全產鄉電光灣

学生实验实习报告册

学年学期:	2020 -2021 学年 □春☑秋学期		
课程名称:	信号处理实验		
学生学院:	通信与信息工程学院		
专业班级:	01101803班		
学生学号:	2018210212		
学生姓名:			
联系电话:	15310454340		
	10010404040		

重庆邮电大学教务处制

课程名称	信号处理实验	课程编号	A2010550
实验地点	YF304	实验时间	10月27日1-2节
校外指导教师	无	校内指导教师	邵凯
实验名称	z 变换及离散时间 LTI 系统的 z 域分析		
评阅人签字		成绩	

一、实验目的

- 1. 学会运用 MATLAB 求离散时间信号的有理函数 z 变换的部分分式展开;
- 2. 学会运用 MATLAB 分析离散时间系统的系统函数的零极点;
- 3. 学会运用 MATLAB 分析系统函数的零极点分布与其时域特性的关系;
- 4. 学会运用 MATLAB 进行离散时间系统的频率特性分析。

二、实验原理

1. 有理函数 z 变换的部分分式展开

如果信号的 z 域表示式是有理函数,设的有理分式表示为

$$X(z) = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + b_2 z^{-2} + \dots + b_m z^{-m}}{1 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2} + \dots + a_n z^{-n}} = \frac{B(z)}{A(z)}$$

MATLAB 信号处理工具箱提供了一个对 X(z)进行部分分式展开的函数 residuez, 其语句格式为

$$[R,P,K]$$
=residuez (B,A)

其中,B,A 分别表示 X(z)的分子与分母多项式的系数向量;R 为部分分式的系数向量;P 为极点向量;K 为多项式的系数。若 X(z)为有理真分式,则 K 为零。

2. 系统函数的零极点分析

离散时间系统的系统函数定义为系统零状态响应的 z 变换与激励的 z 变换之比,即:

$$H(z) = \frac{Y(z)}{X(z)}$$

如果系统函数 H(z)的有理函数表示式为

$$H(z) = \frac{b_1 z^m + b_2 z^{m-1} + \dots + b_m z + b_{m+1}}{a_1 z^n + a_2 z^{n-1} + \dots + a_n z + a_{n+1}}$$

那么,在 MATLAB 中系统函数的零极点就可通过函数 roots 得到,也可借助函数 tf2zp 得到,tf2zp 的语句格式为

$$[Z,P,K]=tf2zp(B,A)$$

其中,B 与 A 分别表示 H(z)的分子与分母多项式的系数向量。它的作用是将 H(z)的有理分式表

示式转换为零极点增益形式,即

$$H(z) = k \frac{(z - z_1)(z - z_2) \cdots (z - z_m)}{(z - p_1)(z - p_2) \cdots (z - p_n)}$$

若要获得系统函数 H(z)的零极点分布图,可直接应用 zplane 函数,其语句格式为

其中,B与 A分别表示 H(z)的分子和分母多项式的系数向量。它的作用是在 Z 平面上画出单位圆、零点与极点。

3. 系统函数的零极点分布与其时域特性的关系

与拉氏变换在连续系统中的作用类似,在离散系统中,z 变换建立了时域函数 h(n) 与 z 域函数 H(z) 之间的对应关系。因此,z 变换的函数 H(z) 从形式可以反映 h(n) 的部分内在性质。我们仍旧通过讨论 H(z) 的一阶极点情况,来说明系统函数的零极点分布与系统时域特性的关系。

结论:

- · 当极点位于单位圆内时, h(n)为衰减序列;
- 当极点位于单位圆上时, h(n)为等幅序列;
- 当极点位于单位圆外时, h(n) 为增幅序列;
- •若 h(n)有一阶实数极点,则 h(n)为指数序列;
- 若 h(n)有一阶共轭极点,则 h(n)为指数振荡序列;
- 若 h(n)的极点位于虚轴左边,则 h(n)序列按一正一负的规律交替变化。

4. 离散时间 LTI 系统的频率特性分析

对于因果稳定的离散时间系统,如果激励序列为正弦序列 $x(n)=Asin(n\omega)u(n)$,则系统的稳态响应为

$$y_{ss}(n) = A | H(e^{j\omega}) | \sin[n\omega + \varphi(\omega)]u(n)$$

离散时间系统的频率响应定义为

$$H(e^{j\omega}) = |H(e^{j\omega})| e^{j\varphi(\omega)}$$

因此,只要分析 $H(e^{j}\omega)$ 在 $|\omega| \leq \pi$ 范围内的情况,便可分析出系统的整个频率特性。

MATLAB 提供了求离散时间系统频响特性的函数 freqz,调用 freqz 的格式主要有两种。一种形式为

$$[H,w]=freqz(B,A,N)$$

 围内 N 个频率处的值。另一种形式为:

