# MAT-041: Probabilidad y Estadística

# Felipe Osorio

http://fosorios.mat.utfsm.cl

Departamento de Matemática, UTFSM



### Información

### Horario:

Clases: LU Sala M-303, MI Sala M-102, VI Sala M-303, Bloque 1-2 (08:15-09:25 hrs.)

Ayudante: Francine Palacios (francine.palacios@usm.cl)

#### Contacto:

E-mail: felipe.osorios@usm.cl. Oficina: F-254, DMAT

Web: http://fosorios.mat.utfsm.cl/teaching.html y AULA

#### Evaluación:

Certamenes: 15 Sep 24 Nov

Controles: 18 Ago 1 Sep 20 Oct 17 Nov

Global: 29 Nov

#### Ponderaciones:

Sea  $\overline{C}$  y  $\overline{Q}$  el promedio de certámenes, y controles, respectivamente. De este modo, la nota de presentación (NP) es dada por:

$$NP = 0.8\,\overline{C} + 0.2\,\overline{Q}.$$



### Criterio de aprobación

### Criterio de aprobación:

Aquellos estudiantes que obtengan NP mayor o igual a 55 y **todos** los certámenes sobre 45, aprobarán la asignatura con nota final, NF=NP.

### Criterio para rendir global:

En caso contrario, y siempre que  $NP \geq 45$ , los estudiantes podrán rendir el certamen global (CG), en cuyo caso la nota final es calculada como sigue:

$$NF = 0.6 \cdot NP + 0.4 \cdot CG.$$



### Reglas adicionales

- Se llevará un control de asistencia.
- ▶ Se puede realizar preguntas sobre la materia en cualquier momento.
- Los alumnos deben apagar/silenciar sus teléfonos celulares durante clases.
- Conversaciones sobre asuntos ajenos a la clase no serán tolerados. Otros estudiantes tiene derecho a asistir clases en silencio.
- Al enviar algún e-mail al profesor, identificar el código de la asignatura en el asunto (MAT041).
- E-mail será el canal de comunicación oficial entre el profesor y los estudiantes.



### Reglas: sobre las pruebas

- Todas las hojas necesarias para responder las pruebas serán entregadas por el profesor.
- Será permitido el uso de una calculadora científica simple (no del celular).
- Es derecho del estudiante conocer la pauta de corrección la que será publicada en la página web del curso.
- El uso de lápiz grafito es aceptado. Sin embargo, inhabilita al estudiante de pedir recorrección.
- Pedidos de recorrección deben ser argumentados por escrito.
- En modalidad online, Certámenes, Controles y Tareas deben ser enviados en formato PDF.<sup>1</sup>
- Cualquier tipo de fraude en prueba (copia, WhatsApp, suplantación, etc.) implicará la reprobación de los involucrados.<sup>2</sup>



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>En un único archivo, orientado en una dirección legible.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Puede implicar la apertura de un proceso disciplinario.

### Orientaciones de estudio

- Mantener la frecuencia de estudio de inicio a final del semestre. El ideal es estudiar el contenido luego de cada clase.
- Estudiar primeramente el contenido dado en clases, buscando apoyo en las referencias bibliográficas.
- Las referencias son fuentes de ejemplos y ejercicios. Resuelva una buena cantidad de ejercicios. No deje esto para la víspera de la prueba.
- Buscar las referencias bibliográficas al inicio del semestre, dando preferencia a las principales y complementarias.



# Programa del curso

- Cálculo de probabilidades.
- Variables aleatorias.
- Estadística descriptiva.
- Métodos de Estimación.
- Intervalos de confianza.
- ► Test de hipótesis.



### Bibliografía



Devore, J. (2008).

Probabilidad y Estadística para Ingeniería y Ciencias (7a Ed.). Cengage Learning, México, DF.



Hogg, R.V., Tanis, E.A., Zimmerman, D.L. (2014) *Probability and Statistical Inference (9th Ed.)*. Prentice Hall, Boston.



Wackerly, D., Mendenhall, W., Scheaffer, R. (2008). Estadística Matemática con Aplicaciones. Cengage Learning, México, DF.



