

Estatística e Probabilidade

Filosofia e aplicações com software

 $Felipe\ Coelho\ Argolo\ felipe.c.argolo@protonmail.com$

Londres, 8 de Julho de 2020 Página oficial: https://http://www.leanpub.com/fargolo

Volume 1 Segunda Edição

Prefácio

Remember that all models are wrong; the practical question is how wrong do they have to be to not be useful

George Box & Norman R. Draper, Empirical Model-Building and Response Surfaces

Quando entramos no século XXI, os termos inteligência artificial (artificial intelligence), aprendizagem de máquina (machine learning), big data e ciência de dados ganharam forte notoriedade em virtude de resultados inéditos em problemas de aplicação prática. Avanços técnicos em processamento de linguagem natural, visão computacional e outros campos foram rapidamentes implementados por engenheiros e pesquisadores em finanças, indústria e ciências.

Uma abordagem detalhada do formalismo envolvido pode facilmente alcançar 1.000 páginas de texto sucinto, como o clássico 'Deep Learning (Adaptive Computation and Machine Learning)' de Goodfellow, Bengio and Courville. Outra obra de escopo e tamanho semelhante é a "Neural networks and learning machines", de Simon Haykin. Inúmeros cursos online e videoaulas são produzidos e disponibilizados por instituições de prestígio..

É comum que didática seja focada em modelos (time series, clustering, redes neurais) ou ferramentas (e.g. R, Julia, Python, Stan, Matlab...).

De cima para baixo

Quod est inferius est sicut quod est superius. Et quod est superius est sicut quod est inferius, ad perpetranda miracula rei unius.

"O que é inferior é como aquilo que é superior. E o que é superior é como aquilo que é inferior, perpetuando os milagres de uma coisa só. ¹

Neste texto, as ferramentas são contextualizados (top-down) na exploração de um roteiro com eixo em filosofia das ciências. As formulações surgem de questões sobre fenômenos naturais de biologia (testes estatísticos), psicologia (análise fatorial), saúde pública/economia (correlação, regressão e causalidade) e neurociências (perceptron e redes neurais).

No primeiro capítulo, acompanhamos Charles Darwin em Galápagos. Darwin esperou 20 anos entre a concepção da teoria e sua publicação. Trabalhou incansavelmente para investigar se suas impressões não eram falsas. Este capítulo ilustra como o racional hipotético-dedutivo funciona para estudar hipóteses científicas. Aborda a relação entre ciências empíricas e a distribuição normal. O teste t de Student é aplicado para comparação dos bicos de aves em Galápagos.

O segundo capítulo destaca o papel descritivo e preditivo de teorias. Além de testar hipóteses, criamos modelos para as relações entre medidas. Partindo dos estudos de Arquimedes sobre alavancas, aprenderemos correlações lineares

¹Tábula Esmeralda. Tradução a partir de http://webapp1.dlib.indiana.edu/newton/mss/dipl/ALCH00017 Isaac Newton. "Keynes MS. 28". The Chymistry of Isaac Newton. Ed. William R. Newman. June 2010. Acessado em Junho de 2020

 $(\rho$ de Pearson) e tamanho de efeito (D de Cohen). Também são introduzidas alternativas não-paramétricas aos procedimentos $(\rho$ de Spearman e teste U de Mann-Whitney) anteriores.

Usamos regressão para fazer predições usando formas fechadas. Resolvendo analiticamente as equações do modelo, encontramos uma estimativa única para os parâmetros envolvidos.

O terceiro capítulo introduz uma implementação formal do abrangente paradigma filosófico para causalidade. Com muitas variáveis (análise multivariada), grafos são a abstração base para relacionarmos conceitos. Estudamos regressão múltipla e sobre como lidar com covariáveis segundo um diagrama causal. Colinearidade, confundidores, mediação e moderação. Para redução de dimensões e abordagem de medidas latentes, falaremos em análise fatorial, análise de componentes principais (PCA) e sua generalização em equações estruturais (SEM).

O quarto capítulo introduz redes neurais. Começamos da inspiração biológica dos neurônios artificiais e da primeira máquina inteligente da história: o Mark I Perceptron. Codificamos um Mark I virtual, que usa uma nova forma de estimar parâmetros: gradient descent. Ao invés de usar uma fórmula fechada, usamos derivativas para 'caminhar' em direção ao mínimo progressivamente.

Redes Neurais expandem o poder de um neurônio com múltiplos nodos para a construção de sistemas preditivos complexos. Redes profundas incluem camadas sucessivas, permitindo transformações em sequência para resolver classes mais gerais de problemas. Entendemos como os neurônios podem propagar erros aos outros, otimizando gradientes em conjunto com o mecanismo de backpropagation. Também codificaremos uma rede neural, Mark II.

O quinto capítulo constrasta duas escolas em probabilidade: a **frequencista** e a **bayesiana**. O contexto é dado por alternativas ao método hipotético dedutivo: Carnap demonstra a dificuldade de refutações, Feyerabend propõe uma anarquia epistemológica amparada em fatos históricos e W. van Quine pinta um sistema entrelaçado para teorias, hipóteses e observações. Reabordamos alguns exemplos anteriores usando Stan para inferência bayesiana.

