## В קורס

גלעד מואב

2020 בספטמבר 8

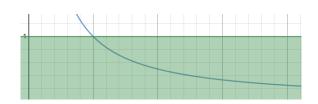
## חלק I

# חלק א

### 1 גבול של סדרה

נגדיר גבול של סדרה באינסוף,

$$\lim_{n \to \infty} a_n = L \iff \forall \epsilon > 0. \exists N. \forall n > N. |a_n - L| < \epsilon$$



## 2 גבול של פונקציה

#### 2.1 גבול הפונקציה באינסוף

בדומה לגבול של סדרה, גבול הפונקציה יהיה

$$\lim_{x_{0}\to\infty}f(x_{0})=L\iff\forall\epsilon>0.\exists N.\forall x>N.\left|f\left(x\right)-L\right|<\epsilon$$

### 2.2 גבול הפונקציה בנקודה כלשהי

$$\lim_{x \to x_0} f(x) = L \iff \forall \epsilon > 0. \exists \delta > 0. (0 < |x - x_0| < \delta) \to |f(x) - L| < \epsilon$$

#### רציפות הפונקציה ומשפט ערך הביניים

#### 1.1 רציפות פונקציה

תהא  $x_0$  אמ"מ רציפה בנקודה f, נגיד כי f אמ"מ

$$\lim_{x \to x_0} f(x) = f(x_0)$$

. נגיד כי פונקציה fרציפה בקטע אמ"<br/>מfאמ"מ רציפה בקטע רציפה לגיד כי נגיד לאמ"מ ו

דרך קלה להראות שפונקציה f אינה רציפה בנקודה  $x_0$  היא היא להוכיח שפונקציה שפונקציה אינה רציפה בנקודה

$$\lim_{x \to x_{0}^{-}} f\left(x\right) \neq \lim_{x \to x_{0}^{+}} f\left(x\right)$$

#### משפט ערך הביניים 3.2

תהא f פונקציה רציפה בקטע I=[a,b] משפט ערך הביניים אומר כי לכל ערך בקטע I=[a,b] קיים מקור

$$\forall x \in [f(a), f(b)] \to \exists c \in I. f(c) = x$$

#### 4 נגזרת

#### 4.1 הגדרת הנגזרת

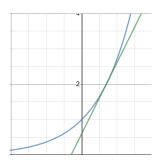
נגיד כי f גזירה בנקודה  $x_0$  אמ"מ הגבול  $\frac{\lim\limits_{h\to 0}\frac{f(x_0+h)-f(x_0)}{h}}{\lim\limits_{h\to 0}\frac{f(x_0+h)-f(x_0)}{h}}$  אם כל נקודה בקטע גזירה. נעים לב כי אם f רציפה בקטע f היא גזירה בקטע.  $f'(x_0)=\lim\limits_{h\to 0}\frac{f(x_0+h)-f(x_0)}{h}$  להיות  $f(x_0)=\lim\limits_{h\to 0}\frac{f(x_0+h)-f(x_0)}{h}$  להיות בנקודה  $f(x_0)=\lim\limits_{h\to 0}\frac{f(x_0+h)-f(x_0)}{h}$ 

## e קבוע אוילר 5

 $\left(e^x
ight)'=e^x$  בנוסף בווס . $e=\lim_{x o\infty}\left(1+rac{1}{x}
ight)^xpprox 2.718$  נגדיר את קבוע אוילר

#### שימושי הנגזרת

בעזרת הנגזרת לפונקציה בנקודה את המשיק לפונקציה את המשיק לפונקציה את נוכל מסדר בנקודה עוכל למצוא את המשיק לפונקציה את נוכל למצוא את המשיק לפונקציה שניה בנקודה או ונוכל למצוא את המשיק לפונקציה המשיק לפונקציה שניה בנקודה או ונוכל למצוא המשיק לפונקציה בנקודה או ונוכל למצוא המשיק לפונקציה המשוק לפונקציה המשיק לפונקציה המשיק לפונקציה המשוק לפונקציה המשו



בנוסף נוכל להעזר בנגזרת בשביל למצוא גבולות מסוימים עם כלל לופיטל.

