### Kecerdasan Buatan

Pertemuan 2: Problem Solving

## Sistem yang menggunakan Al



## Sistem yang menggunakan AI (2)

- \* Empat hal yang perlu dipertimbangkan untuk membangun sistem yang mampu menyelesaikan masalah:
  - Mendefinisikan masalah dengan tepat → spesifikasi tentang keadaan awal (initial state) dan solusi yang diharapkan
  - Menganalisis masalah dan mencari teknik penyelesaian masalah yang sesuai
  - \* Merepresentasikan pengetahuan
  - \* Memilih teknik penyelesaian masalah yang terbaik

## Penyelesaian Masalah (Problem Solving)

- Beberapa istilah/terminologi:
  - \* State (Keadaan): Deskripsi dari dunia sekitar
  - Goal (Tujuan): Sekumpulan state yang memiliki sifat/properti yang diinginkan
  - \* Action (Tindakan): Menyebabkan perubahan dari sebuah state ke state lain
- \* Mencari action mana yang menuju ke state goal: ini adalah langkah untuk penyelesaian masalah:
  - Pendefinisian masalah (problem formulation)
    - \* State awal (initial state), action dan state apa yang perlu dipertimbangkan (disebut successor function), goal test, dan biaya (path costs)
  - Menjalankan algoritma pencarian (searching algorithm)
    - \* Memeriksa beberapa urutan action yang dapat dijalankan
    - \* Mengembalikan sebuah solusi dalam bentuk urutan action

## Contoh: Liburan di Jawa Timur (1)

Posisi di kota Trenggalek. Esok harus di Surabaya untuk naik pesawat ke Singapura



## Liburan di Jawa Timur (2)

- \* Formulasi tujuan/pendefinisian masalah:
  - \* Berada di Surabaya
- \* Formulasi permasalahan:
  - \* State (kata benda): kota-kota di Jawa Timur
  - \* Action (kata kerja): Berkendara melalui kota-kota
- \* Hasil pencarian final:
  - \* Urutan kota yang dilalui, misal: Trenggalek, Tulungagung, Kediri, Kertosono, Jombang, Mojokerto, Surabaya

#### Pendefinisian Masalah

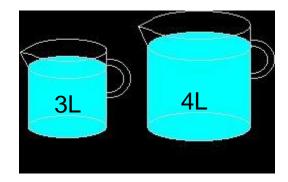
- \* Permasalahan didefinisikan dalam 4 hal:
  - \* State awal
  - \* Fungsi successor (action yang akan dilakukan dan state berikutnya yang akan dituju)
    - \* Diberikan sebuah state s, A(s) adalah fungsi yang mengembalikan state-state lain yang dapat dicapai dari state s dengan 1 kali action.
  - \* Goal test (menentukan apakah state sekarang adalah state tujuan)
  - \* Path cost (jumlah dari seluruh biaya yang ditimbulkan oleh action yang telah dilakukan)

## Contoh Pendefinisian Masalah pada studi kasus Liburan di Jawa Timur

```
* State
* Kota di Jawa Timur: {"Trenggalek", "Surabaya", "Jember", "Malang", ...}
* State Awal
* "Trenggalek"
* Action dan state yang dipertimbangkan, sesuai fungsi successor
* Misal: A(Trenggalek) = {<Trenggalek → T.Agung, T.Agung >, ...}
* Goal Test
* Misal: x = "Surabaya"
* Path Cost
* Misal: jumlah jarak tempuh, jumlah kota yang dilewati, dll.
```

#### Permasalahan Teko Air

- \* Terdapat dua teko air tanpa label yang masing-masing berukuran 3L dan 4L.
- \* Tersedia pasokan air yang tak terbatas.
- \* Teko air tersebut dapat diisi air, dikosongkan, atau isinya dituang ke teko yang lainnya.
- \* Tujuan akhirnya adalah mendapatkan 2L air.



## Permasalahan Teko Air (2)

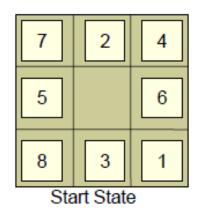
- \* Representasi: (x,y) = (vol air di teko 3L, vol air di teko 4L), $0 \le x \le 3, 0 \le y \le 4$
- \* State awal: (o, o)
- \* Goal state: (\_, 2) atau (2, \_)
- \* Tuliskan urutan langkah-langkahnya untuk setiap statenya sehingga tercapai goal state.

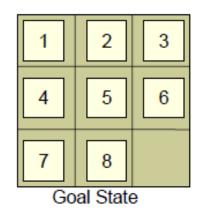
### Action Teko Air

(x,y) = (vol air di teko 3L, vol air di teko 4L)

Action	Batasan	Keterangan	
$A_1(x,y) \rightarrow (3,y)$		Isi penuh teko 3L	
$A_2(x,y) \rightarrow (x,4)$		Isi penuh teko 4L	
$A_3(x,y) \rightarrow (o,y)$		Kosongkan teko 3L	
$A4(x,y) \rightarrow (x,0)$		Kosongkan teko 4L	
$A_5(x,y) \rightarrow (o,x+y)$	[o≤x+y≤4]	Tuang semua isi teko 3L ke teko 4L	
$A6(x,y) \rightarrow (x+y,o)$	[o≤x+y≤3]	Tuang semua isi teko 4L ke teko 3L	
$A7(x,y) \rightarrow (x+y-4,4)$	[x+y>4]	Penuhi teko 4L dengan isi teko 3L	
$A8(x,y) \rightarrow (3,x+y-3)$	[x+y>3]	Penuhi teko 3L dengan isi teko 4L	

