

# 编译原理

## 第六章 LR语法分析技术 (1)

方徽星

扬州大学 信息工程学院(505)

[fanghuixing@yzu.edu.cn](mailto:fanghuixing@yzu.edu.cn)

2018年春季学期

# 本章主要内容

## 一. 自下而上语法分析

## 二. LR分析

- 项和LR(0)自动机
- LR分析算法
- SLR
- LR(1)
- LALR

## 三. 使用二义性文法

## 四. Yacc

# 第一节 自下而上语法分析

# 1.1 归约

- 为输入串构造分析树：
  - 从叶子结点开始，朝着根结点方向逆序前进
  - 即把输入串**归约**成文法的**开始符号**
- 每步归约：当**子串**和某**产生式体**匹配就可用该产生式头代替子串

# 1.1 归约

- 例：考虑文法

- $S \rightarrow aABe$

- $A \rightarrow Abc \mid b$

- $B \rightarrow d$

把句子 $abbcde$ 进行归约

# 1.1 归约

• 例：考虑文法

- $S \rightarrow aABe$

- $A \rightarrow Abc \mid b$

- $B \rightarrow d$

把句子 $abbcde$ 进行归约

$$a\textcolor{red}{b}bcde \xrightarrow[\text{归约}]{A \rightarrow b} a\textcolor{red}{A}bcde$$

# 1.1 归约

• 例：考虑文法

- $S \rightarrow aABe$

- $A \rightarrow Abc \mid b$

- $B \rightarrow d$

把句子 $abbcde$ 进行归约

$$a\mathbf{A}bcde \xrightarrow[\text{归约}]{A \rightarrow Abc} a\mathbf{A}de$$

# 1.1 归约

• 例：考虑文法

- $S \rightarrow aABe$

- $A \rightarrow Abc \mid b$

- $B \rightarrow d$

把句子 $abbcde$ 进行归约

$$aA\textcolor{red}{d}e \xrightarrow[\text{归约}]{\textcolor{red}{B \rightarrow d}} aA\textcolor{red}{B}e$$



# 1.1 归约

• 例：考虑文法

- $S \rightarrow aABe$

- $A \rightarrow Abc \mid b$

- $B \rightarrow d$

把句子 $abbcde$ 进行归约

$$aABe \xrightarrow[\text{归约}]{S \rightarrow aABe} S$$

# 1.1 归约

- 例：考虑文法
  - $S \rightarrow aABe$
  - $A \rightarrow Abc \mid b$
  - $B \rightarrow d$

*abbcde*的最左归约：

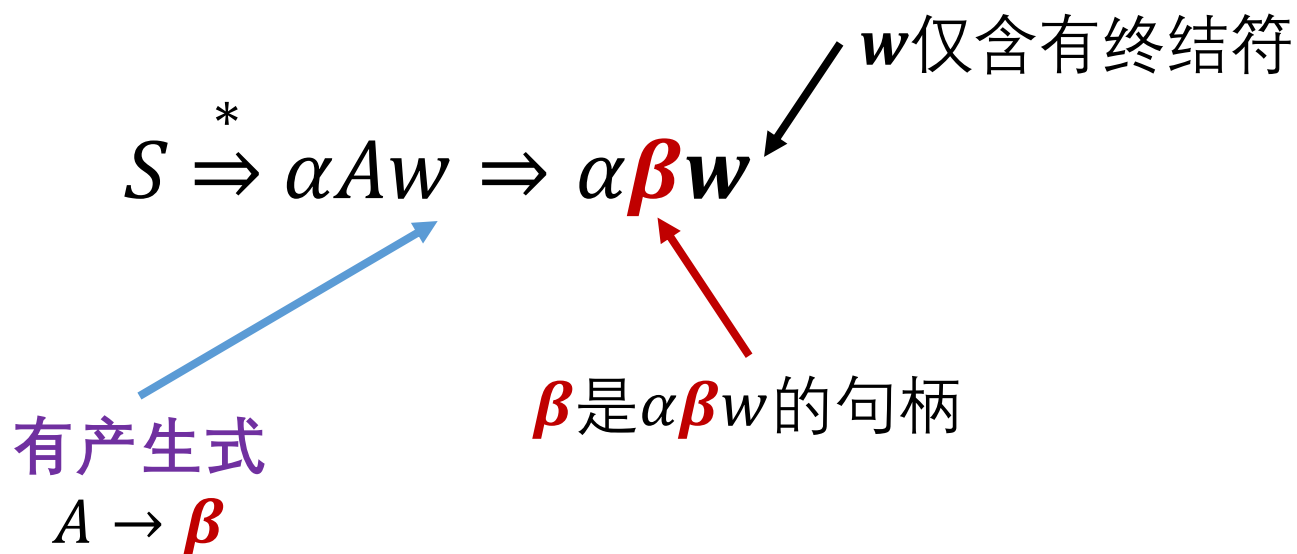
*abbcde*  $\rightarrow$  *aAbcde*  $\rightarrow$  *aAde*  $\rightarrow$  *aABe*  $\rightarrow$  *S*

*abbcde*的最右推导：

*S*  $\Rightarrow$  *aABe*  $\Rightarrow$  *aAde*  $\Rightarrow$  *aAbcde*  $\Rightarrow$  *abbcde*

## 1.2 句柄

- 考虑最右句型（最右推导可得到的句型）



## 1.2 句柄

- 考虑文法

- $E \rightarrow E + E$
- $E \rightarrow E * E$
- $E \rightarrow (E)$
- $E \rightarrow \mathbf{id}$

每个右句型的句柄  
使用下划线标记



最右推导： $E \Rightarrow \underline{E * E}$   
 $\Rightarrow E * \underline{E + E}$   
 $\Rightarrow E * E + \underline{\mathbf{id}}$   
 $\Rightarrow E * \underline{\mathbf{id}} + \mathbf{id}$   
 $\Rightarrow \underline{\mathbf{id}} * \mathbf{id} + \mathbf{id}$

句柄右边的串  
仅含终结符

## 1.2 用栈实现分析

- 用**栈保存文法符号**，用输入缓冲区保存要分析的串 $w$ ，用\$标记栈底和输入串的右端
- 初始：栈仅含符号\$，串 $w$ 在输入中

栈	输入
\$	$w$ \$

## 1.2 用栈实现分析

- 然后：**移动**若干个(可以0个)输入符号**入栈**，直到**句柄** $\beta$ 出现在栈顶，把 $\beta$ **归约**成恰当的产生式左部
- 重复上述过程，直到发现错误或者栈中只含有开始符号且输入串为空

栈	输入
$\$S$	$\$$

↑  
分析成功

## 1.2 用栈实现分析

- 例：分析输入串 **id \* id + id**

[illegible]

# 1.2 用栈实现分析

- 例：分析输入串**id \* id + id**

栈	输入	动作
\$	<b>id * id + id</b> \$	移进
\$id	<b>* id + id</b> \$	



## 1.2 用栈实现分析

- 例：分析输入串**id \* id + id**

栈	输入	动作
\$	<b>id * id + id</b> \$	移进
\$ <b>id</b>	<b>* id + id</b> \$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$ $E$	<b>* id + id</b> \$	

## 1.2 用栈实现分析

- 例：分析输入串 $\mathbf{id * id + id}$

栈	输入	动作
\$	$\mathbf{id * id + id\$}$	移进
\$ $\mathbf{id}$	$\mathbf{* id + id\$}$	按 $E \rightarrow \mathbf{id}$ 归约
\$ $E$	$\mathbf{* id + id\$}$	移进
\$ $E *$	$\mathbf{id + id\$}$	

## 1.2 用栈实现分析

- 例：分析输入串 **id \* id + id**

栈	输入	动作
\$	<b>id * id + id</b> \$	移进
\$ <b>id</b>	<b>* id + id</b> \$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$ $E$	<b>* id + id</b> \$	移进
\$ $E$ *	<b>id + id</b> \$	移进
\$ $E$ * <b>id</b>	<b>+id</b> \$	