#### נוסחאות נפוצות

לינאריות הנגזרת:

$$(\alpha \cdot f \pm \beta \cdot g)' = \alpha \cdot f' \pm \beta \cdot g'$$

כפל בנגזרת:

$$(f \cdot g)' = f' \cdot g + g' \cdot f$$

חלוקה בנגזרת:

$$\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f' \cdot g - g' \cdot f}{g^2}$$

הרכבת הנגזרת:

$$(f \circ g)' = f'(g) \cdot g'$$

### 7 חקירת פונקציה

חקירת פונקציה מורכבת מהבאים:

- 1. דומיין
- 2. חיתוכים עם הצירים
  - 3. נקודות קיצון
- 4. תחומי עליה וירידה
- 5. תחומי קעירות וקמירות
- 6. אסימפטוטות משופעות ומאונכות

### 8 כלל לופיטל

 $\lim_{x o x_0}rac{f(x)}{g(x)}=\lim_{x o x_0}rac{f'(x)}{g'(x)}$  כלל לופיטל אומר כי f,g נהיו בנקודה בנקודה בנקודה האלות בהן נגיע ל $\frac{0}{0},rac{\infty}{\infty},0\cdot\infty$  כלל לופיטל מאוד טוב לפתירת שאלות בהן נגיע ל

#### 9 פיתוח טיילור והערכת שגיאה

#### 9.1 פיתוח טיילור

 $x_0$  סביב הנקודה שמתקרב לפונקציה לפונקציה סביב הנקודה  $x_0$  סביב הנקודה ענדיר את גדיר את טור

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{f^{(n)}(x_0)}{n!} (x - x_0)^n$$

נגדיר את פולינום טיילור מהדרגה m סביב מסדרת הסכומים החלקיים מ0 עד של טור החזקות, נגדיר את פולינום טיילור מהדרגה

$$\sum_{n=0}^{m} \frac{f^{(n)}(x_0)}{n!} (x - x_0)^n$$

נקרא לטור טיילור סביב 0 טור מקלורן.

פולינום טיילור נותן לנו קירוב טוב לפונקציה, את השגיאה נוכל לחשב בעזרת לגראנז.

#### 9.2 הערכת שגיאה לפי לגראנז

 $e^x$  מהדרגה  $e^x$  מהדרגה של הפונקציה מקלורן על בפולינום מהדרגה  $e^{0.1}$ , נעזר ממצוא הפונקציה

$$f(x) = 1 + (0.1) + \frac{1}{2!}(0.1)^2 + \frac{1}{3!}(0.1)^3 + R_3(0.1)$$

(  $R_3(0.1)=f(x)-1+(0.1)+rac{1}{2!}(0.1)^2+rac{1}{3!}(0.1)^3$  הוא הפולינום,( במקרה במקרה הזה  $R_3(0.1)=f(x)-1+(0.1)+rac{1}{2!}(0.1)^2+rac{1}{3!}(0.1)^3$  בק של הפולינום, במקרה הזה כך במקרה הזה כל במקרה הזה כל במקרה הוא השארית של הפולינום, במקרה הזה כל במקרה הזה כל במקרה הזה במקרה הזה במקרה הזה כל במקרה הזה במקרה במקרה הזה במקרה במקרה הזה במקרה הזה במקרה במקרה במקרה הזה במקרה ב

 $R_n(x)$ כ עבור  $x_0$  עבור מדרגה n סביב פאופן כללי נסמן את שארית פולינום טיילור מדרגה מיים אויירה  $c\in (x,x_0)\cup (x_0,x)$  פע פעמים, אוירה באירה וויירה t

$$R_n(x) = \frac{f^{(n+1)}(c)}{(n+1)!} (x - x_0)^{n+1}$$

נוכל לחסום את שארית הפולינום( $R_n(x)$ )באופן הבא

$$|R_n(x)| \le \frac{\max\{f^{(n+1)}(b)|b \in (x,x_0) \cup (x_0,x)\}}{(n+1)!} |x-x_0|^{n+1}$$

### ניוטון ראפסון 10

בעזרת ניוטון ראפסון נוכל למצוא קירובים לשורשים של פונקציות

יחיד בקטע  $x_0 \in I$  ניקח נקודה f בעלת שורש יחיד בקטע f

 $x_1$  בו נקודה או בייב  $x_0$  נסמן נקודה או בייב מדי מוצאים את החיתוך שלו עם ציר ה־ $x_0$  נסמן נקודה או ב

$$x_1 = x_0 + \frac{f(x_0)}{f'(x_0)}$$

 $\lim_{n o\infty}f(x_n)=0$  באופן כללי נסמן ומתקיים  $x_n$  כאשר  $x_n$  גדל כך גדל כך גדל ומתקיים, באופן באורש הפונקציה ומתקיים

