

重庆邮电大学

学生实验实习报告册

学年学期： 2020 -2021 学年 ☒春 ☐秋学期

课 程 名 称： 信号处理实验

学 生 学 院： 通信与信息工程学院

专 业 班 级： 01101803班

学 生 学 号： 2018210217

学 生 姓 名： 谭力文

联 系 电 话： 15736007263

重庆邮电大学教务处制

课程名称	信号处理实验	课程编号	A2010550
实验地点	YF304	实验时间	11 月 3 日 1-2 节
校外指导教师	无	校内指导教师	邵凯
实验名称	用 FFT 进行谱分析		
评阅人签字		成绩	
<p>一、实验目的</p> <p>1. 进一步加深对 DFT 算法原理和基本性质的理解（因为 FFT 只是 DFT 的一种快速算法，所以 FFT 的运算结果必然满足 DFT 的基本性质）。</p> <p>2. 熟悉 FFT 算法原理和 FFT 子程序的应用。</p> <p>3. 学习用 FFT 对连续信号和时域离散信号进行谱分析的方法，了解可能出现的分析误差及其原因，以便在实际中正确应用 FFT。</p> <p>二、实验原理</p> <p>1. 谱分析概念</p> <p>信号的谱分析就是计算信号的频谱（信号的傅氏变换），通过信号研究分析信号特性。信号频谱是连续的，不能用数字信号处理方法计算，按频域采用定理，序列的 DFT 完整反映了频谱信息，所以可以通过 DFT 进行谱分析。</p> <p>2. DFT 对序列离散进行谱分析</p> <p>（1）非周期序列进行谱分析</p> <p>傅里叶变换定义</p> $X(e^{j\omega}) = FT[x(n)] = \sum_{n=0}^{N-1} x(n)e^{-j\omega n}$ <p>DFT 定义：</p> $X(k) = DFT[x(n)] = \sum_{n=0}^{N-1} x(n)e^{-j\frac{2\pi}{N}kn} \quad k = 0, 1, \dots, N-1$ <p>有限长序列 $x(n)$ 的 N 点离散傅里叶变换 $X(k)$ 是 $x(n)$ 的傅里叶变换 $X(e^{j\omega})$ 在一个周期上的 N 点等间隔采样值，DFT 满足频域采样定理。由频域取样定理可知，$X(k)$ 包含了频谱 $X(e^{j\omega})$ 的全部信息，因此，求 $x(n)$ 的 DFT 就可以分析它的频谱了。即通过 DFT 进行谱分析。</p> <p>（2）周期序列进行谱分析</p> <p>以周期为 N 的周期序列 $\tilde{x}(n)$ 进行 DFS，以所求出的 DFS 系数作为各谐波分量的幅度形成其频谱函数：</p> $X(e^{j\omega}) = FT[\tilde{x}(n)] = \frac{2\pi}{N} \sum_{k=-\infty}^{\infty} X(k)\delta(\omega - \frac{2\pi}{N}k)$			

其中

$$X(k) = DFT[\tilde{x}(n)] = \sum_{n=0}^{N-1} \tilde{x}(n) e^{-j\frac{2\pi}{N}kn}$$

截取 $\tilde{x}(n)$ 的整数个周期做 DFT, 也能获得 $\tilde{x}(n)$ 频谱结构。截取 M 等于 $\tilde{x}(n)$ 的整数个周期, 即 $M=mN$, m 为正整数, 则

$$X_M(k) = \begin{cases} mX(\frac{k}{m}) & k/m = \text{整数} \\ 0 & k/m \neq \text{整数} \end{cases}$$

(3) 连续信号进行谱分析

对连续信号 $x_a(t)$, 为了利用 DFT 分析其频谱, 需要将其离散化, 若信号持续时间无限长, 还需对它进行截短近似。所以从严格意义上讲用 DFT 对信号进行谱分析, 都是某种意义上的近似。

$$X_a(k) = T \sum_{n=0}^{N-1} x(n) e^{-j\frac{2\pi}{N}kn} = T \bullet DFT(x(n))$$