## 1.2 用栈实现分析

- 例：分析输入串 **id \* id + id**

栈	输入	动作
\$	<b>id * id + id</b> \$	移进
\$ <b>id</b>	<b>*</b> <b>id + id</b> \$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$	<b>*</b> <b>id + id</b> \$	移进
\$ $E$ *	<b>id + id</b> \$	移进
\$ $E$ * <b>id</b>	<b>+</b> <b>id</b> \$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$ * $E$	<b>+</b> <b>id</b> \$	

## 1.2 用栈实现分析

- 例：分析输入串 **id \* id + id**

栈	输入	动作
\$	<b>id * id + id</b> \$	移进
\$ <b>id</b>	<b>*</b> <b>id + id</b> \$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$	<b>*</b> <b>id + id</b> \$	移进
\$ $E$ <b>*</b>	<b>id + id</b> \$	移进
\$ $E$ <b>*</b> <b>id</b>	<b>+</b> <b>id</b> \$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$ <b>*</b> $E$	<b>+</b> <b>id</b> \$	移进
\$ $E$ <b>*</b> $E$ <b>+</b>	<b>id</b> \$	

## 1.2 用栈实现分析

- 例：分析输入串 **id \* id + id**

栈	输入	动作
\$	<b>id * id + id</b> \$	移进
\$ <b>id</b>	<b>* id + id</b> \$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$	<b>* id + id</b> \$	移进
\$ $E$ *	<b>id + id</b> \$	移进
\$ $E$ * <b>id</b>	<b>+id</b> \$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$ * $E$	<b>+id</b> \$	移进
\$ $E$ * $E$ +	<b>id</b> \$	移进
\$ $E$ * $E$ + <b>id</b>	\$	

## 1.2 用栈实现分析

- 例：分析输入串 **id \* id + id**

栈	输入	动作
\$	<b>id * id + id</b> \$	移进
\$ <b>id</b>	<b>* id + id</b> \$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$	<b>* id + id</b> \$	移进
\$ $E$ *	<b>id + id</b> \$	移进
\$ $E$ * <b>id</b>	<b>+id</b> \$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$ * $E$	<b>+id</b> \$	移进
\$ $E$ * $E$ +	<b>id</b> \$	移进
\$ $E$ * $E$ + <b>id</b>	\$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$ * $E$ + $E$	\$	

## 1.2 用栈实现分析

- 例：分析输入串 **id \* id + id**

栈	输入	动作
\$	<b>id * id + id</b> \$	移进
\$ <b>id</b>	<b>* id + id</b> \$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$	<b>* id + id</b> \$	移进
\$ $E$ *	<b>id + id</b> \$	移进
\$ $E$ * <b>id</b>	<b>+id</b> \$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$ * $E$	<b>+id</b> \$	移进
\$ $E$ * $E$ +	<b>id</b> \$	移进
\$ $E$ * $E$ + <b>id</b>	\$	按 $E \rightarrow \text{id}$ 归约
\$ $E$ * $E$ + $E$	\$	按 $E \rightarrow E + E$ 归约
\$ $E$ * $E$	\$	



## 1.2 用栈实现分析

- 例：分析输入串 **id \* id + id**

栈	输入	动作
\$	id * id + id\$	移进
\$id	* id + id\$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$E	* id + id\$	移进
\$E *	id + id\$	移进
\$E * id	+id\$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$E * E	+id\$	移进
\$E * E +	id\$	移进
\$E * E + id	\$	按 $E \rightarrow id$ 归约
\$E * E + E	\$	按 $E \rightarrow E + E$ 归约
\$E * E	\$	按 $E \rightarrow E * E$ 归约
\$E	\$	接受

# 1.3 移进-归约分析的冲突

- 有些上下文无关文法不能使用移进-归约分析
- 例：考虑如下文法

$stmt \rightarrow$  **if** *expr* **then** *stmt*  
          | **if** *expr* **then** *stmt* **else** *stmt*  
          | **other**

如果移进-归约分析过程中出现下面的情况：

栈	输入
... <b>if</b> <i>expr</i> <b>then</b> <i>stmt</i>	<b>else</b> ...\$

无法知道**if** *expr* **then** *stmt*是否为句柄，产生移进-归约冲突

# 1.3 移进-归约分析的冲突

- 例：考虑如下文法

- $stmt \rightarrow \mathbf{id}(p\_list) \mid expr = expr$
- $p\_list \rightarrow p\_list, para \mid para$
- $para \rightarrow \mathbf{id}$
- $expr \rightarrow \mathbf{id}(expr\_list) \mid \mathbf{id}$
- $expr\_list \rightarrow expr\_list, expr \mid expr$

若 $p(i, j)$ 经过词法分析变为序列： $\mathbf{id}(\mathbf{id}, \mathbf{id})$ ，然后交给语法分析器移进前三个词法单元进栈后，栈顶 $\mathbf{id}$ 必须归约：

栈	输入
... $\mathbf{id}(\mathbf{id}$	, $\mathbf{id}) \dots$

- 如果 $p$ 是过程则按照 $para \rightarrow \mathbf{id}$ 进行归约
- 如果 $p$ 是表达式，则按照 $expr \rightarrow \mathbf{id}$ 进行归约

## 第二节 LR分析

## 2 LR分析

- **LR(k)分析技术**

- L：从左向右(**Left to right**)扫描输入
- R：反向构造最右推导(**Rightmost Derivation**)序列
- k：决定分析动作时向前看k个输入符号

- **三种LR分析表构造技术**

- 简单LR(**Simple LR**)：容易实现，功能最弱
- 规范LR(**Canonical LR**)：功能最强，代价最大
- 向前搜索的LR(**Look-Ahead LR**)：介于二者之间

## 2.1 项和LR(0)自动机

一个移进-归约语法分析器如何确定

**何时移进，何时归约？**

## 2.1 项和LR(0)自动机

- LR语法分析器通过维护一些**状态**，用这些状态来**表明**我们在语法分析过程中**所处的位置**，从而做出移进-归约决定；状态是“**项**”的集合
- 文法G的一个LR(0)**项**：G的一个产生式P再加上一个位于P的体中某处的点D
- 例：产生式 $A \rightarrow XYZ$ 产生了四个项：
  1.  $A \rightarrow \bullet XYZ$
  2.  $A \rightarrow X \bullet YZ$
  3.  $A \rightarrow XY \bullet Z$
  4.  $A \rightarrow XYZ \bullet$

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 项指明了在语法分析过程中，我们**已经**看到了一个**产生式的哪些部分**
- 例：
  1. 项 $A \rightarrow \bullet XYZ$ 表明**希望**接下来在**输入**中看到从一个从**XYZ**推导得到的串
  2. 项 $A \rightarrow X \bullet YZ$ 说明刚刚(**已经**)**在输入中看到了一个可以由X推导得到的串**，且**希望**接下来看到一个能从**YZ**推导得到的串
  3. 项 $A \rightarrow XYZ \bullet$ 表示我们**已经**看到了产生式体**XYZ**，**已经是时候把XYZ归约为A了**



## 2.1 项和LR(0)自动机

- 基于一组**项集**可以构造一个**确定的有限自动机**, 用于做出语法分析**决定**
  - 项集：**规范LR(0)项集族**(Canonical LR(0) Collection)
  - 确定的有限自动机：**LR(0)自动机**
  - LR(0)自动机的每个**状态**代表了规范LR(0)项集族中的一个**项集**
- 构造文法的规范LR(0)项集族，需要定义
  - 增广文法(Augmented Grammar)
  - CLOSURE函数：**项集闭包**
  - GOTO函数：**转移**

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 文法 $G$ (其中 $S$ 为开始符号)的增广文法 $G'$  :
  - 在 $G$ 中加上新开始符号 $S'$ 和产生式 $S' \rightarrow S$
  - 引入 $S'$ 后 :