与第一种方式不同之处在于角频率的范围由[0, π]扩展到[0, 2π]。

三、实验程序及结果分析

1. 实验内容 1

试用 MATLAB 的 residuez 函数, 求出

$$X(z) = \frac{2z^4 + 16z^3 + 44z^2 + 56z + 32}{3z^4 + 3z^3 - 15z^2 + 18z - 12}$$

的部分分式展开和。

(1) 实验内容 1 的程序

- 1. %helei tesk3
- 2. clc;
- 3. clear;

4.

- 5. B=[2,16,44,56,32];
- 6. A=[3,3,-15,18,-12];
- 7. [R,P,K]=residuez(B,A)

(2) 实验内容 1 的结果分析

R =

- -0.0177 + 0.0000i
- 9.4914 + 0.0000i
- -3.0702 + 2.3398i
- -3.0702 2.3398i

P =

- -3.2361 + 0.0000i
- 1.2361 + 0.0000i
- 0.5000 + 0.8660i
- 0.5000 0.8660i

K =

-2.6667

2. 实验内容 2

试用 MATLAB 画出下列因果系统的系统函数零极点分布图,并判断系统的稳定性。

(1)
$$H(z) = \frac{2z^2 - 1.6z - 0.9}{z^3 - 2.5z^2 + 1.96z - 0.48}$$

(2)
$$H(z) = \frac{z-1}{z^4 - 0.9z^3 - 0.65z^2 + 0.873z}$$

(1) 实验内容 2 的程序

```
1. %helei task3
2. clc;
3. clear;
5. b1=[2,-1.6,-0.9];
6. a1=[1,-2.5,1.96,-0.48];
7. subplot(1,2,1)
8. zplane(b1,a1)
9. legend('零点','极点')
10. title('零极点分布图')
11.
12. subplot(1,2,2)
13. impz(b1,a1,30);grid on;
14. figure
15.
16. b2=[1,-1];
17. a2=[1,-0.9,-0.65,0.873];
18. subplot(1,2,1)
19. zplane(b2,a2)
20. legend('零点','极点')
21. title('零极点分布图')
22.
23. subplot(1,2,2)
24. impz(b2,a2,30);grid on;
```

(2) 实验内容 2 的结果分析

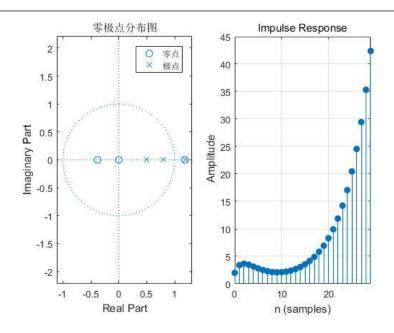


图 1 零极点分布图

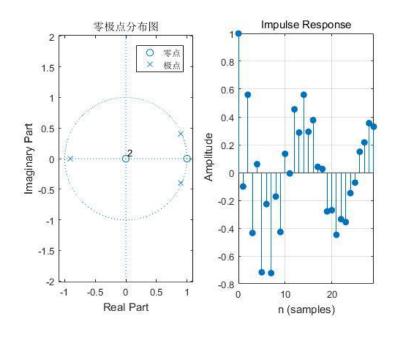


图 2 零极点分布图

- ①图 1 由于极点位于单位圆之外, 所以 h(n) 为增幅序列, 该系统不具备稳定性;
- ②图 2 由于有一阶共轭极点,并且有极点位于虚轴左侧,所以 h(n)振荡、并且一正一负交替变化,该系统不具备稳定性。

3. 实验内容 3

试用 MATLAB 绘制系统

$$H(z) = \frac{z^2}{z^2 - \frac{3}{4}z + \frac{1}{8}}$$

频率响应曲线。

(1) 实验内容 3 的程序

```
1. %helei task3
2. b=[1 0 0];
3. a=[1 -3/4 1/8];
4. [H,w]=freqz(b,a,400,'whole');
5. Hm=abs(H);
6. Hp=angle(H);
7. subplot(2,1,1)
8. plot(w,Hm),grid on;
9. xlabel('\omega(rad/s)'),ylabel('Magnitude');
10. title('离散系统幅频特性曲线');
11. subplot(2,1,2)
12. plot(w,Hp),grid on;
13. xlabel('\omega(rad/s)'),ylabel('Phase');
14. title('离散系统幅相特性曲线');
```

