

Υπολογιστική Νοημοσύνη
Εργαστηριακές Ασκήσεις ακ. έτους 2022-23

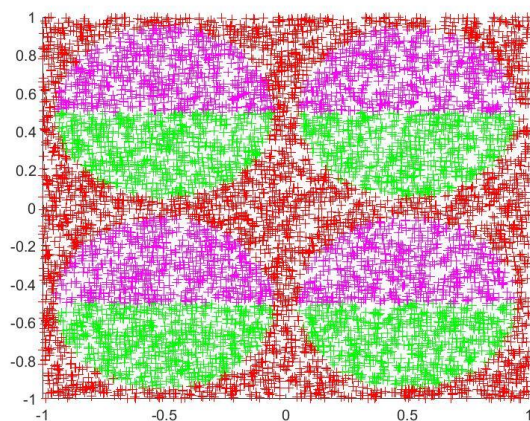
- Η πρώτη άσκηση έχει βαρύτητα 20% και η δεύτερη 10%.
- Ομάδες με 2 ή 3 μέλη.
- **Δήλωση ομάδων: e-mail στον διδάσκοντα με (ΑΜ, ονοματεπώνυμο) μελών της ομάδας μέχρι 10 Δεκεμβρίου** (αυστηρή προθεσμία). Η δήλωση συνεπάγεται υποχρέωση υποβολής των εργασιών.
- Γλώσσα προγραμματισμού: **C ή Java (όχι Python).**
- Η υποβολή θα γίνει με χρήση της εντολής **turnin** ως εξής:
turnin assignment@mye035 <your_filename>
- Δεκτές για εξέταση γίνονται μόνο ασκήσεις που είναι ολοκληρωμένες, δηλ. **τα προγράμματα θα πρέπει άμεσα να μεταγλωττίζονται και να εκτελούνται στους υπολογιστές του Τμήματος** (π.χ. orti3060ws03). Να αναφέρετε και την εντολή μεταγλώττισης για την παραγωγή του εκτελέσιμου από τον πηγαίο κώδικα.
- Θα δημιουργήσετε δύο καταλόγους, έναν για κάθε άσκηση. Κάθε κατάλογος θα περιλαμβάνει τον πηγαίο και τον εκτελέσιμο κώδικα της άσκησης, καθώς και ένα report (.pdf) με αποτελέσματα και συμπεράσματα σχετικά με την άσκηση. Υποβολές χωρίς report δεν βαθμολογούνται.
- Μην υποβάλλετε συμπιεσμένα αρχεία .rar
- Θα πρέπει να υπάρχει πληροφορία για τα ονόματα και τα ΑΜ των μελών της ομάδας.
- Η προθεσμία υποβολής είναι οι αρχές Ιανουαρίου. Θα υπάρξει νεότερη ανακοίνωση.

Εκφώνηση Ασκήσεων

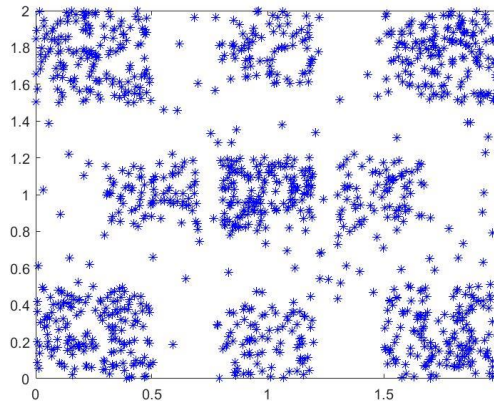
Να κατασκευάσετε σύνολα δεδομένων ΣΔΤ και ΣΔΟ για τα ακόλουθα προβλήματα:

ΣΔΤ) Πρόβλημα ταξινόμησης τριών κατηγοριών: Θα δημιουργήσετε **τυχαία** 8000 παραδείγματα (σημεία (x_1, x_2) στο επίπεδο) μέσα στο τετράγωνο $[-1,1] \times [-1,1]$ (4000 για το σύνολο εκπαίδευσης και 4000 για το σύνολο ελέγχου). Στη συνέχεια θα κατατάξετε κάθε παράδειγμα (x_1, x_2) (από τα 8000 παραδείγματα) σε μια κατηγορία από τρεις κατηγορίες ως εξής:

- 1) εάν $(x_1 - 0.5)^2 + (x_2 - 0.5)^2 < 0.2$, και $x_2 > 0.5$ τότε το (x_1, x_2) κατατάσσεται στην κατηγορία C1,
- 2) εάν $(x_1 - 0.5)^2 + (x_2 - 0.5)^2 < 0.2$, και $x_2 < 0.5$ τότε το (x_1, x_2) κατατάσσεται στην κατηγορία C2,
- 3) εάν $(x_1 + 0.5)^2 + (x_2 + 0.5)^2 < 0.2$, και $x_2 > -0.5$ τότε το (x_1, x_2) κατατάσσεται στην κατηγορία C1,
- 4) εάν $(x_1 + 0.5)^2 + (x_2 + 0.5)^2 < 0.2$, και $x_2 < -0.5$ τότε το (x_1, x_2) κατατάσσεται στην κατηγορία C2,
- 5) εάν $(x_1 - 0.5)^2 + (x_2 + 0.5)^2 < 0.2$, και $x_2 > -0.5$ τότε το (x_1, x_2) κατατάσσεται στην κατηγορία C1,
- 6) εάν $(x_1 - 0.5)^2 + (x_2 + 0.5)^2 < 0.2$, και $x_2 < -0.5$ τότε το (x_1, x_2) κατατάσσεται στην κατηγορία C2,
- 7) εάν $(x_1 + 0.5)^2 + (x_2 - 0.5)^2 < 0.2$, και $x_2 > 0.5$ τότε το (x_1, x_2) κατατάσσεται στην κατηγορία C1,
- 8) εάν $(x_1 + 0.5)^2 + (x_2 - 0.5)^2 < 0.2$, και $x_2 < 0.5$ τότε το (x_1, x_2) κατατάσσεται στην κατηγορία C1,
- 9) εάν δεν ισχύει κάποια από τις παραπάνω συνθήκες, τότε το (x_1, x_2) κατατάσσεται στην κατηγορία C3.



ΣΔΟ) **Πρόβλημα ομαδοποίησης εννέα ομάδων** (1200 παραδείγματα): δημιουργούμε **τυχαία** σημεία (x_1, x_2) στο επίπεδο ως εξής: 1) 150 σημεία στο τετράγωνο $[0.8, 1.2] \times [0.8, 1.2]$, 2) 150 σημεία στο τετράγωνο $[0, 0.5] \times [0, 0.5]$, 3) 150 σημεία στο τετράγωνο $[0, 0.5] \times [1.5, 2]$, 4) 150 σημεία στο τετράγωνο $[1.5, 2] \times [0, 0.5]$, 5) 150 σημεία στο τετράγωνο $[1.5, 2] \times [1.5, 2]$, 6) 75 σημεία στο τετράγωνο $[0.8, 1.2] \times [0, 0.4]$, 7) 75 σημεία στο τετράγωνο $[0.8, 1.2] \times [1.6, 2]$, 8) 75 σημεία στο τετράγωνο $[0.3, 0.7] \times [0.8, 1.2]$, 9) 75 σημεία στο τετράγωνο $[1.3, 1.7] \times [0.8, 1.2]$, 10) 150 σημεία στο τετράγωνο $[0, 2] \times [0, 2]$.



Άσκηση 1: Να κατασκευάσετε **προγράμμα ταξινόμησης (ΠΤ)** βασισμένο στο **πολυεπίπεδο perceptron (MLP)** με **τρία κρυμμένα επίπεδα**.

Οι συναρτήσεις ενεργοποίησης ορίζονται ως εξής: i) στα κρυμμένα επίπεδα: λογιστική ή υπερβολική εφασπτομένη ($\tanh(u)$) ή relu και ii) για το επίπεδο εξόδου θα ορίσετε εσείς τη συνάρτηση ενεργοποίησης που απαιτείται για το συγκεκριμένο πρόβλημα.

Το πρόγραμμα θα πρέπει να αποτελείται από τις ακόλουθες μονάδες:

1) Με χρήση της εντολής define, καθορισμός αριθμού εισόδων (d), αριθμού κατηγοριών (K), αριθμού νευρώνων στο πρώτο κρυμμένο επίπεδο ($H1$), αριθμού νευρώνων στο δεύτερο κρυμμένο επίπεδο ($H2$), αριθμού νευρώνων στο τρίτο κρυμμένο ($H3$) και είδος συνάρτησης ενεργοποίησης (λογιστική, \tanh ή relu) για τα κρυμμένα επίπεδα.

2) Φόρτωση των συνόλων εκπαίδευσης και ελέγχου (από αντίστοιχα αρχεία) και κωδικοποίηση των κατηγοριών (ορισμός των επιθυμητών εξόδων για κάθε κατηγορία).

3) Καθορισμός της αρχιτεκτονικής του δικτύου MLP. Ορισμός των απαιτούμενων πινάκων και άλλων δομών ως καθολικών μεταβλητών. Καθορισμός του ρυθμού μάθησης και του κατωφλίου τερματισμού. Τυχαία αρχικοποίηση των βαρών/πλώσεων στο διάστημα $(-1, 1)$.

4) Υλοποίηση της συνάρτησης forward-pass ($\text{float } *x, \text{int } d, \text{float } *y, \text{int } K$) η οποία υπολογίζει το διάνυσμα εξόδου y (διάστασης K) του MLP δοθέντος του διανύσματος εισόδου x (διάστασης d).

5) Υλοποίηση της συνάρτησης backprop($\text{float } *x, \text{int } d, \text{float } *t, \text{int } K$) η οποία λαμβάνει τα διανύσματα x διάστασης d (είσοδος) και t διάστασης K (επιθυμητή έξοδος) και υπολογίζει τις παραγώγους του σφάλματος ως προς οποιαδήποτε παράμετρο (βάρος ή πλώση) του δικτύου ενημερώνοντας τους αντίστοιχους πίνακες.

