## Vysoká škola ekonomická v Praze Fakulta informatiky a statistiky



# Variační autoenkodér a úlohy pozorování v latentním prostoru

## BAKALÁŘSKÁ PRÁCE

Studijní program: Aplikovaná informatika

Autor: Tomáš Faltejsek

Vedoucí práce: Ing. Ondřej Vadinský, Ph.D.

Konzultant práce: full consultant's name (incl. degrees)

Praha, květen 2023

Poděkování		
Thanks.		

#### **Abstract**

Jedním z předních rysů lidské inteligence je intuice a schopnost představovat si nové objekty. Variační autoenkodér je inovací na poli pravděpodobnostních modelů, umožňující architekturu modelů schopných syntézy zcela nových dat s využitím pozorování atributů v latentním prostoru. Teoretická charakteristika a možnosti využití variačního autoenkodéru jsou předmětem této bakalářské práce.

#### Keywords

keyword, important term, another topic, and another one

## Obsah

Ú	$\overline{\mathbf{v}}$ vod		9
1	Výc	chodiska variačního autoenkodéru	10
	1.1	Umělé neuronové sítě	11
		1.1.1 Perceptron	11
		1.1.2 Hebbovské účení	11
		1.1.3 Universal approximation theorem	11
		1.1.4 Vícevrstvý Perceptron	11
		1.1.5 Gradient descent	11
		1.1.6 Backpropagation	11
		1.1.7 Strojové učení	11
		1.1.8 Hluboké učení	11
		1.1.9 Konvoluční sítě	11
	1.2	Redukce dimenzionality	12
		1.2.1 The Curse of Dimensionality	12
		1.2.2 Analýza hlavních komponent	12
	1.3	Autoenkodér	13
		1.3.1 Historický pohled	14
		$1.3.2$ Neuplný autoenkodér // Undercomplete Autoencoder $\ \ldots \ \ldots \ \ldots$	14
		1.3.3 Hlubuký autoenkodér	14
		1.3.4 Řídký autoenkodér	15
		1.3.5 Denoising autoenkodér	15
		1.3.6 Contractive autoenkodér	15
		1.3.7 Stochastický enkodér dekodér	15
		1.3.8 Taxonomie autoenkodérů	15
	1.4	Pravděpodobnostní modely a inference pomocí variačního Bayese	16
	1.5	Kullback–Lieblerova divergence	17
	1.6	Modely využívající latentních proměnných // Latent Variable Models	18
2	Var	iační autoenkodér	19
	2.1	Evidence Lower Bound	19
	2.2	Reparametrizační trik	19
	2.3	Formalizace	19
	2.4	Model umělé neuronové sítě	19
	2.5	Nedostatky a omezení	19
	2.6	Rozšíření a aktuální stav poznání	19
	2.7	Pozorování v latentním prostoru	19
3	Úlo	hy pozorování v latentním prostoru	20
	3.1	Generativní modelování obrazových dat	20

	3.2	Rekonstrukce obrazových dat	20
	3.3	Interpolace vět	20
	3.4	Detekce anomálií	20
	3.5	Syntéza tabulárních dat	20
	3.6	Komprese	20
4	Exp	erimenty s modelem variačního autoenkodéru	21
	4.1	Generativní modelování obrazových dat	21
		4.1.1 Vymezení problémové oblasti	21
		4.1.2 Datová sada a předzpracování	21
		4.1.3 Nastavení experimentu	21
		4.1.4 Návrh modelu	21
		4.1.5 Evaluace	21
		4.1.6 Diskuze	21
	4.2	Interpolace vět	21
Zá	ivěr		22
$\mathbf{A}$	Zdr	ojové kódy modelů	24

### Seznam obrázků

1.1	Obecná struktura Autoenkodéru. Ze vstupu $x$ je enkodérem vytvořen kód $h$	13
1.2	Triviální architektura umělé neuronové sítě autoenkodéru. Skrytá vrstva předsta-	
	vuje bottleneck	13

Note: Add a list of figures if the number of figures in the thesis text exceeds 20. A list of diagrams is applicable only if the author distinguishes between a figure and a diagram. The list of diagrams is included if the number of diagrams exceeds 20. This thesis template does not distinguish between a figure and a diagram.

## Seznam tabulek

Note: Add a list of tables if the number of tables used in the thesis exceeds 20.