#### Contoh: Permasalahan 8-Puzzle





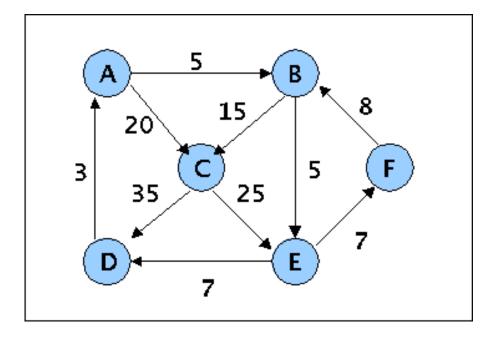
- State: posisi dari setiap 8 keping dan keping kosong
- \* State awal: posisi sembarang
- \* Fungsi successor: State legal/sah yang dihasilkan dari action (pergerakan keping kosong ke Kiri, Kanan, Atas, dan Bawah)
- \* Goal state: State sekarang sama dengan state di sebelah kanan
- \* Path cost: Setiap langkah bernilai 1, path cost adalah jumlah seluruh langkah yang ditempuh

## Ruang Keadaan (State Space)

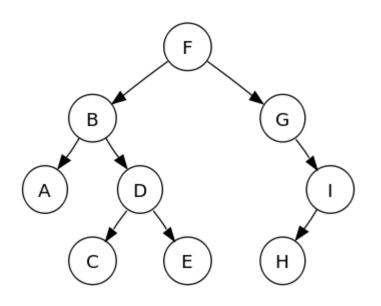
- \* Contoh Liburan di Jawa Timur dan Permasalahan Teko Air merepresentasikan masalah dalam **Ruang Keadaan**, yakni ruang yang berisi semua keadaan yang mungkin.
- Beberapa cara untuk merepresentasikan Ruang Keadaan antara lain:
  - Graph Keadaan
  - \* Pohon Pelacakan

## Graph Keadaan

- Terdiri dari node-node yang menunjukkan keadaan awal dan keadaan baru yang akan dicapai dengan menggunakan operator
- \* Sangat memungkinkan adanya siklus dalam graph, sehingga akan menyulitkan proses pelacakan



#### Pohon Pelacakan

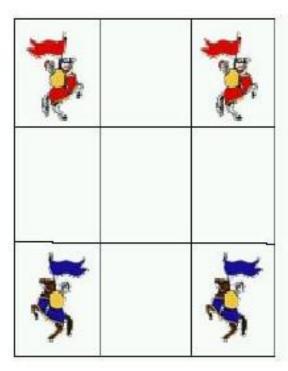


- \* Digunakan untuk menggambarkan keadaan secara hirarkis.
- \* Node akar menunjukkan keadaan awal, sedangkan node daun menunjukkan keadaan akhir (goal state) atau dapat juga keadaan buntu (dead-end state)
- Struktur ini menghilangkan kemungkinan adanya siklus (loop)

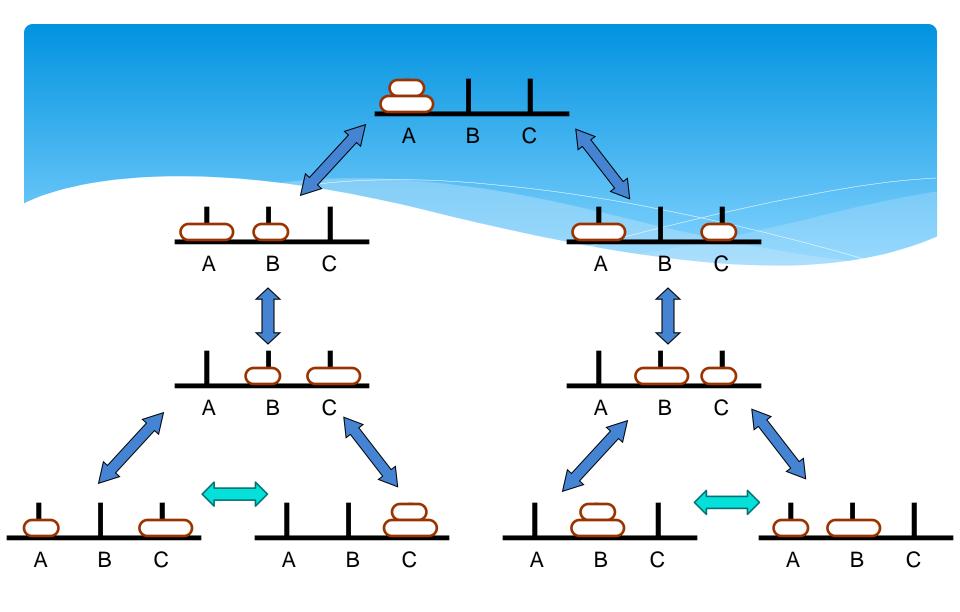
## Permasalahan Ruang Keadaan (State Space) yang lainnya

- \* Penukaran bidak Kuda pada permainan catur
- \* Menara Hanoi
- Misionaris dan Kanibal

