编译原理

第四章自上而下语法分析

方徽星

扬州大学信息工程学院(505)

fanghuixing@yzu.edu.cn

2018年春季学期

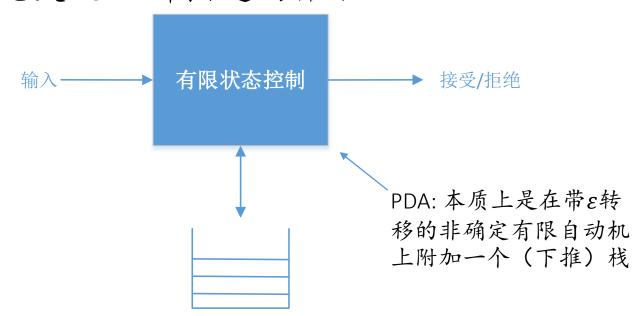
本章主要内容

- 一. 下推自动机
- 二. 自上而下分析法存在的问题
- 三. 自上而下分析法的一般方法
- 四. LL(1)文法
- 五. 递归下降和非递归的预测分析
- 六. 预测分析表的构造

第一节 下推自动机

1.1 PDA的组成

- 大部分高级程序设计语言的语句可以用上下文无关文法描述
- 下推自动机(PDA: Pushdown Automata)能够识别 上下文无关文法所描述的语言



1.1 PDA的组成

- PDA是一个7元组 $M = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, Z_0, F)$:
 - Q: 有限的状态集合
 - · Σ: 输入符号字母表 (有限集合)
 - Γ: 有限的栈字母表, 是能够被推入栈的符号集合
 - δ : $Q \times (\Sigma \cup \{\varepsilon\}) \times \Gamma \to 2^{Q \times \Gamma^*}$,转移函数, δ 的输出是序对的有限集合
 - q_0 : 初始状态 $q_0 \in Q$
 - Z_0 : 初始符号 $Z_0 \in \Gamma$, 开始时栈中只有这个符号
 - F:接受状态集合, $F \subseteq Q$

1.2 PDA的工作原理

- 设上下文无关文法 $G = (V_N, \Sigma, P, S)$,构造下推自动机 $M = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, Z_0, F)$:
 - $Q = F = \{q_0\}$, 控制器只有一个状态
 - $\Gamma = V_N \cup \Sigma$, 非终结符集合与终结符集合的并
 - $Z_0 = S$,栈初始符号与文法初始符号相同
 - 转移函数:
 - 推导: 对于形如: A-> r的产生式, 有 $\delta(q, \varepsilon, A) = (q, r)$
 - 匹配:对于输入符号 $a \in \Sigma$,有 $\delta(q,a,a) = (q, ε)$

1.2 PDA的工作原理

• 例:构造PDA接受语言 $L = \{a^ncb^n \mid n \geq 0\}$

解: 生成L的文法产生式可以表示如下:

$$S \rightarrow aSb \mid c$$

相应的PDA $M = (\{q\}, \{a, b, c\}, \{S, a, b, c\}, \delta, q, S, \{q\})$ 的转移函数:

- $\delta(q, \varepsilon, S) = \{(q, aSb), (q, c)\}$
- $\delta(q, a, a) = (q, \varepsilon)$
- $\delta(q,b,b) = (q,\varepsilon)$
- $\delta(q,c,c) = (q,\varepsilon)$

对输入串aacbb的分析过程为:

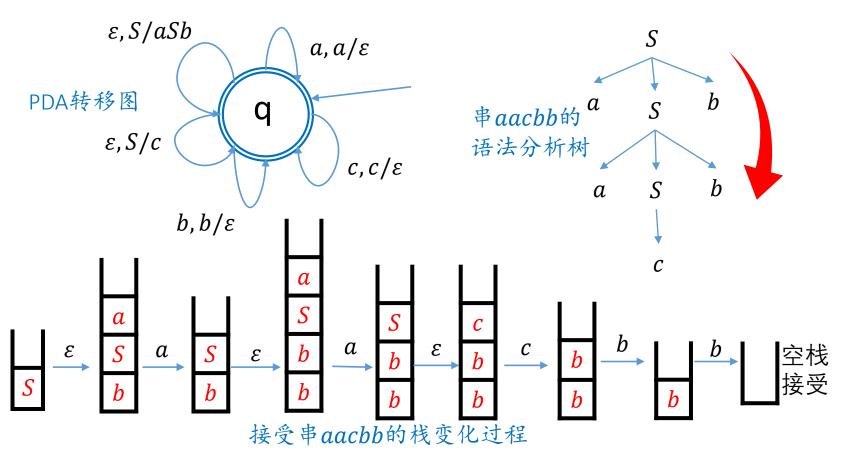
 $(q, aacbb, S) \vdash (q, aacbb, aSb) \vdash (q, acbb, Sb)$