## חלק II

# חלק ב'

### 11 פונקציה קדומה ואינטגרל לא מסוים

F'=f אמ"מ אמ מדומה קדומה F פונקציה קדומה ל

f בהנתן פונקציה f נסמן את האינטגרל הלא מסוים של הפונקציות הקדומות לf, נקרא לסימון f האינטגרל הלא מסוים של

### 12 שיטות אינטגרציה ואינטגרלים מוכרים

#### 12.1 שיטות אינטגרציה מוכרות

1. שימוש בשברים חלקיים

$$\int \frac{1}{1-x^2} dx = \int \frac{1}{1-x} \cdot \frac{1}{1+x} dx = \int \left(\frac{A}{1-x} + \frac{B}{1+x}\right) dx \left[A = B = \frac{1}{2}\right] = \frac{\int \frac{1}{1-x} dx + \int \frac{1}{1+x} dx}{2}$$

2. שימוש בהצבה

$$\int \frac{x}{1-x^2} dx \left[ \begin{array}{c} u = x^2 \\ dx = \frac{du}{2x} \end{array} \right] = \int \frac{x}{1-u} \cdot \frac{du}{2x} = \int \frac{1}{1-u} du$$

3. אינטגרציה בחלקים

$$\int f \cdot g' = f \cdot g - \int f' \cdot g$$

#### אינטגרלים מוכרים 12.2

$$\int x^{\alpha} dx = \frac{x^{\alpha+1}}{\alpha+1} + C, x > 0; \alpha \neq -1$$

$$\int \frac{1}{x} dx = \ln|x|$$

$$\int \sin x dx = -\cos x + C$$

$$\int \cos x dx = \sin x + C$$

$$\int \sinh x dx = \cosh x + C$$

$$\int \cosh x dx = \sinh x + C$$

$$\int \frac{1}{1+x^2} dx = \arctan x + C$$

$$\int e^x dx = e^x + C$$

$$\int \csc^2 x dx = \tan x + C$$

$$\int \sec^2 x dx = -\cot x + C$$

$$\int \operatorname{csch} x dx = \tanh x + C$$

$$\int \operatorname{sech} x dx = -\coth x + C$$

$$\int \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx = \arcsin x + C$$

## 13 סכומי דרבו ואינטגרל מסוים

#### 13.1 סכומי דרבו

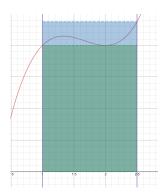
 $a<\{a_i\}_{i=1}^n< b$ ע כך על  $I_{\langle a_1,\dots,a_n
angle}$  כה הקטע הלוקה של נסמן חלוקה ויהי על החלוקה הנ"ל האו סכומי דרבו העליונים על החלוקה הנ"ל האו תהא חלוקה הנ"ל יהיו

$$\sum_{i=0}^{n} (a_{n+1} - a_n) \cdot \max \{ f(x) | x \in [a_{n+1}, a_n] \}$$

והתחתונים

$$\sum_{i=0}^{n} (a_{n+1} - a_n) \cdot \min \{ f(x) | x \in [a_{n+1}, a_n] \}$$

נסמן  $D^\pm_{I_{\langle a_1,...,a_n\rangle}}$  נסמן כסכומי דרבו התחתונים/עליונים  $a_i=a_0+rac{b-a}{n}\cdot i$  ,i כסכו כא כי כאר כי כאר כי כאר כי כאר כי כאר נסמן הייט כי כאר בי כאר כי כאר בי כאר כי כ



#### 13.2 פונקציה אינטגרבילית, אינטגרל רימן ואינטגרל מסוים

 $\lim_{n o \infty} D_{\Pi_n}^- = \lim_{n o \infty} D_{\Pi_n}^+ = S$  או לחלופין או  $\lim_{n o \infty} D_{\Pi_n}^+ - D_{\Pi_n}^- = 0$  אמ"מ ובמקרה אה נסמן לפעולה או אינטגרבל מסוים אינטגרל מסוים במקרה אה נסמן  $\int_a^b f(x)dx = S$ 

כל פונקציה רציפה היא אינטגרבילית ובפרט הפונקציות האלמנטריות(בסיסיות)