三、实验程序及结果分析

1、编写 matlab M 文件对信号 $x_1(n)$ 做 8 点和 16 点的 FFT。

(1) 代码如下:

```
1. N=8;
2. x=[1 1 1 1];
3. xk1=fft(x,N);
4.
5. subplot(3,1,1)
6. stem(0:length(x)-1,x,'.');
7. axis([0 7 0 1]);
8. title('x1 的波形');
9.
10. subplot(3,1,2);
11. stem(0:N-1,abs(xk1),'.');
12. title('x1 的 8 点 FFT');
13.
14. N=16;
15. x=[1 1 1 1];
16. xk2=fft(x,N);
17.
18. subplot(3,1,3);
19. stem(0:N-1,abs(xk2),'.');
20. title('x1 的 16 点 FFT');
```

(2) 运行结果如下:

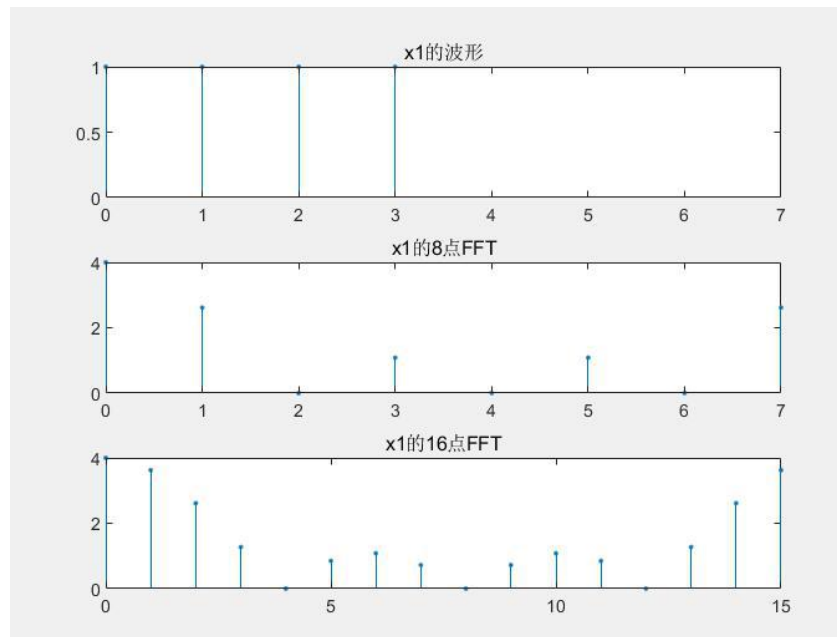


图1 x1(n)做8点和16点的FFT图

2、编写 matlab M 文件对信号 x2(n) 做 8 点和 16 点的 FFT。

(1) 代码如下:

```
1. N=8;
2. x=[1:1:4 4:-1:1];
3. xk1=fft(x,N);
4.
5. subplot(3,1,1)
6. stem(0:length(x)-1,x,'.');
7. axis([0 7 0 4]);
8. title('x2 的波形');
9.
10. subplot(3,1,2);
11. stem(0:N-1,abs(xk1),'.');
12. title('x2 的 8 点 FFT');
13.
14. N=16;
15. x=[1:1:4 4:-1:1];
16. xk2=fft(x,N);
17.
18. subplot(3,1,3);
19. stem(0:N-1,abs(xk2),'.');
20. title('x2 的 16 点 FFT');
```

(2) 运行结果如下:

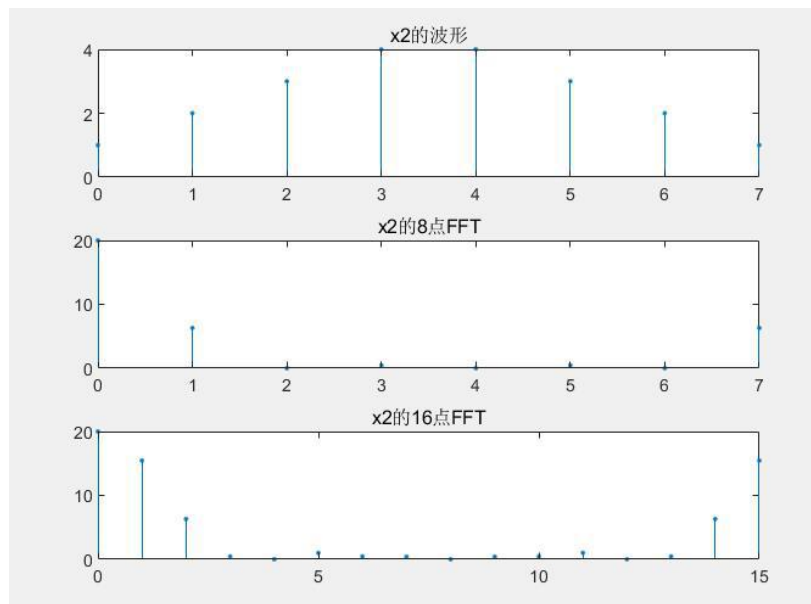


图 2 $x_2(n)$ 做 8 点和 16 点的 FFT 图

3、编写 matlab M 文件对信号 $x_4(n)$ 做 8 点和 16 点的 FFT。

(1) 代码如下：

```

1. N=8;
2. n=0:1:N;
3. x=cos(pi*n/4);
4. xk1=fft(x,N);
5.
6. subplot(2,1,1)
7. stem(0:length(x)-1,x,'. ');
8. title('x4 的波形');
9.
10. subplot(2,1,2);
11. stem(0:N-1,abs(xk1),' ');
12. title('x4 的 8 点 FFT');
13. figure
14.
15. N=16;
16. n=0:1:N;
17. x=cos(pi*n/4);
18. xk2=fft(x,N);
19.
20. subplot(2,1,1)
21. stem(0:length(x)-1,x,'. ');
22. title('x4 的波形');
23.
24. subplot(2,1,2);
25. stem(0:N-1,abs(xk2),' ');

```

```
26. title('x4 的 16 点 FFT');
```

(2) 运行结果如下:

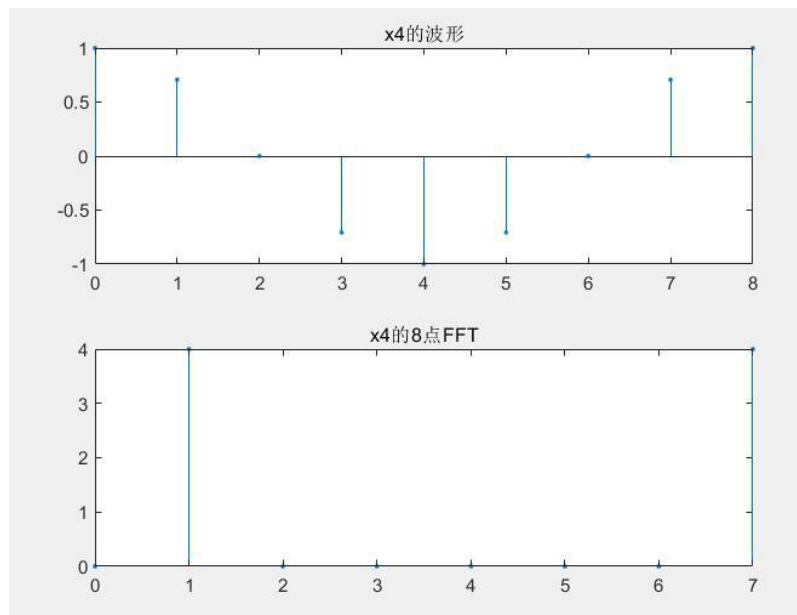


图3 $x_4(n)$ 做 8 点的 FFT 图

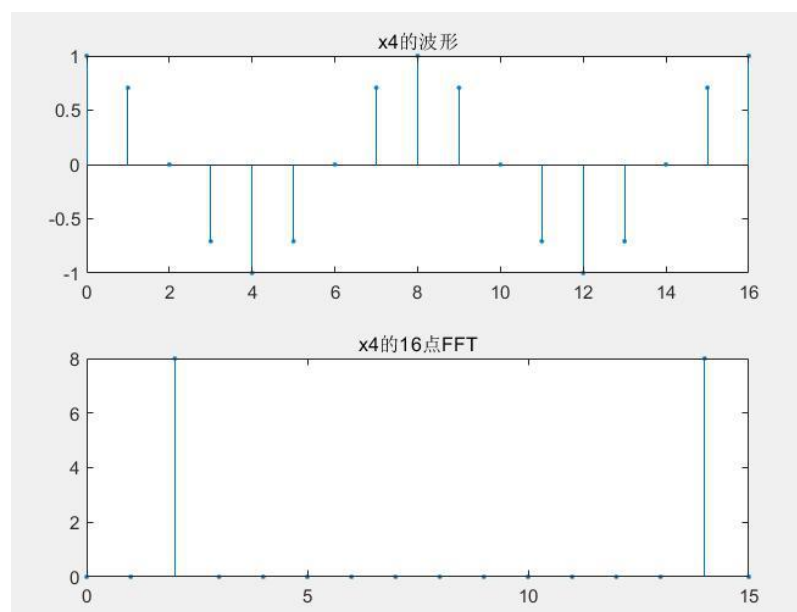


图4 $x_4(n)$ 做 16 点的 FFT 图

4、编写 matlab M 文件对信号 $x_6(n)$ 以 $f_s=64$ (Hz) 采样后做 $N=16$ 、32、64 点的 FFT。

(1) 代码如下:

```
1. N=16;  
2.  
3. t=0:1/64:1;  
4. x=cos(8*pi*t)+cos(16*pi*t)+cos(20*pi*t);
```

```

5. xk1=fft(x,N);
6.
7. subplot(2,1,1)
8. stem(0:N-1,x(1:N),'.');
9. title('x6 的波形');
10.
11. subplot(2,1,2);
12. stem(0:N-1,abs(xk1),'.');
13. title('x6 的 16 点 FFT');
14. figure
15.
16. N=32;
17. t=0:1/64:1;
18. x=cos(8*pi*t)+cos(16*pi*t)+cos(20*pi*t);
19. xk2=fft(x,N);
20.
21. subplot(2,1,1)
22. stem(0:N-1,x(1:N),'.');
23. title('x6 的波形');
24.
25. subplot(2,1,2);
26. stem(0:N-1,abs(xk2),'.');
27. title('x6 的 32 点 FFT');
28. figure
29.
30. N=64;
31. t=0:1/64:1;
32. x=cos(8*pi*t)+cos(16*pi*t)+cos(20*pi*t);
33. xk3=fft(x,N);
34.
35. subplot(2,1,1)
36. stem(0:N-1,x(1:N),'.');
37. title('x6 的波形');
38.
39. subplot(2,1,2);
40. stem(0:N-1,abs(xk3),'.');
41. title('x4 的 64 点 FFT');

```

(2) 运行结果如下:

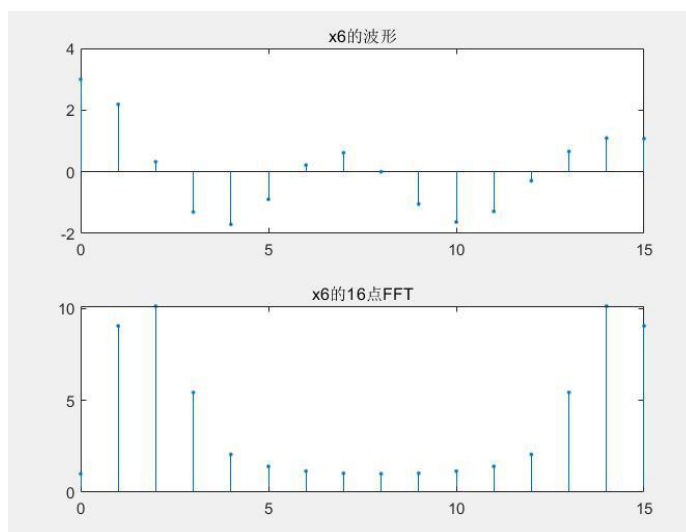


图 5 $x_6(n)$ 做 16 点的 FFT 图

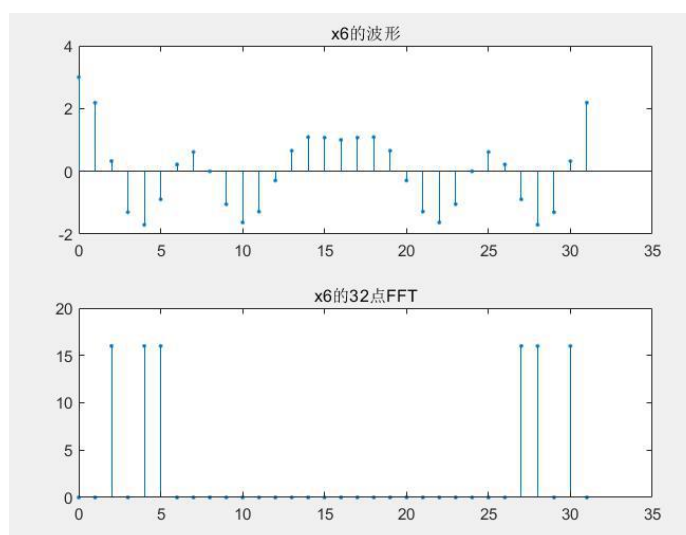


图 6 $x_6(n)$ 做 32 点的 FFT 图

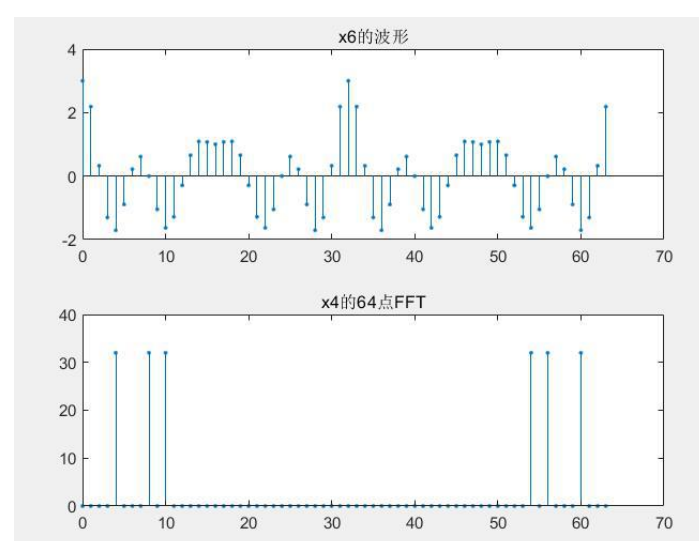


图 7 $x_6(n)$ 做 64 点的 FFT 图

结果分析：以 $f_s=64\text{Hz}$ 采样，相当于一秒采样 64 次，然后分别再做 $N=16$ 、32、64 点的 FFT。根

据图 5 显示, 由于 $x_6(t)$ 的最高采样频率为 20Hz, 满足 $f_s \geq 2 \times 20$ 。

5. 编写 matlab M 文件, 读取 motherland.wav 数据, 分析第 8000 至 8199 共 200 个采样点的频谱 (提示是傅里叶变换)。方法: 对这 200 个点数据做 $N=512$ 的 DFT (采用 FFT 实现)。要求: 画出其在 $[0, 2\pi)$ 的连续幅度谱和相位谱图

(1) 代码如下:

```
42. [xn,fs]=audioread('D:\motherland.wav');
43. n=1:199;
44. yn=xn(8000+n);
45. xk1=fft(yn,512)
46.
47. subplot(311);
48. stem(0:length(yn)-1,yn,'.');
49. title('yn 的波形');
50.
51. subplot(312);
52. plot(2*(0:512-1)/512,abs(xk1(1:512)));
53. title('yn 的 512 点幅度谱');
54.
55. subplot(313);
56. plot(2*(0:512-1)/512,angle(xk1(1:512)));
57. title('yn 的 512 点相位谱');
```

(2) 运行结果如下:

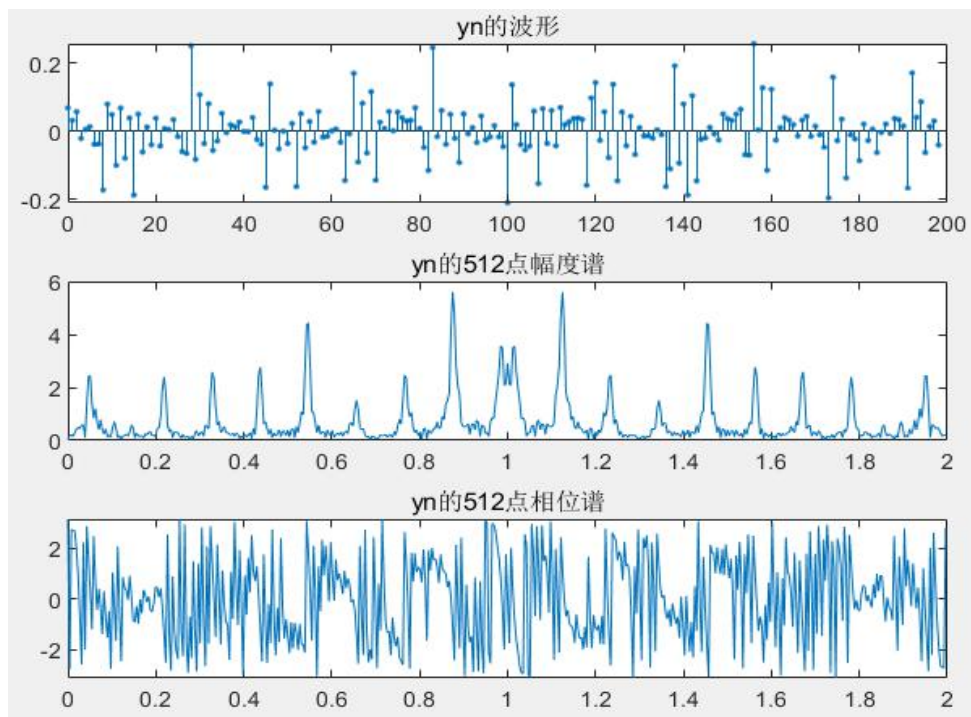


图 8 $[0, 2\pi)$ 的连续幅度谱和相位谱图

四、思考题

1. 在 $N=8$ 和 $N=16$ 两种情况下, $x_2(n)$ 、 $x_3(n)$ 的幅频特性会相同吗? 为什么?

答: $N=8$ 时, 相同; $N=16$ 时, 不相同; 因为在 $N=8$ 的情况下, $x_3(n)$ 相当于是 $x_2(n)$ 的一个时延, 而 $N=16$ 时 $x_2(n)$ 经过时延得到的是 $x_2(n)=[4, 3, 2, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 2, 3, 4]$ 而 $x_3(n)=[4, 3, 2, 1, 2, 3, 4, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]$, 所以此时 $x_2(n)$ 、 $x_3(n)$ 的幅频特性不相同。

2. 如果周期信号的周期预先不知道, 如何用 FFT 进行分析?

答: 周期信号的周期预先不知道时, 可先截取 M 点进行 DFT, 再将截取长度扩大 1 倍截取, 比较结果, 如果二者的差别满足分析误差要求, 则可以近似表示该信号的频谱, 如果不满足误差要求就继续将截取长度加倍, 重复比较, 直到结果满足要求。

即: 设一个定长的 m 值, 先取 $2m$, 看 $2m$ 与 m 的误差是否大, 如大的话再取 $4m$, 看 $4m$ 与 $2m$ 的误差是否大, 如不大, 4 倍的 m 值则可近似原来点的谱分析。

五、心得体会

(1) 根据本次实验的内容, 巩固了对非周期离散序列的 DFT 变换、周期序列的 DFT 变换、连续信号的 DFT 变换的理解;

(2) 实验四中, 由于做 16 点的 FFT, $16 \leq 32$, 所以出现了混叠现象, 后面的 32 和 64 点就完整的正确波形;

(3) 根据思考题, 巩固了课堂上学习的理论知识, 在实验中学习到了周期延拓的做法。