### Penukaran Bidak Kuda







Permasalahan Menara Hanoi

## Missionaris and Canibal (1)

- \* Ada 3 missionaris dan 3 kanibal ingin menyeberangi sungai dengan sebuah sampan.
- \* Sampan mampu menampung maksimum 2 orang.
- \* Jumlah missionaris tidak boleh lebih sedikit daripada jumlah kanibal pada suatu sisi.
- \* Missionaris dan kanibal bisa menggunakan sampan

## Missionaris and Canibal (2)

State: missionaris, canibal, boat

Start state: 3,3,1

Kemungkinan state:

3,3,1	3,2,1	3,1,1	3,0,1
3,3,0	3,2,0	3,1,0	3,0,0
2,3,1	2,2,1	2,1,1	2,0,1
2,3,0	2,2,0	2,1,0	2,0,0
1,3,1	1,2,1	<u>1,1,1</u>	1,0,1
1,3,0	1,2,0	1,1,0	1,0,0
0,3,1	0,2,1	<u>0,1,1</u>	0,0,1
0,3,0	0,2,0	0,1,0	0,0,0

End state: 0,0,0

Biru: start dan end state

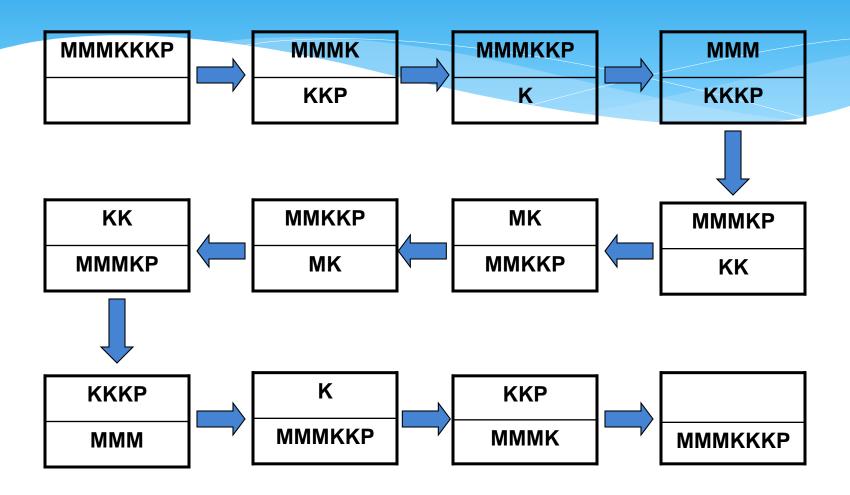
Hitam: aman

Merah : jumlah kanibal > missionaris

pada kedua sisi sungai

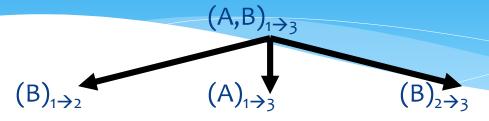
Hijau : kondisi yang tidak mungkin

tercapai

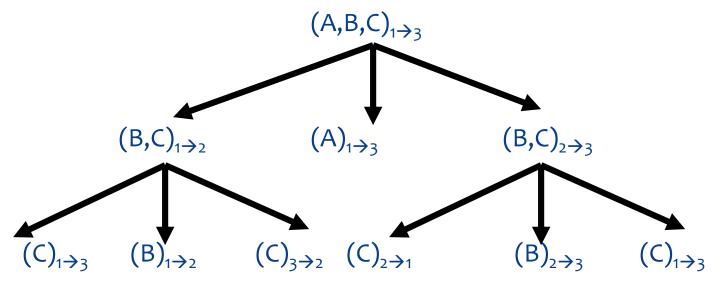


### Reduksi Masalah

Tower of Hanoi 2 piringan



**×**3 piringan



## Latihan: State Space



Permasalahan Petani (p), Serigala (s), Angsa (a) dan Padi (pa). Petani ingin menyeberangi sungai menggunakan perahu kecil dengan semua barang bawaannya (serigala, angsa, padi). Syarat :

- hanya 1 jenis barang bawaan yang dapat diangkut setiap satu kali menyeberang - serigala, angsa dan padi tidak boleh di satu sisi sungai yang sama tanpa adanya petani di sisi tersebut

p >< s, a, pa

- angsa dan padi tidak boleh di satu sisi sungai yang sama tanpa adanya petani di sisi tersebut

p, s >< a, pa

- serigala, angsa tidak boleh di satu sisi sungai yang sama tanpa adanya petani di sisi tersebut

p, pa >< s, a

Selesaikan permasalahan ini dengan metode state space (seperti contoh)

1. Buat dulu state spacenya

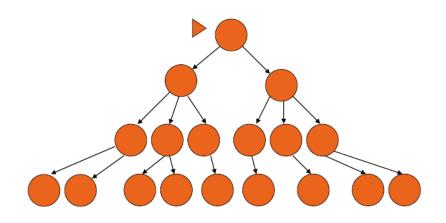
2. Gambarkan/tuliskan urutan pencarian solusinya

#### Metode Pencarian dan Pelacakan

- \* Keberhasilan sistem cerdas dalam mendapatkan sebuah solusi ditentukan oleh kesuksesannya dalam pencarian dan pencocokan.
- \* Ada dua teknik pencarian dan pencocokan:
  - Pencarian Buta (Blind Search/Uninformed Search)
  - Pencarian Terbimbing (Informed Search)