Exploramos uma terceira forma de estimar parâmetros. Sem fórmulas fechadas, usamos o poder das simulações estocásticas (*Markov Chain Monte Carlo*).

Prefácio à segunda edição

Aproximadamente um ano se passou desde o lançamento da 1^a edição. Algumas modificações foram importantes foram incorporadas.

Julia foi incluída como uma linguagem alternativa a R.

O capítulo 1 inclui uma segunda perspectiva (máxima entropia) para a utilização da distrição normal em ciências naturais.

O capítulo 3 foi reestruturado para incluir uma abordagem mais geral do estudo de causalidade com grafos direcionados. O capítulo 5 foi aumentado para incluir mais detalhes no ajuste de modelos Bayesianos.

O capítulo 6 adiciona análise de sistemas dinâmicos (séries temporais) ao livro.

Sumário

Capítulo 1 - Os pássaros de Darwin e o método hipotético dedutivo

- Pássaros em Galápagos
 - Distribuição normal
 - Ciência experimental e o Teorema do limite central
- Método hipotético-dedutivo e Testes de hipótese
 - Valor p
 - Distribuição t de Student e teste t

Capítulo 2 - Sobre a natureza das relações

- Prelúdio: Quem precisa do valor p?
- Tamanho de efeito: D de Cohen
- Correlações lineares
 - Coeficiente de correlação ρ de Pearson
 - Predições com regressão linear
- Correlações e testes não paramétricos
 - $-\rho$ de Spearman
 - Teste U de Mann Whitney

Capítulo 3 - Análise multivariada, grafos e inferência causal

- Regressão múltipla
 - Colinearidade
- Grafos e trajetórias causais
 - Mediação e moderação
 - Análise fatorial
 - Equações estruturais

Capítulo 4 - Neurônios

- Regressão logística
- Um neurônio artificial: O perceptron
 - História e implementação do zero : Mark I
- Redes Neurais e Deep learning (múltiplas camadas)
- Gradient Descent
- Backpropagation

Capítulo 5 - Contexto e inferência Bayesiana

- Probabilidades
 - Frequencistas e Bayesianos
- Muitos métdos científicos: Feyerabend, Carnap e Quine
- Inferência Bayesiana
 - Teorema de Bayes
 - Intuições: prior, likelihood, posterior e probabilidades marginais
 - Comparação de amostras com distribuição normal
 - Correlação linear

Estimadores e Métodos Markov Chain Monte Carlo
Soluções fechadas, Gradient Descent e MCMC

Capítulo 6 - Sistemas dinâmicos e séries temporais

Pré-requisitos

Rudimentos em probabilidade, estatística e cálculo são suficientes para compreender quase todos os exemplos. Os programas usam sintaxe semelhante à matemática apresentada no texto, então pouca familiaridade com programação não é uma barreira. O capítulo 0 é destinado a isso.

Todos os exemplos podem ser reproduzidos usando software livre.

Leitura recomendada:

Filosofia e divulgação científica

- Surely You're Joking, Mr. Feynman
- O mundo assombrado pelos demônios Carl Sagan
- A lógica da pesquisa científica K. Popper
- A estrutura das revoluções científicas Thomas Kuhn
- Contra o Método Paul Feyerabend
- Dois dogmas do empiricismo Willard van Quine
- Stanford Encyclopedia of Philosophy https://plato.stanford.edu/
- The Open Handbook of Formal Epistemology https://jonathanweisberg.org/post/openhandbook/

Neurociências

• Principles of neural science - Eric Kandel

Matemática/computação

- Coleção 'Fundamentos da matemática elementar'
- Statistical Rethinking. A Bayesian Course with Examples in R and Stan
- Bioestatistica sem segredos. Annibal Muniz.
- What is mathematics Courant & Robbins
- Better Explained (https://betterexplained.com/)
- http://material.curso-r.com/
- R Graphics Cookbook
- R. Inferno
- Learn you a Haskell for Great Good
- Layered Grammar of Graphics Hadley Wickham.
- Algorithms unlocked
- Online: Statsexchange, stackoverflow, mathexchange, cross-validated.

Machine Learning

- An Introduction to Statistical Learning: with Applications in R
- Neural Networks and Learning Machines Simon Haykin
- Stanford (computer vision): http://cs231n.stanford.edu/

•	Oxford 2015 (Deep learning): (https://www.youtube.com/watch?v=dV80NAlEins&list=PLE6Wd9FR-EfW8dtjAuPoTuPcqmOV53Fu)

Agradecimentos

Minha família, Suzana, Paulo, Isaac e Chris. Amigos Gabriel, Guilherme, Wei.

Aos professores: Carla Daltro, Anibal Neto, Lucas Quarantini, Luis Correia, Rodrigo Bressan, Ary Gadelha.

Aos colegas Fatori, Luccas, Macedo, Walter, Rafael, Sato, Hiroshi, Lais, Luci, Davi, n3k00n3 (Fernando), Loli (Lorena).

Para comentários, críticas, sugestões, ou simplesmente dizer oi: felipe.c.argolo@protonmail.com.