## Seznam použitých zkratek

BCC Blind Carbon Copy HTML Hypertext Markup Language

CC Carbon Copy REST Representational State Transfer

CERT Computer Emergency Response SOAP Simple Object Access Protocol

Геат URI Uniform Resource Identifier

CSS Cascading Styleheets URL Uniform Resource Locator

DOI Digital Object Identifier XML eXtended Markup Language

Note: Add a list of abbreviations if the number of abbreviations used in the thesis exceeds 20 and the abbreviations used are not common.

## Úvod

Introduction is a compulsory part of the bachelor's / diploma thesis. The introduction is an introduction to the topic. It elaborates the chosen topic, briefly puts it into context (there may also be a description of the motivation to write the work) and answers the question why the topic was chosen. It puts the topic into context and justifies its necessity and the topicality of the solution. It contains an explicit goal of the work. The text of the thesis goal is identical with the text that is given in the bachelor's thesis assignment, ie with the text that is given in the InSIS system and which is also given in the Abstract section.

Part of the introduction is also a brief introduction to the process of processing the work (a separate part of the actual text of the work is devoted to the method of processing). The introduction may also include a description of the motivation to write the work.

The introduction to the diploma thesis must be more elaborate - this is stated in more detail in the Requirements of the diploma thesis within the Intranet for FIS students.

Here are some sample chapters that recommend how a bachelor's / master's thesis should be set. They primarily describe the use of the LATEX template, but general advice will also serve users of other systems well.

# 1. Východiska variačního autoenkodéru

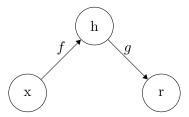
#### 1.1 Umělé neuronové sítě

- 1.1.1 Perceptron
- 1.1.2 Hebbovské účení
- 1.1.3 Universal approximation theorem
- 1.1.4 Vícevrstvý Perceptron
- 1.1.5 Gradient descent
- 1.1.6 Backpropagation
- 1.1.7 Strojové učení
- 1.1.8 Hluboké učení
- 1.1.9 Konvoluční sítě

- 1.2 Redukce dimenzionality
- 1.2.1 The Curse of Dimensionality
- 1.2.2 Analýza hlavních komponent

#### 1.3 Autoenkodér

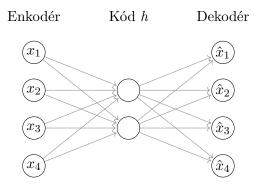
Autoenkodér je typ umělé neuronové sítě se schopností učit se efektivní reprezentace vstupních dat bez učitele. Umělá neuronová sít Autoenkodéru má symetrickou strukturu a skrytou vrstvu h, která popisuje  $k\acute{o}d$  použitý pro reprezentaci vstupu. Architekturu sítě (viz 1.1) lze principiálně rozdělit na dvě části – kódovací funkci h = f(x), resp. **enkodér** a dekódovací funkci r = g(h), resp. **dekodér**. Hovoříme tedy o typu umělé neuronové sítě s  $enkod\acute{e}r$ -dekodér moduly. Výstupem enkodéru je **kód** vstupu h. Výstupem dekodéru je **rekonstrukce** vstupu r.



Obrázek 1.1: Obecná struktura Autoenkodéru. Ze vstupu x je enkodérem vytvořen kód h (funkce f). Tento kód je následně dekodérem přetaven na rekonstrukci r (funkce g).

Autoenkodér je trénován k rekonstrukci jeho vstupů. Pokud by se Autoenkodér naučil jednoduše určit x = g(f(x)) pro každé x, získali bychom identitu, která není patřičně užitečná. Proto je při trénování zavedena řada omezení, jejichž účelem je zabránit možnosti naučení Autoenkodéru perfektně kopírovat vstupní data.

Obecnou strukturu (viz 1.1) lze reprezentovat dopřednou umělou neuronovou sítí. Jejím cílem je **rekonstruovat vstupní data na výstupní vrstvě**. Počet vstupů je tak totožný s počtem neuronů ve výstupní vrstvě umělé neuronové sítě (tedy x a r mají stejnou dimenzi). h může mít menší či větší dimenzi – volba dimenze h se odvíjí od požadovaných vlastností Autoenkodéru. Předmětem této práce jsou zejména Autoenkodéry se zaměřením na **kompresovanou reprezentaci znalostí**. Tedy případy, kdy dimenze h je menší než dimenze x a r. Jedna taková architektura umělé neuronové sítě je prezentovaná v 1.2.