# Uninformed Search (Blind Search/Pencarian Buta)

- Ide Dasarnya adalah mengeksplorasi ruang keadaan dengan menghasilkan successor dari state yang diperluas
- \* Pencarian buta hanya menggunakan informasi yang tertulis pada definisi permasalahan
- \* Contoh:
  - \* Breadth-first search
  - Depth-first search
  - Depth-limited search
  - \* Iterative deepening search



#### Prosedur Breadth-first Search

- Tentukan L sebagai daftar node awal pada permasalahan
- Misal n adalah node pertama pada L. Jika L kosong, maka pencarian gagal.
- 3. Jika n adalah state tujuan, berhenti, dan kembalikan node n beserta jalur (path) dari node awal menuju n.
- 4. Jika *n* bukan state tujuan, hapus *n* dari *L* dan tambahkan seluruh anak dari *n* ke bagian <u>akhir</u> dari *L*. Beri label jalur yang ditempuh dari node awal menuju tiap-tiap anak. Kembali ke langkah 2.

## Prosedur Breadth-first Search (2)

#### \* Ciri dari BFS:

- \* Tree dieksplorasi dari atas ke bawah
- Setiap node pada kedalaman d dikunjungi sebelum node pada kedalaman d+1

## Contoh Penyelesaian Permasalahan Teko Air dengan BFS

```
* Isi L dengan node awal → L = {<nil: (0,0)>}
* n = <nil: (0,0)>
* Goal test – state n bukan state tujuan
Bagaimana mencari seluruh anak dari n?
Gunakan operasi valid pada state n
Misal: a1(isi teko 3L), a2(isi teko 4L)
* Hapus n dari L dan tambahkan anak-anak n ke bagian akhir dari L → L = {<a1: (3,0)>, <a2: (0,4)>}
```

## Contoh Penyelesaian Permasalahan Teko Air dengan BFS (2)

- \* Hapus n dari L dan tambahkan anak-anak n ke bagian akhir dari L  $\rightarrow$  L = {<a1: (3,0)>, <a2: (0,4)>}
- \* n = <a1: (3,0)>
- Goal test state n bukan state tujuan

Bagaimana mencari seluruh anak dari n?

Gunakan operasi valid pada state n

Misal: a2(isi teko 4L), a3(kosongkan teko 3L), a4(pindahkan seluruh isi teko 3L ke teko 4L

Hapus n dari L dan tambahkan anak-anak n ke bagian akhir dari L

$$\rightarrow$$
 L = {, , , }

## Contoh Penyelesaian Permasalahan Teko Air dengan BFS (3)

- \* Hapus n dari L dan tambahkan anak-anak n ke bagian akhir dari L
  - $\rightarrow$  L = {<a2: (0,4)>, <a2: (3,4)>, <a3: (0,0)>, <a4: (0,3)>}
- \*  $n = \langle a2: (0,4) \rangle$
- Goal test state n bukan state tujuan

Bagaimana mencari seluruh anak dari n?

Gunakan operasi valid pada state n

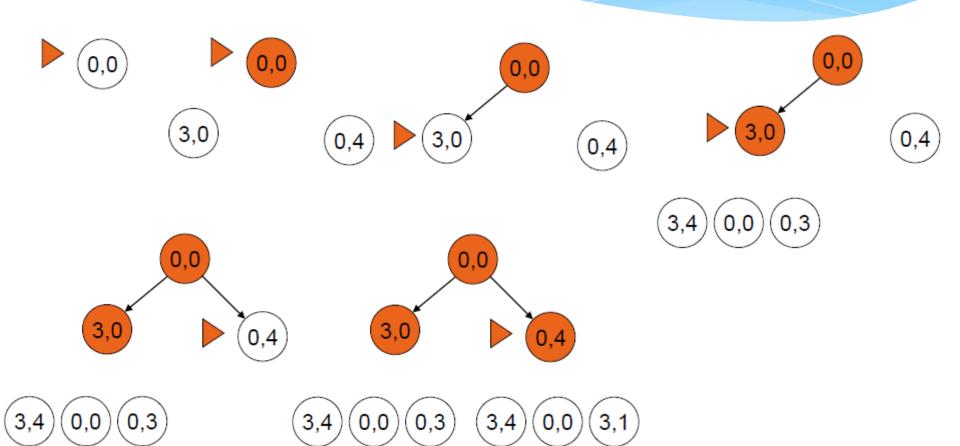
Misal: a1(isi teko 3L), a4(kosongkan teko 4L), a8(tuang isi teko 4L ke teko 3L sampai teko 3L penuh)

\* Hapus n dari L dan tambahkan anak-anak n ke bagian akhir dari L

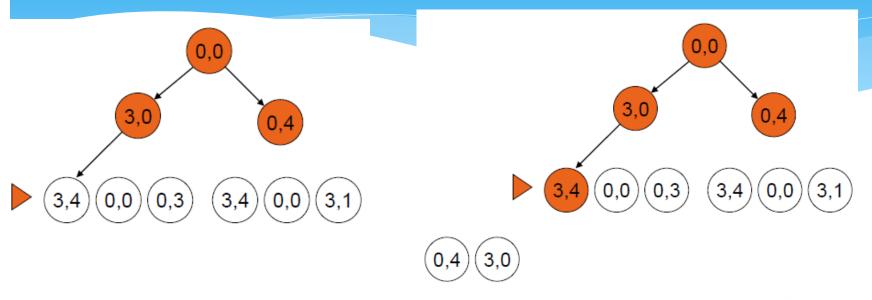
$$\rightarrow$$
 L = {, , , , 

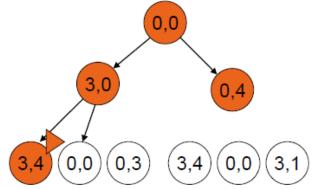
Dan seterusnya .....