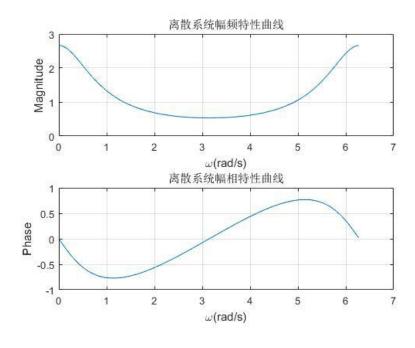


图 3 幅频特性曲线和相频特性曲线

(2) 实验内容 3 的结果分析

利用函数 abs 和 angle 分别绘制出了该系统的幅频特性和相频特性的曲线。

4. 思考题 1

编写 MATLAB 程序,已知系统的差分方程

$$y(n) - 0.9y(n-8) = x(n) - x(n-8)$$
.

- (1) 画出该系统的零极点分布图, 判断系统的稳定性;
- (2) 画出系统在 0~2π范围内的幅频特性曲线和相频特性曲线;
- (3) 查找资料说明该系统的功能。

```
15. %实验 3 思考题 1
16. clc; clear;
17. b=[1,0,0,0,0,0,0,0,-0.9];
18. a=[1,0,0,0,0,0,0,0,-1];
19. subplot(3,1,1);
20. zplane(b,a)
21. grid on;
22. legend('零点','极点');
23. title('零极点分布图');
24.
25. [H,w]=freqz(b,a,400,'whole');
26. Hm=abs(H);
27. Hp=angle(H);
28. subplot(3,1,2);
29. plot(w,Hm);
30. grid on;
31. xlabel('omega(rad/s)');
32. ylabel('Megnitude');
33. title('离散系统幅频特性曲线');
34. subplot(3,1,3);
35. plot(w,Hp);
36. grid on;
37. xlabel('omega(rad/s)');
38. ylabel('Phase');
39. title('离散系统相频特性曲线');
```

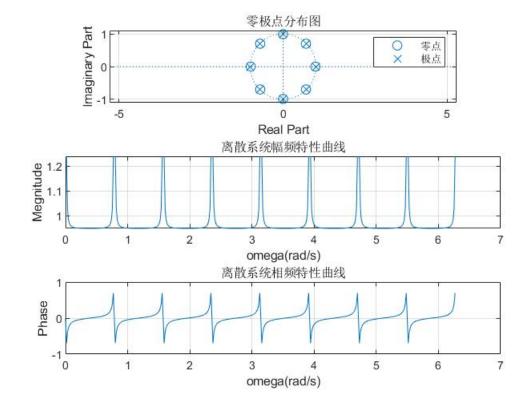


图 4 零极点分布图及幅频特性曲线和相频特性曲线

该系统稳定,作用为梳型滤波器

5. 思考题 2

2、编写MATLAB程序,分别采用系统 $H_1(z) = \frac{z}{z+0.8}$ 、 $H_2(z) = \frac{z}{z-1}$ 、 $H_3(z) = \frac{z}{z+1.2}$ 对音频文件motherland.wav进行滤波(可采用实验二的conv函数)。(1)画出滤波前后该音频文的连续时域波形图;(2)分析说明滤波后信号幅度变化的原因。

代码如下:

```
40. %实验 3 思考题 2
41. [xn,fs]=audioread('D:/motherland.wav');
42. figure('color',[1,1,1]);
43. k=[1,0];
44. n1=[1,0.8];
45. n2=[1,-1];
46. n3=[1,1.2];
47.
48. x1=impz(k,n1,30),grid on;
49. x2=impz(k,n2,30),grid on;
50. x3=impz(k,n3,30),grid on;
51.
52. y1=conv(x1,xn);
```

```
53. x1=0:size(y1)-1;
54. y2=conv(x2,xn);
55. x2=0:size(y2)-1;
56. y3=conv(x3,xn);
57. x3=0:size(y3)-1;
58.
59. subplot(411)
60. plot(xn),grid on;
61.
62. subplot(412);
63. plot(x1,y1),grid on;
64.
65. subplot(413);
66. plot(x2,y2),grid on;
67.
68. subplot(414);
69. plot(x3,y3),grid on;
70. sound(y3,fs);
        0.5
                                                                                 \times 10^4
                                                                                 \times 10^4
          2
          0
                                                                                    9
                                                                                 \times 10^4
        200 F
       -200
                                                                                 \times 10^4
                                       图 5 连续时域波形图
```