 $\vdash (q, acbb, aSbb) \vdash (q, cbb, Sbb) \vdash (q, cbb, cbb)$

 $\vdash (q,bb,bb) \vdash (q,b,b) \vdash (q,\epsilon,\epsilon)$ (栈空,接受)

1.2 PDA的工作原理

• 例:构造PDA接受语言 $L = \{a^ncb^n \mid n \geq 0\}$ (续)



第二节自上而下分析法存在的问题

2.1 左递归的消除

- 左递归:如果一个文法中有一个非终结符号A使得对某个串 α 存在一个推导 $A \Rightarrow A\alpha$,则该文法是左递归的(Left Recursive)
- 自上而下语法分析方法不能处理左递归文法, 需通过转换消除左递归

• 直接左递归

 $A \rightarrow A\alpha_1 | A\alpha_2 ... | A\alpha_m | \beta_1 | \beta_2 | ... | \beta_n$ 其中 β_i 都不以A开头,将A的产生式替换为:

- $A \rightarrow \beta_1 A' \mid ... \mid \beta_n A'$
- $A' \rightarrow \alpha_1 A' | \dots | \alpha_m A' | \varepsilon$

2.1 左递归的消除

•例:考虑文法: $S \rightarrow Aa \mid b$, $A \rightarrow Sd \mid \varepsilon$ 其中S是左递归的: $S \Rightarrow Aa \Rightarrow Sda$, 但不是直接左递归的,使用S的产生式对 $A \rightarrow Sd$ 中的S进行代换,可以得到下面的文法:

- $S \rightarrow Aa \mid b$
- $A \rightarrow Aad \mid bd \mid \varepsilon$

然后删除其中的直接左递归, 可得

- $S \rightarrow Aa \mid b$
- $A \rightarrow bdA' \mid A'$
- $A' \rightarrow adA' \mid \varepsilon$

- 回溯:进行推导时,如果有多个产生式可选,则 选择具有不确定性,若选错则需回到最近选择处 进行重选
- 使用预测: 设 $A \in V_N$, 且 $A \to \alpha \mid \beta$, 当A为栈顶符号, 而输入符号为a时:
 - 若a ∈ $First(\alpha)$, a $\notin First(\beta)$, 则选 $A \to \alpha$
 - 若a $\notin First(\alpha)$, a ∈ $First(\beta)$, 则选 $A \to \beta$
 - 若a ∉ First(α), a ∉ First(β), 则表示输入有错
 - $\exists a \in First(\alpha)$, $a \in First(\beta)$, 提取左公因子

- •提取左公因子:当无法决定在两个产生式中如何选择时,可以通过改写产生式来推后选择,等读入了足够多的输入再做出正确的选择
- 例如: 文法中有产生式 $A \to \alpha \beta_1 \mid \alpha \beta_2$, 如果输入的开头是从 α 推导得到的非空串,则可以改造产生式如下:
 - $A \rightarrow \alpha A'$
 - $A' \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2$ 其中 α 为左公因子

- 提取左公因子算法
 - 输入: 文法G
 - 输出: 等价的提取了左公因子的文法
 - 方法: 对于每个非终结符A, 找出它的两个或多个选项之间的最长公共前缀 α , 如果 $\alpha \neq \varepsilon$ 则将所有A的产生式 $A \rightarrow \alpha \beta_1 \mid \alpha \beta_2 \mid \cdots \mid \alpha \beta_n \mid \gamma$ 改写为
 - $A \rightarrow \alpha A' \mid \gamma$
 - $A' \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$
 - 其中γ表示所有不以α开头的产生式体; A'是非终 结符号
 - 不断应用此改写方法, 直到每个非终结符号的任意两个产生式体都没有公共前缀为止

