

АиСД-2, 2023, КДЗ-3

Степанов А, БПИ212

Вводная

****Задание: /КДЗ3.pdf ****

Мною реализованы алгоритм Дейкстры, Флойда-Уоршела, Форда-Беллмана, А*.

Запуск проекта

Через терминал из корневой директории проекта:

```
python generate.py # генерация входных данных

cmake . -B build # Создание папки для скомпилированного проекта

cd build && # Компиляция и запуск
cmake --build . --target all && ./main &&
cd ..

python make_graphs.py ./data/output # создание графиков
```

Для запуска таким образом на ПК должны быть установлен **cmake** и **python**.

Отчёт

N - количество вершин в графе. E - количество ребер в графе. V - количество вершин / ребер в графе, над которым производились измерения.

Зависимости времени работы алгоритма от числа вершин и от числа ребер примерно одинаковы для всех алгоритмов (что логично -- ведь входные данные одни и те же, однако в задании сказано сгенерировать именно один набор данных: пункт 1).

- Алгоритм Дейкстры:

Фактические данные: Временная сложность: $O((N + E) \log N)$.

Полученные данные: Для полных, связных и разреженных графов алгоритм имеет квадратичную сложность $O(V * \log(V))$ с примерно одинаковой константой.

- Алгоритм Флойда-Уоршела:

Фактические данные: Временная сложность: $O(N^3)$.

Полученные данные: Для полных, связных и разреженных графов алгоритм имеет квадратичную сложность $O(V^3)$. Однако константа сложности различается: для полных и разреженных графов она примерно одинакова (но в первом случае несколько больше), а для связных графов она заметно - примерно в 2 раза - меньше.

- Алгоритм Форда-Беллмана:

Фактические данные: Временная сложность: $O(N * E)$.

Полученные данные: Для полных, связных и разреженных графов алгоритм имеет квадратичную сложность $O(V^2)$ с практически одинаковой константой.

- Алгоритм A^* :

Фактические данные: Временная сложность зависит от конкретной реализации. В наилучшем случае может быть $O(1)$, а в худшем случае может быть экспоненциальной.

Полученные данные: Для полных и разреженных графов алгоритм имеет практически линейную сложность с примерно равными константами. Для связных графов алгоритм имеет сложность, близкую к $O(N^2)$, однако полученные данные очень сильно колеблются, что может быть связано с тем, что входные данные не являются оптимальными для данного алгоритма.

Соответственно, фактические данные и полученные данные в целом совпадают.

- Аггрегированные данные:

В среднем хуже всего себя проявили алгоритмы Флойда-Уоршела и Форда-Беллмана: они имеют экспоненциальную сложность и время выполнения на моих входных данных, измеряемое в $\text{const} * 1e9$ наносекунд.

Алгоритм Дейкстры и алгоритм A^* имеют примерно одинаковую сложность близкую к линейной и время выполнения на моих входных данных, измеряемое в $\text{const} * 1e7$ наносекунд. Однако производительность A^* на связных графах сильно упала (до $\text{const} * 1e8$ наносекунд).

Выводы

Таким образом, судя по полученным данным, наилучшим алгоритмом для решения задачи поиска кратчайшего пути является алгоритм Дейкстры, а наихудшим - алгоритм Флойда-Уоршела. Алгоритм A^* также показал себя достаточно хорошо, однако его производительность сильно зависит от входных данных. Алгоритм Форда-Беллмана показал себя несколько лучше алгоритма Флойда-Уоршела, однако все равно значительно хуже алгоритма Дейкстры и A^* .

Карта проекта

Main файл проекта, запускающий процесс анализа работы всех исходных алгоритмов:
main.cpp: /main.cpp

Python скрипт, генерирующий входные данные: *generate.py_graphs: /generate_graphs.py*

Python скрипт, генерирующий графики на основе полученных выходных данных
make_diagrams.py: /make_diagrams.py

-> ***data: /data/***

Входные файлы: *graphs: /data/graphs/*

Выходные данные: *output: /data/output/*

Графики, иллюстрирующие выходные данные: *results: /data/results/*

Графики отсортированы по папкам, соответствующим файлам со входными данными

-> ***for_time_measure: /for_time_measure/***

Содержит алгоритмы поиска подстрок без подсчёта производимых операций сравнений строк.

-> ***for_comp_count_measure: /for_comp_count_measure/***

Содержит алгоритмы поиска подстрок с подсчётом производимых операций сравнений строк.

-> ***checker: /checker/***

Содержит функции предназначенные для измерения времени работы функции / количества сравнений строк, производимых в ней.

-> ***task_execution: /task_execution/***

Содержит функции предназначенные для получения времени работы / количества сравнений строк, производимых в ней на некоторых входных данных и записи полученных данных в файл.