## 14 המשפט היסודי של החדו"א ומשפט ניוטון־לייבניץ

#### 14.1 המשפט היסודי של החדו"א

תהא אונסגרבילית בקטע בקטע גנדיר את גנדיר (גדיר בקטע אינטגרבילית אינטגרבילית ל $f:I\to\mathbb{R}$ 

$$F(x) = \int_{a}^{x} f(t)dt$$

- פונקציה רציפה F .1
- $F'(x_0)=f(x_0)$  וכן  $x_0$  אז אז  $x_0$  אז אז רא ביפה בf אם 2

הנ"ל הקטע הל קדומה לה בקטע אז fרציפה בקטע רציפה רציפה לה באופן באופן רציפה בקטע הנ

### 14.2 משפט ניוטון־לייבניץ

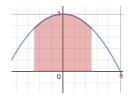
אם , f אם קדומה פי (f של לכן ה $\int\limits_a^x$  של ונניח או ווניח אם ווניח ווניח ווניח ווניח ווניח ווניח ווניח אם ווניח ווניח וווניח ווניח וו

$$\int_{a}^{b} f(x)dx = F(b) - F(a)$$

#### 15 שימושי האינטגרל

## 15.1 חישוב שטח מתחת לגרף

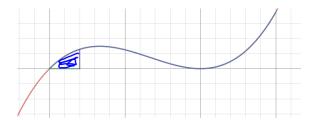
[a,b] בקטע לf מתחת השטח הוא הא $\int\limits_a^b f(x)dx$  ,I=[a,b] בקטע אינטגרבילית אינטגרבילית הא



#### 15.2 חישוב אורך עקומה

תהא d נעזר במשפט פתגורס ונראה כי ונראה אורך העקומה בין d אינטגרבילית בקטע ונראה I=[a,b] ונרצה למצוא אינטגרבילית

$$\int_{a}^{b} \sqrt{dx^2 + dy^2} = \int_{a}^{b} \sqrt{1 + \frac{dy^2}{dx^2}} dx = \int_{a}^{b} \sqrt{1 + (f'(x))^2} dx$$



#### נפח גוף סיבוב 15.3

מפח גוף סיבוב סביב ציר ה־15.3.1

$$\pi \int_{a}^{b} f^{2}(x)dx$$

f,g פונקציות 2 במקרה בו שטח שטח אוף סיבוב על נפח גוף במקרה בו במקרה בו

$$\pi \int_{a}^{b} \left| f^{2}(x) - g^{2}(x) \right| dx$$

#### yר ה־עיר סביב איר ה־15.3.2

$$2\pi \int_{a}^{b} x f(x) dx$$

# חלק III חלק ג'

## הגדרות בסיסיות בתורת המספרים

#### 16.1 יחס ה

$$m|k \longleftrightarrow \exists i \in \mathbb{Z}.m \cdot i = k$$

#### mod 16.2

 $b=m\cdot n+a$ כך שה כך אמ"מ קיים א  $b\mod n=a$  נגיד כי

$$b \mod n = a \longleftrightarrow \exists m \in \mathbb{Z}.b = m \cdot n + a$$

## gcd **16.3**

bו a הוא המחלק המשותף הגדול ביותר של  $\gcd(a,b)$ 

$$\gcd(a,b) = \max\{m \in \mathbb{Z}|m|a \land m|b\}$$

#### משפט אוקלידס לקיום אינסוף ראשוניים 17

משפט אוקלידס אומר כי קיימים אינסוף ראשוניים.

 $p=1+\prod\limits_{i=1}^n p_i$  נגדיר מספר,  $p_1,p_2,...,p_n$  של ראשוניים, נסמן  $p_1,p_2,...,p_n$  נגדיר מספר, קיים מספר סופי  $p_1$  של היימים אינסוף ראשוניים, נניח בשלילה כי קיים מספר סופי  $p_1$  של היימים אינסוף ראשוניים, נניח בשלילה כי קיים מספר סופי  $p_1$ נשים לב כי  $p_i$  לא מתחלק באף  $p_i$ לכן לא מתחלק לב כי לב לב לי לכן לכן לכן לא אוניים, לא לב לב לב לב ל לכן קיימים אינסוף ראשוניים