- 例:考虑如下文法
 - $S \rightarrow iEtS \mid iEtSeS \mid a$
 - $E \rightarrow b$

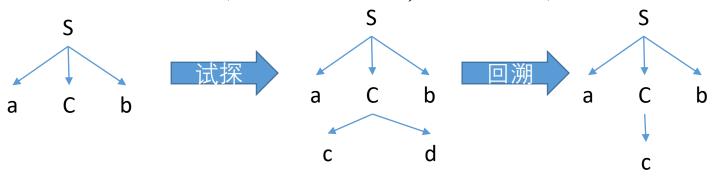
提取左公因子后,新文法为:

- $S \rightarrow iEtSS' \mid a$
- $S' \rightarrow eS \mid \varepsilon$
- $E \rightarrow b$

第三节自上而下分析法的一般方法

3. 自上而下分析法的一般方法

- 自上而下分析:对任何输入串,从文法开始符号 出发,自上而下,从左到右地构建输入串的语法 分析树
 - 本质上是为输入串寻找最左推导
 - 一种试探过程: 反复使用不同的产生式以匹配输入
 - 文法应该没有左递归(避免陷入无限循环)
 - 试探与回溯效率低、代价高, 在实践中价值不大



第四节 LL(1)文法

• 对文法符号串α, 定义:

$$First(\alpha) = \{ a \mid \alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} a \dots, a \in V_T \}$$

[注意: $\stackrel{*}{\Rightarrow} ε$ ε Ε Ε First(α)]

如果对非终结符A的任意两个不同选择 α 和 β :

$$First(\alpha) \cap First(\beta) = \emptyset$$

当要求A匹配输入串时,就可以准确指派某个选择

• 用提取公因子方法可以使A的所有选择的开始符号集合两两不相交

例:考虑如下文法产生式

- $E \rightarrow TE'$
- $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
- $T \rightarrow FT'$
- $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
- $F \rightarrow (E) \mid i$
- 当处理非终结符E'时, $First(E') = \{+, \epsilon\}$,遇到'+'时,选择 $E' \to +TE'$;**当遇到')'的时候,如何选择?**

为了处理非终结符A可推出ε的情况,需要知道A**后面紧跟的是什么终结符**

• 如果ε属于非终结符A的某个选择的开始符号集合,则需要定义A的后继符号集合

 $Follow(A) = \{ a \mid S \Rightarrow ... Aa ..., a \in V_T \}$

如果A是某个句型的最右符号,则令特殊符号

$$\$ \in Follow(A)$$

约定\$是一个特殊的"结束标记"符号,且不是任何文法符号

- 计算文法符号X的First(X),不断应用下列规则 直到没有新的终结符号或 ε 可以被加入到任何 First集合中
 - 如果X是一个终结符号,则 $First(X) = \{X\}$
 - 如果X是一个非终结符号,且有产生式 $X \rightarrow Y_1Y_2 \dots Y_k (k \ge 1)$

如果[$\exists i.a \in First(Y_i)$] $\Lambda[\forall j_{< i}.\epsilon \in First(Y_j)]$ 则把a加入到First(X)中

• 如果有产生式 $X \to \varepsilon$,则 $\varepsilon \in First(X)$

- 计算文法符号串 $X_1X_2 ... X_n$ 的First集合
 - $\forall a \in First(X_1). \ a \neq \varepsilon \Longrightarrow a \in First(X_1X_2...X_n)$
 - $[\forall i_{< j}, \varepsilon \in First(X_i)] \Longrightarrow [\forall a \in First(X_j). \ a \neq \varepsilon \Longrightarrow a \in First(X_1X_2...X_n)]$
 - $\forall i. \ \varepsilon \in First(X_i) \Longrightarrow \varepsilon \in First(X_1X_2 ... X_n)$
- 例:计算文法符号串XY的First集合,其中
 - $X \to \varepsilon \mid a$
 - $Y \rightarrow b$

$$First(XY) = ?$$

- 计算非终结符号A的Follow集合,应用如下规则 直到没有新的终结符可以加入到任意的Follow 集合
 - 将\$放入Follow(S), 其中S是开始符号, \$是输入右端的结束符
 - 若有产生式 $B \to \alpha A \beta$,则 $First(\beta)$ 中除了 ϵ 之外的符号均在Follow(A)中
 - 若有
 - 产生式 $B \to \alpha A$, 或
 - 产生式 $B \to \alpha A \beta \exists \epsilon \in First(\beta)$ 则把Follow(B)中全部符号放入Follow(A)