输入符号串  
被接受

iff

要使用规则  
 $S' \rightarrow S$   
进行归约

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 项集闭包：如果 $I$ 是文法 $G$ 的一个项集，那么 ***CLOSURE***( $I$ )可由如下规则构建
  - 一开始，将 $I$ 中的各个项加入到***CLOSURE***( $I$ )中
  - 如果项 $A \rightarrow \alpha \bullet B \beta \in \text{CLOSURE}(I)$ ，有 $B \rightarrow \gamma$ 且 $B \rightarrow \bullet \gamma \notin \text{CLOSURE}(I)$ ，则将项 $B \rightarrow \bullet \gamma$ 放入***CLOSURE***( $I$ )



- ✓ 从 $B\beta$ 推导得到的子串的某个前缀可以从 $B$ 推导得到
- ✓ 从 $B$ 推导时必然用到 $B$ 的某个产生式
- ✓ 因此加了 $B$ 的产生式对应的项

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：考虑增广的表达式文法

1.  $E' \rightarrow E$

2.  $E \rightarrow E + T \mid T$

3.  $T \rightarrow T * F \mid F$

4.  $F \rightarrow (E) \mid \mathbf{id}$

如果  $i = \{[E' \rightarrow \bullet E]\}$ , 则  $CLOSURE(i) = ?$

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：考虑增广的表达式文法

1.  $E' \rightarrow E$

2.  $E \rightarrow E + T \mid T$

3.  $T \rightarrow T * F \mid F$

4.  $F \rightarrow (E) \mid \mathbf{id}$

如果  $i = \{[E' \rightarrow \bullet E]\}$ , 则  $CLOSURE(i) = ?$

- 因为  $E' \rightarrow \bullet E \in i$ , 由规则1,

$$E' \rightarrow \bullet E \in CLOSURE(i)$$

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：考虑增广的表达式文法

1.  $E' \rightarrow E$

2.  $E \rightarrow E + T \mid T$

3.  $T \rightarrow T * F \mid F$

4.  $F \rightarrow (E) \mid \mathbf{id}$

如果  $i = \{[E' \rightarrow \bullet E]\}$ , 则  $CLOSURE(i) = ?$

- 再由规则2, 及  $E \rightarrow E + T \mid T$

$$E \rightarrow \bullet E + T \in CLOSURE(i)$$

$$E \rightarrow \bullet T \in CLOSURE(i)$$

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：考虑增广的表达式文法

1.  $E' \rightarrow E$

2.  $E \rightarrow E + T \mid T$

3.  $T \rightarrow T * F \mid F$

4.  $F \rightarrow (E) \mid \mathbf{id}$

如果  $i = \{[E' \rightarrow \bullet E]\}$ , 则  $CLOSURE(i) = ?$

- 再由规则2, 及  $T \rightarrow T * F \mid F$

$$T \rightarrow \bullet T * F \in CLOSURE(i)$$

$$T \rightarrow \bullet F \in CLOSURE(i)$$

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：考虑增广的表达式文法

1.  $E' \rightarrow E$

2.  $E \rightarrow E + T \mid T$

3.  $T \rightarrow T * F \mid F$

4.  $F \rightarrow (E) \mid \mathbf{id}$

如果  $i = \{[E' \rightarrow \bullet E]\}$ , 则  $CLOSURE(i) = ?$

- 再由规则2, 及  $F \rightarrow (E) \mid \mathbf{id}$

$$F \rightarrow \bullet(E) \in CLOSURE(i)$$

$$F \rightarrow \bullet \mathbf{id} \in CLOSURE(i)$$

**结束 !**



## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：考虑增广的表达式文法

1.  $E' \rightarrow E$

2.  $E \rightarrow E + T \mid T$

3.  $T \rightarrow T * F \mid F$

4.  $F \rightarrow (E) \mid \mathbf{id}$

如果  $i = \{[E' \rightarrow \bullet E]\}$ , 则

$CLOSURE(i) =$

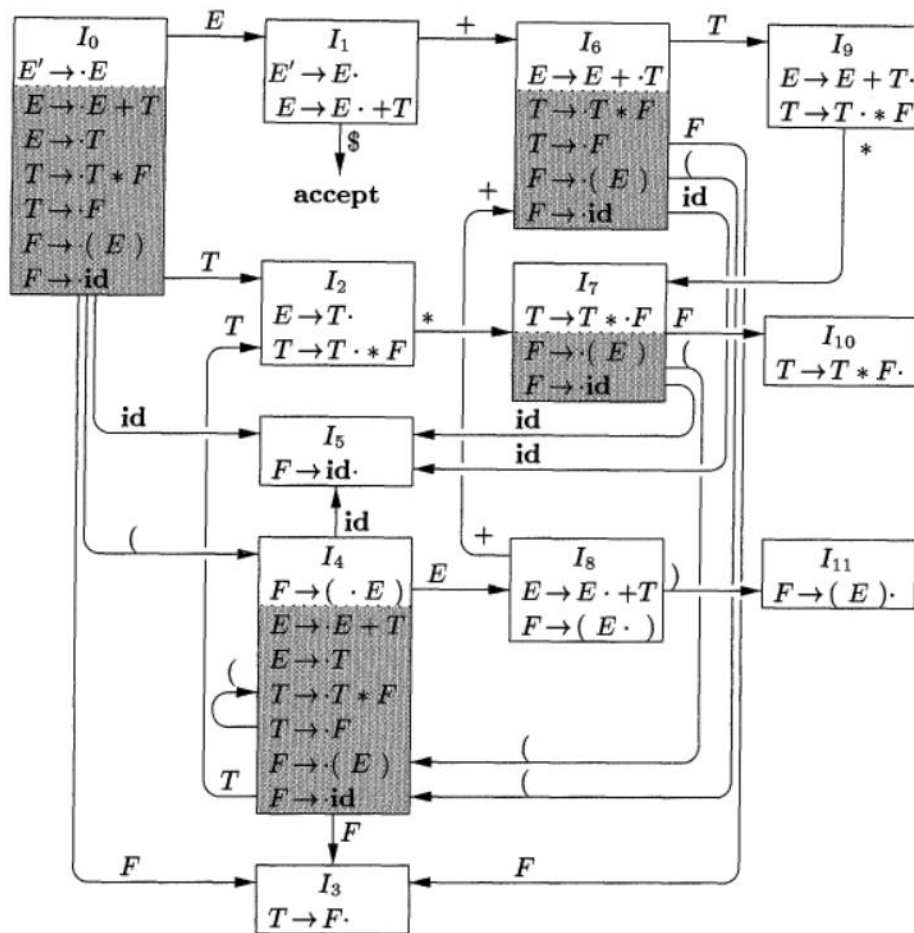
$$\{ [E' \rightarrow \bullet E], [E \rightarrow \bullet E + T], \\ [E \rightarrow \bullet T], [T \rightarrow \bullet T * F], \\ [T \rightarrow \bullet F], [F \rightarrow \bullet (E)], \\ [F \rightarrow \bullet \mathbf{id}] \}$$

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 项的分类
  - 内核项：初始项 $S' \rightarrow \bullet S$ 以及点不在最左端的所有项
  - 非内核项：除了 $S' \rightarrow \bullet S$ 之外的点在最左端的所有项
- 感兴趣的每个项集都是某个内核项集合的闭包(?)
- 计算闭包时加入的项不是内核项，可以省略所有非内核项以减少内存(因为可以计算出来)

## 2.1 项和LR(0)自动机

表达式文法的LR(0)自动机



阴影部分表示  
非内核项

## 2.1 项和LR(0)自动机

- **GOTO函数：**

$$GOTO(\overset{\text{项集}}{\downarrow} \textcolor{red}{I}, \overset{\text{文法符号}}{\downarrow} \textcolor{violet}{X})$$