Wasserman, L. (2003).

All of Statistics: A concise course in statistical inference. Springer, New York.



### Bibliografía adicional



Casella, G., Berger, R.L. (2002).

Statistics Inference (2nd Ed.).

Duxbury, Pacific Grove.



Panaretos, V.M. (2016)

Statistics for Mathematicians: A rigorous first course.

Birkhäuser, Laussane.



Ubøe, J. (2017).

Introductory Statistics for Business and Economics: Theory, exercises and solutions

Springer, Cham.



### Ideas subyacentes

```
"Todos los modelos son errados, pero algunos son útiles."
— George Box.
```

"Aunque puede parecer una paradoja, toda la ciencia exacta está dominada por la idea de aproximación."

- Bertrand Russell.

Principio KISS: "Keep It Simple, Stupid."

- Clarence "Kelly" Johnson.



### Ideas subyacentes

"Todos los modelos son errados, pero algunos son útiles."

- George Box.

"Aunque puede parecer una paradoja, toda la ciencia exacta está dominada por la idea de aproximación."

- Bertrand Russell.

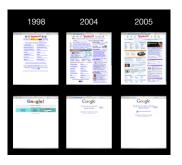
Principio KISS: "Keep It Short and Simple."

- Clarence "Kelly" Johnson.

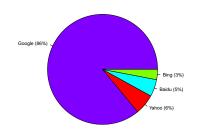


# El éxito de Google: Aplicar el principio KISS<sup>3</sup>

#### Evolución de Yahoo vs. Google:



#### Cuota de mercado de los motores de búsqueda:



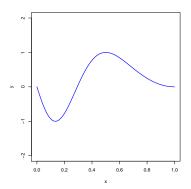


<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>En estadística este se conoce como Principio de Parsimonia.

Considere la función

$$Y = \sin\{2\pi (1-x)^2\},\,$$

cuyo gráfico es dado por:

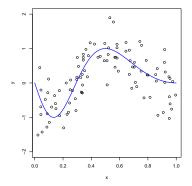




Suponga que "generamos" datos, usando

$$Y_i = \text{sen}\{2\pi(1-x_i)^2\} + \sigma\epsilon_i, \qquad i = 1, \dots, 100,$$

donde  $x_i \sim \mathcal{U}(0,1)$ ,  $\epsilon_i \sim \mathcal{N}(0,1)$  y  $\sigma = 1/2$ ,

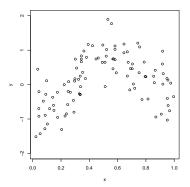




Lamentablemente, en la práctica sólo disponemos de los datos observados:

$$(x_1, Y_1), (x_2, Y_2), \ldots, (x_{100}, Y_{100}),$$

el primer paso es hacer un análisis exploratorio:

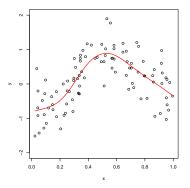




El analista propone el modelo:

$$Y_i = g(x_i) + \epsilon_i, \qquad i = 1, \dots, 100,$$

y su objetivo es "estimar" la función  $g(\cdot)$  desde los datos, obteniendo

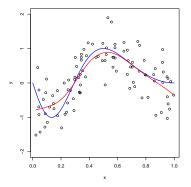




En Estadística se estudia teóricamente, la "bondad del modelo" comparando

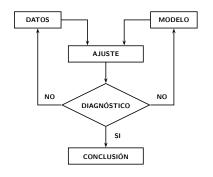
$$\widehat{Y} = \widehat{g}(x),$$
 v.s.  $Y = \operatorname{sen}\{2\pi(1-x)^2\},$ 

esto es, el modelo ajustado v.s. el modelo subyacente (verdadero).





### Esquema de Modelación Estadística



Recolección de datos: Muestreo.

Análisis exploratorio de datos.

Análisis Multivariado.

Técnicas de Regresión.

Series de Tiempo, entre (muchas) otras.

Inferencia Estadística

Bondad de ajuste, técnicas gráficas.

Análisis de Sensibilidad.

Comunique sus resultados!