- 例: 考虑如下文法产生式
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E)$

$$Follow(T) = ?$$

- 例: 考虑如下文法产生式
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E)$

$Follow(E) = \{\$, \}$

- 因E是开始符号,所以 $\$ \in Follow(E)$
- 因 $F \rightarrow (E)$,则First())中除 ε 外的符号 均在Follow(E)中,所以) ∈ Follow(E)

- 例: 考虑如下文法产生式
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E)$

$Follow(E) = \{\$, \}$

- 因E是开始符号,所以 $\$ \in Follow(E)$
- 因 $F \rightarrow (E)$,则First())中除 ε 外的符号 均在Follow(E)中,所以) ∈ Follow(E)

$Follow(E') = \{\$,\}$

• 因 $E \to TE'$, 所以Follow(E)中所有符号均在Follow(E')

- 例: 考虑如下文法产生式
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E)$

$Follow(E) = \{\$, \}$

- 因E是开始符号,所以 $\$ \in Follow(E)$
- 因 $F \rightarrow (E)$,则First())中除 ε 外的符号均在Follow(E)中,所以) ∈ Follow(E)

$Follow(E') = \{\$, \}\}$

• 因 $E \to TE'$,所以Follow(E)中所有符号均在Follow(E')

$Follow(T) = \{+, \$, \}$

- 因 $E \rightarrow TE'$, 所以First(E')中除 ε 外的符号均在Follow(T)中, 则+∈ Follow(T)
- $E' \rightarrow +TE'(\Box \bot)$
- 因 $E' \to +TE'$,且 $\varepsilon \in First(E')$ 则 Follow(E')中所有符号均在Follow(T)中

- 例: 考虑如下文法产生式
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E)$

$Follow(E) = \{\$, \}$

- 因E是开始符号,所以 $\$ \in Follow(E)$
- 因 $F \rightarrow (E)$,则First())中除 ε 外的符号 均在Follow(E)中,所以) ∈ Follow(E)

$Follow(E') = \{\$, \}\}$

• 因 $E \to TE'$,所以Follow(E)中所有符号均在Follow(E')

$Follow(T) = \{+, \$, \}$

- 因 $E \to TE'$,所以First(E')中除 ε 外的符号均在Follow(T)中,则+∈ Follow(T)
- $E' \rightarrow +TE'(\Box \bot)$
- 因 $E' \to +TE'$,且 $\varepsilon \in First(E')$ 则 Follow(E')中所有符号均在Follow(T)中

$Follow(T') = \{+, \$, \}$

• 因 $T \to FT'$,所以Follow(T)中所有符号均在Follow(T')

- 例:考虑如下文法产生式
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E)$

$Follow(E) = \{\$, \}$

- 因E是开始符号,所以 $\$ \in Follow(E)$
- 因 $F \rightarrow (E)$,则First())中除 ε 外的符号 均在Follow(E)中,所以) ∈ Follow(E)

$Follow(E') = \{\$,\}$

• 因 $E \to TE'$,所以Follow(E)中所有符号均在Follow(E')

$Follow(T) = \{+, \$, \}$

- 因 $E \to TE'$,所以First(E')中除 ε 外的符号均在Follow(T)中,则 $+\in Follow(T)$
- $E' \rightarrow +TE'(\Box \bot)$
- 因 $E' \to +TE'$,且 $\varepsilon \in First(E')$ 则 Follow(E')中所有符号均在Follow(T)中

$Follow(T') = \{+, \$, \}$

• 因 $T \to FT'$, 所以Follow(T)中所有符号均在Follow(T')

$Follow(F) = \{*, +, \$, \}$

- 因 $T \rightarrow FT'$,所以First(T')中除 ε 外的符号均在Follow(F)中,则*∈ Follow(F)
- 因 $T' \rightarrow * FT'$,且 $\varepsilon \in First(T')$ 则 Follow(T')中所有符号均在Follow(F)中

- 如果文法G中所有产生式 $A \rightarrow \alpha \mid \beta$ 满足如下条件
 - 1. $First(\alpha) \cap First(\beta) = \emptyset$
 - - ✓第一个L代表从左(Left)向右地扫描输入
 - ✔第二个L代表产生最左推导(Leftmost derivation)
 - ✓1表示在决定语法分析器的每步动作时需要向前 看下一个输入符号
- LL(1)文法:不是二义的,不含左递归,没有公 共左因子