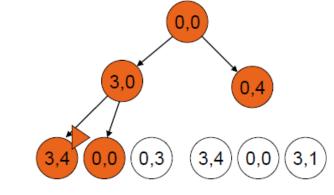
## Representasi Tree untuk BFS



## Representasi Tree untuk BFS (2)



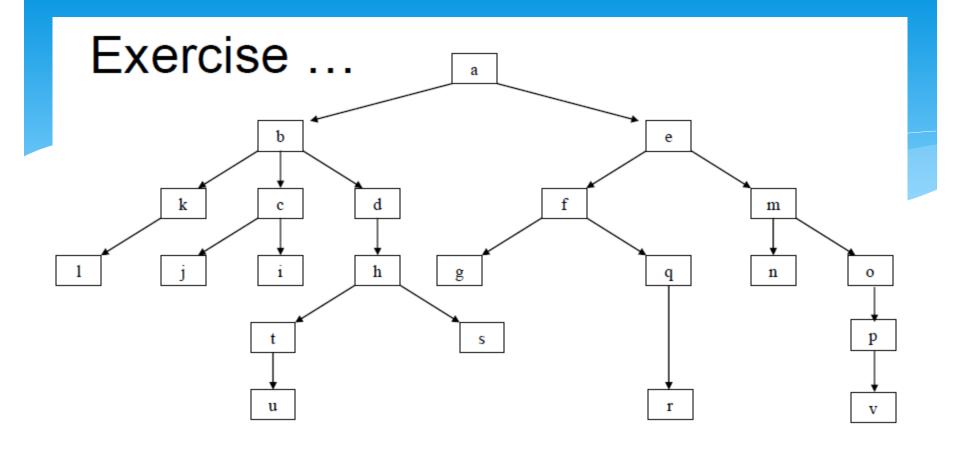




0,4)(3,0)

(0,4)(3,0)

(3,0)(0,4)



Tuliskan urutan node yang dikunjungi jika menggunakan Breadth-first Search

## Prosedur Depth-first Search

- 1. Tentukan L sebagai daftar node awal dari permasalahan
- 2. Misal n adalah node pertama pada L. Jika L kosong, pencarian gagal.
- Jika n adalah state tujuan, berhenti dan kembalikan node tersebut beserta jalur/path dari node awal menuju n.
- 4. Jika n bukan state tujuan, hapus n dari L dan tambahkan seluruh anak dari n di bagian <u>depan</u> dari L. Beri label jalur yang ditempuh dari node awal menuju tiap-tiap anak. Kembali ke langkah 2.

## Prosedur Depth-first Search (2)

#### \* Ciri dari DFS:

- Mengekspansi pohon pencarian sedemikian rupa sehingga node ditelusuri dari kiri ke kanan
- Kita selalu mengeksplorasi anak dari node yang baru diekspansi terlebih dahulu
- \* Jika node ini tidak memiliki anak, lakukan prosedur mundur (backtrack) 1 langkah sebelum memilih node lain untuk diekspansi

# Penyelesaian permasalahan teko air dengan DFS

```
* Isi L dengan node awal → → L = {<nil: (0,0)>}
* n = <nil: (0,0)>
* Goal test – state n bukan state tujuan
Bagaimana mencari seluruh anak dari n?
Gunakan operasi valid pada state n
Misal: a1(isi teko 3L), a2(isi teko 4L)
* Hapus n dari L dan tambahkan anak-anak n ke bagian
```

depan dari L  $\rightarrow$  L = {<a1: (3,0)>, <a2: (0,4)>}

# Penyelesaian permasalahan teko air dengan DFS (2)

- \* Hapus n dari L dan tambahkan anak-anak n ke bagian awal dari L  $\rightarrow$  L = {<a1: (3,0)>, <a2: (0,4)>}
- \* n = <a1: (3,0)>
- Goal test state n bukan state tujuan

Bagaimana mencari seluruh anak dari n?

Gunakan operasi valid pada state n

Misal: a2(isi teko 4L), a3(kosongkan teko 3L), a4(pindahkan seluruh isi teko 3L ke teko 4L

\* Hapus n dari L dan tambahkan anak-anak n ke bagian awal dari L

```
\rightarrow L = {<a2: (3,4)>, <a3: (0,0)>, <a4: (0,3)>, <a2: (0,4)>}
```

# Penyelesaian permasalahan teko air dengan DFS (3)

```
* Hapus n dari L dan tambahkan anak-anak n ke bagian awal dari L
```

$$\rightarrow$$
 L = {, , , }

- \* n = <a2: (3,4)>
- Goal test state n bukan state tujuan

Bagaimana mencari seluruh anak dari n?