定义LR(0)自动机的一个转换：

当输入为 $\textcolor{violet}{X}$ 时，从 $\textcolor{red}{I}$ 对应的状态出发的转换

如果有形如 $[A \rightarrow \alpha \bullet \textcolor{violet}{X} \beta] \in \textcolor{red}{I}$ ，则

$$GOTO(\textcolor{red}{I}, \textcolor{violet}{X}) \stackrel{\text{def}}{=} \text{K的闭包}$$

其中 $\text{K} \stackrel{\text{def}}{=}$ 所有形如 $[A \rightarrow \alpha \textcolor{violet}{X} \bullet \beta]$ 的项组成的项集

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：令  $i = \{[E' \rightarrow E\bullet], [E \rightarrow E\bullet + T]\}$ ,  
求  $GOTO(i, +)$

## 2.1 项和LR(0)自动机

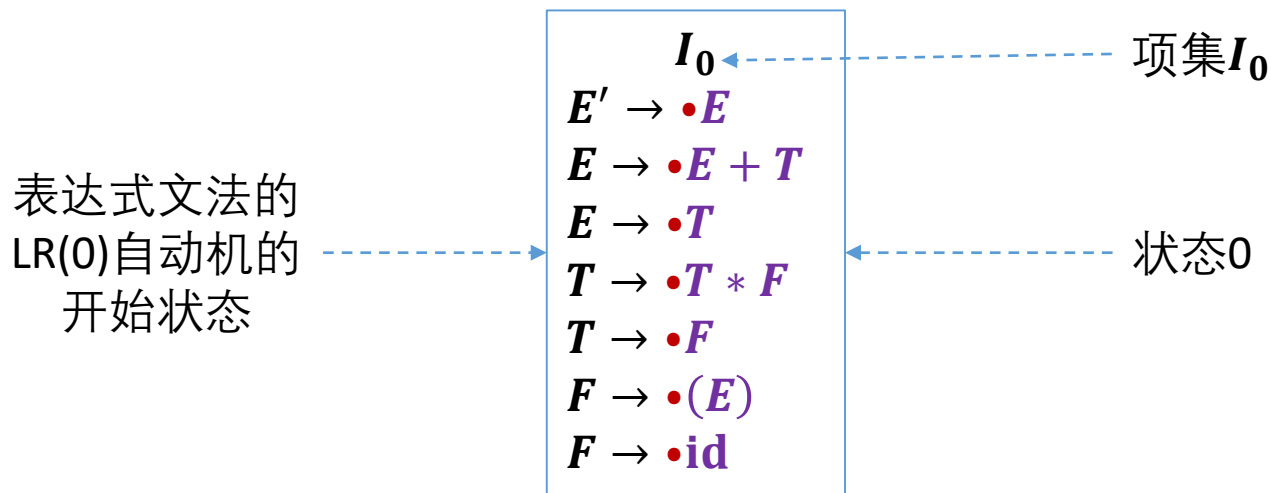
- 有了CLOSURE和GOTO之后，就可以计算项集族

```
void items( $G'$ ) {  
     $C = \{CLOSURE(\{[S' \rightarrow \bullet S]\})\}$  ;  
    repeat  
        for ( $C$  中的每个项集  $i$ ) {  
            for (每个文法符号  $X$ ) {  
                if ( $GOTO(i, X) \neq \emptyset \wedge GOTO(i, X) \notin C$ ) {  
                     $C = C \cup \{GOTO(i, X)\}$  ;  
                }  
            }  
        }  
    until 在某轮循环中没有新的项被加入  $C$  中 ;  
}
```

规范LR(0)项集族的计算

## 2.1 项和LR(0)自动机

- SLR分析技术的中心思想是根据文法构造出LR(0)自动机
  - 自动机的状态是规范LR(0)项集族中的元素
  - 自动机的转换由GOTO函数给出



**LR(0)自动机如何帮助做出移进-归约决定的呢?**

## 2.1 项和LR(0)自动机

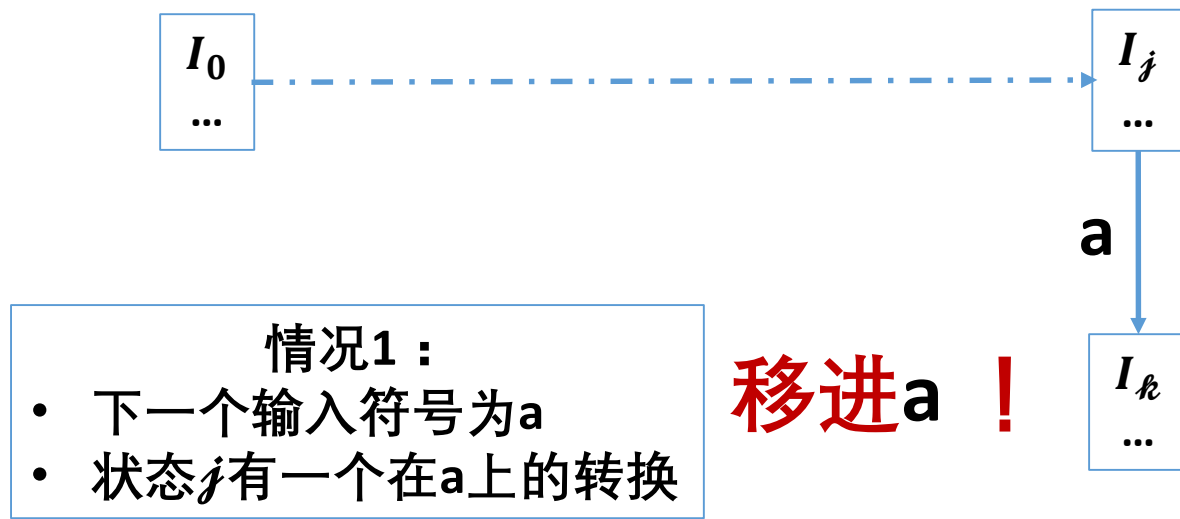
- 移进-归约决定可以按照如下方式做出
  - 假设文法符号串 $\gamma$ 使LR(0)自动机从开始状态0运行到某个状态 $j$





## 2.1 项和LR(0)自动机

- 移进-归约决定可以按照如下方式做出
  - 假设文法符号串 $\gamma$ 使LR(0)自动机从开始状态0运行到某个状态 $j$



## 2.1 项和LR(0)自动机

- 移进-归约决定可以按照如下方式做出
  - 假设文法符号串 $\gamma$ 使LR(0)自动机从开始状态0运行到某个状态 $j$



**情况2：**

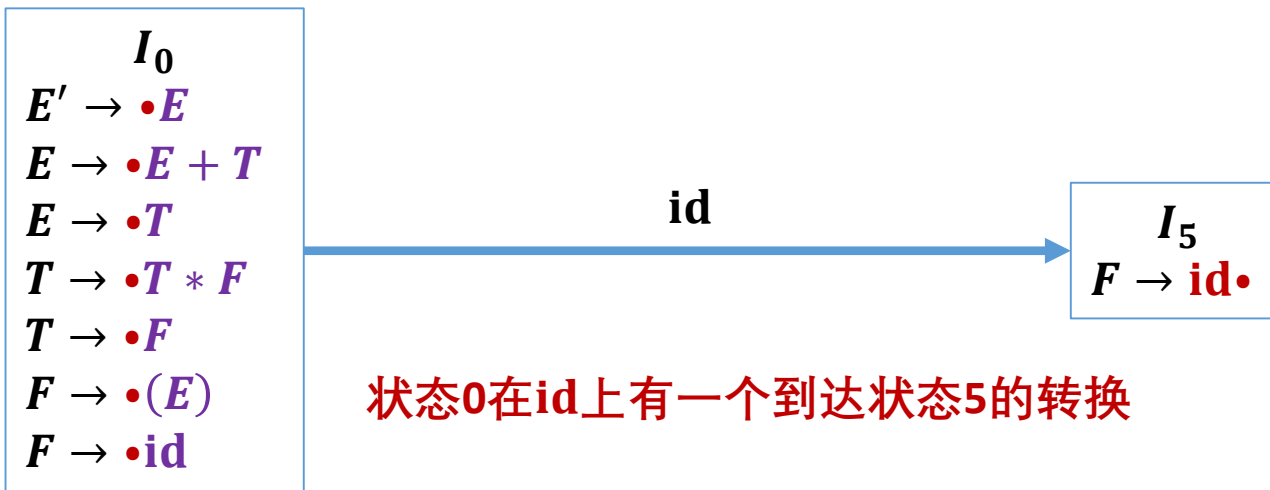
- 不满足情况1的条件时
- 状态 $j$ 的项将告诉我们使用哪个产生式进行归约