第五节 递归下降和非递归的预测分析

- 预测分析:根据当前输入符号为非终结符确定采用哪种选择(LL(1)文法满足要求)
- 递归下降(Recursive-Descent)的预测分析:
 - 为每一个非终结符写一个分析过程
 - 文法的定义是递归的,因此过程也是递归的
 - 处理输入串时,首先执行开始符号所对应的过程
 - 然后根据产生式右部出现的非终结符,依次调用相应的过程
 - 逐步下降的过程调用序列隐含地建立了输入的分析树

• 一个非终结符A对应的典型过程

```
A() {
   选择一个A的产生式, A \rightarrow X_1X_2 ... X_k;
   for (i = 1 \ to \ k) {
      if(X_i是一个非终结符)
             调用过程X_i();
      else if (X_i等于当前输入符)
             读取下一个输入
      else /*发生错误*/;
```

- 例:考虑文法
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E) \mid i$

```
E() {
 T();
 E'();
}
```

- 例:考虑文法
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E) \mid i$

```
E() {
    T();
    E'();
}

T() {
    F();
    T'();
}
```

- 例:考虑文法
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E) \mid i$

```
E() {
    T();
    E'();
}

T() {
    F();
    T'();
}
```

```
E'() {
    if (token =' +'){
        nextToken();
        T();
        E'();
    }
}
```

- 例:考虑文法
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E) \mid i$

```
E() {
    T();
    E'();
}

T() {
    F();
    T'();
}
```

```
E'() {
    if (token =' +'){
        nextToken();
        T();
        E'();
    }
}
```

```
T'() {
    if (token ='*'){
        nextToken();
        F();
        T'();
    }
}
```

- 例:考虑文法
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E) \mid i$

```
E'() {
    if (token =' +'){
        nextToken();
        T();
        E'();
    }
}
```

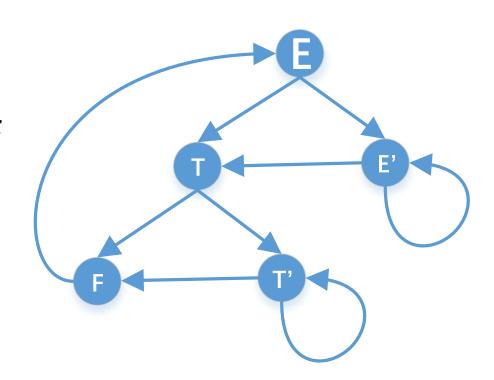
```
E() {
    T();    F();
    E'();    }

T() {
    F();
    T'();
```

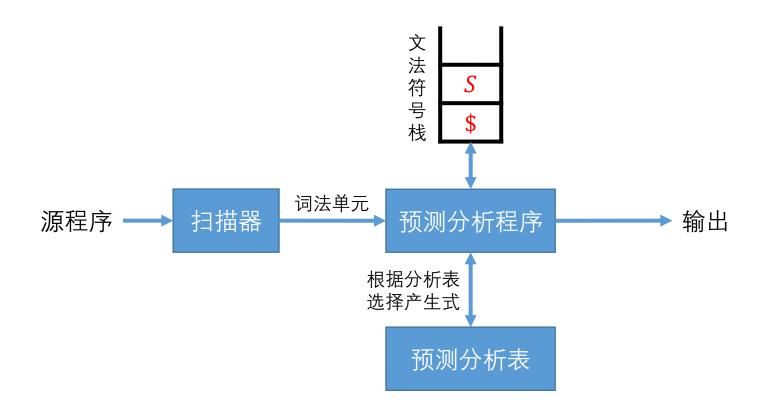
```
T'() {
    if (token ='*'){
        nextToken();
        F();
        T'();
    }
}
```

```
f() {
    if (token =' i'){
        nextToken();
    }
    else if (token =' ('){
        nextToken();
        E();
        if (token =')'){
            nextToken();
        } else ERROR();
    } else ERROR();
}
```

- 例:考虑文法
 - $E \rightarrow TE'$
 - $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow FT'$
 - $T' \rightarrow * FT' \mid \varepsilon$
 - $F \rightarrow (E) \mid i$