## 18 מחלק משותף מירבי

bו a של ביותר הגדול המשותף המחלק אנו את ימצא  $\gcd{(a,b)}$ ימצא כפי שראינו לנו את יייצוג לנו איייצוג  $\gcd{(a,b)}=c$  עבור עבור  $t,s\in\mathbb{Z}$  קיים "ייצוג לינארי", כלומר קיימים

$$t \cdot a + s \cdot b = c$$

#### מספרים זרים

עבור a כך שו $\gcd(a,b)=1$  נגיד כי a,b ארים

#### משפט

 $t\cdot a+s\cdot b=1$ עבור  $s,t\in\mathbb{Z}$  קיימים אמ"מ קיימים a,b ארים אמ זרים אמ

## 19 אלגוריתם אוקלידס

### 19.1 אלגוריתם אוקלידס

יהיו אועל ופשוט פיתרון אוקלידס אוקלידס אלגוריתם או $\gcd{(a,b)}$ את את גרצה אוניהי, או יהיו יהיו אלגוריתם אובדה שובדה שלגוריתם משתמש בעובדה שובדה שלגוריתם משתמש בעובדה או

$$a = m_1 \cdot b + n_1$$

$$b = m_2 \cdot n_1 + n_2$$

.

$$n_{i-3} = m_{i-1} \cdot n_{i-2} + c$$

$$n_{i-2} = m_i \cdot c + 0$$

gcd(a,b) = c לכן

 $\gcd(a,b)=\gcd(a\mod b,b)=...=\gcd(c,0)=c$  באופן פשוט יותר נוכל לעבוד באופן הבא

## 19.2 אלגוריתם אוקלידס המורחב

 $\gcd\left(a,b\right)=c$  האלגוריתם המורחב עוזר לנו למצוא ייצוג לינארי לשיוויון מהסוג האלגוריתם האלגורירתם הקודם, **רק אחורה**, כלומר נתחיל מהשלב האחרון ונראה כי

$$n_{i-3} - m_{i-1} \cdot n_{i-2} = c$$

השלב הבא יהיה הצבת הערכים מהשוויונים שראינו מהאלגוריתם הקודם

$$n_{i-3} - m_{i-1} \cdot (n_{i-4} - m_{i-2} \cdot n_{i-3}) = c$$

וכן הלאה

#### דוגמא

ואת הייצוג הלינארי שלו  $\gcd(840,138)$  את למצוא לרצה לרצה

$$840 = 6 \cdot 138 + 12$$

$$138 = 11 \cdot 12 + 6$$

$$12 = 2 \cdot 6 + 0$$

 $\gcd(840, 138) = 6$  לכן

כעת נמצא את הייצוג הלינארי שלהם

$$6 = 138 - 11 \cdot 12$$

$$6 = 138 - 11 \cdot (840 - 6 \cdot 138)$$

$$6 = 7 \cdot 138 - 11 \cdot 840$$

### 20 משפט על פריקות יחידה לראשוניים

לכל מספר שלם קיימת פריקות יחידה למספרים ראשוניים

#### 21 משוואות דיאופנטיות לינאריות

 $a \cdot x + b \cdot y = c$  תהא משוואה דיאופנטית

#### 21.1 קיום פתרון למשוואה

לא קיים פתרון למשוואה  $\gcd(a,b)$  אם לא קיים פתרון ולחלופין פתרון למשוואה כי אם לראה כי אם פתרון פתרון ולחלופין פתרון למשוואה

#### 21.2 מציאת פתרון פרטי

, $\gcd\left(a,b\right)|c$ נכת פתרון, קיים קיים ולמשוואה בהנחה

 $e=rac{c}{d}$  נסמן  $d\cdot e=c$  ע קיים  $d\mid c$  קיים לומר , $d=\gcd{(a,b)}$  נסמן , $d=\gcd{(a,b)}$  נסמן ,נכפיל את שני האגפים ב $d=\gcd{(a,b)}$  קיים ייצוג לינארי  $d=\gcd{(a,b)}$  נכפיל את שני האגפים ב $d=\gcd{(a,b)}$ 

$$e \cdot t \cdot a + e \cdot s \cdot b = e \cdot d \rightarrow (e \cdot t) \cdot a + (e \cdot s) \cdot b = \frac{c}{d} \cdot d = c$$

 $x_0 = e \cdot t, y_0 = e \cdot s$  יהיה  $a \cdot x + b \cdot y = c$  לכן הפתרון הפרטי

#### 21.3 מציאת כל הפתרונות

קבוצת כל הפתרונות היא

$$\left\{ \left\langle x_0 + \frac{b}{d} \cdot n, y_0 - \frac{a}{d} \cdot n \right\rangle | n \in \mathbb{N} \right\}$$

## 22 הפיכות מודולו, משפט פרמה הקטן ומשפט השארית הסיני

#### משפט פרמה הקטן 22.1

יתקיים  $\gcd\left(a,p\right)=1$  כך שו $p\in\mathbb{P}$ יתקיים

$$a^{p-1} = 1 \mod p$$

#### 22.2 הפיכות מודולו

ידוע לנו על פעולות החיבור, חיסור וכפל במודולו, אך מה לגבי חילוק?