Obrázek 1.2: Triviální architektura umělé neuronové sítě autoenkodéru. Skrytá vrstva představuje bottleneck.

#### 1.3.1 Historický pohled

Vícevrstvý Perceptron subsection 1.1.4 je univerzálním aproximátorem subsection 1.1.3 – tedy historicky nalézá uplatnění zejména v klasifikačních úlohách učení s učitelem. Sofistikovaný algoritmus se schopností trénování Vícevrstvého Perceptronu s větším počtem skrytých vrstev stále schází, a to zejména v důsledku problému mizejícího gradientu (vanishing gradient problem). Až příchod algoritmu gradientního sestupu subsection 1.1.5, který adresuje problém mizejícího gradientu v aplikacích s použitím konvolučních sítí subsection 1.1.9 a úloh učení se bez učitele, značí počátek moderních metod hlubokého učení. V oblasti hlubokého učení subsection 1.1.8 dochází k emergenci a vývoji řady technik pro řešení úloh učení se bez učitele. V této kapitole je popsána pouze jedna z nich – architektura umělé neuronové sítě založené na enkodér-dekodér modulech: Autoenkodér. Autoenkodéry byly poprvé představeny jako způsob pro předtrénování umělých neuronových sítí (formou automatizované extrakce vlastností feature extraction). Později Autoenkodéry nalézají uplatnění zejména v úloháh redukce dimenzionality section 1.2 či fůzi vlastností (feature fusion).

Nedávné teoretické propojení Autoenkodéru a Modelů využívajících latentní proměnných section 1.6 však vedlo ke vzniku zcela nové architektury neuronové sítě kombinující charakter redukce dimenzionality Autoenkodéru se statistickými metodami odvozování. To vyneslo Autoenkodéry na popředí v oblasti generativního modelování – této architektuře je věnována kapitola chapter 2.

Byť Autoenkodéry vznikly v kontextu hlubokého učení, není pravidlem že všechny modely Autoenkodéru obsahují vícero skrytých vrstev. Následuje rozdělení Autoenkodérů dle struktury umělé neuronové sítě.

#### 1.3.2 Neuplný autoenkodér // Undercomplete Autoencoder

Od Analýzy hlavních komponent po Autoenkodér

#### 1.3.3 Hlubuký autoenkodér

Hluboký autoenkodér (stacked autoenkodér)

- 1.3.4 Řídký autoenkodér
- 1.3.5 Denoising autoenkodér
- 1.3.6 Contractive autoenkodér
- 1.3.7 Stochastický enkodér dekodér
- 1.3.8 Taxonomie autoenkodérů

1.4 Pravděpodobnostní modely a inference pomocí variačního Bayese

### 1.5 Kullback-Lieblerova divergence

1.6 Modely využívající latentních proměnných // Latent Variable Models

### 2. Variační autoenkodér

- 2.1 Evidence Lower Bound
- 2.2 Reparametrizační trik
- 2.3 Formalizace
- 2.4 Model umělé neuronové sítě
- 2.5 Nedostatky a omezení
- 2.6 Rozšíření a aktuální stav poznání
- 2.7 Pozorování v latentním prostoru

# 3. Úlohy pozorování v latentním prostoru

- 3.1 Generativní modelování obrazových dat
- 3.2 Rekonstrukce obrazových dat
- 3.3 Interpolace vět
- 3.4 Detekce anomálií
- 3.5 Syntéza tabulárních dat
- 3.6 Komprese

# 4. Experimenty s modelem variačního autoenkodéru

- 4.1 Generativní modelování obrazových dat
- 4.1.1 Vymezení problémové oblasti
- 4.1.2 Datová sada a předzpracování
- 4.1.3 Nastavení experimentu
- 4.1.4 Návrh modelu
- 4.1.5 Evaluace
- 4.1.6 Diskuze
- 4.2 Interpolace vět

### Závěr

The conclusion is a mandatory part of the bachelor's / diploma thesis. It contains a summary of the work and comments on the degree of fulfillment of the goal, which was set in the work, or summarizes the answers to the questions that were asked in the introduction.

The conclusion to the diploma thesis must be more elaborate - this is stated in more detail in the Requirements of the diploma thesis within the Intranet for FIS students.

The conclusion is perceived as a chapter, which begins on a separate page and is called the conclusion. The name Conclusion is not numbered. The text of the conclusion itself is divided into paragraphs.



## A. Zdrojové kódy modelů