• 分析表驱动的预测分析器模型



• 分析表驱动的预测分析算法

输入:

串w和G的预测分析表M

输出:

若w在L(G)中则输出w的一个最左推导;否则给出错误指示

方法:

开始时,输入缓冲区中是w\$; G的开始符号S位于栈顶, S的下面是符号\$

```
设置ip指向w的第一个符号
X \coloneqq 栈顶符号;
while (X \neq \$)
   if(X等于ip所指向的符号){
       弹出栈顶符号; ip \coloneqq \text{nextToken}();
   else if(X是终结符号) error();
   else if(M[X,a]是报错条目) error();
   else if (M[X, a] = X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k){
           输出产生式X \rightarrow Y_1Y_2 \dots Y_k;
           弹出栈顶符号:
           将Y_k, Y_{k-1}, ..., Y_1压栈, Y_1位于栈顶;
   X \coloneqq 栈顶符号;
```

• 例:考虑文法

$$E \to TE'$$
 $E' \to +TE' \mid \varepsilon$ $T \to FT'$ $F \to (E) \mid id$ $T' \to *FT' \mid \varepsilon$

非终结	输入符号					
符号	id	+	*	()	\$
E	$E \to TE'$	_	_	$E \to TE'$	_	_
E'	_	$E' \rightarrow +TE'$	_	_	$E' \to \varepsilon$	$E' \to \varepsilon$
T	$T \to FT'$	_	_	$T \to FT'$	_	_
T'	_	$T' \to \varepsilon$	$T' \to *FT'$	_	$T' \to \varepsilon$	$T' \to \varepsilon$
F	$F \rightarrow id$	_	_	$F \rightarrow (E)$	_	_

预测分析表M

• 处理输入id + id * id * 推导过程

$E \xrightarrow{\text{id}} TE'$	$E \xrightarrow{(} TE'$
$E' \xrightarrow{+} + TE'$	$E' \xrightarrow{)} \varepsilon$
$E' \stackrel{\$}{\longrightarrow} \varepsilon$	$T \xrightarrow{id} FT'$
$T \stackrel{(}{\longrightarrow} FT'$	$T' \stackrel{+}{\longrightarrow} \varepsilon$
$T' \stackrel{*}{\longrightarrow} * FT'$	$T' \xrightarrow{)} \varepsilon$
$T' \stackrel{\$}{\longrightarrow} \varepsilon$	$F \xrightarrow{id} id$
$F \stackrel{(}{\longrightarrow} (E)$	

迁移关系表示 预测分析表M

已匹配	栈	输入	动作
	<i>E</i> \$	id + id * id\$	
	<i>TE'</i> \$	id + id * id\$	输出 $E \to TE'$
	<i>FT'E'</i> \$	id + id * id\$	输出 $T \to FT'$
	idT'E'\$	id + id * id\$	输出 $F \rightarrow id$
id	T'E'\$	+id * id\$	匹配 id
id	E'\$	+id * id\$	输出 $T' \rightarrow \varepsilon$
id	+ <i>TE</i> '\$	+id * id\$	输出 $E' \rightarrow +TE'$
id+	<i>TE'</i> \$	id * id\$	匹配 +
id+	<i>FT'E'</i> \$	id * id\$	输出 $T \rightarrow FT'$
?	?	?	?

第六节 预测分析表的构造

- 预测分析表构造算法
 - 输入: 文法G
 - 输出:预测分析表M
 - **方法**:对于G的每个产生式 $A \rightarrow \alpha$:
 - **对于** $First(\alpha)$ 中的每个终结符c,将 $A \rightarrow \alpha$ 加入到M[A, c]中
 - **若** ϵ **在** $First(\alpha)$ 中,那么对于Follow(A)中的每个终结符d(包括特殊符号 \$),将 $A \rightarrow \alpha$ 加入到M[A,d]中
 - 完成上述操作之后,若M[A,c]中没有产生式,则设置为'—',代表错误

• 例:考虑文法

$$E \to TE'$$
 $E' \to +TE' \mid \varepsilon$ $T \to FT'$
 $F \to (E) \mid \mathbf{id}$ $T' \to *FT' \mid \varepsilon$