Gunakan operasi valid pada state n

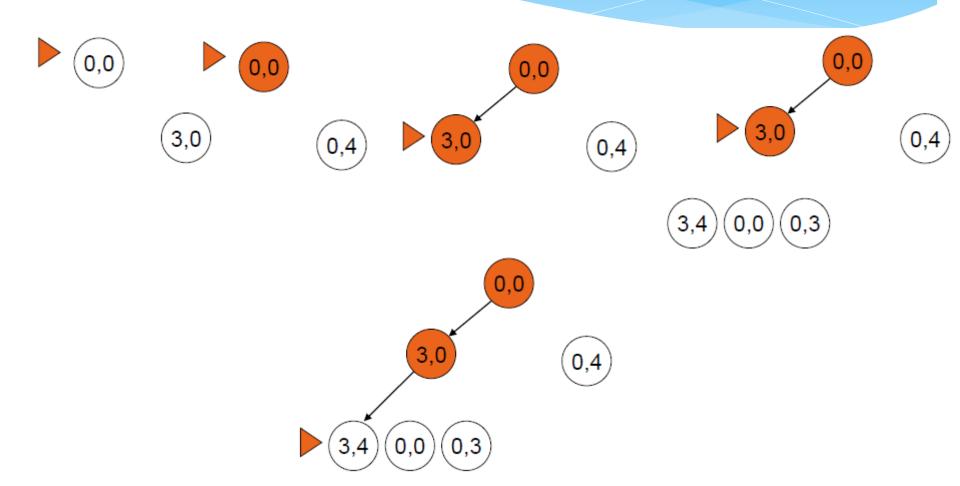
Misal: a3(kosongkan teko 3L), a4(kosongkan teko 4L)

\* Hapus n dari L dan tambahkan anak-anak n ke bagian awal dari L

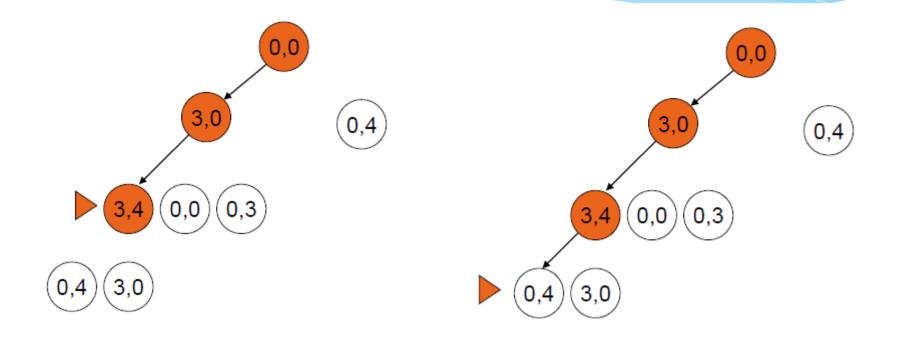
$$\rightarrow$$
 L = {, , , , }

Dan seterusnya .....

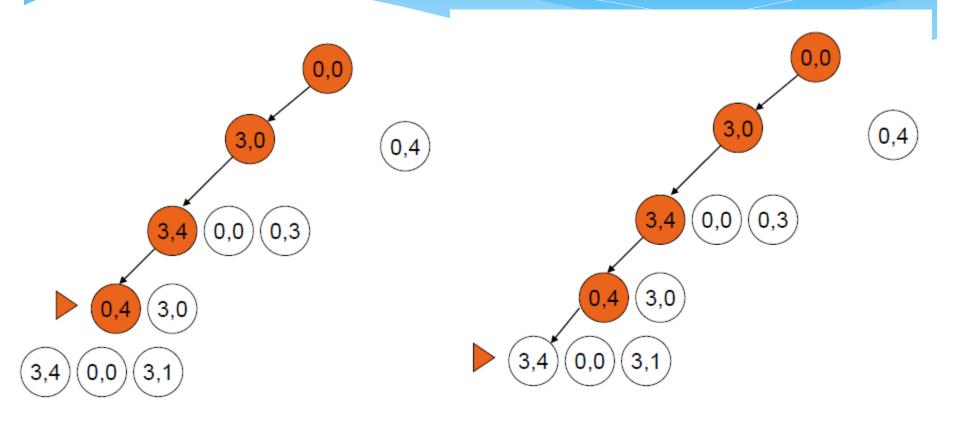
#### Representasi Tree untuk DFS

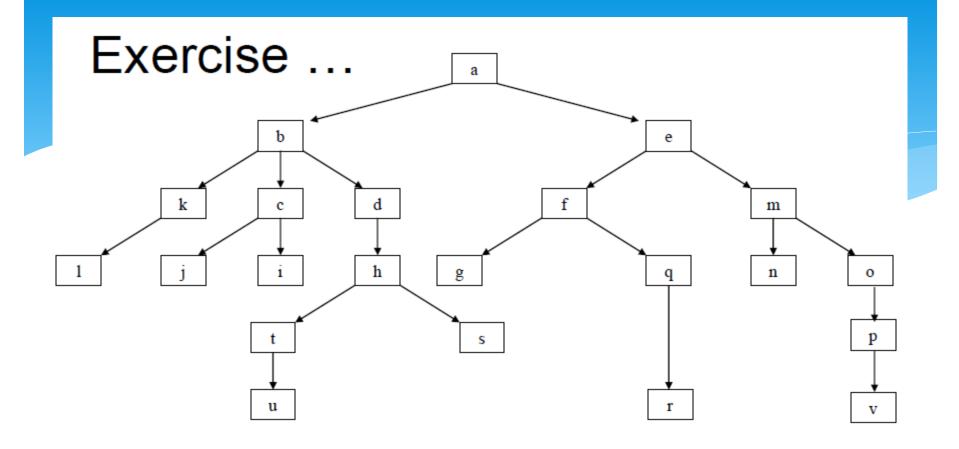


# Representasi Tree untuk DFS (2)



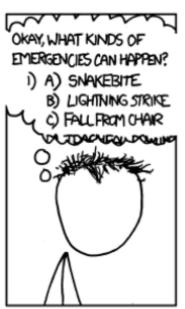
# Representasi Tree untuk DFS (3)