 $m\cdot k\equiv 1\mod n$  נרצה לדעת האם קיים  $m\in\mathbb{Z}$  כך ש $m\in\mathbb{Z}$  כך ש $m\in\mathbb{Z}$  או באופן שקול ,  $k\in\mathbb{Z}$  יהי  $m\cdot k\equiv 1\mod n$  משפט על הפיכות המודולו אומר כי אם m ווז זרים קיים כך אם

$$\gcd(k,n) = 1 \longleftrightarrow \exists m \in \mathbb{Z}.m \cdot k \equiv 1 \mod n$$

#### משפט השאריות הסיני 22.3

#### 22.3.1 דוגמא

נרצה לפתור את מערכת המשוואות הבאה

$$\begin{cases} x \equiv 7 \mod 19 \\ x \equiv 3 \mod 5 \end{cases}$$

באופן שקול נוכל לפתור את

$$\begin{cases} x = 19a + 7 \\ x = 5b + 3 \end{cases}$$

נחסר את המשוואות אחת מהשניה ונקבל

$$0 = 19a - 5b + 4 \rightarrow 4 = 5b - 19a$$

-12 למשל,  $\gcd(5, -19) = 1$ עראה מכיוון אמפוואה מכיוון למשוואה פתרון למשוואה מכיוון אווים

#### 22.3.2 הכללה

באופן כללי כאשר נרצה לפתור מערכת משוואות מהצורה הבאה

$$\begin{cases} x \equiv a_1 \mod m_1 \\ x \equiv a_2 \mod m_2 \\ \cdot \\ \cdot \\ x \equiv a_n \mod m_n \end{cases}$$

לפי משפט השאריות הסיני,  $m_1, m_2, ..., m_n$  זרים באוגות שקול לקיום פתרון למערכת המשוואות

#### 22.3.3 פתרון פרטי

 $s_i\cdot n_i+t_i\cdot m_i=1$ נסמן  $s_i,t_i$  כך של ( $\gcd(m_i,n_i)=1$ ), לכן  $m_i,n_i$  ארים ( $\gcd(m_i,n_i)=1$ ), ארים ( $m_i,n_i=\frac{m}{m_i}$ ), נסמן  $e_i\equiv 1 \mod m_i$  ונראה כי  $e_i=t_i\cdot m_i+1$  לכן  $e_i+t_i\cdot m_i=1$  ונראה כי  $e_i=s_i\cdot n_i$  אם נסמן  $e_i\mod m_j=\delta_{i,j}$  אם נקח  $i=t_i$  אם נקח  $i=t_i$  אם נקח  $i=t_i$  אם נקח  $i=t_i$  אם מכיוון ש $i=t_i$ 

$$\delta_{i,j} = \begin{cases} 1 & i = j \\ 0 & i \neq j \end{cases}$$

שכן  $x_0 = \sum\limits_{k=1}^n \, a_k \cdot e_k$  הפתרון הפרטי של מערכת המשוואות ההיה

$$x_0 \mod m_i = \left(\sum_{k=1}^n a_k \cdot e_k\right) \mod m_i = \sum_{k=1}^n \left(a_k \mod m_i\right) \cdot \left(e_k \mod m_i\right) = \sum_{k=1}^n \left(a_k \mod m_i\right) = \sum_{k=1}^$$

$$0 \cdot (a_1 \mod m_i) + \ldots + 1 \cdot (a_i \mod m_i) + \ldots = a_i \mod m_i$$

## 22.3.4 פתרון כללי

קבוצת הפתרונות למערכת המשוואות הנ"ל תהיה

$$\{x_0 + m \cdot z | z \in \mathbb{Z}\}$$

# חלק IV **חלק ד'**

- 23 השערת הרצף
- 24 השערת רימן
  - 25 סודרים