NT	First	Follow
E	{(, id }	
E'	{+,ε}	
T	{(, id }	
F	{(, id }	
T'	{*, ε}	

 $Follow(E) = \{\$,\}$

- 因*E*是开始符号,所以\$ ∈ *Follow*(*E*)
- 因 $F \rightarrow (E)$,则First())中除 ε 外的符号均在 Follow(E)中,所以) ∈ Follow(E)

 $Follow(E') = \{\$, \}\}$

• 因 $E \rightarrow TE'$, 所以Follow(E)中所有符号均 在Follow(E')

• 例:考虑文法

$$E \to TE'$$
 $E' \to +TE' \mid \varepsilon$ $T \to FT'$ $F \to (E) \mid id$ $T' \to *FT' \mid \varepsilon$

NT	First	Follow
E	{(, id }	{\$,) }
E'	{+,ε}	{\$,) }
T	{(, id }	
F	{(, id }	
T'	{*, ε}	

• 例:考虑文法

$$E \to TE'$$
 $E' \to +TE' \mid \varepsilon$ $T \to FT'$
 $F \to (E) \mid id$ $T' \to *FT' \mid \varepsilon$

NT	First	Follow
Ε	{(, id}	{\$,) }
E'	{+,ε}	{\$,) }
T	{(, id}	
F	{(, id }	
T'	{*, ε}	

 $Follow(T) = \{+, \$, \}$

- 因 $E \to TE'$,所以First(E')中除 ε 外的符号 均在Follow(T)中,则 $+\in Follow(T)$
- $E' \rightarrow +TE'(\Box \bot)$
- 因 $E' \to +TE'$,且 $\varepsilon \in First(E')$ 则 Follow(E')中所有符号均在Follow(T)中

 $Follow(T') = \{+, \$, \}$

• 因 $T \to FT'$,所以Follow(T)中所有符号均在Follow(T')

• 例:考虑文法

$$E \to TE'$$
 $E' \to +TE' \mid \varepsilon$ $T \to FT'$ $F \to (E) \mid id$ $T' \to *FT' \mid \varepsilon$

NT	First	Follow
Ε	{(, id }	{\$,) }
E'	{+,ε}	{\$,) }
T	{(, id }	{+,\$,)}
F	{(, id }	
T'	{*,ε}	{+,\$,)}

• 例:考虑文法

$$E \to TE'$$
 $E' \to +TE' \mid \varepsilon$ $T \to FT'$
 $F \to (E) \mid id$ $T' \to *FT' \mid \varepsilon$

NT	First	Follow
Ε	{(, id}	{\$,) }
E'	{+,ε}	{\$,) }
T	{(, id }	{+,\$,)}
F	{(, id}	
T'	{*, ε}	{+,\$,)}

 $Follow(F) = \{*, +, \$, \}$

- 因 $T \to FT'$,所以First(T')中除 ε 外的符号均在Follow(F)中,则 $*\in Follow(F)$
- 因 $T' \rightarrow *FT'$,且 $\varepsilon \in First(T')$ 则Follow(T') 中所有符号均在Follow(F)中

• 例:考虑文法

$$E \to TE'$$
 $E' \to +TE' \mid \varepsilon$ $T \to FT'$
 $F \to (E) \mid \mathbf{id}$ $T' \to *FT' \mid \varepsilon$

对于 $E \rightarrow TE'$, 有 $First(TE') = \{(, id)\}$

- 所以将 $E \to TE'$ 加入M[E,(]和M[E, id]中
- ε ∉ First(TE'), 没有操作

NT	First	Follow
E	{(, id }	{\$,) }
E'	{+,ε}	{\$,) }
T	{(, id }	{+,\$,)}
F	{(, id }	{* , + , \$,)}
T'	{ ∗ , ε }	{+,\$,)}

非终结	输入符号					
符号	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$	_	_	$E \rightarrow TE'$	_	_

• 例:考虑文法

$$E \to TE'$$
 $E' \to +TE' \mid \varepsilon$ $T \to FT'$
 $F \to (E) \mid \text{id}$ $T' \to *FT' \mid \varepsilon$

NT	First	Follow
Ε	{(, id }	{\$,) }
E'	{+,ε}	{\$,) }
T	{(, id }	{+,\$,)}
F	{(, id }	{*,+,\$,)}
T'	{*, ε}	{+,\$,)}