**归约！**

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：使用表达式文法的LR(0)自动机分析输入串 **id \* id**

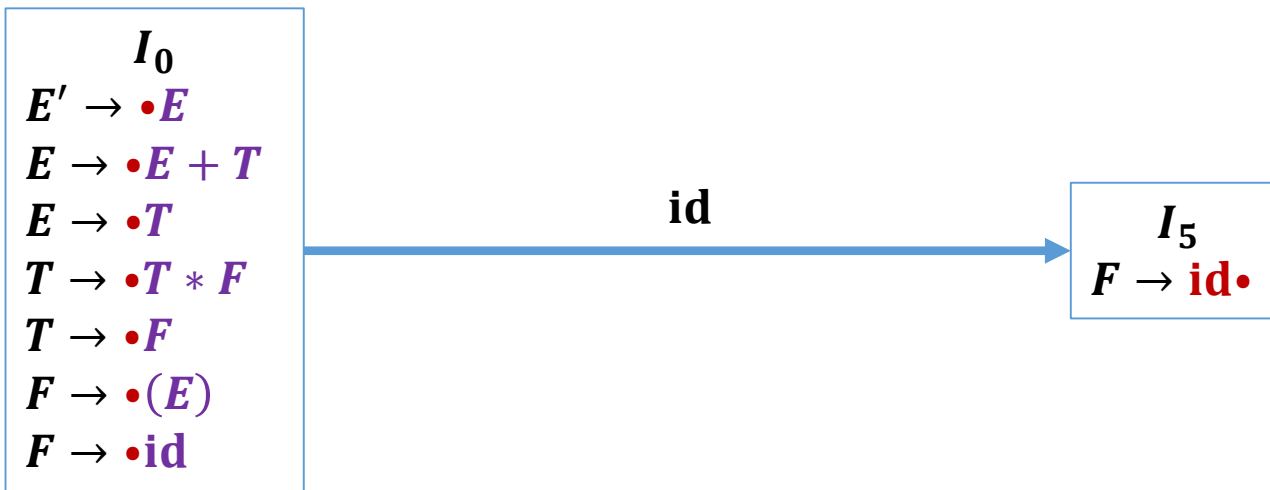
行号	栈(状态)	符号	输入	动作
(1)	0	\$	<b>id * id</b> \$	



## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：使用表达式文法的LR(0)自动机分析输入串 **id \* id**

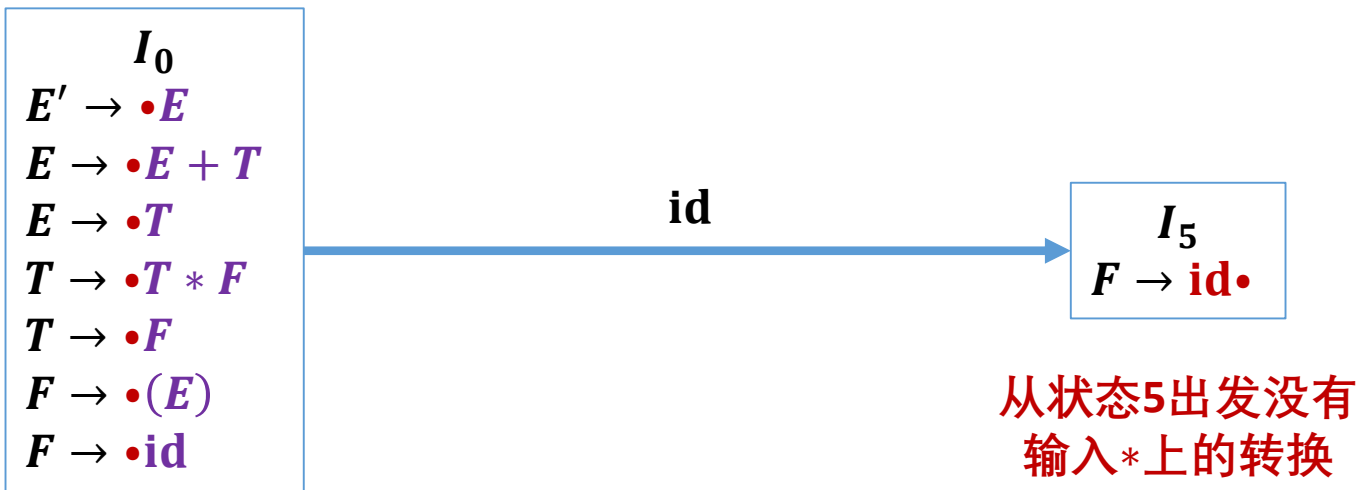
行号	栈(状态)	符号	输入	动作
(1)	0	\$	<b>id * id</b> \$	移进到5
(2)	0 5	\$ <b>id</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	



## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：使用表达式文法的LR(0)自动机分析输入串 **id \* id**

行号	栈(状态)	符号	输入	动作
(1)	0	\$	<b>id * id</b> \$	移进到5
(2)	0 5	\$ <b>id</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><math>F \rightarrow \text{id}</math></b> 归约



## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：使用表达式文法的LR(0)自动机分析输入串  
**id \* id**

行号	栈(状态)	符号	输入	动作
(1)	0	\$	<b>id * id</b> \$	移进到5
(2)	0 5	<b>\$id</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><i>F</i></b> → <b>id</b> 归约

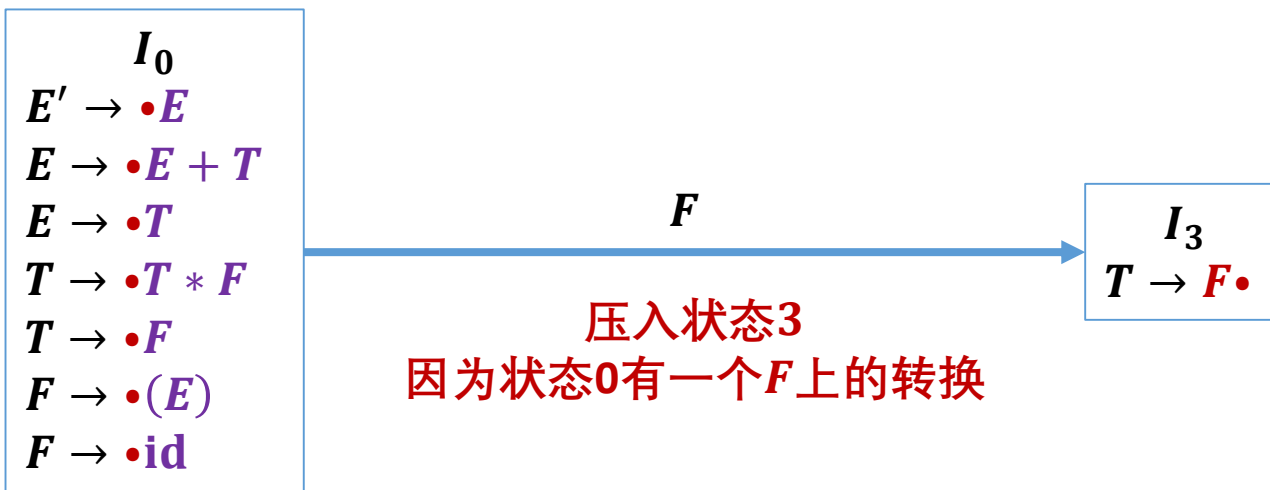
弹出**id**  
对应的状态**5**

弹出产生式体**id**  
压入产生式头***F***

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：使用表达式文法的LR(0)自动机分析输入串 **id \* id**

