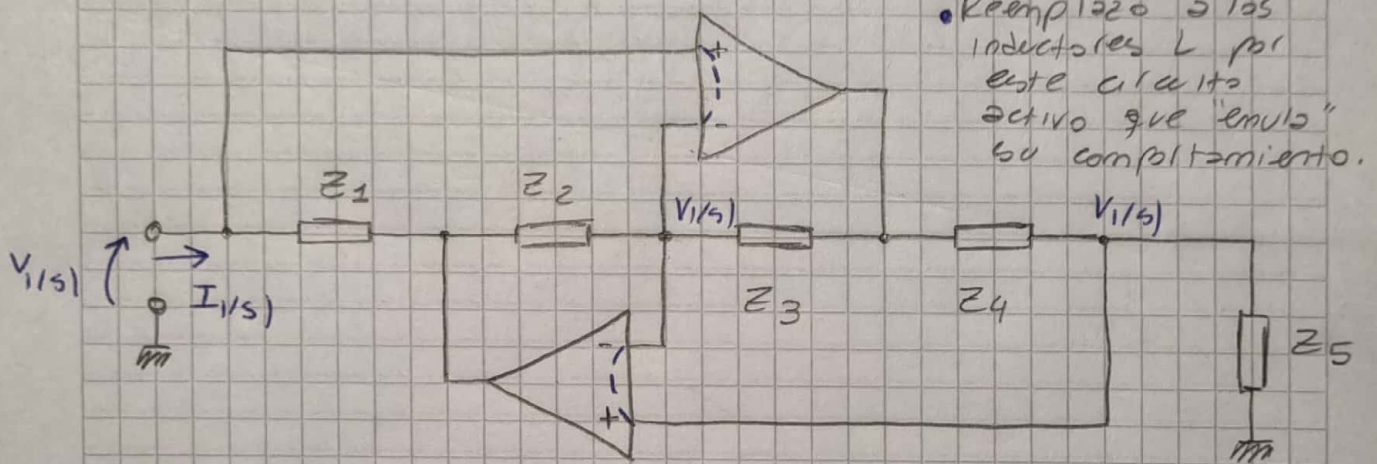
$$C_1' = C_2' = C_1 \cdot R_2 = 1,25266 \cdot \frac{1}{R_1} \cdot R_1 = 1,25266$$

$$L' = \frac{L}{R_2} = \frac{1,25266 \cdot R_1}{R_1} = 1,25266$$



- ④ Reemplace los inductores en las estructuras pasivas mediante el "GIC de Antoniou", en la configuración que considere más apropiada.

* GIC Antoniou como circuito girador:



$$Z_{1(s)} = \frac{V_{1(s)}}{I_{1(s)}} = \frac{Z_1 \cdot Z_3 \cdot Z_5}{Z_2 \cdot Z_4} \rightarrow \text{Impedancia de entrada del circuito girador.}$$

Para hacer que el circuito girador se comporte como un

inductor: $Z_{1(s)} = s \cdot L_{eq}$, elijo que $Z_{1,3,4,5} = R$ y

$$Z_2 = \frac{1}{sC}$$

$$\Rightarrow Z_{1(s)} = \frac{Z_1 \cdot Z_3 \cdot Z_5}{Z_2 \cdot Z_4} = \frac{R \cdot R \cdot R}{\frac{1}{sC} \cdot R} = s \cdot (R^2 C) = s \cdot L_{eq}$$

$$L_{eq} = R^2 \cdot C; [L_{eq}] = [R^2 C] = [H]$$

Las unidades son consistentes.

$$= \frac{V^2}{A^2} \cdot \frac{A \cdot \text{seg}}{V} = \left[\frac{V \cdot \text{seg}}{A} \right] = [H]$$

$$\Rightarrow Z_{1(s)} = s \cdot L_{eq} = s \cdot (R_L^2 \cdot C_L) = 1,25266$$

Asumo $R_L = R_3 = R_4 = R_5 = R_L = 1 \Omega$

$$L_{eq} = \frac{R_L^2}{1} \cdot C_L = 1,25266$$

$$C_L = 1,25266$$

Obtengo los valores de los componentes (normalizados) para el circuito girador.