6) Χρησιμοποιώντας τα παραπάνω να υλοποιήσετε τον **αλγόριθμο εκπαίδευσης gradient descent και ενημέρωση των βαρών ανά ομάδες των B παραδειγμάτων (mini-batches)** θεωρώντας τα **N παραδείγματα του συνόλου εκπαίδευσης** (όπου το B διαιρέτης του N και ορίζεται στην αρχή του προγράμματος). Σημειώστε ότι εάν $B=1$ έχουμε σειριακή ενημέρωση, ενώ εάν $B=N$ έχουμε ομαδική ενημέρωση.

Στο τέλος κάθε εποχής θα πρέπει υποχρεωτικά να υπολογίζετε και να τυπώνετε την τιμή του συνολικού σφάλματος εκπαίδευσης. Τερματίζουμε όταν η διαφορά της τιμής του σφάλματος εκπαίδευσης μεταξύ δύο εποχών γίνει μικρότερη από κάποιο κατώφλι, αφού όμως ο αλγόριθμος έχει τρέξει για τουλάχιστον 700 εποχές.

7) Αφού τερματιστεί η εκπαίδευση του δικτύου να γίνεται υπολογισμός και εκτύπωση της **ικανότητας γενίκευσης** του δικτύου που προκύπτει, υπολογίζοντας το **ποσοστό σωστών αποφάσεων στο σύνολο ελέγχου**.

Χρησιμοποιώντας το πρόγραμμα ΠΤ να μελετήσετε το πρόβλημα ταξινόμησης ΣΔΤ.

Να εξετάσετε και να **καταγράψετε σε ένα πίνακα** πώς μεταβάλλεται η γενικευτική ικανότητα του δικτύου (ποσοστό επιτυχίας στο σύνολο ελέγχου) θεωρώντας:

α) Διάφορους συνδυασμούς τιμών για τα $H1$, $H2$, $H3$.

β) Συνάρτηση ενεργοποίησης στους κρυμμένους νευρώνες την λογιστική, την υπερβολική εφαπτομένη ή την \tanh και

γ) $B = N/10$ ή $N/100$.

Για το δίκτυο με την καλύτερη γενικευτική ικανότητα που θα βρείτε, να τυπώσετε τα παραδείγματα του συνόλου ελέγχου χρησιμοποιώντας διαφορετικό στυλ (πχ + και -) ανάλογα με το αν το παράδειγμα ταξινομείται από το δίκτυο στη σωστή κατηγορία ή όχι.

Ασκηση 2: Να κατασκευάσετε **πρόγραμμα ομαδοποίησης (ΠΟ) με M ομάδες** (το M θα ορίζεται με την εντολή #define) βασισμένο στον **αλγόριθμο k-means**. Το πρόγραμμα θα φορτώνει το αρχείο με τα παραδείγματα, θα εκτελεί τον αλγόριθμο k-means με M κέντρα και στο τέλος θα αποθηκεύει τις συντεταγμένες των κέντρων των ομάδων. Η αρχική θέση κάθε κέντρου να γίνεται επιλέγοντας τυχαία κάποιο από τα παραδείγματα. Επίσης θα πρέπει στο τέλος να υπολογίζεται **και να τυπώνεται το σφάλμα ομαδοποίησης ως εξής: για κάθε παράδειγμα x_i υπολογίζουμε την Ευκλείδεια απόσταση $\|x_i - \mu_k\|^2$ από το κέντρο μ_k της ομάδας στην οποία ανήκει και αθροίζουμε τις αποστάσεις για όλα τα παραδείγματα x_i .**

Να εκτελέσετε το πρόγραμμα ομαδοποίησης (ΠΟ) στο σύνολο δεδομένων (ΣΔΟ) για $M=3,6,9,12$ ομάδες. Για κάθε τιμή του M να κάνετε τα εξής:

α) Να εκτελέσετε 15 τρεξίματα του προγράμματος με διαφορετικά (τυχαία επιλεγμένα αρχικά κέντρα) και να κρατήσετε τη λύση με το **μικρότερο σφάλμα ομαδοποίησης**.

β) Στη συνέχεια να εμφανίσετε (plot) στο ίδιο σχήμα τόσο τα παραδείγματα (π.χ. με '+') όσο και τις θέσεις των κέντρων που βρήκατε (π.χ. με '*').

Βάσει των αποτελεσμάτων να φτιάξετε ένα διάγραμμα που να δείχνει πώς μεταβάλλεται το σφάλμα ομαδοποίησης με τον αριθμό των ομάδων. Μπορεί να χρησιμοποιηθεί το σφάλμα ομαδοποίησης για να εκτιμήσουμε τον πραγματικό αριθμό ομάδων; (στο σύνολο ΣΔΟ ο πραγματικός αριθμός των ομάδων είναι 9).