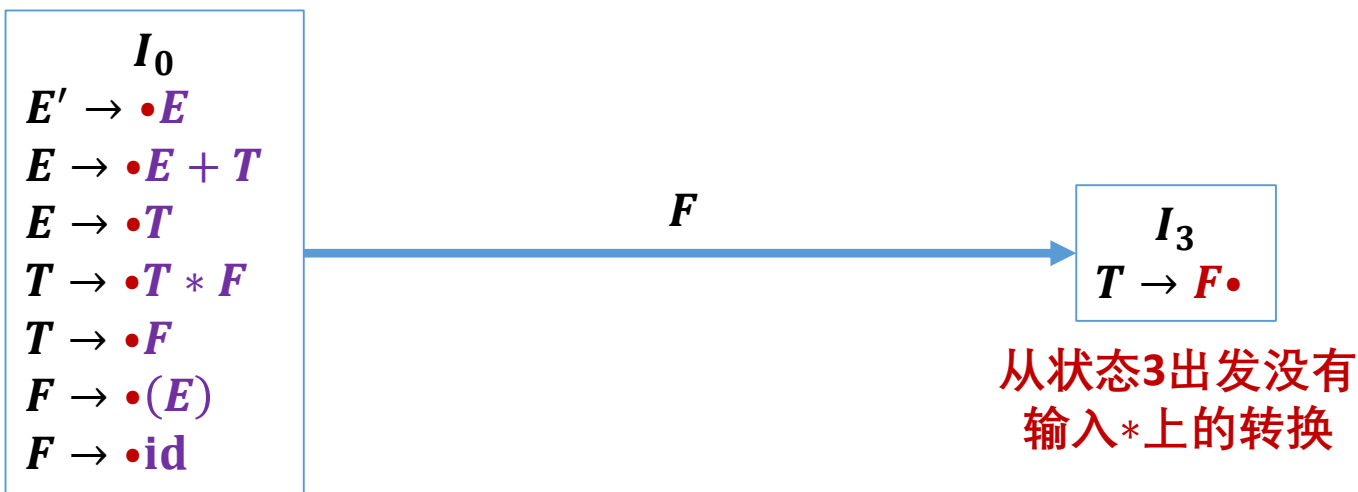
行号	栈(状态)	符号	输入	动作
(1)	0	\$	<b>id * id</b> \$	移进到5
(2)	0 5	\$ <b>id</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b>F</b> → <b>id</b> 归约
(3)	0	\$ <b>F</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	



## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：使用表达式文法的LR(0)自动机分析输入串 **id \* id**

行号	栈(状态)	符号	输入	动作
(1)	0	\$	<b>id * id</b> \$	移进到5
(2)	0 5	\$ <b>id</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><math>F \rightarrow \text{id}</math></b> 归约
(3)	0 3	\$ <b>F</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><math>T \rightarrow F</math></b> 归约





## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：使用表达式文法的LR(0)自动机分析输入串 **id \* id**

行号	栈(状态)	符号	输入	动作
(1)	0	\$	<b>id * id</b> \$	移进到5
(2)	0 5	\$ <b>id</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><i>F</i></b> → <b>id</b> 归约
(3)	0 3	\$ <b><i>F</i></b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><i>T</i></b> → <b><i>F</i></b> 归约

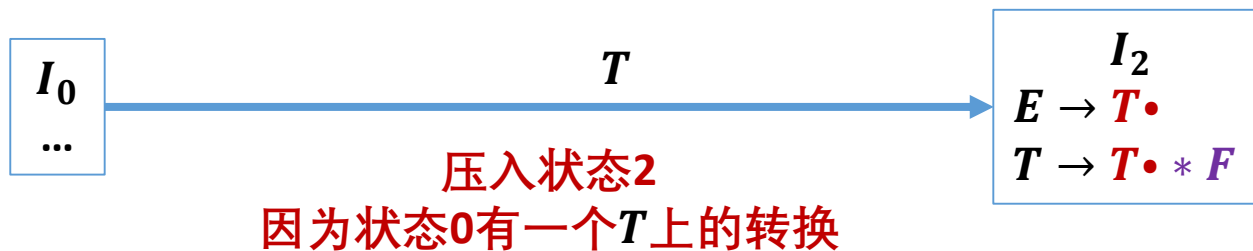
弹出***F***  
对应的状态3

弹出产生式体***F***  
压入产生式头***T***

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：使用表达式文法的LR(0)自动机分析输入串 **id \* id**

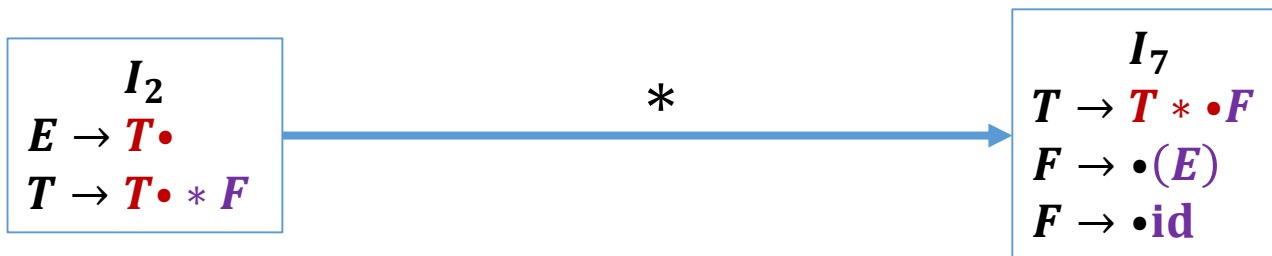
行号	栈(状态)	符号	输入	动作
(1)	0	\$	<b>id * id</b> \$	移进到5
(2)	0 5	\$ <b>id</b>	* <b>id</b> \$	按照 <b><math>F \rightarrow \text{id}</math></b> 归约
(3)	0 3	\$ <b>F</b>	* <b>id</b> \$	按照 <b><math>T \rightarrow F</math></b> 归约
(4)	0	\$ <b>T</b>	* <b>id</b> \$	



## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：使用表达式文法的LR(0)自动机分析输入串 **id \* id**

行号	栈(状态)	符号	输入	动作
(1)	0	\$	<b>id * id</b> \$	移进到5
(2)	0 5	\$ <b>id</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><math>F \rightarrow \text{id}</math></b> 归约
(3)	0 3	\$ <b>F</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><math>T \rightarrow F</math></b> 归约
(4)	0 2	\$ <b>T</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	

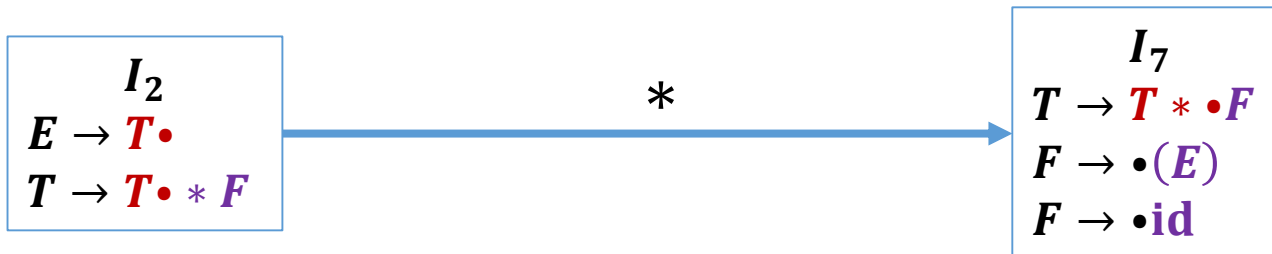


状态2在\*上有一个到达状态7的转换

## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：使用表达式文法的LR(0)自动机分析输入串 **id \* id**