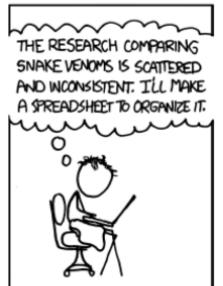


Tuliskan urutan node yang dikunjungi jika menggunakan Depth-first Search







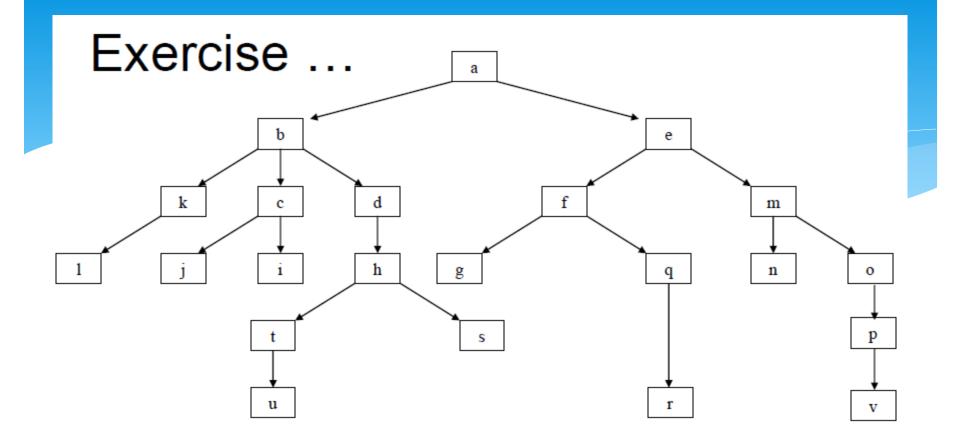




I REALLY NEED TO STOP USING DEPTH-FIRST SEARCHES.

#### Depth-limited Search

- \* Sama dengan Depth-first Search, hanya menetapkan suatu batasan kedalaman maksimum (/) yang akan ditelusuri
- \* Root memiliki kedalaman o



Tuliskan urutan node yang dikunjungi jika menggunakan Depth-limited Search dengan maksimum kedalaman adalah 3

## Iterative-deepening Search

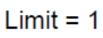
 Mirip dengan Depth-limited Search, hanya secara bertahap meningkatkan kedalaman node yang ditelusuri

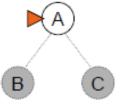
# Iterative-deepening Search

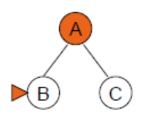
Limit = 0

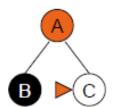


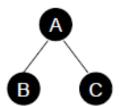
A



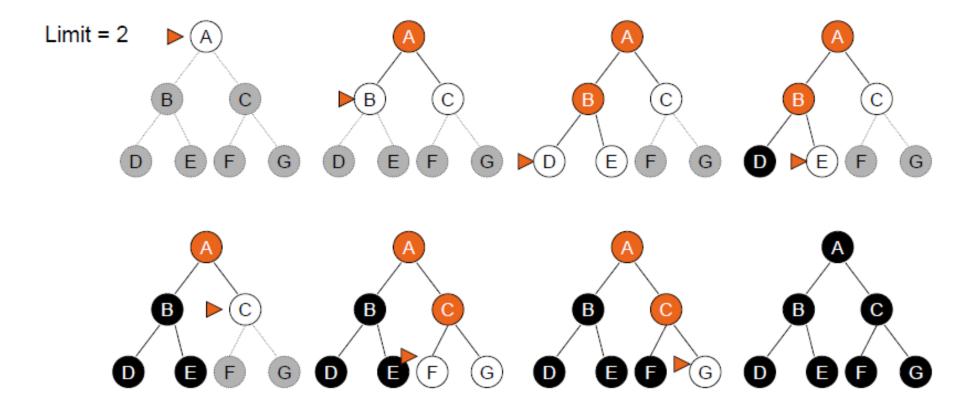




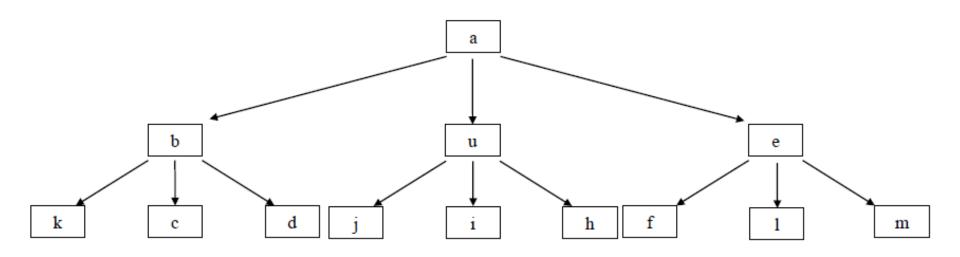




# Iterative-deepening Search



#### Latihan



Tuliskan urutan penelusuran node jika menggunakan Iterative-deepening Search

#### Cara Evaluasi Metode Pencarian

- \* Empat kriteria yang dinilai:
  - \* Kelengkapan (completeness)
    - \* Apa dijamin akan mendapatkan solusi?
  - \* Kompleksitas waktu
    - \* Berapa lama waktu yang dibutuhkan?
  - \* Kompleksitas ruang
    - \* Berapa besar memori penyimpanan yang dibutuhkan?
  - \* Optimalitas
    - \* Jika ada beberapa alternatif solusi, apakah dapat mencari solusi yang terbaik?