对于 $E' \rightarrow \varepsilon$, 有 $First(\varepsilon) = {\varepsilon}$ 对于Follow(E')中的每个终结符

- \$, 将E' → ε 加入M[E',\$]
-), 将 $E' \rightarrow \varepsilon$ 加入M[E',)]

对于 $E' \rightarrow +TE'$,	有 $First(+TE') = \{+\}$
----------------------------	-------------------------

- 将 $E' \rightarrow +TE'$ 加入M[E',+] 中
- ε ∉ First(+TE'), 没有操作

	非终结 输入符号			클			
	符号	id	+	*	()	\$
	Е	$E \rightarrow TE'$	_	_	$E \to TE'$	_	_
	E'	_	$E' \rightarrow +TE'$	_	_	E' o arepsilon	E' o arepsilon

• 例:考虑文法

$$E \to TE'$$
 $E' \to +TE' \mid \varepsilon$ $T \to FT'$
 $F \to (E) \mid \text{id}$ $T' \to *FT' \mid \varepsilon$

对于 $T \rightarrow FT'$, 有 $First(FT') = \{(, id)\}$

- 将 $T \rightarrow FT'$ 加入M[T,(]和 M[T, id]中
- ε ∉ First(FT'), 没有操作

NT	First	Follow
Е	{(, id }	{\$,) }
E'	{+,ε}	{\$,) }
T	{(, id }	{+,\$,)}
F	{(, id }	{*,+,\$,)}
T'	{*, ε}	{+,\$,)}

非终结	输入符号						
符号	id	+	*	()	\$	
E	$E \\ \to TE'$	_	_	$E \to TE'$	_	_	
E'	_	$E' \rightarrow +TE'$	_	_	$E' \to \varepsilon$	$E' \to \varepsilon$	
T	$T \rightarrow FT'$	_	_	$T \rightarrow FT'$	_	_	

• 例:考虑文法

$$E \to TE'$$
 $E' \to +TE' \mid \varepsilon$ $T \to FT'$

$$F \rightarrow (E) \mid id$$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$

对于 $T' \rightarrow *FT'$,有 $First(*FT') = \{*\}$

- 将T'→*FT'加入M[T',*]中
- ε ∉ First(FT'), 没有操作

对于 $T' \rightarrow \varepsilon$, 有 $First(\varepsilon) = {\varepsilon}$ 对于Follow(T')中每个终结符

- +、将 $T' \rightarrow \varepsilon$ 加入M[T',+]
- \$. 将 $T' \rightarrow \varepsilon$ 加入M[T',\$]
-), 将 $T' \rightarrow \varepsilon$ 加入M[T',)]

非终结		输入符号				
符号	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$	_	_	$E \to TE'$	_	_
E'	_	$E' \rightarrow +TE'$	_	_	$E' \to \varepsilon$	$E' \to \varepsilon$
T	$T \to FT'$	_	_	$T \to FT'$	_	_
T'	_	T' o arepsilon	$T' \rightarrow * FT'$	_	T' o arepsilon	T' o arepsilon

• 例:考虑文法

$$E \to TE'$$
 $E' \to +TE' \mid \varepsilon$ $T \to FT'$
 $F \to (E) \mid \mathbf{id}$ $T' \to *FT' \mid \varepsilon$

非终结	结 输入符号					
符号	id	+	*	()	\$
E	$E \to TE'$	_	_	$E \to TE'$	_	_
E'	_	$E' \rightarrow +TE'$	_	_	$E' \to \varepsilon$	$E' \to \varepsilon$
T	$T \to FT'$	_	_	$T \to FT'$	_	_
T'	_	$T' \to \varepsilon$	$T' \to *FT'$	_	$T' \to \varepsilon$	$T' \to \varepsilon$
F	$F \rightarrow id$	_	_	$F \rightarrow (E)$	_	_

对于 $F \rightarrow (E)$,有 $First((E)) = \{(\}$ 对于 $F \rightarrow id$,有 $First(id) = \{id\}$ • 将 $F \rightarrow (E)$ 加入M[F,(] 中 • 将 $F \rightarrow id$ 加入M[F,id] 中

小结

- 下推自动机概念,形式定义,用途
- 左递归,回溯等问题
- LL(1)文法定义, First、Follow集合
- 递归下降分析、非递归的表驱动分析
- 预测分析表的构造算法