行号	栈(状态)	符号	输入	动作
(1)	0	\$	<b>id * id</b> \$	移进到5
(2)	0 5	\$ <b>id</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><math>F \rightarrow \text{id}</math></b> 归约
(3)	0 3	\$ <b>F</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><math>T \rightarrow F</math></b> 归约
(4)	0 2	\$ <b>T</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	移进到7



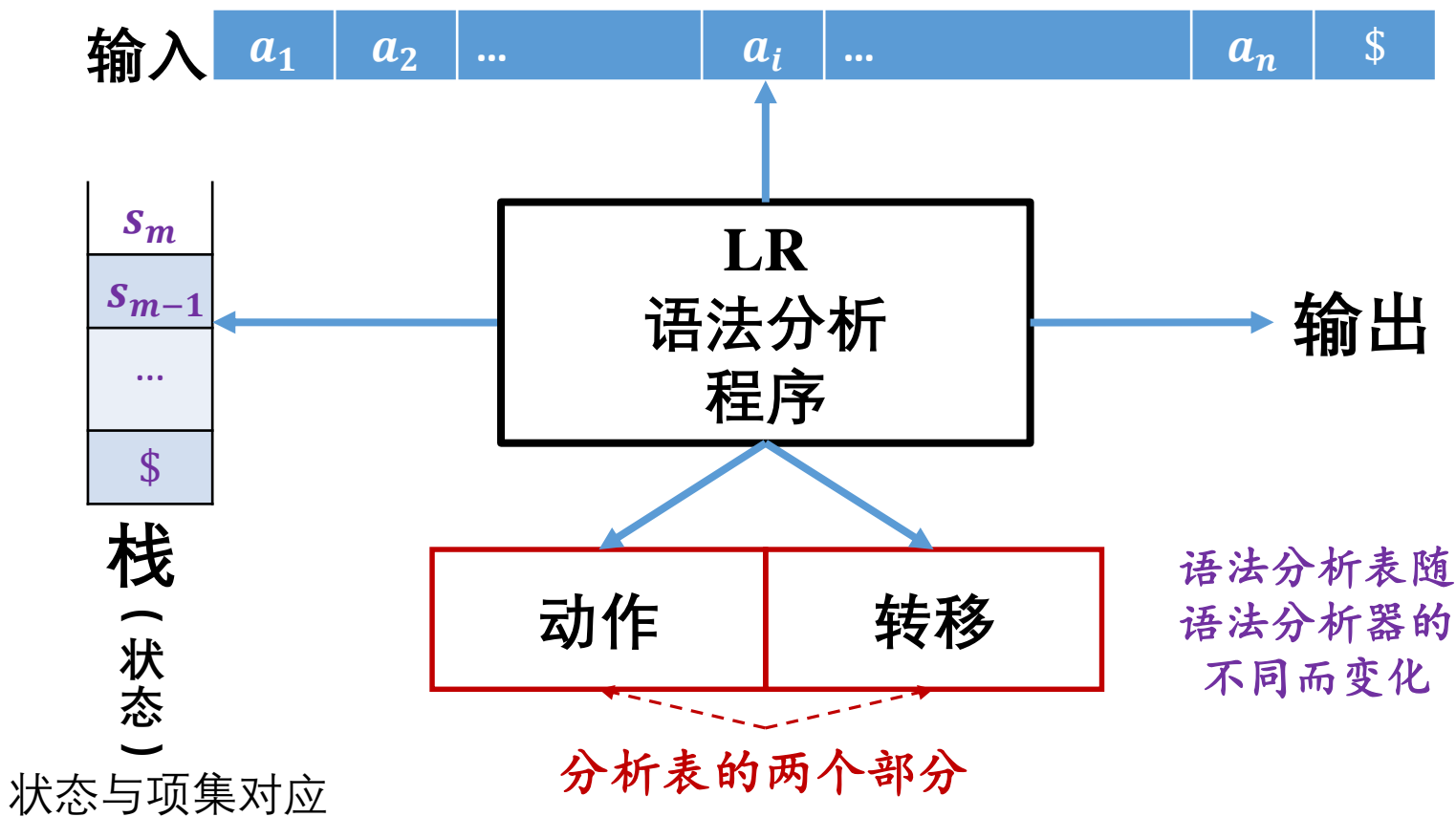
## 2.1 项和LR(0)自动机

- 例：使用表达式文法的LR(0)自动机分析输入串 **id \* id**

行号	栈(状态)	符号	输入	动作
(1)	0	\$	<b>id * id</b> \$	移进到5
(2)	0 5	\$ <b>id</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><math>F \rightarrow \text{id}</math></b> 归约
(3)	0 3	\$ <b>F</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	按照 <b><math>T \rightarrow F</math></b> 归约
(4)	0 2	\$ <b>T</b>	<b>*</b> <b>id</b> \$	移进到7
(5)	0 2 7	\$ <b>T *</b>	<b>id</b> \$	...
...	...	...	...	...
	0 1	\$ <b>E</b>	\$	接受

## 2.2 LR分析算法

一个LR语法分析器的模型：



## 2.2 LR分析算法

- LR语法分析表的结构：

动作函数(ACTION) + 转换函数(GOTO)

ACTION有两个参数：

1. 状态 $i$
2. 终结符号 $a$ (或输入结束标记)

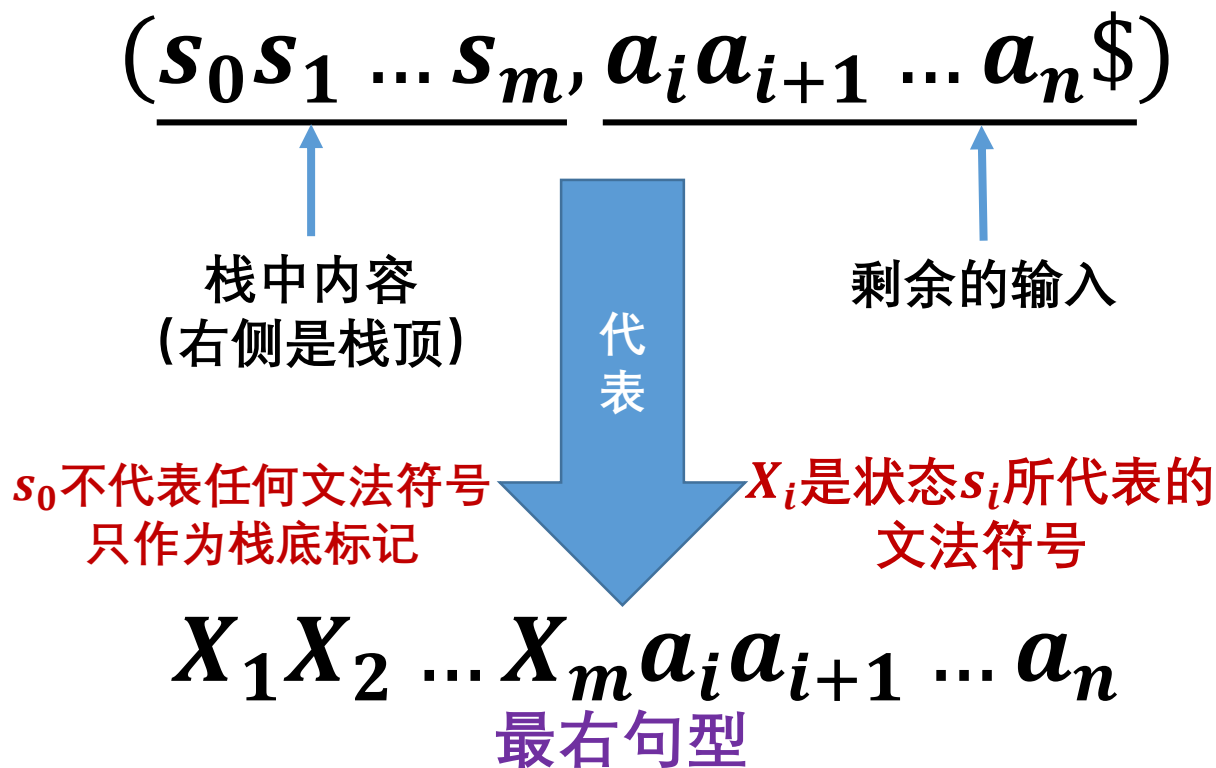
**ACTION** $[i, a]$ 的取值可能有：

1. 移进状态 $j$ ，将输入符号 $a$ 移进栈，使用状态 $j$ 代表 $a$
2. 归约 $A \rightarrow \beta$ ，将栈顶 $\beta$ 归约为产生式头 $A$
3. 接受，接受输入完成语法分析过程
4. 报错，发现错误并执行纠正动作