# Perbandingan

	Breadth-First	Depth-First	Depth-Limited	Iterative Deepening
Complete?	• Yes	• No	• No	• Yes
Time	<ul> <li>O(b<sup>d+1</sup>)</li> </ul>	<ul> <li>O(b<sup>m</sup>)</li> </ul>	<ul> <li>O(b<sup>1</sup>)</li> </ul>	<ul> <li>O(b<sup>d</sup>)</li> </ul>
Space	<ul> <li>O(b<sup>d+1</sup>)</li> </ul>	<ul> <li>O(bm)</li> </ul>	<ul> <li>O(bl)</li> </ul>	<ul> <li>O(bd)</li> </ul>
Optimal?	• Yes	• No	• No	• Yes

b = jumlah node

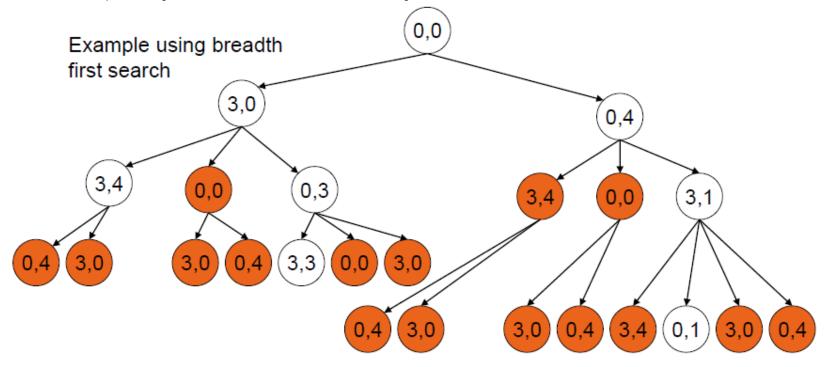
m = kedalaman pada tree untuk Depth-First Search

I = kedalaman pada tree untuk Depth-limited Search

d = kedalaman pada tree untuk Breadth-First Search dan Iterative-deepening Search

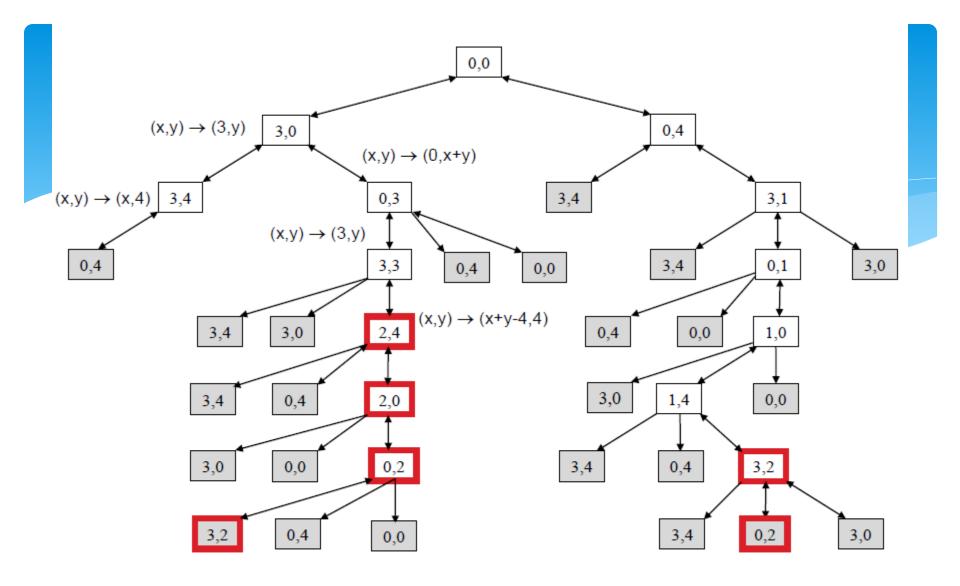
# Penanganan State Berulang

\* HATI-HATI! Kegagalan dalam mendeteksi state yang berulang akan mengakibatkan permasalahan linier menjadi permasalahan eksponensial



# Tips Penanganan State Berulang

- \* Jangan kembali pada state yang telah dikunjungi
- \* Jangan membuat jalur/path yang mengandung siklus/cycle di dalamnya
- Jangan men-generate state yang sudah di-generate sebelumnya



Contoh penanganan state berulang

# Tugas

- \* Selesaikan permasalahan Petani-Beras-Angsa-Serigala dengan menggunakan salah satu dari metode penelusuran:
  - DFS (node ditambah di depan)
  - BFS (node ditambah di belakang)
  - \* Depth Limited Search (limit kedalaman: 7) (node ditambah di depan)
  - Iterative Deepening Search (node ditambah di depan)
- \* Terapkan penanganan state berulang pada penyelesaian permasalahan yang Anda buat

# Ringkasan

- \* Pendefinisian masalah
- \* Ruang keadaan
- \* Pencarian Buta/Blind Search/Uninformed Search
  - Breadth-first Search
  - Depth-first Search
  - \* Depth-limited Search
  - \* Iterative-deepening Search
- \* Penanganan State Berulang