**GOTO**：如果**GOTO** $(I_i, A) = I_j$ ，则**GOTO**也把状态 $i$ 和一个非终结符 $A$ 映射到状态 $j$

## 2.2 LR分析算法

- LR语法分析器的格局(Configuration)





## 2.2 LR分析算法

- **LR语法分析器的行为**：读入当前输入符号 $a_i$ 和栈顶的状态 $s_m$ ，然后在分析动作表中查询条目  $ACTION[s_m, a_i]$

**Step-1.** 如果 $ACTION[s_m, a_i]$ =移进状态 $s$ ，则语法分析器执行一次移进动作；它将下一个状态 $s$ 移进栈中，进入格局：

$$\left( \underline{s_0 s_1 \dots s_m s}, \underline{a_{i+1} \dots a_n \$} \right)$$

当前的输入符号是 $a_{i+1}$

## 2.2 LR分析算法

**Step-2.** 如果 $ACTION[s_m, a_i]$ =归约 $A \rightarrow \beta$ ，则语法分析器执行一次归约动作，进入格局：

$$\left( \underline{s_0 s_1 \dots s_{m-r} \mathbf{s}}, \underline{a_i a_{i+1} \dots a_n \$} \right)$$

其中 $r = |\beta|$ ， $\mathbf{s} = GOTO[s_{m-r}, A]$

- 语法分析器首先将 $r$ 个状态符号弹出栈，使状态 $s_{m-r}$ 位于栈顶，然后将 $\mathbf{s}$ 压入栈
- 在一个归约动作中，当前输入符号不变
- 出栈状态的文法符号序列 $X_{m-r+1} \dots X_m = \beta$

## 2.2 LR分析算法

**Step-3.** 如果 $ACTION[s_m, a_i]$ =接受, 则分析过程完成

**Step-4.** 如果 $ACTION[s_m, a_i]$ =报错, 则说明分析器发现了一个语法错误, 并调用一个错误恢复例程

- 所有LR语法分析器均按照上述方式(Step-1~4)执行
- 分析器间唯一区别在于ACTION表项和GOTO表项中包含的信息不同

## 2.2 LR分析算法

### LR语法分析算法

**输入：**一个输入串 $w$ 和文法 $G$ 的一个LR语法分析表

**输出：**如果 $w$ 在 $L(G)$ 中，则输出 $w$ 的自下而上语法分析过程中的**归约步骤**；否则给出一个**错误提示**

**方法：**最初，语法分析器栈中的内容为**初始状态** $s_0$ ，输入缓冲区中的内容为 $w\$$ ，然后执行程序(右图)

```
令 $a$ 为 $w\$$ 的第一个符号；
while(1) {
    令 $s$ 是栈顶的状态；
    if ( $ACTION[s, a] = \text{移进}t$ ) {
        将 $t$ 压入栈中；
        令 $a$ 为下一个输入符号；
    }
    else if ( $ACTION[s, a] = \text{归约}A \rightarrow \beta$ ) {
        从栈中弹出 $|\beta|$ 个符号；
        令 $t$ 为当前的栈顶状态；
        将 $GOTO[t, A]$ 压入栈中；
        输出产生式 $A \rightarrow \beta$ ；
    }
    else if ( $ACTION[s, a] = \text{接受}$ ) break;
    else 调用错误恢复例程；
}
```

## 2.2 LR分析算法

- 例：表达式文法

1.  $E \rightarrow E + T$

2.  $E \rightarrow T$

3.  $T \rightarrow T * F$

4.  $T \rightarrow F$

5.  $F \rightarrow (E)$

6.  $F \rightarrow \mathbf{id}$

- s : shift
- r : reduce
- acc : accept

状态	ACTION						GOTO		
	id	+	*	(	)	\$	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r6	r6		r6	r6			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		r1	s7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r5	r5		r5	r5			

## 2.2 LR分析算法

- 例：表达式文法

1.  $E \rightarrow E + T$

2.  $E \rightarrow T$

3.  $T \rightarrow T * F$

4.  $T \rightarrow F$

5.  $F \rightarrow (E)$

6.  $F \rightarrow \mathbf{id}$

状态	ACTION					
	id	+	*	(	)	\$
0	s5			s4		

	栈	符号	输入	动作
(1)	0		id * id+id\$	移进

## 2.2 LR分析算法

- 例：表达式文法

1.  $E \rightarrow E + T$

2.  $E \rightarrow T$

3.  $T \rightarrow T * F$

4.  $T \rightarrow F$

5.  $F \rightarrow (E)$

6.  $F \rightarrow \mathbf{id}$

状态	ACTION					
	id	+	*	(	)	\$
5		r6	<b>r6</b>		r6	r6

需从栈中弹出|id|个符号

	栈	符号	输入	动作
(1)	0		<b>id * id+id\$</b>	移进
(2)	0 5	<b>id</b>	<b>* id+id\$</b>	根据 $F \rightarrow \mathbf{id}$ 归约

## 2.2 LR分析算法

- 例：表达式文法

1.  $E \rightarrow E + T$

2.  $E \rightarrow T$

3.  $T \rightarrow T * F$

4.  $T \rightarrow F$

5.  $F \rightarrow (E)$

6.  $F \rightarrow \mathbf{id}$

状态	GOTO		
	$E$	$T$	$F$
0	1	2	3

需将 $GOTO[0, F]$ 压入栈

	栈	符号	输入	动作
(1)	0		<b>id * id+id\$</b>	移进
(2)	0 5	<b>id</b>	<b>* id+id\$</b>	根据 $F \rightarrow \mathbf{id}$ 归约
(3)	0	$F$	<b>* id+id\$</b>	



## 2.2 LR分析算法

- 例：表达式文法

1.  $E \rightarrow E + T$

2.  $E \rightarrow T$

3.  $T \rightarrow T * F$

4.  $T \rightarrow F$

5.  $F \rightarrow (E)$

6.  $F \rightarrow \mathbf{id}$

状态	ACTION					
	id	+	*	(	)	\$
3		r4	r4		r4	r4

	栈	符号	输入	动作
(1)	0		id * id+id\$	移进
(2)	0 5	id	* id+id\$	根据 $F \rightarrow \mathbf{id}$ 归约
(3)	0 3	F	* id+id\$	根据 $T \rightarrow F$ 归约

## 2.2 LR分析算法

- 例：表达式文法

$$1. E \rightarrow E + T$$

$$2. E \rightarrow T$$

$$3. T \rightarrow T * F$$

$$4. T \rightarrow F$$

$$5. F \rightarrow (E)$$

$$6. F \rightarrow \text{id}$$

	栈	符号	输入	动作
(1)	0		id * id+id\$	移进
(2)	0 5	id	* id+id\$	根据 $F \rightarrow \text{id}$ 归约
(3)	0 3	F	* id+id\$	根据 $T \rightarrow F$ 归约
...	...	...	...	...
	0 1	E	\$	接受

状态	ACTION					
	id	+	*	(	)	\$
1		s6				acc